图形学大作业系统报告

陈劭源 (161240004) sy chen@smail.nju.edu.cn

May 2, 2019

综述 1

算法介绍 2

绘制曲线 f(x,y) = 0 的基本原则是: 当 $\left| \frac{dy}{dx} \right|_{(x_0,y_0)} \right| \le 1$ 时,沿 x 轴递进采样画点;当 $\frac{dy}{dx}\Big|_{(x_0,y_0)}\Big|>1$ 时,沿 y 轴递进采样画点。这样可以保证相邻两个绘制点 $(x_i,y_i),(x_{i+1},y_{i+1})$ 之 间满足 $\max\{|x_i - x_{i+1}|, |y_i - y_{i+1}|\} = 1$ 。

2.1 DDA 算法

DDA 算法是利用对曲线微分方程积分的方法来绘制曲线的。DDA 算法通常用于绘制线 段、多边形等,但也可用来绘制非线性曲线 [1]。对于直线 y = kx + b (|k| < 1),DDA 算法在 每次递增 x 时,对 y 增加 k,并将取整后的值作为当前绘制点。利用 DDA 算法绘制线段的伪 代码如下:

Algorithm 1 DDA 画线算法

Require: 线段的两个端点 $(x_1, y_1), (x_2, y_2)$ 。 假定 $x_1 < x_2, |x_2 - x_1| > |y_2 - y_1|$ 。

- 1: $y = y_1, k = \frac{y_2 y_1}{x_2 x_1}$ 2: **for** $x = x_1$ to x_2 **do**
- 绘制点 ([x],[y])
- y = y + k
- 5: end for

Bresenham 算法 2.2

Bresenham 算法的基本思想是,通过判断下两个绘制点的中点在直线的哪一侧来决定选取 哪一个决策点。判断中点在直线哪一侧可以通过维护一个决策变量 Δ 来实现,而决策变量的 维护通常可以利用整数的加减法实现[2],因此Bresenham 算法比DDA 算法更加高效。

对于以 $(x_1,y_1),(x_2,y_2)$ (假设 $x_1 < x_2,y_1 \le y_2,|x_1-x_2| \ge |y_1-y_2|$)为端点的线段,它的 直线方程为

$$(y-y_1)(x_2-x_1)=(y_2-y_1)(x-x_1)$$

故可取决策变量 $\Delta(x,y) = 2[(y_2-y_1)(x-x_1)-(y-y_1)(x_2-x_1)]$,并根据 $\Delta(x_i+1,y_i+0.5)$ 的符号决定绘制点。当决策变量为正时,递增 y,否则不递增 y。决策变量可用以下方式维护:

$$\Delta(x_i + 1, y_i + 0.5) = \Delta(x_i, y_i) + 2\Delta y - \Delta x$$
$$\Delta(x_i + 1, y_i + 1) = \Delta(x_i + 1, y_i + 0.5) - \Delta x$$
$$\Delta(x_i + 1, y_i) = \Delta(x_i + 1, y_i + 0.5) + \Delta x$$

Bresenham 算法的伪代码如下

Algorithm 2 Bresenham 画线算法

```
Require: 线段的两个端点 (x_1, y_1), (x_2, y_2)。 假定 x_1 < x_2, y_1 \le y_2, |x_2 - x_1| \ge |y_2 - y_1|。
  1: y = y_1, \Delta x = x_2 - x_1, \Delta y = y_2 - y_1
 2: \Delta = -\Delta x
 3: for x = x_1 to x_2 do
          if \Delta \geq 0 then
              y = y + 1, \Delta = \Delta - \Delta x
 5:
          else
 6:
 7:
               \Delta = \Delta + \Delta x
          end if
 8:
          绘制点 (x,y)
 9:
10:
          \Delta = \Delta + 2\Delta y - \Delta x
11: end for
```

2.3 ...

• • •

- 3 系统介绍
- 4 总结

• • •

参考文献

- [1] Wikipedia. Digital differential analyzer (graphics algorithm) Wikipedia, the free encyclopedia, 2019. [Online; accessed 12-April-2019].
- [2] Wikipedia. Bresenham's line algorithm Wikipedia, the free encyclopedia, 2019. [Online; accessed 12-April-2019].

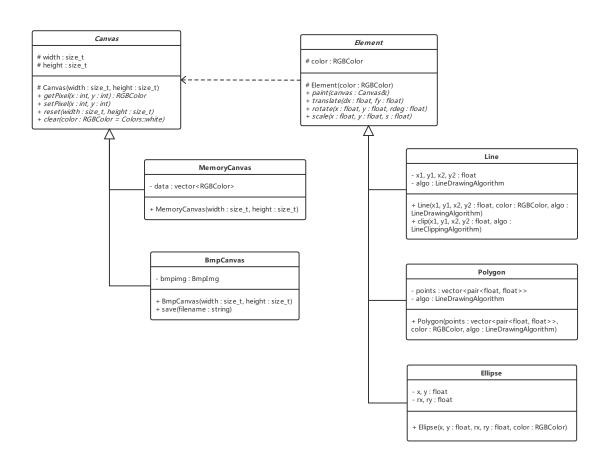


Figure 1: 系统的 UML 类图