## Задача 3

По известным статистическим данным определите среднее значение каждого признака по совокупности объектов, используя экономически обоснованные формулы расчета. Укажите вид и форму вычисленных средних величин. Сделайте экономические выводы.

Варианты 1, 2, 3, 4, 5.

Вариант	Ферма	Валовой	Удой молока	Затраты кормовых единиц в расчете		
		надой мо- лока, т	от одной ко- ровы, кг	на одну корову	на 1 ц молока	
	1	580	1900	3500	147	
1	2	420	2100	4200	143	
	3	460	2900	3700	138	
	1	390	2300	3800	140	
2	2	430	3100	4500	143	
	3	540	2800	3100	138	
	1	320	3200	4400	137	
3	2	600	2000	3300	145	
	3	450	1800	3000	142	
	1	430	2400	4300	144	
4	2	590	3100	3700	136	
	3	380	2200	3300	134	
	1	420	2600	4400	146	
5	2	580	3000	3700	139	
	3	390	2400	3500	135	

Варианты 6, 7, 8, 9, 10.

Бариан		Фактически материал	•	Процент выпол- нения норм рас-	Доля отхо- дов в об-
Вариант	Брига- ды	на весь выпуск продукции	на единицу продукции	хода материалов на единицу про- дукции	щем рас- ходе мате- риалов, %
	1	160	0,6	92,3	9
6	2	110	0,7	98,4	12
	3	230	1,1	97,8	14
	1	280	0,9	95,7	13
7	2	120	1,3	91,1	14
	3	250	0,7	94,5	11
	1	100	0,5	97,1	15
8	2	120	0,8	90,9	10
	3	300	1,0	93,3	13
	1	110	0,9	96,3	10
9	2	320	0,6	100,0	16
	3	220	1,4	91,8	14
	1	180	0,7	94,2	11
10	2	130	0,8	99,8	13
	3	250	1,3	101,3	14

Варианты 11, 12, 13,14,15.

	Барианты 11, 12, 13,14,13.						
Вари- ант	Строи- тельные органи- зации	Фактически вы- полнено строи- тельно- монтажных ра- бот, млн. ден. ед.	Процент вы- полнения плана по объему работ	Численность ра- бочих на 1 млн. фактически вы- полненных ра- бот, чел.	Доля рабочих, имеющих профессиональную подготовку, %		
	1	14,3	97,9	59	75,3		
11	2	22,5	102,1	62	82,5		
	3	17,8	100,8	64	80,4		
	1	16,5	98,4	60	83,4		
12	2	23,7	101,8	59	77,5		
	3	21,3	99,5	62	80,9		
	1	25,5	103,9	57	76,4		
13	2	18,4	96,8	62	81,5		
	3	16,2	102,4	61	79,1		
	1	15,0	100,0	61	74,3		
14	2	20,5	103,2	58	77,7		
	3	14,5	98,8	63	81,9		
	1	24,0	99,3	58	78,2		
15	2	19,3	101,6	62	75,1		
	3	20,4	102,0	61	82,0		

Варианты 16, 17, 18, 19, 20.

Вариант	<b>№</b> семьи		Размер жилой площади, приходящейся на 1 члена семьи, кв. м	Процент жилой площа- ди в общей площади	Число детей в семье
	1	5	9,0	70	3
16	2	3	15,3	77	2
	3	2	15,0	85	-
	1	3	14,8	82	1
17	2	5	12,3	84	2
	3	6	9,7	75	3
	1	4	10,5	78	2
18	2	1	18,3	86	-
	3	3	15,6	75	1
	1	2	13,9	76	-
19	2	4	11,2	82	2
	3	5	9,9	84	2
	1	2	12,3	75	1
20	2	4	10,7	79	2
	3	4	13,1	71	1

## Варианты 21, 22, 23, 24, 25.

Вариант	Магазины	Фактический объем реализации, тыс. ден. ед.	Средний объ- ем реализа- ции на одного работника, тыс. ден. ед.	Прибыль в процен- тах к то- варообо- роту	Процент продавцов в общей чис- ленности работников
21	1	1700	35	1,9	83
	2	2150	40	2,1	81
	3	1490	43	2,3	91
22	1	1870	38	1,8	80
	2	1650	41	2,0	90
	3	2100	50	2,5	85
23	1	2200	40	2,4	83
	2	1930	52	2,6	86
	3	1710	35	1,9	92
24	1	1930	49	2,3	89
	2	1680	32	2,0	87
	3	2140	39	1,9	90
25	1	1900	33	2,1	82
	2	1820	47	1,7	87
	3	1870	42	2,5	82

Варианты 26, 27, 28, 29, 30.

		Произведе-		Процент	Фондоемкость
Вари-	Пред- прия-	но продук-	_		(стоимость основных
ант	тия	ции, млн.	работающего,	идущей на	фондов на 1 ден. ед.
		ден. ед.	тыс. ден. ед.	экспорт	продукции), ден. ед.
	1	18,3	12,5	20	0,55
26	2	15,1	17,3	31	0,67
	3	16,4	11,2	18	0,83
	1	13,5	15,4	51	0,89
27	2	19,4	16,1	24	0,63
	3	18,1	17,9	18	0,53
	1	12,1	14,8	31	0,91
28	2	17,2	15,6	16	0,65
	3	14,8	18,1	28	0,66
	1	14,2	13,7	48	0,74
29	2	15,8	14,5	31	0,59
	3	18,1	17,0	12	0,92
	1	14,8	13,8	37	0,93
30	2	15,3	11,7	29	0,41
	3	15,3	12,4	28	0,59

## Типового варианта.

При расчете средних величин нужно учитывать следующее:

- а) для вычисления средних величин первичных или абсолютных (объемных) признаков используется простая средняя арифметическая (валовой сбор, площадь, количество произведённой продукции, общая выручка от продаж, общая стоимость и т.д.).
- б) средняя для вторичных или относительных признаков, т.е. заданных на единицу первичного признака или полученных делением двух первичных признаков (урожайность, затраты труда, энерговооруженность, трудоемкость и т.д.), вычисляется, как взвешенная средняя арифметическая или взвешенная средняя гармоническая в зависимости от вида известных первичных признаков, смысла усредняемого признака и связи между вторичным и заданным первичным признаком.

Исходные и расчетные данные внесем в таблицу, содержащую признаки: x — валовой сбор (u), y — урожайность (u/ea), z — затраты труда на 1 га посевной площади, t — затраты труда на 1 u зерна,  $s = \frac{x}{y}$  — по-

севная площадь (га). Таблииа 23.

		Урожай-	Затраты труда на 1		Посевная площадь,		
3Ы	сбор <i>x<sub>i</sub></i> ц	ность <i>y<sub>i</sub></i> <i>щ</i> /га	$\it ea$ посевной площади, $\it z_i$	1 ц зер-	$S_i = \frac{x_i}{y_i}$	$z_i S_i$	$t_i x_i$
1	2	3	4	5	6	7	8
1	3500	13,7	67,1	5,2	255,47	17142,037	18200
2	4300	23,4	35,2	1,8	183,76	6468,352	7740
3	1900	15,5	55,8	4,3	122,58	6839,964	8170
	9700				561,81	30450,353	04440

1). Средний валовой сбор по колхозам: 
$$\bar{x} = \frac{\sum x_i}{n} = \frac{3.5 + 4.3 + 1.9}{3} = 3.23$$
 тыс. ц.

В данном случае используется средняя арифметическая, так как этот признак является абсолютным (первичным).

2). Так как (урожайность) = (валовой сбор) : (площадь), то y является относительным признаком, следовательно,  $\bar{y}$  следует искать как среднюю взвешенную. При выборе конкретной формулы (арифметической, гармонической и т.д.) исходят из того, что при замене конкретных значений усредняемого относительного признака общая сумма значений незаданного абсолютного признака должна сохранять своё значение. В нашем случае это общая площадь. Из данных по колхозам она будет

равна  $\sum \frac{x_i}{y_i}$ , а исходя из средней урожайности, получим  $\frac{\sum x_i}{\overline{y}}$ . Прирав-

нивая, имеем 
$$\sum \frac{x_i}{y_i} = \frac{1}{\overline{y}} \sum x_i$$
, откуда получим  $\overline{y} = \frac{\sum x_i}{\sum \frac{x_i}{y_i}} = \frac{9700}{561.81} = 17.27$ . То

есть, средняя урожайность при наших данных находится, как средняя гармоническая, а в качестве весов берутся валовые сборы колхозов. Для вычисления её в расчётной таблице введена графа посевных площадей.

**Замечание:** если бы вместо валовых сборов  $x_i$  были бы заданы посевные площади  $S_i$  колхозов, то следовало бы исходить из неизменности общего валового сбора:  $\sum y_i \ S_i = \sum \overline{y} \ S_i$ . Отсюда средняя урожайность считалась бы как средняя арифметическая взвешенная:

$$\overline{y} = \frac{\sum y_i S_i}{\sum S_i} = \frac{13.7 \cdot 255.47 + 23.4 \cdot 183.76 + 15.5 \cdot 122.58}{561.81} = \frac{9699.913}{561.81} = 17.27.$$

- 3). Учитывая, что посевные площади колхозов у нас подсчитаны (графа 6) и что (затраты труда на 1 га)=(все затраты) : ( площадь), будем исходить из того, что совокупные затраты должны не меняться при замене  $z_i$  на  $\bar{z}$ . Общие реальные затраты по всем колхозам равны  $\sum z_i \, S_i = \sum \bar{z} \, S_i$ , откуда  $\bar{z} = \frac{\sum z_i S_i}{\sum S_i} = \frac{30450.353}{561.81} = 54.20$ . То есть средние затраты труда на 1 га найдены как средняя арифметическая взвешенная, а в качестве весов взяты площади.
- 4). Аналогично, средние затраты на 1  $\mu$  зерна также находим как среднюю арифметическую взвешенную, взяв в качестве весов валовые сборы  $x_i$ :  $\bar{t} = \frac{\sum t_i x_i}{\sum x_i} = \frac{34110}{9700} = 3.52$ . Обоснование попробуйте сделать сами.