

DEPARTAMENTO DE INFORMÁTICA UNIVERSIDAD CARLOS III DE MADRID

## Grado en Ingeniería Informática Teoría de Autómatas y Lenguajes Formales

2019-20

## Resumen de algoritmos de Autómatas a Pila

• Dada una Gramática de Contexto libre (G2) en FNG (Forma Normal de Greibach), construir un Autómata a Pila, que reconozca el mismo lenguaje:

$$G = (\Sigma_T, \Sigma_N, S, P)$$
 en

a. Autómata que acepta palabras vaciando su pila:

$$\mathsf{AP}_{\mathsf{V}} = (\Sigma_{\mathsf{T}}, \, \Sigma_{\mathsf{N}}, \, \{q\}, \, S, \, q, \, f, \, \boldsymbol{\Phi})$$

- Un único estado (q).
- Dado que la G2 está en FNG, solo hay tres tipos de reglas de producción. Las reglas se usan para generar la función de (f).
  - Reglas **A** ::= **aZ**  $\in$  **P** , (a  $\in$   $\Sigma_T$ , A  $\in$   $\Sigma_N$ , Z  $\in$   $\Sigma_N^*$ )
    - Genera f (q,a,A) = (q, Z)
  - Reglas **A** ::=  $\mathbf{a} \in \mathbf{P}$ ,  $(\mathbf{a} \in \Sigma_T, \mathbf{A} \in \Sigma_N, \mathbf{Z} \in \Sigma^*_N)$ 
    - O Genera f(q,a,A) = (q, λ)
  - Reglas **S** ::= λ ∈ **P** 
    - Genera  $f(q,\lambda,S) = (q,\lambda)$

- Transformaciones entre los dos tipos de Autómatas a Pila:
  - a. AP<sub>V</sub> a AP<sub>F</sub>: de aceptación por vaciado de pila a aceptación por estados finales

De  $AP_V = (\Sigma, \Gamma, Q, Z_0, q_0, f, \Phi)$ , podemos construir

 $\mathsf{AP}_\mathsf{F} = (\Sigma, \Gamma \cup \{\mathsf{Z}_0'\}, \mathsf{Q} \cup \{\mathsf{q}_0', \mathsf{q}_\mathsf{f}\}, \mathsf{Z}_0', \mathsf{q}_0', \mathsf{f}', \{\mathsf{q}_\mathsf{f}\})$ 

- Tenemos que añadir dos estados nuevos: qo', qf.
  - q<sub>0</sub>' es el nuevo estado inicial del AP<sub>F</sub> y q<sub>f</sub> es el estado final.
- Tenemos que añadir un nuevo símbolo a Γ: Z<sub>0</sub>' (nuevo símbolo inicial de la pila).
- Las transiciones del AP<sub>V</sub> permanecen y añadimos 2 nuevas transiciones

Desde el nuevo estado inicia al anterior estado inicial:

$$f'(q_0', \lambda, Z_0') = \{(q_0, Z_0Z_0')\}$$

Desde el estado final hacia el estado de desapilamiento:

$$f'(q, \lambda, Z_0') = \{(q_f, \lambda)\} \forall q \in Q$$

b. AP<sub>F</sub> a AP<sub>V</sub>: de aceptación por estados finales a aceptación por vaciado de pila

De  $AP_F = (\Sigma, \Gamma, Q, Z_0, q_0, f, F)$ , podemos construir

$$\mathsf{AP}_{\mathsf{V}} = (\Sigma, \Gamma \cup \{\mathsf{Z}_{\mathsf{0}}'\}, \mathsf{Q} \cup \{\mathsf{q}_{\mathsf{0}}', \mathsf{q}_{\mathsf{s}}\}, \mathsf{Z}_{\mathsf{0}}', \mathsf{q}_{\mathsf{0}}', \mathsf{f}', \phi)$$

- Tenemos que añadir dos estados nuevos: q<sub>0</sub>', q<sub>s</sub>.
  - q<sub>0</sub>' es el nuevo estado inicial del AP<sub>V</sub>.
  - q<sub>s</sub> será un estado de desapilamiento hasta vaciar la pila.
- Añadimos un nuevo símbolo a  $\Gamma$ :  $Z_0$ ' (nuevo símbolo inicial de pila en  $AP_V$ ).
- Las transiciones del AP<sub>F</sub> permanecen y añadimos 2 nuevas transiciones:

Desde el nuevo estado inicia al anterior estado inicial:

$$f'(q_0', \lambda, Z_0') = \{(q_0, Z_0Z_0')\}$$

Cada estado final del APF pierde su condición de final y desde cada uno de ellos se añade una transición a q<sub>s</sub>:

$$f'(q, \lambda, A) = \{(q_s, \lambda)\} \forall q \in F, A \in \Gamma \cup \{Z_0'\}$$

<u>Transiciones en el nuevo estado final: para cada símbolo</u>  $I A \in \Gamma \cup \{Z_0'\}$ , se añade la transición

$$f'(q_s, \lambda, A) = \{(q_s, \lambda)\} \forall A \in \Gamma \cup \{Z_0'\}$$

 Dada un Autómata a Pila por vaciado, obtener una Gramática de Contexto libre (G2) en FNG (Forma Normal de Greibach) que reconozca el mismo lenguaje:

$$\mathsf{AP}_{\mathsf{V}} = (\Sigma_{\mathsf{T}}, \Sigma_{\mathsf{N}}, \{q\}, S, q, f, \Phi) \text{ podemos construir}$$

$$\mathsf{G} = (\Sigma_{\mathsf{T}}, \Sigma_{\mathsf{N}}, S, P)$$

Los símbolos NT son:  $\{S\} \cup \{(pAq) \mid p, q \in Q, A \in \Gamma\}$ 

Las reglas de producción se construyen:

- S::=  $(q_0, A_0, q) \forall q \in Q$  (los que empiezan por  $q_0A_0$ )
- De cada transición f(p,a,A) = (q, BB'B''....B''') donde:  $A,B,B',B'',...,B''' \in \Gamma$ ;  $a \in \Sigma \cup \{\lambda\}$

se obtiene:

De cada transición f( p, a, A) = (q, λ)

se obtiene: ( p,A,q ) ::= a