

南京信息工程大学试卷

19—20 学年 第 2 学期 大学物理 II(1) 期末试卷 (B)

本试卷共 7 页; 考试时间 120 分钟; 出卷时间 20 年 6 月

题号	一	二	三	四	五	六	七	八	总分
得分									
评阅人									

一、单项选择题 (每小题 2 分, 共 30 分)

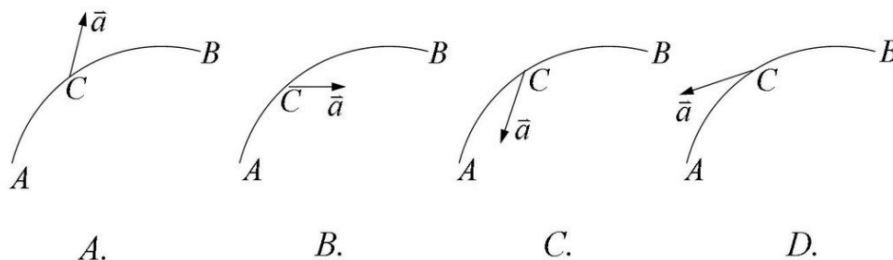
(注: 请将选择题答案填入下表中)

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
答案										
题号	11	12	13	14	15					
答案										

1、一运动质点在某瞬时位于矢径 $\vec{r}(x, y)$ 的端点处, 其瞬时速度大小为 ()

A. $\frac{dr}{dt}$; B. $\frac{d\vec{r}}{dt}$; C. $\frac{d|\vec{r}|}{dt}$; D. $\sqrt{\left(\frac{dx}{dt}\right)^2 + \left(\frac{dy}{dt}\right)^2}$

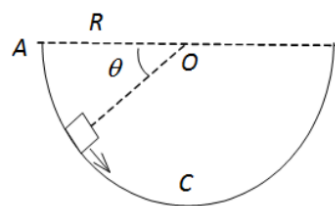
2、质点沿轨道 AB 作曲线运动, 速率逐渐减少。图中哪一个正确地表示了质点在 C 处的加速度? ()



3、下列说法中, 哪个是正确的 ()。

- A. 物体总是沿着它所受的合外力方向运动;
- B. 物体的加速度方向总与它受的合外力方向相同;
- C. 作用在物体上的合外力在某时刻为零, 则物体在该时刻的速度必定为零;
- D. 作用在物体上的合外力在某时刻为零, 则物体在该时刻的加速度也可能不为零。

4、如图所示，物体沿着竖直面上的固定圆弧形光滑轨道下滑，在从 A 至 C 的下滑过程中，下面哪个说法是正确的？（ ）

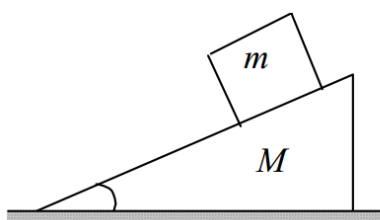


- A. 它的加速度大小不变，方向永远指向圆心；
- B. 它的速率均匀增加；
- C. 它的合外力大小不变；
- D. 轨道支持力的大小不断增加。

5、子弹射入放在水平光滑地面上静止的木块而不穿出。以地面为参考系，下列说法中正确的说法是（ ）

- A. 子弹的动能转变为木块的动能了；
- B. 子弹-木块系统的机械能守恒；
- C. 子弹动能的减少等于子弹克服木块阻力所作的功；
- D. 子弹克服木块阻力所作的功等于这一过程中产生的热。

6、一质量为 M 的斜面原来静止于水平光滑平面上，将一质量为 m 的木块轻轻放于粗糙的斜面上，如图所示，如果此后木块能静止于斜面上，则斜面将（ ）

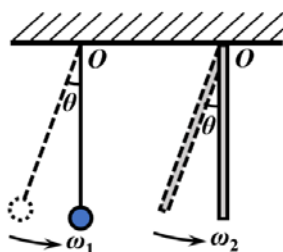


- A. 保持静止
- B. 向右加速运动
- C. 向右匀速运动
- D. 向左加速运动

7、一质量为 60 kg 的人起初站在一条质量为 300 kg ，且正以 2 m/s 的速率向湖岸驶近的小木船上，湖水是静止的，其阻力不计。现在人相对于船以一水平速率 v 沿船的前进方向向河岸跳去，该人起跳后，船速方向不变、速率减为原来的一半，则 v 应为（ ）

- A. 2 m/s ;
- B. 3 m/s ;
- C. 5 m/s ;
- D. 6 m/s 。

8、如图所示，一悬线长 l ，摆球质量为 m 的单摆和一长度 l 、质量为 m 能绕一端自由转动的匀质细棒，现将摆球和细棒同时从与竖直方向成 θ 角的位置由静止释放，当它们运动到竖直位置时，摆球和细棒的角速度之间的关系为（ ）。



- A. $\omega_1 > \omega_2$;
- B. $\omega_1 = \omega_2$;
- C. $\omega_1 < \omega_2$;
- D. 无法确定。

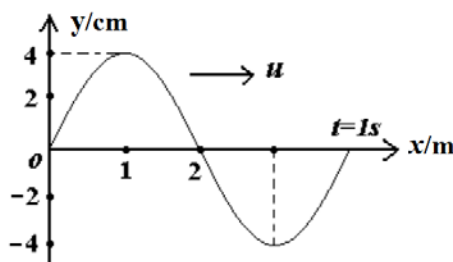
9、质量为 m 、半径为 r 的均质细圆环，去掉 $2/3$ ，剩余部分圆环对过其圆点、与环面垂直的轴的转动惯量为（ ）

- A. $1/3mr^2$; B. $2/3mr^2$; C. mr^2 ; D. $4/3mr^2$ 。

10、一质点作简谐振动 $x = 6\cos(100\pi t + 0.7\pi)$ cm，某时刻它在 $x = 3\sqrt{2}$ cm 处且向负 x 方向运动，它要重新回到该位置所要经历的时间最短为：()

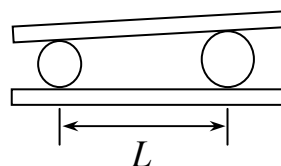
- A. $\frac{1}{100}$ s; B. $\frac{3}{200}$ s; C. $\frac{1}{50}$ s; D. $\frac{3}{50}$ s。

11、有一平面简谐横波沿 x 轴正向传播， $t = 1$ s 时波形如图所示，波速 $u = 2$ m/s，则此波的波函数为：



- A. $y = 0.04 \cos \left[\pi \left(t - \frac{x}{2} \right) + \frac{\pi}{2} \right]$; B. $y = 0.04 \cos \left[\pi \left(t - \frac{x}{2} \right) - \frac{\pi}{2} \right]$;
C. $y = 0.04 \cos \left[\pi \left(t + \frac{x}{2} \right) + \frac{\pi}{2} \right]$; D. $y = 0.04 \cos \left[\pi \left(t + \frac{x}{2} \right) - \frac{\pi}{2} \right]$ 。

12、两个直径相差甚微的圆柱体夹在两块平板玻璃之间构成空气劈尖，如图所示，单色光垂直照射，可看到等厚干涉条纹，如果将两个圆柱之间的距离 L 拉大，则 L 范围内的干涉条纹 ()



- A. 数目增加，间距不变; B. 数目增加，间距变小;
C. 数目不变，间距变大; D. 数目减小，间距变大。

13、将杨氏双缝干涉实验放在水中进行，和空气中的实验相比，相邻明纹间距将 ()

- A. 不变; B. 减小; C. 增大; D. 干涉条纹消失。

14、波长 $\lambda = 550\text{nm}$ 的单色光垂直入射于光栅常数 $d = 2 \times 10^{-4}\text{cm}$ 的平面衍射光栅上，可能观察到的光谱线的最大级次为

- A. 2; B. 3; C. 4; D. 5。

15、单缝夫琅和费衍射实验中，波长为 λ 的单色光垂直入射在宽度为 $a = 4\lambda$ 的单缝上，对应于衍射角为 30° 的方向，单缝处波阵面可分成的半波带数目和观察屏上条纹明暗分别为 ()

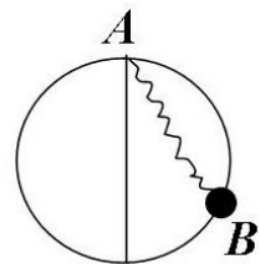
- A. 4 个 暗纹; B. 2 个 暗纹; C. 4 个 明纹; D. 2 个 明纹。

二、计算题（10 分）

已知质点的运动方程 $x=2t$ 、 $y=4-t^2$ (SI)。试求任一时刻质点的速度、切向加速度、法向加速度、总加速度的大小。

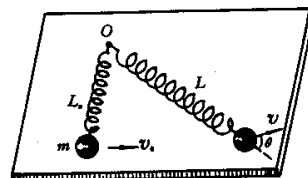
三、计算题（10 分）

如图，原长为 L_0 的弹簧，当下端悬挂质量为 m 的重物时，弹簧长 $L=2L_0$ ，现将弹簧一端悬挂在竖直放置的圆环上端 A 点。设环的半径 $R = L_0$ ，把弹簧另一端所挂重物放在光滑圆环的 B 点，已知 AB 长为 $1.6 L_0$ 。当重物在 B 点无初速地沿圆环滑动时，试求：重物在 B 点的加速度和对圆环的正压力。



四、计算题（10 分）

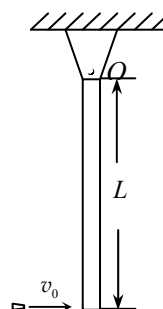
如图所示，在水平光滑平面上有一轻弹簧，一端固定，另一端系一质量为 m 的滑块。弹簧原长为 L_0 ，倔强系数为 k 。当 $t=0$ 时，弹簧长度为 L_0 。滑块得一水平速度 v_0 ，方向与弹簧轴线垂直。 t 时刻弹簧长度为 L 。求 t 时刻滑块的速度 v 的大小和方向(用 θ 角表示)。



五、计算题（10 分）

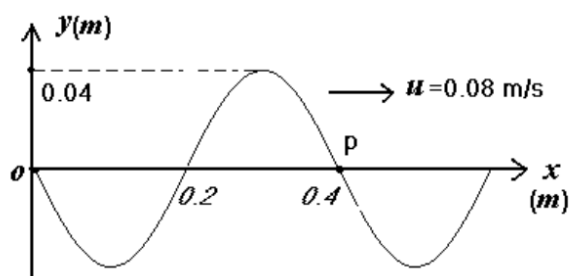
如图所示均匀杆长为 L 、质量为 M ，由其上端的光滑水平轴吊起而处于静止。今有一质量为 m 的子弹以速率 v_0 沿水平方向射入杆的另一端而不复出。求：

- (1) 子弹停在杆中时杆的角速度；
- (2) 杆的最大偏转角。



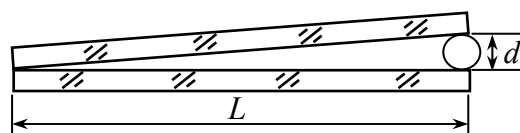
六、计算题（10 分）

图示为一列平面简谐行波在 $t=0$ 时刻的波形图，求：（1） O 点的振动方程；（2）该列波的波函数；（3） P 点的振动方程。



七、计算题（10 分）

利用空气劈尖的等厚干涉条纹可以测细丝直径。今在长为 $L = 2 \times 10^{-2} \text{ m}$ 的劈尖玻璃板上，垂直地射入波长为 600 nm 的单色光，玻璃板上 31 条条纹的总宽度为 5 mm ，则细丝直径 d 为多少？



八、计算题（10 分）

波长 $\lambda=600\text{nm}$ 的单色光垂直入射到一光栅上，测得第二级主极大的衍射角 φ_2 满足

$\sin \varphi_2 = 0.20$ ，且第四级是缺级，求

- （1）光栅常数 $(a+b)$ 等于多少；
- （2）透光缝可能的最小宽度 a 等于多少；
- （3）在确定了上述 $(a+b)$ 和 a 之后，在屏上呈现出的全部主极大的级次。

19—20 学年 第 2 学期 大学物理 II(1)期末试卷(B)

参考答案及评分标准

一、选择题 (每小题 2 分, 共 30 分)

(注: 请将选择题答案填入下表中)

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
答案	D	C	B	D	C	A	D	C	A	B
题号	11	12	13	14	15					
答案	B	C	B	B	A					

二、计算题 (10 分)

解: 由运动方程得 $v_x = \frac{dx}{dt} = 2$ 、 $v_y = \frac{dy}{dt} = -2t$, $a_x = \frac{dv_x}{dt} = 0$ 、 $a_y = \frac{dv_y}{dt} = -2$ (2 分)

速度大小: $v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2} = 2\sqrt{1+t^2}$ (2 分)

加速度大小: $a = \sqrt{a_x^2 + a_y^2} = 2$ (2 分)

切向加速度: $a_\tau = \frac{dv}{dt} = \frac{2t}{\sqrt{1+t^2}}$ (2 分)

法向加速度: $a = \sqrt{a^2 - a_\tau^2} = \frac{2}{\sqrt{1+t^2}}$ (2 分)

三、计算题 (10 分)

解: 由题意, $mg = kL_0$ (2 分)

设 AB 与竖直方向夹角为 θ , N 为环对物体的支持力, F 为弹簧拉力。

对物体做受力分析, 列方程得:

法向: $N - F\cos\theta + mg\cos 2\theta = 0$ (2 分)

切向: $mg\sin 2\theta - F\sin\theta = ma$ (2 分)

其中 $F = 0.6kL_0$, $\sin\theta = 0.6$, $\cos\theta = 0.8$

解方程组得 $a = 0.6g = 5.88\text{m/s}^2$, $N = 0.2mg$ (4 分)

四、计算题 (10 分)

解: 因为弹簧和小球在光滑水平面上运动, 所以若把弹簧和小球作为一个系统, 则系统的机械能守恒, 即

$$\frac{1}{2}mv_0^2 = \frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}k(L - L_0)^2 \quad (4 \text{ 分})$$

小球在水平面上所受弹簧拉力通过固定点, 则小球对固定点角动量守恒, 即

$$\mathbf{L} = \mathbf{r} \times m\mathbf{v} = \text{恒量}$$

故 $L_0 m v_0 = L m v \sin \theta$ (4 分)

得 $v = \sqrt{v_0^2 - \frac{k}{m}(L - L_0)^2}$ (1 分)

$$\theta = \arcsin \frac{L_0 v_0}{L \sqrt{v_0^2 - \frac{k}{m}(L - L_0)^2}} \quad (1 \text{ 分})$$

五、计算题 (10 分)

解: (1) 碰撞过程, 系统对 O 轴的角动量守恒:

$$L m v_0 = L m (\omega L) + \left(\frac{1}{3} M L^2\right) \omega$$

解得: $\omega = \frac{m v_0}{\left(m + \frac{1}{3} M\right) L}$ (5 分)

(2) 上摆过程, 系统机械能守恒:

$$\frac{1}{2} m (\omega L)^2 + \frac{1}{2} \left(\frac{1}{3} M L^2\right) \omega^2 = m g L (1 - \cos \theta) + M g \frac{L}{2} (1 - \cos \theta)$$

$$\Rightarrow \cos \theta = 1 - \frac{3 m^2 v_0^2}{(3 m + M)(2 m + M) g L} \quad (5 \text{ 分})$$

六、计算题 (10 分)

解: (1) 设 O 点振动方程为 $y_O(t) = A \cos(\omega t + \varphi_O)$

波的振幅 $A = 0.04 \text{ m}$

因为波速 $u = 0.08 \text{ m/s}$ 、波长 $\lambda = 0.4 \text{ m}$

所以波的周期 $T = \frac{\lambda}{u} = 5 \text{ s}$, 角频率 $\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{5} \text{ rad/s}$

$t = 0$ 时: $y_O(t = 0) = 0 = A \cos \varphi_O$, $v_O(t = 0) = -A \omega \sin \varphi_O > 0$

所以: $\varphi_O = -\frac{\pi}{2}$

则: O 点振动方程为 $y_O(t) = 0.04 \cos\left(\frac{2\pi}{5}t - \frac{\pi}{2}\right)$ (6 分)

(2) 波函数: $y(x, t) = 0.04 \cos\left[\frac{2\pi}{5}\left(t - \frac{x}{0.08}\right) - \frac{\pi}{2}\right]$ (2 分)

(3) P 点振动方程: $y_P(t) = 0.04 \cos\left[\frac{2\pi}{5}\left(t - \frac{0.4}{0.08}\right) - \frac{\pi}{2}\right] = 0.04 \cos\left[\frac{2\pi}{5}t - \frac{5\pi}{2}\right]$ (2 分)

七、计算题 (10 分)

解: 由 31 条条纹的总宽度为 5 mm 知条纹宽度为:

$$b = \frac{5 \text{ mm}}{31 - 1} = \frac{1}{6} \text{ mm} \quad (2 \text{ 分})$$

\therefore 是空气劈尖, 取 $n = 1$, 则

$$\sin \theta = \frac{\lambda/2}{b} = \frac{6 \times 10^{-7} / 2}{\frac{1}{6} \times 10^{-3}} = 1.8 \times 10^{-3} \approx \tan \theta \quad (4 \text{ 分})$$

$$d = L \tan \theta = 3.6 \times 10^{-5} \text{ m} \quad (4 \text{ 分})$$

八、计算题 (10 分)

解: (1) 由 $d \sin \varphi_2 = 2\lambda$, 得

$$d = a + b = 2\lambda / \sin \varphi_2 = 2 \times 600 \times 10^{-9} / 0.2 = 6 \mu\text{m} \quad (5 \text{ 分})$$

(2) 由缺级条件 $k = \frac{a+b}{a} k'$ 得 $a = \frac{k'}{4} d$,

当 $k' = 1$ 时, 有 a 最小值 $a_{\min} = \frac{1}{4} d = 1.5 \mu\text{m} \quad (2 \text{ 分})$

(3) 由 $k_{\max} < \frac{d}{\lambda} = \frac{6.0 \times 10^{-6}}{600 \times 10^{-9}} = 10$, 可知屏上可能观察到最高级次为 $k_{\max} = 9$

由缺级条件 $k = \frac{a+b}{a} k' = 4k'$ 知 $\pm 4, \pm 8$ 级缺级, 所以观察屏上能看到的全部级次为

$0, \pm 1, \pm 2, \pm 3, \pm 5, \pm 6, \pm 7, \pm 9$ 级共 15 条谱线。 (3 分)