

Se tiene un fichero que contiene 10000 registros de 1100 B cada uno, almacenados de manera serial consecutiva (O_0) en un dispositivo cuyo tamaño de bloque es de 1KB. Tras un proceso de optimización (basado exclusivamente en la introducción de marcas) se consigue reducir el tamaño del registro a 150B.

Los procesos, cuyas frecuencias son (0.4,0.299,0.3,0.001), a los que está sometido este fichero son los siguientes:

- P_1 : Inserción de nuevos registros 2 ind
- P_2 : Consulta por clave identificativa K_1 $\text{ind} \text{ } 2$
- P_3 : Consulta por clave no identificativa K_2 $\text{ind} \text{ } 4$ (con 710 valores distintos; 14 ocurrencias de media)
- P_4 : Borrado de registros antiguos (selección por rango en la 'fecha de entrada', K_3 , en media afecta a 400 registros cada vez que se ejecuta)

Se pretende comparar la eficiencia de tres organizaciones base no consecutivas con cubos de $E_c = 4$ bloques y con espacio libre distribuido (10%). Las alternativas son las siguientes:

- O_1 : serial no consecutiva
- O_2 : secuencial no consecutiva por $CO = K_1$
- O_3 : direccionada por $CD = K_2$ sobre $N = 550$ con gestión de desbordamientos en área independiente de organización serial. La organización presenta una tasa de desbordamientos del 11% del total de registros.

Se pide:

- a) (5ptos) Calcula el coste global de la organización original y de cada una de las tres propuestas.
- b) (4ptos) Tomando un puntero estándar de tamaño 4 B (tanto para punteros internos como externos), calcúlense índices arbóreos B sobre K_1 y B^+ sobre K_2 , y aplíquese cada uno donde proceda para obtener las organizaciones O_1' , O_2' y O_3' . Calcúlese el coste global de cada uno de ellas (el tamaño de la clave K_2 es 12 B de media (variable), mientras que las claves K_1 y K_3 son de tamaño fijo, con 9 B y 8 B respectivamente).
- c) (1pto) Qué organización es más conveniente. Opcionalmente, el alumno puede proponer nuevas mejoras sobre la organización elegida, u otras organizaciones diferentes que el alumno estime puedan mejorar la eficiencia del sistema descrito.

$$a.) \quad n = \frac{1100B \cdot 10.000reqs}{1024} = 10743 \text{ bloques.}$$

Insertar $C(O_0, P_1) = 1 \text{ acc}$

Consulta iden $C(O_0, P_2) = \frac{n+1}{2} = \frac{10743+1}{2} = 5372 \text{ acc}$

Consulta no iden $C(O_0, P_3) = n = 10743 \text{ acc}$

Borrar un rango $C(O_0, P_4) = n \overset{+ \text{ borrow}}{=} 10743 + 400 = 11143 \text{ acc}$

$$C(O_0, P) = 0'4 \cdot 1 + 0'299 \cdot 5372 + 0'30 \cdot 10743 \overset{+ 0'001 \cdot 11143}{=} 4870'27 \text{ acc}$$

$$T_c = \frac{(4 \cdot 1024 - 0) 0'9}{150} = 24 \text{ } \mu\text{s} / \text{wbo}$$

$$N = \frac{10000}{24} = 417 \text{ wbo/s.}$$

$C(O_1, P_1) = 1 \text{ acc a wbo} = 4 \text{ acc.}$

$C(O_1, P_2) = \frac{417+1}{2} = 209 \text{ acc wbo} = 836 \text{ acc}$

$C(O_1, P_3) = N = 417 \text{ acc wbo} = 1668 \text{ acc}$

$C(O_1, P_4) = N + 400 = 817 \text{ acc wbo} = 3268 \text{ acc}$

$C(O_1, P) = 0'4 \cdot 4 + 0'2999 \cdot 836 + 0'3 \cdot 1668 + 0'001 \cdot 3268 = 755'232 \text{ acc}$

$C0 = k_1$ con area desbordada, mismo wbo que O_1 $N(O_1) = N(O_2)$

$C(O_1, P_1) = 1 \text{ acceso} = 4 \text{ } \log_2(4+1) \text{ } \log_2(4+1) \text{ } \log_2(4+1)$

$C(O_2, P_2) = \log_2(4+1) = 9 \text{ acc wbo} = 36 \text{ acc}$

$C(O_2, P_3) = C(O_1, P_3) = 1668 \text{ acc}$

$C(O_2, P_4) = C(O_1, P_4) = 3268 \text{ acc}$

$C(O_2, P) = 0'4 \cdot 4 + 0'2999 \cdot 36 + 0'3 \cdot 1668 + 0'001 \cdot 3268 = 516 \text{ acc}$

$$N' = r' / T_c = \frac{0.1 \cdot 10.000}{24} = 46 \text{ wbos}$$

$$C(O_3, P_1) = 2 \text{ accesos wbo} = 9 \text{ acc}$$

$\xrightarrow{\text{encuentro + metro}} \text{leo el wbo, si} \begin{cases} \text{lleno lo reemplazo} \\ \text{hay hueco lo meto en el wbo} \end{cases} \Rightarrow 2 \text{ acc. a blq}$

$$C(O_3, P_2) = \frac{N + N' + 1}{2} = \frac{550 + 46 + 298}{2} = 427 \text{ acc}$$

$$C(O_3, P_3) = 1 + N' = 47 \text{ acc} = 188 \text{ acc}$$

$$C(O_3, P_4) = N + N' + 400 = 996 \text{ acc wbo} = 3984 \text{ acc}$$

$$C(O_3, P_5) = \dots = 420'59$$

b) Arbol B sobre K1 (tamaño fijo 9B)

$$T_{\text{entrada}} = 9 + 4 = 13 \text{ B}$$

$$m \cdot 4 + k \cdot 13 \leq T_{\text{nodo}} = 1024 = 1 \text{ bloque}$$

$\xrightarrow{\text{lo + pequeño.}} \text{lo no ha inf. d. entrada}$

$$17k \leq 1020 ; k = 60 \Rightarrow k_{\min} = \left\lfloor \frac{60}{2} \right\rfloor = 30 \text{ entradas.}$$

$$m = k + 1 = 61 \Rightarrow m_{\min} = k_{\min} + 1 = 31 \text{ hijos}$$

Buscamos que en acumulado llegue a ser n° registros. Al ser $e = r = 10.000$

nivel	# nodos	# entradas	acumulado.
1	1	1	1
2	2	$2k_{\min} = 60$	61
3	$2m_{\min} = 62$	$2m_{\min} k_{\min} = 1860$	1921

Nivel imposible ~~4~~ $62m_{\min} = 1922$ ~~$1922 \cdot 30 = 57660$~~ ~~59581~~ \rightarrow registros. $\left. \begin{matrix} 10.000 \\ \end{matrix} \right\}$ Demasiados \Rightarrow nivel anterior.

$$\boxed{n=3}$$

\rightarrow 10.000 entradas y 33 entradas por bloque

$$T_{\text{index}} = \frac{e}{k_{\min}} = \left\lfloor \frac{10.000}{33} \right\rfloor = 333 \text{ kB}$$

\uparrow
 333.1 bloques

Aproximación

Arbol B^+ sobre $k=2$ (tamaño variable 12 B)
 $T_{entrada} = 1B + 12B + 14 \cdot 4B + 1B = 70B$
→ no ocurren más
 → long. disto punt

$e = 710$ entradas

Que tienen hijos $\rightarrow m \cdot 4 + (m-1) \cdot (1+12) \leq 1024$
o puntos internos
 → data
 → marca.

$m = \frac{1037}{17} = 61 \Rightarrow m_{\min} = \left\lfloor \frac{m+1}{2} \right\rfloor = 31$

Ejemplo de imposible: $T_{entrada} = 1B + 12B + 2B + 14 \cdot 4B = 566B$

$k \cdot 5615B + 1 \cdot 4B \leq 1024 \Rightarrow k < 1 \Rightarrow$ imposible
 $T_{nodo} = 6 \cdot 5615B$

Hojas con punt est. $\rightarrow k \cdot 70B + 1 \cdot 4B \leq 1024$; $k = 14 \Rightarrow k_{\min} = \left\lfloor \frac{k+1}{2} \right\rfloor = 7$
→ Hojas
 → 1 punto interno

hojas = #nodos $(n) = \frac{e}{k_{\min}} = \left\lfloor \frac{710}{7} \right\rfloor = 101$ hojas

nodos $(n-1) = \left\lfloor \frac{101}{31} \right\rfloor = 3$ nodos

nodos $(n-2) = \left\lfloor \frac{3}{31} \right\rfloor = 0 \rightarrow 1 \text{ nodo} \rightarrow \text{Raiz}$

$n = n-2 \Rightarrow n = 3$

$T_{\text{ind}} = \# \text{hojas} + \# \text{nodos } (n-1) + \dots + \# \text{nodos } (1) = 101 + 3 + 1 = 105$

Arbol
 O_1' : serial con B sobre k_1 y B^+ sobre k_2

$C(O_1', P_1) = 1 \text{ acc. a wbo} + n(k_1) + n(k_2) = 4 \text{ acc. blq} + 3 + 3 = 10 \text{ acc. bloque.}$
→ actualizar los 2 índices.

$C(O_1', P_2) = (n-1) + 1 \text{ acc. wbo} = (3-1) + 4 \text{ bloq} = 6 \text{ acc. a bloque}$
acc.
 → lo de me día (el peor caso 1 vez por wbo)

$C(O_1', P_3) = (n-1) + 14 \cdot 4 \text{ acc. blq} = 58 \text{ acc. bloque.}$
wbo

$C(O_1', P_4) = N + 400 + 400 \cdot (n(k_1) + n(k_2)) = 84 \text{ acc. wbo} + 2400 \text{ acc. blq} = 5668 \text{ acc. bloque.}$
Actualizar paraca de borrado.

$C(O_1', P) = 0'4 \cdot 10 + 0'296 + 0'3 \cdot 58 + 0'001 \cdot 5668 = 28'86 \text{ accesor}$

Al ser infrecuente el borrado aunque es el que peor le viene, en global mejora.

O_2' : O_2 que tiene $CO = k_1$ e índice B^+ sobre k_2
 Por eso no se usa B sobre k_1

$$C(O_2', P_1) = 1 \text{ wbo} + n(k_2) = 4 + 3 = 7 \text{ accesos.}$$

$$C(O_2', P_2) = \log_2(417+1)^{+1} = 9 \text{ acc. wbo} = 36 \text{ accesos.}$$

$$C(O_2', P_3) = C(O_2, P_3) = 58 \text{ accesos.}$$

$$C(O_2', P_4) = \underbrace{C(O_2, P_4)}_{\text{Borrar en tabla + Leer en índice}} + n(k_2) \cdot 400 = 4468 \text{ accesos.}$$

$$C(O_2', P) = 0'4 \cdot 7 + 0'299 \cdot 36 + 0'3 \cdot 58 + 0'001 \cdot 4468 = 35'432$$

O_3' : O_3 con índice B sobre k_1 y C Dispersion = k_2

$$C(O_3', P_1) = \overset{2 \cdot 4}{\underset{\text{normal}}{2}} \text{ wbo} + \overset{3}{\underset{\text{actualiz}}{n(k_1)}} = 11 \text{ accesos}$$

$$C(O_3', P_2) = (n-1) + 1 \text{ acc wbo} = 3-1 + 4 = 6 \text{ accesos}$$

$$C(O_3', P_3) = C(O_3, P_3) = 1 + N' = 47 \text{ acc wbo} = 188 \text{ accesos.}$$

$$C(O_3', P_4) = N + N' + 400 + 400 n(k_1) = 996 \text{ acc. wbo} + 1200 = 5184 \text{ accesos.}$$

$$C(O_3', P) = 0'4 \cdot 11 + 0'299 \cdot 6 + 0'3 \cdot 188 + 0'001 \cdot 5184 = 67'78$$