第1次作业

一、将下列命题符号化

1.设p表示“他有理论知识”, q表示“他有实践经验”, 则“他既有理论知识又有实践经验”可译为: ____________________。

2.设p: 明天下雨, q: 明天下雪, r: 我去学校。 则

(i) “如果明天不是雨夹雪则我去学校”可写成______________________;

(ii) “如果明天不下雨并且不下雪则我去学校”可写成_______________;

(iii) “如果明天下雨或下雪则我不去学校”可写成__________________;

(iv) “仅当明天不下雪并且不下雨时我才去学校_________________。

3. 仅当我有时间且天不下雨，我才去镇上。

设P：我有时间。Q：天下雨。R：我去镇上

4. 张刚总是在图书馆看书，除非图书馆不开门或张刚生病。

设P:张刚在图书馆看书。Q:图书馆开门.R:张刚生病

第1次作业

5. 电灯不亮当且仅当灯泡或开关发生故障

设p：电灯亮， q:灯泡发生故障，r：开关发生故障

二、利用真值表判断下列公式类型

1. $q \wedge \neg(p \rightarrow q)$
2. $(\neg p \vee \neg q) \rightarrow (p \leftrightarrow \neg q)$
3. $(p \rightarrow (q \rightarrow r)) \rightarrow (q \rightarrow (p \rightarrow r))$

第2次作业　9月9日

1. 用等值演算法验证等值式：

$$\neg(p\leftrightarrow q)\Leftrightarrow((p\vee q)\wedge\neg(p\wedge q))$$

2. 用等值演算法判断下列公式的类型：

①$((p\rightarrow q)\wedge(q\rightarrow p))\leftrightarrow(p\leftrightarrow q)$

②$(\neg p\rightarrow q)\rightarrow(q\rightarrow\neg p)$

3. 求$(p\rightarrow q)\leftrightarrow r$的主析取范式和主合取范式（用两种方法）

第3次作业　9月16日

1. 构造推理证明

前提：$p \rightarrow \neg r$，$s \rightarrow t$，$\neg s \rightarrow r$，$p \vee q$，$\neg t$

结论：q

2. 用附加前提法证明

前提：$p \rightarrow (q \rightarrow r)$，$\neg s \vee p$，$q$

结论：$s \rightarrow r$

3. 归谬法证明

前提：$(A \wedge B) \rightarrow C$，$\neg D$，$\neg C \vee D$

结论：$\neg A \vee \neg B$

第3次作业　9月16日

4. 证明下列推理是否正确

前提：如果所有成员事先得到通知，且到场者达到法定人数，会议就能够举行，如果至少有15人到场就算是达到法定人数了，并且如果邮局没有罢工通知就会提前送到。

结论：假如会议被取消了，不是到场的人不到15人，就是邮局罢工了。

P:所有成员事先得到通知
Q:到场者达到法定人数
R:会议能够举行
S:至少有 15 人到场
T:邮局罢工

第3次作业　9月16日

5. 构造$p \rightarrow (q \rightarrow r)$在下列指定联结词集合中的等值公式：

（1）$\{\neg, \vee\}$

（2）$\{\neg, \wedge\}$

（3）$\{\uparrow\}$

（4）$\{\downarrow\}$

第4次作业　9月23日

1.命题符号化:

（1） 有子则有父

F(x):x有子,H(x)：x 有父

（2）不存在既是奇数又是偶数的整数。

F(x):x为奇数,G(x)：x 为偶数，H(x):x为整数

（3）任何两个不同的人都性格不相同。

F(x):x是人, H(x,y), x与y相同, L(x,y): x与y性格相同

（4）并不是所有的兔子都比乌龟跑得快

R(x): x是兔子；T(x)：x是乌龟；D(x, y)：x比y跑得快

只出现全称量词:

只出现存在量词:

第4次作业　9月23日

2.设P(x):x是素数，E(x):x是偶数，O(x):x是奇数，N（x,y）:x可以整除y,则谓词公式：$\forall x(P(x) \rightarrow \exists y(O(y) \wedge N(y,x)))$的自然语言是：

3.设 A(x): x是人; B(x): x是错误; C(x,y):x犯了y; D(x,y):y能改正x. 用上述谓词构成下列语句的谓词公式:

(1)人都会犯错误.

(2)并非所有人犯错误都能改.

(3)有的错误任何人犯了都不能改.

4.将命题"并非E1中的每个数都小于或等于E2中的每个数."

按以下要求的形式 表达出来:

(1)出现全称量词,不出现存在量词;

(2)出现存在量词,不出现全称量词.

F(x): x属于E1; G(y):y属于E2; H(x,y):x小于或等于y。

第5次作业　10月7日

1. 设个体域为 $A=\{a,b,c\}$ 将下面谓词公式中的量词消除，写出与之等值的命题公式。

$$\forall x\exists yP(x,y)$$

2. 求下列公式的前束范式

$$\exists x(F(x)\wedge\forall yG(x,y,z))\to\exists zH(x,y,z)$$

3. 构造推理的证明　前提 $\forall x(\neg P(x)\to Q(x)),\forall x\neg Q(x)$　结论 $\forall xP(x)$

4. 证明：鸟会飞, 猴子不会飞; 所以, 猴子不是鸟.

5. 证明：前提 $\forall x(A(x)\to(B(x)\to\neg C(x)))$　结论 $\exists x(A(x)\wedge\neg B(x))$

$$\forall x(A(x)\to(C(x)\vee D(x)))$$

$$\exists x(A(x)\wedge\neg D(x))$$

第6次作业　10月13日

1. 设A、B、C、D为集合，证明：$A-B=A-A\cap B$。

2. 求证：若$(A-B)\cup(B-A)=C$，则$A\subseteq(B-C)\cup(C-B)$的充要条件是$A\cap B\cap C=\Phi$.

3. 探讨$A\subseteq B$与$P(A)\subseteq P(B)$的关系并证明。

4. 证明：$(A-B)-C=(A-C)-(B-C)$

5. 证明：$A\subseteq B \Leftrightarrow A\cap B=A$。（用逻辑推理证明）

第6次作业　10月13日

6. 写出下列阴影部分的集合表示式。