



Universidad
Carlos III de Madrid

COSEC LAB · Dpto. Informática

Universidad Carlos III de Madrid

Problemas fundamentos matemáticos. Cuerpos de Galois

SOLUCIONES

CSI
Curso 2016/2017

Ana Isabel González-Tablas Ferreres



1. Sea $CG(2^8)$ definido por el polinomio irreducible $p(x) = x^8 + x^4 + x^3 + x + 1$.

Sea $a(x) = x + 1$ y $b(x) = x^7 + x^5 + x^4 + x^3 + x^2 + x + 1$

Calcule: $a(x) * b(x) \bmod p(x)$

Solución: $x^7 + x^6 + x^4 + x^3 + x$

2. Sea $CG(2^8)$ definido por el polinomio irreducible $p(x) = x^8 + x^4 + x^3 + x + 1$.

Sea $f(x) = x^6 + x^4 + x^2 + x + 1$ y $g(x) = x^7 + x + 1$

Calcule: $f(x) * g(x) \bmod p(x)$

Solución: $x^7 + x^6 + 1$

3. Sea $CG(2^8)$ definido por el polinomio irreducible $p(x) = x^8 + x^4 + x^3 + x + 1$.

Calcule: $(02)*(D4) + (03)*(BF) + (5D) + (30) \bmod p(x)$

Considere que cada dígito (0...9 A B C D E F) se codifica con 4 bits (código hexadecimal).

Por ejemplo: $(02) \rightarrow (0000\ 0011) = x + 1$

Por ejemplo: $(BF) \rightarrow (1011\ 1111) = x^7 + x^5 + x^4 + x^3 + x^2 + x + 1$

Es decir, cada pareja de dígitos contenida en un paréntesis del cálculo que debe hacer, representa un polinomio de grado 7 o menor que pertenece por tanto al $CG(2^8)$ donde se realiza el cálculo.

Solución: $(04) = (0000\ 0100) = x^2$