



Grado en Ingeniería Informática  
Estructura de Datos y Algoritmos, Grupo 81M, 2015/2016  
16 de Marzo de 2016

Nombre y Apellidos:

.....

### PROBLEMA 1 (1 punto)

Dadas las clases:

```
public class SNodeInteger {  
  
    public Integer elem;  
    public SNodeInteger next;  
  
    public SNodeInteger(Integer e) {  
        elem = e;  
    }  
}  
  
public class SListInteger implements IListInteger {  
  
    public SNodeInteger first;  
  
    .....  
}
```

donde **IListInteger** es la especificación del TAD Lista de números enteros.

Se pide:

- a) Añade un método en la clase SListInteger que reciba un número entero **x** como parámetro. El objetivo del método es borrar de la lista todos los elementos cuyo valor es múltiplo de **x**. Algunos ejemplos son:

lista	Operación	lista
5 4 3 10 15 2 5	lista.removeMultiples(5)	4 3 2
3 1 2 8	lista.removeMultiples(5)	3 1 2 8
3 1 3 5 8	lista.removeMultiples(1)	
3 1 3 5 8	lista.removeMultiples(2)	3 1 3 5

- b) Razona sobre el caso peor y mejor del algoritmo. ¿Cuál es la complejidad del removeMultiples?.
- c) Si la lista fuera una lista doblemente enlazada, ¿cuál sería la complejidad del método removeMultiples?

**Nota:** La solución no requiere que uséis los métodos de la clase `Integer`. Sin embargo, si decides utilizar alguno de sus métodos (por ejemplo, `isEmpty()`), deberás añadir su implementación en la solución. En la solución no puedes usar arrays, `ArrayList`, `LinkedList`.

**Solución:**

```
/**
 * This method traverses the lists
 * removing those nodes
 * whose elem is multiple of x,
 * that is, elem % x == 0
 * @param x
 */
public void removeMultiples(int x) {
    SNodeInteger previousNode=null;
    for (SNodeInteger nodeIt=first; nodeIt!=null; nodeIt=nodeIt.next) {
        if (nodeIt.elem % x ==0) {
            if (previousNode == null) {
                first = nodeIt.next;
            } else {
                previousNode.next = nodeIt.next;
            }
        } else previousNode=nodeIt;
    }
}
```

- b) El mejor caso se da cuando la lista está vacía ( $O(1)$ ). No hay diferencia entre el peor caso y el caso promedio ya que siempre es necesario recorrer la lista completa. La complejidad del método es lineal ( $O(n)$ ).
- c) La complejidad del método seguiría siendo lineal ( $O(n)$ ). En realidad, la implementación usando listas doblemente enlazada no proporciona ninguna ventaja ya que el método requiere que la lista se recorra de extremo a extremo.

**PROBLEMA 2 (1 punto)**

El siguiente método iterativo devuelve el elemento más pequeño de un array de enteros:

```
public static int findMinIte(int data[]) {
    if (data == null)
        throw new NullPointerException("Can't handle null arrays");

    if (data.length == 0)
        throw new IllegalArgumentException("Can't handle zero-length arrays.");

    int min=data[0];
    for (int i=1; i<=data.length-1;i++) {
        if (data[i]<min) {
            min=data[i];
        }
    }
    return min;
}
```

- a) Razona sobre la complejidad temporal del algoritmo. Razona también sobre el caso promedio y el peor caso.

**Respuesta:** La complejidad del método es lineal ( $O(n)$ ) ya que es necesario recorrer todo el array para obtener el mínimo del array.

No existe diferencia entre el caso promedio y el caso peor, ya que siempre es necesario recorrer toda el array para obtener el mínimo. El mejor caso es cuando la lista está vacía.

b) Desarrolla un **método RECURSIVO** que dado un array de enteros devuelva el elemento más pequeño del array.

**Nota:** Las soluciones iterativas (basadas en bucles) no serán evaluadas.

**Nota:** Por simplificar, puedes suponer que el array siempre tendrá datos. Dicho de otra forma, no tienes que preocuparte de comprobar si el array es null o su longitud es 0.

**Solución:**

```
public static int findMin(int[] data, int left, int right) {  
  
    //base case  
    if (left==right) return data[left];  
  
    //we calculate the position in the middle  
    //This positions allows us to divide the problem into two subproblems  
    int m=(left + right) / 2;  
  
    int minLeft=findMin(data,left,m);    //both subproblems are separate  
    int minRight=findMin(data,m+1,right);  
  
    //finally, we combine the solutions of the subproblems  
    //in order to obtain the global solution  
    if (minLeft<minRight) return minLeft;  
    else return minRight;  
}
```