

,

.

: 1335

. : 133517

<https://disk.yandex.ru/i/1h8kdSHu7DrM3g>



# Контрольная работа №1

## Олимпиада №4.

Не до конца решил.

$$(x-1)(x+2)(x^2+1) = (x-1)(x+2)(x+1)(x-1) =$$

$$(x^2+1) = (x+1)(x-1)$$

Ответ:  $(x-1)/(x+2)/(x+1)/(x-1)$

## Олимпиада №6

Не удалось решить полностью правильно

$$\frac{2x^2-4}{x^3-4x} = \frac{A}{x} + \frac{B}{x-2} + \frac{C}{x+2}$$

$$2x^2-4 = x^3A - 4xA + x^2B + 2xB + x^2C - 2xC$$

$$x^3A = 0$$

$$x^2 \frac{B}{4} + B + C = 2$$

$$x \frac{B}{2} - \frac{C}{2} = -4$$

$$A = 0$$

$$C = 5$$

$$B = -3$$

$$\text{Ответ: } \frac{2x^2-4}{x^3-4x} = \frac{0}{x} + \frac{-3}{x-2} + \frac{5}{x+2}$$



## Контрольная работа № 2

### Вариант 1

Не выполняю переписку условия

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & -2 \\ -3 & -1 & 3 \\ -1 & 0 & 6 \end{pmatrix} \Delta A = -1 \Rightarrow \text{одн. сист. сущ}$$

$$A^T = \begin{pmatrix} 1 & -1 & -1 \\ 1 & -1 & 0 \\ -2 & 3 & 6 \end{pmatrix}$$

$$A_{11} = -6$$

$$A_{21} = -6$$

$$A_{31} = 1$$

$$A_{12} = 3$$

$$A_{22} = -4$$

$$A_{32} = -1$$

$$A_{13} = -1$$

$$A_{23} = -1$$

$$A_{33} = 0$$

$$A^{-1} = \frac{1}{\det A} \cdot K^T = \frac{1}{-1} \cdot \begin{pmatrix} -6 & -6 & 1 \\ 3 & 4 & -1 \\ -1 & 1 & 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 6 & 6 & -1 \\ -3 & -4 & 1 \\ 1 & -1 & 0 \end{pmatrix}$$

### Вариант № 2

Не выполняю переписку S-функции

$$S = 0$$

$$\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$S = 1 \begin{pmatrix} 8 \\ 3 \\ -2 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$$



# Контрольная работа №3

Омск №2

Омск в лемма

$$\bar{a}\bar{b}\bar{c} = \begin{vmatrix} 2 & -1 & 3 \\ 1 & 4 & 2 \\ 3 & 1 & -1 \end{vmatrix} = 52$$

Омск №7

Не нужно почитать точку M, а

так же не нужно почитать

$$\frac{x-1}{5} = \frac{y-1}{4} = \frac{z-1}{7} \quad x-3y+z+1=0$$

$$\bar{I}(5, 4, 7) \quad n(7) = 3; 1)$$

$$\bar{I} \cdot n = 0 \Rightarrow \text{правая часть } I \text{ или } I \in a$$

Проверка леммы и I в лемме

а, почитав точку M(1; 1; 1)

$$1-3+1+1=0 \Rightarrow M \in a \text{ и } I \in a$$



,

.

: 1335

. : 133517

$$4) x^4 + x^3 - x^2 + x - 2 = (x^2 + ax + b)(x^2 + cx + d) =$$

$$= x^4 + (a+c)x^3 + (b+d+ac)x^2 + (ad+bc)x + bd$$

$$a+c=1$$

$$b+d+ac=1$$

$$ad+bc=1$$

$$bd=-2$$

$$a=1$$

$$c=0$$

$$b+d=1$$

$$d=1$$

$$b=-2$$

$$a=1$$

$$c=0$$

$$d=1$$

$$b=-2$$

$$(x^2 + 1x - 2)(x^2 + 1) = (x-1)(x+2)(x^2 + 1)$$

$$x^2 + 1 = (x-i)(x+i)$$

$$\text{Orbit: } (x-1)(x+2)(x^2+1)$$

(20)

$$6) \frac{2x^2-4}{x^3-4x} = \frac{A}{x} + \frac{B}{x^2} + \frac{C}{x} + \frac{D}{x} = \frac{Ax^2 + Bx + Cx + Dx}{x^3-4x}$$

$$2x^2-4 = Ax^2 + Bx + Cx + Dx$$

$$x^3 \quad A+D=0$$

$$x^2 \quad B=2$$

$$x \quad C=0$$

$$A=0 \quad B=2 \quad C=0$$

$$\text{Orbit: } \frac{2x^2-4}{x^3-4x} = \frac{0}{x} + \frac{2}{x^2} + \frac{0}{x} + \frac{0}{x}$$

$$\frac{2x^2-4}{x^3-4x} = \frac{A}{x} + \frac{B}{x-2} + \frac{C}{x+2}$$

(20)

$$\frac{14}{18} = 78\% \quad (80)$$



1)  $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & -2 \\ -1 & -1 & 3 \\ -1 & 0 & 6 \end{pmatrix}$  2 континуальная

Максимов В.С.  
1335

$\Delta A = \begin{vmatrix} 1 & 1 & -2 \\ -1 & -1 & 3 \\ -1 & 0 & 6 \end{vmatrix} = -6 + 3 + 0 - 2 + 6 - 0 = 1 \neq 0 \Rightarrow$  обр. матрица существует.

НЕВЕРНО ПЕРЕПИСАННОЕ УСЛОВИЕ.

$A^T = \begin{pmatrix} 1 & -1 & -1 \\ 1 & -1 & 0 \\ -2 & 3 & 6 \end{pmatrix}$

$A_{11} = (-1)^1 \cdot \begin{vmatrix} -1 & 0 \\ 3 & 6 \end{vmatrix} = 6$

$A_{12} = (-1)^2 \cdot \begin{vmatrix} 1 & 6 \\ -2 & 6 \end{vmatrix} = -6$

$A_{13} = (-1)^3 \cdot \begin{vmatrix} 1 & -1 \\ -2 & 3 \end{vmatrix} = -1$

$A_{21} = (-1)^2 \cdot \begin{vmatrix} -1 & 6 \\ -1 & 6 \end{vmatrix} = 9$

$A_{22} = (-1)^3 \cdot \begin{vmatrix} 1 & -1 \\ -2 & 6 \end{vmatrix} = 8$

$A_{23} = (-1)^4 \cdot \begin{vmatrix} 1 & -1 \\ -2 & 3 \end{vmatrix} = -1$

$A_{31} = (-1)^3 \cdot \begin{vmatrix} -1 & -1 \\ -1 & 0 \end{vmatrix} = 1$

$A_{32} = (-1)^4 \cdot \begin{vmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 6 \end{vmatrix} = 1$

$A_{33} = (-1)^5 \cdot \begin{vmatrix} 1 & -1 \\ -2 & 3 \end{vmatrix} = 0$

$A^{-1} = \frac{1}{\Delta A} \cdot A^* = \frac{1}{1} \cdot A^* = \begin{pmatrix} 6 & -6 & -1 \\ 9 & 8 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$

ответ:  $A^{-1} = \begin{pmatrix} 6 & -6 & -1 \\ 9 & 8 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$  (10) ЗА СТАРАНИЕ

2)  $x_1 - x_2 + 2x_3 - x_5 = 1$   
 $x_2 + x_3 - x_4 = 2$   
 $x_3 + x_4 + x_5 = 1$   
 $x_4 - x_5 = 0$

$A|B = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 & 0 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & -1 & 0 & 2 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & -1 & 0 \end{pmatrix}$

Свободный индекс  $\begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$  ранг  $A = 4$   
 ранг  $A|B = 4$   
 $n = 5$   
 $r = A|B < n$

пусть  $x_1, x_2, x_3, x_4$  будут переменными  
 $x_5$  - свободная переменная  $x_5 = S$   
 выразим  $x_1, x_2, x_3, x_4$  через  $S$

$\begin{cases} x_1 - x_2 + 2x_3 - S = 1 \\ x_2 + x_3 - x_4 = 2 \\ x_3 + x_4 + S = 1 \\ x_4 = S \end{cases}$   $\begin{cases} x_3 + 2S = 1 \\ x_3 = 1 - 2S \\ x_1 - 1 - 3S + 2 - 4S - S = 1 \\ x_1 = 8S \end{cases}$   $\begin{cases} x_2 + 1 - 2S - S = 2 \\ x_2 = 1 + 3S \end{cases}$

$x_1 = 8S$   
 $x_2 = 1 + 3S$   
 $x_3 = 1 - 2S$   
 $x_4 = S$   
 $x_5 = S$

Свободная переменная  $S = 0$

ответ: 2 (20)

$\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} (12)$   
 $+ \begin{pmatrix} 8 \\ 3 \\ -2 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$



2) Климатический вектор  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$  есть

$$\vec{a} \cdot \vec{b} \cdot \vec{c} = 0$$

$$a(2; -1; 3)$$

$$b(4; 4; 2)$$

$$c(3; 1; -1)$$

$$\vec{a} \vec{b} \vec{c} = \begin{vmatrix} 2 & -1 & 3 \\ 4 & 4 & 2 \\ 3 & 1 & -1 \end{vmatrix} = \underline{\underline{52}}$$

ВЫЧИСЛИТЕЛЬНАЯ ОШИБКА, НО ОТВЕТ ВЕРЕН!

ответ:  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$  не климатический вектор

(20)



$$7) \quad l: \frac{x-1}{5} = \frac{y-1}{4} = \frac{z-1}{2} \quad \alpha: x-3y+z+1=0$$

$$1) \quad \vec{l}(5, 4, 2) \quad \vec{n}(1, -3, 1) \text{ - нормаль}$$

$$\vec{l} \cdot \vec{n} = 5 \cdot 1 + 4 \cdot (-3) + 2 \cdot 1 = 5 - 12 + 2 = 0 \Rightarrow \vec{l} \perp \vec{n}$$

$$\Rightarrow l \parallel \alpha \quad (2)$$

Прямая лежит в плоскости  
и нормаль перпендикулярна  
уравнению плоскости

$$-1 - 3(-1) - 1 + 1 = 2 \neq 0 \Rightarrow M \notin \alpha \quad (1)$$

2) пересечение. введем параметр  $t$   
и выпишем уравнения

$$\left| \begin{array}{l} \frac{x-1}{5} = t \\ \frac{y-1}{4} = t \\ \frac{z-1}{2} = t \end{array} \right| \begin{array}{l} x = 5t + 1 \\ y = 4t + 1 \\ z = 2t + 1 \end{array} \left| \begin{array}{l} 0 \cdot t - 0 = 0 \\ \text{нет решений} \end{array} \right| \Rightarrow l \cap \alpha \quad (3)$$

Ответ: 1)  $l \not\subset \alpha$  2)  $l \parallel \alpha$  3)  $l \cap \alpha$ .

(00)

лежит в плоскости!