

Relations - יחסים

Eyal Shukrun

November 1, 2020

1 Tuples - זוג סדור

Liste de n nombres (ordonnée).

1.1 Multiplication cartésienne

Multiplication cartésienne de n ensembles: Tous les n -uples possibles composés des éléments de chaque ensemble.

$$A * B = \{ \langle a, b \rangle \mid a \in A \wedge b \in B \}$$
$$A * B * C = \{ \langle a, b, c \rangle \mid a \in A \wedge b \in B \wedge c \in C \}$$

Plus généralement:

$$A_1 * \dots * A_n = \prod_{i=1}^n A_i \quad (1)$$

Donc:

$$(A * B) * C = \{ \langle \langle a, b \rangle, c \rangle \} \quad (2)$$

Ainsi la multiplication cartésienne n'est pas associative.

1.2 Propriétés

- $A * (B \cup C) = (A * B) \cup (A * C)$
- $A * (B \cap C) = (A * B) \cap (A * C)$
- $A * (B \setminus C) = (A * B) \setminus (A * C)$

2 Relations

Une relation R est un ensemble composé de n -uples (couples si c'est une relation à deux places (דו מקומי), 3 si c'est une relation à trois places etc). On l'appelle relation de A à B (ou relation sur A si elle est de A à A).

Cette relation est l'ensemble des n -uples qui respectent une certaine règle (définie par

nous), donc $R \in P(A * B)$. Pour exprimer un n-uple $\langle a, b \rangle$ qui respecte R on peut utiliser $\langle a, b \rangle \in R$ ou aRb .

Pour représenter une relation on peut utiliser soit une matrice ou chaque colonne est un n-uple qui respecte la relation (l'élément en haut est l'élément de gauche du n-uple), soit par un tableau (les titres des lignes sont les éléments de gauche, voir p.77), soit un diagramme à flèches, par exemple pour la relation $R = \{\langle 1, a \rangle, \langle 2, a \rangle\}$:

