

算法学习:AcWing

Algorithm Learning: AcWing

吴小强 编著

深圳 • SHENZHEN

前言

目 录

前言	i
第一部分 算法基础	1
第一章 算法基础	3
1.1 快速排序	3
1.1.1 AcWing 785. 快速排序	3
1.1.2 AcWing 786. 第 k 个数	4
1.2 归并排序	5
1.2.1 AcWing 787. 归并排序	6
1.2.2 AcWing 788. 逆序对的数量	7
1.3 二分	8
1.3.1 AcWing 789. 数的范围	9
1.3.2 AcWing 790. 数的三次方根	10
1.4 高精度	11
1.5 前缀和与差分	11
1.5.1 AcWing 795. 前缀和	11
1.5.2 AcWing 796. 子矩阵的和	12
1.5.3 AcWing 797. 差分	13
1.5.4 AcWing 798. 差分矩阵	14
1.6 双指针算法	15
1.6.1 AcWing 799. 最长连续不重复子序列	15
1.6.2 AcWing 800. 数组元素的目标和	16
1.6.3 AcWing 2816. 判断子序列	17
1.7 位运算	18
1.7.1 AcWing 801. 二进制中 1 的个数	18
1.8 离散化	19

1.8.1	AcWing 802. 区间和	19
1.9	区间合并	20
1.9.1	AcWing 803. 区间合并	20
第二章	数据结构	21
2.1	单链表	22
2.1.1	AcWing 826. 单链表	22
2.2	双链表	24
2.2.1	AcWing 827. 双链表	24
2.3	栈	26
2.3.1	AcWing 828. 模拟栈	26
2.3.2	AcWing 3302. 表达式求值	28
2.4	队列	28
2.4.1	AcWing 829. 模拟队列	28
2.5	单调栈	29
2.5.1	AcWing 830. 单调栈	29
2.6	单调队列	30
2.6.1	AcWing 154. 滑动窗口	30
2.7	KMP	32
2.7.1	AcWing 831. KMP 字符串	32
2.8	Trie	32
2.8.1	AcWing 835. Trie 字符串统计	32
2.8.2	AcWing 143. 最大异或对	32
2.9	并查集	32
2.9.1	AcWing 836. 合并集合	32
2.9.2	AcWing 837. 连通块中点的数量	32
2.9.3	AcWing 240. 食物链	32
2.10	堆	32
2.10.1	AcWing 838. 堆排序	32
2.10.2	AcWing 839. 模拟堆	33
2.11	哈希表	33
2.11.1	AcWing 840. 模拟散列表	33
2.11.2	AcWing 841. 字符串哈希	33
第三章	搜索和图论	35
3.1	DFS	36
3.1.1	AcWing 842. 排列数字	36
3.1.2	AcWing 843. n-皇后问题	36

3.2	BFS	36
3.2.1	AcWing 844. 走迷宫	36
3.2.2	AcWing 845. 八数码	36
3.3	树与图的深度优先遍历	36
3.3.1	AcWing 846. 树的重心	36
3.4	树与图的广度优先遍历	36
3.4.1	AcWing 847. 图中点的层次	36
3.5	拓扑排序	36
3.5.1	AcWing 848. 有向图的拓扑序列	36
3.6	Dijkstra	36
3.6.1	AcWing 849. Dijkstra 求最短路 I	36
3.6.2	AcWing 850. Dijkstra 求最短路 II	36
3.7	bellman-ford	36
3.7.1	AcWing 853. 有边数限制的最短路	36
3.8	spfa	36
3.8.1	AcWing 851. spfa 求最短路	36
3.8.2	AcWing 852. spfa 判断负环	36
3.9	Floyd	36
3.9.1	AcWing 854. Floyd 求最短路	36
3.10	Prim	36
3.10.1	AcWing 858. Prim 算法求最小生成树	36
3.11	Kruskal	36
3.11.1	AcWing 859. Kruskal 算法求最小生成树	36
3.12	染色法判定二分图	36
3.12.1	AcWing 860. 染色法判定二分图	36
3.13	匈牙利算法	36
3.13.1	AcWing 861. 二分图的最大匹配	36
第四章 数学知识		37
第五章 动态规划		39
第六章 贪心算法		41

第二部分	算法提高	43
第三部分	算法进阶	45
第四部分	LeetCode 究极班	47

PART I

第一部分

算法基础

1.1 快速排序

1.1.1 AcWing 785. 快速排序

AcWing 785. 快速排序

给定你一个长度为 n 的整数数列。请你使用快速排序对这个数列按照从小到大进行排序。并将排好序的数列按顺序输出。

输入格式：

输入共两行，第一行包含整数 n 。第二行包含 n 个整数（所有整数均在 $1 \sim 10^9$ 范围内），表示整个数列。

输出格式：

输出共一行，包含 n 个整数，表示排好序的数列。

数据范围： $1 \leq n \leq 100000$

输入样例：

5

3 1 2 4 5

输出样例：

1 2 3 4 5

快速排序算法基于分治算法，以一个数来作为分治的节点。

随机选取数组中的某个元素 x 作为分界点，操作数组中的元素使得数组被分割为两个部分，左边一侧的元素小于等于 x ，右边一侧则大于等于 x 。接下来递归的对左右两侧数组进行操作，直到最小数组只有一个元素则完成排序。

主要步骤如下：

1. 确定分界点 x ，可取值： $q[l]$ ， $q[r]$ ， $q[(l + r) \gg 1]$ ，random value
2. 调整数组，使得左边小于等于 x ，右边大于等于 x

3. 递归处理左右两段

quick sort

```
01 #include <stdio.h>
02 #include <stdlib.h>
03
04 void swap(int *q, int a, int b) {
05     int tmp = q[a];
06     q[a] = q[b];
07     q[b] = tmp;
08 }
09
10 void quick_sort(int *q, int l, int r)
11 {
12     if (l >= r) {
13         return;
14     }
15     int x = q[(l + r) >> 1];
16     int i = l - 1;
17     int j = r + 1;
18     while (i < j) {
19         do i++; while (q[i] < x);
20         do j--; while (q[j] > x);
21         if (i < j) {
22             swap(q, i, j);
23         }
24     }
25     quick_sort(q, l, j);
26     quick_sort(q, j + 1, r);
27 }
28
29 int main() {
30     int n;
31     scanf("%d", &n);
32     int *q = (int *)calloc(sizeof(int), n);
33     if (q == NULL) {
34         return -1;
35     }
36     for (int i = 0; i < n; i++) {
37         scanf("%d", q + i);
38     }
39     quick_sort(q, 0, n - 1);
40
41     for (int i = 0; i < n; i++) {
42         printf("%d ", q[i]);
43     }
44     free(q);
45     return 0;
46 }
47 }
```

从上述代码段中可以清晰看到递归处理的过程,每次选取分界点,之后将左右两侧的元素进行调整,此处采用双指针算法。



这里有两个问题:

1. 在选择 x 时选择 $q[l]$ 则在递归是不能选用 i , 会出现边界问题 $| i - 1, i$
2. 在选择 x 时选择 $q[r]$ 则在递归是不能选用 j , 会出现边界问题 $| j, j + 1$

边界用例可使用 1, 2 这个例子,会有递归不结束的问题



该算法**不稳定**,因为 $q[i]$ 和 $q[j]$ 相等的时候会发生交换。

这里调整数组的部分是难点,怎么优雅的调整数组?暴力做法可以开辟两个辅助数组来存储。双指针做法优雅简洁。

时间复杂度分析:

1.1.2 AcWing 786. 第 k 个数

快速选择算法可选出有序数组中的第 k 个数,与快排中逻辑相同,左侧的元素都小于 x 右侧元素都大于 x 。如果左侧元素的数量大于等于 k 则表示第 k 个元素在左侧数组中,反之则在右侧数组中寻找 $k - \text{left length}$ 的元素。

给定一个长度为 n 的整数数列, 以及一个整数 k , 请用快速选择算法求出数列从小到大排序后的第 k 个数。

输入格式:

第一行包含两个整数 n 和 k 。第二行包含 n 个整数 (所有整数均在 $1 \sim 10^9$ 范围内), 表示整数数列。

输出格式:

输出一个整数, 表示数列的第 k 小数。

数据范围:

$1 \leq n \leq 100000, 1 \leq k \leq n$

输入样例:

5 3

3 1 2 4 5

输出样例:

3

find kth smallest number

```

01 #include <stdio.h>
02 #include <stdlib.h>
03
04 int q_select(int *q, int l,
05             int r, int k) {
06     if (r <= l) {
07         return q[l];
08     }
09
10     int x = q[(l + r) >> 1];
11     int i = l - 1;
12     int j = r + 1;
13
14     while (i < j) {
15         do i++; while(q[i] < x);
16         do j--; while(q[j] > x);
17
18         if (i < j) {
19             int tmp = q[i];
20             q[i] = q[j];
21             q[j] = tmp;
22         }
23     }
24
25     int length = j - l + 1;
26
27     if (length < k) {
28         return q_select(q, j + 1, r,
29                         k - length);
30     } else {
31         return q_select(q, l, j, k);
32     }
33
34 int main()
35 {
36     int n;
37     int k;
38     scanf("%d %d", &n, &k);
39     int *q = (int *)calloc(sizeof(int), n);
40     if (q == NULL) {
41         return -1;
42     }
43     for (int i = 0; i < n; i++) {
44         scanf("%d", q + i);
45     }
46     int ret = q_select(q, 0, n - 1, k);
47     printf("%d", ret);
48     return 0;
49 }

```

1.2 归并排序

归并排序同样是基于分治算法, 不过是以整个数组的中间位置来分。

将数组分割成两个已经分别排序好的有序数组, 再将其二者合并即可。此方法需要有单独的空间来存放合并的临时结果, 再将临时结果写入到原始区域中。

主要步骤如下:

1. 确定分界点, $mid = (l + r) >> 1$

2. 递归排序左右两边
3. 归并,将两个有序的子数组组合二为一

1.2.1 AcWing 787. 归并排序

AcWing 787. 归并排序

给定你一个长度为 n 的整数数列。请你使用归并排序对这个数列按照从小到大进行排序。并将排好序的数列按顺序输出。

输入格式:

输入共两行,第一行包含整数 n 。第二行包含 n 个整数(所有整数均在 $1 \sim 10^9$ 范围内),表示整个数列。

输出格式:

输出共一行,包含 n 个整数,表示排好序的数列。

数据范围: $1 \leq n \leq 100000$

输入样例:

5
3 1 2 4 5

输出样例:

1 2 3 4 5

merge sort

```
01 #include <stdio.h>
02 #include <stdlib.h>
03
04 #define N 100010
05
06 int backup[N];
07
08 void merge_sort(int *q, int l, int r)
09 {
10     if (r <= l) {
11         return;
12     }
13     int mid = (l + r) >> 1;
14     merge_sort(q, l, mid);
15     merge_sort(q, mid + 1, r);
16     int k = 0;
17     int i = l;
18     int j = mid + 1;
19     while (i <= mid && j <= r) {
20         if (q[i] <= q[j]) {
21             backup[k++] = q[i++];
22         }
23         if (q[j] < q[i]) {
24             backup[k++] = q[j++];
25         }
26     }
27     while (i <= mid) {
28         backup[k++] = q[i++];
29     }
30     while (j <= r) {
31         backup[k++] = q[j++];
32     }
33
34     for (i = l, j = 0; j < k; i++, j++) {
35         q[i] = backup[j];
36     }
37 }
38
39 int main()
40 {
41     int n;
42     scanf("%d", &n);
43     int *q = (int *)calloc(sizeof(int), n);
44     if (q == NULL) {
45         return -1;
46     }
47     for (int i = 0; i < n; i++) {
48         scanf("%d", &q[i]);
49     }
50     merge_sort(q, 0, n - 1);
51     for (int i = 0; i < n; i++) {
52         printf("%d ", q[i]);
53     }
54     return 0;
55 }
```

双指针算法做归并



这里归并两个子数组之后要写回去,backup数组只是临时存储使用。

1.2.2 AcWing 788. 逆序对的数量

AcWing 788. 逆序对的数量

给定一个长度为 n 的整数数列,请你计算数列中的逆序对的数量。逆序对的定义如下:对于数列的第 i 个和第 j 个元素,如果满足 $i < j$ 且 $a[i] > a[j]$,则其为一个逆序对;否则不是。

输入格式:

第一行包含整数 n ,表示数列的长度。第二行包含 n 个整数,表示整个数列。

输出格式:

输出一个整数,表示逆序对的个数。

数据范围

$1 \leq n \leq 100000$,数列中的元素的取值范围 $[1, 10^9]$ 。

输入样例:

2 3 4 5 6 1

输出样例:

5

分治思路,将整个区间一分为二。考虑到归并排序的时候需要将两个有序数组合并,此时恰好可以做逆序对的统计。假设有一种算法,可以将数组排序的过程中统计该数组中的逆序对数量,则问题变为怎么统计两个有序数组中合起来的逆序对。

归并排序计算逆序对数量

```

01 #include <stdio.h>
02 #include <stdlib.h>
03
04 long long merge_sort(int *q, int *tmp,
05                     int l, int r) {
06     if (l >= r) {
07         return 0;
08     }
09     int mid = (l + r) >> 1;
10     // 左侧的数组已统计逆序对且已经排序, 右侧
    同样
11     long long res = merge_sort(q, tmp, l,
12                               mid) + merge_sort(q, tmp, mid + 1, r);
13     // 统计两个有序数组合起来的逆序对数量
14     int i = l;
15     int j = mid + 1;
16     int k = 0;
17     while (i <= mid && j <= r) {
18         if (q[i] > q[j]) {
19             res += mid - i + 1;
20             tmp[k++] = q[j++];
21         } else {
22             tmp[k++] = q[i++];
23         }
24     }
25     while (i <= mid) {
26         tmp[k++] = q[i++];
27     }
28     while (j <= r) {
29         tmp[k++] = q[j++];
30     }
31     for (i = l, j = 0; i <= r;
32         i++, j++) {
33         q[i] = tmp[j];
34     }
35     return res;
36 }
37
38 int main()
39 {
40     int n;
41     scanf("%d", &n);
42     int *q = (int *)calloc(n, sizeof(int));
43     if (q == NULL) {
44         return -1;
45     }
46     int *tmp = (int *)calloc(n, sizeof(int))
47     ;
48     if (tmp == NULL) {
49         free(q);
50         return -1;
51     }
52     for(int i = 0; i < n; i++) {
53         scanf("%d", &q[i]);
54     }
55
56     printf("%ld", merge_sort(q, tmp, 0, n -
57                               1));
58     return 0;
59 }

```

1.3 二分

整数二分和浮点数二分, 二分即查找一个边界值, 在左侧满足某种性质, 右侧不满足。

二分用模版如下:

二分模版

```

01 // 区间[l, r]被划分为[l, mid] 和
02 // [mid + 1, r]时使用, 往左找
03 int bsearch_1(int l, int r)
04 {
05     while (l < r) {
06         mid = (l + r) / 2;
07         if (Check(mid)) {
08             r = mid;
09         } else {
10             l = mid + 1;
11         }
12     }
13 }
14 // 区间[l, r]被划分为[l, mid - 1] 和
15 // [mid, r]时使用, 往右找
16 int bsearch_2(int l, int r)
17 {
18     while (l < r) {
19         mid = (l + r + 1) / 2;
20         if (Check(mid)) {
21             l = mid;
22         } else {
23             r = mid - 1;
24         }
25     }
26 }

```




每次要保证答案在区间中。

第二个模版加一的原因在于,如果某次循环结束后, $l = r - 1$,如果不加 1,此时因为向下取整的缘故 $mid = l$,check 成功后 l 被再次赋值为 mid 即 l ,则此时进入死循环。

1.3.1 AcWing 789. 数的范围

AcWing 789. 数的范围

给定一个按照升序排列的长度为 n 的整数数组,以及 q 个查询。对于每个查询,返回一个元素 k 的起始位置和终止位置(位置从 0 开始计数)。如果数组中不存在该元素,则返回 $-1 -1$ 。

输入格式:

第一行包含整数 n 和 q ,表示数组长度和询问个数。第二行包含 n 个整数(均在 $1 \sim 10000$ 范围内),表示完整数组。接下来 q 行,每行包含一个整数 k ,表示一个询问元素。

输出格式:

共 q 行,每行包含两个整数,表示所求元素的起始位置和终止位置。

数据范围 $1 \leq n \leq 100000, 1 \leq q \leq 10000, 1 \leq k \leq 10000$

输入样例:

```
6 3
1 2 2 3 3 4
3
4
5
```

输出样例:

```
3 4
5 5
-1 -1
```

binary search

```

01 #include <stdio.h>
02 #include <stdlib.h>
03
04 int b_search_l(int *q, int l,
05               int r, int t) {
06     while (l < r) {
07         int mid = (l + r) >> 1;
08         if (q[mid] >= t) {
09             r = mid;
10         } else {
11             l = mid + 1;
12         }
13     }
14     if (q[l] != t) {
15         return -1;
16     }
17     return l;
18 }
19
20 int b_search_r(int *q, int l,
21               int r, int t) {
22     while (l < r) {
23         int mid = (l + r) / 2 + 1;
24         if (q[mid] <= t) {
25             l = mid;
26         } else {
27             r = mid - 1;
28         }
29     }
30     if (q[l] != t) {
31         return -1;
32     }
33     return l;
34 }
35
36 int main()
37 {
38     int n;
39     int q;
40     scanf("%d %d", &n, &q);
41     int *q = (int *)calloc(sizeof(int), n);
42     if (q == NULL) {
43         return -1;
44     }
45     for (int i = 0; i < n; i++) {
46         scanf("%d", q + i);
47     }
48     while(q--) {
49         int t;
50         scanf("%d", &t);
51         printf("%d %d\n",
52               b_search_l(q, 0, n - 1, t),
53               b_search_r(q, 0, n - 1, t));
54     }
55     return 0;
56 }

```



这里不能使用bsearch函数来完成左端点的搜索, 因为该函数在面对重复值时返回值不确定, 是未定义行为。

1.3.2 AcWing 790. 数的三次方根

AcWing 790. 数的三次方根

给定一个浮点数 n , 求它的三次方根。

输入格式:

共一行, 包含一个浮点数 n 。

输出格式:

共一行, 包含一个浮点数, 表示问题的解。

注意, 结果保留 6 位小数。

数据范围:

$-10000 \leq n \leq 10000$

输入样例:

1000.00

输出样例:

10.000000

数的三次方根

```
01 #include <stdio.h>
02
03 #define N 10000
04
05 int main()
06 {
07     double n;
08     scanf("%lf", &n);
09     double l = 0 - N;
10     double r = N;
11
12     while (r - l > 1e-8) {
13         double mid = (l + r) / 2;
14         if (mid * mid * mid < n) {
15             l = mid;
16         } else {
17             r = mid;
18         }
19     }
20     printf("%.6f", l);
21     return 0;
22 }
```

1.4 高精度

1.5 前缀和与差分

1. 前缀和可方便地求取数组中某个区间的元素和,或者矩阵的子矩阵的和 $O(1)$

2. 差分和方便的将数组某个区间的所有元素加上一个数, $O(1)$ 时间复杂度

1.5.1 AcWing 795. 前缀和

AcWing 795. 前缀和

输入一个长度为 n 的整数序列。接下来再输入 m 个询问,每个询问输入一对 l, r 。对于每个询问,输出原序列中从第 l 个数到第 r 个数的和。

输入格式:

第一行包含两个整数 n 和 m 。第二行包含 n 个整数,表示整数数列。接下来 m 行,每行包含两个整数 l 和 r ,表示一个询问的区间范围。

输出格式:

共 m 行,每行输出一个询问的结果。

数据范围:

$1 \leq l \leq r \leq n, 1 \leq n, m \leq 100000, -1000 \leq \text{数列中元素的值} \leq 1000$

输入样例:

```
5 3
2 1 3 6 4
1 2
1 3
2 4
```

输出样例:

```
3
6
10
```

```

01 #include <stdio.h>
02 #include <stdlib.h>
03
04 int main()
05 {
06     int n;
07     int m;
08     scanf("%d %d", &n, &m);
09     int *q = (int *)calloc(n + 1, sizeof(int));
10     int *preSum = (int *)calloc(n + 1, sizeof(int));
11     for (int i = 1; i <= n; i++) {
12         scanf("%d", q + i);
13         preSum[i] = preSum[i - 1] + q[i];
14     }
15     while (m--) {
16         int l;
17         int r;
18         scanf("%d %d", &l, &r);
19         printf("%d\n", preSum[r] - preSum[l - 1]);
20     }
21     return 0;
22 }

```

1.5.2 AcWing 796. 子矩阵的和

子矩阵

AcWing 796. 子矩阵的和

子矩阵的和 输入一个 n 行 m 列的整数矩阵,再输入 q 个询问,每个询问包含四个整数 x_1, y_1, x_2, y_2 ,表示一个子矩阵的左上角坐标和右下角坐标。对于每个询问输出子矩阵中所有数的和。

输入格式:

第一行包含三个整数 n, m, q 。接下来 n 行,每行包含 m 个整数,表示整数矩阵。接下来 q 行,每行包含四个整数 x_1, y_1, x_2, y_2 ,表示一组询问。

输出格式:

共 q 行,每行输出一个询问的结果。

数据范围:

$1 \leq n, m \leq 1000, 1 \leq q \leq 200000, 1 \leq x_1 \leq x_2 \leq n, 1 \leq y_1 \leq y_2 \leq m, -1000 \leq \leq 1000$

输入样例:

```

3 4 3
1 7 2 4
3 6 2 8
2 1 2 3
1 1 2 2
2 1 3 4
1 3 3 4

```

输出样例:

```

17
27
21

```

```

01 #include<stdio.h>
02
03 #define N 1010
04
05 int mat[N][N];
06 int preMat[N][N];
07
08 int main()
09 {
10     int n, m, q;
11     scanf("%d %d %d", &n, &m, &q);
12     for (int i = 1; i <= n; i++) {
13         for (int j = 1; j <= m; j++) {
14             scanf("%d", &mat[i][j]);
15             preMat[i][j] = preMat[i - 1][j] + preMat[i][j - 1] - preMat[i - 1][j - 1] + mat[i]
16         ] [j];
17     }
18     while (q--) {
19         int x1, y1, x2, y2;
20         scanf("%d %d %d %d", &x1, &y1, &x2, &y2);
21         printf("%d\n", preMat[x2][y2] - preMat[x2][y1 - 1] - preMat[x1 - 1][y2] + preMat[x1 -
22     1][y1 - 1]);
23     }
24     return 0;
25 }

```

1.5.3 AcWing 797. 差分

AcWing 797. 差分

输入一个长度为 n 的整数序列。接下来输入 m 个操作，每个操作包含三个整数 l, r, c ，表示将序列中 $[l, r]$ 之间的每个数加上 c 。请你输出进行完所有操作后的序列。

输入格式：

第一行包含两个整数 n 和 m 。第二行包含 n 个整数，表示整数序列。接下来 m 行，每行包含三个整数 l, r, c ，表示一个操作。

输出格式：

共一行，包含 n 个整数，表示最终序列。

数据范围：

$1 \leq n, m \leq 100000$, $1 \leq l \leq r \leq n$, $-1000 \leq c \leq 1000$, $-1000 \leq$ 整数序列中元素的值 ≤ 1000

输入样例：

```

6 3
1 2 2 1 2 1
1 3 1
3 5 1
1 6 1

```

输出样例：

```

3 4 5 3 4 2

```

差分

```

01 #include <stdio.h>
02 #include <stdlib.h>
03
04 void Insert(int *diff, int l, int r, int c)
05 {
06     diff[l] += c;
07     diff[r + 1] -= c;
08 }
09
10 int main()
11 {
12     int n;
13     int m;
14     scanf("%d %d", &n, &m);
15     int *q = (int *)calloc(n + 1, sizeof(int));
16     int *diff = (int *)calloc(n + 1, sizeof(int));
17     for (int i = 1; i <= n; i++) {
18         scanf("%d", q + i);
19         Insert(diff, i, i, q[i]);
20     }
21     while (m--) {
22         int l;
23         int r;
24         int c;
25         scanf("%d %d %d", &l, &r, &c);
26         Insert(diff, l, r, c);
27     }
28     for (int i = 1; i <= n; i++) {
29         diff[i] += diff[i - 1];
30         printf("%d ", diff[i]);
31     }
32     free(diff);
33     free(q);
34     return 0;
35 }

```

1.5.4 AcWing 798. 差分矩阵

AcWing 798. 差分矩阵

输入一个 n 行 m 列的整数矩阵,再输入 q 个操作,每个操作包含五个整数 x_1, y_1, x_2, y_2, c ,其中 (x_1, y_1) 和 (x_2, y_2) 表示一个子矩阵的左上角坐标和右下角坐标。每个操作都要将选中的子矩阵中的每个元素的值加上 c 。请你将进行完所有操作后的矩阵输出。

输入格式:

第一行包含整数 n, m, q 。接下来 n 行,每行包含 m 个整数,表示整数矩阵。接下来 q 行,每行包含 5 个整数 x_1, y_1, x_2, y_2, c ,表示一个操作。

输出格式:

共 n 行,每行 m 个整数,表示所有操作进行完毕后的最终矩阵。

数据范围:

$1 \leq n, m \leq 1000, 1 \leq q \leq 100000, 1 \leq x_1 \leq x_2 \leq n, 1 \leq y_1 \leq y_2 \leq m, -1000 \leq c \leq 1000, -1000 \leq \leq 1000$

输入样例:

```

3 4 3
1 2 2 1
3 2 2 1
1 1 1 1
1 1 2 2 1
1 3 2 3 2
3 1 3 4 1

```

输出样例:

```

4 3 4 1
2 2 2 2

```

差分矩阵

```
01 #include <stdio.h>
02 #include <stdlib.h>
03
04 #define N 1010
05
06 int arr[N][N];
07 int diff[N][N];
08
09 void Insert(int x1, int y1, int x2, int y2,
10             int c)
11 {
12     diff[x1][y1] += c;
13     diff[x1][y2 + 1] -= c;
14     diff[x2 + 1][y1] -= c;
15     diff[x2 + 1][y2 + 1] += c;
16 }
17
18 int main()
19 {
20     int n;
21     int m;
22     int q;
23     scanf("%d %d %d", &n, &m, &q);
24     for (int i = 1; i <= n; i++) {
25         for (int j = 1; j <= m; j++) {
26             scanf("%d", &arr[i][j]);
27             Insert(i, j, i, j, arr[i][j]);
28         }
29     }
30     while (q--) {
31         int x1, y1, x2, y2, c;
32         scanf("%d %d %d %d %d", &x1, &y1, &
33             x2, &y2, &c);
34         Insert(x1, y1, x2, y2, c);
35     }
36     // construct origin matrix
37     for (int i = 1; i <= n; i++) {
38         for (int j = 1; j <= m; j++) {
39             diff[i][j] += diff[i - 1][j] +
40             diff[i][j - 1] - diff[i - 1][j - 1];
41             printf("%d ", diff[i][j]);
42         }
43         printf("\n");
44     }
45     return 0;
46 }
```

1.6 双指针算法

归并排序中的双指针,分别指向两个序列;指向同一个序列的不同位置,同向移动或者相向而行

1.6.1 AcWing 799. 最长连续不重复子序列

AcWing 799. 最长连续不重复子序列

给定一个长度为 n 的整数序列,请找出最长的不包含重复的数的连续区间,输出它的长度。

输入格式:

第一行包含整数 n 。第二行包含 n 个整数(均在 $0 \sim 10^5$ 范围内),表示整数序列。

输出格式:

共一行,包含一个整数,表示最长的不包含重复的数的连续区间的长度。

数据范围:

$1 \leq n \leq 10^5$

输入样例:

5
1 2 2 3 5

输出样例:

3

滑动窗口,需要有个 visited 数组来统计每个元素的出现数量

最长连续不重复子序列

```

01 #include <stdio.h>
02 #include <stdlib.h>
03
04 #define N 100010
05 int visited[N];
06
07 int main()
08 {
09     int n;
10     scanf("%d", &n);
11     int *q = (int *)calloc(n, sizeof(int));
12     if (q == NULL) {
13         return -1;
14     }
15     for (int i = 0; i < n; i++) {
16         scanf("%d", &q[i]);
17     }
18     int start = 0;
19     int end = 0;
20     int max = 0;
21     for (end = 0; end < n; end++) {
22         // 标记当前元素
23         visited[q[end]] += 1;
24         while (visited[q[end]] > 1) {
25             // 如果当前元素重复出现, 缩小窗口
26             visited[q[start]]--;
27             start++;
28         }
29         max = max > (end - start + 1) ? max
30             : (end - start + 1);
31     }
32     printf("%d", max);
33     free(arr);
34     return 0;
35 }

```

1.6.2 AcWing 800. 数组元素的目标和

AcWing 800. 数组元素的目标和

给定两个升序排序的有序数组 A 和 B ，以及一个目标值 x 。数组下标从 0 开始。请你求出满足 $A[i] + B[j] = x$ 的数对 (i, j) 。数据保证有唯一解。

输入格式：

第一行包含三个整数 n, m, x ，分别表示 A 的长度, B 的长度以及目标值 x 。第二行包含 n 个整数, 表示数组 A 。第三行包含 m 个整数, 表示数组 B 。

输出格式：

共一行, 包含两个整数 i 和 j 。

数据范围：

数组长度不超过 10^5 。同一数组内元素各不相同。 $1 \leq \text{数组元素} \leq 10^9$

输入样例：

```

4 5 6
1 2 4 7
3 4 6 8 9

```

输出样例：

```

1 1

```


数组元素的目标和

```

01 #include <stdio.h>
02 #include <stdlib.h>
03
04 int main()
05 {
06     int n;
07     int m;
08     int x;
09     scanf("%d %d %d", &n, &m, &x);
10     int *a = (int *)calloc(n, sizeof(int));
11     int *b = (int *)calloc(m, sizeof(int));
12     for (int i = 0; i < n; i++) {
13         scanf("%d", a + i);
14     }
15     for (int i = 0; i < m; i++) {
16         scanf("%d", b + i);
17     }
18
19     int i = 0;
20     int j = m - 1;
21     while (i < n && j >= 0) {
22         int sum = a[i] + b[j];
23         if (sum == x) {
24             printf("%d %d", i, j);
25             return 0;
26         } else if (sum > x) {
27             j--;
28         } else {
29             i++;
30         }
31     }
32     free(a);
33     free(b);
34     return 0;
35 }

```

1.6.3 AcWing 2816. 判断子序列

AcWing 2816. 判断子序列

给定一个长度为 n 的整数序列 a_1, a_2, \dots, a_n 以及一个长度为 m 的整数序列 b_1, b_2, \dots, b_m 。

请你判断 a 序列是否为 b 序列的子序列。子序列指序列的一部分项按原有次序排列而得的序列,例如序列 $\{a_1, a_3, a_5\}$ 是序列 $\{a_1, a_2, a_3, a_4, a_5\}$ 的一个子序列。

输入格式:

第一行包含两个整数 n, m 。第二行包含 n 个整数,表示 a_1, a_2, \dots, a_n 。第三行包含 m 个整数,表示 b_1, b_2, \dots, b_m 。

输出格式:

如果 a 序列是 b 序列的子序列,输出一行 Yes。否则,输出 No。

数据范围:

$1 \leq n \leq m \leq 10^5, -10^9 \leq a_i, b_i \leq 10^9$

输入样例:

```

3 5
1 3 5
1 2 3 4 5

```

输出样例:

```

Yes

```

判断子序列

```
01 #include <stdio.h>
02 #include <stdlib.h>
03 #include <stdbool.h>
04
05 bool IsSubSeq(int *a, int n, int *b, int m)
06 {
07     int i = 0;
08     int j = 0;
09     while (i < n && j < m) {
10         if (a[i] == b[j]) {
11             i++;
12             j++;
13         } else {
14             j++;
15         }
16     }
17     return i == n;
18 }
19
20 int main()
21 {
22     int n;
23     int m;
24     scanf("%d %d", &n, &m);
25     int *a = (int *)calloc(n, sizeof(int));
26     int *b = (int *)calloc(m, sizeof(int));
27     for (int i = 0; i < n; i++) {
28         scanf("%d", a + i);
29     }
30     for (int i = 0; i < m; i++) {
31         scanf("%d", b + i);
32     }
33     printf("%s",
34           IsSubSeq(a, n, b, m) ? "Yes" : "No");
35     free(a);
36     free(b);
37     return 0;
38 }
```

1.7 位运算

1.7.1 AcWing 801. 二进制中 1 的个数

AcWing 801. 二进制中 1 的个数

给定一个长度为 n 的数列,请你求出数列中每个数的二进制表示中 1 的个数。

输入格式:

第一行包含整数 n 。第二行包含 n 个整数,表示整个数列。

输出格式:共一行,包含 n 个整数,其中的第 i 个数表示数列中的第 i 个数的二进制表示中 1 的个数。

数据范围:

$1 \leq n \leq 100000$, $0 \leq \text{数列中元素的值} \leq 10^9$

输入样例:

5
1 2 3 4 5

输出样例:

1 1 2 1 2

LowBit 运算

```
01 #include <stdio.h>
02 #include <stdlib.h>
03
04 int LowBit(int x)
05 {
06     return x & (-x);
07 }
08
09 int Count(int x)
10 {
11     int cnt = 0;
12     while (x != 0) {
13         cnt++;
14         x -= LowBit(x);
15     }
16     return cnt;
17 }
18
19 int main()
20 {
21     int n;
22     scanf("%d", &n);
23     while (n--) {
24         int x;
25         scanf("%d", &x);
26         printf("%d ", Count(x));
27     }
28     return 0;
29 }
```

1.8 离散化

1.8.1 AcWing 802. 区间和

AcWing 802. 区间和

假定有一个无限长的数轴，数轴上每个坐标上的数都是 0。现在，我们首先进行 n 次操作，每次操作将某一位置 x 上的数加 c 。接下来，进行 m 次询问，每个询问包含两个整数 l 和 r ，你需要求出在区间 $[l, r]$ 之间的所有数的和。

输入格式：

第一行包含两个整数 n 和 m 。接下来 n 行，每行包含两个整数 x 和 c 。再接下来 m 行，每行包含两个整数 l 和 r 。

输出格式：

共 m 行，每行输出一个询问中所求的区间内数字和。

数据范围：

$-10^9 \leq x \leq 10^9$, $1 \leq n, m \leq 10^5$, $-10^9 \leq l \leq r \leq 10^9$, $-10000 \leq c \leq 10000$

输入样例：

```
3 3
1 2
3 6
7 5
1 3
4 6
7 8
```

输出样例：

```
8
0
5
```

1.9 区间合并

1.9.1 AcWing 803. 区间合并

AcWing 803. 区间合并

给定 n 个区间 $[l_i, r_i]$, 要求合并所有有交集的区间。注意如果在端点处相交, 也算有交集。输出合并完成后的区间个数。例如: $[1, 3]$ 和 $[2, 6]$ 可以合并为一个区间 $[1, 6]$ 。

输入格式:

第一行包含整数 n 。接下来 n 行, 每行包含两个整数 l 和 r 。

输出格式:

共一行, 包含一个整数, 表示合并区间完成后的区间个数。

数据范围:

$1 \leq n \leq 100000, -10^9 \leq l_i \leq r_i \leq 10^9$

输入样例:

```
5
1 2
2 4
5 6
7 8
7 9
```

输出样例:

```
3
```

区间合并

```
01 #include <stdio.h>
02 #include <stdlib.h>
03
04 typedef struct {
05     int l;
06     int r;
07 } Seg;
08
09 int Max(int a, int b)
10 {
11     return a > b ? a : b;
12 }
13
14 int CmpFunc(const void *a, const void *b)
15 {
16     return ((Seg *)a)->l - ((Seg *)b)->l;
17 }
18
19 int main()
20 {
21     int n;
22     scanf("%d", &n);
23     Seg *segs = (Seg *)calloc(n, sizeof(Seg));
24     for (int i = 0; i < n; i++) {
25         scanf("%d %d", &(segs[i].l), &(segs[i].r));
26     }
27     qsort(segs, n, sizeof(Seg), CmpFunc);
28     Seg init = segs[0];
29     int ans = 1;
30     for (int i = 1; i < n; i++) {
31         if (segs[i].l > init.r) {
32             ans++;
33             init = segs[i];
34         } else {
35             init.r = Max(segs[i].r, init.r);
36         }
37     }
38     printf("%d", ans);
39     return 0;
40 }
```


2.1 单链表

2.1.1 AcWing 826. 单链表

AcWing 826. 单链表

实现一个单链表,链表初始为空,支持三种操作:

1. 向链表头插入一个数;
2. 删除第 k 个插入的数后面的数;
3. 在第 k 个插入的数后插入一个数。

现在要对该链表进行 M 次操作,进行完所有操作后,从头到尾输出整个链表。**注意:** 题目中第 k 个插入的数并不是指当前链表的第 k 个数。例如操作过程中一共插入了 n 个数,则按照插入的时间顺序,这 n 个数依次为:第 1 个插入的数,第 2 个插入的数,... 第 n 个插入的数。

输入格式:

第一行包含整数 M ,表示操作次数。接下来 M 行,每行包含一个操作命令,操作命令可能为以下几种:

1. H x ,表示向链表头插入一个数 x 。
2. D k ,表示删除第 k 个插入的数后面的数(当 k 为 0 时,表示删除头结点)。
3. I k x ,表示在第 k 个插入的数后面插入一个数 x (此操作中 k 均大于 0)。

输出格式:

共一行,将整个链表从头到尾输出。

数据范围:

$1 \leq M \leq 100000$ 所有操作保证合法。

输入样例:

```
10
H 9
I 1 1
D 1
D 0
H 6
I 3 6
I 4 5
I 4 5
I 3 4
D 6
```

输出样例:

```
6 4 6 5
```

linked list

```

01 #include <stdio.h>
02 #include <stdlib.h>
03 #include <stdbool.h>
04
05 #define N 100010
06 int idx; // 标识节点
07 int head; // 头节点指向的元素
08 int e[N]; // element array
09 int ne[N]; // next array
10
11 void Init()
12 {
13     idx = -1;
14     head = -1;
15 }
16
17 // 在头节点后插入元素
18 void AddHead(int x) {
19     e[++idx] = x;
20     ne[idx] = head;
21     head = idx;
22 }
23
24 // 在k节点之后插入元素
25 void Add(int k, int x)
26 {
27     e[++idx] = x;
28     ne[idx] = ne[k];
29     ne[k] = idx;
30 }
31
32 // 删除k之后的那个元素
33 void Remove(int k) {
34     ne[k] = ne[ne[k]];
35 }
36
37 int main()
38 {
39     Init();
40     int n;
41     scanf("%d", &n);
42     while (n--) {
43         int x;
44         int k;
45         char op;
46         scanf(" %c", &op);
47         if (op == 'H') {
48             scanf("%d", &x);
49             AddHead(x);
50         }
51         if (op == 'I') {
52             scanf("%d %d", &k, &x);
53             Add(k - 1, x);
54         }
55         if (op == 'D') {
56             scanf("%d", &k);
57             if (k == 0) {
58                 head = ne[head];
59             }
60             Remove(k - 1);
61         }
62     }
63
64     int tmp = head;
65     while (tmp != -1) {
66         printf("%d ", e[tmp]);
67         tmp = ne[tmp];
68     }
69     return 0;
70 }

```

2.2 双链表

2.2.1 AcWing 827. 双链表

AcWing 827. 双链表

实现一个双链表,双链表初始为空,支持 5 种操作:

1. 在最左侧插入一个数;
2. 在最右侧插入一个数;
3. 将第 k 个插入的数删除;
4. 在第 k 个插入的数左侧插入一个数;
5. 在第 k 个插入的数右侧插入一个数。

现在要对该链表进行 M 次操作,进行完所有操作后,从左到右输出整个链表。**注意:** 题目中第 k 个插入的数并不是指当前链表的第 k 个数。例如操作过程中一共插入了 n 个数,则按照插入的时间顺序,这 n 个数依次为:第 1 个插入的数,第 2 个插入的数,⋯第 n 个插入的数。

输入格式:

第一行包含整数 M ,表示操作次数。接下来 M 行,每行包含一个操作命令,操作命令可能为以下几种:

1. L x ,表示在链表的最左端插入数 x 。
2. R x ,表示在链表的最右端插入数 x 。
3. D k ,表示将第 k 个插入的数删除。
4. IL k x ,表示在第 k 个插入的数左侧插入一个数。
5. IR k x ,表示在第 k 个插入的数右侧插入一个数。

输出格式:

共一行,将整个链表从左到右输出

数据范围:

$1 \leq M \leq 100000$ 所有操作保证合法。

输入样例:

```
10
R 7
D 1
L 3
IL 2 10
D 3
IL 2 7
L 8
R 9
IL 4 7
IR 2 2
```

输出样例:

```
8 7 7 3 2 9
```


双链表

```

01 #include <stdio.h>
02 #include <stdlib.h>
03
04 #define N 100010
05
06 int e[N];
07 int l[N];
08 int r[N];
09 int idx = 1;
10
11 void Init()
12 {
13     r[0] = 1;
14     l[1] = 0;
15     idx = 1;
16 }
17
18 void AddRight(int k, int x)
19 {
20     e[++idx] = x;
21     r[idx] = r[k];
22     l[r[k]] = idx;
23     l[idx] = k;
24     r[k] = idx;
25 }
26
27 void Remove(int k)
28 {
29     r[l[k]] = r[k];
30     l[r[k]] = l[k];
31 }
32
33 int main()
34 {

```

```

35     Init();
36     int n;
37     scanf("%d", &n);
38     while (n--) {
39         char op[3];
40         scanf("%s", op);
41         int k;
42         int x;
43         if (op[0] == 'R') {
44             scanf("%d", &x);
45             AddRight(l[1], x);
46         }
47         if (op[0] == 'D') {
48             scanf("%d", &k);
49             Remove(k + 1);
50         }
51         if (op[0] == 'L') {
52             scanf("%d", &x);
53             AddRight(0, x);
54         }
55         if (op[0] == 'I') {
56             scanf("%d %d", &k, &x);
57             if (op[1] == 'L') {
58                 AddRight(l[k + 1], x);
59             } else {
60                 AddRight(k + 1, x);
61             }
62         }
63     }
64     for (int i = r[0]; i != 1; i = r[i]) {
65         printf("%d ", e[i]);
66     }
67     return 0;
68 }

```

2.3 栈

2.3.1 AcWing 828. 模拟栈

AcWing 828. 模拟栈

实现一个栈,栈初始为空,支持四种操作:

1. push x - 向栈顶插入一个数 x ;
2. pop - 从栈顶弹出一个数;
3. empty - 判断栈是否为空;
4. query - 查询栈顶元素

现在要对栈进行 M 个操作,其中的每个操作 3 和操作 4 都要输出相应的结果。

输入格式:

第一行包含整数 M ,表示操作次数。接下来 M 行,每行包含一个操作命令,操作命令为 push x ,pop,empty,query 中的一种。

输出格式:

对于每个 empty 和 query 操作都要输出一个查询结果,每个结果占一行。其中,empty 操作的查询结果为 YES 或 NO,query 操作的查询结果为一个整数,表示栈顶元素的值。

数据范围:

$1 \leq M \leq 100000$, $1 \leq x \leq 10^9$ 所有操作保证合法。

输入样例:

```
10
push 5
query
push 6
pop
query
pop
empty
push 4
query
empty
```

输出样例:

```
5
5
YES
4
NO
```

模拟栈

```

01 #include <stdio.h>
02 #include <stdlib.h>
03
04 int main()
05 {
06     int n;
07     scanf("%d", &n);
08     int *stack = (int *)calloc(n, sizeof(int));
09     int top = 0;
10     while (n--) {
11         char op[10];
12         scanf("%s", op);
13         int x;
14         if (strcmp(op, "push") == 0) {
15             scanf("%d", &x);
16             stack[top++] = x;
17         }
18         if (strcmp(op, "query") == 0) {
19             printf("%d\n", stack[top - 1]);
20         }
21         if (strcmp(op, "pop") == 0) {
22             top--;
23         }
24         if (strcmp(op, "empty") == 0) {
25             printf("%s\n", top == 0 ? "YES"
26 : "NO");
27         }
28     }
29     free(stack);
30     return 0;

```

2.3.2 AcWing 3302. 表达式求值

2.4 队列

2.4.1 AcWing 829. 模拟队列

AcWing 829. 模拟队列

实现一个队列,队列初始为空,支持四种操作:

1. push x - 向队尾插入一个数 x ;
2. pop - 从队头弹出一个数;
3. empty - 判断队列是否为空;
4. query - 查询队头元素

现在要对队列进行 M 个操作,其中的每个操作 3 和操作 4 都要输出相应的结果。

输入格式:

第一行包含整数 M ,表示操作次数。接下来 M 行,每行包含一个操作命令,操作命令为 push x ,pop,empty,query 中的一种。

输出格式:

对于每个 empty 和 query 操作都要输出一个查询结果,每个结果占一行。其中,empty 操作的查询结果为 YES 或 NO,query 操作的查询结果为一个整数,表示栈顶元素的值。

数据范围:

$1 \leq M \leq 100000$, $1 \leq x \leq 10^9$ 所有操作保证合法。

输入样例:

```
10
push 6
empty
query
pop
empty
push 3
push 4
pop
query
push 6
```

输出样例:

```
NO
YES
6
4
```

模拟队列

```
01 #include <stdio.h>
02 #include <stdbool.h>
03
04 #define N 100010
05 int queue[N];
06 int tail;
07 int head;
08
09 void push(int x)
10 {
11     queue[++tail] = x;
12 }
13
14 bool isEmpty()
15 {
16     return head == tail;
17 }
18
19 void pop()
20 {
21     head++;
22 }
23
24 int query()
25 {
26     return queue[head + 1];
27 }
28
29 int main()
30 {
31     int n;
32     scanf("%d", &n);
33     char op[10];
34     while (n--) {
35         scanf("%s", op);
36         if (strcmp(op, "push") == 0) {
37             int x;
38             scanf("%d", &x);
39             push(x);
40         }
41         if (strcmp(op, "pop") == 0) {
42             pop();
43         }
44         if (strcmp(op, "empty") == 0) {
45             printf("%s\n", isEmpty() ? "YES"
46 : "NO");
47         }
48         if (strcmp(op, "query") == 0) {
49             printf("%d\n", query());
50         }
51     }
52     return 0;
53 }
```

2.5 单调栈

2.5.1 AcWing 830. 单调栈

AcWing 830. 单调栈

给定一个长度为 N 的整数数列,输出每个数左边第一个比它小的数,如果不存在则输出 -1 。

输入格式:

第一行包含整数 N ,表示数列长度。第二行包含 N 个整数,表示整数数列。

输出格式:

共一行,包含 N 个整数,其中第 i 个数表示第 i 个数的左边第一个比它小的数,如果不存在则输出 -1 。

数据范围:

$1 \leq N \leq 10^5, 1 \leq \text{数列中元素} \leq 10^9$

输入样例:

5
3 4 2 7 5

输出样例:

-1 3 -1 2 2

```

01 #include <stdio.h>
02 #include <stdlib.h>
03
04 int main()
05 {
06     int n;
07     scanf("%d", &n);
08     int *stack = (int *)calloc(sizeof(int),
09                                n);
09     int top = 0;
10     while (n--) {
11         int x;
12         scanf("%d", &x);
13         while (top != 0 && stack[top] >= x)
14             top--;
15     }
16     if (top == 0) {
17         printf("%d ", -1);
18     } else {
19         printf("%d ", stack[top]);
20     }
21     stack[++top] = x;
22 }
23 free(stack);
24 return 0;
25 }

```

2.6 单调队列

2.6.1 AcWing 154. 滑动窗口

AcWing 154. 滑动窗口

给定一个大小为 $n \leq 10^6$ 的数组。有一个大小为 k 的滑动窗口，它从数组的最左边移动到最右边。你只能在窗口中看到 k 个数字。每次滑动窗口向右移动一个位置。

以下是一个例子：

该数组为 $[1 \ 3 \ -1 \ -3 \ 5 \ 3 \ 6 \ 7]$, k 为 3。

窗口位置	最小值	最大值
$[1 \ 3 \ -1] \ -3 \ 5 \ 3 \ 6 \ 7$	-1	3
1 $[3 \ -1 \ -3] \ 5 \ 3 \ 6 \ 7$	-3	3
1 3 $[-1 \ -3 \ 5] \ 3 \ 6 \ 7$	-3	5
1 3 -1 $[-3 \ 5 \ 3] \ 6 \ 7$	-3	5
1 3 -1 -3 $[5 \ 3 \ 6] \ 7$	3	6
1 3 -1 -3 5 $[3 \ 6 \ 7]$	3	7

你的任务是确定滑动窗口位于每个位置时，窗口中的最大值和最小值。

输入格式：输入包含两行。第一行包含两个整数 n 和 k ，分别代表数组长度和滑动窗口的长度。第二行有 n 个整数，代表数组的具体数值。同行数据之间用空格隔开。

输出格式：输出包含两个。第一行输出，从左至右，每个位置滑动窗口中的最小值。第二行输出，从左至右，每个位置滑动窗口中的最大值。

输入样例：

```

8 3
1 3 -1 -3 5 3 6 7

```

输出样例：

```

-1 -3 -3 -3 3 3
3 3 5 5 6 7

```

滑动窗口:单调队列

```

01 #include <stdio.h>
02 #include <stdlib.h>
03
04 int main()
05 {
06     int n;
07     int k;
08     scanf("%d %d", &n, &k);
09     int *a = (int *)calloc(sizeof(int), n);
10     for (int i = 0; i < n; i++) {
11         scanf("%d", a + i);
12     }
13     int *queue = (int *)calloc(sizeof(int),
14 n);
15     int head = 0;
16     int tail = -1;
17     for (int i = 0; i < n; i++) {
18         if (head <= tail && i - k + 1 >
19 queue[head]) {
20             head++;
21         }
22         while (head <= tail && a[queue[tail
23 ]] >= a[i]) {
24             tail--;
25         }
26         queue[++tail] = i;
27         if (i >= k - 1) {
28             printf("%d ", a[queue[head]]);
29         }
30     }
31     puts("");
32     head = 0;
33     tail = -1;
34     for (int i = 0; i < n; i++) {
35         if (head <= tail && i - k + 1 >
36 queue[head]) {
37             head++;
38         }
39         while (head <= tail && a[queue[tail
40 ]] >= a[i]) {
41             tail--;
42         }
43         queue[++tail] = i;
44         if (i >= k - 1) {
45             printf("%d ", a[queue[head]]);
46         }
47     }
48     free(queue);
49     free(a);
50     return 0;
51 }

```

2.7 KMP

2.7.1 AcWing 831. KMP 字符串

2.8 Trie

2.8.1 AcWing 835. Trie 字符串统计

2.8.2 AcWing 143. 最大异或对

2.9 并查集

2.9.1 AcWing 836. 合并集合

2.9.2 AcWing 837. 连通块中点的数量

2.9.3 AcWing 240. 食物链

2.10 堆

2.10.1 AcWing 838. 堆排序

AcWing 838. 堆排序

输入一个长度为 n 的整数数列,从小到大输出前 m 小的数。

输入格式:

第一行包含整数 n 和 m 。第二行包含 n 个整数,表示整数数列。

输出格式:共一行,包含 m 个整数,表示整数数列中前 m 小的数。

数据范围:

$1 \leq m \leq n \leq 10^5, 1 \leq \leq 10^9$

输入样例:

5 3
4 5 1 3 2

输出样例:

1 2 3

堆排序

```
01 #include <stdio.h>
02 #include <stdlib.h>
03
04 #define N 100010
05 int h[N];
06 int size;
07
08 void down(int k)
09 {
10     int t = k;
11     if (2 * k <= size && h[2 * k] < h[t]) {
12         t = 2 * k;
13     }
14     if (2 * k + 1 <= size && h[2 * k + 1] <
15         h[t]) {
16         t = 2 * k + 1;
17     }
18     if (t != k) {
19         int tmp = h[t];
20         h[t] = h[k];
21         h[k] = tmp;
22         down(t);
23     }
24 }
25
26 int main()
27 {
28     int n;
29     int m;
30     scanf("%d %d", &n, &m);
31     for (int i = 1; i < n + 1; i++) {
32         scanf("%d", &h[i]);
33     }
34     size = n;
35     for (int i = n / 2; i > 0; i--) {
36         down(i);
37     }
38     while (m--) {
39         printf("%d ", h[1]);
40         h[1] = h[size];
41         size--;
42         down(1);
43     }
44     return 0;
45 }
```

2.10.2 AcWing 839. 模拟堆

2.11 哈希表

2.11.1 AcWing 840. 模拟散列表

2.11.2 AcWing 841. 字符串哈希

搜索和图论

3.1 DFS

3.1.1 AcWing 842. 排列数字

3.1.2 AcWing 843. n-皇后问题

3.2 BFS

3.2.1 AcWing 844. 走迷宫

3.2.2 AcWing 845. 八数码

3.3 树与图的深度优先遍历

3.3.1 AcWing 846. 树的重心

3.4 树与图的广度优先遍历

3.4.1 AcWing 847. 图中点的层次

3.5 拓扑排序

3.5.1 AcWing 848. 有向图的拓扑序列

3.6 Dijkstra

3.6.1 AcWing 849. Dijkstra 求最短路 I

3.6.2 AcWing 850. Dijkstra 求最短路 II

3.7 bellman-ford

3.7.1 AcWing 853. 有边数限制的最短路

数学知识

动态规划

贪心算法

PART II

第二部分

算法提高

PART III

第三部分

算法进阶

PART IV

第四部分

LeetCode 究极班

