

$D(n)$ 表示结点的最大度, $t(H)$ 表示根链表的长度

a. 第七步是将 x 的孩子结点加到根链表中, 加到根链表一定同删除最小值一样, 要将度相同的结点合并 (要不然根链表长度会很长), 删除 x 是 $O(1)$, 而合并度相同的点则需要 $O(D(n) + t(H))$ 的复杂度, 并不是 $O(1)$

b. 拆出 x 的孩子, 根链表最多增加 $D(n)$ 个结点, 进行 c 次级联删除操作, 根链表最多增加 $c - 1$ 个点, 则根链表此时长度为 $O(T(H) + D(n) + c - 1)$

删除 x 操作为 $O(1)$, c 次级联删除为 $O(c)$, 合并根结点为 $O(T(H) + D(n) + c - 1)$

总复杂度上界为 $O(T(H) + D(n) + c)$

c. $\Phi(H) = t(H) + 2m(H)$

对于删除之后的 H' , 根链表长度最多为 $O(D(n) + 1)$, 由于进行 c 次级联删除会减少 $c - 2$ 个mark 结点 (进行一次反而会增加一个mark), 所以标记节点为 $m(H) - c + 2$

于是势函数 $\Phi(H') = O(D(n) + 1 + 2(m(H) - c + 2)) = O(D(n) + 2m(H) - 2c + 5)$

d.

势函数变化

$$\Phi(H') - \Phi(H) = O(D(n) + 2m(H) - 2c + 5 - t(H) - 2m(H)) = O(D(n) - t(H) - 2c + 5)$$

$$\text{则摊还代价 } c' = O(T(H) + D(n) + c + (D(n) - t(H) - 2c + 5)) = O(2D(n) - c + 5)$$

而之前的删除摊还代价为 $O(D(n))$, 所以并没有更优