

判断线段相交

向量叉乘: $a = (x_1, y_1)$, $b = (x_2, y_2)$ $a \times b = x_1y_2 - y_1x_2$ $a \times b$, 若结果小于0, 表示向量b在向量a的顺时针方向; 若结果大于0, 表示向量b在向量a的逆时针方向; 若等于0, 表示向量a与向量b平行。(顺逆时针是指两向量平移至起点相连, 从某个方向旋转到另一个向量小于180度)

两线段AB, CD相交的充要条件: 1. 线段AB与CD所在的直线相交, 即点A和点B分别在直线CD的两边;
2. 线段CD与AB所在的直线相交, 即点C和点D分别在直线AB的两边;

一般情况: 如果线段CD的两个端点C和D, 与另一条线段的一个端点(A或B, 只能是其中一个)连成的向量, 与向量AB做叉乘, 若结果异号, 表示C和D分别在直线AB的两边, 若结果同号, 则表示CD两点都在AB的一边, 则肯定不相交。特殊情况: 1. 若有一点相交, 则可能有一个值为0; 2. 若两个线段在同一直线而相交, 则一定有一个值为0; 但是当两条线段所在直线重合而没有交点的情况也是有一个值为0 改进: 判断时加入0, 同时剔除等于0的不合法情况, 即两条线段所在直线重合而没有交点的情况(用矩形来判断)

```
struct Point
{
    int x, y;
};

struct Segment
{
    Point p, q;
};

int det(Point k1, Point k2, Point k3)           //向量k1k2叉乘k1k3
{
    return (k2.x - k1.x) * (k3.y - k1.y) - (k3.x - k1.x) * (k2.y - k1.y);
}

bool isIntersect(Segment k1, Segment k2)
{
    if(max(k1.p.x, k1.q.x) < min(k2.p.x, k2.q.x) || max(k2.p.x, k2.q.x) <
min(k1.p.x, k1.q.x) ||
        max(k1.p.y, k1.q.y) < min(k2.p.y, k2.q.y) || max(k2.p.y, k2.q.y) <
min(k1.p.y, k1.q.y))                               //首先判断矩形
        return false;
    if(det(k1.p, k2.p, k1.q) * det(k1.p, k1.q, k2.q) >= 0 && det(k2.p, k1.p,
k2.q) * det(k2.p, k2.q, k1.q) >= 0)                 //判断叉乘结果
        return true;
    return false;
}
```