



Universidad
Carlos III de Madrid

COSEC Lab · Dpto. Informática

TEMA 2. CRIPTOGRAFÍA

T 2.4 FUNCIONES RESUMEN Y MAC

Criptografía y seguridad informática
Seguridad en las tecnologías de la información
@ COSEC

Curso 2016-2017

Contenidos

▶ Funciones Resumen

- ▶ Funciones resumen
- ▶ Funciones resumen criptográficas
- ▶ Ejemplos

▶ Message Authentication Code (MAC)

- ▶ Generalidades MAC
- ▶ Requisitos de seguridad MAC
- ▶ MAC Basados en funciones resumen
- ▶ MAC Basados en cifrado en bloque



Contenidos

- ▶ **Funciones Resumen (Hash functions)**

- ▶ **Funciones resumen**

- ▶ Funciones resumen criptográficas
 - ▶ Ejemplos

- ▶ **Message Authentication Code (MAC)**

- ▶ Generalidades MAC
 - ▶ Requisitos de seguridad MAC
 - ▶ MAC Basados en funciones resumen
 - ▶ MAC Basados en cifrado en bloque



Funciones Resumen

- ▶ Una función resumen (función hash) es una función que acepta un bloque de datos (M) de longitud variable y genera un resumen (hash) de longitud fija

$$H(M) = \text{hash}$$

- ▶ El resumen, de tamaño limitado, identifica de “manera única” el bloque de datos, de longitud no limitada



Funciones Resumen

► Colisión

- Espacio de resúmenes $|h|$ para una función resumen dada

$$|h| = 2^n$$

Siendo n el número de bits de salida de la función resumen

- Dado que una función resumen genera resúmenes de longitud fija, pero el número de mensajes de entrada a la función es teóricamente infinito, es posible encontrar 2 mensajes M y M' /

$$H(M) = H(M') \rightarrow \text{Colisión}$$



Contenidos

- ▶ Funciones Resumen
 - ▶ Funciones resumen
 - ▶ **Funciones resumen criptográficas**
 - ▶ Ejemplos
- ▶ Message Authentication Code (MAC)
 - ▶ Generalidades MAC
 - ▶ Requisitos de seguridad MAC
 - ▶ MAC Basados en funciones resumen
 - ▶ MAC Basados en cifrado en bloque



Funciones Resumen Criptográficas

- ▶ Función resumen que debe cumplir los siguientes requisitos:
 - ▶ Ser aplicable a mensajes de entrada de cualquier longitud
 - ▶ Producir resúmenes de salida de una longitud fija
- Compresión
- ▶ La salida generada por la función resumen debe satisfacer los requisitos para pseudo-aleatoriedad.



Funciones Resumen Criptográficas

- ▶ Difusión: si se modifica un solo bit del mensaje M , el resumen debería cambiar la mitad de sus bits aproximadamente
- ▶ Determinista: la aplicación de la misma función resumen sobre los mismos datos debe producir el mismo resumen
- ▶ Eficiente: El cálculo del resumen de un mensaje dado debe ser rápido tanto en implementaciones software como hardware



Funciones Resumen Criptográficas

- ▶ Resistente a preimágenes: Dado un resumen h , es *computacionalmente imposible* encontrar un mensaje M' cuyo resumen coincida con el primero (propiedad de una sola vía):

Dado h , encontrar $M' / H(M') = h$

- ▶ Resistente a segunda preimagen (resistente débil a colisiones): Dado un mensaje M , es *computacionalmente imposible* encontrar un M' tal que el resumen de ambos coincidan:

Dado M , encontrar $M' \neq M / H(M) = H(M')$

- ▶ Resistente a colisiones (resistente fuerte a colisiones): Es *computacionalmente imposible* encontrar dos mensajes M y M' tales que sus resúmenes coincidan:

Encontrar M y $M', M \neq M' / H(M) = H(M')$



Funciones Resumen Criptográficas

- ▶ “Computacionalmente imposible”
 - ▶ No existe algoritmo o técnica para la búsqueda de colisiones que sea más eficiente que la fuerza bruta.
 - ▶ Si el espacio de resúmenes generados es suficientemente grande, se puede estimar que, con los recursos HW/SW existentes, la probabilidad de encontrar una colisión es nula en un tiempo razonable
- ▶ La fortaleza de una función resumen radica en:
 - ▶ Que su diseño sólo permita ataques por fuerza bruta (no criptoanalizable)
 - ▶ n (longitud del resumen) sea suficientemente grande



Funciones Resumen Criptográficas

- ▶ Probabilidades de encontrar una colisión (fuerza bruta)
 - ▶ Ataque de preimagen: $\frac{1}{2^n}$
 - ▶ Ataque de segunda preimagen: $\frac{1}{2^n}$
 - ▶ Ataque de colisión: $\frac{1}{2^{n/2}}$!!) ($p \geq 50\%$) (ataque del cumpleaños)
- ▶ En definitiva, la **complejidad algorítmica** (fortaleza) de una función resumen viene determinada por la probabilidad de encontrar una colisión mediante un ataque de colisión.



Funciones Resumen Criptográficas

- ▶ Un algoritmo se considera roto cuando existe un algoritmo de complejidad menor al de fuerza bruta, aunque en la práctica resulte inviable el ataque
- ▶ La barrera de 2^{64} establece el mínimo aceptable para una complejidad algorítmica
- ▶ Cualquier ataque que requiera un menor número de operaciones convierte al algoritmo en no seguro



Funciones Resumen Criptográficas

► Posibles ataques:

► Ataque de preimagen

- Suplantación de identidad en sistemas que almacenen los resúmenes de las contraseñas
- Forzar falsos positivos en tablas de hashing

► Ataque de segunda preimagen

- Falsificación de certificados digitales, documentos firmados digitalmente, código fuente, etc.

► Ataque de colisión

- Ataque del cumpleaños para la falsificación de documentos firmados digitalmente



Funciones Resumen Criptográficas

► Aplicaciones prácticas

- Verificación de integridad de datos
- Firmas digitales
- Uso en funciones MAC (Message Authentication Code)
- Indexación en bases de datos, estructuras de datos, etc.
- Almacenamiento de contraseñas
- Detección de intrusiones
- Patrones de virus
- Generación de números pseudo-aleatorios
- Etc.



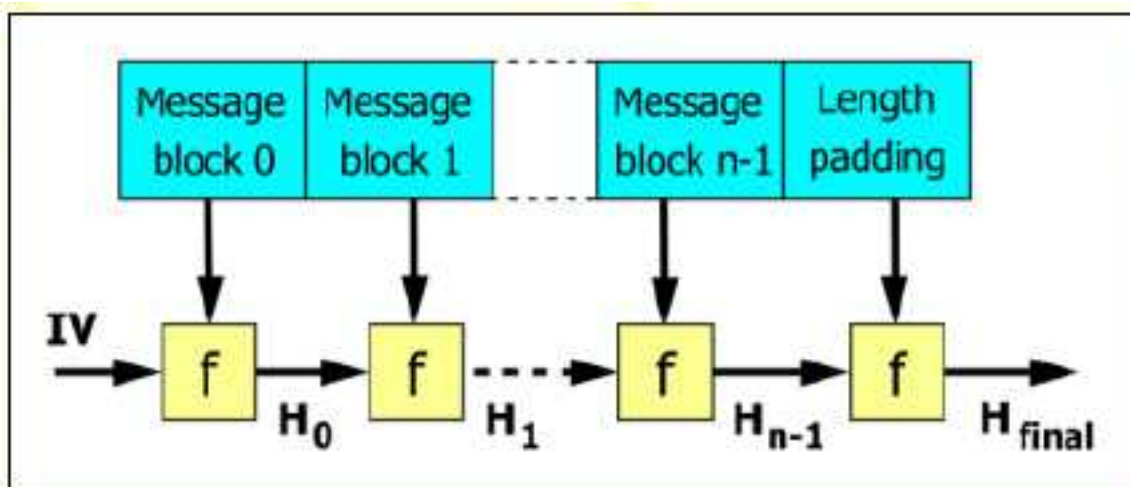
Contenidos

- ▶ Funciones Resumen
 - ▶ Funciones resumen
 - ▶ Funciones resumen criptográficas
 - ▶ **Ejemplos**
- ▶ Message Authentication Code (MAC)
 - ▶ Generalidades MAC
 - ▶ Requisitos de seguridad MAC
 - ▶ MAC Basados en funciones resumen
 - ▶ MAC Basados en cifrado en bloque



Ejemplos – Estructura Merkle-Damgard

- Usada en la mayoría de las funciones resumen actuales



$CV_0 = IV = \text{valor inicial del resumen}$

$CV_i = f(CV_{i-1}, B_{i-1}) \quad 1 \leq i \leq L$

$H(M) = CV_L$

Ejemplos – Estructura Merkle-Damgard

- ▶ Algoritmo con iteraciones (etapas) encadenadas
- ▶ Fase de adecuación del mensaje de entrada
 - ▶ El mensaje se divide en L bloques B de longitud b
 - ▶ Al último bloque se le añade la longitud total del mensaje
 - ▶ Se añade un relleno (padding) en caso necesario. Dificulta la búsqueda de colisiones:
 - ▶ 2 mensajes de igual longitud que colisionen
 - ▶ 2 mensajes de diferente longitud que, con sus longitudes añadidas, colisionen



Ejemplos – Estructura Merkle-Damgard

▶ Función de compresión

- ▶ 2 entradas: salida de la etapa anterior (vector de inicialización si primera etapa) + bloque correspondiente
 - ▶ Cada etapa produce un resumen de n bits
 - ▶ El resumen final generado es de longitud n bits
-
- ▶ Si la función de compresión es resistente a colisiones, también lo es la función resumen (lo contrario no tiene porqué ser cierto)
 - ▶ Diseño de la función de compresión → núcleo de la seguridad
 - ▶ El criptoanálisis a una función resumen se centra en la función de compresión



Ejemplos – MD5

- ▶ Diseñada por Ronald L. Rivest en 1991
- ▶ Modo de operación
 - ▶ Genera un resumen de 128 bits
 - ▶ El mensaje de entrada se divide en bloques de 512 bits
 - ▶ Se produce una operación de relleno sobre el último bloque
 - ▶ Cada bloque se descompone a su vez en 16 sub-bloques de 32 bits cada uno
 - ▶ Se realizan 4 rondas de 16 operaciones cada una basadas en:
 - ▶ Funciones no lineales
 - ▶ Suma módulo 2^{32}
 - ▶ Rotación de bits



Ejemplos – MD5

► Ataques

- Primeras señales de vulnerabilidad (1996)
- Primeros algoritmos que darían lugar a las primeras colisiones (2004)
<http://eprint.iacr.org/2004/199>
- Lenstra, Wang y Weger, logran construir dos certificados de claves públicas distintas con la misma firma digital (MD5-RSA) (2005)
<http://eprint.iacr.org/2005/067>
- Algoritmo que encuentra colisiones en un minuto (*Preimage attack by Tunneling*) (2006)
<http://eprint.iacr.org/2006/105>



Ejemplos – SHA-0, SHA-1

▶ SHA-0

- ▶ Genera un resumen de 160 bits
- ▶ Roto en 2005 al publicarse un algoritmo que encontraba colisiones con tan sólo 2^{39} operaciones

▶ SHA-1

- ▶ Diseñado por la NSA
- ▶ Genera un resumen de 160 bits
- ▶ Estructura similar a la de MD5
- ▶ En 2005, Wang, Yin y Yun publican un algoritmo que encuentra colisiones con 2^{69} operaciones (2^{80} sería con fuerza bruta)
- ▶ En 2005, Wang, Yao y Yao reducen la complejidad del algoritmo a 2^{63} operaciones



Ejemplos – Familia SHA-2

- ▶ SHA-224, SHA-256, SHA-384 y SHA-512
- ▶ Diseñados por NSA
- ▶ Nueva estructura común a todas ellas
- ▶ SHA-224 y SHA-384 son versiones truncadas de SHA-256 y SHA-512 (64 rondas en vez de 80 y con valores iniciales diferentes)
- ▶ No se han encontrado vulnerabilidades
- ▶ Son las opciones que ofrecen más garantías



Ejemplos

Algorithm	Output size	Internal state size	Block size	Collision
<u>HAVAL</u>	256/224/192/160/128	256	1024	Yes
<u>MD2</u>	128	384	128	Almost
<u>MD4</u>	128	128	512	Yes
<u>MD5</u>	128	128	512	Yes
<u>RIPEMD</u>	128	128	512	Yes
<u>RIPEMD-128/256</u>	128/256	128/256	512	No
<u>RIPEMD-160/320</u>	160/320	160/320	512	No
<u>SHA-0</u>	160	160	512	Yes
<u>SHA-1</u>	160	160	512	With flaws
<u>SHA-256/224</u>	256/224	256	512	No
<u>SHA-512/384</u>	512/384	512	1024	No
<u>WHIRLPOOL</u>	512	512	512	No



Ejemplos – Familia SHA-3

- ▶ Competición para la selección de la nueva familia de funciones resumen SHA-3

(<http://csrc.nist.gov/groups/ST/hash/sha-3/>)

- ▶ 2007: Establecimiento de los requisitos a cumplir.
- ▶ 2008: Envío de propuestas.
- ▶ 2009 (Febrero): Primer Congreso sobre las funciones resumen candidatas. Revisión pública de las candidatas.
- ▶ 2010 (2Q): Segundo Congreso sobre las funciones resumen candidatas. Análisis de resultados y propuesta de mejoras.
- ▶ 2010 (3Q): Selección de las funciones resumen finalistas.
- ▶ 2010 (4Q): Últimos “retoques” por parte de los autores.
- ▶ 2011: Análisis de la comunidad científica mundial.
- ▶ 2012 (4Q): **Keccak** seleccionado como algoritmo ganador (<http://csrc.nist.gov/groups/ST/hash/sha-3/documents/Keccak-slides-at-NIST.pdf>)



Contenidos

- ▶ **Funciones Resumen**

- ▶ Funciones resumen
- ▶ Funciones resumen criptográficas
- ▶ Ejemplos

- ▶ **Message Authentication Code (MAC)**

- ▶ **Generalidades MAC**
- ▶ Requisitos de seguridad MAC
- ▶ MAC Basados en funciones resumen
- ▶ MAC Basados en cifrado en bloque

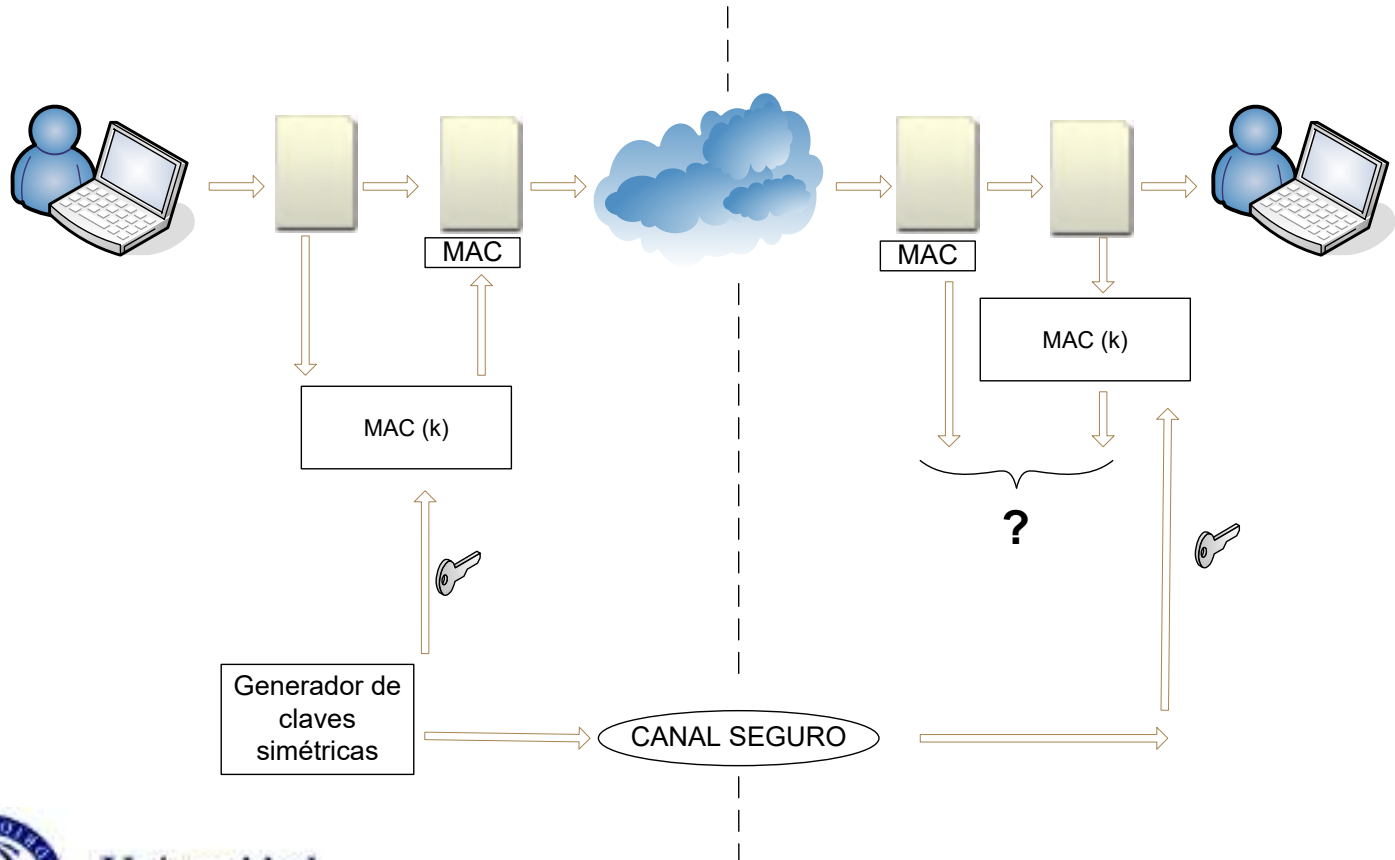


Generalidades MAC

- ▶ Un código de autenticación de mensaje (MAC) es un algoritmo que emplea una clave secreta para producir un valor de longitud fija (código de autenticación) sobre un mensaje de longitud variable
- ▶ Cualquier entidad que posea la clave secreta es capaz de verificar la **integridad** del mensaje
- ▶ Un receptor que comparta la clave secreta es capaz de **autenticar** al origen del mensaje
- ▶ En caso que el mensaje incluya un número de secuencia, se evitan ataques por replicación



Generalidades MAC



Generalidades MAC

- ▶ Una función MAC no tiene porqué ser invertible
- ▶ Al igual que con las funciones resumen, se pueden producir colisiones

$$|k| = 2^k$$

$$|MAC| = 2^n$$

$$|M| = \text{indeterminado}$$



Contenidos

- ▶ Funciones Resumen
 - ▶ Funciones resumen
 - ▶ Funciones resumen criptográficas
 - ▶ Ejemplos
- ▶ Message Authentication Code (MAC)
 - ▶ Generalidades MAC
 - ▶ **Requisitos de seguridad MAC**
 - ▶ MAC Basados en funciones resumen
 - ▶ MAC Basados en cifrado en bloque



Requisitos de seguridad MAC

- ▶ Dado un mensaje M y el valor $\text{MAC}(K, M)$, es *computacionalmente imposible* encontrar un mensaje M' cuyo valor $\text{MAC}(K, M')$ coincida

Dado M y $\text{MAC}(K, M)$, encontrar $M' \neq M / \text{MAC}(K, M') = \text{MAC}(K, M)$

- ▶ $\text{MAC}(K, M)$ debe estar uniformemente distribuido, de forma que la probabilidad de encontrar dos mensajes M y M' cuyos valores MAC coincidan es $\frac{1}{2^n}$

- ▶ Sea M' un mensaje resultante de aplicar una transformación a M [$M' = f(M)$]. En tal caso, debe cumplirse lo siguiente:

$$\Pr[\text{MAC}(K, M) = \text{MAC}(K, M')] = \frac{1}{2^n}$$



Requisitos de seguridad MAC

► Ataques a funciones MAC

Dado un conjunto de M_i , $\text{MAC}(K, M_i)$, el atacante desea generar M' , $\text{MAC}(K, M')$, con $M' \neq M_i \forall i=0 \dots n$

► Fuerza bruta

Ataque al espacio de claves K ($\frac{1}{2^k}$) versus Ataque al valor MAC ($\frac{1}{2^n}$)

La complejidad computacional es $\text{Min}(\frac{1}{2^k}, \frac{1}{2^n})$

► Criptoanálisis

Requiere la existencia de vulnerabilidades en el diseño o implementación en el algoritmo (dependerá de su estructura interna)



Contenidos

- ▶ Funciones Resumen
 - ▶ Funciones resumen
 - ▶ Funciones resumen criptográficas
 - ▶ Ejemplos
- ▶ Message Authentication Code (MAC)
 - ▶ Generalidades MAC
 - ▶ Requisitos de seguridad MAC
 - ▶ **MAC Basados en funciones resumen**
 - ▶ MAC Basados en cifrado en bloque



MAC Basados en funciones resumen

- ▶ HMAC (Hash-MAC)
- ▶ Emplean funciones resumen existentes
- ▶ Aplican la función resumen sobre una versión del mensaje al que añaden un conjunto de bits calculados a partir de la clave

$$\text{HMAC}(K, M) = H[(K' \oplus \text{opad}) \parallel H[(K' \oplus \text{ipad}) \parallel M]]$$

K' : K *padded* con 0's a la izquierda hasta tener longitud b

b : Longitud de cada bloque procesado por la función resumen

ipad : 00110110 (0x36) repetido $b/8$ veces

opad : 01011100 (0x5C) repetido $b/8$ veces

\parallel : operación concatenación



Contenidos

- ▶ Funciones Resumen
 - ▶ Funciones resumen
 - ▶ Funciones resumen criptográficas
 - ▶ Ejemplos
- ▶ Message Authentication Code (MAC)
 - ▶ Generalidades MAC
 - ▶ Requisitos de seguridad MAC
 - ▶ MAC Basados en funciones resumen
 - ▶ **MAC Basados en cifrado en bloque**



MAC Basados en cifrado en bloque

- ▶ Cifran el mensaje mediante un algoritmo de cifrado simétrico en bloque en modo CBC
- ▶ El valor del MAC es el resultado del cifrado del último bloque
- ▶ Consiguen que el MAC dependa de todos los bits del mensaje





Universidad
Carlos III de Madrid

Grupo SeTI · Dpto. Informática

ANEXO

SEGURIDAD EN LAS TECNOLOGÍAS DE LA INFORMACIÓN

Grupo SeTI

Curso 2011-2012

Funciones Resumen Criptográficas

► Paradoja del Cumpleaños

- Establece que si hay 23 personas reunidas hay una probabilidad del 50,7% de que al menos dos personas de ellas cumplan años el mismo día.

$$P(\text{"dos cumpleaños coincidan"}) = 1 - P(\text{"ninguno coincida"})$$

Probabilidad de que ninguno coincida

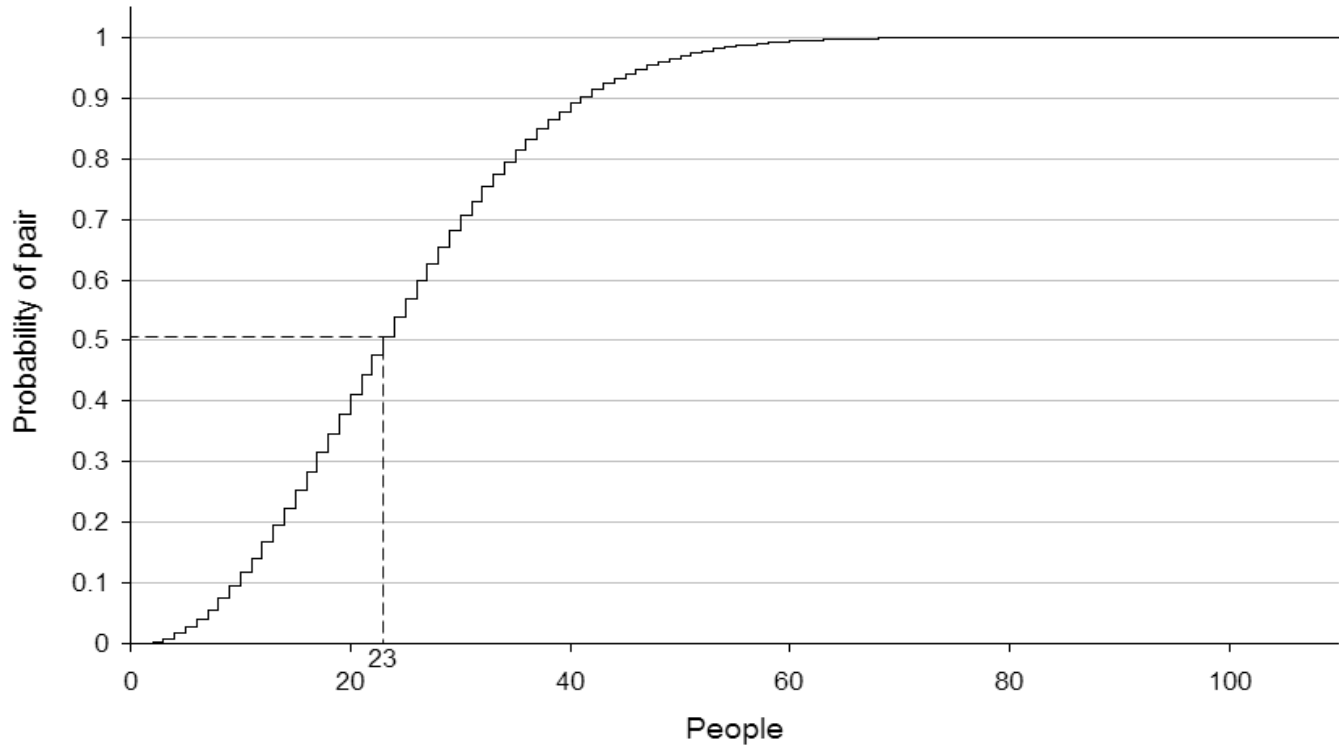
$$p = \frac{365}{365} \cdot \frac{364}{365} \cdot \frac{363}{365} \cdots \frac{365 - n + 1}{365}$$

$$p = \begin{cases} \frac{365!}{365^n (365-n)!} & 0 \leq n \leq 365 \\ 0, & 365 < n \end{cases}$$

$$P(\text{"dos cumpleaños coincidan"}) > 0,5 \text{ para } n = 23$$



Funciones Resumen Criptográficas



Funciones Resumen Criptográficas

- ▶ Por el contrario, la probabilidad de que, de un conjunto de n personas, al menos 1 cumpla años un día concreto, es mucho menor

$P(\text{"cumpla años el mismo día que yo"}) = 1 - P(\text{"nadie cumpla cuando yo"})$

$$1 - \left(\frac{364}{365}\right)^n$$

$P(\text{"cumpla años el mismo día que yo"}) > 0,5$ para $n = 253$



Funciones Resumen Criptográficas

- ▶ **Ataque del cumpleaños (e.g. en procedimiento de firma digital)**
 - ▶ **Objetivo:** generar un par de mensajes M' y M'' que colisionen, y emplearlos de forma fraudulenta
 - ▶ **Procedimiento**
 - ▶ El atacante genera un conjunto C de m mensajes similares a un mensaje M dado (p. ej. mensaje a firmar por la víctima)
 - ▶ El atacante genera un conjunto C_f de m mensajes similares al mensaje M , pero con modificaciones que benefician al atacante
 - ▶ El tamaño de los conjuntos (m) debe ser $\geq n/2$, siendo n la longitud del resumen generado por la función resumen dada
 - ▶ Con probabilidad 50%, y tiempo computacional $n/2$, se encuentra una pareja
$$M' \in C, M'' \in C_f / H(M') = H(M'')$$
 - ▶ El atacante engaña a la víctima para usar el mensaje M' , y posteriormente lo sustituye por el mensaje M'' (fraudulento)

