

# 前情提要：

---

## 本题解适用比赛：

2021-2022学年春季-每周编程两小时学习成果检验考试 <http://scpc.fun/contest/1056>

## 比赛及题解归属：

西南科技大学-计算机科学与技术学院-每周编程两小时课程组

## 本次比赛出题组成员：

黄小诚、纪佳宇、王弦德、朱杰、高源 (均为西南科技大学 ACM 竞赛团队成员及西南科技大学-计算机科学与技术学院-每周编程两小时课程组成员)

## 本次比赛题面二创者：

黄小诚

## 本次比赛组题者：

黄小诚

## 本题解编写者：

黄小诚

## 本次比赛及本次课程负责老师：

宋丽丽老师

## 注意：

本次比赛为 *IOI* 赛制，实时返回分数，取最高分，允许多次提交，按点给分。

本次比赛题目中出现的诗句均为原创诗句，**未经允许，请勿转载** (不止来自出题组中的成员)

# Problem A. 期年

---

## 题意：

给定一个长度为 3 的字符串，将它翻转后输出

## 题解：

都告诉你是三位数 (长度为 3) 了，那么对症下药极其简单

1. 采用 *stl* 库中 *string* 来记录字符串，倒序输出
  2. 采用 *char* 数组来记录字符串，倒序输出
  3. 开 3 个字符型变量，顺着输入逆着输出
  4. 模拟翻转三位数 (麻烦)
- ... (以下省略无数种做法)

## 易错点：

无

## 骗分技巧：

直接输出样例拿 10 分

## 示例代码：

A.期年.cpp

```
1  #include <bits/stdc++.h>
2  using namespace std;
3  signed main()
4  {
5      string w;cin>>w;
6      cout<<w[2]<<w[1]<<w[0]<<endl;
7  }
```

# Problem B. 终章

---

## 题意：

确定给出的字符串中是否存在子序列 "scpc"。如果有输出第一个 's' 的位置，否则输出缺失的第一个字母

## 题解：

直接遍历字符串，使用一个变量 *pos* 记录第一个 's' 的位置。使用标记变量 *now*，每次找到一个字符，*now* 就 ++

最后通过 *now* 的值的大小决定输出什么。

## 易错点：

子序列和子串定义易混淆。不可以直接使用 strstr 函数

子序列不可以互换顺序，所以不可以通过只查询是否存在所需的三种字符来决定输出结果。(易错字符串： "cspc" )

## 骗分技巧：

这种题，一看数字不好猜，可是如果要输出字母的话，答案只可能有 's' 'c' 'p' 三种情况

分别尝试单独输出这三个字符，你可以获得 30 分

## 示例代码：

```
1  #include <bits/stdc++.h>
2  using namespace std;
3  signed main()
4  {
5      int len,pos=0,flag=1,now=1;
6      string ss;cin>>len>>ss;
7      for(int i=0;i<len;i++)
8      {
9          if(flag&&ss[i]=='s') pos=i+1,flag=0;
10         if(now==1&&ss[i]=='s') now++;
11         if(now==2&&ss[i]=='c') now++;
12         if(now==3&&ss[i]=='p') now++;
13         if(now==4&&ss[i]=='c') now++;
14     }
15     if(now==5) cout<<pos<<endl;
16     else if(now==4) cout<<'c'<<endl;
17     else if(now==3) cout<<'p'<<endl;
18     else if(now==2) cout<<'c'<<endl;
19     else cout<<'s'<<endl;
20 }
```

# Problem C. 隔世

## 题意：

给定两个数  $a, b$ ，对  $a$  做若干次操作，每次操作可以使  $a$  添加或减少  $[1, 10]$  的数值。求最少要几次才能使  $a$  与  $b$  相等

## 题解：

贪心。每次能变化越多越好，显然最多的是 10。故可以证明，答案是两数作差取绝对值向上取整。(向上取整是因为小数点需要额外走一次)

可以使用 `ceil` 函数或是 `if` 判断作差绝对值求余 10 是否为 0，分别输出

## 易错点：

1. 没有向上取整
2. 没有取绝对值
3. `ceil` 函数是双精度函数，必须将里面的值乘 1.0，否则只能拿 10 分

## 骗分技巧：

1. 尝试输出各个样例答案，发现输出 3 可以拿最高 12 分
2. 猜测后台可能会有小数据，从 0 开始尝试输出小数字，发现输出 1 可以拿最高 13 分

## 示例代码：

C.隔世.cpp

```
1  #include <bits/stdc++.h>
2  using namespace std;
3  signed main()
4  {
5      int n,m;cin>>n>>m;
6      int sum=abs(n-m);
7      int ans=ceil(sum*1.0/10);
8      cout<<ans<<endl;
9  }
```

# Problem D. 念水

## 题意：

凑数字， 可使用的数字有  $a$  个  $n$ ，  $b$  个  $1$ ， 能否准确凑到  $S$

## 题解：

分类讨论，理清所有的可能情况，问题迎刃而解

- 1.  $a$  个  $n$  的数值之和大于等于  $S$ ， 则判断  $S$  对  $n$  求余的值是否大于等于  $b$ ， 如果为真，显然可以，反之凑不到
- 2.  $a$  个  $n$  的数值之和小于  $S$ ， 则判断  $S - a \times n$  的值是否大于等于  $b$ ， 如果为真，显然可以，反之总数都达不到

## 易错点：

分类讨论情况不足或错误

## 骗分技巧：

尝试使用随机数来输出  $t$  次 "YES" 或 "NO"。

或者直接输出  $t$  次 "YES" 或  $t$  次 "NO"。

思路是对的！但是这题数据没那么弱，所以成功率几乎为 0，可以不用尝试了。你将得到以下结果

状态	分数	运行时间	运行内存
Wrong Answer	0	3ms	412 KB
Wrong Answer	0	3ms	432 KB
Wrong Answer	0	2ms	504 KB
Wrong Answer	0	3ms	436 KB
Wrong Answer	0	3ms	504 KB
Wrong Answer	0	3ms	436 KB
Wrong Answer	0	3ms	440 KB

## 示例代码：

```
1  #include <bits/stdc++.h>
2  using namespace std;
3  signed main()
4  {
5      int t;cin >> t;
6      while(t-->0)
7      {
8          int x,y,n,z;cin>>x>>y>>n>>z;
9          if(x*n>z) z%=n;
10         else z-=x*n;
11         if(y>=z) cout<<"YES"<<endl;
12         else cout<<"NO"<<endl;
13     }
14 }
```

# Problem E. 离殇

---

## 题意：

给定  $n$  个数，每次可以删除任意两个作差绝对值不超过 1 的数中较少的那一个。问能不能删的只剩下一个数

## 题解：

显然不管删除的是哪一个，最后留下的数字一定是最大值。(这个结论也没用)

关键在于要想删除数，必须能满足删除条件

所以答案呼之欲出了，找出给定序列中的最小值和最大值。只要这个闭区间内所有的数字都在序列中出现，则显然可以一直删除。否则就会被分成若干个块

我们可以一边输入一边用迭代的方法先寻找到最大最小值，并将值入桶。最后从最小值到最大值遍历桶，若其中一个桶中数为 0 (不存在这个数)，显然答案就会变成 "NO"。若一直有，则 "YES"

## 易错点：

迭代的易错点就是初始化，最小值要最大化，最大值要最小化

## 骗分技巧：

看到只需要输出一个 "YES" 或者 "NO" 的题，你应该狂喜。因为，不管输出哪一个，你一定可以获得最少 50 分。所以无脑先输出一下拿大头分

## 示例代码：



```
1  #include <bits/stdc++.h>
2  using namespace std;
3  int a[1000005],b[1000005];
4  signed main()
5  {
6      int n,minn=1e9,maxx=0;cin>>n;
7      for(int i=1;i<=n;i++)
8      {
9          cin>>a[i];
10         b[a[i]]++;
11         minn=min(minn,a[i]),maxx=max(maxx,a[i]);
12     }
13     bool flag=true;
14     for(int i=minn;i<=maxx;i++)
15     {
16         if(b[i]==0) flag=false;
17         if(!flag) break;
18     }
19     cout<<(flag?"YES":"NO")<<endl;
20 }
```

# Problem F. 以陌 (Easy Version)

## 题意：

给定一个立体矩阵，矩阵从左到右每一列的方块颜色是红绿蓝依次循环。求右视图能看见三种不同颜色方块各几个。

## 题解：

hxc 出的都是良心题，下次还填非常简单！

先想想什么方块能被看见。显然是同一行中从右往左看，该方块的高度大于已有最大高度。才有可能被看见。那么搞清楚这个，实现就很简单了

最简单的思路就是建立一个二维数组  $maze$ ， $maze[i][j]$  表示第  $i$  行第  $j$  列的方块高度为  $maze[i][j]$ 。则存图以后，从上到下，从右到左依次遍历每一个值。每一次遍历新的一行，都要将最大值清 0。至于看到的到底是哪一种颜色的方块，由于循环次数为 3 个颜色一轮，故只需要对当前列数求余 3，便可以知道当前列的颜色

分别使用三个变量存储答案，最后输出即可

## 易错点：

1. 高度有全部都是 0 的，那么啥也看不见
2. 只使用每行最高高度，不管从右到左的迭代中的方块数目
3. 十年做题一场空，不开 *longlong* 见祖宗

冷静思考，理性分析， $int$  最大值是  $2^{31} - 1$ ，大约是比较  $2 \times 10^9$  多一点，而本题最大值显然是  $n \times a_{ij}$ ，可以达到  $5 \times 10^9$ 。只得到了 30 分左右的同学，你看看你 *longlong* 开了吗？

## 骗分技巧：

尝试输出样例答案，失败

猜测后台可能有不存在方块的可能性，输出三行，每行一个 0，成功骗到 3 分

## 示例代码：

```
1  #include <bits/stdc++.h>
2  #define int long long
3  using namespace std;
4  int maze [1007][1007];
5  signed main()
6  {
7      int n,m;cin>>n>>m;
8      for(int i=1;i<=n;i++)
9          for(int j=1;j<=m;j++)
10             cin>>maze[i][j];
11     int red=0,green=0,blue=0;
12     for(int i=1;i<=n;i++)
13     {
14         int maxx=0;
15         for(int j=m;j>=1;j--)
16         {
17             if(maze[i][j]>maxx)
18             {
19                 if(j%3==1) red+=maze[i][j]-maxx;
20                 else if(j%3==2) green+=maze[i][j]-maxx;
21                 else blue+=maze[i][j]-maxx;
22                 maxx=maze[i][j];
23             }
24         }
25     }
26     cout<<red<<endl<<green<<endl<<blue<<endl;
27 }
```

# Problem G. 以陌 (Hard Version)

## 题意：

题意同上，也是非常简单的题，只是询问改为  $q$  次，并且视野距离不同

## 题解：

显然，如果你暴力，时间复杂度是  $O(nm^2)$ 。当然 hxc 太善良了，所以你仍然可以获得一半的分数

所以我们需要在处理的时候，存下每一个不同视野的答案进入答案数组。这是预处理的思想，也是弱化

版前缀和 (此处运用前缀和思想则， $l$  恒等于 1， $r = k$ ，答案则为

$sum[r] - sum[l - 1] = sum[r] - sum[0] = sum[k] - 0 = sum[k]$ ，所以你只需要处理好三种颜色的前缀和数组，每次询问到的时候，输出即可)

## 易错点：

1. 处理答案数组的时候，没有累加前面已有的个数 (见示例代码第 21 行)

2. 十年做题一场空，不开 *longlong* 见祖宗 ...

... (其他同上  $F$  题)

## 骗分技巧：

同  $D$  题，看到多组输出，基本可以不考虑骗分了

但是，hxc 实在是太善良了。你输出  $q$  组 0 0 0，可以通过两个测试点，获得 2 分呢！

```
while(q--){
    int k;cin>>k;
    cout<<0<<" "<<0<<" "<<0<<endl;
}
```

当然，暴力解也是要尝试的，改一改前面一题，提交，你可以喜提 25 分

## 示例代码：

```

1  #include <bits/stdc++.h>
2  #define int long long
3  using namespace std;
4  int red[1005],green[1005],blue[1005],maxx[1005],maze[1007][1007];
5  signed main()
6  {
7      int n,m;cin>>n>>m;
8      for(int i=1;i<=n;i++)
9          for(int j=1;j<=m;j++)
10             cin>>maze[i][j];
11     for(int j=m;j>=1;j--)
12     {
13         for(int i=1;i<=n;i++)
14             if(maze[i][j]>maxx[i])
15             {
16                 if(j%3==1) red[m-j+1]+=maze[i][j]-maxx[i];
17                 else if(j%3==2) green[m-j+1]+=maze[i][j]-maxx[i];
18                 else blue[m-j+1]+=maze[i][j]-maxx[i];
19                 maxx[i]=maze[i][j];
20             }
21     }
22     red[m-j+1]+=red[m-j],green[m-j+1]+=green[m-j],blue[m-j+1]+=blue[m-j];
23     int q;cin>>q;
24     while(q-->0)
25     {
26         int k;cin>>k;
27         cout<<red[k]<<" "<<green[k]<<" "<<blue[k]<<endl;
28     }
29 }

```

# Problem H. 远昼

## 题意：

给定一个序列，每次可以选择一个区间，使区间里所有元素  $-1$  或  $+1$ 。求最少要多少次使得区间里所有数相同，并求在最少次数的情况下，序列最终可能的情况有多少种

## 题解：

### 简略版：

非常简单，一个技巧贪心小差分

多次区间内修改，时间复杂度会  $\ln$  大~ 故考虑使用我们已学过的算法：差分

了解过差分数组的同学都知道，同时同方法修改某区间内的数字，只需要修改差分数组的  $l, r + 1$  位置的数值即可。在本题中，即任意选取差分数组两个下标，使其一个  $+1$ ，一个  $-1$ 。

那么第一问的答案呼之欲出，先获得原数组的差分数组，然后分别计算差分数组中负数的和的绝对值以及正数的和的绝对值，将它们分别记作  $sum1, sum2$ 。那么，他们俩的最大值，就是第一问的答案。（两两抵消，但不管差分数组的首项）

而第二问需要一点思维技巧。但是也非常简单。易证得，操作  $\min(sum1, sum2)$  次后，差分数组所有元素中除 0 之外，全部同号。所以共有  $\max(sum1, sum2) - \min(sum1, sum2)$ （总次数减去已操作次数的闭区间）。由于是闭区间种，所以求差之后要  $+1$ ，最终答案为  $\max(sum1, sum2) - \min(sum1, sum2) + 1$ 。是不是很简单呢？

### 详细版：

## 主要思路：差分

差分的定义：对于一个数列  $A$ ，那么它的差分序列  $B$  定义为：

$$B_i = A_i (2 \leq i \leq n) - A_{i-1}, B_1 = A_1$$

举个例子：

$$A = \{5, 4, 6, 7, 3\}$$

$$B = \{5, -1, 2, 1, -4\}$$

把原数列的“区间修改”操作改为差分数组的“单点修改”：

若把  $A$  的区间  $[l, r]$  加上  $d$ ，那么我们只需要对差分数组进行如下两个操作：

- $B_l + = d$
- $B_{r+1} - = d$

对于  $l$  到  $r$  之间的其他数, 因为  $A_i + = d(l < i < r)$  且  $A_{i+1} + = d(l < i < r)$ , 所以  $A_{i+1} - A_i$  的值不变, 即  $B_i$  不变。有了这个性质, 我们稍加分析即可解决此题。

首先, 我们令  $B_{n+1} = 0$ , 这是为了利用上述性质时  $r = n$  的情况。那么, 我们的目标就是将所有的  $B_i$  ( $i \leq 2 \leq n$ ) 变成 0。由于题目中要求我们每次可以使一个区间加或减去 1, 所以每次操作, 我们可以任意将  $B$  数组中的两个元素一个加 1 一个减 1 (将  $B_i$  与  $B_j$  一个加、一个减 1, 相当于在  $A$  中区间  $[l, r]$  同时加或减 1)。

**此时, 问题被我们简化为:** 已知一个差分数组  $B$ , 每次可以任意将其中两个值一个加 1, 一个减 1, 直到所有的  $B_i$  ( $i \leq 2 \leq n$ ) 为 0, 求最优方案的操作次数, 以及在操作次数最小的前提下, 有多少种操作的方案。

显然, 对于每次操作, 我们选择  $B$  中的 2 个元素共可以分为以下 4 中情况 (以下的  $i, j$  都满足  $1 < i, j \leq n$ ) :

1. 选择  $B_i$  和  $B_j$ , 即  $A$  数列中的区间  $[i, j - 1]$ 。
2. 选择  $B_1$  和  $B_j$ , 即  $A$  数列中的区间  $[1, j - 1]$ 。
3. 选择  $B_i$  和  $B_{n+1}$ , 即  $A$  数列中的区间  $[i, n]$ 。
4. 选择  $B_1$  和  $B_{n+1}$ , 即  $A$  数列中的区间  $[1, n]$ 。

而第四种操作不会对  $B_i$  ( $i \leq 2 \leq n$ ) 产生任何影响, 所以是无意义的, 不做讨论 (更直观的理解是整个  $A$  数组全部加或减 1, 显然是浪费次数的)。

此时, 不难想到具体的操作方案:

1. 令  $p$  为差分序列里正数绝对值的总和, 令  $q$  为差分数列中负数绝对值总和。
2. 此时, 不断重复进行操作 1, 进行了  $\min(p, q)$  次后,  $p$  和  $q$  必定其中有一个是 0, 而另一个是  $|p - q|$ 。
3. 剩下的  $|p - q|$  就不断进行操作 2 或操作 3 即可。
4. 根据步骤 2 和步骤 3 可得: 次数一共是  $\min(p, q) + |p - q|$ , 化简得  $\max(p, q)$ 。

第一个问题解决了, 那么第二个问题也变得很容易。既然完成所有操作后只有  $B_1$  不为 0, 那么我们只需要讨论  $B_1$  的可能的数量就是第二个问题的答案。那么  $B_1$  会有哪些情况呢? 很显然是  $B_1 \pm 0, B_1 \pm 1, B_1 \pm 2, \dots, B_1 \pm |p - q|$  共  $|p - q| + 1$  个。

如果觉得文字说明过于抽象, 那么我们可以举一个例子试试 (数列  $A$  与  $B$  就以文章开头的为例) :

前三步  $B$  的变化:

```
5 0 1 1 -4
5 0 0 1 -3
5 0 0 0 -2
```

此时显然还差两步就完成操作了 (除  $B_1$  外全为 0), 因此  $B_1$  的值可能为 5, 4 或 3, 即共有 3 种方案。

## 易错点:

1. 第二问没有注意是闭区间, 没有 +1
2. 差分数组处理失误, 没有从第二项开始处理

## 骗分技巧:

尝试输出样例, gg

想到有可能出现已经排好的情况, 那么答案分别是 0 和 1。尝试输出。喜提 7 分

胡乱尝试各种情况, 发现答案是  $n - 1$  和  $n$  的情况不少。尝试输出。喜提 20 分

发现输出 0 和 1 的时候, 能过前三个点, 输出  $n - 1$  和  $n$  的时候, 过 1, 2, 14, 15, 16 测试点。

综上可以推断, 第一第二个测试点  $n = 1$ , 而第三个不是, 又看到了这个:

对于 10% 的数据,  $1 \leq n \leq 10, 1 \leq a_i \leq 2^3$ 。

胡乱猜测一手第三个是小数据

想办法把第三个拿下! 最终写出了离奇的骗分代码:

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 #define int long long
3 using namespace std;
4 int a[1000005], b[1000005];
5 signed main(){
6     int n; cin >> n;
7     if(n <= 10) cout << 0 << endl << 1 << endl;
8     else cout << n - 1 << endl << n << endl;
9 }
```

最后喜提 22 分

## 示例代码:

H.远昼.cpp

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 #define int long long
3 using namespace std;
4 int a[1000005], b[1000005];
5 signed main()
6 {
7     int n, maxx = -3e9, minn = 3e9, sum1 = 0, sum2 = 0; cin >> n;
8     for(int i = 1; i <= n; i++) cin >> a[i];
9     for(int i = 2; i <= n; i++)
10     {
11         b[i] = a[i] - a[i - 1];
12         if(b[i] < 0) sum1 -= b[i];
13         else sum2 += b[i];
14     }
15     cout << max(sum1, sum2) << endl << max(sum1, sum2) - min(sum1, sum2) + 1 << endl;
16 }
```

当然, 你可以稍微缩短一点点行数, 如下:



```
1  #include <bits/stdc++.h>
2  #define int long long
3  using namespace std;
4  int a[1000005],b[1000005];
5  signed main(){
6      int n,maxx=-3e9,minn=3e9,sum1=0,sum2=0;cin>>n;
7      for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i];
8      for(int i=2;i<=n;i++) ((a[i]-a[i-1]<0)?sum1-=(a[i]-a[i-1]):sum2+=(a[i]-a[i-1]));
9      cout<<max(sum1,sum2)<<endl<<max(sum1,sum2)-min(sum1,sum2)+1<<endl;
10 }
```

主函数只有 4 行，一眼顶针鉴定为\*\*题

## 总结

### 整体难度：

整体难度不难，涉及算法思想的仅有 150 分。而且你可以暴力 + 骗，获得其中的 44 分

## 分档：

A-D：简单题

E-G: 中等题

H: 中难题

### 建议：

周一班上的同学补题最后总分不低于 500

周二周三班上的同学补题最后总分不低于 600

周四班上的同学补题最后做出所有题，总分达到 700

## 骗分：

综上，除了D每道题都能骗分，而D本身是简单题。所以有存在某题零分的同学，应该累计骗分经验哦~

### 补题方法:

进入 OJ 网址: [www.scpc.fun](http://www.scpc.fun)

选择上方导航栏：题目

在右侧标签筛选，点击最下面的 tag：每周编程两小时 (黑色tag)

即可做题。

你也可以直接搜索对应题号：3606 — 3613。

祝大家拥有一个愉快的暑假，也恭喜大家顺利完成本学期的学习任务。希望老师和其他助教能对你的思维能力、代码水平有所帮助和提升。

(hxc 也希望大家能够不要暴打出题人，享受题目中的诗句和故事，♡(´·̫·`)比心)

下次见~