Homework 8 - Bézier Curve

Introduction

本次作业要求大家实现一个 Bézier Curve 的绘制小工具。此工具可以接受鼠标输入。

主要代码在 BezierCurve 类中

Homework 8 - Bézier Curve

- 1 Basic
 - 1.1 实现结果
 - 1.2 实现方法
 - 1.2.1 实现鼠标添加或删除控制点
 - 1.2.2 实时更新 Bézier Curve
- 2 Bonus
 - 2.1 实现结果
 - 2.2 实现方法

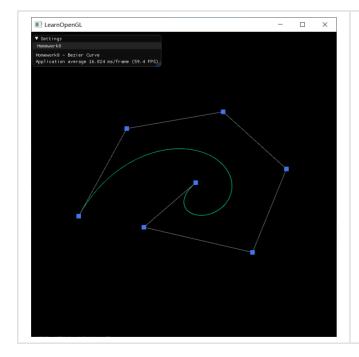
1 Basic

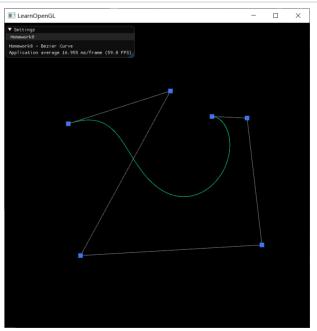
- 1. 用户能通过左键点击添加 Bézier 曲线的控制点,右键点击则对当前添加的最后一个控制点进行消除
- 2. 工具根据鼠标绘制的控制点实时更新 Bézier 曲线

Hint: 大家可查询捕捉 mouse 移动和点击的函数方法

1.1 实现结果

实现结果见演示视频





1.2 实现方法

1.2.1 实现鼠标添加或删除控制点

实现用户能通过左键点击添加 Bézier Curve 的控制点,右键点击则对当前添加的最后一个控制点进行消除。

定义 mouse_callback 回调函数, 用于实时获取鼠标的当前位置

```
void MyGLFW::mouse_callback(GLFWwindow * window, double xpos, double ypos)

BezierCurve::getInstance()->mouse_x = xpos;
BezierCurve::getInstance()->mouse_y = ypos;

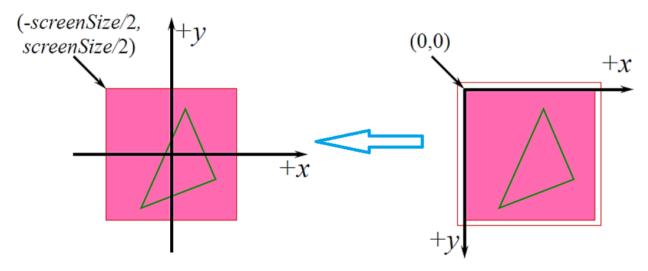
}
```

注册 mouse_callback 函数:

```
1 | glfwSetCursorPosCallback(this->window, mouse_callback);
```

定义 mouse_button_callback 函数, 当用户点击鼠标左键时,将控制点压入(push_back)到 ctrlPoints 容器的末端;当用户点击鼠标右键时,若 ctrlPoints 非空,则弹出(pop_back)容器内末端的控制点。

这里应该注意的是, mouse_callback 获取的鼠标坐标的所在的坐标系,是以窗口左上角为原点、向右为 x 轴正方向、向下为 y 轴正方向的 (下图右边的坐标系)。这还不是 OpenGL 的标准化设备坐标 (NDC, 下图左边的坐标系),而后面画控制点时,就要用到 NDC 坐标,所以要做一些转换,将控制点的坐标转成 NDC 坐标。



另外,如果正在显示画图过程 (isDrawing == true, 在 2.2 中说明),则不允许增加或删除控制点。

```
void MyGLFW::mouse_button_callback(GLFWwindow * window, int button, int action, int mods)

{

// 如果正在显示画图过程 isDrawing, 则不允许增加或删除控制点

if (action == GLFW_PRESS && !BezierCurve::getInstance()->isDrawing) {

switch (button)

{

case GLFW_MOUSE_BUTTON_LEFT: {

float x = 2.0f * (float)BezierCurve::getInstance()->mouse_x /

(float)MyGLFW::getInstance()->getScrWidth() - 1.0f;
```

```
float y = 1.0f - 2.0f * (float)BezierCurve::getInstance()->mouse_y /
    (float)MyGLFW::getInstance()->getScrHeight();
10
                     BezierCurve::getInstance()->ctrlPoints.push_back(glm::vec2(x, y));
11
                } break;
12
                case GLFW_MOUSE_BUTTON_RIGHT: {
13
                     if (!BezierCurve::getInstance()->ctrlPoints.empty()) {
                         BezierCurve::getInstance()->ctrlPoints.pop_back();
14
15
                } break:
16
17
                default: break;
18
            }
19
        }
20
    }
```

注册 mouse_button_callback 函数:

```
glfwSetMouseButtonCallback(this->window, mouse_button_callback);
```

1.2.2 实时更新 Bézier Curve

实现根据鼠标绘制的控制点实时更新 Bézier 曲线。

在上一步骤 (1.2.1) 中,已经获取到绘制 Bézier 曲线的控制点了,现在就可以根据这些控制点来画出 Bézier 曲线 了。Bézier Curve 本质上是由调和函数 (Harmonic functions) 根据控制点 (Control points) 插值生成。用于绘制 Bézier Curve 的参数方程如下:

$$Q(t) = \sum_{i=0}^n P_i B_{i,n}(t), \;\;\; t \in [0,1]$$

上式为 n 次多项式,具有 n+1 项。其中, $P_i(i=0,1...,n)$ 表示特征多边形的 n+1 个顶点向量; $B_{i,n}(t)$ 为伯恩斯坦 (Bernstein) 基函数 ,其多项式表示为:

$$B_{i,n}(t) = rac{n!}{i!(n-i)!} t^i (1-t)^{n-i}, \quad i=0,1,\dots,n$$

在绘制时,用 bezierPoints 存储 Bézier 曲线上的点。在渲染循环中的每次循环,首先把 bezierPoints 清空,然后使参数 t 从 0 变化到 1,步长为 0.001,根据上述 Bézier Curve 的参数方程来把每一个点存入 bezierPoints 中,最后制作成 VAO,并使用 gldrawArrays 将 Bézier Curve 画出来。

绘制的代码如下:

```
void BezierCurve::drawBezierCurve()
 2
        // 如果控制点数量小于2,不绘制
 3
 4
        if (ctrlPoints.size() < 2)</pre>
 5
            return;
 6
        // 将bezier曲线上的点存到bezierPoints中
        bezierPoints.clear();
 8
 9
        int n = (int)ctrlPoints.size() - 1;
10
        for (double t = 0; t \le 1.0; t += 0.001) {
```

```
11
             double x = 0, y = 0;
12
             for (int i = 0; i \le n; i++) {
13
                 double B = fact(n) / fact(i) / fact(n - i)
                     * pow(t, i) * pow(1.0 - t, n - i);
14
15
                x += ctrlPoints[i].x * B;
                y += ctrlPoints[i].y * B;
16
17
18
            bezierPoints.push_back(glm::vec2(x, y));
        }
19
20
21
        // 制作VAO、VBO
        glm::vec3 color = this->greenColor;
22
23
        float *vertices = new float[bezierPoints.size() * 6];
        for (int i = 0; i < (int)bezierPoints.size(); i++) {</pre>
24
25
            vertices[i * 6 + 0] = (float)bezierPoints[i].x;
            vertices[i * 6 + 1] = (float)bezierPoints[i].y;
26
            vertices[i * 6 + 2] = 0.0f;
27
28
            vertices[i * 6 + 3] = color.x;
29
            vertices[i * 6 + 4] = color.y;
30
            vertices[i * 6 + 5] = color.z;
31
32
        processObjects(vertices, bezierPoints.size() * 6 * sizeof(vertices));
33
34
        // 画出bezier曲线
        glDrawArrays(GL_POINTS, 0, bezierPoints.size());
35
36
37
        // 释放资源
38
        delete[]vertices;
39
        freeObjects();
40 }
```

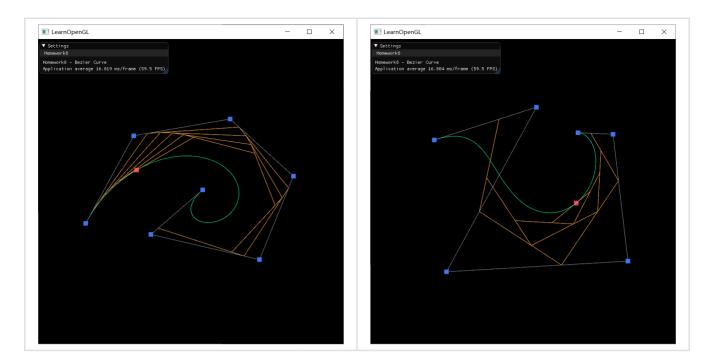
2 Bonus

可以动态地呈现 Bezier 曲线的生成过程。

2.1 实现结果

实现结果见演示视频

当用户选择好控制点后,按下键盘 Enter 键,即可动态地呈现 Bézier 曲线的生成过程。在显示生成的动态过程中,不允许用户新增或删除控制点;当生成过程的演示结束后,用户可以新增或删除控制点。如果在过程中再次按下 Enter 键,可以退出曲线生成的演示。



2.2 实现方法

定义键盘回调函数 key_callback ,用于处理用户按下 Enter 键的操作。用户按下 Enter 键后,将 [isDrawing] 的状态取反,渲染循环中根据 [isDrawing] 来判断是否要绘制曲线生成过程。

如果当前正在演示曲线生成过程 (isDrawing == true),则将绘制曲线的参数方程的参数 t 置为 0。

```
void MyGLFW::key_callback(GLFWwindow * window, int key, int scanmode, int action, int
   mods)
2
   {
3
       if (action == GLFW_PRESS && key == GLFW_KEY_ENTER) {
           if (BezierCurve::getInstance()->isDrawing) {
4
5
               BezierCurve::getInstance()->cur_t = 0.0;
6
7
           BezierCurve::getInstance()->isDrawing = !BezierCurve::getInstance()->isDrawing;
8
       }
9
   }
```

注册这个函数:

```
glfwSetKeyCallback(this->window, key_callback);
```

在渲染循环中的每个循环,如果 isDrawing == true,若当前 cur_t <= 1.0,则绘制在 cur_t 时刻的曲线生成过程 (drawProcess 函数,在下面说明),并使 cur_t 增加 0.002 (当然也可以增加 0.001,这样做只是为了加快演示速度);否则,将 isDrawing 置为 false 并将 cur_t 置为 0.0, 曲线生成过程的演示结束:

```
1 // 画出过程 (按enter键)
2
   if (this->isDrawing) {
3
        if (this->cur_t <= 1.0) {
4
            drawProcess(this->ctrlPoints, cur_t);
 5
            cur_t += 0.002;
       }
 6
 7
        else {
            this->isDrawing = false;
8
9
            cur_t = 0.0;
10
       }
11 }
```

根据使用下面的 drawProcess 函数,递归绘制出曲线生成过程在 t 时刻的图形。在初始时刻,有 n+1 个控制点,将它们依次两两连线,并在这些连线上分别取比例为 t 的点,即 $P=(1-t)P_i+tP_{i+1}$,得到 n 个点(储存在 nextCtrlPoints 中),然后再用这 n 个点递归调用 drawProcess 函数,进而得到 n-1 个点。当 nextCtrlPoints 的数量为 1 时,nextCtrlPoints 里面的这个点就是 Bézier 曲线上的点,用红色将它画出来。

```
void BezierCurve::drawProcess(const std::vector<glm::vec2>& curCtrlPoints, const
    double t)
 2
    {
        // 如果控制点数量小于2,不绘制
 3
 4
        if (curCtrlPoints.size() < 2)</pre>
 5
            return;
 6
        std::vector<qlm::vec2> nextCtrlPoints;
 7
        for (int i = 0; i < (int)curCtrlPoints.size() - 1; i++) {</pre>
            double x = (1.0 - t) * curCtrlPoints[i].x + t * curCtrlPoints[i + 1].x;
 8
9
            double y = (1.0 - t) * curCtrlPoints[i].y + t * curCtrlPoints[i + 1].y;
10
            nextCtrlPoints.push_back(glm::vec2(x, y));
        }
11
        // 画出Bezier曲线上的点
12
        if (nextCtrlPoints.size() == 1) {
13
            drawPoint(nextCtrlPoints[0], 0.03f, this->redColor);
14
15
        }
        // 画出辅助线并递归调用drawProcess
16
17
        else {
            for (int i = 0; i < (int)nextCtrlPoints.size() - 1; i++) {
18
                drawLine(nextCtrlPoints[i], nextCtrlPoints[i + 1], this->orangeColor);
19
20
21
            drawProcess(nextCtrlPoints, t);
22
23 }
```