# DEPARTAMENTO DE CIENCIA E INGENIERÍA DE MATERIALES E INGENIERÍA QUÍMICA

CURSO ACADÉMICO 2016/2017

# Introducción a MATLAB



*	dice General	
	Introducción	1
	LL Constartation de MATLAB	- 3
	1.2 Access a MATLAB desde windows	- 3
	1.3 Roghes Generalies en MATLAB	3
	Primeros pasos	i
	2.1 Operaciones Básicus	9
	2.2 Formato de salida. Comando formet	- 9
	2.3 El punto y coma ; en la linea de comandos	- 1
	2.4 Constantes y Variables	- 3
	Gridor y Leer Dates on Ficherus	3
		- 60
	Matrices y vectores 4.1. Introducción de matrices en la linea de manados	10
	4.2 Elementue de matrices y vectores	11
	4.3 Functiones para la construcción de matrices	13
	4.4 Notación de dos puntos :	13
	4.5 Submatrices y Marriess per bloques	14
	15.1 Submarines	1
	45.2 Matrices por Bloques	13
	4.6 Operaciones Marriciales y Puncuales	10
	4.7 Resolución de Sistemas de Ecuaciones Lineales	13
	4.8 Otras operaciones sobre matrices	13
	4.5.1 Operaciones de manipulación de filas y columnas	H
	Graticos	2
	5.1 Criffon 2D	2
	3.2 Gridos 2D Millupies	23
	5.3 Effición de gráficos	2
	5.4 Graties 3D	2
	Programación	20
	(i.) Rogies Generales	28
	6.2 Tipor de m-files	29
	6.2.1 Arctime de instrucciones	25
	6.2.2 Anthiyos de finaciones	2
	6.3 Entructuras de Control del Finjo del Programa.	3
	6.5.1 Bicks for	30
	0.3.2 Sentencia if	3
	6.1.11 Sentencia vh11s 6.4 Operadone Légicis y Operadone Relacionales	33
	6.4 Operadonsi Legicia y Operadimsi Relacionalisi	3,

### 1 Introducción

MATLAB  $\Longrightarrow$  MATrix LABoratory

#### 1.1 Características de MATLAB

- Programa de Cálculo Numérico y Cálculo Simbólico.
  - Se puede considerar como una calculadora programable muy potente.
- Programa muy popular entre **estudiantes**, **ingenieros**, **técnicos** e **investigadores** debido a sus características:
  - Programa **interactivo**.
  - Capacidades Gráficas potentes y sencillas.
  - Posee gran cantidad de **Funciones** de todos los tipos.
  - Lenguaje de programación de alto nivel similar a Fortran, C, Pascal o Basic, pero más fácil de aprender.
- Existen versiones del programa MATLAB desde pequeños **PC's** hasta **superordenadores**.

#### 1.2 Acceso a MATLAB desde windows

- 1. Pulsar con el botón izquierdo del ratón sobre el botón **Inicio**.
- 2. Pulsar con el botón izquierdo del ratón sobre la carpeta de Programas.
- 3. Pulsar con el botón izquierdo del ratón sobre la carpeta de Matlab
- 4. Pulsar con el botón izquierdo del ratón sobre uno de los **iconos** de **MATLAB**.
- 5. Aparecerá una ventana con el prompt: >>



- 6. Crear un directorio
  - >> !mkdir A:\nombre\_directorio
  - >> cd A:\nombre\_directorio

### 1.3 Reglas Generales en MATLAB

• MATLAB distingue entre mayúsculas y minúsculas:

**NO** es lo mismo que:

>> MIN(2,3)

% error

 ◆ Los espacios en blanco SÍ tienen significado para matlab ⇒ separan distintos elementos en una matriz;

>> 12 >> 10e-12

no es lo mismo que:

>> 1 2 >> 10 e-12 % error % error

- Los PARÉNTESIS () y los CORCHETES [] tienen significados distintos.
- Las Flechas:  $\uparrow y \downarrow$  permiten recuperar mandatos.
- Las Flechas:  $\leftarrow$  y  $\rightarrow$  permiten corregir errores.
- Para obtener **AYUDA** en el entorno de MATLAB se utiliza el comando **help**:
  - >> help help
  - >> help for
  - >> help plot

### 2 Primeros pasos

### 2.1 Operaciones Básicas

- + adición
- sustracción
- \* multiplicación
- potenciación
- \ división izquierda

١,		1
/	división	derecha

exp	log	log10
sin	cos	tan
asin	acos	atan
abs	sqrt	sign
round	floor	ceil

# **Ejemplos**

>> 2 + 3	>> 2 * 2
ans =	ans =
5	4
>> 2/6	>> 2\6
ans =	ans =
0.3333	3
>> 3*(log10(14.7)	- 4/6)/atan(2.3)
ans =	
1.2940	
>> 1+2i	>> abs(4+3j)
ans =	ans =
1.0000+2.0000i	5
	,

2 PRIMEROS PASOS 5

#### El comando flops

- El comando flops cuenta el número de operaciones en coma flotante realizadas.
- La instrucción flops (0) pone a cero dicho contador.
- Sumas y restas cuentan un flop en aritmética real y dos flops en aritmética compleja.
- Multiplicaciones y divisiones cuentan un flop en aritmética real y seis flops en aritmética compleja.
- Las funciones elementales cuentan un flop para argumentos reales y más para complejos (depende de la función).

### 2.2 Formato de salida: Comando format

2 PRIMEROS PASOS

Podemos cambiar la manera en que los resultados numéricos son presentados usando el comando **format**.

### 2.3 El punto y coma ; en la línea de comandos

En la línea de comandos se utiliza el **punto y coma ;** al final de una instrucción para que MATLAB no imprima en pantalla el resultado correspondiente. Esto **NO** quiere decir que la operación no se haya ejecutado.

### 2.4 Constantes y Variables

# Reglas

- Podemos definir *constantes* y *variables* mediante **nombres**.
- El nombre consiste en una **letra** seguida de otras **letras**, **dígitos** o **subrayados**, hasta un máximo de **31** caracteres en total.
- MATLAB distigue entre **MAYÚSCULAS** y minúsculas.
- Las variables se pueden borrar con clear nombre.

# **Ejemplos**

```
>> a = 2; A = 3;
>> alfa = 30; conf = pi/180;
>> sin(conf*alfa+A*a)
ans =
    0.2381
>> ans^2
ans =
    0.0567
```

Si **no** asignamos un **nombre** a una expresión se crea automáticamente la variable **ans** con la que se puede hacer operaciones posteriores.

### 3 Grabar y Leer Datos en Ficheros

• La instrucción

graba las variables x, y y z a un fichero (binario) de nombre fname1.mat (archivos mat o MAT-files).

• La instrucción

### load fname2 a b

recupera las variables **a** y **b** de un fichero (binario) de nombre **fname2.mat**. En **fname2.mat** podría haber almacenadas más variables aparte de a y b.

• También es posible grabar y recuperar datos a y desde ficheros ASCII: opción -ascii de los comandos load y save.

# Ejemplo

```
>> x = 0:pi/5:2*pi;
>> y = sin(x.^2);
>> t = [ x' y' ];
>> save io.mat t
>> clear t
>> x = t(:,1);
??? Undefined function or variable 't'.
>> load io
>> x = t(:,1);
>> y = t(:,2);
>> plot(x,y)
```

# El comando diary

### La instrucción

# diary nombre\_fichero

se utiliza para crear un diario de la sesión de MATLAB en el archivo (ASCII) nombre\_fichero. A partir de dicha instrucción y hasta la introducción en la línea de comandos de la instrucción

# diary off

todos los comandos que ejecutemos, así como los resultados que devuelva MATLAB (salvo los gráficos) quedarán grabados en el archivo nombre\_fichero. Luego, podemos abrir y modificar dicho archivo con cualquier editor de texto.

### 4 Matrices y vectores

4.1 Introducción de matrices en la línea de comandos

selii.

Matriz: Colección de números ordenados por filas y por columnas.

- Las *matrices* se definen mediante **corchetes** [].
- Los elementos dentro de una misma fila se separan mediante **comas** o **espacios en blanco**.
- Para indicar el final de una fila y el comienzo de la siguiente se utiliza el **punto y coma**.
- Un vector fila de n elementos es una matriz  $1 \times n$ .
- Un vector columna de n elementos es una matriz  $n \times 1$ .
- Un escalar es una matriz  $1 \times 1$ .

4

### 4.2 Elementos de matrices y vectores

- Para extraer el **elemento**  $A_{ij}$  de una **matriz** A se escribe A(i,j).
- Para extraer el **elemento**  $v_k$  de un **vector** v se escribe  $\mathbf{v}(\mathbf{k})$ .

### 4.3 Funciones para la construcción de matrices

eye(n)	matriz identidad de dimensión $n \times n$
zeros(m,n)	matriz de ceros de dimensión $m \times n$
ones(m,n)	matriz de unos de dimensión $m \times n$
diag(v)	matriz diagonal con diagonal $\{v_k\}_{k=1}^n$
rand(m,n)	matriz aleatoria de dimensión $m \times n$

# **Ejemplos**

>> a=eye(2) 0 >> b=zeros(2,5) b = 0 >> c=rand(2,2) c = 0.0579 0.8132 0.3529 0.0099 >> d=diag([-1, 1]) d =0

### 4.4 Notación de dos puntos :

El operador : es uno de los más importantes en MATLAB. Aparece en diversos contextos:

• Para crear una fila de elementos equidistantes:

- Para extraer la fila i-ésima de una matriz A se escribe A(i,:).
- Para extraer la columna j-ésima de una matriz A se escribe A(:,j).
- Para eliminar la fila (columna) i-ésima de una matriz A se escribe A(i,:)=[] (A(:,i)=[]).
- Para escribir una **matriz** A de dimensiones  $m \times n$  como un **vector columna** de mn elementos se escribe A(:)

#### 4.5 Submatrices y Matrices por bloques

#### 4.5.1 Submatrices

13

• La instrucción

$$A([i_1,i_2,...,i_r],[j_1,j_2,...,j_s])$$

extrae la **submatriz** formada por las **filas**  $i_1, i_2,..., i_r$  y las **columnas**  $j_1, j_2,..., j_s$  de la matriz A.

- La instrucción  $A([i_1,i_2,...,i_r],:)$  extrae la **submatriz** formada por las **filas**  $i_1, i_2,..., i_r$  de la matriz A.
- La instrucción  $A(:,[j_1,j_2,...,j_s])$  extrae la **submatriz** formada por las **columnas**  $j_1, j_2,..., j_s$  de la matriz A.

#### 4.5.2 Matrices por Bloques

Supongamos que tenemos una matriz A de dimensiones  $m \times n$  definida por bloques, por ejemplo,

$$A = \left[ \begin{array}{cc} A_{11} & A_{12} \\ A_{21} & A_{22} \end{array} \right] ,$$

donde  $A_{11}$ ,  $A_{12}$ ,  $A_{21}$  y  $A_{22}$  son bloques de dimensiones  $p \times r$ ,  $p \times s$ ,  $q \times r$  y  $q \times s$  respectivamente, tal que p + q = m y r + s = n. Supongamos también que hemos definido estos bloques en MATLAB y los hemos guardado en las variables A11, A12, A21 y A22 respectivamente. Entonces, podemos escribir la matriz A como

# **Ejemplos**

#### 4.6 Operaciones Matriciales y Puntuales

О	peradores Matriciales	Op	peradores Puntuales
+	suma	+	suma
_	resta	_	resta
*	multiplicación	.*	multiplicación
/	división derecha	./	división derecha
\	división izquierda	.\	división izquierda
^	potenciación	. ^	potenciación
,	conjugada traspuesta		traspuesta

- Los operadores matriciales son los definidos en el Álgebra Lineal.
- Los operadores puntuales actúan elemento a elemento. Operan entre matrices con la misma dimensión. El resultado es otra matriz de igual tamaño.

Si denotamos por  $\circ = \{+, -, *, /, \setminus, \hat{}\}$  a un operador matricial y por  $.\circ = \{+, -, .*, ./, .\setminus, \hat{}\}$  al operador puntual correspondiente. Si A y B son dos matrices cuyos elementos son  $a_{ij}$  y  $b_{ij}$  respectivamente, entonces los elementos de la matriz  $A. \circ B$  son  $a_{ij} \circ b_{ij}$ .

• Las funciones intrínsecas de MATLAB (sin, cos, tan, exp, log, sqrt, abs, ...) cuando se aplican a una matriz actúan elemento a elemento.

4 MATRICES Y VECTORES 17 4 MATRICES Y VECTORES

#### 4.7 Resolución de Sistemas de Ecuaciones Lineales

A Matriz Cuadrada  $n \times n$ . (**¡e Invertible!**)

 $x=A \ b \implies Solución de A * x = b \ (x y b vectores$ **columna**)

 $x=b/A \implies \text{Solución de } x*A = b \text{ (x y b vectores fila)}$ 

### 4.8 Otras operaciones sobre matrices

inv(A)	inversa de la matriz cuadrada A
pinv(A)	pseudoinversa (Moore-Penrose) de A
<pre>det(A)</pre>	determinante de la matriz cuadrada A
rank(A)	rango de la matriz A
[n,m] = size(A)	dimensiones de la matriz A
tril(A)	parte triangular inferior de A
triu(A)	parte triangular superior de A
trace(A)	traza de la matriz A
null(A)	base ortogonal del núcleo de A
orth(A)	base ortogonal de la imágen de A
[L,U,P] = lu(A)	factorización LU de A: P*A = L*U
R=chol(A)	factorización Cholesky de A: A = R'*R
[S,D] = eig(A)	vectores/valores propios de A: A*S = S*D
poly(A)	coeficientes del polinomio característico
[U,T]=schur(A)	factorización Schur de A: A = U'*T*U
[Q,R] = qr(A)	factorización QR de A: Q*R = A
[U,S,V] = svd(A)	SVD de A: U*S*V'= A
norm(A,p)	norma p=1,2 de A
norm(A,inf)	norma $\infty$ de A
norm(A,'fro')	norma de Frobenius de A
cond(A,p)	Condicionamiento en norma p de A

18

#### 4.8.1 Operaciones de manipulación de filas y columnas

• Para intercambiar las filas i—ésima y j—ésima de una matriz A se escribe

• Para intercambiar las columnas i—ésima y j—ésima de una matriz A se escribe

• Para **insertar** una **fila vf** (vector fila) entre las filas k-ésima y (k+1)-ésima de una matriz A  $m \times n$  se escribe

$$>> A = [A(1:k,:); vf; A(k+1:m,:)];$$

• Para **insertar** una **columna** vc (vector columna) entre las columna k-ésima y (k + 1)-ésima de una matriz  $A m \times n$  se escribe

$$>> A = [A(:,1:k), vc, A(:,k+1:n)];$$

#### Ejemplos con Vectores

19

# **Ejercicios**

Define dos vectores filas a y b de 3 elementos.

1. Compara a.^b a^b
2. Compara a\b a/b a.\b a./b
3. Compara a\*b' b'\*a a\*b.' a.'.\*b.'

#### Ejemplos con Matrices

# **Ejercicios**

Define una matriz  ${\tt A}$  de  $2{\times}2$  y un vector columna  ${\tt x}$  de 2 elementos.

- 1. Compara A.^2 A^2 A\*x x\*A
- 2. Calcula sin(A) cos(x)\*(A+1)
- 3. Compara A\x x/A

#### 5 Gráficos

#### 5.1 Gráficos 2D

Representación de los vectores x e y.

# Ejemplo

### Intentar:

- $y = e^{-x^2}$  sobre el intervalo [-1.5, 1.5]
- $\bullet$  Gráfica en paramétricas:  $x=cos(3t) \ y=sen(2t)$   $t=[0,2\pi]$

5 GRÁFICOS

#### 5.2 Gráficos 2D Múltiples

# Forma 1

```
>> x=0:.01:2*pi;y1=sin(x);
>> y2=sin(2*x);y3=sin(4*x);
>> plot(x,y1,x,y2,'--',x,y3,'.')
```

# Forma2

```
>>x=0:.01:2*pi;Y=[sin(x)',sin(2*x)',sin(4*x)'];
>>plot(x,Y)
```

# Opciones

- hold on permite modificar el último gráfico.
- hold off desactiva este modo.

# Ejemplo:

```
>> x=0:.01:2*pi;

>> y1=sin(x);y2=sin(2*x);y3=sin(4*x);

>> plot(x,y1)

>> hold on

>> plot(x,y2)

>> plot(x,y3)

>> hold off
```

### 5.3 Edición de gráficos

23

• Cambiar el tipo de **línea**, **color**, etc:

```
>> x=0:.01:2*pi; y1=sin(x);
>> y2=sin(2*x); y3=sin(4*x);
>> plot(x,y1,'--',x,y2,':',x,y3,'+')
```

Ver help plot para tipos de líneas y colores

- grid dibuja una retícula cuadrada.
- Escalado de la ventana gráfica:

  axis([xmin,xmax,ymin,ymax])

  axis, congela el escalado actual.

  Escribiendo axis de nuevo volvemos al autoescalado.
- Añadir títulos y comentarios:

```
title título del gráfico
xlabel comentario en el eje x
ylabel comentario en el eje y
gtext texto posicionado interactivamente
text texto posicionado mediante coordenadas
```

- Ejemplos:
  - 1. Escribir: title('El Titulo')
  - 2. Escribir: gtext('La mancha') y marcar con el ratón donde se desea que aparezca el comentario.

Ejecutar help axis

#### 5.4 Gráficos 3D

- meshgrid(xx,yy) crea una retícula a partir de los vectores xx e yy
- mesh(xx,yy,z) representa la función z(xx,yy) sobre la retícula.

# Ejemplo

Dibujar  $z = e^{-x^2 - y^2}$  en el dominio  $[-2, 2] \times [-2, 2]$ :

# Forma 1

```
>> xx = -2:.1:2;
>> yy = xx;
>> [x,y] = meshgrid(xx,yy);
>> z = exp(-x.^2 - y.^2);
>> mesh(z)
```

# Forma 2

```
>> [x,y] = meshgrid(-2:.1:2, -2:.1:2);
>> z = exp(-x.^2 - y.^2);
>> mesh(z)
```

Consultar la ayuda para otras funciones gráficas como: plot3, mesh, y surf.

# 6 Programación

MATLAB permite ejecutar ficheros de instrucciones llamados **m-files**.

nombre.m

### 6.1 Reglas Generales

- Los ficheros deben ser formato ASCII.
   NUNCA formato Word, WordPerfect, Write, etc.
- MATLAB debe conocer el directorio de trabajo (donde están los ficheros). Para ello utilizar el comando:

### >> cd nombre\_directorio

• El símbolo porcentaje % se utiliza para **comentarios**. Es importante comentar los ficheros indicando su misión.

# 6.2 Tipos de m-files

- Archivos de Instrucciones
- Archivos de Funciones

#### 6.2.1 Archivos de instrucciones

- $\bullet$  Secuencia de instrucciones dentro de un m-file.
- Para ejecutar uno llamado nombre.m : >> nombre
- Son muy **útiles**, ya que permiten depurar y reutilizar sentencias **fácilmente**.
- Las líneas de comentario % serán mostradas al escribir:

>> help nombre\_fichero

# Ejemplo: Fichero figura.m

```
% Fichero ejemplo de m-files
% Tipo Instrucciones
% Genera la figura de 5.2

x=0:.01:2*pi;y1=sin(x);

y2=sin(2*x);y3=sin(4*x);

plot(x,y1,x,y2,'--',x,y3,'.')

xlabel('X'); ylabel('Y')
title('Grafico multiple')
```

>> figura

#### 6.2.2 Archivos de funciones

- Estos ficheros crean **nuevas funciones** definidas por el usuario.
- Una vez creadas, pueden utilizarse como una función intrínseca de MATLAB.

# Reglas y Consejos

- Fichero ASCII con extensión .m (m-file).
- Empezar **siempre** con **comentarios** (%).
- La primera palabra después de los comentarios debe ser: function
- El nombre de la función debe ser el **mismo** que el nombre del fichero **sin** extensión .m
- Los parámetros de entrada deben ser los argumentos de la función, encerrados entre paréntesis ().
- Los **parámetros de salida** van **delante** del nombre de la función.
- Se pueden poner líneas en blanco en cualquier sitio.
- Las variables definidas **dentro** del fichero son **locales**, es decir, sólo valen dentro de la función, fuera **no** existen.
- Los nombres de los parámetros de entrada y salida son **variables mudas**, es decir, su nombre puede ser **cualquiera**.

# Ejemplo 1

```
% Fichero: rand10.m
% rand10(m,n) produce una matriz m x n
% de numeros aleatorios enteros entre 0 y 9
function a = rand10(m,n)
a = floor(10*rand(m,n));
```

# Llamada

```
>> matriz=rand10(3,4)
```

# Ejemplo 2

```
% Fichero: sr2.m
% Funcion ejemplo de varios parametros
% de entrada y salida.
% Las dos entradas x e y son dos numeros.
% Las dos salidas s y r son la suma y la resta
% de sus cuadrados respectivamente
% [s,r]=sr2(x,y)

function [out1,out2] = sr2(in1,in2)
out1=in1.^2+in2.^2;
out2=in1.^1-in2.^2;
```

# Llamada

```
>> [s,r]=sr2(3,4)
```

### 6.3 Estructuras de Control del Flujo del Programa

Permiten cambiar el orden de ejecución **secuencial** de las sentencias (una detrás de otra) en un programa.

#### 6.3.1 Bucles for

Repite un conjunto de instrucciones un determinado número de veces.

for i= vector fila de índices
 instrucciones(i)
end

```
x = []; \text{ for } i = 1:n, x(i)=i^2, \text{ end}
x = [];
for i = 1:n
x(i) = i^2;
end
```

### **Bucles Anidados**

```
for i = 1:m
    for j = 1:n
        H(i, j) = 1/(i+j-1);
    end
end
```

#### 6.3.2 Sentencia if

Las instrucciones se ejecutarán sólo si la relación es cierta

if relación

instrucciones

end

# Expresiones más Complicadas

#### 6.3.3 Sentencia while

Ejecuta unas instrucciones **mientras** la relación sea **cierta**.

### 6.4 Operadores Lógicos y Operadores Relacionales

• Operadores Relacionales

<	menor que	>	mayor que
<=	menor o igual que	>=	mayor o igual que
==	igual	~=	no igual.

• Operadores Lógicos

<b>&amp;</b> y	1 0	~ no
----------------	-----	------

- Se utilizan con for, if y while.
- Se pueden utilizar con escalares o matrices. Cuando se utilizan matrices, el operador actúa componente a componente.

# Programa Ejemplo

```
function [P,nops] = mult(A,B)
% [P,nops] = mult(A,B) calcula el producto de
% matrices P = A*B, con A y B de dimensiones
% adecuadas (si no, se obtiene un mensaje de
% error) y el numero de operaciones en coma
% flotante 'nops' realizadas
[mA,nA] = size(A);
[mB,nB] = size(B);
if nA^{=}mB
    disp('Matrices de dimensiones inadecuadas')
else
    P = zeros(mA, nB);
    flops(0);
    for i=1:mA
        for j=1:nB
            for k=1:nA
                P(i,j) = P(i,j) + A(i,k)*B(k,j);
            end
        end
    end
nops = flops;
```

# 7 Bibliografía

- D. Hanselman and B. Littefield, *The Student edition of MATLAB: version 4*, Prentice-Hall, 1995.
- A. Biran and M. Breiner, *Matlab for Engineers*, Addison-Wesley, 1995.
- Eva Pärt-Enander, Anders Sjöberg, Bo Melin and Pernilla Isaksson, *The Matlab Handbook*, Addison-Wesley, 1996.