第7章 排序(sorting)

- 7.1 概述
- 7.2 插入排序
- 7.3 交换排序
- 7.4 选择排序
- 7.5 归并排序

本章小结

7.1 概述

1. 排序: n个对象的序列R[0],R[1],R[2],...R[n-1] 按其关键码的大小,进行由小到大(非递减)或由大到小(非递增)的次序重新排序的。

2. 关键码 (key)

3.两大类:内排序:对内存中的n个对象进行排序。

外排序: 内存放不下, 还要使用外存的

排序。

4. 排序算法的稳定性:

如果待排序的对象序列中,含有多个关键码值 相等的对象,用某种方法排序后,这些对象的 相对次序不变的,则是稳定的,否则为不稳定 的。

例: 35 8₁ 20 15 8₂ 28 8₁ 8₂ 15 20 28 35 稳定的

5. 排序种类:

-内排序

插入排序,交换排序,选择排序,归并排序, 基数排序

-外排序

- 6. 排序的算法分析:
 - 1) 时间开销—比较次数,移动次数
 - 2) 所需的附加空间

下面是静态排序过程中所用到的数据表类定义:

vector	key	otherdata
0		
1		
currentsize-1		
maxsize-1		

```
const int DefaultSize=100;
template<class Type>class datalist
template<class Type>class Element
{ private:
     Type key;
     field otherdata;
  public:
    Type getkey(){return key;}
    void setKey(const Type x){key=x;}
    Element \langle \text{Type} \rangle \& \text{operator} = (\text{Element} \langle \text{Type} \rangle \& x)  this = x; }
    int operator==(Type & x)\{return !(this < x || x < this);\}
    int operator !=(Type \& x)\{return this < x | | x < this; \}
    int operator \leq (\text{Type \& } x) \{\text{return !(this>}x);}
    int operator>=\{Type \& x\}\{return!(this < x);\}
    int operator < (Type & x){return this>x;}
```

```
template < class Type > class datalist
{ public:
  datalist(int MaxSz=DefaultSize):MaxSize(MaxSz),CurrentSize(0)
     { vector=new Element<Type>[MaxSz];}
   void swap (Element < Type > & x, Element < Type > & y)
     {Element < Type> temp=x; x=y; y=temp;}
 private:
   Element < Type> * vector;
   int MaxSize; CurrentSize;
```

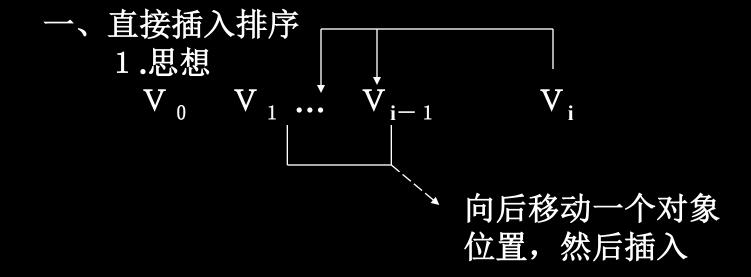
7.2 插入排序(insert Sorting)

思想: V_0 , V_1 , ..., V_{i-1} 个对象已排好序,

现要插入Vi到适当位置

例子: 体育课迟到的人

方法: 直接插入排序, 链表插入排序, 折半插入排序, 希尔排序



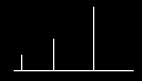
```
2.例子
      \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 8 & 3 & 2 & 5 & 9 & 1 & 6 \end{bmatrix}
      3 8
      2 3 8
      2 3 5 8
 3.主程序
template<class Type> void InsertionSort(datalist<Type> & list)
{ for (int i=1; i<list.CurrentSize; i++) Insert(list, i);
```

```
子程序
template<class Type> void Insert(datalist<Type> & list, int i)
{ Element<Type> temp=list.vector[i]; int j=i;
  while(j>0&& temp.getkey()<list.vector[j-1].getkey())
  { list.Vector[j]=list.Vector[j-1]; j-- }
  list.Vector[j]=temp;
```

```
java program
public static void insertionSort( Comparable [ ] a )
{ int j;
  for (int p = 1; p < a.length; p++)
   { Comparable tmp = a[p];
     for (j = p; j > 0 \&\& tmp.compareTo(a[j-1]) < 0; j--)
         a[j] = a[j-1];
      a[j] = tmp;
```

4.算法分析

1)n个对象已有序



比较总次数 KCN=n-1=O(n) 移动次数 RMN=0

2) n个对象逆序

$$KCN=1+2+3+...+(n-1)=n (n-1) /2=O(n^2)$$

 $RMN=(1+2)+(2+2)+...+(n-1+2)=n (n-1) /2+2(n-1)$
 $=(n^2+3n-4)/2=O(n^2)$

3).对一般情况 处理第i个对象r_i时,它有i个可能的插入位置

 $r_1, r_2, r_3, ..., r_i, r_{i+1}, ..., r_n$

- ▶不被移动(0次),仍在第i个位置上。比较了一次;
- ▶可能向左移动了一个位置(比较2次,移动3次)、两个位置(比较3次,移动4次)、...直至i-1个位置(比较i次,移动i+1次)而到达表的前端。

假设r_i被插在这i个位置上的概率是相等的,则:

不被移动的可能性为1/i(比较次数为1); 被移动的可能性为(i-1)/i。 ::被移动情况下的平均比较次数为(2+3+...+i-1+i)/(i-1)=i/2+1 平均移动次数为(1+2+...+i-1)/(i-1)+2=i/2+2

用各自的概率组合这两种情况: 第i个元素的平均比较与移动次数 C=1/i*1+(i-1)/i)*(i/2+1)=(i+1)

C=1/i*1+((i-1)/i)*(i/2+1)=(i+1)/2
m=((i-1)/i)*(i/2+2)
$$m \le (i+3)/2$$

i从2~n变化,所以结果为

$$KCN = \sum_{i=2}^{n} [(i+1)/2] = 1/4n^2 + 3/4n + 1 = O(n^2)$$

RMN
$$\leq \sum_{i=2}^{n} [(i+3)/2] = 1/4n^2 + 7/4n - 2 = O(n^2)$$

5.稳定性:稳定的

二、折半插入排序(Binary Insert Sort) 也称二分法插入排序



left 的位置就是最后要插入的位置

```
template <class Type> void BinaryInsertSort( datalist<Type> &list)
  for (int i=1; iiist.currentSize; i++) BinaryInsert(list, i);
template <class Type> void BinaryInsert( datalist<Type> &list, int i)
   int left=0, Right=i-1;
    Element<Type>temp=list.Vector[i];
    while (left<=Right)
     int middle=(left+Right)/2;
      if (temp.getkey() < list. Vector[middle].getkey())
        Right=middle-1;
      else left=middle+1;
   for (int k=i-1; k>=left; k--) list.Vector[k+1]=list.Vector[k];
   list.Vector[left]=temp;
```

4.算法分析

折半查找所需比较次数与初始排序无关,仅依赖 于对象个数

比较次数: v_0 , v_1 , v_2 ,..., v_{i-1} , v_i ,..., v_{n-1}

设n=2^k,插入第i个对象时,需要经过_log₂i_+1 次关键码比较

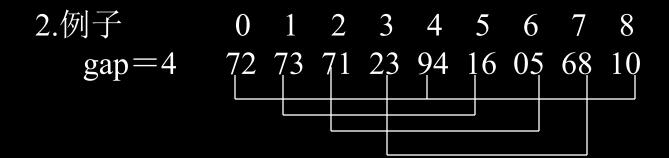
: 折半查找所需的关键码比较次数为:

$$= \sum_{i=1}^{k} (2^{k}-2^{i-1}) = k \cdot 2^{k} - \sum_{i=1}^{k} 2^{i-1} = k \cdot 2^{k} - 2^{k} + 1$$

$$= n \cdot \log_{2} n - n + 1 \approx n \cdot \log_{2} n = O(n \cdot \log_{2} n)$$

5.稳定性: 稳定

- 三、希尔排序(Shell Sort) 又称为缩小增量排序(diminishing—increament sort)
- 1.方法
 - 1)取一增量(间隔gap<n),按增量分组,对每组使用直接插入排序或其他方法进行排序。
 - 2)减少增量(分的组减少,但每组记录增多)。直至增量为1,即为一个组时。



05 10 16 23 68 71 72 73 94

3.算法

```
template <class Type> void Shellsort( datalist <Type> & list)
{ int gap=list.CurrentSize/2;
   while (gap)
   { ShellInsert(list, gap); gap=gap==2? 1: (int)(gap/2); }
template<class Type> void ShellInsert( datalist<Type> &list;
                                const int gap)
   for (int i=gap; iicurrentSize; i++)
   { Element<Type>temp=list.Vector[i];
     int j=i;
     while(j>=gap &&temp.getkey()t.Vector[j-gap].getkey())
     { list.Vector[j]=list.Vector[j-gap]; j-=gap; }
       list.Vector[j]=temp;
```

```
java program
public static void shellsort( Comparable [ ] a )
{ for ( int gap = a.length / 2; gap > 0; gap /= 2 )
    for (int i = gap; i < a.length; i++)
   { Comparable tmp = a[i];
      int j = i;
      for (; j \ge gap \&\& tmp.compareTo(a[j-gap]) < 0; j = gap)
          a[j] = a[j - gap];
      a[j] = tmp;
```

4.稳定性:不稳定

5.算法分析:与选择的缩小增量有关,但到目前还不知如何选择最好结果的缩小增量序列。

平均比较次数与移动次数大约n1.3左右。

7.3 交换排序

方法的本质:不断的交换反序的对偶,直到不再有

反序的对偶为止。

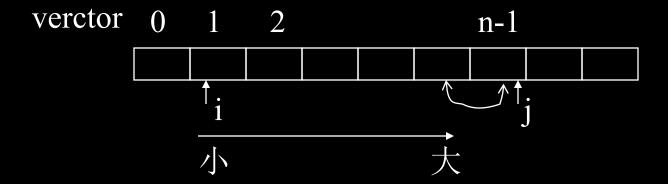
两种方法: 起泡排序 (Bubble sort)

快速排序(Quick sort)

- 一、起泡排序
 - 1. 方法: 1) 从头到尾做一遍相邻两元素的比较,有颠倒则交换,记下交换的位置。一趟结束,一个或多个最大(最小)元素定位。
 - 2) 去掉已定位的的元素,重复1,直至一 趟无交换。

3.算法

```
template<class Type> void BubbleSort( datalist<Type> & list)
{ int pass=1;
  int exchange=1;
  while (pass<list.CurrentSize &&exchange)
  { BubbleExchange(list, pass, exchange); pass++;
template<class Type> void BubbleExchange(datalist<Type> &list, const
                                            int i, int & exchange)
   exchange=0;
   for (int j=list.CurrentSize-1; j>=i; j--)
      if (list.Vector[j-1].getkey( )>list.Vector[j].getkey( ))
         swap( list.Vector[j-1], list.Vector[j] );
         exchange=1;
```



4.算法分析 最小比较次数 有序: n-1次比较,移动次数为0

最大比较次数

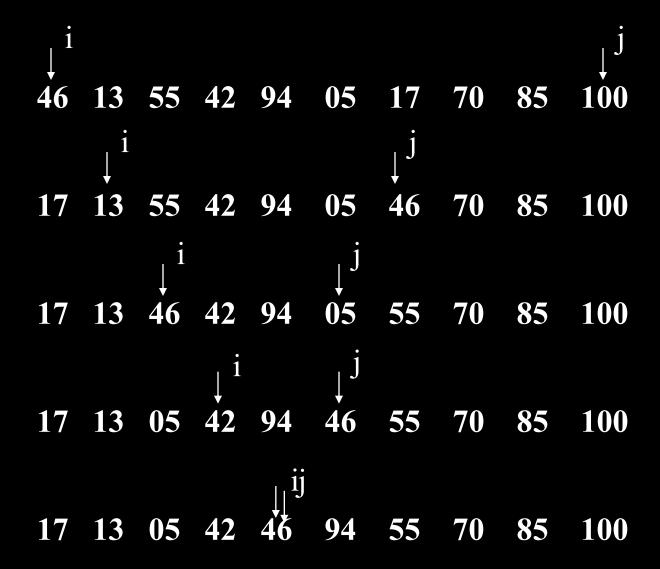
5.稳定性 起泡排序是稳定的

- 二、快速排序(分划交换排序) 1962年Hoare提出的。
- 1. 方法:
 - 1)在n个对象中,取一个对象(如第一个对象——基准pivot),按该对象的关键码把所有≤ 该关键码的对象分划在它的左边。>该关键码的对象分划在它的右边。
 - 2) 对左边和右边(子序列)分别再用快排序。

2. 例子

```
05
                     17 70
    13
       55
           42
              94
                             82
      05 42 46 [94 55 70
                             82 100]
[17]
    13
[05
          [42] 46 [94 55 70
                             82 100]
    13] 17
                 [94 55 70
05
    13
       17
           42
              46
                            82 100]
                  [82 55 70] 94 [100]
05
    13
       17
          42
              46
              46 [70 55] 82 94
       17
           42
05
    13
                                100
05
    13
       17
          42 46 55
                     70
                          82
                             94
                                 100
```

一次分划:

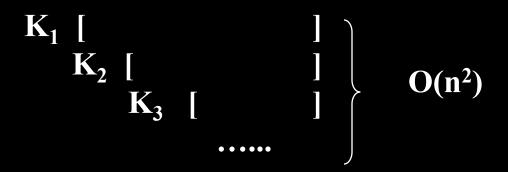


3.算法: 用递归方法实现

```
template < class Type> int partition(datalist < Type> & list,
                                const int low, const int high)
{ int i=low, j=high;
   Element<Type>pivot=list.Vector[low];
   while (i != j )
  { while(list.Vector[j].getkey()>pivot.getkey() && i<j) j--;
     if (i<j) {list.Vector[i]=list.Vector[j]; i++;}</pre>
     while(list.Vector[i].getkey()<pivot.getkey() && i<j) i++;
     if (i<j) {list.Vector[j]=list.Vector[i]; j--;}</pre>
   }
   list.Vector[i]=pivot;
   return i;
  4.稳定性:
          不稳定的排序方法
```

5. 算法分析

1) 最差的情况(当选第一个对象为分划对象时) 如果原对象已按关键码排好序



2) 最理想的情况 每次分划第一个对象定位在中间

可以证明Quicksort的平均计算时间也是O(nlog2n)

下面讨论空间复杂性:

以上讨论的是递归算法,也可用非递归算法来实现。 不管是递归(由编译程序来实现)还是非递归。第一次 分划后,左部、右部要分别处理。

所以,栈来存放:

- 1) 存放什么: 左部或右部的上、下界的下标。
- 2) 栈要多大: O(log,n)~O(n)

对应于有序情况

快速排序(分划交换排序)

1.选取pivot(枢纽元)

用第一个元素作pivot是不太好的。

方法1: 随机选取pivot,但随机数的生成一般是昂贵的。

方法2: 三数中值分割法(Median-of-Three partitioning)

N个数,最好选第[N/2]个最大数,这是最好的中值,但这是很困难的。

一般选左端、右端和中心位置上的三个元素的中值作为枢纽元。

8, 1, 4, 9, 6, 3, 5, 2, 7, 0 (8, 6, 0)

具体实现时:将 8,6,0 先排序,即 0,1,4,9,6,3,5,2,7,8,得到中值pivot为 6。

2.分割策略

将pivot与最后倒数第二个元素交换,使得pivot离开要被分割的数据段。然后, i 指向第一个元素,j 指向倒数第二个元素。

然后进行分划

Java Quicksort algorithm

```
public static void quicksort( Comparable [ ] a)
   quicksort( a, 0, a.length - 1);
private static Comparable median3 (Comparable [] a, int left, int right)
  int center = ( left + right ) / 2;
  if (a[center].compareTo(a[left] < 0)
      swapReferences( a, left, center );
  if (a | right | . compare To (a | left | ) < 0)
      swapReferences( a, left, right );
  if(a[right].compareTo(a[center]) < 0)
      swapReferences( a, center, right );
   swapReferences(a, center, right – 1);
   return a [ right -1 ];
    8, 1, 4, 9, 6, 3, 5, 2, 7, 0 0, 1, 4, 9, 7, 3, 5, 2, 6, 8
```

Java Quicksort algorithm

```
private static void quicksort( Comparable [ ] a, int left, int right )
   if( left + CUTOFF <= right )</pre>
      Comparable pivot = median3( a, left, right );
      int i = left, j = right - 1;
       for(;;)
      \{ \text{ while}(a[++i]. \text{ comparaTo}(\text{pivot}) < 0) \} 
         while(a[--j]. compareTo(pivot) > 0) {}
         if(i < j)
             swapReferences(a, i, j);
         else break;
      swapReferences(a, i, right -1);
      quicksort( a, left, i-1);
      quicksort(a, i + 1, right);
   else
      insertionSort( a, left, right );
}
```

7.4 选择排序

方法: 1.直接选择排序

2.锦标赛排序

3.堆排序

一、直接选择排序

思想:首先在n个记录中选出关键码最小(最大)的记录,然后与第一个记录(最后第n个记录)交换位置,再在其余的n-1个记录中选关键码最小(最大)的记录,然后与第二个记录(第n-1个记录)交换位置,直至选择了n-1个记录。

```
0
                              2
                                       3
                                               4
                                                       5
                                      25*
                              49
                                                      <u>08</u>
          21
                    25
                                              16
例子:
                                      25*
          08
                    [25]
                              49
                                              <u>16</u>
                                                      21]
                                      25*
                             [49
          08
                    16
                                              25
                                                      21
                                      [<u>25</u>*
                    16
                                                      49]
          08
                              21
                                              25
                                       25*
          08
                    16
                              21
                                              <u>[25</u>
                                                       49]
                                       25*
                    16
          08
                              21
                                               25
                                                       49
```

算法:

}

算法分析: 比较次数: n-1+n-2+...+1=n(n-1)/2=O(n²) 与原始记录次序无关。

稳定性 : 不稳定的。

二、锦标赛排序(树形选择排序) 直接选择排序存在重复做比较的情况,锦标赛 排序克服了这一缺点。

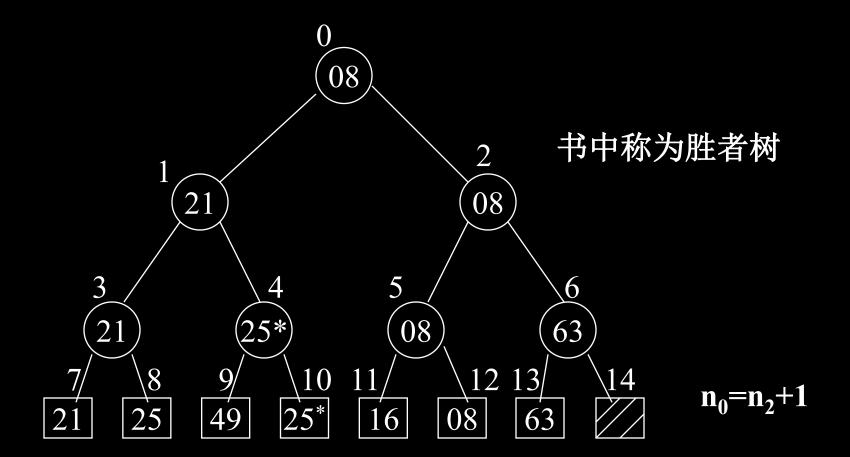
方法:

1. n个对象的关键码两两比较得到 n/2 \个 比较的优胜者(关键码小者)保留下来, 再对这 n/2 \个对象再进行关键码的两两比较,直至选出一个最小的关键码为止。

如果n不是2的K次幂,则让叶结点数补足到满足2^k<n≤2^k个。

2. 输出最小关键码。 再进行调整:

即把叶子结点上,该最小关键码改为最大值后,再进行由底向上的比较,直至找到一个最小的关键码(即次小关键码)为止。重复2,直至把关键码排好序。



算法分析: 树的深度 log₂n 。总的比较次数

算法实现:

每个结点: data—关键码

Active—表示此对象(结点)是否要参选

1:要参选; 0: 不要参选

index—表示此对象在完全二叉树中的

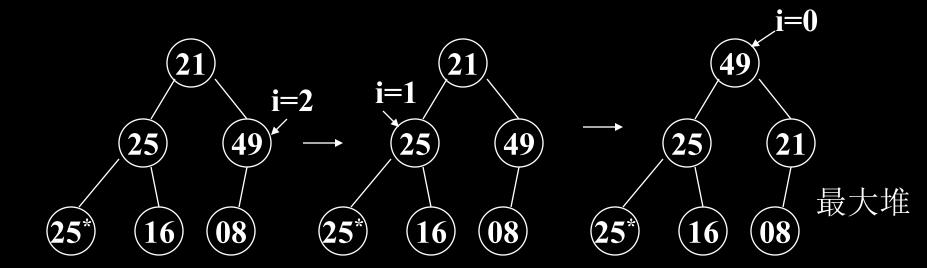
序号

算法是稳定的。

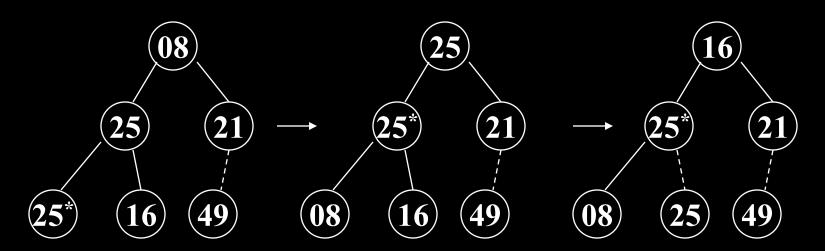
为了实现不要重复比较,又不要增加额外的存储, 下面介绍堆排序。

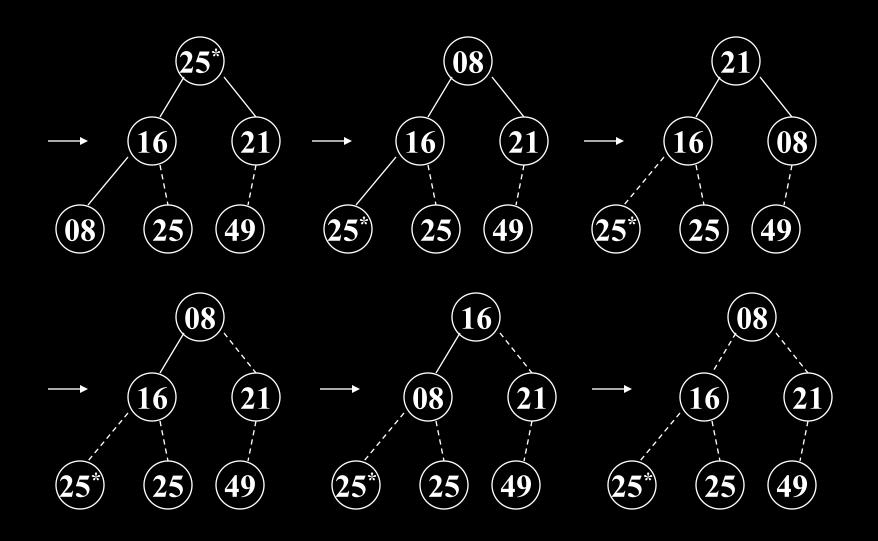
- 三、堆排序(由J.W.J.Willman提出的) 第6章已经介绍了堆结构和形成堆的算法。
 - 1.思想:第一步,建堆,根据初始输入数据,利用 堆的调整算法FilterDown(),形成初始 堆。(形成最大堆) 第二步,一系列的对象交换和重新调整堆

2.例子: 书中的例子{21 25 49 25* 16 08} i= (n-1) /2 = [5/2]=2、1、0进行FilterDown()



调整:





从以上例子可以看出堆排序是不稳定的

3.算法

其中,FilterDown()就是第6章中的,但要改一下:那里是建最小堆,这里是建最大堆。

Heap sort

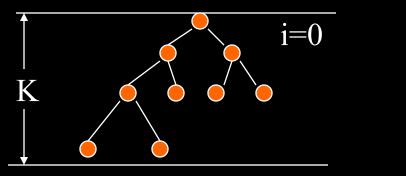
```
java program
public static void heapsort( Comparable [] a)
{ for(int i = a.length / 2; i >= 0; i--)}
     percDown(a, i, a.length);
   for( int i = a.length - 1; i > 0; i--)
   { swapReferences(a, 0, i);
     percDown(a, 0, i);
private static int leftChild( int i )
   return 2 * i + 1;
```

Heap sort

```
private static void percDown( Comparable [ ] a, int i, int n )
  int child;
   Comparable tmp;
  for(tmp = a[i]; leftChild(i) < n; i = child)
   child = leftchild( i );
     if (child != n - 1 && a [child ]. compare To (a [child + 1]) < 0)
          child ++;
     if (tmp.compareTo(a[child] < 0)
          a[i] = a[child];
     else
        break;
  a[i] = tmp;
```

4.算法分析

初始建堆: n个结点, $K=\lfloor \log_2 n \rfloor$,从0层开始



第i层交换的最大次数为k-i 第i层有2ⁱ个结点

总交换次数:
$$\sum_{i=0}^{k-1} 2^{i} \cdot (k-i) = \sum_{j=1}^{k} j \cdot 2^{k-j} = \sum_{j=1}^{k} j(2^{k} \cdot 2^{-j})$$
 令 $k-i=j$
$$= 2^{k} \cdot \sum_{j=1}^{k} j \cdot 2^{-j} \le 2^{k} \cdot 2 \le 2^{\log 2n} \cdot 2 = 2n = O(n)$$

调整n-1次FilterDown(),时间为O(nlog₂n) 所以,O(n)+O(nlog₂n)=O(nlog₂n)

7.5 归并排序(merge sort)

一、归并:两个(多个)有序的文件组合成一个有序文件 方法:每次取出两个序列中的小的元素输出之; 当一序列完,则输出另一序列的剩余部分 \mathbf{m} 例子: initList vector中, i,j,k m+1分别为三个序列的下标 n

mergedList

vector中

```
template<class Type> void merge(datalist<Type> & initList, datalist<Type>
      & mergedList, const int l, const int m, const int n)
   int i=1, j=m+1, k=1;
   while ( i \le m \&\& j \le n )
      if (initList.Vector[i].getkey()<initList.Vector[j].getkey())
          { mergedList.Vector[k]=initList.Vector[i]; i++;k++;}
     else {mergedList.Vector[k]=initList.Vector[j]; j++; k++;}
   if ( i<=m)
       for (int n1=k, n2=i; n1<=n && n2<=m; n1++, n2++)
          mergedList.Vector[n1]=initList.Vector[n2];
   else
       for (int n1=k, n2=j; n1 \le n \&\& n2 \le n; n1++, n2++)
          mergedList.Vector[n1]=initList.Vector[n2];
```

二、迭代的归并排序算法

例子: 21 25 49 25* 93 62 72 08 37 16 54

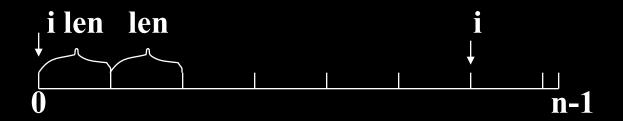
1.方法:

n个长为1的对象两两合并,得n/2个长为2的文件 n/2个长为2......得n/4个长为4的文件

2个长为n/2的对象两两合并,得1个长为n的文件

```
[08 21 25 25* 49 62 72 93][16, 37 54]
                                                          len=8
四趟
     [08 16 21 25 25* 37 49 54 62 72 93]
                                                          len=16
3.算法:
     主程序(多趟)→一趟 → 多次merge
template <class Type> void MergeSort(datalist <Type> & list)
{ datalist <Type> tempList(list.MaxSize);
 int len=1;
  while (lenlist.CurrentSize)
    { MergePass(list, tempList, len); len *=2;
       if (len >= list.CurrentSize)
       { for (int i=0; i < list.CurrentSize; i++)
           list.Vector[i]=tempList.Vector[i];
       else { MergePass (tempList, list, len); len*=2;}
    }
  delete[]tempList;
```

一趟归并算法: mergepass(initList, mergedList, len)



当两段均满len长时调用merge 当一长一短时也调用merge(但第二段的参数不同) 当只有一段时,则复抄

```
template <class Type> void MergePass( datalist<Type> & initList, datalist
                                        <Type> & mergedList, const int len)
  int i=0;
   while (i+2*len<=initList.CurrentSize-1)
      merge(initList, mergedList, i, i+len-1, i+2*len-1);
      i+=2*len:
   if (i+len <= initList.CurrentSize-1)</pre>
      merge(initList, mergedList, i, i+len-1, initList.CurrentSize-1);
   else for (int j=i; j<= initList.CurrentSize; j++)
             mergedList.Vector[j]=initList.Vector[j];
```

4.算法分析:合并趟数log₂n,每趟比较n次,所以为O(nlog₂n) 5.稳定性:稳定。

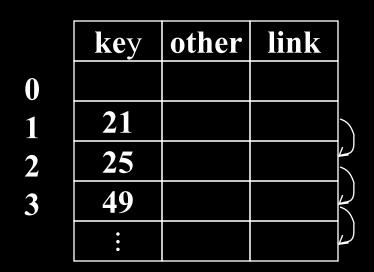
Merge sort

```
java program (递归的归并排序算法)
public static void mergeSort( Comparable [ ] a )
   Comparable [ ] tmpArray = new Comparable [ a.length ];
   mergeSort( a, tmpArray, 0, a.length -1 );
private static void mergeSort( Comparable [ ] a, Comparable [ ] tmpArray,
                                                              int left, int right)
  if( left < right )
     int center = ( left + right ) / 2;
      mergeSort( a, tmparray, left, center );
      mergeSort( a, tmpArray, center + 1, right );
      merge( a, tmpArray, left, center + 1, right );
```

Merge sort

```
private static void merge( Comparable [ ] a, Comparable [ ] tmpArray,
                                int leftPos, int rightPos, int rightEnd )
  int leftEnd = rightPos - 1;
  int tmpPos = leftPos;
  int numElements = rightEnd – leftPos + 1;
  while( leftPos <= leftEnd && rightPos <= rightEnd )
     if( a[ leftPos ].compareTo( a[ rightPos ] ) <= 0 )
         tmpArray[tmpPos++] = a[leftPos++];
     else tmpArray[tmpPos++] = a[rightPos++];
  while( leftPos <= leftEnd )
     tmpArray[tmpPos++] = a[leftPos++];
  while( rightpos <= rightEnd)
     tmpArray[tmpPos++] = a[rightpos++];
  for(int i = 0; i < numElements; i++, rightEnd--)
     a[rightEnd] = tmpArray[rightEnd];
```

三、递归的表归并排序 书中用静态链表的方法来实现



这里介绍用一般链表来实现归并排序(递归)

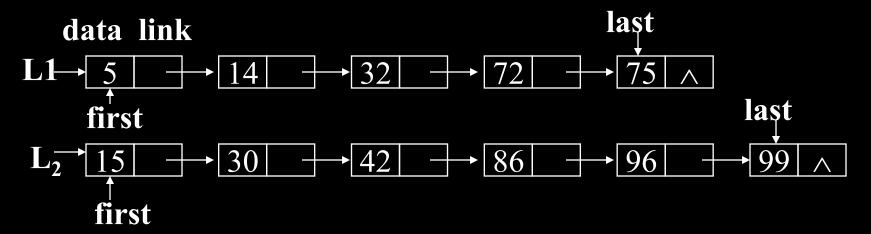
L data link

$$21$$
 25 49 25^* 16 08 \wedge first

Ę

```
1.主程序 mergesort(L)
2.子程序 divide(L,L<sub>1</sub>) 将L划分成两个子表
3.合并两有序序列 merge(L,L<sub>1</sub>)
 void MergeSort (List < Type > & L)
    List <Type> L1;
    if (L.first!=NULL)
     if (L.first->link != NULL)
                                //至少有两个结点
       divide (L, L1);
        MergeSort(L);
        MergeSort(L1);
        L=merge(L, L1);
```

下面讨论两个有序链表的 merge算法

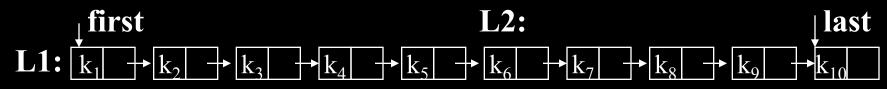


```
List<Type> & merge (List<Type> &L1, List<Type> & L2)
  ListNode<Type>*p=L1.first, *q=L2.first, *r;
   List<Type> temp;
 1. if ((p==NULL)) or (q==NULL)
  { if (p!=NULL){temp.first=p; temp.last=L1. last;}
      else{temp.first=q; temp.last=L2. last;}
   else
 2. { 1) if (p->data <= q->data) \{r = p ; p = p->link; \}
        else{ r = q; q = q->link;}
     2) temp.first = r;
     3) while((p!=NULL) && (q!=NULL))
        { if (p->data<=q->data)
             {r->link=p ; r=p ; p=p->link ; }
         else \{r-> link=q ; r=q ; q=q-> link ; \}
      4) if (p==NULL) \{r-> link=q ; temp.last=L2. last ; \}
         else {r->link=p; temp. last=L1. last;}
  3. return temp;
```

下面讨论divide(List<type>&L1,List<type>L2)

将L1表分为两个长度几乎相等的表,L1.first指向前半部分,L2.first指向后半部分,要求被划分的表至少含有两个结点。

如何做?



方法:设两个流动指针p,q指向表的结点 一般来讲让p前进一步,q前进二步,最后当q= NULL时,这时p恰好指向前半张表的最后一个 结点。

如果有10个结点, p走5次, q走10次正好走到表末尾。

```
void divide(List<Type> & L1, List <Type> & L2)
{    ListNode <Type> *p, *q; L2.last=L1.last;
    p=L1.first;
    q=p->link; q=q->link;
    while (q!=NULL)
{        p=p->link;
            q=q->link;
            if (q!=NULL) q=q->link;
        }
        q=p->link; p->link=NULL; L1.last=p; L2.first=q;
}
```

第7章 内排序小结

排序方法	比较次数		平均比较次数	稳定性	移动次数		辅助存储
	最小	最大			最小	最大	
1、插入排序							
直接插入排序	n	n ² /2	$O(n^2)$	稳定	2n	$n^2/2$	O (1)
二分法插入排序	nlog ₂ n		$O(nlog_2n)$	稳定	2n	$n^2/2$	O (1)
表插入排序	n	n ² /2	$O(n^2)$	稳定	0	0	O(n)
shell排序				不稳定			O (1)
2、选择排序							
直接选择排序	n(n-1)/2		$O(n^2)$	不稳定	3(n-1)		O (1)
堆排序	O(nlog ₂ n)		O(nlog ₂ n)	不稳定			O (1)

3、交换排序						
Bubble Sort	n-1	n(n-1)/2	$O(n^2)$	稳定	$0 3/2 \cdot n(n-1)$	O(1)
Quick Sort	nlog ₂ n	$n^2/2$	$O(nlog_2n)$	不稳定	≤ nlog ₂ n	$O(\log_2 n)$
4、归并排序	O(n·l	$og_2n))$	$O(n \cdot \log_2 n)$)稳定		O(n)

以上量的分析与具体的算法、原始记录在机内存放方式、原始记录的排序情况有关。但一般取平均的比较次数。稳定性也有这个问题,不太严格。

Chapter 7

2009年统考题:

- 9. 若数据元素序列 11,12,13,7,8,9,23,4,5 是采用下列排序方法之一得到的第二趟排序后的结果,则该排序算法只能是
 - A. 起泡排序 B. 插入排序 C. 选择排序 D. 二路归并排序

Chapter 7

exercises:

- 1. Sort the sequence 3, 1, 4, 1, 5, 9, 2, 6, 5 using insertion sort.
- 2. Show the result of running Shellsort on the input 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1 using the increments { 1, 3, 7}.
- 3. Show how heapsort processes the input 142, 543, 123, 65, 453, 879, 572, 434, 111, 242, 811, 102.
- 4. Rewrite heapsort so that it sorts only iterms that are in the range low to high which are passed as additional parameters.
- 5. Sort 3, 1, 4, 1, 5, 9, 2, 6 using mergesort.