# UNIVERSIDAD CARLOS III DE MADRID. DEPARTAMENTO DE INFORMÁTICA GRADO EN INGENIERÍA INFORMÁTICA. ESTRUCTURA DE COMPUTADORES

Para la realización del presente examen se dispondrá de **2 horas y media. NO** se podrán utilizar libros, apuntes **ni** calculadoras de ningún tipo.

Ejercicio 1 (2 punto). En relación al estándar IEEE 754 responda a las siguientes preguntas:

- a) En una representación IEEE 754 de 32 bits, indique de forma razonada el número de valores no normalizados que se pueden representar.
- b) En un computador de 32 bits, ¿Se puede representar de forma exacta el valor  $2^{27}+1$  en una variable de tipo float? ¿y en una variable de tipo int? Razone su respuesta.
- c) Represente en el estándar IEEE 754 de doble precisión el valor 12.5. Exprese el resultado en hexadecimal.

## Solución:

- a) Un valor no normalizado se corresponde con un exponente (8 bits) cuyo valor es 0 y una mantisa (23 bits) con valor distinto de cero. El número de elementos que se pueden representar es, por tanto, 2 (positivo y negativo) x  $2^{23}$ -1 = 2( $2^{23}$ -1)

Dado que en la mantisa de un número de tipo float (IEEE 754 de 32 bits) solo se pueden almacenar 23 bits, aparte del bit implícito, para el número anterior no se podrían almacenar los 4 bits menos significativos del número, por lo que el número no se podría representar de forma exacta. En una variable de tipo int, que emplea complemento a 2, el rango de representación es  $[-2^{31}, 2^{31}-1]$ . En este caso, sí que se puede representar el número de forma exacta.

c) 
$$12.5_{(10} = 1100.1_{(2)} = 1.1001 \times 2^{3}_{(2)}$$
 Signo = 1  
Exponente =  $1023+3 = 1026_{(10)} 1024+2_{(10)} = 10000000010_{(2)}$  Mantisa =  $1001....000000$  (52 bits)

La representación del valor 12.5 es:

0 100 0000 0010 1001 00000000 ..... 00000

**Ejercicio 2 (3 puntos).** Considere la rutina Contabilizar. Esta rutina acepta **dos** parámetros de entrada:

- Un vector de números de tipo float.
- El número de elementos del vector

La función devuelve **tres** valores:

- El número de elementos con valor igual a 0.
- El número de elementos correspondientes a valores normalizados distintos de 0.
- El número de elementos correspondientes a valores no normalizados (no se incluyen los valores de tipo NaN).

#### Se pide:

- a) Codifique correctamente la rutina Contabilizar anteriormente descrita. Puede hacer uso de las rutinas auxiliares que considere oportuno. Ha de seguirse estrictamente el convenio de paso de parámetros y uso de pila, aunque no es necesario hacer uso del registro de marco de pila.
- b) Dada la siguiente definición de vector:

```
.data vector: .float 0.0, 0.1, -0.2, 1.0, 1.1, 1.2, 2.0, 2.1, 2.2
```

Codifique el fragmento de código que permite invocar correctamente a la función Contabilizar e imprimir los valores que devuelve dicha función.

#### Solución:

a) Una posible implementación sería:

```
EsCero:
               #comprueba si $f12 (argumento de tipo float) es 0.0
                         $t0, $f12
               mfc1
               beqz
                         $t0, true1
               li
                         $v0, 0
                                         # 0: no es cero
                         $ra
               jr
     true1:
               li
                         $v0, 1
                                        # 1: es cero
               jr
                         $ra
EsNormalizado: #comprueba si $f12
               # (argumento de tipo float) es normalizado
               # es normalizado si:
                                       0 < exponente < 255
                         $t0, $f12
               mfc1
                         $t1,
                                0x7F800000
               li
                                                          obtiene
                                                                   el
                                                     se
exponente
                         $t1, falso1
               beqz
               li
                         $t2, 255
               beq
                         $t1, $t2, falso1
               li
                         $v0, 1
                                         # 1: es normalizado
               jr
                         $ra
                                         # 0: no es normalizado
     falso1:
               li
                         $v0, 0
               jr
                         $ra
```

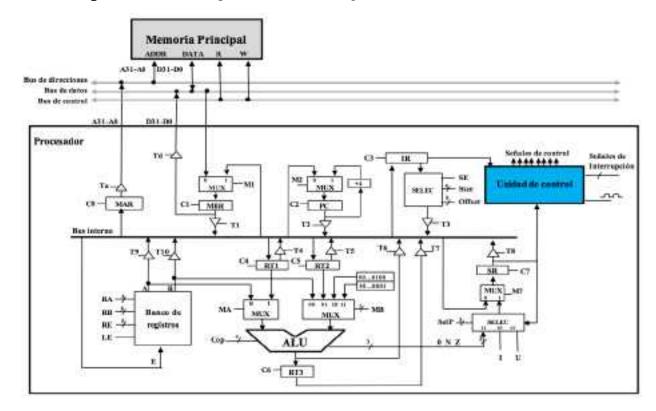
```
EsNoNormalizado:
                    #comprueba si $f12 (argumento de tipo float)
                    # es no normalizado
               # exponenete igual a 0 y mantisa distinto de 0
                          $t0, $f12
               mfc1
               li
                          $t1, 0x7F800000 # se obtiene el exponente
                          $t1, comprueba
               beqz
               li
                          $v0, 0
                                    #0: no es no normalizado
               jr
                          $ra
comprueba:
               li
                          $t1, 0x007FFFFFF # se obtiene la mantisa
               beqz
                          $t1, falso2
               li
                          $v0, 1
                                   # 1: es no normalizado
               jr
                          $ra
     falso2:
               li
                                    # 0: no es no normalizado
                         $v0, 0
               jr
                          $ra
Contabilizar:
                          $sp, $sp, -20
               addi
                          $s0, 16($sp)
               SW
                          $s1, 12($sp)
                                        # número de ceros
               SW
                                       # número de normalizados
                          $s2,
                                8($sp)
               SW
                          $s3,
                                4($sp)
                                       # número de no normalizados
               SW
                          $ra,
                                 ($sp)
               sw
                          $s0, 0
                                    # indice del bucle
               li
               li
                          $s1, 0
                                    # inicializar número de ceros
               li
                          $s2, 0
                                   # inicializar número de norm.
                                    # inicializar número de no norm.
               li
                          $s3, 0
     bucle:
               bat
                          $s0, $a1, fin
                         $f12, ($a0)
                                         # el siquiente elemento
               1.s
                                         # del vector
                         EsCero
               jal
               addi
                         $s1, $s1, $v0
               l.s
                         $f12, ($a0)
               jal
                         EsNormalizado
                         $s2, $s2, $v0
               addi
                         $f12, ($a0)
               l.s
                         EsNoNormalizado
               jal
               addi
                         $s3, $s3, $v0
               addi
                          $s0, $s0, 1
               addi
                          $a0, $a0, 4
                                         # preparar el siguiente
                                         # elemento del vector
               b
                         bucle
     fin:
                          $v0, $s1 # número de ceros
               move
                          $v1, $s2 # número de normalizados
               move
                         $t0, $s3 # número de no normalizados
               move
```

```
lw
          $s0, 16($sp)
          $s1, 12($sp)
lw
lw
          $s2,
                8($sp)
lw
          $s3,
                4($sp)
lw
                 ($sp)
          $ra,
# número de no normalizados en la cima de la pila
addi
          $sp, $sp, 16
          $t0, ($sp)
SW
jr
          $ra
```

b) El fragmento necesario para invocar a la función anterior es:

```
# se pasan los parámetros de entrada
          $a0, matriz
la
li
          $a1,12
          Contabilizar
jal
# primer resultado en $v0, segundo en $v1 y
# el tercero en la cima de la pila
          $a0, $v0
move
li
          $v0, 1
               # se imprime el número de ceros
syscall
move
          $a0, $v1
               # se imprime el número de normalizados
syscall
# se extrae el tercer resultado de la cima de la pila
lw
          $a0, ($sp)
          $sp, $sp, -4
addi
               # se imprime el número de no normalizados
syscall
```

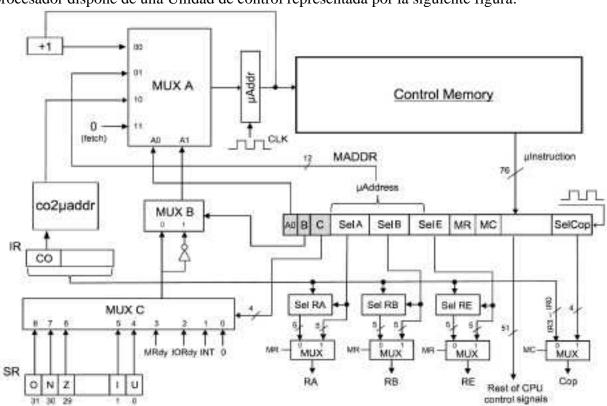
Ejercicio 3 (3 puntos). Dado el procesador con la siguiente estructura:



Y con las siguientes características:

- Un banco de registros con 32 registros de 32 bits, capaz de procesar 127 instrucciones distintas.
- Una ALU con 16 operaciones aritmético-lógicas que incluyen la suma, resta, multiplicación, los and, or, not, xor a nivel de bit, la rotación a la derecha e izquierda de un bit, y los desplazamientos lógicos y aritméticos a la derecha, y el desplazamiento lógico a la izquierda.
- Memoria direccionable a nivel de byte y un solo ciclo de reloj para la lectura o escritura.

Este procesador dispone de una Unidad de control representada por la siguiente figura:



Responda de forma breve y justificada a las siguientes preguntas:

- a) Analizando el diagrama de la Unidad de Control, ¿Qué **técnica de control** emplea? ¿Qué **tipo de secuenciamiento** usa?
- b) Dada la instrucción de dos palabras **li.w R valor** que almacena "valor" en el registro "R", indique un formato de instrucción para la misma de forma que en la primera palabra contenga el registro "R" y en la segunda palabra esté "valor" como número binario de 32 bits.
- c) Especifique las operaciones elementales y todas las señales de control necesarias, tanto de la unidad de control como del procesador, para ejecutar la instrucción máquina li.w R valor anteriormente descrita. Incluya el ciclo de *fetch*.

Operaciones elementales	Señales de control		

NOTA: Asuma que R29 actúa como puntero de pila, que el puntero de pila apunta a cima de pila y que la pila crece hacia direcciones decrecientes de memoria.

#### Solución:

- a) Esta Unidad de Control tiene una técnica de **control microprogramado** y un **secuenciamiento implícito**.
- b) Un posible formato para la instrucción descrita sería:

### Primera palabra:

Código de instrucción (7 bits)	Registro (5 bits)

#### Segunda palabra:

valor (32 bits)	Valor (32 bits)	
-----------------	-----------------	--

c) Las operaciones elementales y las señales de control:

Operaciones elementales	Señales de control	
fetch		
MAR <- PC	T2, C0	
MBR <- Mem[MAR]	TA, R, BW=11, C1=1	
PC <- PC+4, IR <- MBR	M2, C2, T1, C3	
Salto a c.o.	A0, B=0, C=0	
li.w R valor		
MAR <- PC, PC <- PC+4	T2, C0, M2=1, C2	
MBR <- Mem[MAR]	TA=1, R=1, BW=11, C1=1	
R <- MBR, salto a fetch	T1=1, LE=1, MR=0, SELE=10100, A0=1, B=1, C=0	

# Ejercicio 4 (2 puntos). Considere el siguiente fragmento de código:

```
double A[10000];
for (i=0; i<10000; i++) {
    A[i] = A[i] + 3;
}</pre>
```

Dicho código se ejecuta en una arquitectura con un ancho de palabra de 32 bits, que incluye un sistema de memoria virtual que emplea páginas de 8 KB.

Se pide:

- a) Indique el **formato de la dirección virtual** y describa el contenido de una **entrada de la tabla de páginas**.
- b) Asumiendo que inicialmente no hay ninguna página en memoria principal y que los datos e instrucciones se almacenan en páginas distintas, indique el número de fallos de página que se producen durante la ejecución del fragmento de programa anterior y la **tasa de aciertos** considerando solo las páginas de datos que almacenan los datos del vector A.

#### Solución:

a) El formato de la dirección virtual con páginas de 8 KB (13 bits de desplazamiento) en una máquina de 32 bits es:

32 - 13 = 19 bits	13 bits
Id. de página	Desplazamiento

El contenido típico de una entrada en la tabla de páginas es:

P		M		RWX		Marco
Bit presente	de	Bit modificado	de	Bits permisos	de	Bits para indicar el marco asociado

b) Se empezará por el análisis de la imagen del proceso:

El vector A ocupa 10 000 números decimales en doble precisión (64 bits cada uno). Por tanto precisará de  $10\ 000 \times 8 = 80\ 000$  bytes y usando páginas de 8 KB este vector necesita de  $80\ 000\ / 8192 = 9,766$  páginas. Redondeando por exceso, precisa de  $10\ páginas$  de  $8\ KB$ .

En el segmento de código estará el bucle for, lo que supone una página de 8 KB como mucho para almacenar el código binario asociado.

A continuación se analizará la traza de acceso a los datos del vector A: durante cada iteración del bucle for se producen dos accesos, uno de lectura y uno de escritura, por tanto se producen 20 000 accesos. Dado que el vector se procesa de forma secuencial, se producirá un fallo cada vez que se accede al primer elemento de una página. Como el vector A ocupa 10 páginas, se producirán 10

fallos de página.,

La tasa de aciertos, por tanto será:  $(20\ 000-10)/20\ 000=0.9995$ . Es decir, la tasa de aciertos será del 99,9 %.