编译原理复习

Garone Lombard

2023年12月7日

编译原理烤漆复习手册

目录

1	文法	和语言													4
	1.1	文法的	分类 .												4
	1.2	(句型的	ウ) 短语												5
2	词法	分析													6
	2.1	有穷自	动机 .												6
		2.1.1	确定的	有穷自动	机 (I)FA) .								7
		2.1.2		的有穷自											
		2.1.3	从正则	表达式到	DFA	的	转换	<u>.</u>							10
		2.1.4	DFA 的	自最小化								•			17
3	语法	分析													20
	3.1	自顶向	下语法	分析											20
	3.2	文法转	换												20
		3.2.1	FIRST	集											21
		3.2.2	FOLLO	OW 集.											21
				工集											
	3.3			分析											

1 文法和语言 4

1 文法和语言

文法定义 四元组

$$G = (V_T, V_N, P, S) \tag{1}$$

1.1 文法的分类

0型文法 无限制文法,只要求产生式的左部存在一个非终结符即可。

$$\forall \alpha \to \beta \in P$$
 α 中至少包含一个 V_N (2)

1 型文法 上下文有关文法,在<u>0 型文法的基础上</u>进一步要求产生式的左部长度小于等于右部长度

$$\forall \alpha \to \beta \in P \qquad |\alpha| \le |\beta|$$

产生式的一般形式 $\alpha 1 A \alpha 2 \to \alpha 1 \beta \alpha 2 (\beta \neq \epsilon)$ (3)

2 型文法 上下文无关文法 (**可以描述大部分程序设计语言的文法构造**),要求产生式的左部只能是一个非终结符

$$\forall \alpha \to \beta \in P \qquad \alpha \in V_N \tag{4}$$

3 型文法 正则文法,只有两种形式,左线性文法 or 右线性文法 (注意是要求某一文法的所有产生式均符合左/右线性文法,而不只是 P1 满足左线性, P2 满足右线性)。

正则文法和正则表达式是等价的,对于任意一个正则文法 G,都存在定义同一语言的正则表达式 r,反之亦然。

• 左线性文法: $A \rightarrow \omega B$ or $A \rightarrow \omega$

• 右线性文法: $A \rightarrow B\omega$ or $A \rightarrow \omega$

1 文法和语言 5

例如

 $S \to a|b|c|d$

 $S \to aT|bT|cT|dT$

 $T \rightarrow a|b|c|d|0|1|2|3|4|5$

 $T \rightarrow aT|bT|cT|dT|0T|1T|2T|3T|4T|5T$

1.2 (句型的) 短语

已知文法

$$E \to E + E$$

$$E \to E*E$$

$$E \rightarrow -E$$

$$E \to (E)$$

$$E \to idenfr$$

对于句型: -(E+E), 可构造如下分析树

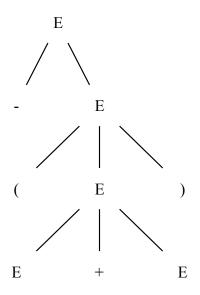


图 1: 分析树

- E+E 是句型 -(E+E) 相对于规则 $E\to E+E$ 的短语, 直接短语, 句柄 (子树层级为 1)
- (E+E) 是句型 -(E+E) 相对于规则 $E \to (E)$ 的短语
- -(E+E) 是句型 -(E+E) 相对于规则 $E \to -E$ 的短语

需要注意的是,直接短语一定是某产生式的右部,但某产生式的右部不一定是**给定句型**的直接短语

2 词法分析

2.1 有穷自动机

基本概念 省略...

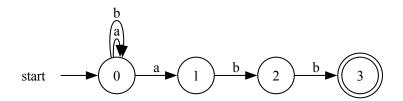


图 2: FA

最长前缀匹配原则 当输入串的多个前缀与一个或多个模式匹配时,总是选择最长的前缀匹配。也就是说在到达某个终态后,只要输入串上还有符号,FA 就会继续读入下一个符号,以寻求尽可能长度的匹配。

正则表达式和有穷自动机是等价的

2.1.1 确定的有穷自动机 (DFA)

定义 DFA 是一个五元组, $M = (S, \Sigma, \delta, s_0, F)$

- S: 有穷状态集
- Σ: 输入符号表
- δ : 状态转移函数, $\forall s \in S, a \in \Sigma, \delta(s, a)$ 表示从状态 s 出发,沿着标记为 a 的边所能到达的状态 (唯一)
- s₀: 初始状态
- F: 终态**集**

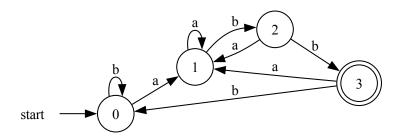


图 3: DFA

输入 状态	a	b
0	1	0
1	1	2
2	1	3
3*	1	0

表 1: 转换表

DFA 的算法实现

- 输入: 以文件结束符 eof 结尾的字符串 x, DFA M 的开始状态 s_0 , 接受状态集合 F, 状态转换函数 move(s,a)
- 输出: M 接受则输出"yes", 拒绝则输出"no"
- 算法:

```
1     s=s0;
2     c=nextChar();
3     while(c!=eof){
4         s=move(s,c);
5         c=nextChar();
6     }
7     if(s in F) output("yes");
```

8 else output("no");

2.1.2 不确定的有穷自动机 (NFA)

定义 NFA 是一个五元组, $M = (S, \Sigma, \delta, s_0, F)$

- S: 有穷状态集
- Σ: 输入符号表
- δ : 状态转移函数, $\forall s \in S, a \in \Sigma, \delta(s, a)$ 表示从状态 s 出发,沿着标记为 a 的边所能到达的状态**集合**
- s₀: 初始状态
- F: 终态集

NFA 和 DFA 的唯一区别就是状态转换函数的状态不唯一

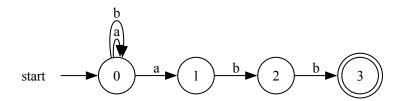


图 4: NFA

输入 状态	a	b
0	{0,1}	{0}
1	ϕ	{2}
2	ϕ	{3}
3*	ϕ	ϕ

表 2: 转换表

DFA 和 NFA 具有等价性,即对于任意一个 NFA,都存在一个 DFA,使得两者能够识别相同的语言,反之亦然。

带有 ϵ 转换的 NFA ϵ -NFA,是一种特殊的 NFA,其状态转换函数 δ 中, $\delta(s,\epsilon)$ 表示从状态 s 出发,不读入任何输入符号,直接转移到下一个状态。

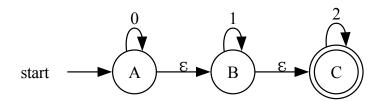


图 5: ϵ -NFA

可以证明,对于任意一个 ϵ -NFA,都存在一个 DFA,使得两者能够识别相同的语言,反之亦然。

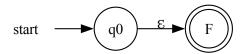
也就是说, DFA、NFA、 ϵ -NFA 都具有等价性。

2.1.3 从正则表达式到 DFA 的转换

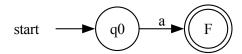
直接将正则表达式转换为 DFA 相当困难,所以一般采取 RE->NFA->DFA 的形式

正则表达式到 NFA 的转换 对应关系如下

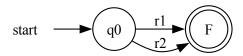
• ϵ 对应的 NFA



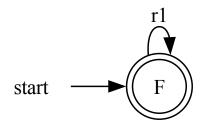
• 字母表 Σ 中符号 a 对应的 NFA



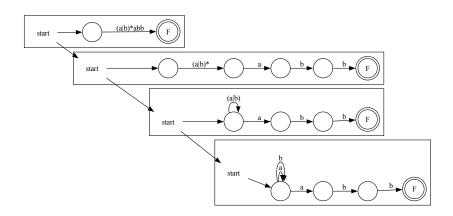
• $r = r_1 r_2$ 对应的 NFA



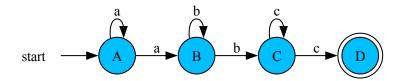
• $r = (r_1) * 对应的 NFA$



• $r = (a|b)^*abb$ 对应的 NFA



NFA 到 DFA 的转换 如下所示

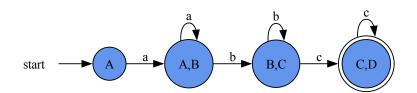


首先绘制状态转换表

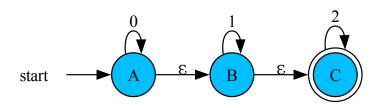
输入 状态	a	b	c
A	$\{A,B\}$	ϕ	ϕ
В	ϕ	{B,C}	ϕ
С	ϕ	φ	{C,D}
D*	ϕ	φ	ϕ

表 3: 转换表

与 NFA 等价的 DFA 的每一个状态都是一个由 NFA 状态构成的集合



 ϵ -NFA 到 DFA 的转换

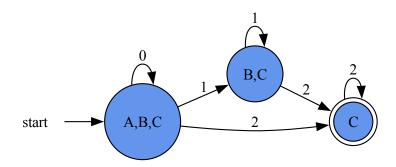


同样绘制状态转换表

输入 状态	0	1	2
A	$\{A,B,C\}$	{B,C}	{C}
В	ϕ	{B,C}	{C}
C*	ϕ	ϕ	{C}

表 4: 转换表

需要注意的是,由于初始即可达 A,B,C,所以初始状态应该是 A,B,C 而不是 A



子集构造法

• 输入: NFA N

• 输出: DFA D

• 算法: 一开始, ϵ – $closure(s_0)$ 是 Dstates 中唯一的状态, 且未加标记;

```
while(在Dstates中有一个未标记状态T){
       tag(T);
2
       for(每个输入符号a){
3
           U=closure(move(T,a));
4
           if(U not in Dstates){
5
               add(Dstates,U);
6
7
           Dtran[T,a]=U;
8
9
10
   }
```

操作	描述
$\epsilon-closure(s)$	能够从 NFA 的开始状态只通过 ϵ 转换直接到达
	的 NFA 状态集合
$\epsilon - closure(T)$	能从集合 T 中的某个 NFA 状态只通过 ϵ 转换直
	接到达的 NFA 状态集合
move(T, a)	能从集合 T 中的某个 NFA 状态通过标号为 a 的
	转换到达的 NFA 状态的集合

NFA 的化简例题 。。。。。

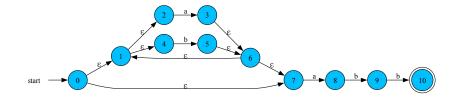


图 6: NFA

16

输入 状态	a	b
0	$\{1,2,3,4,6,7,8\}$	{1,2,4,5,6,7}
1	$\{1,2,3,4,6,7\}$	{1,2,4,5,6,7}
2	$\{1,2,3,4,6,7\}$	ϕ
3	$\{1,2,3,4,6,7,8\}$	{1,2,4,5,6,7}
4	ϕ	{1,2,4,5,6,7}
5	$\{1,2,3,4,6,7,8\}$	{1,2,4,5,6,7}
6	$\{1,2,3,4,6,7,8\}$	{1,2,4,5,6,7}
7	{8}	ϕ
8	ϕ	{9}
9	ϕ	{10}
10*	ϕ	ϕ

表 5: 转换表 1(无效)

$\epsilon - closure(T_0)$	{0,1,2	2,4,7}
输入 状态	a	b
T0={0,1,2,4,7}	$\{1,2,3,4,6,7,8\}$	{1,2,4,5,6,7}
T1={1,2,3,4,6,7,8}	{1,2,3,4,6,7,8}	{1,2,4,5,6,7,9}
T2={1,2,4,5,6,7}	{1,2,3,4,6,7,8}	{1,2,4,5,6,7}
T3={1,2,4,5,6,7,9}	{1,2,3,4,6,7,8}	{1,2,4,5,6,7,10}
T4={1,2,4,5,6,7,10}	{1,2,3,4,6,7,8}	{1,2,4,5,6,7}

表 6: 转换表 2(正确)

输入 状态	a	b
T0={0,1,2,4,7}	T1	T2
T1={1,2,3,4,6,7,8}	T1	Т3
T2={1,2,4,5,6,7}	T1	T2
T3={1,2,4,5,6,7,9}	T1	T4
T4*={1,2,4,5,6,7,10}	T1	T2

表 7: 转换表 2(正确)

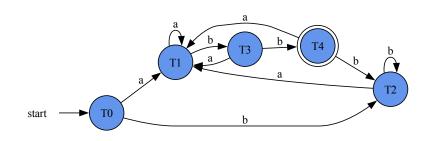


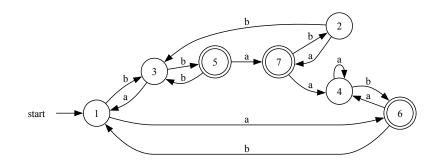
图 7: DFA

2.1.4 DFA 的最小化

概念 一个有穷自动机可以通过消除无用状态和合并等价状态来最小化

- 无用状态: 从该自动机的开始状态出发,任何输入串都无法到达的状态(从该状态出发,没有通路抵达终态)
- 等价状态: 条件如下
 - 1. 一致性条件: 状态 s 和 t 必须同时为可接受状态或不可接受状态
 - 2. 蔓延性条件:对于所有输入符号,状态 s 和 t 必须转换到等价态

分割法 把一个 DFA(不含无用态) 的状态分成一些不相交的子集,使得任何不同的两个子集的状态都是可区分的,且同一个子集中的任何状态都是等价的



第一步都是固定的,把状态分为终态和非终态两个集合 $\{1,2,3,4\},\{5,6,7\}$ 接下来考察 $\{1,2,3,4\}$ 是否可分

输入 状态	a	b
1	6(E)	3(NE)
2	7(E)	3(NE)
3	1(NE)	5(E)
4	4(NE)	6(E)

因此可以将集合拆分为 {1,2},{3,4},{5,6,7}

输入 状态	a	b
1	6(P3)	3(P2)
2	7(P3)	3(P2)

显然 {1,2} 不可拆分

输入 状态	a	b
3	1(P1)	5(P3)
4	4(P2)	6(P3)

{3,4} 可拆分为 {3},{4} 此时集合为 {1,2},{3},{4},{5,6,7}

输入 状态	a	b
5	7(P4)	3(P2)
6	4(P3)	1(P1)
7	4(P3)	2(P1)

{5,6,7} 可拆分为 {5},{6,7} 因此最终得到的集合为 {1,2},{3},{4},{5},{6,7}

输入 状态	a	b
1	6(P5)	3(P2)
2	7(P5)	3(P2)
3	1(P1)	5(P4)
4	4(P3)	6(P5)
5	7(P5)	3(P2)
6	4(P3)	1(P1)
7	4(P3)	2(P1)

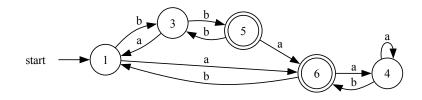


图 8: 最小化后的 DFA

3 语法分析 20

3 语法分析

3.1 自顶向下语法分析

概念 从分析树的顶部向底部方向构造分析树,也就是从文法开始符号 S 从左向右推导句子 w 的过程

最左推导 总是选择每个句型的最左非终结符进行替换,其反过程称为最右规约

最右推导 总是选择每个句型的最右非终结符进行替换,其反过程称为最 左规约

在自底向上的分析中,总是采用最左规约的方式,因此**把最左规约成为** 规范规约,而把最右推导称为规范推导

最左推导和最右推导具备唯一性,因为对于每个句型而言,其最左/右 终结符是唯一的

3.2 文法转换

左递归文法 如果一个文法中有一个非终结符 A 使得对某个串存在推导 $A \to^+ Aa$,那么这个文法就是左递归文法,这会使递归下降分析器陷入无限循环

处理办法如下(可消除直接左递归,其实是将其转化为了右递归)

$$A \to A\alpha | \beta$$

$$A \to A\alpha \to A\alpha\alpha\alpha\alpha \to \beta\alpha\alpha\alpha\alpha \dots$$

$$regex = \beta\alpha^*$$

$$A \to \beta A'$$

$$A' \to \alpha A' | \epsilon$$

$$(5)$$

同理,对于左递归推导 $E \rightarrow E + T \mid T$,消除左递归可得一下等价文法

$$E \to TE'$$

$$E' \to +TE'|\epsilon$$
(6)

3 语法分析 21

 ϵ 产生式的使用时机 如果当前某终结符 A 与当前输入 a 不匹配时,若存在 $A \to \epsilon$,可以通过检查 a 是否可以出现在 A 的后面 (那不就是查看 A 的 FOLLOW 集吗?),来决定是否可以使用产生式 $A \to \epsilon$

3.2.1 FIRST 集

概念 串首终结符,给定一个文法符号串 a, a 的 FIRST(a) 被定义为可以 从 a 推导出的所有串首终结符的集合,如果 $a \Rightarrow^* \epsilon$,那么 ϵ 也在 FIRST(a) 中

3.2.2 FOLLOW 集

概念 可能在某个句型中紧跟在 A 后边的终结符 a 的集合 如果 A 是某个句型的最右符号,则将结束符 # 添加到 FOLLOW(A) 中

3.2.3 SELECT 集

概念 产生式 $A \rightarrow \beta$ 的可选集是指可以选用该产生式进行推导时对应的输入符号的集合,记为 $SELECT(A \rightarrow \beta)$

- $SELECT(A \to \alpha\beta) = \{\alpha\}$
- $SELECT(A \rightarrow \epsilon) = FOLLOW(A)$

如果每个具有相同左部的各个产生式的可选集互不相交的话,就可以做出确定的分析

产生式 $A \rightarrow \alpha$ 的可选集 SELECT

- 如果 $\epsilon \notin FIRST(\alpha)$, 则 $SELECT(A \to \alpha) = FIRST(\alpha)$
- 如果 $\epsilon \in FIRST(\alpha)$, 则 $SELECT(A \to \alpha) = (FIRST(\alpha) \{\epsilon\}) \cup FOLLOW(\alpha)$

3.3 自底向上语法分析