

### TEMA 2. CRIPTOGRAFÍA 2.2 MÉTODOS CRIPTOGRÁFICOS CLÁSICOS

Criptografía y seguridad informática Seguridad en las tecnologías de la información @ COSEC LAB

Curso 2016-2017

# ÍNDICE

- ▶ 1.1.2 MÉTODOS CRIPTOGRÁFICOS CLÁSICOS
  - INTRODUCCIÓN
  - CLASIFICACIÓN
  - MÉTODOS DE TRANSPOSICIÓN
    - POR GRUPOS
    - POR SERIES
    - POR COLUMNAS/FILAS
  - MÉTODOS DE SUSTITUCIÓN
    - SUSTITUCIÓN MONOALFABETO
      - MONOGRÁFICA (SIMPLE)
      - POLIGRÁFICA
    - SUSTITUCIÓN POLIALFABETO
  - CRIPTOANÁLISIS DE CRIPTOGRAFÍA CLÁSICA



### INTRODUCCIÓN

# CRIPTOGRAFÍA CLÁSICA (siglo V a. C.) griego: kryptos = escondido

- se hace uso de una clave y un algoritmo de cifrado
- cifrado simétrico: la misma clave sirve para cifrar y descifrar
- se pretendía garantizar la confidencialidad de los mensajes ocultándolos



### INTRODUCCIÓN

Se emplean dos técnicas básicas orientadas a caracteres:

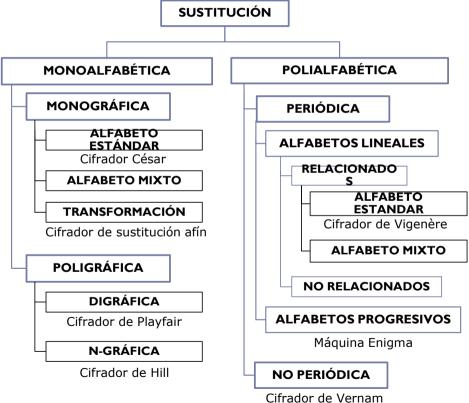
- **Sustitución**: un carácter o letra se modifica o sustituye por otro elemento en la cifra.
- Transposición o permutación: los caracteres o letras del mensaje se redistribuyen sin modificarlos, y según unas reglas, dentro del criptograma.

(Muchos siglos después, Shannon lo formaliza matemáticamente).



### CLASIFICACIÓN







# ÍNDICE

- ▶ 1.1.2 MÉTODOS CRIPTOGRÁFICOS CLÁSICOS
  - INTRODUCCIÓN
  - CLASIFICACIÓN
  - MÉTODOS DETRANSPOSICIÓN
    - POR GRUPOS
    - POR SERIES
    - POR COLUMNAS/FILAS
  - MÉTODOS DE SUSTITUCIÓN
    - SUSTITUCIÓN MONOALFABETO
      - MONOGRÁFICA (SIMPLE)
      - POLIGRÁFICA
    - SUSTITUCIÓN POLIALFABETO
  - CRIPTOANÁLISIS DE CRIPTOGRAFÍA CLÁSICA



### TRANSPOSICIÓN

Se opera sobre las posiciones, sin alterar el carácter original

No modifican la frecuencia de aparición de las letras del lenguaje -> Análisis de frecuencia

### **EJEMPLOS:**

- TRANSPOSICIÓN DE RIEL
  - escribir mensaje en 2 líneas alternando los caracteres
  - □ añadir segunda fila al final de la primera





### TRANSPOSICIÓN POR GRUPOS

Permutación Π<sub>M</sub> describe orden de un grupo de p letras

### **Ejemplo:**

 $\Pi_{M} = 2453 I$ 

M = MANOS ARRIB AESTO ESUNA TRACO

C = AOSNM RIBRA ETOSA SNAUE RCOAT

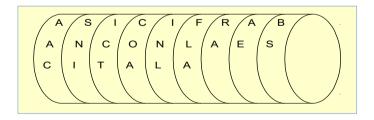
- Cuanto más largo el periodo p, tanto menos vulnerable
- p = longitud de mensaje => transposición por serie



### TRANSPOSICIÓN POR GRUPOS. EJEMPLOS:

- ESCÍTALA
  - Bastón + cinta de cuero
  - El mensaje se escribe de forma longitudinal
  - El texto en claro se recupera enrollando la cinta en un bastón del mismo diámetro
  - La clave del sistema está en el diámetro del bastón

#### M = ASI CIFRABAN CON LA ESCITALA



C = AAC SNI ICT COA INL FLA RA AE BS



### TRANSPOSICIÓN POR SERIES

Ordenar mensaje como cadena de submensajes:

$$M' = M_{S1}M_{S2}M_{S3}...$$
, con  $M_{Sx}$  funciones o series.

#### Ejemplo:

 $M_{SI} = 1,2,3,5,7,11,13,17,19,23$  (primos)

 $M_{S2} = 4,6,8,10,12,14,16,18,20,22,24,26$  (pares)

 $M_{S3} = 9,15,21,25,27$  (impares)

M = ERRAR ES HUMANO, PERDONAR DIVINO C = ERRRSAODNI AEHMNPROADV NUERIO



### TRANSPOSICIÓN POR COLUMNAS/FILAS

#### Métodos de reordenación:

- L disponer los símbolos según un cierto patrón geométrico,
- 2. extraerlos posteriormente según una cierta trayectoria.

#### Patrón bidimensional (matriz).

Disponer símbolos en filas (columnas) consecutivas y extraer columna a columna (fila a fila) desde la primera a la última.

	Ŀ	3	Т	Ŀ	Ŀ
	S	U	N	E	J
M = ESTE ES UN EJEMPLO DE TRANSPOSICIÓN COLUMNAR	E	M	P	L	0
	D	E	T	R	A
C = ESEDNICN SUMESCOA TNPTPILR EELROOUX EJOASNMX	N	S	P	0	S
	I	С	I	0	N
	С	0	L	U	M
	N	Δ	R	X	X



### EJEMPLO TRANSPOSICIÓN COLUMNAR CON CLAVE

Clave = ESPÍA (orden alfabético: A,E,I,P,S)

#### M = EJEMPLO DE TRANSPOSICIÓN COLUMNAR CON CLAVE

E	S	P	I	<u>A</u>	<u>A</u>	E	I	P	<u>S</u>
E	J	E	M	P	P	E	M	E	J
L	0	D	E	T	T	L	E	D	0
R	A	N	s	P	P	R	s	N	A
0	s	I	С	I	I	0	С	I	s
0	N	С	0	L	L	0	0	С	N
U	M	N	A	R	R	U	A	N	M
С	0	N	С	L	L	С	С	N	0
Α	v	E	X	Х	х	Α	х	E	V

C = PTPILRLX ELROOUCA MESCOACX EDNICNNE JOASNMOV



# ÍNDICE

- ▶ 1.1.2 MÉTODOS CRIPTOGRÁFICOS CLÁSICOS
  - INTRODUCCIÓN
  - CLASIFICACIÓN
  - MÉTODOS DE TRANSPOSICIÓN
    - POR GRUPOS
    - POR SERIES
    - POR COLUMNAS/FILAS
  - MÉTODOS DE SUSTITUCIÓN
    - SUSTITUCIÓN MONOALFABETO
      - MONOGRÁFICA (SIMPLE)
      - POLIGRÁFICA
    - SUSTITUCIÓN POLIALFABETO
  - CRIPTOANÁLISIS DE CRIPTOGRAFÍA CLÁSICA



### SUSTITUCIÓN

#### REPRESENTACIÓN NUMÉRICA DE ALFABETOS

#### Ejemplos:

- Alfabeto 27 letras: (A, B,..., Z)  $\rightarrow$  (0, I,...,26)
- ► Alfabeto 37 letras: (A, B,..., Z, 0, I, ...9)  $\rightarrow$  (0, I,...,36)

0	Α
1	В
2	С
3	D
4	Е
5	F
6	G

7	Н
8	
9	J
10	K
11	Ш
12	M
13	Ν

14	Ñ
15	0
16	Ρ
17	Q
18	R
19	S
20	Т

21	U
22	V
23	W
24	X
25	Υ
26	Z



SUSTITUCIÓN MONOALFABETO SIMPLE (MONOGRÁFICA)

Sustitución I carácter texto-claro por I carácter texto-cifrado

Habría n! posibles cifradores

Parte de los cifradores pueden definirse con una ecuación:

$$E(m_i)=(am_i+b) \mod n$$

a : constante de decimación

b : constante de desplazamiento

n : número de letras del alfabeto (27 en español)

Clave = (a,b)

mcd(a,n)=1 (para que exista solución de la ecuación congruencial)



### SUSTITUCIÓN MONOGRÁFICA. CASOS PARTICULARES

Cifrador por desplazamiento puro (tipo César, ROT 13, ...)

$$E(m_i)=(m_i+b)$$
 mód. n

Ejemplo concreto: Cifrador César

$$E(m_i)=(m_i+3) \mod n$$

Cifrador por decimación pura

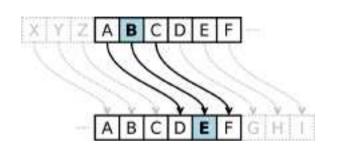
$$E(m_i)=(a \cdot m_i) \mod n$$

Cifrador por sustitución afín

$$E(m_i)=(a \cdot m_i+b) \mod n$$



### EJEMPLO. CIFRADO CÉSAR



$$E_3(x) = (x + 3) \mod 27$$
  
 $D_3(x) = (x - 3) \mod 27$ 

M A B C D E F G H I J K L M N Ñ O P Q R S T U V W X Y Z C D E F G H I J K L M N Ñ O P Q R S T U V W X Y Z A B C

M = NUNCA VI NEVAR TANTO

C = PXPFDYL PHYDU WDPWR



# ÍNDICE

- ▶ 1.1.2 MÉTODOS CRIPTOGRÁFICOS CLÁSICOS
  - INTRODUCCIÓN
  - CLASIFICACIÓN
  - MÉTODOS DE TRANSPOSICIÓN
    - POR GRUPOS
    - POR SERIES
    - POR COLUMNAS/FILAS
  - MÉTODOS DE SUSTITUCIÓN
    - SUSTITUCIÓN MONOALFABETO
      - MONOGRÁFICA (SIMPLE)
      - POLIGRÁFICA
    - SUSTITUCIÓN POLIALFABETO
  - CRIPTOANÁLISIS DE CRIPTOGRAFÍA CLÁSICA



### SUSTITUCIÓN MONOALFABETO POLIGRÁFICA

Sustitución n (n >=2) caracteres texto-claro por n caractereres texto-cifrado

$$\begin{aligned} \mathbf{M} &= \mathbf{m}_{1} \mathbf{m}_{2} \cdot \mathbf{m}_{3} \mathbf{m}_{4} \cdot ... \cdot \mathbf{m}_{N-1} \mathbf{m}_{N} \\ \mathbf{E}_{k}(\mathbf{M}) &= \mathbf{E}_{k}(\mathbf{m}_{1} \ \mathbf{m}_{2}) \cdot \mathbf{E}_{k}(\mathbf{m}_{3} \ \mathbf{m}_{4}) \cdot ... \cdot \mathbf{E}_{k}(\mathbf{m}_{N-1} \ \mathbf{m}_{N}) \\ \mathbf{E}_{k}(\mathbf{M}) &= \mathbf{c}_{1} \mathbf{c}_{2} \cdot \mathbf{c}_{3} \mathbf{c}_{4} \cdot ... \cdot \mathbf{c}_{N-1} \mathbf{c}_{N} \end{aligned}$$

#### Métodos:

- Playfair (Wheatstone)
- ▶ Hill



#### PLAYFAIR

- Sustitución digrámica. Digrafos
- Matriz de 5x5 caracteres (sin J ni Ñ) con la clave comenzando en la primera fila sin caracteres repetidos
- ▶  $m_1m_2$  misma fila,  $c_1c_2$  → derecha
- $m_1m_2$  misma col.,  $c_1c_2 \rightarrow abajo$
- $m_1m_2$  con ≠ fila ≠ col.,  $c_1c_2$  → esquina opuesta en la misma fila del rectángulo que forman  $m_1m_2$
- Dígrafos repetidos → deben eliminarse con carácter de relleno
- Si impares (tras eliminar dígrafos repetidos) → insertar carácter de relleno

Matriz Playfair adaptada al alfabeto castellano, sin clave

Α	В	С	D	Ε
F	G	Н	I/J	K
L	М	N/Ñ	0	Р
Q	R	S	Т	U
٧	W	Χ	Υ	Z

Matriz de Playfair adaptada con clave PRIMAVERA

Р	R	I/J	М	Α
V	Е	В	С	D
F	G	Н	K	L
N/Ñ	0	Q	S	Т
U	W	Х	Υ	Z

 $RI \rightarrow IM$ 

 $BI \rightarrow HB$ 

ES → CO

 $BE \rightarrow CB$ 

 $FU \rightarrow NP$ 

 $OC \rightarrow SE$ 

 $OT \rightarrow QN$ 

 $AL \rightarrow DT$ 



HILL

Matriz nun y se multiplica por un vectorque es la cadena original.

- ➤ Cifra "n" caracteres a un tiempo (ejemplo: "pan" → "dyj")
- Utiliza equaciones lineales simples
  - Transformaciones matriciales lineales nxn
  - K<sub>E</sub> (nxn) debe tener inversa en el cuerpo de cifra Z<sub>N</sub>
  - Caracteres de relleno si texto no múltiplo de "n"
- Ejemplo de 'cifrador de bloque'

$$\begin{array}{c} \text{C=K}_{E} * M \text{ (m\'od. N)} \\ \text{M=K}_{D} * \text{C (m\'od. N)} \\ \text{K}_{D} = \text{K}_{E}^{-1} \text{ (m\'od. N)} \\ \end{array} = \begin{array}{c} \begin{pmatrix} k_{1,1} & k_{1,2} & \dots & k_{1,n} \\ k_{2,1} & k_{2,2} & \dots & k_{2,n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ k_{n,1} & k_{n,2} & \dots & k_{n,n} \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} m_{1} \\ m_{2} \\ \dots \\ m_{n} \\ \end{pmatrix}$$



Si  $|K_{\rm F}| \neq 0$  y

 $mcd(|K_E|, N)=1$ 

 $K_F^{-1} = |K|^{-1} \cdot (Adj(K))^T \mod$ 

HILL. EJEMPLO

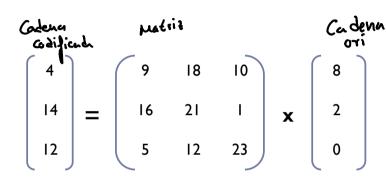


8201319314819



#### C= EOM TMY SVJ

4 14 12 19 12 14 18 21 9



$$\begin{bmatrix} 19 \\ 12 \\ 14 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 9 & 18 & 10 \\ 16 & 21 & 1 \\ 5 & 12 & 23 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 13 \\ 19 \\ 3 \end{bmatrix}$$

$$\begin{vmatrix}
18 \\
21 \\
9
\end{vmatrix} = \begin{vmatrix}
9 & 18 & 10 \\
16 & 21 & 1 \\
5 & 12 & 23
\end{vmatrix} \mathbf{x} \begin{vmatrix}
14 \\
8 \\
19
\end{vmatrix}$$



(mód. 26)

(mód. 26)

(mód. 26)

# Ejercicios

### Ejercicios Criptografía Clásica:

1, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11.



# ÍNDICE

- ▶ 1.1.2 MÉTODOS CRIPTOGRÁFICOS CLÁSICOS
  - INTRODUCCIÓN
  - CLASIFICACIÓN
  - MÉTODOS DE TRANSPOSICIÓN
    - POR GRUPOS
    - POR SERIES
    - POR COLUMNAS/FILAS
  - MÉTODOS DE SUSTITUCIÓN
    - SUSTITUCIÓN MONOALFABETO
      - MONOGRÁFICA (SIMPLE)
      - POLIGRÁFICA
    - SUSTITUCIÓN POLIALFABETO
  - CRIPTOANÁLISIS DE CRIPTOGRAFÍA CLÁSICA



- SUSTITUCIÓN POLIALFABETO PERIODICA
- Blaise de Vigenére (diplomático francés, 1523-1596)
  - 27 alfabetos cifrados
  - > 27 Cambios según método César
  - Clave de longitud m

$$E(m_j) = (m_j + k_{(j \mod m)}) \mod .27$$

#### donde:

```
k_i = desplazamiento del alfabeto i m_j = letra texto en claro en posición j E(m_i) = letra cifrada
```



#### Tabla de Vigenére

```
G H I J K L M N Ñ O P Q R S T U V W X Y Z
          G H I J K L M N Ñ O P Q R S T U V W X Y Z
B: BCDEFGHIJKLMNÑOPORSTUVWXYZA
          IJKLMNÑOPQRSTUVWXYZAB
      G H I J K L M N Ñ O P Q R S T U V W X Y Z A B C
     G H I J K L M N Ñ O P Q R S T U V W X Y Z A B C D
     HIJKLMNÑOPQRSTUVWXYZABCDE
G: GHIJKLMNÑOPORSTUVWXYZABCDEF
  TUVWXYZABCDEFGHIJLKMNÑOPORS
U: UVWXYZABCDEF
                  GHIJLKMNÑOPORST
                  HIJLKMNÑOPORSTU
                G H I J L K M N Ñ O P O R S T U V
X: XYZABCDEFGHIJLKMNÑOPQRSTUVW
                IJLKMNÑOPORSTUVWX
Z: ZABCDEFGHIJLKMNÑOPQRSTUVWXY
```

### Ejemplo del método Vigenére con clave:

Se usa la palabra clave para determinar los alfabetos,

p.ej.: SOL 
$$(k_1=18, k_2=15, k_3=11)$$

Aplicación:

$$Cdu \rightarrow H \cap L \mid A \mid A \mid M \mid I \mid G \mid O$$

Mensaje:

Cdu 

H O L | A A M | I G O

Clave repetida:

file 

S O L | S O L | S O L

Cifrado:

Despues buscames en la fila de S la Calumna de H

La fella enpirta com la helva elau cono A ylai Sucesivai a S SA B, C, b

Utilizando la tabla:

STUVWXY (2) ABCDEFGHIJLKMNÑOPQR

L M N Ñ O P O R S T U V W X Y Z A B C D E F G H I J K



Vigenère con autoclave

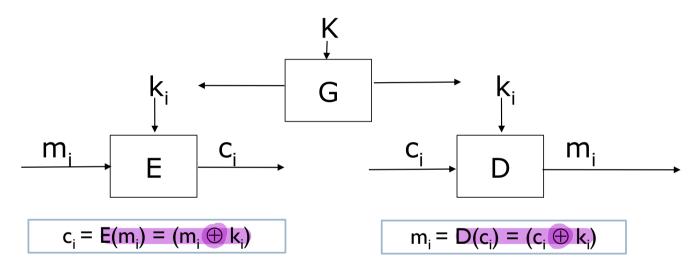
El texto en claro se utiliza como clave además de la clave primaria:

se escribo le dave y acadinuación la prepie cedena sin codificar

Clave: SOL

F	)	L	Α	N	T	A	A	T	0	M		C	Α
		0	L	P	L	A	N	T	Α	Α	T	0	M
		Z	L	C	E	Α	N	N	0	M	В	Q	M

Sustitución polialfabética no periódica: Vernam



Secreto perfecto:

Longitud\_clave igual o mayor que longitud\_texto en claro

Clave aleatoria

Clave de un solo uso

- Sustitución polialfabética no periódica: Vernam
  - Problemas

Tamaño de la clave

Reutilización

Aleatoriedad

Ventajas

**Perfecto** 



#### Máquina Enigma

- Usada por las fuerzas Alemanas desde 1930
- Cifrado/descifrado rotatorio
- Militarmente conocida como Máquina "M"→ Enigma-D
- Funcionamiento:
  - Varios rotores con 26 contactos eléctricos en cada cara del rotor
  - Cada contacto de una cara esta conectado a un contacto diferente de la cara contraria
  - Cada rotor está conectado de forma distinta con sus caras
  - Cada contacto de salida de un rotor se conectaba al de entrada del siguiente
- Cada vez que se introduce una letra la posición del rotor varía
- Por cada tecla pulsada se ilumina la tecla equivalente después de ser procesada, tanto en cifrado como descifrado



# Ejercicios

### Ejercicios Criptografía Clásica:

2, 3, 4



# ÍNDICE

- ▶ 1.1.2 MÉTODOS CRIPTOGRÁFICOS CLÁSICOS
  - INTRODUCCIÓN
  - CLASIFICACIÓN
  - MÉTODOS DE TRANSPOSICIÓN
    - POR GRUPOS
    - POR SERIES
    - POR COLUMNAS/FILAS
  - MÉTODOS DE SUSTITUCIÓN
    - SUSTITUCIÓN MONOALFABETO
      - MONOGRÁFICA (SIMPLE)
      - POLIGRÁFICA
    - SUSTITUCIÓN POLIALFABETO
  - > CRIPTOANÁLISIS DE CRIPTOGRAFÍA CLÁSICA



### CRIPTOANÁLISIS DE CRIPTOGRAFÍA CLÁSICA

### Rompiendo el Cifrado de Desplamiento

### Espacio de claves reducido:

fuerza bruta



$$E_n(x) = (x + n) \mod 27$$

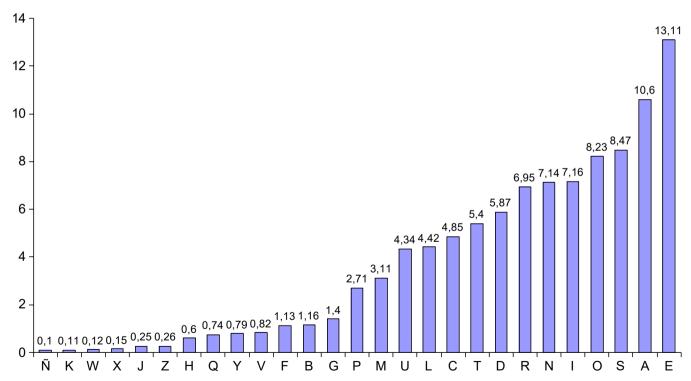
$$D_n(x) = (x - n) \mod 27$$

Desplazamiento	Posible mensaje original
0	Ep exeuyi
_	
1	Do dwdtxh
2	On oveswg
Э	Bm bubrvf
4	Al ataque
5	Zk zszptd
6	Иј укусас
23	Hs hahxbl
24	Gr gagwak
25	Fq fyfvzj



### CRIPTOANÁLISIS DE CRIPTOGRAFÍA CLÁSICA

Frecuencias de los caracteres en el lenguaje castellano





### CRIPTOANÁLISIS DE CRIPTOGRAFÍA CLÁSICA

Rompiendo el Cifrado de Sustitución Monoalfabeto

Caso del cifrador sustitución monoalfabeto afín:

$$E(m_i) = (a m_i + b) m \acute{o} d.n$$

Análisis de frecuencias

Texto cifrado:

UEYDXTHWYDWXLEXCDXCYDLKXJSKTCWTKXUWLEXJSEOLDP KXYDLDVKPDUIWUKLXWÑHDSDWXKJSEOKS

Rompiendo el Cifrado de Sustitución Monoalfabeto

#### Texto cifrado:

UEYDXTHWYDWXLEXCDXCYDLKXJSKTCWTKXUWLEXJSEOLD PKXYDLDVKPDUIWUKLXWÑHDSDWXKJSEOKS

Α	0	M	-
В	0	- Secon	t
С	10	3,9%	
D	10	12,99%	•
E	8	6,49%	
F	0		
G	0		
Н	7	2,6%	
I	6	1,3%	
J	5	3,9%	
K	5	10,39%	
L	4	7,79%	
М	0		
N	0		
Ñ	4	1,3%	
0	3	2,6%	
Р	3	2,6%	
Q	0		
R	0		
S	3	6,49%	
Т	2	3,9%	
U	2	5,19%	
V	2	1,3%	
W	1	9,09%	
Х	1	12,99%	
Υ	1	5,19%	
Z	0		





 Rompiendo el Cifrado de Sustitución Monoalfabeto (supuesto transformación afín)

Las letras más frecuentes en el texto cifrado son D, X y K.

Supongamos que dos de ellas son el cifrado de dos de las letras más La vames protendo supuniado que coincida la freunta frecuentes en castellano (E, A y S).

Suposición I: E (4)  $\rightarrow$  D (3), A (0)  $\rightarrow$  X (24)

$$3 = a \cdot 4 + b \mod 27$$
  
24 =  $a \cdot 0 + b \mod 27$ 

Luego

$$b = 24$$

$$a = (3 - 24) \cdot 4^{-1} \mod 27 = -21 \cdot 7 \mod 27 = 6 \cdot 7 = 42 = 15$$

Para descifrar, hay que calcular

 $a^{-1} \mod 27 = 15^{-1} \mod 27 = 100 \text{ EXISTE! pues mcd} (15, 27) \text{ no es } 100 \text{ EXISTE!}$ 



 Rompiendo el Cifrado de Sustitución Monoalfabeto (supuesto transformación afín)

Podemos suponer que el emparejamiento es al revés:

Suposición 2: E (4) 
$$\rightarrow$$
 X (24), A (0)  $\rightarrow$  D (3)  
24 = a · 4 + b mód 27  
3 = a · 0 + b mód 27  
Luego  
b = 3  
a = (24 – 3) · 4-1 mód 27 = 21 · 7 mód 27 = 147 = 12  
Para descifrar, hay que calcular  
a-1 mód 27 = 12-1 mód 27 = ¡NO EXISTE! pues mcd(12, 27) no es 1

 Rompiendo el Cifrado de Sustitución Monoalfabeto (supuesto transformación afín)

Podríamos seguir suponiendo que A (0)  $\rightarrow$  X (24) pero buscar otra pareja de letras para plantear la otra ecuación. Por ejemplo, A (0)  $\rightarrow$  X (24), S (19)  $\rightarrow$  K (10).

Suposición 3:A (0) 
$$\rightarrow$$
 X (24), S (19)  $\rightarrow$  K (10)  
10 = a · 19 + b mód 27  
24 = a · 0 + b mód 27

Luego

$$b = 24$$

$$a = (10 - 3) \cdot 19^{-1} \mod 27 = 7 \cdot 10 \mod 27 = 70 = 16$$

Para descifrar, hay que calcular

$$a^{-1} \mod 27 = 16^{-1} \mod 27 = -5 = 22$$



Rompiendo el Cifrado de Sustitución Monoalfabeto

Para descifrar, hay que aplicar 
$$m_i = (c_i - b) \cdot a^{-1} \mod 27$$
  
(carácter cifrado – 24) \* 22 mód 27 = carácter claro

Obtenemos que el texto cifrado siguiente:

UEYDXTHWYDWXLEXCDXCYDLKXJSKTCWTKXUWLEXJSEOLDPKXYDLDVKPDUIWUKLXWÑHDSDWXKJSEOKS

Se descifra al siguiente texto en claro:

OSVXATEFVXFALSACXACVXLPAUYPTCFTPAOFLSAUYSRLXNPAVXLXKPNXOZFOPLAFWEXYXFAPUYSRPY

Que no tiene ningún sentido...

Debemos seguir probando parejas



 Rompiendo el Cifrado de Sustitución Monoalfabeto (supuesto transformación afín)

Podríamos probar muchas opciones entre las posibles (solo considerando las tres más frecuentes en texto en claro y texto cifrado):

	Claro	Cifrado
Sup. I	E,A	D, X
Sup. 2	E,A	X, D
	E,A	D, K
	E,A	K, D
	E,A	X, K
	E,A	K, X

	Claro	Cifrado
	A, S	D, X
	A, S	X, D
	A, S	D, K
	A, S	K, D
Sup. 3	A, S	X, K
	A, S	K, X

Claro	Cifrado
E, S	D, X
E, S	X, D
E, S	D, K
E, S	K, D
E, S	X, K
E, S	K, X



 Rompiendo el Cifrado de Sustitución Monoalfabeto (supuesto transformación afín)

Por acortar, vamos a probar con la "buena"

Suposición 4:A (0) 
$$\rightarrow$$
 K (10), S (19)  $\rightarrow$  X (24)  
24 = a · 19 + b mód 27  
10 = a · 0 + b mód 27  
Luego  
b = 10  
a = (24 - 10) · 19<sup>-1</sup> mód 27 = 14 · 10 mód 27 = 140 = 5  
Para descifrar, hay que calcular  
a<sup>-1</sup> mód 27 = 5<sup>-1</sup> mód 27 = 11

Rompiendo el Cifrado de Sustitución Monoalfabeto

Para descifrar, hay que aplicar 
$$m_i = (c_i - b) \cdot a^{-1} \mod 27$$
  
(carácter cifrado – 10) \* 11 mód 27 = carácter claro

Obtenemos que el texto cifrado siguiente:

UEYDXTHWYDWXLEXCDXCYDLKX|SKTCWTKXUWLEX|SEOLDPKXYDLDVKPDUIWUKLXWÑHDSDWXK|SEOKS

Se descifra al siguiente texto en claro:

# NO DESCUIDEIS LOS TEST DE LAS PRACTICAS NI LOS PROBLEMAS DEL EXAMEN FINAL SI QUEREIS APROBAR

Que ahora sí que tiene sentido



- Cifradores sustitución monoalfabeto
  - La frecuencia de los caracteres del texto en claro se transmite al texto cifrado
  - Necesario contar con texto cifrado de longitud significativa

evitar lipogramas (se omite una letra o varias): La Disparition de Georges Perec traducido como A Void o El secuestro en español

Le Train de Nulle Part, 2004 de Michel Dansel, no usa ni un solo verbo.

Si es desplazamiento puro: hay I incógnita (b) {a=1}

Carácter de + frecuencia en alfabeto texto en claro (E ó A)  $\leftarrow$  > carácter de + frecuencia en texto cifrado

Si es transformación afín: hay 2 incógnitas (a y b)

2 c. con + frec. aparición  $\leftarrow$   $\rightarrow$  c.+ frec. en texto cifrado

> Si es asignación arbitraria: Hay tantas incógnitas como letras del alfabeto

 Rompiendo el cifrador de sustitución polialfabeto periódica: Vigènere

¿Puede romperse?

#### El método de KASISKI

Ejemplo:

Mensajethes unan dthe mani nthe moonClaveKING KING KING KING KING KINGCifraDPRY EVNT NBUK WIAO XBUK WWBT



- → Hay una distancia de 8 entre ambas repeticiones
- → Es posible que sea porque "hay un número entero de claves entre ambas"
  - → La distancia es múltiplo de la longitud de la clave
    - → == la longitud de la clave divide la distancia



El método de KASISKI

#### Pasos:

- ▶ Buscar repeticiones de cadenas de caracteres en el criptograma. (ejem: BUK)
- Medir la distancia entre las mismas
- L = longitud de la clave = DIVISOR MÁS COMÚN ENTRE TODAS LAS DISTANCIAS

(si simplificamos y asumimos que todas las repeticiones en el texto cifrado se deben a coincidencias de fragmentos de texto en claro con el mismo fragmento de la clave, la longitud de la clave sería el m.c.d.(conjunto de distancias entre cadenas repetidas), pero no tiene porqué ser verdad siempre)

Dividir el criptograma en subcriptogramas de longitud L, cifrados con la misma letra de la

clave:

Imaginemos que en el ejemplo suponemos que la longitud de la clave es 4 (que lo es):

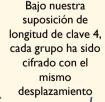
DPRY EVNT NBUK WIAO XBUK WWBT

Las separas persupuesto tamaño clar y hacemr atribie estadástico de cada uno

Realizamos análisis de frecuencia en cada subcriptograma para averiguar el desplazamiento

Universidad

Carlos III de Madrid



K

K

Método de KASISKI. Ejemplo detallado

```
PBVRO VICAD SKAÑS DETSJ PSIED BGGMP SLRPW RÑPWY EDSDE ÑDRDP
CRCPO MNPWK UBZVS FNVRD MTIPW UEOVV CBOVN UEDIF OLONM WNUVR
SEIKA ZYEAC EYEDS ETFPH LBHGU ÑESOM EHLBX VAEEP UÑELI
WHUNM CLPOP MBRRN BPVIÑ MTIBV VEÑID ANSJA MTJOK MDODS ELPWI
UFOZM OMVNF OHASE SRJWR SFOCO TWVMB JGRPW VSUEX INORS JEUEM
GGRBD GNNIL AGSJI DSVSU EEINT GRUEE TFGGM PORDF OGTSS TOSEO
ONTGR RYVLP WJIFW XOTGG RPORR JSKET XRNBL ZETGG NEMUO
                                                      TXJAT
ORVJH RSFHV NUEJI BCHAS EHEUE UOTIE FFGYA TGGMP IKTBW
IEEU.
```

- Paso I, buscar repeticiones:
  - 3 cadenas de GGMP
  - 2 cadenas de YEDS
  - 2 cadenas de HASE
  - 2 cadenas de **VSUE**

- → separadas por 256 y 104 caracteres
   → separadas por 72 caracteres
   → separadas por 156 caracteres
   → separadas por 32 caracteres

▶ Paso 2: m.c.d.=4



- Método de KASISKI. Ejemplo detallado
  - Paso 3: subcriptogramas
  - CI = PQAAEPDMRÑEEDCNUSRIECNIONSAAETLUOLAUIEULMNIIEAAOOLUMNA RSOMRSISERNAISIRTMDTOORLIORRENENOAVSNIAEOFAMTEI
  - C2 = BVDÑTSBPPPDÑPPPBFDPQBUFNUEZCDFBÑMBEÑSFNPBBÑBÑNMKDPFQF SJFTBPUNJMBNGDUNUFPFSSÑRPFTPJTBTETTJFUBSUTFTPBÑE
  - C3 = VISSSIGSWWSDCQWZNMWVOEQMVIYESPHEEXEEEWMQRPMVISTMSWO MOEWQWJWEQEGDISSETEGOOSETYWWGQSXLGMXOHHECEEIGGIWEE
  - C4 = RCKDJEGLRYDRRMKVVTUVVDLWRKEYEHGSHVPLVHCPRVTVDJJDEIZVHSR CVGVXRUGGLJVEGEGRGTQGVJXGRKRZGUJRRVJHHUEYGKUNU



- Método de KASISKI. Ejemplo detallado
  - Paso 4: análisis de frecuencias

Se busca las letras equivalentes a E,A,O y S (las más frecuentes en castellano) :

Posibilidades para k<sub>1</sub>.

A : m (mód. 27) E : m+4 (mód. 27)

O:m+15 (mód. 27) S:m+19 (mód. 27)

Frecuencias observadas:

```
A B C D E F G H I J K L M N Ñ O P Q R S T U V W X Y Z

C<sub>1</sub> 11 0 2 3 12 1 0 0 11 0 0 5 6 9 1 10 2 1 9 7 4 5 1 0 0 0 0

C<sub>2</sub> 0 14 1 6 4 12 1 0 0 4 1 0 3 6 8 6 14 2 1 6 9 7 1 0 0 0 1

C<sub>3</sub> 0 0 1 2 18 0 7 3 7 1 0 1 7 1 0 0 2 6 1 12 3 0 3 12 3 2 1

C<sub>4</sub> 0 0 3 5 7 0 12 6 1 7 5 4 1 1 0 6 2 1 13 2 3 7 14 0 2 3 2
```



Método de KASISKI. Ejemplo detallado

Apariciones encontradas en el orden de distancias:

 $C_1:A$   $C_2:B$   $C_3:E$   $C_4:R$ 

Clave puede ser: ABER

Paso 5, comprobación:

Cifra PBVRQ VICAD SKAÑS DETSJ PSIED BGGMP SLRPW Clave ABERA BERAB ERABE RABER ABERA BERAB ERABE

Mensaje Paraq uelac osano mesor prend acomo otros



- Cifradores sustitución polialfabeto periódica
  - Determinar el número de alfabetos utilizados (e.d. longitud de la clave o periodo)
  - Separar el texto en partes cifradas con el mismo alfabeto (y criptoanalizar como Vigènere)
  - Método Kasiski para descubrir el periodo:
    - Buscar grupos de caracteres repetidos en el texto cifrado
    - Pueden corresponder a grupos comunes en el lenguaje del texto en claro (castellano: -as, -es, -ción, co-, in-, con, de, -ando, -ada, -ido, -ado, -mente )
    - ▶ Periodo ¿=? m.c.d. (diferencias relativas en posición dentro del texto cifrado para un mismo grupo)



#### RECUERDA

- Criptoanálisis cifradores sustitución monoalfabeto
  - Redundancia del lenguaje
  - Análisis de frecuencias.
    - Transformación afín
    - Si asignación arbitraria, búsqueda de emparejamientos uno a uno según frecuencias
- Criptoanálisis cifradores sustitución polialfabeto periódica
  - Determinar el número de alfabetos utilizados (e.d. longitud de la clave o periodo)
  - Separar el texto en partes cifradas con el mismo alfabeto (y criptoanalizar como Vigènere)
  - Método Kasiski para descubrir el periodo:
  - Buscar grupos de caracteres repetidos en el texto cifrado
  - Pueden corresponder a grupos comunes en el lenguaje del texto en claro (castellano: -as, -es, -ción, co-, in-, con, de, -ando, -ada, -ido, -ado, -mente )
  - Periodo ¿=? m.c.d. (diferencias relativas en posición dentro del texto cifrado para un mismo grupo)



- Índice de Coincidencia (IC)
  - El Índice de Coincidencia (IC) es una medida estadística sobre un texto.

El IC fué inventado por William Friedman y presentado en The Index of Coincidence and its Applications in Cryptography (1920)

▶ El IC es la probabilidad de que dos letras (seleccionadas aleatoriamente) de un texto sean la misma

Imagine un sombrero con las 27 letras del alfabeto.

→ La probabilidad de sacar una A es 1/27.

Imagine dos sombreros.

→ La probabilidad de sacar dos As simultáneamente es (1/27)\*(1/27)

La probabilidad de sacar dos letras cualesquiera iguales es

$$\rightarrow$$
 27\*(1/27)\*(1/27) = (1/27) = 0.037

Luego el IC de un conjunto de letras distribuido aleatoriamente (uniformemente) es 0.037



#### Índice de Coincidencia (IC)

Suponga que llenamos un sombrero con 100 letras. Y que introducimos cada letra tantas veces como su frecuencia en Español (es decir, 13 Es, 10 As, 8 S, etc.).

La probabilidad de sacar dos letras iguales sería

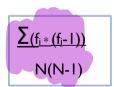
$$(13/_{100})*(12/_{99}) + (10/_{100})(9/_{99}) + (8/_{100})(7/_{99}) + \dots = 0.0775$$
 ← IC del Español

Cada lenguaje tiene un IC:

Español: 0.0775 Inglés: 0.0667

Ruso: 0.0529 Alemán: 0.0762

#### Cálculo del IC



para 
$$0 \ge i \ge 26$$
,

 $f_i$  es la frecuencia (n° de apariciones) de la letra i-ésima del alfabeto, en el texto analizado

y N es el n° de letras del texto analizado

#### IC. EJEMPLO DE CÁLCULO

▶ El IC del texto "EL INDICE DE COINCIDENCIA" es :

$$a(1*0)+c(4*3)+d(3*2)+e(4*3)+i(5*4)+l(1*0)+n(3*2)+o(1*0)=56$$

dividido por 
$$N*(N-1) = 22*21 = 462$$
  
lo que da un IC de  $56/462 = 0.121$ 

▶ El IC del texto "BMQVSZFPJTCSSWGWVJLIO" es :

$$\begin{array}{c} b(1*0) + \ c(1*0) + \ f(1*0) + \ g(1*0) + \ i(1*0) + \ j(2*1) + \ l(1*0) + \ m(1*0) + \ o(1*0) + \ p(1*0) + \ q(1*0) + \ s(3*2) + \ t(1*0) + \ v(2*1) + \ w(2*1) + \ z(1*0) = 12 \end{array}$$

dividido por 
$$N*(N-1) = 21*20 = 420$$
  
que da un IC de  $12/420 = 0.0286$ 



#### ÍNDICE DE COINCIDENCIA

- ¿PARA QUE SIRVE EL IC?
  - Distinguir texto cifrado de texto en claro
  - Encontrar la longitud de la clave de cifrado de Vigènere
- ¡¡Un cifrado de sustitución monoalfabeto no altera el IC de un texto!!
  - ► IC('MITIATIENEBIGOTE') = 0.1
  - ► IC('PLWLDWLHQHELJRWH') = 0.1

- ICYVIGÈNERE
  - Vigènere = varias sustituciones simples tipo desplazamiento puro:

MITIATIENEBIGOTE LIOLIOLIOLIOL XQHTIHTMBPJWRWHP



- ICYVIGÈNERE
  - Vigènere = varias sustituciones simples tipo desplazamiento puro:

MITIATIENEBIGOTE LIOLIOLIOLIOLIOL XQHTIHTMBPJWRWHP

$$IC(XQHTIHTMBPJWRWHP) = 0.05$$



- ICYVIGÈNERE
  - Vigènere = varias sustituciones simples tipo desplazamiento puro:



#### ICYVIGÈNERE

▶ Vigènere = varias sustituciones simples tipo desplazamiento puro:

$$IC(XTTPRP) = 0.133$$

$$IC(QIMJW) = 0$$

$$IC(HHBWH) = 0.3$$



#### ICYVIGÈNERE

#### Texto cifrado:

RIPTCICXVRTFCWFDRKTOAFGNOSUFLZPJGSWRONHRTFQZGXGRZCCUXLFEUWZOHCGTDGYJLHTHKKCTMVLQDHHSQ XNQLBXHISSHMGLGRLKISAIUZWBIUVBHYPLGEUPVZAIEVFGYEACTMNVGHCOWGDHRVFFOGUWBIFVEJYOPTPGKSWPMG HZDMRHRXFNHGEYTVCSCQ|CBIUL|TYU|FXNQSCHMKTDHIPKSKYTKOSGG|FTUEVBUFK|HDUUPE|YRVFBCUOITPQZOBUT PZAIULGRLKIWGYNVGHCOWGDHULBUCPSSHXGIWPKWLQDHOVHXPQKSAURYCMCOHZAYIHRPXGSOEYNPQIFCKSAIU ZWBJUVBHMGLBILGCWHNQHAPNVNFDYPPBVXQURTLGCSAIXHFXIUZSRLGACHHQZCAIUVPGYNHDTFKJIAUUPBDMQIF TUNNICIUKSAIUTWHNGYWDMSBSWUPLLXMVPRDUNVZPLIVRTNOKOAUJPGIITPOSYNHOPLKJOIOTHMSYEPRXWQTDPLV PFAUEVBIIFVG|MVLRTMCTOCNGZRTFQZGXGRZCCMRBSSYUZSGWNH|PXGYFXGQ|CBIAVCHCOWZTGGUHTPGYZDMQI OHCQUOAGGUHTIGYCCIEVBDTEVOCUFPSFOGVRXYCSCHMKTDHIPZFTWWLFSUPLZRURPHIFOKSAWWTDAYCUCHXGS WHUFVBSYWUZDKWPHDKWLXJLCXITYUTWRBCLZYUERGDHNLQDGRVBTOPHQPHEPCCJWLGHCFLGEOGZRTNCUHD MCUCHMGJCCZKYAPKWLGXZWLAXWJHSADCJYHIPLZFOGSSELGZHDFCCCOUGZSEYTZCCULLFTWWLFSUPACSIUSCHA CNGRUFHEJYEYSTGOZEJYRVFUCPZOOLGTCHYPXITJCYHTXGLGIUFVGJHKKCHMGLBROGUHGUUWFXHIMWTFFWITMCO CGUGUZPIGSWRONHGTLGCSAUTHHTHGTCHOPTINVWLBRBKZHTMOIFTYNSCEYTVFTWWLFSYPXITYUBBRBKZHTKWL GXIQYGTLRLZXWWSOKYTLADMCSUDKWLBDMGWITXCVEJYPVVPSCTCHPKZHDYPASAYXPGXIPCSGYOVGSYUUISIUWC OLGTOGAGICCNGZHDATVSCCPNGTUESOGUTVBSIUYIBITLGFOGTOSIPUOPJCYSRYTPOTHNHGTLKLMTFVLAPXGSOEYNP QIFCNFDYPPBVYZWZXWQHZVOKLBAYRYSVOPACPOPVRTFQZSHWTPHDLGZRTKWLGTNTHHPLKHZPJGSWRONHMSYD YCBUEVBIYUACQUTADTLFLFPMWCWGAKUWSUFHAQIUYIBITLGHIPMOAMQZGDVTLGIWCWWIONVTPPQYWIIOHHIXK **QCBYIBGIUOBQWIGSRTZTHBZATPATMEBOAYULGT** 

Longitud: 1416 caracteres

Suposición: en Español

Probamos longitudes de clave: de 1 a 10



#### ICYVIGÈNERE

Probamos longitudes de clave: de 1 a 10

CLAVE DE I CARACTERES: 1:0,0426

CLAVE DE 2 CARACTERES: 1:0,0443, 2:0,0416

CLAVE DE 3 CARACTERES: 1:0,0422, 2:0,0421, 3:0,0441

CLAVE DE 4 CARACTERES: 1:0,0427, 2:0,0412, 3:0,0448, 4:0,0422

CLAVE DE 5 CARACTERES: 1:0,0739, 2:0,074, 3:0,0746, 4:0,0763, 5:0,0722

CLAVE DE 6 CARACTERES: 1:0,0419, 2:0,0396, 3:0,0455, 4:0,0422, 5:0,0454, 6:0,0415

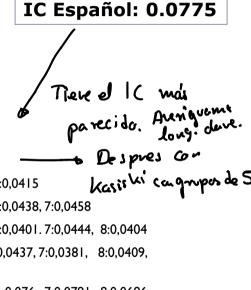
CLAVE DE 7 CARACTERES: 1:0,0404, 2:0,0434, 3:0,0423, 4:0,0426, 5:0,0389, 6:0,0438, 7:0,0458

CLAVE DE 8 CARACTERES: 1:0,0398, 2:0,0412, 3:0,0458, 4:0,0424, 5:0,0429, 6:0,0401.7:0,0444, 8:0,0404

CLAVE DE 9 CARACTERES: 1:0,0442, 2:0,0388, 3:0,041, 4:0,043, 5:0,0452, 6:0,0437, 7:0,0381, 8:0,0409,

9:0,0425

CLAVE DE 10 CARACTERES: 1:0,0739, 2:0,0705, 3:0,0767, 4:0,0662, 5:0,0735, 6:0,076, 7:0,0791, 8:0,0686, 9:0,0862, 10:0,0687





#### ICYVIGÈNERE

Clave: "PUCHO"

Texto descifrado:

CONMOTIVODELAPROXIMALLEGADADELAPELICULADELOSSIMPSONAVERPAUSASIEMPREHETENIDOESTECO NFLCITOENINGLESSEESCRIBELOSSIMPSONSENESPANOLLOCORRECTOESLOSSIMPSONPOROUENIMODOOUEMIFAMILIA SEALOSPADILLASPEROODIOCOMOSEVEESCRITOLOSSIMPSONDEVERDADMECREACONFLICTOASIOUEPORMISHUEVOS AMARILLOSESCRIBIRELOSSIMPSONSENFINLESDECIAQUECONMOTIVODELAPROXIMALLEGADADELAPELICULADELOSSI MPSONSSEENTREVISTOAMATTGROENINGDONDEREVELOVARIOSSECRETOSNOSOLOSOBRELAPELICULASINOSOBREAL GUNOSDELOSMISTERIOSOUEHANEXISTIDOALOLARGODETODALAHISTORIADELACARICATURAYDECIDICOMPARTIRL ACONTODOSUSTEDESAMANTESDELOSSIMPSONSPUEDESSERCLAVADERRIMOCOMOYOOSIMPLEMENTEVERLOSOCASI ONALMENTEPERONOCONOZCOANADIEOUEODIEALOSSIMPSONSRECUERDANELCAPITULODELCUMPLEANOSDELISA DONDEUNLOQUITOQUEJURAQUEESMICHAELJACKSONLECOMPONEUNACANCIONPUESSIDESPUESDETANTOSANOSS ECONFIRMAQUESIFUEMICHAELIACKSONELQUELEPRESTOLAVOZAESEPERSONAIERECUERDANTODOSLOSGAGSCADA QUECREEMOSQUEPORFINSABREMOSENQUEPARTEDEESTADOSUNIDOSSEENCUENTRASPRINGFIELDPUESAHORAENLA PELICULASEREVELARATENEMOSUNMUYBUENCHISTESOBREELLOPERORECUERDENQUEESUNCHISTEQUESIPORSERPELI CULAVEREMOSALGOQUENOSEPUEDAOQUENOHAYAMOSVISTOENTELEVISIONVEREMOSDESNUDOSPOBREMARGECO NTESTOGROENINGSEACLARARONDOSRUMORESOUEMADONNAAPARECERIAENLASERIEYELTEMADELAPELICULAGRO ENINGEXPLICOALGUIENLEPREGUNTOAUNODELOSESCRITORESDEQUESETRATARIALAPELICULAYDEBROMACONTEST OBARTPERDERASUVIRGINIDADAMBOSRUMORESSONFALSOSSOBRESUCAPITULOFAVORITOMATTDIJOMEGUSTAMUCH **OELDEFRANKGRIMESCUALESESE** 

