

Representación de la Información en los Sistemas Digitales

© Luis Entrena, Celia López,
Mario García, Enrique San Millán

Universidad Carlos III de Madrid

Introducción a los computadores

- Computador: Máquina que procesa información



Sistemas analógicos y digitales

- **Sistemas analógicos:** aquellos cuyas variables toman valores continuos en el tiempo
 - Las magnitudes físicas son en su mayoría analógicas
- **Sistemas digitales:** aquellos cuyas variables toman valores discretos en el tiempo
 - Se utilizan valores discretos llamados dígitos
 - Precisión limitada
 - Las cantidades digitales son más fáciles de manejar
 - Las magnitudes analógicas se pueden convertir a magnitudes digitales mediante muestreo

Sistemas analógicos y digitales

- Sistema Analógico



- Sistema digital



Sistemas binarios

- Sistemas binarios: sistemas digitales que sólo utilizan dos posibles valores
 - Los dígitos binarios se denominan bits (Binary digiT)
 - Se representan mediante los símbolos 0 y 1, ó L y H
 - Los sistemas binarios son casi los únicos utilizados. Por extensión, se utiliza el término digital como sinónimo de binario
- ¿Por qué binario?
 - Más fiable: mayor inmunidad frente al ruido
 - Más sencillo de construir: sólo hay que distinguir entre dos valores

Índice

- Sistemas de Numeración
- Conversiones entre sistemas de numeración
- Códigos Binarios:
 - Códigos BCD
 - Códigos progresivos y cíclicos
 - Códigos alfanuméricos
 - Códigos detectores y códigos correctores de errores
 - Representación de números enteros y reales

Sistemas de Numeración

- Permiten representar los números mediante dígitos
- El sistema que utilizamos habitualmente es el sistema decimal:
 - $N = a_n 10^n + a_{n-1} 10^{n-1} + \dots + a_1 10 + a_0$
 - Ejemplo: $272_{10} = 2 \cdot 10^2 + 7 \cdot 10 + 2$
- Se puede hacer lo mismo pero utilizando bases diferentes a 10:

$$N = a_n b^n + \underset{\substack{\text{Dígito} \\ \swarrow}}{\underset{\substack{\text{Base} \\ \nwarrow}}{a_{n-1}}} b^{n-1} + \dots + a_1 b + a_0$$

Peso

Sistemas de Numeración

- En un sistema con base b los dígitos posibles son:
 - $0, 1, \dots, b-1$
- Con n dígitos se pueden representar b^n números posibles, desde el 0 hasta el b^n-1
- Esta representación sirve también para números que no sean naturales:
 - Ejemplo: $727,23_{10} = 7 \cdot 10^2 + 2 \cdot 10 + 7 + 2 \cdot 10^{-1} + 2 \cdot 10^{-2}$
- Los sistemas que se utilizan en los sistemas digitales son: binario ($b=2$), octal ($b=8$) y hexadecimal ($b=16$)

Sistema Binario

- En este sistema la base es 2. Permiten representar perfectamente la información en los sistemas digitales.
 - Los dígitos posibles son 0 y 1. Un dígito en sistema binario se denomina “bit”.
 - Con n bits se pueden representar 2^n números
- El bit de mayor peso se denomina **bit más significativo** o **MSB** (“Most Significant Bit”), y el bit de menor peso se denomina **bit menos significativo** o **LSB** (“Least Significant Bit”)

Habitualmente el MSB se escribe a la izquierda y el LSB a la derecha

- Ejemplo: $\overset{\text{MSB}}{\textcircled{1}}00101\underset{\text{LSB}}{\textcircled{0}}_2 = 1*2^6 + 1*2^3 + 1*2^1 = 74_{10}$

Sistema Octal

- En este sistema la base es 8.
 - Los dígitos son 0,1,2,3,4,5,6,7
 - Con n dígitos se pueden representar 8^n números
- Está muy relacionado con el sistema binario (8 es una potencia de 2, en concreto $2^3=8$)
 - Esto permite convertir fácilmente de octal a binario y de binario a octal

- Ejemplo:

$$137_8 = 1 \cdot 8^2 + 3 \cdot 8^1 + 7 \cdot 8^0 = 95_{10}$$

Sistema Hexadecimal

- En este sistema la base es 16.
 - Los dígitos son 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,A,B,C,D,E,F.
 - Está relacionado con el sistema binario ($2^4=16$)
 - Un dígito hexadecimal permite representar lo mismo que 4 bits (ya que $2^4=16$). Un dígito hexadecimal se denomina también “**nibble**”.
 - Dos dígitos hexadecimales equivalen por tanto a 8 bits. El conjunto de 8 bits o dos dígitos hexadecimales, se denomina “**byte**”.
- Notaciones: $23AF_{16} = 23AF_{\text{hex}} = 23AFh = 0x23AF = 0x23\ 0xAF$.
- Ejemplo: $23AFh = 2 \cdot 16^3 + 3 \cdot 16^2 + 10 \cdot 16 + 15 = 9135_{10}$

Conversiones entre sistemas de numeración

- Pasar de cualquier sistema a sistema decimal:
 - $N = a_n b^n + a_{n-1} b^{n-1} + \dots + a_1 b + a_0$
 - Ejemplos:
 - $1001010_2 = 1 \cdot 2^6 + 1 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^1 = 74_{10}$
 - $137_8 = 1 \cdot 8^2 + 3 \cdot 8^1 + 7 \cdot 8^0 = 95_{10}$
 - $23AF_{16} = 2 \cdot 16^3 + 3 \cdot 16^2 + 10 \cdot 16 + 15 = 9135_{10}$
- Para pasar de decimal a otro sistema:
 - Método de descomposición en pesos
 - Método de divisiones sucesivas por la base

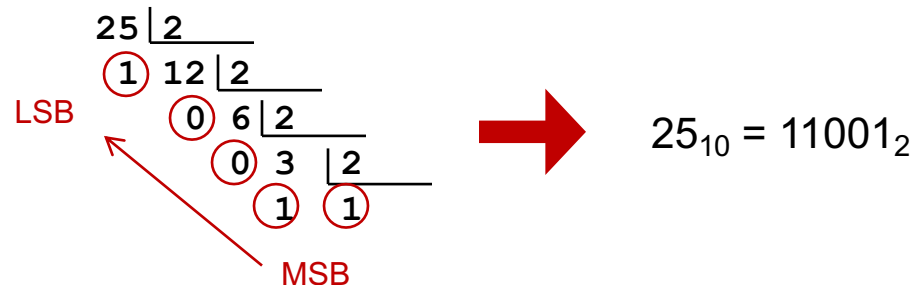
Método de descomposición en pesos

- Consiste en descomponer el número en potencias de la base.
 - Se busca la potencia de la base (menor) más cercana al número.
 - Se van buscando potencias sucesivamente para que la suma de todas ellas sea el número decimal que se quiere convertir.
 - Finalmente los pesos de las potencias utilizadas se utilizan para representar el número en la base buscada.
- Éste método es útil sólo para sistemas donde las potencias de la base son conocidas. Por ejemplo para sistema binario: 1, 2, 8, 16, 32, 64, 128, 256, ...
- Ejemplo:
 - $25_{10} = 16 + 8 + 1 = 2^4 + 2^3 + 2^0 = 11001_2$

Método de divisiones sucesivas por la base

- Consiste en dividir el número decimal a convertir sucesivamente por la base y los cocientes obtenidos en las divisiones anteriores
 - El último cociente obtenido es el MSB del resultado
 - Los restos obtenidos son el resto de dígitos, siendo el primero de los restos obtenidos el LSB

- Ejemplo:



- Este método es más general que el anterior. Sirve para convertir de decimal a cualquier otra base.

Conversión de números reales

- La conversión de binario a decimal se hace igual que para números enteros (utilizando pesos negativos para la parte decimal):

$$\begin{aligned} 101,011_2 &= 1 \cdot 2^2 + 0 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0 + 0 \cdot 2^{-1} + 1 \cdot 2^{-2} + 1 \cdot 2^{-3} = \\ &= 4 + 1 + 0,25 + 0,125 = 5,375_{10} \end{aligned}$$

- La conversión de decimal a binario, se hace en dos partes:
 - Se convierte primero la parte entera por el método de divisiones sucesivas por la base (o por descomposición de pesos)
 - Luego se convierte la parte decimal por un método análogo, multiplicaciones sucesivas por la base.

Método de multiplicaciones sucesivas por la base (parte decimal)

- Consiste en multiplicar la parte decimal del número por la base sucesivamente.
 - Se multiplica la parte decimal del número por 2. La parte entera del resultado es el primer dígito (MSB de la parte decimal) de la conversión
 - Se vuelve a tomar la parte decimal, y se multiplica por 2 otra vez, y nuevamente la parte entera es el siguiente dígito.
 - Se itera tantas veces como se quiera, según la precisión que se quiera obtener en la conversión.
- Ejemplos:

$$0,3125_{10} = 0,0101_2$$

$$0,3125 \times 2 = 0,625 \Rightarrow 0$$

$$0,625 \times 2 = 1,25 \Rightarrow 1$$

$$0,25 \times 2 = 0,5 \Rightarrow 0$$

$$0,5 \times 2 = 1 \Rightarrow 1$$

$$0,1_{10} = 0,000110011 \dots_2$$

$$0,1 \times 2 = 0,2 \Rightarrow 0$$

$$0,2 \times 2 = 0,4 \Rightarrow 0$$

$$0,4 \times 2 = 0,8 \Rightarrow 0$$

$$0,8 \times 2 = 1,6 \Rightarrow 1$$

$$0,6 \times 2 = 1,2 \Rightarrow 1$$

$$0,2 \times 2 = 0,4 \Rightarrow 0 \text{ <- se repiten las cuatro cifras, periódicamente}$$

$$0,4 \times 2 = 0,8 \Rightarrow 0$$

$$0,8 \times 2 = 1,6 \Rightarrow 1$$

...

Otros métodos de conversión

- Los sistemas octal y hexadecimal están relacionados con el binario, ya que sus bases son potencias exactas de 2 (la base binaria). Esto permite convertir entre estos sistemas de forma muy sencilla:
 - **OCTAL a BINARIO:** Convertir cada dígito en 3 bits
 - Ejemplo: $735_8 = \underbrace{111}_7 \underbrace{011}_3 \underbrace{101}_5_2$
 - **BINARIO a OCTAL:** Agrupar en grupos de 3 bits y convertirlos de forma independiente a octal.
 - Ejemplo: $\underbrace{1}_1 \underbrace{011}_3 \underbrace{100}_4 \underbrace{011}_3_2 = 1343_8$
 - **HEXADECIMAL a BINARIO:** Convertir cada dígito en 4 bits
 - Ejemplo: $3B2h = \underbrace{0011}_3 \underbrace{1011}_B \underbrace{0010}_2_2$
 - **BINARIO a HEXADECIMAL:** Agrupar en grupos de 4 bits y convertirlos de forma independiente a octal
 - Ejemplo: $\underbrace{10}_{10} \underbrace{1110}_{E} \underbrace{0011}_{3}_2 = 2E3h$


Códigos Binarios

- Los códigos binarios son códigos que utilizan únicamente 0s y 1s para representar la información
- La información que se puede representar con códigos binarios puede ser de múltiples tipos:
 - Números naturales
 - Números enteros
 - Números reales
 - Caracteres alfabéticos y otros símbolos
- Una misma información (por ejemplo un número natural) se puede representar utilizando diferentes códigos.
 - Es importante especificar siempre qué código que se está utilizando cuando se representa una información en un código binario.

Código Binario Natural

- Es un código binario en el que se representa un número natural mediante su representación en sistema binario
 - Es el código binario más simple
 - Aprovecha que la representación en sistema binario de un número natural utiliza únicamente 0s y 1s
- Notación: Utilizaremos el indicador “BIN” para indicar que un código binario es el código binario natural:
 - $1001_{\text{BIN}} = 1001_2$

Códigos BCD (“Binary-Coded Decimal”)

- Permiten representar números naturales de una forma alternativa al binario natural.
- Se asigna un código de 4 bits a cada dígito decimal. Un número decimal se codifica en BCD dígito a dígito.
- El código BCD más habitual es el BCD natural  (existen otros códigos BCD).
- Ejemplo:
 - $78_{10} = 0111\ 1000_{\text{BCD}}$
- La codificación BCD de un número no tiene por qué coincidir con el código binario natural:
 - $78_{10} = 1001110_{\text{BIN}}$
- **INCONVENIENTE:** No todas las combinaciones corresponden a un código BCD. Por ejemplo, 1110_{BCD} no existe.
- **VENTAJA:** Facilidad de conversión decimal-binario.

dígito decimal	Código BCD
0	0 0 0 0
1	0 0 0 1
2	0 0 1 0
3	0 0 1 1
4	0 1 0 0
5	0 1 0 1
6	0 1 1 0
7	0 1 1 1
8	1 0 0 0
9	1 0 0 1

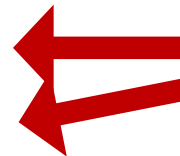
Códigos progresivos y cíclicos

- Dos codificaciones binarias se dice que son **adyacentes** si sólo hay bit diferente entre ambas.
 - **0000** y **0001** son adyacentes, ya que sólo difieren en el último bit
 - **0001** y **0010** no son adyacentes, ya que los dos últimos bits son diferentes
- Un código se dice que es **progresivo** si todas las codificaciones consecutivas son adyacentes.
 - El código binario natural no es progresivo, ya que 0001 y 0010 no son adyacentes.
- Un código se dice que es **cíclico** si además la primera y la última codificación son adyacentes.
- Los códigos progresivos y cíclicos más utilizados son:
 - Código Gray
 - Código Johnson

Código Gray

- El Código Gray es un código progresivo y cíclico
- Ejemplo de Código Gray de 3 bits:

Decimal	Código Gray
0	0 0 0
1	0 0 1
2	0 1 1
3	0 1 0
4	1 1 0
5	1 1 1
6	1 0 1
7	1 0 0



Todas las
codificaciones
consecutivas son
adyacentes

Código Gray

- Construcción del código Gray de n bits:
 - Primero se copian los códigos de n-1 bits y se añaden otros n-1 copiando los anteriores en orden inverso
 - Luego se añade un cero a la izquierda en los de arriba y un uno en los de abajo

- Código de 1 bit:

0
1

- Código de 2 bits:

	0		0	0
	1		0	1
	1		1	1
	0		1	0



Código Gray

- Código de 3 bits:

0 0		0 0 0
0 1		0 0 1
1 1		0 1 1
1 0		0 1 0
<hr/>		<hr/>
1 0	→	1 1 0
1 1		1 1 1
0 1		1 0 1
0 0		1 0 0

- Iterando se pueden construir los códigos Gray de n bits

Conversión entre los códigos Gray y Binario Natural

Se puede convertir directamente de Gray a Binario y de Binario a Gray, sin necesidad de construir toda la tabla:

BINARIO A GRAY:

$$(A_0 A_1 A_2 \dots A_n)_{\text{BIN}} \rightarrow (B_0 B_1 B_2 \dots B_n)_{\text{GRAY}}$$

- $B_0 = A_0$
- $B_1 = A_0 + A_1$
- $B_2 = A_1 + A_2$
- ...
- $B_n = A_{n-1} + A_n$



Ejemplo:

$$1011_{\text{BIN}} \rightarrow 1110_{\text{GRAY}}$$

GRAY A BINARIO:

$$(A_0 A_1 A_2 \dots A_n)_{\text{GRAY}} \rightarrow (B_0 B_1 B_2 \dots B_n)_{\text{BIN}}$$

- $B_0 = A_0$
- $B_1 = A_1 + B_0$
- $B_2 = A_2 + B_1$
- ...
- $B_n = A_n + B_{n-1}$



Ejemplo:

$$1011_{\text{GRAY}} \rightarrow 1101_{\text{BIN}}$$

BIN	GRAY
0 0 0 0	0 0 0 0
0 0 0 1	0 0 0 1
0 0 1 0	0 0 1 1
0 0 1 1	0 0 1 0
0 1 0 0	0 1 1 0
0 1 0 1	0 1 1 1
0 1 1 0	0 1 0 1
0 1 1 1	0 1 0 0
1 0 0 0	1 1 0 0
1 0 0 1	1 1 0 1
1 0 1 0	1 1 1 1
1 0 1 1	1 1 1 0
1 1 0 0	1 0 1 0
1 1 0 1	1 0 1 1
1 1 1 0	1 0 0 1
1 1 1 1	1 0 0 0

Código Johnson

- Es otro código progresivo y cíclico
- En cada codificación aparecen agrupados los ceros a la izquierda y los unos a la derecha, o viceversa.
- Ejemplo código Johnson de 3 bits:

Decimal	Johnson		
0	0	0	0
1	0	0	1
2	0	1	1
3	1	1	1
4	1	1	0
5	1	0	0

Códigos alfanuméricos

- Representan símbolos, que pueden ser:
 - Dígitos
 - Letras mayúsculas y minúsculas
 - Signos de puntuación
 - Caracteres de control (espacio, salto de línea, retorno de carro, etc.)
 - Otros símbolos gráficos (operadores matemáticos, etc.)
- Un código alfanumérico mínimo que contenga los 10 dígitos, las 26 letras del alfabeto inglés, mayúsculas y minúsculas (52), necesita al menos 6 bits.
- Los códigos más utilizados en la actualidad son:
 - Código ASCII (7 bits)
 - Códigos ASCII extendidos (8 bits)
 - Códigos unicode (8-32 bits)

Códigos ASCII y ASCII extendidos

- El código ASCII (“American Standard Code for Information Interchange”) fue publicado por primera vez en 1963.
- Es un código de 7 bits (128 códigos) estándar que contiene:
 - Dígitos
 - Letras mayúsculas y minúsculas del alfabeto inglés internacional
 - Signos de puntuación
 - Caracteres básicos de control
- Los códigos ASCII extendidos se utilizan para añadir caracteres adicionales:
 - No son estándar, difieren de una región a otra
 - Los 128 primeros códigos coinciden con el ASCII estándar por compatibilidad

Código ASCII Estándar

	0	1	2	3	4	5	6	7
0	NUL	DLE	space	0	@	P	`	p
1	SOH	DC1 XON	!	1	A	Q	a	q
2	STX	DC2	"	2	B	R	b	r
3	ETX	DC3 XOFF	#	3	C	S	c	s
4	EOT	DC4	\$	4	D	T	d	t
5	ENQ	NAK	%	5	E	U	e	u
6	ACK	SYN	&	6	F	V	f	v
7	BEL	ETB	'	7	G	W	g	w
8	BS	CAN	(8	H	X	h	x
9	HT	EM)	9	I	Y	i	y
A	LF	SUB	*	:	J	Z	j	z
B	VT	ESC	+	;	K	[k	{
C	FF	FS	,	<	L	\	l	
D	CR	GS	-	=	M]	m	}
E	SO	RS	.	>	N	^	n	~
F	SI	US	/	?	O	_	o	del

Códigos ASCII Extendidos

EJEMPLO:

ACII extendido LATIN-1
(ISO 8859-1)

	-0	-1	-2	-3	-4	-5	-6	-7	-8	-9	-A	-B	-C	-D	-E	-F
0-		0001	0002	0003	0004	0005	0006	0007	0008	0009	000A	000B	000C	000D	000E	000F
1-		0010	0011	0012	0013	0014	0015	0016	0017	0018	0019	001A	001B	001C	001D	001E
2-		!	"	#	\$	%	&	'	()	*	+	,	-	.	/
3-	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	:	;	<	=	>	?
4-	@	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O
5-	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	[\]	^	_
6-	`	a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n	o
7-	p	q	r	s	t	u	v	w	x	y	z	{		}	~	
8-																
9-																
A-		¡	¢	£	¤	¥	¦	§	¨	©	ª	«	¬	®	¯	
B-	°	±	²	³	´	µ	¶	·	¸	¹	º	»	¼	½	¾	¿
C-	À	Á	Â	Ã	Ä	Å	Æ	Ç	È	É	Ê	Ë	Ì	Í	Î	Ï
D-	Ð	Ñ	Ò	Ó	Ô	Õ	Ö	×	Ø	Ù	Ú	Û	Ü	Ý	Þ	ß
E-	à	á	â	ã	ä	å	æ	ç	è	é	ê	ë	ì	í	î	ï
F-	ð	ñ	ò	ó	ô	õ	ö	÷	ø	ù	ú	û	ü	ý	þ	ÿ

Códigos ASCII Extendidos

EJEMPLO:
ASCII extendido Cirílico
ISO 8859-5

	-0	-1	-2	-3	-4	-5	-6	-7	-8	-9	-A	-B	-C	-D	-E	-F
0-		0001	0002	0003	0004	0005	0006	0007	0008	0009	000A	000B	000C	000D	000E	000F
1-	0010	0011	0012	0013	0014	0015	0016	0017	0018	0019	001A	001B	001C	001D	001E	001F
2-		!	"	#	\$	%	&	'	()	*	+	,	-	.	/
3-	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	:	;	<	=	>	?
4-	@	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O
5-	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	[\]	^	_
6-	`	a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n	o
7-	p	q	r	s	t	u	v	w	x	y	z	{		}	~	
8-																
9-																
A-	Ё	Ђ	Ѓ	Є	Ѕ	І	Ї	Ј	Љ	Њ	Ћ	Ќ	-	Ў	Џ	
B-	А	Б	В	Г	Д	Е	Ж	З	И	Й	К	Л	М	Н	О	П
C-	Р	С	Т	У	Ф	Х	Ц	Ч	Ш	Щ	Ъ	Ы	Ь	Э	Ю	Я
D-	а	б	в	г	д	е	ж	з	и	й	к	л	м	н	о	п
E-	р	с	т	у	ф	х	ц	ч	ш	щ	ъ	ы	ь	э	ю	я
F-	№	ё	ђ	ѓ	є	ѕ	і	ї	ј	љ	њ	ћ	ќ	џ	џ	џ
	2116	0451	0452	0453	0454	0455	0456	0457	0458	0459	045A	045B	045C	00A7	045E	045F

Códigos Unicode

- Los códigos Unicode (“Universal Code”) fueron creados en 1991 para tener códigos alfanuméricos estándar, comunes en todas las regiones
 - Se utiliza el mismo código unicode para idiomas Chino, Árabe, etc.
- Como máximo necesitan 32 bits
 - Los primeros 7 bits permiten la compatibilidad con ASCII
 - Con 1 byte se puede representar el código US-ASCII
 - Con 2 bytes: caracteres latinos y alfabetos árabes, griego, cirílico, armenio, hebreo, sirio y thaana.
 - Con 3 bytes: resto de caracteres utilizados en todos los lenguajes
 - Con 4 bytes: caracteres gráficos y poco comunes
- Diferentes versiones de representación. Las más comunes:
 - **UTF-8**: Códigos de 1 byte, pero son de longitud variable (se pueden utilizar 4 grupos de 1 byte para representar un símbolo)
 - **UCS-2**: Códigos de 2 bytes de longitud fija
 - **UTF-16**: Códigos de 2 bytes, de longitud variable (se pueden utilizar 2 grupos de 2 bytes para representar un símbolo)
 - **UTF-32**: Códigos de 4 bytes

Códigos Unicode

EJEMPLO:

- Parte del Unicode correspondiente al alfabeto cirílico

Se necesita el segundo byte para la representación

- Las codificaciones completas se pueden encontrar en:

<http://www.unicode.org/charts>

	Cyrillic																04FF
	0400	0401	0402	0403	0404	0405	0406	0407	0408	0409	040A	040B	040C	040D	040E	040F	
0	Ё	А	Р	а	р	ё	Ѡ	Ѳ	Ѣ	Ѥ	Ѧ	Ѩ	Ѭ	Ѯ	Ѱ	Ѳ	
1	Ѣ	Ѥ	Ѧ	Ѩ	Ѭ	Ѯ	Ѱ	Ѳ	Ѵ	Ѷ	Ѹ	Ѻ	Ѽ	Ѿ	ѿ	ѿ	
2	Ѣ	Ѥ	Ѧ	Ѩ	Ѭ	Ѯ	Ѱ	Ѳ	Ѵ	Ѷ	Ѹ	Ѻ	Ѽ	Ѿ	ѿ	ѿ	
3	Ѐ	Ђ	Ѓ	ђ	Ѕ	Ї	Љ	Њ	Ћ	Ќ	Ў	Џ	Ѧ	Ѩ	Ѭ	Ѯ	
4	Є	Д	Ф	д	ф	є	Ѓ	Ѕ	Ї	Љ	Њ	Ћ	Ќ	Ў	Џ	Ѧ	
5	Ѕ	Є	Х	е	х	Ѓ	Ѕ	Ї	Љ	Њ	Ћ	Ќ	Ў	Џ	Ѧ	Ѩ	
6	І	Ж	Ц	ж	ц	і	Љ	Њ	Ћ	Ќ	Ў	Џ	Ѧ	Ѩ	Ѭ	Ѯ	
7	Ї	З	Ч	з	ч	ї	Љ	Њ	Ћ	Ќ	Ў	Џ	Ѧ	Ѩ	Ѭ	Ѯ	
8	Ј	И	Ш	и	ш	ј	Љ	Њ	Ћ	Ќ	Ў	Џ	Ѧ	Ѩ	Ѭ	Ѯ	
9	Љ	Й	Щ	й	щ	љ	Љ	Њ	Ћ	Ќ	Ў	Џ	Ѧ	Ѩ	Ѭ	Ѯ	
A	Њ	К	Ъ	к	ъ	њ	Љ	Њ	Ћ	Ќ	Ў	Џ	Ѧ	Ѩ	Ѭ	Ѯ	
B	Ћ	Л	Ы	л	ы	ћ	Љ	Њ	Ћ	Ќ	Ў	Џ	Ѧ	Ѩ	Ѭ	Ѯ	
C	Ќ	М	Ь	м	ь	ќ	Љ	Њ	Ћ	Ќ	Ў	Џ	Ѧ	Ѩ	Ѭ	Ѯ	
D	Ѝ	Н	Э	н	э	њ	Љ	Њ	Ћ	Ќ	Ў	Џ	Ѧ	Ѩ	Ѭ	Ѯ	
E	Ў	О	Ю	о	ю	ў	Љ	Њ	Ћ	Ќ	Ў	Џ	Ѧ	Ѩ	Ѭ	Ѯ	
F	Ѱ	Ѳ	Ѵ	Ѷ	Ѹ	Ѻ	Ѽ	Ѿ	ѿ	ѿ	ѿ	ѿ	ѿ	ѿ	ѿ	ѿ	

Códigos detectores y correctores de errores

- En los sistemas digitales pueden aparecer errores
 - Errores físicos de los circuitos
 - Interferencias electromagnéticas (EMI)
 - Fallos de alimentación eléctrica
 - Etc.
- Códigos detectores de error:
 - Pueden permitir detectar un error en la codificación
- Códigos correctores de error:
 - Permiten detectar un error y además corregirlo
- Los códigos detectores de error y los códigos correctores de error no utilizan las 2^n posibles codificaciones con n bits

Códigos detectores de error

- Códigos de paridad:
 - Añaden un bit adicional (paridad del número) que permite detectar errores simples en la codificación (error en 1 bit)
 - La paridad que se considera es la de la **suma** de los n bits de la codificación
 - **NOTA:** la paridad no tiene nada que ver con si la codificación binaria es par o impar (un número binario es par si acaba en 0 e impar si acaba en 1).
 - Dos posibles convenios:
 - Añadir un 0 cuando la paridad sea par y 1 cuando sea impar: Se denomina código de paridad par (ya que considerando la suma de los n bits + el bit de paridad la paridad siempre es par)
 - Añadir un 1 cuando la paridad sea par y 0 cuando sea impar: Se denomina código de paridad impar (ya que la suma de los n bits + bit paridad es siempre impar)

Códigos detectores de error

- Ejemplo de paridad:

Código detector de errores (código de paridad impar) a partir del código binario natural de dos bits:



0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

- Ejemplo de utilidad del código detector:

Si utilizamos este código en una comunicación entre dos sistemas binarios, el sistema receptor podría detectar si hay un error comprobando la paridad.

Ejemplo: Se transmite la codificación 001, y el receptor recibe la codificación 000 (error en el último bit).

Paridad de 001: impar
Paridad de 000: par



**No coinciden:
Error detectado**

Códigos detectores de error

- Existen más códigos detectores de error:
 - Número de unos:
 - Se añade a la codificación la suma de unos de la codificación (no sólo la paridad de la suma, sino la suma completa)
 - Número de transiciones:
 - Se añade a la codificación el número de transiciones de 0 a 1 y de 1 a 0 en la codificación
 - Códigos CRC (Cyclic Redundancy Checking):
 - Buscan añadir el menor número posible de bits que permitan detectar el mayor número posible de fallos
 - Estos códigos también permiten corregir algunos errores
- Los códigos más utilizados son los de **paridad** (por su sencillez) y **CRC** (por su eficacia)

Códigos correctores de error

- Los códigos correctores permiten no sólo detectar sino también pueden corregir un error.
- Para que un código permita corregir errores, la distancia mínima (número mínimo de bits diferentes entre dos codificaciones) debe ser mayor de 2.
 - Se puede corregir la codificación buscando la codificación más cercana perteneciente al código
- Hamming describió un método general para construir códigos con distancia mínima de 3, conocidos como **códigos de Hamming**
- Estos códigos son importantes, a partir de ellos se obtienen muchos de los utilizados en sistemas de comunicaciones (por ejemplo los códigos de bloque Reed-Solomon)

Codificación de números enteros y reales

- Además de los códigos binarios vistos hasta ahora, hay otros códigos importantes que se utilizan para representar números enteros y números reales:
 - Números enteros: Códigos de signo y magnitud, Complemento a Uno, Complemento a Dos
 - Números reales: Códigos de Punto fijo y Coma Flotante
- Estos códigos se estudiarán en detalle en el Tema 4: Aritmética Binaria

Referencias

- Fundamentos de Sistemas Digitales. Thomas L. Floyd. Pearson Prentice Hall
- Introducción al Diseño Lógico Digital. John P. Hayes. Addison-Wesley
- Diseño Digital. John F. Wakerly. Pearson Prentice Hall