

$$SARIMA(p, d, q)(P, D, Q) \quad sp=4$$

- 1) Если сезонность линейная, то переходим к сезонным разностям $D+=1$
- 2) Демпфирование ($1 < PSS$)
- 3) Отобрать p, q, P, Q по корреляциям.

Сезонность?

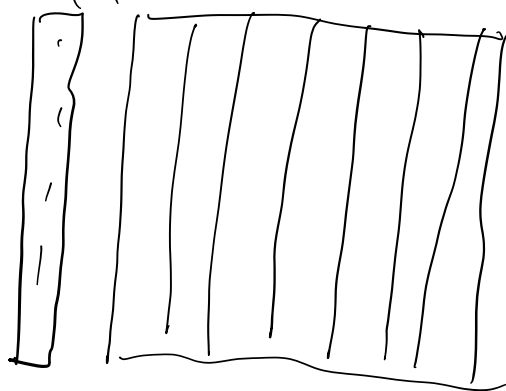
1) Канова - Хансен

2) STL $\rightarrow \max \{0, 1 - \frac{svar(resid)}{svar(resid) + svar(seas)}\}$

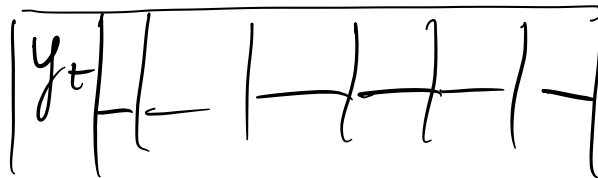
$$(1 - \alpha L)(1 - L)(1 - L^s) y_t = (1 - \beta L) \varepsilon_t +$$

$$+ \vartheta_1 x_{t-1} + \vartheta_2 x_{t-2} \dots$$

$$+ \vartheta_1 z_{t-1}$$



SARIMAX



Granger Causality Test

x_t влияет на y_t
 не влияет ~~предсказывает~~

$$1) y_t = \alpha_0 + \sum_{j=1}^m \alpha_j y_{t-j} + \sum_{i=1}^m \beta_i x_{t-i} + \varepsilon_t$$

H_0 : x_t не влияет ~~предсказывает~~ y_t
 $\beta_i = 0 \quad \forall i \in \overline{1, m}$ F-тест

H_1 : $\exists \beta_i \neq 0$ ε_t аддитивна
 Минимизация лагранжа

Хотим чтобы H_0 сиб.

$$2) x_t = \alpha_0 + \sum_{j=1}^m \alpha_j x_{t-j} + \sum_{i=1}^m \beta_i y_{t-i}$$

H_0 : $\beta_i = 0 \quad \forall i \in \overline{1, m}$

H_1 : $\exists \beta_i \neq 0$

H_0 не сиб.

Магнус, Katyshev,
 Perevetskiy

Изучили: MO, ETS, SARIMAX

Можно считать:

а) Линейные модели

TAR, SETAR, Tsay

б) Многомерные модели

VARMA

$$\begin{bmatrix} y_1 \\ \vdots \\ y_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} & \\ & \\ & \end{bmatrix} \begin{bmatrix} y_{t-1}^{(1)} \\ \vdots \\ y_{t-1}^{(n)} \end{bmatrix}$$

в) High-frequency data

Изучили во II модуле.

Оценки рыночного риска

VAR, ES

ARCH, GARCH

Копулы

~ 3 семинара

Orbit, Prophet } ~ 2 см
(Бетес)

Классификация } ~ 1 сантиметр
Дуки

Дульмр Ханманы ~ 1 сантиметр