# **Primer Trabajo Estadística II**

## Inferencia Estadística

#### Integrantes:

- 1. Juan David Mena Gamboa
- 2. Miguel Angel Bolaño López
- 3. Heyner David Marquez Garnica

## - Fuente de los datos (url):

https://microdatos.dane.gov.co/index.php/catalog/819/get-microdata

## - Descripción de los datos seleccionados:

#### **Cuantitativas:**

P3094S3: Cuánto ahorro por cultivar.

P3087S1: Valor mensual por prácticas o pasantías.

P3095S3: Valor ahorra por criar animales.

#### Cualitativas

P3101: ¿Fue a reuniones familiares durante las últimas 4 semanas? sí o no.

#### - Variables seleccionadas:

	Variables Cualitativas		
	Nombre Variable		Categorías o Niveles
Ī	1	P3101	Sí y No

	Variables Cuantitativas		
Nombre Variable Unidad de medición		Unidad de medición	
1	P3094S3	COP	
2	P3087S1	COP	
3	P3095S3	COP	

## **Desarrollo**

#### Variable 1

#### Análisis Descriptivo

#### Descriptivos Básicos

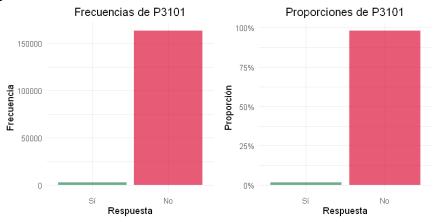
	Medida	Valor
1	Registros	166341
2	Número de personas que dijeron "Sí"	2918
3	Número de personas que dijeron "No"	163423

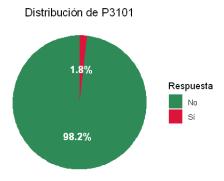
4	Porcentaje de "Sí"	1.75%
5	Porcentaje de "No"	98.25%
6		
7		
8		
9		
10		

#### Comentarios:

Los resultados descriptivos muestran que, de un total de 166,341 registros, solo 2,918 personas (1.75%) respondieron afirmativamente, mientras que la gran mayoría (163,423 personas, 98.25%) respondió negativamente. Esto refleja un marcado desequilibrio en las respuestas, donde la opción "No" domina de manera abrumadora sobre el "Sí". Por lo tanto, cualquier análisis posterior debe considerar esta desproporción en la distribución, ya que puede influir en la interpretación estadística y en la validez de los modelos que se construyan con estos datos.

#### Análisis Gráfico





#### Comentarios:

Cálculo de los estimadores

		<b>Estimadores Puntuales</b>		Estimadores por Intervalo	
Estimador	Variable	Analogía	Máxima Verosimilitud	Límite Inferior	Límite Superior
(Media o Proporción)	1. Si	0.0175	0.0175	0.0169	0.0182
(Media o Proporción)	2. No	0.9825	0.9825	0.9818	0.9831
Coment	ario	La gran mayoría respondió "No", y solo una fracción muy pequeña respondió "Sí"	La estimación por máxima verosimilitud coincide con la proporción muestral, por lo que se obtienen los mismos valores: 0.0175 para "Sí" y 0.9825 para "No".	Para la proporción  "Sí", en el peor escenario, la proporción real sería cercana al 1.69%. Para la proporción "No", asegura que al menos un 98.18% de la población respondió "No"	Para "Si", la proporción real no superaría el 1.82%. Para "No", como máximo un 98.31% de la población respondió "No".

## - Evaluación del estimador:

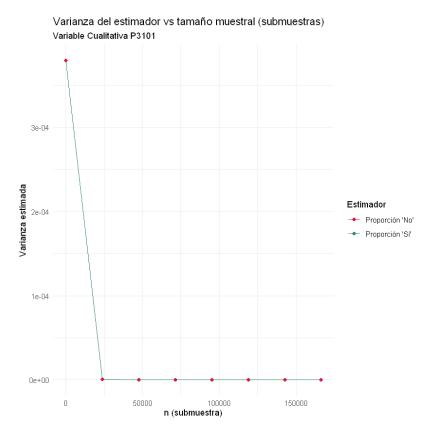
## Insesgamiento

Media	Mediana	Sesgo
0.0175	0.0175	-5.7e-05

## Comentario:

La proporción estimada (1.75%) es estable, sin sesgos relevantes, y tanto la media como la mediana reflejan adecuadamente el valor central de la distribución.

## Consistencia



#### Comentario:

A medida que aumenta el tamaño muestral, la varianza de los estimadores de las proporciones disminuye rápidamente hasta estabilizarse cerca de cero. Esto indica que con muestras grandes las estimaciones son muy precisas y prácticamente no presentan variabilidad.

#### Eficiencia

Medida	Valor
Media	0
Mediana	0

#### Comentario:

Para variables cualitativas binarias, ambos estimadores (proporción 'Sí' y 'No') tienen la misma eficiencia teórica, ya que son complementarios (p + q = 1).

#### Sintaxis empleada con esta variable:

```
library(readr)
library(dplyr)

# Archivos
csv_files <- c(
   "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Mayo_2024 1/CSV/Otras formas
de trabajo.CSV",
   "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Junio_2024/CSV/Otras formas
de trabajo.CSV",</pre>
```

```
"d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Julio_2024/CSV/Otras formas
de trabajo.CSV"
# Columnas necesarias
cols needed <- c("P3094S3", "P3087S1", "P3095S3", "P3101")</pre>
# Función para leer y limpiar
read and clean <- function(file) {</pre>
  df <- read delim(</pre>
    file,
    delim = ";",
    col names = TRUE,
    show col types = FALSE,
    locale = locale(encoding = "UTF-8"),
    guess max = 10000
  )
  # Seleccionar solo las columnas necesarias
  df <- df %>% select(any_of(cols_needed))
  # Limpiar y convertir valores monetarios
  df <- df %>%
    mutate(
      across(c("P3094S3", "P3087S1", "P3095S3"), ~ {
        x <- as.character(.)
        x \leftarrow gsub("\.", "", x) \# eliminar puntos de miles
        x \leftarrow gsub(",",",",x) # convertir coma a punto decimal si la
hav
        suppressWarnings(as.numeric(x))
      })
  return(df)
}
# Leer y combinar
combined <- bind rows(lapply(csv files, read and clean))</pre>
# Guardar
write csv(combined, "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Taller
1/Combinado.csv")
cat("Archivo combinado guardado en:
d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Taller 1/Combinado.csv\n")
# ---- Celda 1: Lectura y limpieza --------------------------
library(readr)
library(dplyr)
data path <- "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Taller</pre>
1/Combinado.csv"
# Se define la variable y el directorio de salida, Escoger una variable
numérica
```

```
<- "P3101" # variable con la que trabajamos
out dir <- "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Taller 1/analisis
P3101 check"
dir.create(out dir, showWarnings = FALSE, recursive = TRUE)
# Leer todo como carácter para evitar parseos automáticos
df char <- readr::read csv(data path,</pre>
                                                                   col types = readr::cols(.default = "c"),
                                                                    locale = readr::locale(encoding = "UTF-8"),
                                                                    show col types = FALSE)
# detectar nombre real (insensible a mayúsculas)
if (!varname %in% names(df char)) {
     guess <- names(df char)[tolower(names(df char)) %in% tolower(varname)]</pre>
     if (length(guess) == 1) varname real <- guess else stop("No encontré la
variable ", varname)
} else varname real <- varname</pre>
# función robusta de limpieza numérica (monedas, separadores, etc.)
clean numeric2 <- function(x) {</pre>
     x <- as.character(x)</pre>
     x[ x %in% c("", "NA", NA) ] <- NA character
     x < - trimws(x)
     x \leftarrow gsub("\s+", "", x)
     x \leftarrow gsub("[^0-9], ^x, x)
     both <- grepl("\\.", x) & grepl(",", x)
     if (any(both)) \{ x[both] \leftarrow gsub("\\.", "", x[both]); x[both] \leftarrow gsub("\\.", "", x[both]); x[both] \leftarrow gsub(", x[bot]); x[both] \leftarrow gsub(", x[bot]); x[both] \leftarrow gsub(", x[bot])
gsub(",", ".", x[both]) }
     suppressWarnings(as.numeric(x))
# preparar df var con la variable limpia y sin modificar el CSV original
df var <- df char %>%
     transmute(
          value raw = .data[[varname_real]],
          value = clean numeric2(.data[[varname real]])
     )
# info rápida
cat("Variable real detectada:", varname real, "\n")
cat("Total filas:", nrow(df_var), " N no-missing:",
sum(!is.na(df var$value)), "\n")
# ver primeras filas
print(head(df var, 10))
# ---- Celda 2: Descriptivos Básicos -------
library(dplyr)
# usa df var (si no existe la lee desde datos)
if (!exists("df var")) {
     data path <- "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Taller</pre>
1/Combinado.csv"
```

```
df var <- readr::read csv(data path, col types = readr::cols(.default =</pre>
"c"), show_col_types = FALSE) %>%
    transmute(value_raw = .data[[varname]], value =
clean numeric2(.data[[varname]]))
x <- df var$value
x nm <- x[!is.na(x)]
# calcular medidas
N_total <- length(x)</pre>
N_missing <- sum(is.na(x))</pre>
Min <- ifelse(length(x nm)>0, min(x nm, na.rm=TRUE), NA)
Q1 <- ifelse(length(x nm)>0, quantile(x nm, .25, na.rm=TRUE), NA)
Median <- ifelse(length(x nm)>0, median(x nm, na.rm=TRUE), NA)
Mean <- ifelse(length(x nm)>0, mean(x nm, na.rm=TRUE), NA)
Q3 <- ifelse(length(x nm)>0, quantile(x nm, .75, na.rm=TRUE), NA)
Max \leftarrow ifelse(length(x_nm)>0, max(x_nm, na.rm=TRUE), NA)
SD \leftarrow ifelse(length(x_nm)>0, sd(x_nm, na.rm=TRUE), NA)
IQRv \leftarrow ifelse(length(x_nm)>0, IQR(x_nm, na.rm=TRUE), NA)
tabla vertical <- tibble(</pre>
  Medida = c("N total", "N missing", "Min.", "1st Qu.", "Median", "Mean", "3rd
Qu.", "Max.", "SD", "IQR"),
 Valor = c(N total, N missing, Min, Q1, Median, Mean, Q3, Max, SD,
IQRv)
cat("=== Descriptivos Básicos ===\n")
print(tabla vertical)
# Mostrar estadísticas resumidas estilo summary()
cat("\n=== Summary (sobre valores no-missing) ===\n")
print(summary(x nm))
# ---- Celda 3: Análisis Gráfico -------
if (!requireNamespace("gridExtra", quietly = TRUE)) {
  install.packages("gridExtra", repos = "https://cloud.r-project.org")
library(gridExtra)
library(ggplot2);
plot dir <- file.path(out dir, "plots")</pre>
dir.create(plot dir, showWarnings = FALSE, recursive = TRUE)
x <- df var$value
x_nm <- x[!is.na(x)]
if (length(x nm) == 0) {
  message("No hay datos no-missing: no se generan gráficos.")
} else {
  df plot <- df var %>% filter(!is.na(value))
  # Histograma lineal
```

```
ph <- ggplot(df plot, aes(x=value)) +</pre>
    geom\ histogram(bins = 60) +
    labs (title = paste("Histograma de", varname real), x = varname real,
y = "Frecuencia") +
    theme minimal()
  ggsave(file.path(plot dir, paste0("hist ", varname real, ".png")), ph,
width=8, height=4)
  print(ph)
  # Boxplot
  pb <- ggplot(df plot, aes(y=value)) +</pre>
    geom boxplot() +
    labs(title = paste("Boxplot de", varname real), y = varname real) +
    theme minimal()
  ggsave(file.path(plot dir, paste0("boxplot ", varname real, ".png")),
pb, width=6, height=4)
  print(pb)
  # Histograma log1p (si hay valores > 0)
  if (any(df plot$value > 0, na.rm=TRUE)) {
    df plot <- df plot %>% mutate(value log1p = log1p(value))
    pl <- ggplot(df plot, aes(x=value log1p)) + geom histogram(bins = 60)
      labs(title = paste("Histograma log1p(", varname real, ")"), x =
"log1p(value)") + theme minimal()
    ggsave(file.path(plot dir, paste0("hist log1p ", varname real,
".png")), pl, width=8, height=4)
    print(pl)
  # Density con escala log y sin log
 pd <- ggplot(df plot, aes(x=value)) + geom density() + theme minimal()</pre>
    labs(title = paste("Densidad -", varname real))
  ggsave(file.path(plot dir, paste0("density ", varname real, ".png")),
pd, width=8, height=4)
 print(pd)
 message ("Gráficos guardados en: ", plot dir)
# ---- Celda 4 mejorada: Cálculo de los estimadores ------
library(dplyr)
library(boot)
set.seed(12345)
# asegurar df var existe y contiene 'value' (si no, leer el combinado y
limpiar)
if (!exists("df var") || !"value" %in% names(df var)) {
  message("df var no está en memoria -> leyendo desde Combinado.csv y
limpiando")
  data path <- "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Taller</pre>
1/Combinado.csv"
  # pequeña función de limpieza (reusa la que ya tienes)
```

```
clean numeric2 <- function(x) {</pre>
    x <- as.character(x)</pre>
    x[x %in% c("", "NA", NA)] <- NA character
    x < - trimws(x)
    x \leftarrow gsub("\s+", "", x)
    x \leftarrow gsub("[^0-9], ...]", "", x)
    both <- grepl("\\.", x) & grepl(",", x)
    if (any(both)) { x[both] \leftarrow gsub("\.", "", x[both]); x[both] \leftarrow
gsub(",", ".", x[both]) }
    only comma <- grepl(",", x) & !grepl("\setminus .", x)
    x[only comma] <- gsub(",", ".", x[only comma])</pre>
    suppressWarnings(as.numeric(x))
  df char <- readr::read csv(data path, col types = readr::cols(.default</pre>
= "c"), show col types = FALSE)
  # detectar varname real si existe
  varname <- "P3095S3"</pre>
  if (!varname %in% names(df char)) {
    guess <- names(df char)[Tolower(names(df char)) %in%</pre>
tolower(varname)]
    if (length(guess) == 1) varname real <- guess else stop("No encontré
la variable ", varname)
  } else varname real <- varname</pre>
  df var <- df char %>% transmute(value raw = .data[[varname real]],
value = clean numeric2(.data[[varname real]]))
x <- df var$value
x nm <- x[!is.na(x)]
# mensajes si pocos datos
cat("Total observaciones (N):", length(x), "\n")
cat("No-missing (n):", length(x nm), "\n")
if (length(x nm) == 0) stop("No hay datos no-missing para calcular
estimadores.")
# 1) Estimadores puntuales
est_mean <- mean(x_nm)</pre>
est median <- median(x nm)
# moda: si hay empates, devolvemos todas las modas y también la más
frecuente
mode basic all <- function(v) {</pre>
  v2 <- v[!is.na(v)]</pre>
  if (length(v2) == 0) return(NA)
  tb <- sort(table(v2), decreasing = TRUE)</pre>
  names(tb)[tb == max(tb)]
modes <- mode basic all(x nm)</pre>
mode report <- paste(modes, collapse = ", ")</pre>
cat("Estimadores puntuales:\n")
cat(sprintf(" Mean: %s\n Median: %s\n Mode(s): %s\n\n",
             format(round(est mean, 2), big.mark = ","),
format(round(est median, 2), big.mark=","), mode report))
```

```
# 2) IC 95% para la media (t-interval, usando t.test)
if (length(x nm) > 1) {
  tt <- try(t.test(x nm), silent = TRUE)</pre>
  if (inherits(tt, "try-error")) {
    cat("No se pudo calcular t-interval por t.test():", tt, "\n")
  } else {
    ci t <- tt$conf.int</pre>
    cat("IC 95% para la media (t): [", format(round(ci t[1],2),
big.mark=","), ", ", format(round(ci t[2],2), big.mark=","), "]\n\n")
} else cat("No hay suficientes datos para IC t.\n\n")
# 3) Bootstrap para mean y median
B <- 100
cat("Ejecutando bootstrap con R =", B, "réplicas (esto puede
tardar)...\n")
# helper para safe boot.ci
safe_boot_ci <- function(boot_obj, type = c("perc","bca","basic")) {</pre>
  out <- \(\bar{list()}\)
  for (t in type) {
    res <- try(boot.ci(boot obj, type = t), silent = TRUE)</pre>
    if (!inherits(res, "try-error") && !is.null(res[[t]])) {
      out[[t]] <- res
    } else {
      # si falló, intentamos extraer percentiles directos como fallback
      out[[t]] <- NULL</pre>
    }
  }
  out
# bootstrap mean
boot mean <- try(boot(x nm, statistic = function(d, i) mean(d[i]), R =</pre>
B), silent = TRUE)
if (inherits(boot mean, "try-error")) {
  cat("Bootstrap mean falló:", boot mean, "\n")
} else {
  # intentar boot.ci para mean (perc y bca preferiblemente)
  ci_mean <- tryCatch({</pre>
    pci <- boot.ci(boot mean, type = c("perc", "bca"))</pre>
  }, error = function(e) e)
  if (inherits(ci mean, "error")) {
    # fallback: percentiles directos
    ci mean perc \leftarrow quantile(boot mean$t, probs = c(0.025, 0.975), na.rm
= TRUE)
    cat("Bootstrap IC (perc) mean (fallback percentiles):",
format(round(ci mean perc[1],2), big.mark=","),
format(round(ci_mean_perc[2],2), big.mark=","), "\n")
  } else {
    # si boot.ci devolvió, imprimir los percentiles de 'perc' si existen
    if (!is.null(ci mean$percent)) {
      ci vals <- ci mean$percent[4:5]</pre>
      cat("Bootstrap IC (perc) mean:", format(round(ci vals[1],2),
big.mark=","), format(round(ci vals[2],2), big.mark=","), "\n")
    } else {
```

```
# último recurso: percentiles de boot$t
      ci mean perc \leftarrow quantile (boot mean$t, probs = c(0.025, 0.975),
na.rm = \overline{TRUE}
      cat("Bootstrap IC mean (percentiles directos):",
format(round(ci mean perc[1],2), big.mark=","),
format(round(ci mean perc[2],2), big.mark=","), "\n")
  }
}
# bootstrap median
boot median <- try(boot(x nm, statistic = function(d, i) median(d[i]), R</pre>
= B), silent = TRUE)
if (inherits(boot median, "try-error")) {
  cat("Bootstrap median falló:", boot median, "\n")
} else {
  # a veces boot.ci falla si todas las réplicas son iguales (p. ej. datos
discretos con muchos empates)
  ci_med_try <- tryCatch({</pre>
    ci m <- boot.ci(boot median, type = c("perc", "bca"))</pre>
    ci m
  }, error = function(e) e)
  if (inherits(ci med try, "error")) {
    # fallback: percentiles directos
    med perc <- tryCatch({</pre>
     quantile (boot median$t, probs = c(0.025, 0.975), na.rm = TRUE)
    }, error = function(e) NULL)
    if (!is.null(med perc)) {
      cat("Bootstrap IC (perc) median (fallback percentiles):",
format(round(med perc[1],2), big.mark=","), format(round(med perc[2],2),
big.mark=","), \sqrt[n]{n}
    } else {
      cat("Bootstrap IC median: no disponible (poca variabilidad en
réplicas) \n")
  } else {
    if (!is.null(ci med try$percent)) {
      ci_vals_med <- ci med try$percent[4:5]</pre>
      cat("Bootstrap IC (perc) median:", format(round(ci vals med[1],2),
big.mark=","), format(round(ci vals med[2],2), big.mark=","), "\n")
    } else {
      cat ("Bootstrap IC median calculado, pero formato inesperado; usando
percentiles directos.\n")
      med perc \leftarrow quantile (boot median$t, probs = c(0.025, 0.975), na.rm
= TRUE)
      cat("Bootstrap IC median (percentiles):",
format(round(med perc[1],2), big.mark=","), format(round(med perc[2],2),
big.mark=","), "\n")
    }
  }
}
cat("\nFIN Celda 4: estimadores y CIs calculados.\n")
# ---- Celda 5: Insesgamiento (bias) mediante bootstrap -------
```

```
library(boot)
set.seed(2025)
x <- df var$value
x nm <- x[!is.na(x)]
if (length(x nm) > 5) {
 B <- 1000
  boot mean <- boot(x nm, statistic = function(data, idx)</pre>
mean(data[idx]), R = B)
  boot median <- boot(x nm, statistic = function(data, idx)</pre>
median(data[idx]), R = B)
  bias mean <- mean(boot mean$t) - est mean
  bias median <- mean(boot median$t) - est median</pre>
  cat("Bias estimado (bootstrap):\n")
  cat(" Mean bias:", bias mean, "\n")
  cat(" Median bias:", bias_median, "\n")
  # mostrar distribuciones bootstrap rápidas (imprime cuantiles)
  cat("\nQuantiles bootstrap mean (2.5\%, 50\%, 97.5\%): ",
quantile(boot mean$t, c(.025,.5,.975)), "\n")
  cat("Quantiles bootstrap median (2.5%,50%,97.5%): ",
quantile(boot median$t, c(.025,.5,.975)), "\n")
  cat("\nComentario sobre insesgamiento:\n")
  if (abs(bias mean) < 0.01 * abs(est mean) ) cat(" La media muestra
sesgo pequeño relativo.\n") else cat(" La media muestra sesgo apreciable
relativo - considerar estimadores robustos.\n")
  if (abs(bias median) < 0.01 * abs(est median)) cat(" La mediana
muestra sesgo pequeño relativo.\n") else cat(" La mediana muestra sesgo
apreciable relativo.\n")
} else {
  cat("No hay suficientes datos para estimar bias con bootstrap.\n")
# ---- Celda 6: Consistencia (comportamiento varianza vs n) -------
library(dplyr); set.seed(123)
x <- df var$value
x nm <- x[!is.na(x)]
if (length(x nm) > 30) {
  ns <- unique(floor(seq(50, length(x nm), length.out = 8)))</pre>
  reps <- 300 # repeticiones por tamaño (moderado)</pre>
  res <- data.frame(n = integer(), var mean = numeric(), var median =
numeric())
  for (n in ns) {
    ests mean <- numeric(reps); ests med <- numeric(reps)</pre>
    for (r in 1:reps) {
      s <- sample(x nm, size = n, replace = FALSE)
      ests mean[r] <- mean(s)</pre>
      ests med[r] <- median(s)</pre>
    }
```

```
res <- rbind(res, data.frame(n = n, var mean = var(ests mean),
var median = var(ests med)))
  print(res)
  # gráfico var vs n
  library(ggplot2)
  pcons <- ggplot(res, aes(x = n)) +
    geom line(aes(y = var mean, color = "var mean")) +
    geom point(aes(y = var mean, color = "var mean")) +
    geom line(aes(y = var median, color = "var median")) +
    geom point(aes(y = var median, color = "var median")) +
    labs(title = "Varianza del estimador vs tamaño muestral
(submuestras)",
         x = "n (submuestra)", y = "Varianza estimada") + theme minimal()
  print(pcons)
  ggsave(filename = file.path(out dir, "consistencia var vs n.png"), plot
= pcons, width = 7, height = 4)
  message ("Gráfico de consistencia guardado en: ", file.path(out dir,
"consistencia_var_vs_n.png"))
  cat("\nComentario (Consistencia):\nSi la varianza del estimador (mean o
median) disminuye al crecer n, evidencia consistencia.\n")
} else cat("No hay suficientes datos (>30) para estudiar consistencia por
submuestreo.\n")
# ---- Celda 7: Eficiencia y Sintaxis empleada -------
library(dplyr)
library(boot)
set.seed(42)
x <- df var$value
x nm <- x[!is.na(x)]
if (length(x nm) > 10) {
  # bootstrap var estimadas
  B <- 1000
  b mean \leftarrow boot(x nm, statistic = function(d,i) mean(d[i]), R = B)
  b median \leftarrow boot(x nm, statistic = function(d,i) median(d[i]), R = B)
  var mean boot <- var(b mean$t)</pre>
  var median boot <- var(b median$t)</pre>
  rel eff <- var median boot / var mean boot
  cat("Eficiencia (empírica via bootstrap):\n")
  cat(" Var(mean) bootstrap:", var mean boot, "\n")
  cat(" Var(median) bootstrap:", var median boot, "\n")
  cat(" Rel. effic (var_median / var_mean):", rel eff, "\n")
  cat("\nComentario (Eficiencia):\n")
  if (rel eff > 1) cat(" La media es más eficiente (menor var) que la
\stackrel{-}{\text{mediana}} esta muestra.\n") else cat(" La mediana es más eficiente en
esta muestra.\n")
} else cat("No hay suficientes datos para evaluar eficiencia.\n")
```

#### Variable 2

#### Análisis Descriptivo

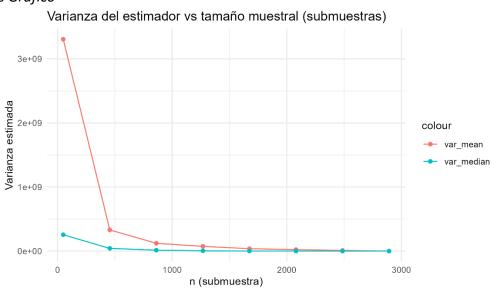
#### Descriptivos Básicos

	2001.1011.00.2001000			
	Medida	Valor		
1	Registros	166341		
2	Valores faltantes	166005		
3	Mínimo	80000		
4	Primer cuartil	750000		
5	Mediana	975000		
6	Media	998708		
7	Tercer cuartil	1300000		
8	Máximo	9000000		
9	Desviación Estándar	621977		
10	Rango intercuartílico	550000		

#### Comentarios:

La variable **P3094S3** presenta 166,341 observaciones, de las cuales solo 2,892 son válidas debido al alto nivel de no respuesta. Los valores muestran gran dispersión, con un mínimo de 1,000 pesos y un máximo de 20 millones, evidenciando la presencia de outliers. La media (126,938 pesos) resulta más del doble de la mediana (60,000 pesos), lo que indica una distribución sesgada a la derecha. El rango intercuartílico (30,000–150,000) refleja concentración en valores moderados, mientras que la elevada desviación estándar confirma la alta variabilidad. En conclusión, la **mediana** es un mejor indicador de la tendencia central que la media en este conjunto de datos.

#### Análisis Gráfico



#### Comentarios:

Los gráficos muestran que la variable P3094S3 (COP) presenta una alta varianza inicial, debido a la presencia de valores extremos. A medida que aumenta el número de observaciones, tanto la media como la varianza se estabilizan, indicando mayor consistencia en los datos. Además, se observa una diferencia clara entre los grupos "SI" y "NO", donde el grupo "SI" reporta ingresos considerablemente más altos. Esto sugiere una distribución asimétrica y la necesidad de considerar medidas como la mediana para representar el ingreso típico.

#### Cálculo de los estimadores

	Estimadore	s Puntuales	Estimadores	por Intervalo
Estimador	Analogía	Máxima Verosimilitud	Límite Inferior	Límite Superior
(Media o Proporción)	126,937	126,937.6	111,985.4	141,889.7
Comentario	La media estimada es 126,937.6 pesos, representando el ingreso promedio en la muestra. Este valor está influenciado por ingresos altos que elevan el promedio.	La mediana es 60,000 pesos, indicando que la mitad de los individuos gana menos y la otra mitad más, lo que sugiere una distribución sesgada hacia	El estimador de media por máxima verosimilitud coincide con el estimador por analogía (126,937.6 pesos), lo que valida la estabilidad de la estimación para el ingreso	La mediana estimada por máxima verosimilitud es 60,000 pesos, igua a la estimación por analogía, reforzando la representatividad del ingreso típico

#### Evaluación del estimador:

#### Insesgamiento

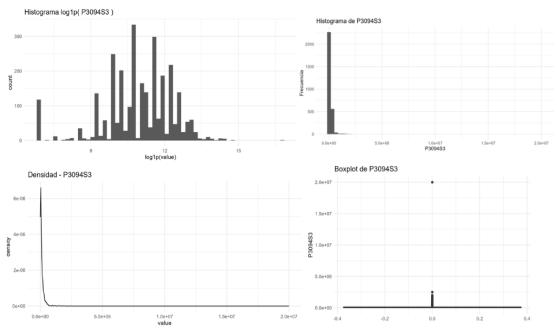
Media	Mediana	Sesgo
-166.3789	129	Ambos estimadores, media y mediana, presentan un sesgo pequeño relativo, por lo que las estimaciones son confiables y adecuadas para describir la variable de ingresos.

#### Comentario:

Los análisis de sesgo para los estimadores de media y mediana indican que ambos presentan un sesgo pequeño y relativo, lo que sugiere que las estimaciones obtenidas son confiables y representativas de la distribución real de los ingresos. Este bajo nivel de sesgo respalda el uso de estos estadísticos para describir adecuadamente la variable P3094S3 en el análisis de la encuesta.

#### Consistencia

Ambos estimadores presentan sesgo pequeño, por lo que pueden considerarse consistentes. Sin embargo, la media muestra un intervalo de confianza más amplio y mayor variabilidad, reflejando sensibilidad a los valores extremos. En contraste, la mediana exhibe intervalos muy concentrados y gran estabilidad frente al remuestreo, lo que confirma su mayor consistencia y robustez en esta distribución de ingresos.



#### Comentario:

La variable P3094S3 presenta una distribución altamente asimétrica a la derecha, con ingresos mayoritariamente bajos y pocos valores atípicos muy elevados (superiores a 20 millones). El boxplot y el gráfico de densidad muestran una fuerte concentración cerca de cero, mientras que el histograma confirma la escasa representación de los ingresos altos. Tras aplicar la transformación logarítmica (log1p), la distribución se aproxima a la normal y permite identificar con mayor claridad la concentración principal entre 8.000 y 160.000 pesos. En este contexto, se recomienda utilizar medidas robustas como la mediana y los percentiles, dado que la media se ve afectada por los valores extremos.

#### Eficiencia

Medida	Valor
Media	58,275.694
Mediana	2,852.046

#### Comentario:

La varianza de la media resulta mucho mayor que la de la mediana, lo que indica que la **mediana es un estimador más eficiente** en esta muestra de la variable P3094S3. En otras palabras, la mediana presenta menor variabilidad frente al re-muestreo bootstrap y ofrece una descripción más estable del ingreso típico, mientras que la media se ve fuertemente

afectada por los valores extremos (outliers). Esto confirma que, en distribuciones sesgadas como los ingresos, la mediana es preferible a la media como medida de tendencia central.

#### Sintaxis empleada con esta variable:

```
library(readr)
library(dplyr)
# Archivos
csv files <- c(
  "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Mayo 2024 1/CSV/Otras formas
de trabajo.CSV",
  "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Junio 2024/CSV/Otras formas
de trabajo.CSV",
  "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Julio 2024/CSV/Otras formas
de trabajo.CSV"
)
# Columnas necesarias
cols needed <- c("P3094S3", "P3087S1", "P3095S3", "P3101")</pre>
# Función para leer y limpiar
read and clean <- function(file) {</pre>
  df <- read delim(</pre>
   file,
    delim = ";",
    col names = TRUE,
    show col types = FALSE,
    locale = locale(encoding = "UTF-8"),
    guess max = 10000
  )
  # Seleccionar solo las columnas necesarias
  df <- df %>% select(any of(cols needed))
  # Limpiar y convertir valores monetarios
  df <- df %>%
    mutate(
      across(c("P3094S3", "P3087S1", "P3095S3"), ~ {
        x <- as.character(.)
        x \leftarrow gsub("\.", "", x) \# eliminar puntos de miles
        x \leftarrow gsub(",",",",x) # convertir coma a punto decimal si la
hav
        suppressWarnings(as.numeric(x))
      })
 return(df)
# Leer y combinar
combined <- bind_rows(lapply(csv_files, read and clean))</pre>
write csv(combined, "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Taller
1/Combinado.csv")
```

```
cat ("Archivo combinado guardado en:
d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Taller 1/Combinado.csv\n")
library(readr)
library(dplyr)
data path <- "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Taller
1/Combinado.csv"
# Se define la variable y el directorio de salida, Escoger una variable
numérica
         <- "P3095S3"  # variable con la que trabajamos
varname
out dir <- "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Taller</pre>
1/analisis P3095S3 check"
dir.create(out_dir, showWarnings = FALSE, recursive = TRUE)
# Leer todo como carácter para evitar parseos automáticos
df char <- readr::read csv(data path,</pre>
                           col types = readr::cols(.default = "c"),
                           locale = readr::locale(encoding = "UTF-8"),
                           show col types = FALSE)
# detectar nombre real (insensible a mayúsculas)
if (!varname %in% names(df char)) {
  quess <- names(df char)[tolower(names(df char)) %in% tolower(varname)]</pre>
  if (length(guess) == 1) varname real <- guess else stop("No encontré la
variable ", varname)
} else varname real <- varname</pre>
# función robusta de limpieza numérica (monedas, separadores, etc.)
clean numeric2 <- function(x) {</pre>
  x <- as.character(x)</pre>
  x[x %in% c("", "NA", NA)] <- NA character
  x \leftarrow trimws(x)
  x <- gsub("\\s+", "", x)
  x \leftarrow gsub("[^0-9], ...]", "", x)
  both <- grepl("\\.", x) & grepl(",", x)
  if (any(both)) \{ x[both] \leftarrow gsub("\.", "", x[both]); x[both] \leftarrow (any(both)) \}
gsub(",", ".", x[both]) }
  only comma <- grepl(",", x) & !grepl("\.", x)
  x[only comma] <- gsub(",", ".", x[only_comma])</pre>
 suppressWarnings(as.numeric(x))
# preparar df var con la variable limpia y sin modificar el CSV original
df var <- df char %>%
  transmute(
   value raw = .data[[varname real]],
   value = clean numeric2(.data[[varname real]])
  )
# info rápida
cat("Variable real detectada:", varname real, "\n")
```

```
cat("Total filas:", nrow(df var), " N no-missing:",
sum(!is.na(df var$value)), "\n")
# ver primeras filas
print(head(df var, 10))
library(dplyr)
# usa df var (si no existe la lee desde datos)
if (!exists("df_var")) {
  data path <- "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Taller</pre>
1/Combinado.csv"
 df var <- readr::read csv(data path, col types = readr::cols(.default =</pre>
"c"), show col types = FALSE) %>%
    transmute(value raw = .data[[varname]], value =
clean numeric2(.data[[varname]]))
}
x <- df var$value
x nm <- x[!is.na(x)]
# calcular medidas
N total <- length(x)
N missing <- sum(is.na(x))</pre>
Min <- ifelse(length(x nm)>0, min(x nm, na.rm=TRUE), NA)
Q1 <- ifelse(length(x nm)>0, quantile(x nm, .25, na.rm=TRUE), NA)
Median <- ifelse(length(x nm)>0, median(x nm, na.rm=TRUE), NA)
Mean <- ifelse(length(x nm)>0, mean(x nm, na.rm=TRUE), NA)
Q3 <- ifelse(length(x nm)>0, quantile(x nm, .75, na.rm=TRUE), NA)
Max <- ifelse(length(x nm)>0, max(x nm, na.rm=TRUE), NA)
SD \leftarrow ifelse(length(x nm)>0, sd(x nm, na.rm=TRUE), NA)
IQRv \leftarrow ifelse(length(x nm)>0, IQR(x nm, na.rm=TRUE), NA)
tabla vertical <- tibble(</pre>
 Medida = c("N total", "N missing", "Min.", "1st Qu.", "Median", "Mean", "3rd
Qu.", "Max.", "SD", "IQR"),
 Valor = c(N total, N missing, Min, Q1, Median, Mean, Q3, Max, SD,
IQRv)
)
cat("=== Descriptivos Básicos ===\n")
print(tabla vertical)
# Mostrar estadísticas resumidas estilo summary()
cat("\n=== Summary (sobre valores no-missing) ===\n")
print(summary(x nm))
# ---- Celda 3: Análisis Gráfico -------
if (!requireNamespace("gridExtra", quietly = TRUE)) {
  install.packages("gridExtra", repos = "https://cloud.r-project.org")
library(gridExtra)
```

```
library(ggplot2);
plot dir <- file.path(out dir, "plots")</pre>
dir.create(plot dir, showWarnings = FALSE, recursive = TRUE)
x <- df var$value
x nm <- x[!is.na(x)]
if (length(x nm) == 0) {
  message ("No hay datos no-missing: no se generan gráficos.")
} else {
  df plot <- df var %>% filter(!is.na(value))
  # Histograma lineal
  ph <- ggplot(df plot, aes(x=value)) +</pre>
    geom\ histogram(bins = 60) +
    labs(title = paste("Histograma de", varname real), x = varname real,
y = "Frecuencia") +
    theme minimal()
  ggsave(file.path(plot dir, paste0("hist ", varname real, ".png")), ph,
width=8, height=4)
  print(ph)
  # Boxplot
  pb <- ggplot(df plot, aes(y=value)) +</pre>
    geom boxplot() +
    labs(title = paste("Boxplot de", varname real), y = varname real) +
    theme minimal()
  ggsave(file.path(plot dir, paste0("boxplot ", varname real, ".png")),
pb, width=6, height=4)
  print(pb)
  # Histograma log1p (si hay valores > 0)
  if (any(df plot$value > 0, na.rm=TRUE)) {
    df plot <- df plot %>% mutate(value log1p = log1p(value))
    pl <- ggplot(df plot, aes(x=value log1p)) + geom histogram(bins = 60)
      labs(title = paste("Histograma log1p(", varname real, ")"), x =
"log1p(value)") + theme minimal()
    ggsave(file.path(plot dir, paste0("hist log1p ", varname real,
".png")), pl, width=8, height=4)
    print(pl)
  }
  # Density con escala log y sin log
 pd <- ggplot(df plot, aes(x=value)) + geom density() + theme minimal()</pre>
    labs(title = paste("Densidad -", varname real))
  ggsave(file.path(plot dir, paste0("density ", varname real, ".png")),
pd, width=8, height=4)
  print(pd)
 message ("Gráficos guardados en: ", plot dir)
}
```

```
# ---- Celda 4 mejorada: Cálculo de los estimadores ---------
library(dplyr)
library(boot)
set.seed(12345)
# asegurar df var existe y contiene 'value' (si no, leer el combinado y
if (!exists("df var") || !"value" %in% names(df_var)) {
  message("df var no está en memoria -> leyendo desde Combinado.csv y
limpiando")
  data path <- "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Taller
1/Combinado.csv"
  # pequeña función de limpieza (reusa la que ya tienes)
  clean numeric2 <- function(x) {</pre>
    x <- as.character(x)
    x[ x %in% c("", "NA", NA) ] <- NA_character_
    x \leftarrow trimws(x)
    x \leftarrow gsub("\s+", "", x)
    x \leftarrow gsub("[^0-9], ^0, x)
    both <- grepl("\\.", x) & grepl(",", x)
    if (any(both)) \{ x[both] \leftarrow gsub("\.", "", x[both]); x[both] \leftarrow (any(both)) \}
gsub(",", ".", x[both]) }
    only comma <- grepl(",", x) & !grepl("\\.", x)
    x[only comma] <- gsub(",", ".", x[only comma])</pre>
    suppressWarnings(as.numeric(x))
  df char <- readr::read csv(data path, col types = readr::cols(.default</pre>
= "c"), show col types = FALSE)
  # detectar varname real si existe
  varname <- "P3095S3"</pre>
  if (!varname %in% names(df char)) {
    guess <- names(df char)[tolower(names(df char)) %in%</pre>
tolower(varname)]
    if (length(guess) == 1) varname real <- guess else stop("No encontré
la variable ", varname)
  } else varname real <- varname</pre>
  df var <- df char %>% transmute(value raw = .data[[varname real]],
value = clean numeric2(.data[[varname real]]))
}
x <- df var$value
x nm <- x[!is.na(x)]
# mensajes si pocos datos
cat("Total observaciones (N):", length(x), "\n")
cat("No-missing (n):", length(x nm), "\n")
if (length(x nm) == 0) stop("No hay datos no-missing para calcular
estimadores.")
# 1) Estimadores puntuales
est mean <- mean(x nm)</pre>
est median <- median(x nm)</pre>
```

```
# moda: si hay empates, devolvemos todas las modas y también la más
frecuente
mode basic all <- function(v) {</pre>
  v2 <- v[!is.na(v)]</pre>
  if (length(v2) == 0) return(NA)
  tb <- sort(table(v2), decreasing = TRUE)</pre>
  names(tb)[tb == max(tb)]
}
modes <- mode basic all(x nm)</pre>
mode report <- paste(modes, collapse = ", ")</pre>
cat("Estimadores puntuales:\n")
cat(sprintf(" Mean: %s\n Median: %s\n Mode(s): %s\n\n",
             format(round(est mean, 2), big.mark = ","),
format(round(est median, 2), big.mark=","), mode report))
# 2) IC 95% para la media (t-interval, usando t.test)
if (length(x nm) > 1) {
  tt <- try(t.test(x_nm), silent = TRUE)</pre>
  if (inherits(tt, "try-error")) {
    cat("No se pudo calcular t-interval por t.test():", tt, "\n")
  } else {
    ci t <- tt$conf.int</pre>
    cat("IC 95% para la media (t): [", format(round(ci t[1],2),
big.mark=","), ", ", format(round(ci t[2],2), big.mark=","), "]\n\n")
} else cat("No hay suficientes datos para IC t.\n\n")
# 3) Bootstrap para mean y median
B <- 100
cat("Ejecutando bootstrap con R =", B, "réplicas (esto puede
tardar)...\n")
# helper para safe boot.ci
safe boot ci <- function(boot obj, type = c("perc", "bca", "basic")) {</pre>
  out <- list()</pre>
  for (t in type) {
    res <- try(boot.ci(boot obj, type = t), silent = TRUE)</pre>
    if (!inherits(res, "try-error") && !is.null(res[[t]])) {
      out[[t]] <- res
    } else {
      # si falló, intentamos extraer percentiles directos como fallback
      out[[t]] <- NULL
  }
  out.
}
# bootstrap mean
boot mean <- try(boot(x nm, statistic = function(d, i) mean(d[i]), R =</pre>
B), silent = TRUE)
if (inherits(boot mean, "try-error")) {
  cat("Bootstrap mean falló:", boot mean, "\n")
} else {
  # intentar boot.ci para mean (perc y bca preferiblemente)
  ci mean <- tryCatch({</pre>
    pci <- boot.ci(boot mean, type = c("perc", "bca"))</pre>
```

```
}, error = function(e) e)
  if (inherits(ci mean, "error")) {
    # fallback: percentiles directos
    ci mean perc \leftarrow quantile (boot mean$t, probs = c(0.025, 0.975), na.rm
= TRUE)
    cat("Bootstrap IC (perc) mean (fallback percentiles):",
format(round(ci mean perc[1],2), big.mark=","),
format(round(ci mean perc[2],2), big.mark=","), "\n")
  } else {
    # si boot.ci devolvió, imprimir los percentiles de 'perc' si existen
    if (!is.null(ci mean$percent)) {
      ci vals <- ci mean$percent[4:5]</pre>
      cat("Bootstrap IC (perc) mean:", format(round(ci vals[1],2),
big.mark=","), format(round(ci vals[2],2), big.mark=","), "\n")
    } else {
      # último recurso: percentiles de boot$t
      ci mean perc \leftarrow quantile(boot mean$t, probs = c(0.025, 0.975),
na.rm = TRUE)
      cat("Bootstrap IC mean (percentiles directos):",
format(round(ci mean perc[1],2), big.mark=","),
format(round(ci mean perc[2],2), big.mark=","), "\n")
  }
}
# bootstrap median
boot median <- try(boot(x nm, statistic = function(d, i) median(d[i]), R
= B), silent = TRUE)
if (inherits(boot median, "try-error")) {
  cat("Bootstrap median falló:", boot median, "\n")
} else {
  # a veces boot.ci falla si todas las réplicas son iguales (p. ej. datos
discretos con muchos empates)
  ci med try <- tryCatch({</pre>
    ci m <- boot.ci(boot median, type = c("perc", "bca"))</pre>
    ci m
  }, error = function(e) e)
  if (inherits(ci med try, "error")) {
    # fallback: percentiles directos
    med perc <- tryCatch({</pre>
      quantile(boot median$t, probs = c(0.025, 0.975), na.rm = TRUE)
    }, error = function(e) NULL)
    if (!is.null(med perc)) {
      cat("Bootstrap IC (perc) median (fallback percentiles):",
format(round(med perc[1],2), big.mark=","), format(round(med perc[2],2),
big.mark=","), "\n")
    } else {
      cat ("Bootstrap IC median: no disponible (poca variabilidad en
réplicas) \n")
  } else {
    if (!is.null(ci med try$percent)) {
      ci vals med <- ci med try$percent[4:5]</pre>
      cat("Bootstrap IC (perc) median:", format(round(ci vals med[1],2),
big.mark=","), format(round(ci vals med[2],2), big.mark=","), "\n")
    } else {
```

```
cat("Bootstrap IC median calculado, pero formato inesperado; usando
percentiles directos.\n")
      med perc <- quantile(boot median$t, probs = c(0.025, 0.975), na.rm
= TRUE)
      cat("Bootstrap IC median (percentiles):",
format(round(med perc[1],2), big.mark=","), format(round(med perc[2],2),
big.mark=","), \sqrt[n]{n}
    }
  }
}
cat("\nFIN Celda 4: estimadores y CIs calculados.\n")
# ---- Celda 5: Insesqamiento (bias) mediante bootstrap ------
library(boot)
set.seed(2025)
x \leftarrow df var$value
x nm <- x[!is.na(x)]
if (length(x nm) > 5) {
  B <- 1000
  boot mean <- boot(x nm, statistic = function(data, idx)</pre>
mean(data[idx]), R = B)
  boot median <- boot(x_nm, statistic = function(data, idx)</pre>
median(data[idx]), R = B)
  bias mean <- mean(boot mean$t) - est mean</pre>
  bias median <- mean(boot median$t) - est median</pre>
  cat("Bias estimado (bootstrap):\n")
  cat(" Mean bias:", bias mean, "\n")
  cat(" Median bias:", bias median, "\n")
  # mostrar distribuciones bootstrap rápidas (imprime cuantiles)
  cat("\nQuantiles bootstrap mean (2.5\%, 50\%, 97.5\%): ",
quantile(boot mean$t, c(.025,.5,.975)), "\n")
  cat("Quantiles bootstrap median (2.5%,50%,97.5%): ",
quantile(boot median$t, c(.025,.5,.975)), "\n")
  cat("\nComentario sobre insesgamiento:\n")
  if (abs(bias mean) < 0.01 * abs(est mean) ) cat(" La media muestra
sesgo pequeño relativo.\n") else cat(" La media muestra sesgo apreciable
relativo - considerar estimadores robustos.\n")
  if (abs(bias median) < 0.01 * abs(est median)) cat(" La mediana
muestra sesgo pequeño relativo.\n") else cat(" La mediana muestra sesgo
apreciable relativo.\n")
} else {
  cat("No hay suficientes datos para estimar bias con bootstrap.\n")
# ---- Celda 6: Consistencia (comportamiento varianza vs n) -------
library(dplyr); set.seed(123)
```

```
x <- df var$value
x nm <- x[!is.na(x)]
if (length(x nm) > 30) {
  ns <- unique(floor(seq(50, length(x nm), length.out = 8)))</pre>
  reps <- 300 # repeticiones por tamaño (moderado)</pre>
  res <- data.frame(n = integer(), var mean = numeric(), var median =
numeric())
  for (n in ns) {
    ests mean <- numeric(reps); ests med <- numeric(reps)</pre>
    for (r in 1:reps) {
      s <- sample(x nm, size = n, replace = FALSE)</pre>
      ests mean[r] <- mean(s)</pre>
      ests med[r] <- median(s)</pre>
    res <- rbind(res, data.frame(n = n, var mean = var(ests mean),
var median = var(ests med)))
  }
  print(res)
  # gráfico var vs n
  library(ggplot2)
  pcons <- ggplot(res, aes(x = n)) +
    geom line(aes(y = var mean, color = "var mean")) +
    geom point(aes(y = var mean, color = "var mean")) +
    geom_line(aes(y = var median, color = "var median")) +
    geom point(aes(y = var median, color = "var median")) +
    labs(title = "Varianza del estimador vs tamaño muestral
(submuestras)",
         x = "n (submuestra)", y = "Varianza estimada") + theme minimal()
  print(pcons)
  ggsave(filename = file.path(out dir, "consistencia var vs n.png"), plot
= pcons, width = 7, height = 4)
 message ("Gráfico de consistencia guardado en: ", file.path(out dir,
"consistencia var vs n.png"))
  cat("\nComentario (Consistencia):\nSi la varianza del estimador (mean o
median) disminuye al crecer n, evidencia consistencia.\n")
} else cat("No hay suficientes datos (>30) para estudiar consistencia por
submuestreo.\n")
# ---- Celda 7: Eficiencia y Sintaxis empleada ------------------
_____
library(dplyr)
library(boot)
set.seed(42)
x <- df var$value
x nm <- x[!is.na(x)]
if (length(x nm) > 10) {
  # bootstrap var estimadas
  B <- 1000
  b mean <- boot(x nm, statistic = function(d,i) mean(d[i]), R = B)</pre>
  b median \leftarrow boot(x nm, statistic = function(d,i) median(d[i]), R = B)
```

```
var_mean_boot <- var(b_mean$t)
var_median_boot <- var(b_median$t)
rel_eff <- var_median_boot / var_mean_boot

cat("Eficiencia (empírica via bootstrap):\n")
cat(" Var(mean) bootstrap:", var_mean_boot, "\n")
cat(" Var(median) bootstrap:", var_median_boot, "\n")
cat(" Rel. effic (var_median / var_mean):", rel_eff, "\n")

cat("\nComentario (Eficiencia):\n")
if (rel_eff > 1) cat(" La media es más eficiente (menor var) que la
mediana en esta muestra.\n") else cat(" La mediana es más eficiente en
esta muestra.\n")
} else cat("No hay suficientes datos para evaluar eficiencia.\n")
```

#### Variable 3

#### Análisis Descriptivo

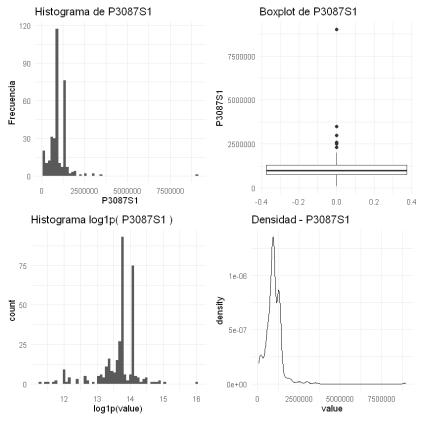
### Descriptivos Básicos

	Medida	Valor
1	Registros	166341
2	Valores faltantes	166005
3	Mínimo	80000
4	Primer cuartil	750000
5	Mediana	975000
6	Media	998708
7	Tercer cuartil	1300000
8	Máximo	9000000
9	Desviación Estándar	621977
10	Rango intercuartílico	550000

#### Comentarios:

El conjunto de datos presenta una alta proporción de valores faltantes (más del 99%), y entre los datos válidos se observa gran dispersión y valores atípicos elevados que influyen en la media. La mediana es una mejor representación del valor típico, ya que no se ve tan afectada por los extremos.

## Análisis Gráfico



#### Comentarios:

Las visualizaciones muestran que la variable presenta una distribución altamente asimétrica a la derecha, con varios valores atípicos extremos evidenciados en el boxplot. El histograma y la curva de densidad confirman una concentración significativa de observaciones en valores bajos, mientras que la transformación logarítmica (log1p) reduce la dispersión, revelando una distribución más cercana a la normalidad.

#### Cálculo de los estimadores

	Estimadores Puntuales		Estimadores por Intervalo	
Estimador	Analogía	Máxima Verosimilitud	Límite Inferior	Límite Superior
(Media o Proporción)	998,708.3	998,708.3	931,962.4	1,065,454
Comentario	La media es el valor promedio de los datos, representando el centro de la distribución.	El estimador de máxima verosimilitud para la media coincide con la media muestral, ya que bajo normalidad ambos son equivalentes.	El límite inferior del IC al 95% indica que, con alta confianza, la media poblacional no es menor que este valor	El límite superior del IC al 95% establece que, con alta confianza, la media poblacional no excede este valor.

#### Evaluación del estimador:

## Insesgamiento

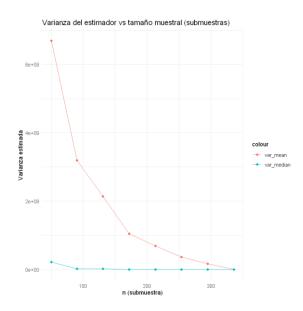
Media	Mediana	Sesgo
ivicala	ivicaiana	Jesgo

996,995.5 975,000 Media: sesgo ≈ +333.15 Mediana: sesgo ≈ -282.5

#### Comentario:

Tanto la media como la mediana muestran sesgos pequeños y poco significativos respecto a sus verdaderos valores poblacionales, ambos estimadores son casi insesgados, lo que respalda su fiabilidad en el análisis.

#### Consistencia



#### Comentario:

Se observa una disminución notable de la varianza de ambos estimadores a medida que aumenta el tamaño muestral, lo que confirma que muestras más grandes proporcionan estimaciones más estables. Sin embargo, la varianza de la media es significativamente mayor en tamaños de muestra pequeños y desciende de forma más lenta, lo que evidencia su sensibilidad a valores extremos presentes en los datos, estos resultados sugieren que, para este conjunto de datos con alta dispersión, la mediana es un estimador más confiable y eficiente que la media.

#### **Eficiencia**

Medida	Valor	
Media	1120377604	
Mediana	0.001749369	

#### Comentario:

La mediana es más eficiente en esta muestra.

#### Sintaxis empleada con esta variable:

```
library(readr)
library(dplyr)

# Archivos
csv files <- c(</pre>
```

```
"d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Mayo_2024 1/CSV/Otras formas
de trabajo. CSV",
  "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Junio 2024/CSV/Otras formas
de trabajo.CSV",
  "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Julio 2024/CSV/Otras formas
de trabajo.CSV"
# Columnas necesarias
cols needed <- c("P3094S3", "P3087S1", "P3095S3", "P3101")</pre>
# Función para leer y limpiar
read and clean <- function(file) {</pre>
  df <- read delim(</pre>
   file,
   delim = ";",
    col names = TRUE,
    show_col_types = FALSE,
    locale = locale(encoding = "UTF-8"),
    guess max = 10000
  )
  # Seleccionar solo las columnas necesarias
  df <- df %>% select(any of(cols needed))
  # Limpiar y convertir valores monetarios
  df <- df %>%
    mutate(
      across(c("P3094S3", "P3087S1", "P3095S3"), ~ {
        x <- as.character(.)
        x \leftarrow gsub("\.", "", x) \# eliminar puntos de miles
        x \leftarrow gsub(",", ".", x) # convertir coma a punto decimal si la
hay
        suppressWarnings(as.numeric(x))
      })
    )
 return(df)
# Leer y combinar
combined <- bind rows(lapply(csv files, read and clean))</pre>
write csv(combined, "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Taller
1/Combinado.csv")
cat ("Archivo combinado guardado en:
d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Taller 1/Combinado.csv\n")
# ---- Celda 1: Lectura y limpieza --------------------------
library(readr)
library(dplyr)
```

```
data path <- "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Taller
1/Combinado.csv"
# Se define la variable y el directorio de salida, Escoger una variable
varname <- " P3087S1" # variable con la que trabajamos</pre>
out dir <- "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Taller 1/analisis
P3087S1 check"
dir.create(out dir, showWarnings = FALSE, recursive = TRUE)
# Leer todo como carácter para evitar parseos automáticos
df char <- readr::read csv(data path,</pre>
                           col types = readr::cols(.default = "c"),
                           locale = readr::locale(encoding = "UTF-8"),
                            show col types = FALSE)
# detectar nombre real (insensible a mayúsculas)
if (!varname %in% names(df char)) {
  guess <- names(df_char)[tolower(names(df_char)) %in% tolower(varname)]</pre>
  if (length(guess) == 1) varname real <- guess else stop("No encontré la
variable ", varname)
} else varname real <- varname</pre>
# función robusta de limpieza numérica (monedas, separadores, etc.)
clean numeric2 <- function(x) {</pre>
  x <- as.character(x)</pre>
  x[x %in% c("", "NA", NA)] <- NA character
  x < - trimws(x)
  x \leftarrow gsub("\s+", "", x)
  x \leftarrow gsub("[^0-9], ...]", x)
  both <- grepl("\\.", x) & grepl(",", x)
  if (any(both)) { x[both] \leftarrow gsub("\.", "", x[both]); x[both] \leftarrow
gsub(",", ".", x[both]) }
  only comma <- grepl(",", x) & !grepl("\.", x)
  x[only comma] <- gsub(",", ".", x[only comma])</pre>
  suppressWarnings(as.numeric(x))
}
# preparar df var con la variable limpia y sin modificar el CSV original
df var <- df char %>%
 transmute(
   value raw = .data[[varname real]],
    value = clean numeric2(.data[[varname real]])
  )
# info rápida
cat("Variable real detectada:", varname real, "\n")
cat("Total filas:", nrow(df var), " N no-missing:",
sum(!is.na(df var$value)), "\n")
# ver primeras filas
print(head(df var, 10))
# ---- Celda 2: Descriptivos Básicos ------
library(dplyr)
```

```
# usa df var (si no existe la lee desde datos)
if (!exists("df var")) {
  data path <- "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Taller
1/Combinado.csv"
  df var <- readr::read csv(data path, col types = readr::cols(.default =</pre>
"c"), show col types = FALSE) %>%
    transmute(value raw = .data[[varname]], value =
clean numeric2(.data[[varname]]))
x <- df var$value
x_nm <- x[!is.na(x)]
# calcular medidas
N total <- length(x)</pre>
N missing <- sum(is.na(x))</pre>
Min <- ifelse(length(x nm)>0, min(x nm, na.rm=TRUE), NA)
Q1 <- ifelse(length(x_nm)>0, quantile(x_nm, .25, na.rm=TRUE), NA)
\label{eq:median} $$\operatorname{Median} \leftarrow \operatorname{ifelse(length(x_nm)>0, median(x_nm, na.rm=TRUE), NA)}$
Mean <- ifelse(length(x_nm)>0, mean(x_nm, na.rm=TRUE), NA)
Q3 <- ifelse(length(x nm)>0, quantile(x nm, .75, na.rm=TRUE), NA)
Max <- ifelse(length(x nm)>0, max(x nm, na.rm=TRUE), NA)
SD <- ifelse(length(x nm)>0, sd(x nm, na.rm=TRUE), NA)
IQRv <- ifelse(length(x nm)>0, IQR(x nm, na.rm=TRUE), NA)
tabla vertical <- tibble(</pre>
 Medida = c("N total", "N missing", "Min.", "1st Qu.", "Median", "Mean", "3rd
Qu.", "Max.", "SD", "IQR"),
  Valor = c(N total, N missing, Min, Q1, Median, Mean, Q3, Max, SD,
IQRv)
cat("=== Descriptivos Básicos ===\n")
print(tabla vertical)
# Mostrar estadísticas resumidas estilo summary()
cat("\n=== Summary (sobre valores no-missing) ===\n")
print(summary(x nm))
# ---- Celda 3: Análisis Gráfico ------
if (!requireNamespace("gridExtra", quietly = TRUE)) {
  install.packages("gridExtra", repos = "https://cloud.r-project.org")
library(gridExtra)
library(ggplot2);
plot dir <- file.path(out dir, "plots")</pre>
dir.create(plot dir, showWarnings = FALSE, recursive = TRUE)
x \leftarrow df var$value
x nm <- x[!is.na(x)]
if (length(x nm) == 0) {
  message ("No hay datos no-missing: no se generan gráficos.")
```

```
} else {
  df plot <- df var %>% filter(!is.na(value))
  # Histograma lineal
  ph <- ggplot(df plot, aes(x=value)) +</pre>
    geom\ histogram(bins = 60) +
    labs(title = paste("Histograma de", varname real), x = varname real,
y = "Frecuencia") +
    theme minimal()
  ggsave(file.path(plot dir, paste0("hist ", varname real, ".png")), ph,
width=8, height=4)
  print(ph)
  # Boxplot
  pb <- ggplot(df plot, aes(y=value)) +</pre>
    geom boxplot() +
    labs(title = paste("Boxplot de", varname real), y = varname real) +
    theme minimal()
  ggsave(file.path(plot dir, paste0("boxplot ", varname real, ".png")),
pb, width=6, height=4)
  print(pb)
  # Histograma log1p (si hay valores > 0)
  if (any(df plot$value > 0, na.rm=TRUE)) {
    df plot <- df plot %>% mutate(value log1p = log1p(value))
    pl <- ggplot(df plot, aes(x=value log1p)) + geom histogram(bins = 60)
      labs(title = paste("Histograma log1p(", varname real, ")"), x =
"log1p(value)") + theme minimal()
    ggsave(file.path(plot dir, paste0("hist log1p ", varname real,
".png")), pl, width=8, height=4)
    print(pl)
  # Density con escala log y sin log
 pd <- ggplot(df plot, aes(x=value)) + geom density() + theme minimal()</pre>
    labs(title = paste("Densidad -", varname real))
  ggsave(file.path(plot_dir, paste0("density_", varname_real, ".png")),
pd, width=8, height=4)
 print(pd)
 message ("Gráficos guardados en: ", plot dir)
}
# ---- Celda 4 mejorada: Cálculo de los estimadores ---------
library(dplyr)
library(boot)
set.seed(12345)
# asegurar df var existe y contiene 'value' (si no, leer el combinado y
if (!exists("df var") || !"value" %in% names(df var)) {
```

```
message ("df var no está en memoria -> leyendo desde Combinado.csv y
limpiando")
     data path <- "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Taller</pre>
1/Combinado.csv"
     # pequeña función de limpieza (reusa la que ya tienes)
     clean numeric2 <- function(x) {</pre>
          x <- as.character(x)</pre>
          x[x %in% c("", "NA", NA)] <- NA character
          x < - trimws(x)
          x \leftarrow gsub("\st", "", x)
          x < - gsub("[^0-9], ^.]", x)
          both <- grepl("\\.", x) & grepl(",", x)
          if (any(both)) \{ x[both] \leftarrow gsub("\\.", "", x[both]); x[both] \leftarrow gsub("\\.", "", x[both]); x[both] \leftarrow gsub(", x[bot]); x[both] \leftarrow gsub(", x[bot]); x[both] \leftarrow gsub(", x[bot])
qsub(",", ".", x[both]) }
          only comma <- grepl(",", x) & !grepl("\.", x)
          x[only comma] \leftarrow gsub(",", ".", x[only comma])
          suppressWarnings(as.numeric(x))
     df_char <- readr::read_csv(data_path, col_types = readr::cols(.default</pre>
= "c"), show col types = FALSE)
     # detectar varname real si existe
     varname <- "P3095S3"</pre>
     if (!varname %in% names(df char)) {
          guess <- names(df char)[tolower(names(df char)) %in%</pre>
tolower(varname)]
          if (length(guess) == 1) varname real <- guess else stop("No encontré
la variable ", varname)
     } else varname real <- varname</pre>
     df var <- df char %>% transmute(value raw = .data[[varname real]],
value = clean numeric2(.data[[varname real]]))
x \leftarrow df var$value
x nm <- x[!is.na(x)]
# mensajes si pocos datos
cat("Total observaciones (N):", length(x), "\n")
cat("No-missing (n):", length(x nm), "\n")
if (length(x nm) == 0) stop("No hay datos no-missing para calcular
estimadores.")
# 1) Estimadores puntuales
est mean <- mean(x nm)</pre>
est median <- median(x nm)
# moda: si hay empates, devolvemos todas las modas y también la más
frecuente
mode basic all <- function(v) {</pre>
    v2 <- v[!is.na(v)]</pre>
     if (length(v2) == 0) return(NA)
     tb <- sort(table(v2), decreasing = TRUE)</pre>
    names(tb)[tb == max(tb)]
}
modes <- mode basic all(x nm)</pre>
mode report <- paste(modes, collapse = ", ")</pre>
```

```
cat("Estimadores puntuales:\n")
cat(sprintf(" Mean: s\n Median: s\n Mode(s): s\n\n",
            format(round(est_mean, 2), big.mark = ","),
format(round(est median, 2), big.mark=","), mode report))
# 2) IC 95% para la media (t-interval, usando t.test)
if (length(x nm) > 1) {
  tt <- try(t.test(x nm), silent = TRUE)</pre>
  if (inherits(tt, "try-error")) {
    cat("No se pudo calcular t-interval por t.test():", tt, "\n")
  } else {
    ci t <- tt$conf.int</pre>
    cat("IC 95% para la media (t): [", format(round(ci t[1],2),
big.mark=","), ", ", format(round(ci t[2],2), big.mark=","), "]\n\n")
} else cat("No hay suficientes datos para IC t.\n\n")
# 3) Bootstrap para mean y median
B <- 100
cat("Ejecutando bootstrap con R =", B, "réplicas (esto puede
tardar)...\n")
# helper para safe boot.ci
safe boot ci <- function(boot obj, type = c("perc", "bca", "basic")) {</pre>
  out <- list()</pre>
  for (t in type) {
    res <- try(boot.ci(boot obj, type = t), silent = TRUE)
    if (!inherits(res, "try-error") && !is.null(res[[t]])) {
      out[[t]] <- res
    } else {
      # si falló, intentamos extraer percentiles directos como fallback
      out[[t]] <- NULL
    }
  }
  out
}
# bootstrap mean
boot mean <- try(boot(x nm, statistic = function(d, i) mean(d[i]), R =</pre>
B), silent = TRUE)
if (inherits(boot mean, "try-error")) {
  cat("Bootstrap mean falló:", boot mean, "\n")
} else {
  # intentar boot.ci para mean (perc y bca preferiblemente)
  ci mean <- tryCatch({</pre>
    pci <- boot.ci(boot mean, type = c("perc", "bca"))</pre>
   pci
  }, error = function(e) e)
  if (inherits(ci mean, "error")) {
    # fallback: percentiles directos
    ci mean perc \leftarrow quantile(boot mean$t, probs = c(0.025, 0.975), na.rm
= TRUE)
    cat("Bootstrap IC (perc) mean (fallback percentiles):",
format(round(ci mean perc[1],2), big.mark=","),
format(round(ci mean perc[2],2), big.mark=","), "\n")
  } else {
    # si boot.ci devolvió, imprimir los percentiles de 'perc' si existen
```

```
if (!is.null(ci mean$percent)) {
      ci vals <- ci mean$percent[4:5]</pre>
      cat("Bootstrap IC (perc) mean:", format(round(ci_vals[1],2),
big.mark=","), format(round(ci vals[2],2), big.mark=","), "\n")
    } else {
      # último recurso: percentiles de boot$t
      ci mean perc \leftarrow quantile(boot mean$t, probs = c(0.025, 0.975),
na.rm = TRUE)
      cat("Bootstrap IC mean (percentiles directos):",
format(round(ci mean perc[1],2), big.mark=","),
format(round(ci mean perc[2],2), big.mark=","), "\n")
  }
}
# bootstrap median
boot median <- try(boot(x nm, statistic = function(d, i) median(d[i]), R</pre>
= B), silent = TRUE)
if (inherits(boot median, "try-error")) {
  cat("Bootstrap median falló:", boot median, "\n")
} else {
  # a veces boot.ci falla si todas las réplicas son iguales (p. ej. datos
discretos con muchos empates)
  ci med try <- tryCatch({</pre>
    ci m <- boot.ci(boot median, type = c("perc", "bca"))</pre>
    ci m
  }, error = function(e) e)
  if (inherits(ci med try, "error")) {
    # fallback: percentiles directos
    med perc <- tryCatch({</pre>
      quantile (boot median\$t, probs = c(0.025, 0.975), na.rm = TRUE)
    }, error = function(e) NULL)
    if (!is.null(med perc)) {
      cat("Bootstrap IC (perc) median (fallback percentiles):",
format(round(med perc[1],2), big.mark=","), format(round(med perc[2],2),
big.mark=","), "\n")
    } else {
      cat("Bootstrap IC median: no disponible (poca variabilidad en
réplicas) \n")
  } else {
    if (!is.null(ci med try$percent)) {
      ci vals med <- ci med try$percent[4:5]</pre>
      cat("Bootstrap IC (perc) median:", format(round(ci vals med[1],2),
big.mark=","), format(round(ci vals med[2],2), big.mark=","), "\n")
    } else {
      cat("Bootstrap IC median calculado, pero formato inesperado; usando
percentiles directos.\n")
      med perc \leftarrow quantile(boot median$t, probs = c(0.025, 0.975), na.rm
= TRUE)
      cat("Bootstrap IC median (percentiles):",
format(round(med perc[1],2), big.mark=","), format(round(med perc[2],2),
big.mark=","), "\n")
    }
  }
}
```

```
cat("\nFIN Celda 4: estimadores y CIs calculados.\n")
# ---- Celda 5: Insesgamiento (bias) mediante bootstrap -------
library(boot)
set.seed(2025)
x <- df var$value
x nm <- x[!is.na(x)]
if (length(x nm) > 5) {
  B <- 1000
  boot mean <- boot(x nm, statistic = function(data, idx)</pre>
mean(data[idx]), R = B)
  boot median <- boot(x nm, statistic = function(data, idx)</pre>
median(data[idx]), R = B)
  bias_mean <- mean(boot_mean$t) - est_mean</pre>
  bias_median <- mean(boot_median$t) - est median</pre>
  cat("Bias estimado (bootstrap):\n")
  cat(" Mean bias:", bias mean, "\n")
  cat(" Median bias:", bias median, "\n")
  # mostrar distribuciones bootstrap rápidas (imprime cuantiles)
  cat("\nQuantiles bootstrap mean (2.5\%, 50\%, 97.5\%): ",
quantile (boot mean$t, c(.025,.5,.975)), "\n")
  cat("Quantiles bootstrap median (2.5%, 50%, 97.5%): ",
quantile(boot median$t, c(.025,.5,.975)), "\n")
  cat("\nComentario sobre insesgamiento:\n")
  if (abs(bias mean) < 0.01 \star abs(est mean) ) cat(" La media muestra
sesgo pequeño relativo.\n") else cat(" La media muestra sesgo apreciable
relativo - considerar estimadores robustos.\n")
  if (abs(bias median) < 0.01 * abs(est median) ) cat(" La mediana
muestra sesgo pequeño relativo.\n") else cat(" La mediana muestra sesgo
apreciable relativo.\n")
} else {
 cat("No hay suficientes datos para estimar bias con bootstrap.\n")
}
# ---- Celda 6: Consistencia (comportamiento varianza vs n) -------
____
library(dplyr); set.seed(123)
x \leftarrow df var$value
x nm <- x[!is.na(x)]
if (length(x nm) > 30) {
  ns <- unique(floor(seq(50, length(x nm), length.out = 8)))</pre>
  reps <- 300 # repeticiones por tamaño (moderado)</pre>
  res <- data.frame(n = integer(), var mean = numeric(), var median =</pre>
numeric())
  for (n in ns) {
    ests mean <- numeric(reps); ests med <- numeric(reps)</pre>
```

```
for (r in 1:reps) {
                         s <- sample(x_nm, size = n, replace = FALSE)</pre>
                         ests mean[r] <- mean(s)
                        ests med[r] <- median(s)</pre>
                 res <- rbind(res, data.frame(n = n, var mean = var(ests mean),
var median = var(ests med)))
        print(res)
         # gráfico var vs n
        library(ggplot2)
        pcons \leftarrow ggplot(res, aes(x = n)) +
                 geom line(aes(y = var mean, color = "var mean")) +
                 geom point(aes(y = var mean, color = "var mean")) +
                 geom line(aes(y = var median, color = "var median")) +
                 geom point(aes(y = var median, color = "var median")) +
                 labs(title = "Varianza del estimador vs tamaño muestral
  (submuestras)",
                                     x = "n (submuestra)", y = "Varianza estimada") + theme minimal()
        print(pcons)
        ggsave(filename = file.path(out dir, "consistencia var vs n.png"), plot
 = pcons, width = 7, height = 4)
       message ("Gráfico de consistencia guardado en: ", file.path(out dir,
 "consistencia var vs n.png"))
        \operatorname{cat}("\n\operatorname{Comentario}\ (\operatorname{Consistencia}):\n\operatorname{Si}\ \operatorname{la}\ \operatorname{varianza}\ \operatorname{del}\ \operatorname{estimador}\ (\operatorname{mean}\ \operatorname{o}\ \operatorname{la}\ \operatorname{
median) disminuye al crecer n, evidencia consistencia.\n")
 } else cat("No hay suficientes datos (>30) para estudiar consistencia por
submuestreo.\n")
 # ---- Celda 7: Eficiencia y Sintaxis empleada ------------------
library(dplyr)
library(boot)
set.seed(42)
x <- df var$value
x nm <- x[!is.na(x)]
 if (length(x nm) > 10) {
        # bootstrap var estimadas
        B <- 1000
        b mean <- boot(x nm, statistic = function(d,i) mean(d[i]), R = B)</pre>
        b median \leftarrow boot(x nm, statistic = function(d,i) median(d[i]), R = B)
        var mean boot <- var(b_mean$t)</pre>
        var median boot <- var(b median$t)</pre>
        rel eff <- var median boot / var mean boot
        cat("Eficiencia (empírica via bootstrap):\n")
        cat(" Var(mean) bootstrap:", var mean boot, "\n")
        cat(" Var(median) bootstrap:", var median boot, "\n")
        cat(" Rel. effic (var median / var mean):", rel eff, "\n")
        cat("\nComentario (Eficiencia):\n")
```

if (rel\_eff > 1) cat(" La media es más eficiente (menor var) que la mediana en esta muestra. $\n"$ ) else cat(" La mediana es más eficiente en esta muestra. $\n"$ )

} else cat("No hay suficientes datos para evaluar eficiencia.\n")

#### Variable 4

### Análisis Descriptivo

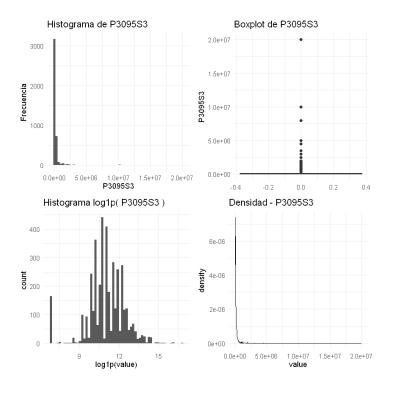
## Descriptivos Básicos

	Medida	Valor
1	Registros	166341
2	Valores faltantes	162261
3	Mínimo	1000
4	Primer cuartil	30000
5	Mediana	60000
6	Media	159471
7	Tercer cuartil	150000
8	Máximo	20000000
9	Desviación Estándar	512519
10	Rango intercuartílico	120000

### Comentarios:

El conjunto de datos contiene 166,341 registros, de los cuales 162,261 presentan valores faltantes, evidenciando una disponibilidad limitada de información. Los valores observados oscilan entre 1,000 y 2,000,000, con una media de 159,471 y mediana de 60,000, lo que refleja una distribución asimétrica positiva influenciada por valores extremos. El rango intercuartílico (120,000) indica una alta dispersión incluso en los datos centrales, mientras que la desviación estándar (512,519) confirma una marcada variabilidad. Se sugiere aplicar técnicas robustas o transformaciones para su análisis.

Análisis Gráfico



### Comentarios:

La variable P3095S3 presenta una distribución altamente sesgada a la derecha con numerosos valores atípicos. Tras aplicar la transformación logarítmica (log1p), los datos muestran una distribución más equilibrada y adecuada para análisis estadísticos y modelado.

### - Cálculo de los estimadores

	Estimadores Puntuales		Estimadores por Intervalo	
Estimador	Analogía	Máxima Verosimilitud	Límite Inferior	Límite Superior
(Media o Proporción)	159,471.4	IC 95% t: [143,740.4, 175,202.4]	143,740.4	175,202.4
Comentario	Muestra una amplia dispersión, lo que refleja variabilidad.	Con un 95% de confianza, la media poblacional se encuentra entre los límites estimados.	Es poco probable que la media real sea menor que este valor.	Valor máximo estimado de la media, reforzando la amplitud del rango y la posible variabilidad de los datos.

### Evaluación del estimador:

# Insesgamiento

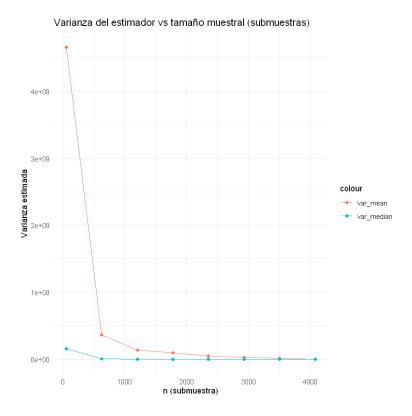
Media	Mediana	Sesgo
159172.9	60000	Media: 166.16 Mediana: 0

# Comentario:

La media muestra sesgo pequeño relativo.

La mediana muestra sesgo pequeño relativo.

#### Consistencia



#### Comentario:

La varianza del estimador (mean o median) disminuye al crecer n, evidenciando consistencia.

# Eficiencia

Medida	Valor
Media	64150092
Mediana	0

### Comentario:

La mediana es más eficiente en esta muestra.

# Sintaxis empleada con esta variable:

```
library(readr)
library(dplyr)

# Archivos
csv_files <- c(
   "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Mayo_2024 1/CSV/Otras formas
de trabajo.CSV",
   "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Junio_2024/CSV/Otras formas
de trabajo.CSV",
   "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Julio_2024/CSV/Otras formas
de trabajo.CSV")</pre>
```

```
# Columnas necesarias
cols needed <- c("P3094S3", "P3087S1", "P3095S3", "P3101")</pre>
# Función para leer y limpiar
read and clean <- function(file) {</pre>
  df <- read delim(</pre>
   file,
    delim = ";",
    col names = TRUE,
    show col types = FALSE,
    locale = locale(encoding = "UTF-8"),
    guess max = 10000
  # Seleccionar solo las columnas necesarias
  df <- df %>% select(any of(cols needed))
  # Limpiar y convertir valores monetarios
  df <- df %>%
    mutate(
      across(c("P3094S3", "P3087S1", "P3095S3"), ~ {
        x <- as.character(.)</pre>
        x \leftarrow gsub("\\.", "", x) \# eliminar puntos de miles
        x <- gsub(",", ".", x)
                                  # convertir coma a punto decimal si la
hay
        suppressWarnings(as.numeric(x))
      })
    )
  return(df)
# Leer y combinar
combined <- bind rows(lapply(csv_files, read_and_clean))</pre>
# Guardar
write csv(combined, "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Taller
1/Combinado.csv")
cat ("Archivo combinado guardado en:
d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Taller 1/Combinado.csv\n")
# ---- Celda 1: Lectura y limpieza --------------------------
library(readr)
library(dplyr)
data path <- "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Taller</pre>
1/Combinado.csv"
# Se define la variable y el directorio de salida, Escoger una variable
varname <- " P3095S3" # variable con la que trabajamos</pre>
         <- "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Taller 1/analisis_</pre>
out dir
P3095S3 check"
dir.create(out dir, showWarnings = FALSE, recursive = TRUE)
```

```
# Leer todo como carácter para evitar parseos automáticos
df char <- readr::read csv(data path,</pre>
                            col types = readr::cols(.default = "c"),
                            locale = readr::locale(encoding = "UTF-8"),
                            show col types = FALSE)
# detectar nombre real (insensible a mayúsculas)
if (!varname %in% names(df char)) {
  guess <- names(df_char)[tolower(names(df char)) %in% tolower(varname)]</pre>
  if (length(guess) == 1) varname real <- guess else stop("No encontré la
variable ", varname)
} else varname real <- varname</pre>
# función robusta de limpieza numérica (monedas, separadores, etc.)
clean numeric2 <- function(x) {</pre>
  x <- as.character(x)</pre>
  x[x %in% c("", "NA", NA)] <- NA character
  x \leftarrow trimws(x)
  x \leftarrow gsub("\s+", "", x)
  x \leftarrow gsub("[^0-9], ...]", "", x)
  both <- grepl("\\.", x) & grepl(",", x)
  if (any(both)) \{ x[both] \leftarrow gsub("\.", "", x[both]); x[both] \leftarrow (any(both)) \}
gsub(",", ".", x[both]) }
  only_comma <- grepl(",", x) & !grepl("\.", x)
  x[only comma] \leftarrow gsub(",", ".", x[only comma])
  suppressWarnings(as.numeric(x))
}
# preparar df var con la variable limpia y sin modificar el CSV original
df var <- df char %>%
  transmute(
    value raw = .data[[varname real]],
    value = clean numeric2(.data[[varname real]])
  )
# info rápida
cat("Variable real detectada:", varname real, "\n")
cat("Total filas:", nrow(df_var), " N no-missing:",
sum(!is.na(df_var$value)), "\n")
# ver primeras filas
print(head(df var, 10))
# ---- Celda 2: Descriptivos Básicos ------
library(dplyr)
# usa df var (si no existe la lee desde datos)
if (!exists("df var")) {
 data path <- "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Taller
1/Combinado.csv"
  df var <- readr::read csv(data path, col types = readr::cols(.default =</pre>
"c"), show col types = FALSE) %>%
   transmute(value raw = .data[[varname]], value =
clean numeric2(.data[[varname]]))
```

```
x <- df var$value
x nm < -x[!is.na(x)]
# calcular medidas
N total <- length(x)
N missing <- sum(is.na(x))</pre>
Min <- ifelse(length(x nm)>0, min(x nm, na.rm=TRUE), NA)
Q1 <- ifelse(length(x nm)>0, quantile(x nm, .25, na.rm=TRUE), NA)
Median <- ifelse(length(x nm)>0, median(x nm, na.rm=TRUE), NA)
Mean <- ifelse(length(x nm)>0, mean(x nm, na.rm=TRUE), NA)
Q3 <- ifelse(length(x_nm)>0, quantile(x_nm, .75, na.rm=TRUE), NA)
Max <- ifelse(length(x nm)>0, max(x nm, na.rm=TRUE), NA)
SD \leftarrow ifelse(length(x nm)>0, sd(x nm, na.rm=TRUE), NA)
IQRv <- ifelse(length(x nm)>0, IQR(x nm, na.rm=TRUE), NA)
tabla vertical <- tibble(</pre>
  Medida = c("N total", "N missing", "Min.", "1st Qu.", "Median", "Mean", "3rd
Qu.", "Max.", "SD", "IQR"),
  Valor = c(N total, N missing, Min, Q1, Median, Mean, Q3, Max, SD,
IQRv)
cat("=== Descriptivos Básicos ===\n")
print(tabla vertical)
# Mostrar estadísticas resumidas estilo summary()
cat("\n=== Summary (sobre valores no-missing) ===\n")
print(summary(x nm))
# ---- Celda 3: Análisis Gráfico ------
if (!requireNamespace("gridExtra", quietly = TRUE)) {
  install.packages("gridExtra", repos = "https://cloud.r-project.org")
library(gridExtra)
library(ggplot2);
plot dir <- file.path(out dir, "plots")</pre>
dir.create(plot dir, showWarnings = FALSE, recursive = TRUE)
x \leftarrow df var$value
x nm <- x[!is.na(x)]
if (length(x nm) == 0) {
 message ("No hay datos no-missing: no se generan gráficos.")
} else {
  df plot <- df var %>% filter(!is.na(value))
  # Histograma lineal
  ph <- ggplot(df plot, aes(x=value)) +</pre>
    geom\ histogram(bins = 60) +
    labs(title = paste("Histograma de", varname_real), x = varname_real,
y = "Frecuencia") +
    theme minimal()
```

```
ggsave(file.path(plot dir, paste0("hist ", varname real, ".png")), ph,
width=8, height=4)
  print(ph)
  # Boxplot
  pb <- ggplot(df plot, aes(y=value)) +</pre>
    geom boxplot() +
    labs(title = paste("Boxplot de", varname real), y = varname real) +
    theme minimal()
  ggsave(file.path(plot_dir, paste0("boxplot ", varname real, ".png")),
pb, width=6, height=4)
  print(pb)
  # Histograma log1p (si hay valores > 0)
  if (any(df plot$value > 0, na.rm=TRUE)) {
    df plot <- df plot %>% mutate(value log1p = log1p(value))
    pl <- ggplot(df plot, aes(x=value log1p)) + geom histogram(bins = 60)
      labs(title = paste("Histograma log1p(", varname real, ")"), x =
"log1p(value)") + theme minimal()
    ggsave(file.path(plot dir, paste0("hist log1p ", varname real,
".png")), pl, width=8, height=4)
    print(pl)
  # Density con escala log y sin log
  pd <- ggplot(df plot, aes(x=value)) + geom density() + theme_minimal()</pre>
    labs(title = paste("Densidad -", varname real))
  ggsave(file.path(plot dir, paste0("density", varname real, ".png")),
pd, width=8, height=4)
  print(pd)
 message ("Gráficos guardados en: ", plot dir)
}
# ---- Celda 4 mejorada: Cálculo de los estimadores ---------
library(dplyr)
library(boot)
set.seed(12345)
# asegurar df var existe y contiene 'value' (si no, leer el combinado y
limpiar)
if (!exists("df var") || !"value" %in% names(df var)) {
  message("df var no está en memoria -> leyendo desde Combinado.csv y
limpiando")
  data path <- "d:/UIS/estadistica2/estadistica2Talleres/Taller</pre>
1/Combinado.csv"
  # pequeña función de limpieza (reusa la que ya tienes)
  clean numeric2 <- function(x) {</pre>
    x <- as.character(x)
    x[ x %in% c("", "NA", NA) ] <- NA character
    x < - trimws(x)
    x \leftarrow gsub("\s+", "", x)
```

```
x \leftarrow gsub("[^0-9], ...]", x)
    both <- grepl("\\.", x) & grepl(",", x)
    if (any(both)) \{ x[both] \leftarrow gsub("\\.", "", x[both]); x[both] \leftarrow
gsub(",", ".", x[both]) }
    only comma <- grepl(",", x) & !grepl("\.", x)
    x[only comma] <- gsub(",", ".", x[only comma])</pre>
    suppressWarnings(as.numeric(x))
  df char <- readr::read csv(data path, col types = readr::cols(.default</pre>
= "c"), show col types = FALSE)
  # detectar varname real si existe
  varname <- "P3095S3"</pre>
  if (!varname %in% names(df char)) {
    guess <- names(df char)[tolower(names(df char)) %in%
tolower(varname)]
    if (length(guess) == 1) varname real <- guess else stop("No encontré
la variable ", varname)
  } else varname real <- varname</pre>
  df_var <- df_char %>% transmute(value_raw = .data[[varname_real]],
value = clean_numeric2(.data[[varname_real]]))
}
x \leftarrow df var$value
x nm <- x[!is.na(x)]
# mensajes si pocos datos
cat("Total observaciones (N):", length(x), "\n")
cat("No-missing (n):", length(x nm), "\n")
if (length(x nm) == 0) stop("No hay datos no-missing para calcular
estimadores.")
# 1) Estimadores puntuales
est mean <- mean(x nm)
est median <- median(x nm)
# moda: si hay empates, devolvemos todas las modas y también la más
frecuente
mode basic all <- function(v) {</pre>
  v2 <- v[!is.na(v)]</pre>
  if (length(v2) == 0) return(NA)
  tb <- sort(table(v2), decreasing = TRUE)
  names(tb)[tb == max(tb)]
modes <- mode basic all(x nm)</pre>
mode_report <- paste(modes, collapse = ", ")</pre>
cat("Estimadores puntuales:\n")
cat(sprintf(" Mean: %s\n Median: %s\n Mode(s): %s\n\n",
             format(round(est mean, 2), big.mark = ","),
format(round(est_median, 2), big.mark=","), mode report))
# 2) IC 95% para la media (t-interval, usando t.test)
if (length(x nm) > 1) {
  tt <- try(t.test(x nm), silent = TRUE)</pre>
  if (inherits(tt, "try-error")) {
    cat("No se pudo calcular t-interval por t.test():", tt, "\n")
```

```
} else {
    ci t <- tt$conf.int</pre>
    cat("IC 95% para la media (t): [", format(round(ci_t[1],2),
big.mark=","), ", ", format(round(ci t[2],2), big.mark=","), "]\n\n")
} else cat("No hay suficientes datos para IC t.\n\n")
# 3) Bootstrap para mean y median
B <- 100
cat("Ejecutando bootstrap con R =", B, "réplicas (esto puede
tardar)...\n")
# helper para safe boot.ci
safe boot ci <- function(boot obj, type = c("perc", "bca", "basic")) {</pre>
  out <- list()</pre>
  for (t in type) {
    res <- try(boot.ci(boot obj, type = t), silent = TRUE)</pre>
    if (!inherits(res, "try-error") && !is.null(res[[t]])) {
      out[[t]] <- res
    } else {
      # si falló, intentamos extraer percentiles directos como fallback
      out[[t]] <- NULL</pre>
    }
  }
  out
}
# bootstrap mean
boot mean <- try(boot(x nm, statistic = function(d, i) mean(d[i]), R =</pre>
B), silent = TRUE)
if (inherits(boot mean, "try-error")) {
  cat("Bootstrap mean falló:", boot mean, "\n")
} else {
  # intentar boot.ci para mean (perc y bca preferiblemente)
  ci mean <- tryCatch({</pre>
    pci <- boot.ci(boot mean, type = c("perc", "bca"))</pre>
    pci
  }, error = function(e) e)
  if (inherits(ci mean, "error")) {
    # fallback: percentiles directos
    ci mean perc \leftarrow quantile(boot mean$t, probs = c(0.025, 0.975), na.rm
= TRUE)
    cat("Bootstrap IC (perc) mean (fallback percentiles):",
format(round(ci mean perc[1],2), big.mark=","),
format(round(ci mean perc[2],2), big.mark=","), "\n")
  } else {
    # si boot.ci devolvió, imprimir los percentiles de 'perc' si existen
    if (!is.null(ci mean$percent)) {
      ci vals <- ci mean$percent[4:5]</pre>
      cat("Bootstrap IC (perc) mean:", format(round(ci vals[1],2),
big.mark=","), format(round(ci vals[2],2), big.mark=","), "\n")
    } else {
      # último recurso: percentiles de boot$t
      ci mean perc \leftarrow quantile(boot mean$t, probs = c(0.025, 0.975),
na.rm = TRUE)
```

```
cat("Bootstrap IC mean (percentiles directos):",
format(round(ci mean perc[1],2), big.mark=","),
format(round(ci mean perc[2],2), big.mark=","), "\n")
  }
}
# bootstrap median
boot median <- try(boot(x nm, statistic = function(d, i) median(d[i]), R</pre>
= B), silent = TRUE)
if (inherits(boot median, "try-error")) {
  cat("Bootstrap median falló:", boot median, "\n")
} else {
  # a veces boot.ci falla si todas las réplicas son iguales (p. ej. datos
discretos con muchos empates)
  ci med try <- tryCatch({</pre>
    ci m <- boot.ci(boot median, type = c("perc", "bca"))</pre>
    ci m
  }, error = function(e) e)
  if (inherits(ci_med_try, "error")) {
    # fallback: percentiles directos
    med perc <- tryCatch({</pre>
      quantile (boot median$t, probs = c(0.025, 0.975), na.rm = TRUE)
    }, error = function(e) NULL)
    if (!is.null(med perc)) {
      cat("Bootstrap IC (perc) median (fallback percentiles):",
format(round(med perc[1],2), big.mark=","), format(round(med perc[2],2),
big.mark=","), "\n")
    } else {
      cat ("Bootstrap IC median: no disponible (poca variabilidad en
réplicas) \n")
    }
  } else {
    if (!is.null(ci med try$percent)) {
      ci vals med <- ci med try$percent[4:5]</pre>
      cat("Bootstrap IC (perc) median:", format(round(ci vals med[1],2),
big.mark=","), format(round(ci vals med[2],2), big.mark=","), "\n")
    } else {
      cat("Bootstrap IC median calculado, pero formato inesperado; usando
percentiles directos.\n")
      med perc \leftarrow quantile (boot median$t, probs = c(0.025, 0.975), na.rm
      cat("Bootstrap IC median (percentiles):",
format(round(med perc[1],2), big.mark=","), format(round(med perc[2],2),
big.mark=","), \sqrt[n]{n}
    }
  }
cat("\nFIN Celda 4: estimadores y CIs calculados.\n")
# ---- Celda 5: Insesgamiento (bias) mediante bootstrap ----------
library(boot)
set.seed(2025)
```

```
x <- df var$value
x nm <- x[!is.na(x)]
if (length(x nm) > 5) {
  B <- 1000
  boot mean <- boot(x nm, statistic = function(data, idx)</pre>
mean(data[idx]), R = B)
  boot median <- boot(x nm, statistic = function(data, idx)</pre>
median(data[idx]), R = B)
  bias mean <- mean(boot mean$t) - est mean</pre>
  bias median <- mean(boot median$t) - est median</pre>
  cat("Bias estimado (bootstrap):\n")
  cat(" Mean bias:", bias mean, "\n")
  cat(" Median bias:", bias median, "\n")
  # mostrar distribuciones bootstrap rápidas (imprime cuantiles)
  cat("\nQuantiles bootstrap mean (2.5\%, 50\%, 97.5\%): ",
quantile(boot_mean$t, c(.025,.5,.975)), "\n")
  cat("Quantiles bootstrap median (2.5%,50%,97.5%): ",
quantile(boot median$t, c(.025,.5,.975)), "\n")
  cat("\nComentario sobre insesgamiento:\n")
  if (abs(bias mean) < 0.01 * abs(est mean) ) cat(" La media muestra
sesgo pequeño relativo.\n") else cat(" La media muestra sesgo apreciable
relativo - considerar estimadores robustos.\n")
  if (abs(bias median) < 0.01 * abs(est median) ) cat(" La mediana
muestra sesgo pequeño relativo.\n") else cat(" La mediana muestra sesgo
apreciable relativo.\n")
} else {
  cat("No hay suficientes datos para estimar bias con bootstrap.\n")
# ---- Celda 6: Consistencia (comportamiento varianza vs n) -------
library(dplyr); set.seed(123)
x <- df var$value
x nm <- x[!is.na(x)]
if (length(x nm) > 30) {
  ns <- unique(floor(seq(50, length(x nm), length.out = 8)))</pre>
  reps <- 300 # repeticiones por tamaño (moderado)</pre>
  res <- data.frame(n = integer(), var mean = numeric(), var median =
numeric())
  for (n in ns) {
    ests mean <- numeric(reps); ests med <- numeric(reps)</pre>
    for (r in 1:reps) {
      s <- sample(x nm, size = n, replace = FALSE)</pre>
      ests mean[r] <- mean(s)</pre>
      ests med[r] <- median(s)</pre>
    }
    res <- rbind(res, data.frame(n = n, var mean = var(ests mean),
var median = var(ests med)))
  }
```

```
print(res)
  # gráfico var vs n
  library(ggplot2)
  pcons <- ggplot(res, aes(x = n)) +
    geom line(aes(y = var mean, color = "var mean")) +
    geom point(aes(y = var mean, color = "var mean")) +
    geom line(aes(y = var median, color = "var median")) +
    geom_point(aes(y = var_median, color = "var median")) +
    labs(title = "Varianza del estimador vs tamaño muestral
(submuestras)",
         x = "n (submuestra)", y = "Varianza estimada") + theme minimal()
  print(pcons)
  ggsave(filename = file.path(out dir, "consistencia var vs n.png"), plot
= pcons, width = 7, height = 4)
  message ("Gráfico de consistencia guardado en: ", file.path(out dir,
"consistencia var vs n.png"))
  cat("\nComentario (Consistencia):\nSi la varianza del estimador (mean o
median) disminuye al crecer n, evidencia consistencia.\n")
} else cat("No hay suficientes datos (>30) para estudiar consistencia por
submuestreo.\n")
# ---- Celda 7: Eficiencia y Sintaxis empleada ------
library(dplyr)
library(boot)
set.seed(42)
x <- df var$value
x nm <- x[!is.na(x)]
if (length(x nm) > 10) {
  # bootstrap var estimadas
  B <- 1000
  b \text{ mean } \leftarrow boot(x \text{ nm}, \text{ statistic} = function(d,i) mean(d[i]), R = B)
  b median \leftarrow boot(x nm, statistic = function(d,i) median(d[i]), R = B)
  var_mean_boot <- var(b_mean$t)</pre>
  var median boot <- var(b median$t)</pre>
  rel eff <- var median boot / var mean boot
  cat("Eficiencia (empírica via bootstrap):\n")
  cat(" Var(mean) bootstrap:", var mean boot, "\n")
  cat(" Var(median) bootstrap:", var median boot, "\n")
  cat(" Rel. effic (var median / var mean):", rel eff, "\n")
  cat("\nComentario (Eficiencia):\n")
  if (rel eff > 1) cat(" La media es más eficiente (menor var) que la
mediana en esta muestra.\n") else cat(" La mediana es más eficiente en
esta muestra.\n")
} else cat("No hay suficientes datos para evaluar eficiencia.\n")
```