Analisi di Immagini Digitali Prova in itinere del 10/11/2014

L'algoritmo "buchi" è una particolare realizzazione per l'analisi wavelet. Data una immagine I_0 , questo algoritmo applica una successione di convoluzioni $I_i = I_{i-1} \otimes K_i$, con

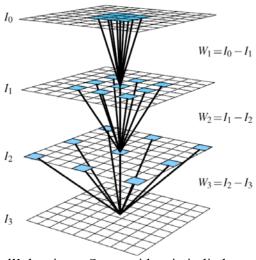
$$K = \begin{array}{|c|c|c|c|c|c|}\hline 1/16 & 2/16 & 1/16 \\ \hline 2/16 & 4/16 & 2/16 \\ \hline 1/16 & 2/16 & 1/16 \\ \hline \end{array}$$

e $K_i(2^{i-1}\mathbf{p}) = K(\mathbf{p})$ dove \mathbf{p} spazzola il kernel K, rispetto al centro di K. Si noti che gli elementi *aggiuntivi* di K_i rispetto a K hanno valore uguale a zero (pertanto, sono considerati "buchi").

È richiesta la realizzazione dell'algoritmo "buchi" in linguaggio matlab in modo che, forniti l'immagine I_0 di tipo single e il numero di iterazioni desiderate, restituisca la successione di piani wavelet definiti come $W_i = I_{i-1} - I_i$.

Tra le possibili ottimizzazioni, si consideri che il kernel è a varibili separabili:

$$K = \begin{bmatrix} 1/4 \\ 2/4 \\ 1/4 \end{bmatrix} \quad \boxed{1/4 \quad 2/4 \quad 1/4}$$



Rappresentazione grafica dell'algoritmo. Sono evidenziati gli elementi di K_i , via via più grande.



Esempio di applicazione: immagine I_0 e i suoi primi quattro piani W_i .