4x4 MIMO Channel Estimation

Ji Fang

August 29, 2012

0.1 4x4 MIMO 信道估计

802.11n 中 4x4 Preamble 正交序列

| | t1 | t2 | t3 | t4 |
|----|----|----|----|----|
| P1 | 1 | -1 | 1 | 1 |
| P2 | 1 | 1 | -1 | 1 |
| P3 | 1 | 1 | 1 | -1 |
| P4 | -1 | 1 | 1 | 1 |

Table 1: 802.11n HTLTF 正交化序列

接收端第一根天线在各时刻接收到的信号为(X为HTLTF序列)

$$y_{1,t1} = h_{11}X + h_{12}X + h_{13}X - h_{14}X \tag{1}$$

$$y_{1,t2} = -h_{11}X + h_{12}X + h_{13}X + h_{14}X (2)$$

$$y_{1,t3} = h_{11}X - h_{12}X + h_{13}X + h_{14}X \tag{3}$$

$$y_{1,t4} = h_{11}X + h_{12}X - h_{13}X + h_{14}X (4)$$

解方程

$$y_1 = y_{1,t1} + y_{1,t4} = 2h_{11}X + 2h_{12}X (5)$$

$$y_2 = y_{1,t2} - y_{1,t3} = -2h_{11}X + 2h_{12}X (6)$$

$$y_3 = y_{1,t1} - y_{1,t4} = 2h_{13}X - 2h_{14}X \tag{7}$$

$$y_4 = y_{1,t2} + y_{1,t3} = 2h_{13}X + 2h_{14}X (8)$$

$$h_{11} = (y_1 - y_2)/4X (9)$$

$$h_{12} = (y_1 + y_2)/4X (10)$$

$$h_{13} = (y_3 + y_4)/4X (11)$$

$$h_{14} = (y_4 - y_3)/4X (12)$$

其余信道可由上述方法解出。各天线 i 可并行计算各自的信道 $h_{i,j}, j \in \{1,2,3,4\}$

0.2 频偏估计

0.2.1 基本概念

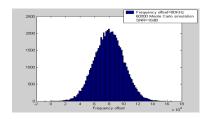
在时域接收到的信号为 $y(t) = x(t)e^{j2\pi\Delta ft}$,在频域为 Y = X(f - f')。即时域旋转等价于频域移位。粗频偏、细频偏应该是纠偏过程之中的概念,感觉两者没有什么实质差别,看的无非是一个纠偏精确度的问题;其实可以把粗频偏和细频偏合到一起做也可以的。当然纠偏也可以采用第一次纠偏之后再跟踪残余频偏的方式进行。

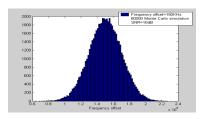
- 整数倍频偏和小数倍频偏是频偏大小的概念。一般用好的天线是不存在整数倍频偏的。整数倍频偏导致的是子载波数据的偏移,而小数倍频偏导致的是 ICI。
- 不能先进行整数倍频偏估计再进行小数倍频偏估计。因为一般整数倍频偏导致的是子载波数据的偏移, 其估计方式是在频域估计;而小数倍频偏会导致ICI,使得频域数据无法提取。所以必须要先估计出小数倍频偏,消除了ICI,提取出频域子载波数据,然后再做整数倍频偏估计。

0.2.2 802.11 中频偏估计

在 802.11a/g/n 中,使用 legacy long training field(L-LTF)来估计 Δf_{ij} 。 $\Delta f_{ij} = -\frac{arg[y(t-\delta t)y^*(t)]}{2\pi\delta t}$, $\delta t=3.2\mu s$ 。 arg 被定义为 arctan,其取值范围为 $(-\frac{\pi}{2},+\frac{\pi}{2})$ 。所以利用 L-LTF 估计的频偏范围为 (-78.125KHz,+78.125KHz)。 子载波间隔为 $\Delta f=\frac{20MHz}{64}=312.5KHz$ 。

0.2. 频偏估计 3





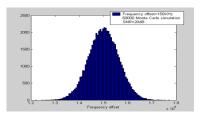


Figure 1: 频偏估计误差

频偏带来 ICI 0.2.3

发送的时域信号为 $x=[x_0,x_1,\cdots,x_{63}]$, 设频偏为 Δf , 则接收到的时域信号为

$$r = \left[x_0 e^{j\frac{2\pi * 0\Delta f}{f_s}}, x_1 e^{j\frac{2\pi * 1\Delta f}{f_s}}, \cdots, x_{63} e^{j\frac{2\pi * 63\Delta f}{f_s}} \right]$$
 (13)

接收到的频域信号为 R = FFT(r)。由于频偏的存在,FFT 之后的结果中存在 ICI。

As noted in (http://www.stanford.edu/~hsiying/pubs/globecom10-cdma_ici.pdf), received signal on subcarrier i in AWGN channel with ICI is

$$R(i) = X(i)S(0) (14)$$

$$R(i) = X(i)S(0)$$

$$+ \sum_{l=0, l \neq i}^{N-1} X(l)S(l-i) + n_{i}$$

$$i = 0, 1, \dots, N-1$$
(14)
$$(15)$$

where N is the total number of subcarriers, X(i) denotes the transmitted symbol, n_i is the additive Gaussian noise on i^{th} subcarrier. The sequence S(l-i) is the ICI coefficient from l^{th} subcarrier to i^{th} subcarrier:

$$S(l-i) = \frac{\sin(\pi(\epsilon+l-i))}{N\sin(\frac{\pi}{N}(\epsilon+l-i))}$$
 (16)

$$exp(j\pi(1-\frac{1}{N})(\epsilon+l-i))$$
 (17)

where ϵ is the normalized frequency offset given by $\epsilon = \frac{\Delta f}{\Delta F}$, ΔF is the subcarrier bandwidth, Δf is the carrier frequency offset. S(0) 对于 X(i) 的影响在于幅度的减小和相位的旋转。当 ϵ 很小是可以忽略 ICI,认为 ICI 为 噪声。

0.2.4 频偏造成旋转

设 Δf 是频偏,估计在t时间后旋转多少度

$$\theta = \frac{2\pi\Delta ft}{\pi} \cdot 180$$

$$= 360 \cdot \Delta f \cdot t$$
(18)

$$= 360 \cdot \Delta f \cdot t \tag{19}$$

假设 $\Delta f = 10KHz$, $t = 4*10^{-9}s$, 那么旋转过的角度为 0.0144 度,即在一个 OFDM Symbol 内,可以认为不 旋转,相邻两个 OFDM Symbol 之间的相位差可以忽略,这样在估计信道的时候,相位带来的影响就很小了。

在 802.11 中,使用 L-LTF 来估计 Δf ,估计出来的值会不准确,有一定的方差。比如已知 $\Delta f = 80KHz$, 在固定噪声的情况下进行多次估计,得到的估计值 $\Delta \hat{f}$ 符合均值为 $80 \mathrm{KHz}$,方差为 $\sigma(\sigma)$ 取决于 SNR)的高斯分 布(Figure 1)。

0.2.5 多用户频偏估计

假设有 M 个发送端(STA),N 个接收端(AP),各自的中心频率不相同。设 Δf_{ij} 为 STA_{j} 与 AP_{i} 之 间的频偏。

以 2x2 为例,每个用户频域上有 4 个 pilot,用户 i 的 pilot 分别为 $p_{i,-21}$, $p_{i,-7}$, $p_{i,7}$, $p_{i,21}$,在 t 时刻接 收端 i 在第 k 个 pilot 上收到到的信号为 $y_{ik}^{\bar{t}}$

$$y_{1,-21}^t = h_{11,-21}^t f_{11} p_{1,-21} + h_{12,-21}^t f_{12} p_{2,-21}$$
 (20)

$$y_{2,-21}^t = h_{21,-21}^t f_{21} p_{1,-21} + h_{22,-21}^t f_{22} p_{2,-21}$$
 (21)

$$y_{1,-7}^t = h_{11,-7}^t f_{11} p_{1,-7} + h_{12,-7}^t f_{12} p_{2,-7}$$
 (22)

$$y_{2,-7}^t = h_{21,-7}^t f_{21} p_{1,-7} + h_{22,-7}^t f_{22} p_{2,-7}$$
 (23)

$$y_{1,7}^t = h_{11,7}^t f_{11} p_{1,7} + h_{12,7}^t f_{12} p_{2,7} (24)$$

$$y_{2,7}^t = h_{21,7}^t f_{21} p_{1,7} + h_{22,7}^t f_{22} p_{2,7} (25)$$

$$y_{1,21}^t = h_{11,21}^t f_{11} p_{1,21} + h_{12,21}^t f_{12} p_{2,21}$$
 (26)

$$y_{2,21}^t = h_{21,21}^t f_{21} p_{1,21} + h_{22,21}^t f_{22} p_{2,21}$$
 (27)

解上述方程可得 $f_{11}, f_{12}, f_{21}, f_{22}$ 。 更新 t+1 时刻第 k 个子载波的信道 $h_{ij,k}^{t+1}$:

$$h_{11k}^{t+1} = h_{11k}^t f_{11} (28)$$

$$h_{12,k}^{t+1} = h_{12,k}^t f_{21} (29)$$

$$h_{21,k}^{t+1} = h_{11,k}^t f_{11} (30)$$

$$h_{22k}^{t+1} = h_{12k}^t f_{21} (31)$$