

---

Las funciones matriciales que se describen a continuación serán útiles para resolver los problemas planteados en esta práctica:

**eig:**  $\text{eig}(A)$  produce un vector columna cuyos elementos son los valores propios (autovalores) de una matriz cuadrada  $A$ .

**[V D]=eig(A)** produce una matriz  $V$  cuyas columnas son los vectores propios de  $A$  y una matriz  $D$  diagonal en la cual los elementos de la diagonal son los valores propios de  $A$ .

**poly:** si  $A$  es una matriz cuadrada de orden " $n$ ",  $\text{poly}(A)$  es un vector fila, tal que sus  $n + 1$  elementos son los coeficientes del polinomio característico de  $A$  ordenados en forma decreciente.

Otras funciones: **qr, orth, rank, null, svd**

---

1.- Dada la matriz  $A$ :

$$A = \begin{pmatrix} 11 & -6 & 4 & -10 & -4 \\ -3 & 5 & -2 & 4 & 1 \\ -8 & 12 & -3 & 12 & 4 \\ 1 & 6 & -2 & 3 & -1 \\ 8 & -18 & 8 & -14 & -1 \end{pmatrix}$$

Se pide estudiar si es diagonalizable dando sus autovalores y sus autovectores, y realizar una descomposición QR, para después calcular su espectro, su determinante, su rango, la norma de la suma de sus autovectores, y la traza de la matriz  $R$ .

2.- Una curva sencilla que a menudo es un buen modelo para los costes variables de una empresa, como función del nivel de ventas  $x$ , tiene la forma:

$$y = ax + bx^2 + cx^3$$

No hay término constante porque no hay costes fijos.

Se trata de realizar un ajuste de mínimos cuadrados para estimar los parámetros  $a$ ,  $b$  y  $c$ , y, posteriormente una estimación de costes para 20000 unidades vendidas. Los datos reales se dan en la siguiente tabla:

x (en millares)	4	6	8	10	12	14	16	18
y (en millares)	1,58	2,08	2,5	2,8	3,1	3,4	3,8	4,32