清华大学电子工程系 概率论与数理统计 2020年春季学期

作业 15

王哲凡 2019011200 2020 年 6 月 1 日

15.1. Solution. 列表如下:

数据	12.8	3.5	2.9	9.4	8.4	0.7	0.2	2.8	1.9	2.8	3.1	15.8
符号	+	+	_	+	+	_	_	_	_	_	+	+

设 H_0 : + 出现概率小于等于 20%, H_1 : + 出现概率小于 80%.

X = + 出现个数,则 H_0 为真时, $X \sim B(12, p), p \leq 0.2$.

则 P 值约为:

$$\sup_{p \le 0.2} P(X \ge 6) = P_{p=0.2}(X \ge 6) \approx 0.0194 < \alpha = 0.1$$

因此拒绝原假设,即反对用户的论断.

15.2. Solution. 列表如下:

 顾客	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	
一层	8	9	10	9	5	8	3	9	7	8	10	5
二层	7	10	5	3	5	5	8	5	5	1	6	8
评分之差 d_i	1	-1	5	6	0	3	-5	4	2	7	4	-3
符号	+	_	+	+	剔除	+	_	+	+	+	+	_
秩	1.5	1.5	8.5	10	5	4.5	8.5	6.5	3	11	6.5	4.5

设 H_0 : 中位数 $M_d = 0$, H_1 : $M_d \neq 0$, 则:

$$T = \min(T^+, T^-) = \min(51.5, 14.5) = 14.5 \ge T_{0.05}(11) = 10$$

因此不拒绝 H₀,即支持两层服务满意度相等.