



## Algorithmen und Datenstrukturen 2

Vorlesung im Sommersemester 2020 Prof. Dr. habil. Christian Heinlein

## **2. Praktikumsaufgabe (4. – 25. Juni 2020)**

## **Aufgabe 2: Vorrangwarteschlangen**

Implementieren Sie Minimum-Vorrangwarteschlangen mit Prioritäten eines beliebigen Typs P, der Comparable implementiert (siehe unten), und zusätzlichen Daten eines beliebigen Typs D durch Binomial-Halden als generische Java-Klasse BinHeap<P extends Comparable<? super P>, D> mit folgenden öffentlichen Konstruktoren und Methoden:

```
// Leere Halde erzeugen.
BinHeap ()
// Ist die Halde momentan leer?
boolean isEmpty ()
// Größe der Halde, d. h. Anzahl momentan gespeicherter Einträge liefern.
int size ()
// Enthält die Halde den Eintrag e?
boolean contains (Entry<P, D> e)
// Neuen Eintrag mit Priorität p und zusätzlichen Daten d erzeugen,
// zur Halde hinzufügen und zurückliefern.
Entry<P, D> insert (P p, D d)
// Priorität des Eintrags e auf p verändern.
// (Dabei darf auf keinen Fall ein neuer Eintrag entstehen, selbst wenn
// die Operation intern als Entfernen und Neu-Einfügen implementiert wird!)
boolean changePrio (Entry<P, D> e, P p)
// Einen Eintrag mit minimaler Priorität liefern.
Entry<P, D> minimum ()
// Einen Eintrag mit minimaler Priorität liefern und aus der Halde entfernen.
Entry<P, D> extractMin ()
// Eintrag e aus der Halde entfernen.
boolean remove (Entry<P, D> e)
// Inhalt der Halde zu Testzwecken ausgeben.
void dump ()
```

In den folgenden Fehlerfällen soll die jeweilige Methode wirkungslos sein und false bzw. null liefern:

- Wenn ein Parameter des Typs P oder Entry<P, D> gleich null ist.
- Wenn der an changePrio oder remove übergebene Eintrag nicht zur aktuellen Halde gehört.
- Wenn minimum oder extractMin für eine leere Halde aufgerufen wird.

Entry<P, D> ist eine Hilfsklasse zur Repräsentation von Einträgen mit Prioritäten des Typs P und zusätzlichen Daten des Typs D, die folgende öffentliche Methoden zur Abfrage dieser Daten besitzt:

```
P prio ()
D data ()
```

Der Typ P muss die Schnittstelle Comparable<P> oder Comparable<P'> für einen Obertyp P' von P implementieren (d. h. P extends Comparable<? super P>), damit Objekte p1 und p2 dieses Typs mittels p1.compareTo(p2) verglichen werden können. Der Resultatwert eines solchen Methodenaufrufs ist negativ, null oder positiv, je nachdem, ob p1 kleiner, gleich oder größer als p2 ist.

Aus der Ausgabe von dump muss hervorgehen, wie die einzelnen Binomialbäume der Halde aufgebaut sind. Wenn in einen anfangs leeren BinHeap<String, Integer> nacheinander die Einträge a 0 (d. h. ein Eintrag mit Priorität a und zusätzlichen Daten 0) b 1, c 2 usw. bis k 10 eingefügt werden, sollte dump die folgende Ausgabe produzieren:

```
k 10
i 8
j 9
a 0
b 1
c 2
d 3
e 4
f 5
g 6
```

Verwenden Sie zur Implementierung der öffentlichen Methoden geeignete private Hilfsmethoden, insbesondere zum Zusammenfassen zweier Bäume und zum Vereinigen zweier Halden (vgl. die Beschreibung der Algorithmen in den Vorlesungsfolien)!

Alle Operationen außer dump dürfen höchstens logarithmische Laufzeit besitzen.

Testen Sie Ihre Implementierung sorgfältig und ausführlich! Auf der Vorlesungswebseite steht hierfür in der Datei binheap. java ein interaktives Testprogramm für die Klasse BinHeap zur Verfügung. Die Datei enthält außerdem bereits Implementierungen der geschachtelten Hilfsklassen Entry und Node, die unverändert übernommen werden müssen. (Ausnahme: Es dürfen weitere Bestandteile hinzugefügt werden, obwohl dies zur Lösung der Praktikumsaufgabe nicht erforderlich ist.)

Abzugeben ist entweder eine einzige Java-Datei oder eine Zip-Datei mit mehreren Java-Dateien auf oberster Ebene (d. h. keine Unterordner).

Es dürfen keine package-Deklarationen verwendet werden.