Poznań 26 kwietnia 2024



## Politechnika Poznańska

Wydział Informatyki i Telekomunikacji

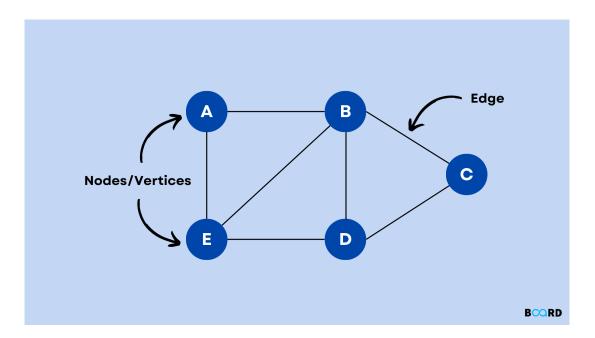
**Algorytmy i Struktury Danych**, Informatyka (semestr 2) **Sprawozdanie #3** — Algorytmy grafowe



#### 1. Wprowadzenie

**Graf** to struktury danych, które reprezentują związki między obiektami.

Grafy zbudowane są z węzłów, zwanych też wierzchołkami (ang. nodes/vertices) oraz krawędzi, które łączą te wierzchołki.

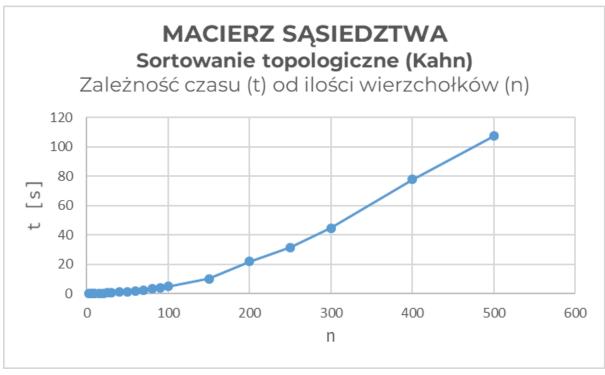


Grafy można reprezentować na różne sposoby zależnie od potrzeb i zastosowań. Najpopularniejsze reprezentacje grafów to:

- Macierz sąsiedztwa
- Lista następników
- Lista poprzedników
- Lista krawędzi
- Macierz incydencji

\* Na potrzeby tego laboratorium skupię się na dwóch pierwszych, czyli *macierzy sąsiedztwa* oraz *liście* następników.

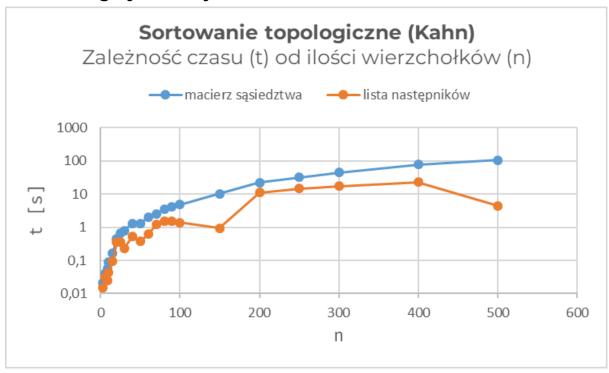
## 2. Zależność czasu (t) od liczby węzłów (n) sortowania topologicznego dla obu reprezentacji





\* Nieoczekiwane skoki najprawdopodobniej wynikają z losowych połączeń w grafach, które są niekorzystne dla danych reprezentacji.

# 3. Porównanie sortowania topologicznego dla obu reprezentacji w skali logarytmicznej



## 4. Zalety i wady obu reprezentacji grafu z punktu widzenia ich zastosowania w zaimplementowanych algorytmach.

| Macierz sąsiedztwa  |   |
|---|---|
| Wady [-]  | Zalety [+]  |
| <ul> <li>Duże zapotrzebowanie na pamięć (marnotrawstwo pamięci w przypadku rzadkich grafów - wypełnianie macierzy zerami)</li> <li>Sortowanie topologiczne wg. algorytmu Kahna jest wolniejsze niż w przypadku listy następników</li> </ul> | <ul> <li>Stały rozmiar</li> <li>Bezpośredni dostęp (po indeksach)</li> <li>Stabilny (gęstość i zróżnicowanie połączeń w grafie nie wpływa tak bardzo na czas sortowania)</li> </ul> |

| Lista następników  |   |
|--|---|
| Wady [-]   | Zalety [+]  |
| <ul> <li>Mniej stabilny</li> <li>Mniej bezpośredni dostęp<br/>(wymaga przeszukiwania)</li> </ul> | <ul> <li>Oszczędność pamięci</li> <li>Efektywne przeszukiwanie<br/>następców</li> <li>Sortowanie topologiczne wg.<br/>algorytmu Kahna jest<br/>szybsze niż w przypadku<br/>macierzy sąsiedztwa</li> </ul> |

#### Podsumowanie:

Obie reprezentacje mają swoje klasyczne dla świata algorytmów dylematy - pamięć, dokładność czy szybkość.

Z moich obserwacji wynika, że w używanych przeze mnie implementacjach algorytmu Kahna, lista następników jest zdecydowanie wydajniejsza (co widać na porównaniu w skali logarytmicznej).

Mimo to wykazana na moich implementacjach stabilność macierzy sąsiedztwa również zasługuje na wyróżnienie (czasy sortowania nie są tak wrażliwe na różnorodność grafów).

## Język implementacji:

Python **%** (Python 3.10.10)

#### Platforma realizacji testów:

Windows 10 x64 (Microsoft Windows [Version 10.0.19045.4170])

### Repozytorium:

https://github.com/xKond3i/put\_aisd

### Źródła:

[1]:cs.put.poznan.pl/mszachniuk/site/teaching/algorytmy-i-struktury-danych

[2]:www.ekursy.put.poznan.pl

[3]:www.eduinf.waw.pl/inf/alq

[4]:pl.wikipedia.org

[5]: <u>chat.openai.com</u> (implementacja algorytmu Kahna - z uwagi na niemożność implementacji osobiście)