

```

In [3]: import numpy as np
        from math import comb
        import matplotlib.pyplot as plt

        def binomial_tree_option_pricing(S0, K, T, r, u, d, p, N, option_type='call'):
            """
            二叉树模型用于欧式期权定价

            参数:
            - S0: 标的资产当前价格
            - K: 行权价
            - T: 到期时间 (年)
            - r: 无风险利率
            - u: 上涨因子
            - d: 下跌因子
            - p: 上涨概率
            - N: 时间步数
            - option_type: 'call' 或 'put'

            返回:
            - 期权在t=0时刻的价格
            """

            dt = T / N
            discount = np.exp(-r * dt)

            # 生成到期日的资产价格
            asset_prices = np.zeros(N + 1)
            for j in range(N + 1):
                asset_prices[j] = S0 * (u ** j) * (d ** (N - j))

            # 初始化到期日的期权价值
            if option_type == 'call':
                option_values = np.maximum(asset_prices - K, 0)
            elif option_type == 'put':
                option_values = np.maximum(K - asset_prices, 0)
            else:
                raise ValueError("期权类型必须是'call'或'put'")

            # 向后递推
            for t in range(N - 1, -1, -1):
                for j in range(t + 1):
                    option_values[j] = discount * (p * option_values[j + 1] + (1 - p) * option_values[j])

            return option_values[0]

            # 示例使用
            S0 = 100 # 当前价格
            K = 100 # 行权价
            T = 1 # 到期时间
            r = 0.05 # 无风险利率
            u = 1.1 # 上涨因子
            d = 0.9 # 下跌因子
            p = 0.5 # 上涨概率
            N = 3 # 步数

            call_price = binomial_tree_option_pricing(S0, K, T, r, u, d, p, N, 'call')
            print(f"欧式看涨期权价格: {call_price}")

```

欧式看涨期权价格: 7.110439948142851

In []: