Unidad Profesional Interdisciplinaria en Ingeniería y Tecnologías Avanzadas



Reporte de Proyecto de la materia de control de sistemas robóticos

Por: Carlos Antonio Dzohl Vega González

Curso de recuperación

Ciudad de México lunes, 14 de septiembre de 2020

Profesor: Guillermo Puriel Gil

Índice

Introducción	2
Objetivos	2
Metodología	2
Modelado dinámico	2
Diseño del robot	5
Diseño de la trayectoria	8
Validación del robot	8
Esquema de control	9
Resultados	9
Conclusiones	14
Bibliografía	15

Introducción

Este es el proyecto final de la materia de control de sistemas robóticos para el curso de recuperación. Se muestra el diseño mecánico y su simulación utilizando Simulink con simscape multilink. Es un doble péndulo robot, un brazo robótico de dos grados de libertad validado contra su modelo dinámico. Se propuso una trayectoria sencilla y esta es puesta a prueba por dos controladores un PD con precompensación y uno de control de par calculado.

Objetivos

- Diseñar un brazo robótico de dos grados de libertad.
- Exportar el modelo de solidworks e importarlo al ambiente de simulink.
- Obtener el modelo dinámico del brazo robótico.
- Crear el modelo de planta del brazo robótico en Matlab
- Validar el modelo de solidworks importado en Matlab contra el modelo dinámico
- Generar una trayectoria con ecuaciones paramétricas para implementarla con cinemática inversa.
- Implementar dos modelos de control de trayectoria.

Metodología

Modelado dinámico

Para realizar el proyecto debemos de obtener las ecuaciones dinámicas para la validación del modelo en este caso de un doble péndulo robot y obtenemos este modelo dinámico mediante las ecuaciones de Euler-Lagrange como se muestra a continuación.

Eslabón 1

Posiciones

$$x_1 = lc_1 sen(q_1)$$
$$y_1 = lc_1 cos(q_1)$$

Velocidades

$$\begin{split} \dot{x} &= lc_1 cos(q_1) \dot{q}_1 \\ \dot{y} &= lc_1 sen(q_1) \dot{q}_1 \\ v_1^2 &= x_1^2 + y_1^2 \\ \dot{x}_1^2 &= lc_1^2 cos^2(q_1) \dot{q}_1^2 \\ \dot{y}_1^2 &= lc_1^2 sen^2(q_1) \dot{q}_1^2 \\ v_1^2 &= lc_1^2 cos^2(q_1) \dot{q}_1^2 + lc_1^2 sen^2(q_1) \dot{q}_1^2 \\ v_1^2 &= lc_1^2 \dot{q}_1 [cos^2(q_1) + sen^2(q_1)] \end{split}$$

Energía cinética

$$\begin{split} E_{c1} &= \frac{1}{2} m_1 v_1^2 + \frac{1}{2} I_1 \dot{q}_1^2 \\ E_{c1} &= \frac{1}{2} m_1 l c_1^2 \dot{q}_1^2 + \frac{1}{2} I_1 \dot{q}_1^2 \\ E_{c1} &= \frac{1}{2} \dot{q}_1^2 (m_1 l c_1^2 + I_1) \end{split}$$

Energía potencial

$$h = lc_1 - lc_1 cos(q_1)$$

$$h = lc_1 (1 - cos(q_1))$$

$$E_{p_1} = m_1 glc_1 (1 - cos(q_1))$$

Eslabón 2

Posiciones

$$x_2 = l_1 sen(q_1) + lc_2 sen(q_1 + q_2)$$

 $y_2 = -l_1 sen(q_1) - lc_2 cos(q_1 + q_2)$

Velocidades

$$\begin{split} \dot{x}_2 &= l_1 cos(q_1) \dot{q}_1 + lc_2 cos(q_1 + q_2) [\dot{q}_1 + \dot{q}_2] \\ \dot{y}_2 &= l_1 sen(q_1) \dot{q}_1 + lc_2 sen(q_1 + q_2) [\dot{q}_1 + \dot{q}_2] \\ v_2^2 &= \dot{x}_2^2 + \dot{y}_2^2 \end{split}$$

$$v_2^2 = l_1^2 + lc_2^2[\dot{q}_1^2 + 2\dot{q}_1\dot{q}_2 + \dot{q}_2^2] + 2l_1lc_2[\dot{q}_1^2 + \dot{q}_1\dot{q}_2^2]$$

Energía cinética

$$E_{c2} = \frac{1}{2}m_2v_2^2 + \frac{1}{2}I_2[\dot{q}_1 + \dot{q}_2]^2$$

$$E_{c2} = \frac{1}{2} m_2 l_1^2 \dot{q}_1^2 + \frac{m_2}{2} \left[\dot{q}_1^2 + 2 \dot{q}_{1\dot{q}_2} + \dot{q}_2^2 \right] + m_2 l_1 l c_2 \left[\dot{q}_1^2 + \dot{q}_{1\dot{q}_2} \right] cos(q_2) + \frac{1}{2} l_2 [\dot{q}_1 + \dot{q}_2]^2$$

Energía potencial

$$E_{p2} = -m_2 g l_1 cos(q_1) - m_2 g l c_2 cos(q_1 + q_2)$$

Lagrangiano

$$\mathcal{L} = E_{c1} + E_{c2} - E_{p1} - E_{p2}$$

$$\begin{split} \mathcal{L} &= \frac{1}{2} (m_1 l c_1^2 + l_1) \dot{q}_1^2 + \frac{1}{2} m_2 l_{1 \dot{q}_1^2}^2 + \frac{m_2}{2} l c_2^2 [\dot{q}_1^2 + 2 \dot{q}_1 \dot{q}_2 + \dot{q}_2^2] + m_2 l_1 l c_2 \left[\dot{q}_1^2 + \dot{q}_1 \dot{q}_2 \right] cos(q_2) \\ &\quad + \frac{1}{2} l_2 [\dot{q}_1 + \dot{q}_2]^2 + m_2 g l_1 cos(q_1) + m_2 g l c_2 cos(q_1 + q_2) \\ &\quad + m_1 g l c_1 \left(1 - cos(q_1) \right) \end{split}$$

Ecuaciones de movimiento

$$\frac{d}{dt}\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \dot{q}_i} - \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \dot{q}_i} = \tau_i - f_f(\dot{q}_1)$$

$$\begin{split} \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \dot{q}_{l}} &= (m_{1}lc_{1}^{2} + m_{2}l_{1}^{2})\dot{q}_{1} + m_{2}lc_{2}^{2}\dot{q}_{1} + m_{2}lc_{2}^{2}\dot{q}_{2} + 2m_{2}l_{1}lc_{2}cos(q_{2})\dot{q}_{1} + m_{2}l_{1}lc_{2}cos(q_{2})\dot{q}_{2} + l_{1}\dot{q}_{1} \\ &+ l_{2}[\dot{q}_{1} \\ &+ \dot{q}_{2}] \end{split}$$

$$\frac{d}{dt}\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \dot{q}_{1}} = (m_{1}lc_{1}^{2} + m_{2}l_{1}^{2} + m_{2}lc_{2}^{2} + 2m_{2}l_{1}lc_{2}cos(q_{2})) \ \ddot{q}_{1} + [m_{2}lc_{2}^{2} + m_{2}l_{1}l_{2}^{2}cos(q_{2})] \ddot{q}_{2} \\ &- 2m_{2}l_{1}lc_{2}sen(q_{2})\dot{q}_{1}\dot{q}_{2} - m_{2}l_{1}lc_{2}sen(q_{2})\dot{q}_{2}^{2} + l_{1}\ddot{q}_{1} + l_{2}[\ddot{q}_{1} + \ddot{q}_{2}] \\ \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \dot{q}_{2}} = m_{2}lc_{2}^{2}\dot{q}_{1} + m_{2}lc_{2}^{2}\dot{q}_{2} + m_{2}l_{1}lc_{2}cos(q_{2})\dot{q}_{1} + m_{2}lc_{2}^{2}\dot{q}_{2} + 2m_{2}l_{1}lc_{2}cos(q_{2})\dot{q}_{1} + m_{2}lc_{2}^{2}\dot{q}_{2} + 2m_{2}l_{1}lc_{2}cos(q_{2})\dot{q}_{1} \\ &+ m_{2}l_{1}lc_{2}cos(q_{2})\dot{q}_{2} + l_{1}\dot{q}_{1} + l_{2}[\dot{q}_{1} + \dot{q}_{2}] \end{split}$$

$$\frac{d}{dt}\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \dot{q}_{2}} = m_{2}lc_{2}^{2}\ddot{q}_{1} + m_{2}lc_{2}^{2}\ddot{q}_{2} + m_{2}l_{1}lc_{2}\cos(q_{2}) \ \ddot{q}_{1} - 2m_{2}l_{1}lc_{2}sin(q_{2})\dot{q}_{1}\dot{q}_{2} + l_{2}[\ddot{q}_{1} + \ddot{q}_{2}] \end{split}$$

$$\tau_{1} = (m_{1}lc_{1}^{2} + m_{2}lc_{2}^{2}\ddot{q}_{2} + m_{2}l_{1}lc_{2}\cos(q_{2}) + l_{1} + l_{2}) \ \ddot{q}_{1} - 2m_{2}l_{1}lc_{2}sin(q_{2})\dot{q}_{1}\dot{q}_{2} + l_{2}[\ddot{q}_{1} + \ddot{q}_{2}] \end{split}$$

$$\tau_{2} = [m_{2}lc_{2}^{2} + m_{2}l_{1}lc_{2}\cos(q_{2}) + l_{2}] \ \ddot{q}_{1} + [m_{2}lc_{2}^{2} + l_{2}] \ \ddot{q}_{2} + m_{2}l_{1}lc_{2}sen(q_{2})\dot{q}_{1}^{2} + b_{1}\dot{q}_{2} + l_{2}l_{1}lc_{2}sen(q_{2})\dot{q}_{1}^{2} + b_{1}\dot{q}_{2} + m_{2}l_{1}lc_{2}sen(q_{2})\dot{q}_{1}^{2} + b_{1}\dot{q}_{2} + m_{2}l_{1}lc_{2}$$

Ecuación general del robot

$$\tau = M(q)\ddot{q} + C(q + \dot{q})\dot{q} + B\dot{q} + G(q)$$

Con esta ecuación podemos validar el modelo del robot.

Diseño del robot

Para el diseño del brazo se quiso que fuera un poco antropomórfico, pero igual robótico por lo que se eligió basarse en el brazo de un androide famoso en este caso el brazo de un t800 terminator modelo 101 como en la imagen.

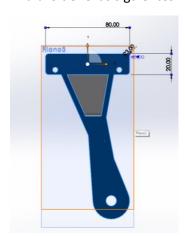


Utilizando las medidas de mi propio brazo diseñe uno similar

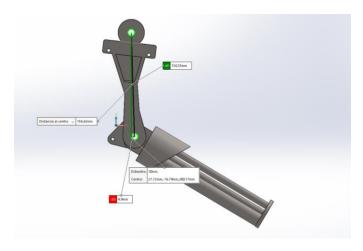


Creando los pistones y el material seleccionado fue una aleación de titanio para que corresponda un poco con la aleación del robot.

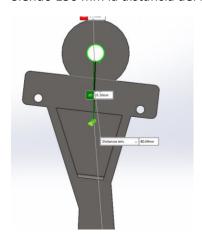
El brazo tiene las siguientes medidas



Y la distancia total del brazo es:



Siendo 156 mm la distancia del brazo con una distancia al centro de masa de 35.36mm



Para el antebrazo se diseñó como si tuviera los pistones neumáticos, pero están solidos sin movimiento.



La distancia al centro de masa es de 230.49 mm

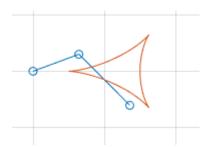
Los parámetros se obtuvieron directamente de solidworks por cada elemento por las propiedades físicas



Diseño de la trayectoria

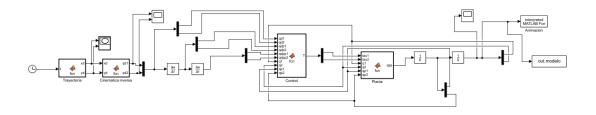
Se eligió una figura paramétrica parecida a una estrella, en este caso la mas sencilla de tres puntas con ecuaciones paramétricas se intento dibujar la dignidad, pero no dio tiempo las ecuaciones paramétricas se encuentran en el repositorio:

https://github.com/xDzohlx/Controldesistemasroboticos/blob/master/Proyecto/Trayectoria.m



Validación del robot

Ya con el modelo dinámico, se construyó el siguiente diagrama a bloques, se le agrego a la planta el controlador, la cinemática inversa y la trayectoria.



El código de la planta, el controlador, la cinemática inversa y la trayectoria se encuentran respectivamente en los siguientes enlaces.

 $\underline{https://github.com/xDzohlx/Controldesistemasroboticos/blob/master/Proyecto/Planta.m}$

https://github.com/xDzohlx/Controldesistemasroboticos/blob/master/Proyecto/Control.m

https://github.com/xDzohlx/Controldesistemasroboticos/blob/master/Proyecto/Cinematicainversa.m

https://github.com/xDzohlx/Controldesistemasroboticos/blob/master/Proyecto/Trayectoria.m

Los parámetros utilizados fueron los siguientes:

```
m1=0.43453;

l1=141.8/le3;

lc1=39.164/le3;

I1=0.00105681;

b1=0.04;

m2= 0.83963;

l2=230.49/le3;

lc2=80.93/le3;

I2=0.00481309;

b2=0.002;
```

Para los coeficientes de fricción se seleccionaron los coeficientes de fricción mas altos y mas bajos de una articulación humana, los demás parámetros fueron obtenidos por las propiedades físicas del material de solidworks

Esquema de control

Los controladores que se probaron fueron el proporcional derivativo con precompensación

$$\tau = k_p \tilde{q} + k_d \dot{\tilde{q}} M(q) \ddot{q}_d + C(q + \dot{q}) \dot{q}_d + B \dot{q} + G(q)$$

Y con el control de par calculado

Como se ha dicho este control toma en cuenta la dinamia del sistema y este dado por:

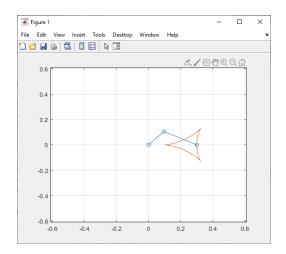
$$\tau = M(q) \left[\ddot{q}_d + K_d \tilde{q} + K_p \tilde{q} \right] + C(q + \dot{q}) \dot{q} + B \dot{q} + G(q)$$

Ambos controladores son convenientes porque contemplan la dinámica del modelo mejorando su control sin tener que aumentar demasiado las ganancias.

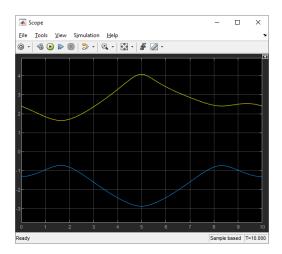
Resultados

Con control de par calculado con ganancias de kp1=20; kp2=15;

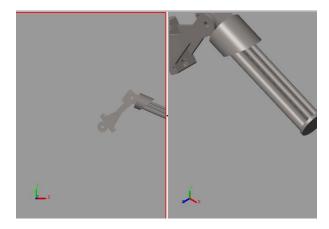
kp1=20; kp2=15; kd1=12; kd2=10;



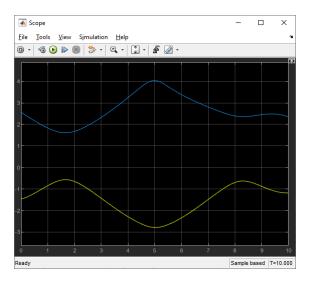
Posición de ambos eslabones



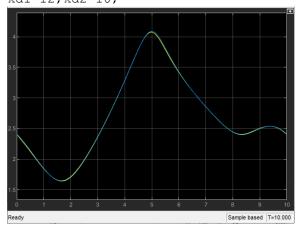
Seguimiento de trayectoria por parte del modelo



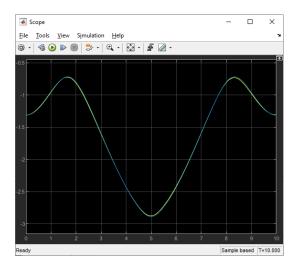
Posición de ambos eslabones por parte del modelo diseñado en solidworks



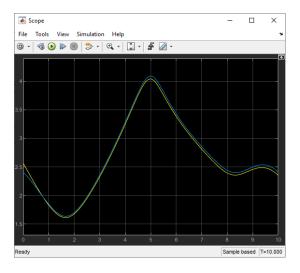
Modelo dinámico con control de par calculado en el eslabón 1 con



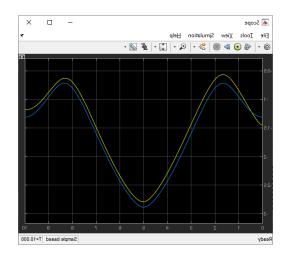
Par calculado del modelo dinámico del eslabón 2



Con control de par calculado con modelo de solidworks

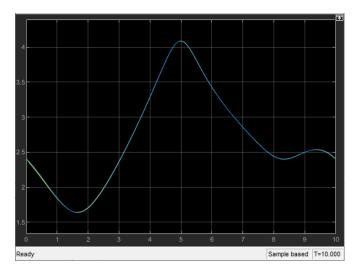


Eslabón 2

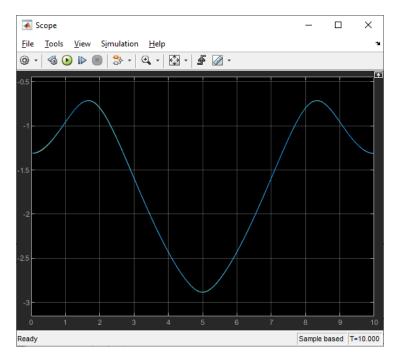


Control PD con precompensación del modelo dinámico

Eslabón 1



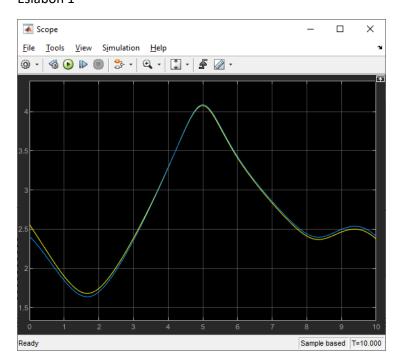
Eslabón 2



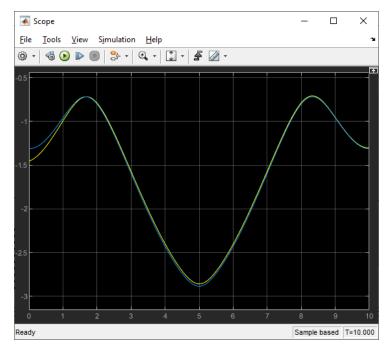
Con control PD con precompensación del modelo de solidworks

Kp,kd=0.5

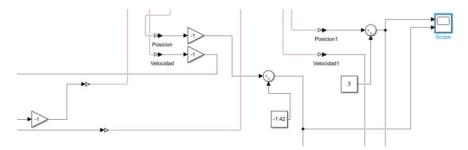
Eslabón 1



Eslabón 2



El modelo por su construcción en solidworks contenía errores de posicionamiento y orientación en ambos eslabones, esto provocaba errores y los errores no eran exactamente pi/2 o valores de pi sino cercanos por alguna razón desconocida, aun así se encontraron y estos offset se agregaron en la retroalimentación para evitar errores y una revoluta estaba invertida por lo que ser invirtieron entradas y salidas. El offset solo afecta a la salida mas no a la entrada. El offset era 3 y 1.42 radianes.



Conclusiones

Con este proyecto se aplico todo lo visto en la materia, se tubo que diseñar desde la base el robot de dos grados de libertad. El diseño de este igual influyo en la dinámica un poco, aunque solo sea en los parámetros estos hacían que el controlador funcionara de formas completamente diferentes. Al principio no sabía si podía resolver el problema del controlador PD con precompensación porque aun con coeficientes unitarios no funcionaba del todo y de hecho funciono mejor que el control de par calculado. El error que se tiene es porque el brazo no es completamente recto tal vez es por eso el offset de uno de los eslabones, pero no explica el offset del otro eslabón. Este error podría cometerse en la fabricación física del robot y por la respuesta que veo de ambos controladores si se tuviera que construir de forma física elegiría el PD con precompensación al ser el que mejor respondió a tener parámetros diferentes sin embargo es el más difícil de ajustar al desestabilizarse como ganancias unitarias o mayores. Dependiendo la aplicación sería el controlador.

Bibliografía

- [1] V. S. a. A. L. R. Kelly, Control of Robot Manipulators in Joint Space, Londres: Springer, 2005.
- [2] F. d. robotica, Antonio barrientos, Luis Felipe, Calos Balaguer, Rafel, Madrid: Concepcion Fernandez Madird, 1997.
- [3] J. J. Craig, Robótica, Ciudad de Mexico: Pearson, 2006.
- [4] F. R. Cortes, Robotica Control de Robots Manipuladores, Ciudad de Mexico: Alfaomega, 2011.