



rr www.wuolah.com/student/rr



Practica 5 Solucionada.pdf

Practicas

- 1º Lógica
- **Grado en Ingeniería Informática**
- Escuela Politécnica Superior
 UC3M Universidad Carlos III de Madrid

1. Todos son altos

$\forall x \ Alto(x)$

2. Juan es alto

Alto(juan)

3. Juan es amigo de todos

Amigo(x,y): x es amigo de y (¿tal vez no al contrario?)

∀x Amigo(juan,x)

4. Algunos son amigos de Juan

Amigo(x,y): x es amigo de y (¿tal vez no al contrario?)

∃x Amigo(x,juan)

Amigos(x,y): x e y son amigos (sin importar el orden)

 $\exists x \text{ Amigos}(x, \text{juan}) \text{ o bien } \exists x \text{ Amigos}(\text{juan}, x)$

5. Todos son amigos

 $\forall x \ \forall y \ Amigos(x,y)$

6. Todos son de color azul

$\forall x Azul(x)$

7. Juan es rubio

Rubio(juan)

8. Todo madrileño es español

```
\forall x \ ( Madrile \tilde{n}o(x) \rightarrow Espa \tilde{n}ol(x) )
```

9. Los que tienen carnet de conducir son mayores de edad



```
\forall x \ ( \ TienenCarnet(x) \rightarrow MayoresDeEdad(x) \ )
```

10. Algunos universitarios son madrileños

```
\exists x ( Universitario(x) \land Madrileño(x) )
```

11. Algunos republicanos son ricos

```
\exists x \ (Republicano(x) \land Rico(x))
```

12. Todos los republicanos son ricos

```
\forall x \ ( Republicano(x) \rightarrow Rico(x) )
```

13. No existe nadie que sea republicano y no sea rico

```
\sim \exists x \ (Republicano(x) \land \sim Rico(x))
```

14. En toda pareja de vecinos existe algún envidioso

Asumimos que nos referimos a que son vecinos entre sí, y siempre hay alguno que envidia (tiene la propiedad de ser envidioso) pero no quiere decir que envidie al otro vecino.

```
\forall x \ \forall y \ ( \ Vecinos(x,y) \rightarrow Envidioso(x) \ \lor Envidioso(y) \ )
```

15. Todos los que son vecinos se odian entre si

Odia(x,y): x odia a y (no necesariamente al revés)

```
\forall x \ \forall y \ ( \ Vecinos(x,y) \rightarrow Odia(x,y) \land Odia(y,x) )
```

16. Todos los estudiantes de informática son amigos de los aficionados a la lógica

```
\forall x \ \forall y \ ( EstudiaInformática(x) \land Lógica(y) \rightarrow Amigo(x,y) )
```

17. Algunos estudiantes de informática tienen amigos aficionados a la lógica

```
\exists x \exists y \ ( EstudiaInformática(x) \land Lógica(y) \land Amigo(x,y) )
```

18. Algunos estudiantes de informática sólo son amigos de los aficionados a la lógica

```
\exists x \ ( EstudiaInformática(x) \land \forall y \ ( Amigo(x,y) \rightarrow Lógica(y) ) )
```

19. Todos los compañeros de Juan son del Betis

```
\forall x \ ( Compañero(x, juan) \rightarrow Betis(x) )
```

20. Existen jugadores del Betis que todos sus familiares son Portugueses



```
\exists x \ ( JugadorBetis(x) \land \forall y \ ( Familiar(y,x) \rightarrow Portugués(y) )
21. Algunos franceses son amigos de cualquier español
\exists x \ ( Francés(x) \land \forall y \ ( Español(y) \rightarrow Amigo(x,y) ) )
22. Sólo los futbolistas admiran a los futbolistas
\forall x \forall y ( Admira(x,y) \land Futbolista(y) \rightarrow Futbolista(x) )
23. Sólo los tontos se dejan engañar por los vendedores ambulantes
DejaEngañar(x,y): x se deja engañar por y (jojo al orden!)
\forall x \ \forall y \ ( DejaEngañar(x,y) \land Vendedor(y) \rightarrow Tonto(x) )
24. Antonio se deja engañar por Juan
DejaEngañar( antonio, juan )
25. Todos los que ayudan a Juan trabajan en casa de Manolo
Ayuda(x,y): x ayuda a y
\forall x \ ( Ayuda(x,juan) \rightarrow T(x,manolo) )
26. Algunas plantas no tienen flores
\exists x (Planta(x) \land \sim Flores(x))
27. Cualquier edificio es habitable
\forall x \ (Edificio(x) \rightarrow Habitable(x))
28. Algunas personas son insoportables
\exists x (Persona(x) \land Insoportable(x))
29. Existen personas que no comen carne
\exists x (Persona(x) \land \sim Come(x))
30. Todos los felinos son mamíferos
\forall x ( Felino(x) \rightarrow Mamifero(x) )
31. Todos los mamíferos tienen pelo
    \forall x ( Mamifero(x) \rightarrow Pelo(x))
```



32. Juan afeita a los que no se afeitan a sí mismos

$$\forall x (\sim Afeita(x, x) \rightarrow A(juan, x))$$

33. Todos los caballeros de la mesa redonda son leales a Arturo

```
Leal(x,y): x es leal a y
```

```
\forall x ( Caballero(x) \rightarrow Leal(x, arturo) )
```

34. Algunos correcaminos son inteligentes

```
\exists x ( Correcaminos(x) \land Inteligentes(x) )
```

35. Todos los coyotes persiguen a algún correcaminos

$$\forall x (Coyote(x) \rightarrow \exists y (Persigue(x,y) \land Correcaminos(y)))$$

36. Arturo está casado con Ginebra

```
Casado( arturo, ginebra )
```

37. Marco es amigo de quien le ayuda

$$\forall x (Ayuda(x, marco) \rightarrow Amigo(marco, x))$$

38. A nadie interesa la Jota Aragonesa y el Heavy Metal a la vez

```
\sim \exists x (Interes(x, jota) \land Interes(x, heavy))
```

39. Todo es espacial o no es material

```
\forall x ( Espacial(x) \lor \sim Material(x) )
```

40. No hay cosas que no sean espaciales y sean materiales

```
\sim \exists x ( \sim Espacial(x) \land Material(x) )
```

41. Hay cosas que no son materiales

```
\exists x \sim Material(x)
```

42. Nada es extenso

$\sim \exists x \; Extenso(x)$

43. Si todo es material, entonces hay cosas extensas

$$\forall x \; Material(x) \rightarrow \exists x \; Extensa(x)$$

44. Si todo es fácil y agradable, entonces Isabel no estudiará



```
\forall x ( Facil(x) \land Agradable(x) ) \rightarrow \sim Estudiar( isabel )
45. No hay cosas que no sean agradables
\sim \exists x ( \sim Agradable(x) )
46. Si todo es simple o fácil, entonces Fernando hará el trabajo
\forall x ( Simple(x) \lor Facil(x) ) \rightarrow HaceTrabajo( fernando )
47. No es cierto que haya cosas que no sean simples y haya cosas que no sean
fáciles
\sim ( \exists x \sim Simple(x) \land \exists x \sim Facil(x) )
48. Esteban admira a alguien
∃x Admira( esteban, x )
49. Todos los filósofos admiran a Platón
\forall x ( Filosofo(x) \rightarrow Admiran(x, platón) )
50. Daniel aprende de algún profesor
\exists x (Aprende(daniel, x) \land Profesor(x))
51. Todos aman u odian a Bono
\forall x (Ama(x, bono) \lor Odia(x, bono))
52. Si Burgos está al norte de Madrid, algo está al norte de Madrid
Norte( burgos, madrid ) \rightarrow \exists x \text{ Norte}(x, \text{ madrid })
53. Algo se vincula con todo
∃x ∀y Vincula(x, y)
54. Todo se vincula con algo
\forall x \exists y \ Vincula(x, y)
```



```
55. Algunos perros ladran a todos los niños
```

```
\exists x ( Perro(x) \land \forall y ( Niño(y) \rightarrow Ladra(x, y)) )
```

56. Una persona x es abuela de otra z, si, y únicamente si, x es padre de otra (y) que es el padre de z.

```
Nota: Padre(x,y): x es padre de y, (igual con Abuelo y Tío) \forall x \ \forall z (Abuelo(x,z) \leftrightarrow \exists y (Padre(x,y) \land Padre(y,z)))
```

57. Juan no tiene hermanos, pero tiene un primo

Nota: Hermanos(x,y) y Primos(x,y) : el orden es indiferente

```
\sim \exists x \text{ Hermanos}(juan, x) \land \exists x \text{ Primos}(juan, x)
```

58. Si dos personas son hermanos, entonces si tienen hijos, estos son primos

```
\forall x \ \forall y ( \ Hermanos(x, y) \rightarrow \forall z \ \forall w \ ( \ Padre(x, z) \land Padre(y, w) \rightarrow Primos(z, w)))
```

59. Nadie es hermano de su(s) padre(s)

```
\sim \exists x \exists y ( Padre(x, y) \land Hermanos(x, y) )
```

60. No todos son padres de alguien

```
\sim \forall x \exists y Padre(x, y)
```

61. No hay nadie que sea hijo de todos

```
\sim \exists y \ \forall x \ Padre(x, y)
```

62. Si Alberto y Juan son primos, el padre de Juan es el tío de Alberto

```
Primos( alberto, juan) \rightarrow \exists x ( Padre( x, juan ) \land Tio( x, alberto ) )
```