Applied Statistics for Data Science

Peter Büchel

Serie 1

Bemerkungen zu dieser Serie:

- Es geht in dieser Serie hauptsächlich darum, dass Sie die Funktionsweise von R kennenlernen. Es geht *nicht* darum, dass Sie jeden Befehl verstanden haben oder gar auswendig können müssen.
- Auch wird *nicht* verlangt, dass Sie jeden Schritt in der Musterlösung verstehen.
- Es geht auch nicht darum, dass Sie alle Aufgaben lösen.

Aufgabe 1.1

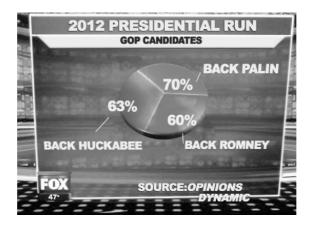
a) In der folgenden Tabelle sind die zivilen Toten im 1. und 2. Weltkrieg aufgeführt. Wir betrachten die Toten der Allierten im 2. Weltkrieg. Was ist *sehr* problematisch an diesem Teil der Tabelle?

Hinweis: Betrachten Sie die Gesamtzahl der Toten.

CIVILIANS					
(a) (b)	World Wer II	-	Net	known	
Allied					
	United King Belgium China Demaark France Retherlands Korway U.S.S.R		::		60,595 90,000 An energous number Unknown 152,000 242,000 3,638 6,000,000 6,548,233
Ener	Germany Austria Italy		::	::	800,000 125,000 180,000 600,000 5,000,000 Large number 6,705,000

b) In der folgenden Abbildung ist in einem sogenannten *Kuchendiagramm* oder *pie chart* eine Präsidentenwahlprognose in den USA dargestellt.

Was ist problematisch an dieser Darstellung?



Aufgabe 1.2

In dieser Aufgabe werden einige einfache R-Befehle besprochen. Schauen Sie im Zweifelsfall im Dokument R_Intro_en.pdf auf ILIAS nach.

- a) Bilden Sie einen Vektor x mit den Zahlen 4, 2, 1, 3, 3, 5, 7.
- b) WählenSie mit R den dritten Wert aus.
- c) Wählen Sie mit R den ersten und vierten Wert aus.
- d) Bestimmen Sie die Länge des Vektors x.
- e) Was macht der Befehl x+2? Stellen Sie zuerst eine Vermutung auf und führen dann den Befehl aus.
- f) Was macht der Befehl sum (x+2)? Stellen Sie zuerst eine Vermutung auf und führen dann den Befehl aus.
- g) Was macht der Befehl x <= 3? Stellen Sie zuerst eine Vermutung auf und führen dann den Befehl aus.
- h) Was macht der Befehl x[x <= 3]? Stellen Sie zuerst eine Vermutung auf und führen dann den Befehl aus.
- i) Was macht der Befehl sort (x)? Stellen Sie zuerst eine Vermutung auf und führen dann den Befehl aus.

- j) Was macht der Befehl order (x)? Stellen Sie zuerst eine Vermutung auf und führen dann den Befehl aus. Vergleichen Sie dabei die Werte von order (x) mit den Werten von x.
- k) Sie möchten den Wert des 4. Eintrages durch die Zahl 8 ersetzen. Wie machen Sie das?

Aufgabe 1.3

Gegeben sind folgende Temperaturen in Grad Fahrenheit (°F)

- a) Bilden Sie einen Vektor fahrenheit mit diesen Werten.
- b) Berechnen Sie diese Temperaturen in Grad Celsius (°C) um. Die Umrechnungsformel lautet

$$C = \frac{5}{9}(F - 32)$$

Bilden Sie dazu einen Vektor celsius.

c) Gegeben sind weitere Temperaturen

Bestimmen Sie die Differenz zu den ursprünglichen Temperaturen. Benützen Sie wieder Vektoren.

Aufgabe 1.4

Wir haben von 6 Personen die Körpergewicht (kg)

und das Körpergrösse (in m)

gegeben.

Nun wollen wir den Body Mass Index (BMI) berechnen. Dieser berechnet sich wie folgt

$$BMI = \frac{Gewicht}{Gr\ddot{o}sse^2}$$

- a) Erzeugen Sie zwei Vektoren weight und height.
- b) Berechnen Sie den BMI dieser 6 Personen gleichzeitig. Erzeugen Sie dazu einen Vektor bmi.

Peter Büchel

Aufgabe 1.5

In Aufgabe 1.2 sind wir dem Befehl **order** (...) begegnet, dessen Output auf den ersten Blick nicht offensichtlich ist. Wollen wir wissen, was dieser Befehl macht, so können wir die R-Hilfefunktion konsultieren. Diese Hilfefunktion in R ist leider *nicht* sehr hilfreich. Man *kann* mit beispielweise ?... einen Befehl abfragen, zum Beispiel ?order oder help (order).

```
help(order)
   order {base}
                                                                                                                                                             R Documentation
   Ordering Permutation
   Description
   order returns a permutation which rearranges its first argument into ascending or descending order, breaking ties by further arguments. sort.list
   is the same, using only one argument.
See the examples for how to use these functions to sort data frames, etc.
  order(..., na.last = TRUE, decreasing = FALSE,
    method = c("auto", "shell", "radix"))
   sort.list(x, partial = NULL, na.last = TRUE, decreasing = FALSE,\\ method = c("auto", "shell", "quick", "radix"))
                   a sequence of numeric, complex, character or logical vectors, all of the same length, or a classed R object.
                  an atomic vector.
   partial
                vector of indices for partial sorting. (Non-NULL values are not implemented.)
   decreasing logical. Should the sort order be increasing or decreasing? For the "radix" method, this can be a vector of length equal to the number
                    of arguments in . . . . For the other methods, it must be length one.
                   for controlling the treatment of NAs. If TRUE, missing values in the data are put last; if FALSE, they are put first; if NA, they are removed
   na.last
                   the method to be used: partial matches are allowed. The default ("auto") implies "radix" for short numeric vectors, integer vectors, logical vectors and factors. Otherwise, it implies "shell". For details of methods "shell", "quick", and "radix", see the help for
   method
```

Dies ist ein Teil des Outputs (weiter unten wird es nicht verständlicher, versuchen Sie es). Das Resultat ist für Anfänger aber meist mehr verwirrend als helfend.

Weitaus hilfreicher ist die Verwendung von **google**. Geben Sie den Suchebegriff **r order** ein, so finden Sie schnell eine Erklärung die auch brauchbar ist, zum Beispiel

https://www.datacamp.com/community/tutorials/sorting-in-r?utm_source=adwords_ppc&utm_campaignid=898687156&utr

Allgemein ist www.datacamp.com eine Fundgrube für R und Python.

a) Ein häufig vorkommender Befehl, ist der seq (...) -Befehl.

Googeln Sie diesen Befehl mit den Suchworten wie r seq examples. Erklären Sie die Funktionsweise dieses Befehles mit den Optionen by und length. out

b) Wir haben die folgende Liste gegeben

```
x <- c(4, 10, 3, NA, NA, 1, 8)
```

Zuerst eine Bemerkung zu den Wert NA (not available). Diese stehen für fehlende Daten, die aus irgendeinem Grund nicht vorhanden sind. Dies kommt in Statistiken recht häufig vor.

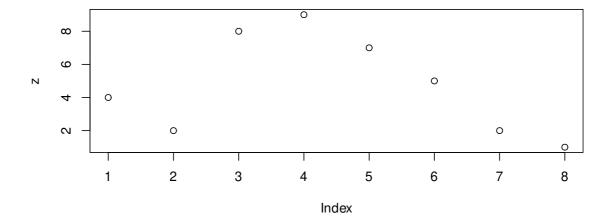
- i) Wenn wir den Mittelwert von x bilden (mean (x)), so ist das Resultat NA. Können Sie erklären, warum dies so ist?
- ii) Wie können Sie den Mittelwert aller vorkommenden Werte bilden? Googeln Sie wieder.
- iii) Wenden Sie die Befehle **sort** (...) und **order** (...) auf die Liste **x** an. Was machen diese Befehle?

In beiden kommen die Optionen na.last = ... und decreasing = ..., die man TRUE (oder T) oder FALSE setzen kann. Was bewirken diese Optionen.

c) Plots spielen in der Statistik eine wichtige Rolle. Der folgende Plot ist zwar sehr einfach zu erstellen, sieht aber auch etwas gar schmucklos aus.

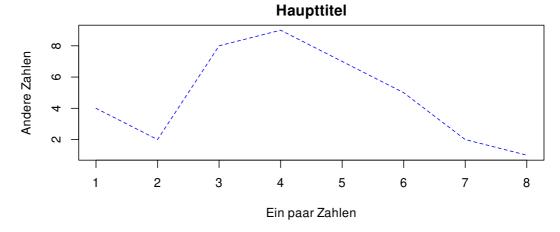
```
z <- c(4, 2, 8, 9, 7, 5, 2, 1)

plot(z)
```



i) Ändern Sie im folgenden Befehl die Parameter der Optionen ab und beschreiben Sie, was diese Optionen bewirken (vor allem type und 1ty, die anderen sollten klar sein). Googeln Sie.

```
plot(z,
    type = "l",
    col = "blue",
    lty = 2,
    main = "Haupttitel",
    xlab = "Ein paar Zahlen",
    ylab = "Andere Zahlen"
```

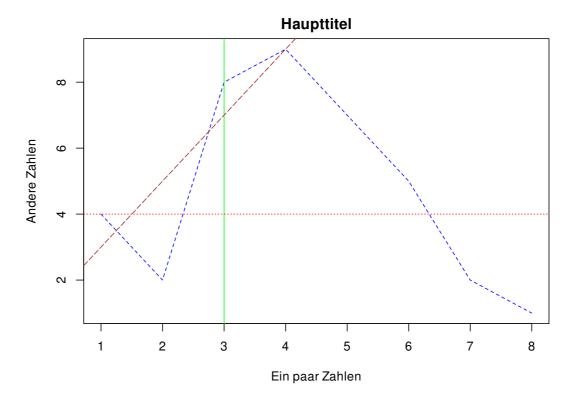


- ii) Fügen Sie mit dem Befehl abline (...) drei Linien zur Graphik oben hinzu (siehe Graphik unten).
 - Eine senkrechte Gerade x = 3, durchgezogen, grün.
 - Eine waagrechte Gerade y = 4, gepunktet, rot.
 - Eine Gerade y = 2x + 1, gestrichelt mit langen Strichen, braun.

```
plot(z,
          type = "l",
          col = "blue",
          lty = 2,
          main = "Haupttitel",
          xlab = "Ein paar Zahlen",
          ylab = "Andere Zahlen"
)

abline(...)
abline(...)
```

Wichtig ist hier, dass der plot () und abline () zusammen ausgeführt werden.



Aufgabe 1.6

Diese Aufgabe befasst sich mit dem Datensatz **weather**. **csv**, den wir in der Einführung kennengelernt haben.

Schauen Sie im Zweifelsfall im Dokument **R_Intro_en.pdf** auf ILIAS nach.

- a) Laden Sie den Datensatz und speichern Sie diesen unter der Variable data ab.
- b) Wählen Sie den Wert der zweiten Zeile und dritten Spalte aus.
- c) Wählen Sie die 4. Zeile aus?
- d) Wählen Sie die 1. und die 4. Spalte aus. Verwenden Sie dazu die Spaltennamen.
- e) Speichern Sie obige Data unter dem Namen data1 ab und speichern Sie dies unter dem Namen weather2.csv.
- f) Wie können Sie herausfinden (mit R natürlich), welches der Name der 3. Spalte ist?



- g) Wir möchten den Spalten Basel durch Genf ersetzen. Wie würden Sie vorgehen?
- h) Wir betrachten den Befehl

```
data3 <- data[order(data[, "Zurich"]), ])</pre>
```

Dieser erzeugt

- i) Wenn Sie die Tabelle anschauen, was macht dieser Befehl?
- ii) Erklären Sie, warum dieser Befehl diese Wirkung hat.

Aufgabe 1.7

Das Dataframe d. fuel enthält die Daten verschiedener Fahrzeuge aus einer amerikanischen Untersuchung der 80er-Jahre. Jede Zeile (row) enthält die Daten eines Fahrzeuges (ein Fahrzeug entspricht einer Beobachtung).

a) Lesen Sie die auf Ilias abgelegte Datei d. fuel.dat ein mit dem folgenden R-Befehl:

```
d.fuel <- read.table(file = "./d.fuel.dat" ,header = T, sep = ",")</pre>
```

Das Argument sep = ", " braucht es, weil die Kolonnen im File d. fuel.dat durch Kommata getrennt sind. Im File d. fuel.dat wurden die Zeilen durchnummeriert und daher steht in der ersten Spalte die Nummer der Zeile. Die Spalten (columns) enthalten die folgenden Variablen:

```
weight: Gewicht in Pounds (1 Pound = 0.453 59 kg)
mpg: Reichweite in Miles Per Gallon (1 gallon = 3.789 l; 1 mile = 1.6093 km)
type: Autotyp
```

b) Wählen Sie nur die fünfte Zeile des Dataframe d. fuel aus. Welche Werte stehen in der fünften Zeile?



- c) Wählen Sie nun die erste bis fünfte Beobachtung des Datensatzes aus. So lässt sich übrigens bei einem unbekannten Datensatz ein schneller Überblick über die Art des Dataframe gewinnen.
- d) Zeigen Sie gleichzeitig die 1. bis 3. und die 57. bis 60. Beobachtung des Datensatzes an.
- e) Berechnen Sie den Mittelwert der Reichweiten aller Autos in Miles/Gallon. R-Hinweis:

mean(...)

- f) Berechnen Sie den Mittelwert der Reichweite der Autos 7 bis 22.
- g) Erzeugen Sie einen neuen Vektor t.kml, der alle Reichweiten in km/l, und einen Vektor t.kg, der alle Gewichte in kg enthält.
- h) Berechnen Sie den Mittelwert der Reichweiten in km/l und denjenigen der Fahrzeuggewichte in kg.

Applied Statistics for DataScience

Musterlösungen zu Serie 1

Lösung 1.1

a) Das Hauptproblem ist, dass die Gesamtzahl der Toten *exakt* angegeben wurde, aber nur der *bekannten* Zahlen. China mit "An enormous number" und Dänemark mit "Unknown" wurden nicht berücksichtigt. Dementsprechend kann die Gesamtzahl auch nicht stimmen, vor allem nicht auf einzelne Tote genau.

Ein weiteres Problem ist die Angabe der Zahlen. Norwegen hatte 3638 Tote, also eine exakte Zahl, während die Sowietunion 6 000 000 Tote hatte, was wohl eine Schätzung ist.

Die Angabe der Gesamtzahl auf einzelne Tote genau macht keinen Sinn. Hier wird eine Genauigkeit vorgespielt, die nicht vorhanden ist.

b) Die Prozentzahlen addieren sich nicht auf 100 % auf, sondern fast 200 %. Der Grund dafür ist wohl, dass die Befragten mehrere Kandidaten oder Kandidatin (Sarah Palin) angeben konnten. Dadurch entsteht dann aber das Problem, dass die Kandidaten und die Kandidatin sehr schlecht miteinander vergleichbar sind.

Lösung 1.2

a) Ein Vektor wird mit dem Befehl c (...) gebildet.

```
x <- c(4, 2, 1, 3, 3, 5, 7)

b) x[3]
## [1] 1

c) x[c(1, 4)]
## [1] 4 3

d) length(x)
## [1] 7

e) x+2
## [1] 6 4 3 5 5 7 9</pre>
```

```
f) sum(x+2)
## [1] 39
```

Hier werden alle Werte in x+2 aufaddiert.

```
g) x <= 3
## [1] FALSE TRUE TRUE TRUE TRUE FALSE FALSE</pre>
```

Der Befehl erzeugt einen Vektor der Länge von x. Für alle Werte die kleiner als 3 sind, wird TRUE, für die anderen FALSE.

```
h) x[x <= 3]
## [1] 2 1 3 3
```

Die Konstruktion x[...] wählt Elemente aus dem Vektor x aus. Die Auswahl geschieht nun mit x <= 3 aus g). Es werden alle Werte ausgewählt, die den Wert TRUE haben.

```
i) sort(x)
## [1] 1 2 3 3 4 5 7
```

Die Werte von x werden der Grösse nach aufsteigend geordnet.

```
j) order(x)
## [1] 3 2 4 5 1 6 7

x
## [1] 4 2 1 3 3 5 7
```

Es ist auf den ersten Blick nicht ganz offensichtlich, was dieser Befehl macht. So kommt in order (x) der Wert 6 vor, aber nicht in x. Wenn wir die Vektoren lange genug anschauen, so erkennen wir (vielleicht) folgendes Muster:

- Der erste Wert von order (x) ist 3. Betrachten wir nun der 3. Eintrag in x, so ist dieser 1.
- Der zweite Wert von order (x) ist 2. Der 2. Eintrag von x ist 2.
- Der dritte Wert von order (x) ist 4. Der 3. Eintrag von x ist 3.
- Der vierte Wert von order (x) ist 5. Der 4. Eintrag von x ist 3.
- usw. ...



Der Befehl order (x) gibt also die Stellen an, wo sich die Werte von x der Grösse nach befinden. Oder anders gesagt: Er erzeugt die Rangliste der Werte von x: Der 3. Wert ist der kleinste von x, der 2. der zweitkleinste usw.

Was machen wir, wenn wir dieses Muster nicht erkennen? Siehe Aufgabe 1.5.

```
k) x[4] <- 8 x ## [1] 4 2 1 8 3 5 7
```

Lösung 1.3

a) Vektor fahrenheit

```
fahrenheit <- c(51.9, 51.8, 51.9, 53)
fahrenheit
## [1] 51.9 51.8 51.9 53.0</pre>
```

b) Temperaturen in Grad Celsius (°C)

```
celsius <- 5/9 * (fahrenheit - 32)

celsius

## [1] 11.05556 11.00000 11.05556 11.66667
```

c) Weitere Temperaturen

```
fahrenheit_2 <- c(48, 48.2, 48, 48.7)

fahrenheit_3 <- fahrenheit - fahrenheit_2

fahrenheit_3
## [1] 3.9 3.6 3.9 4.3</pre>
```

Lösung 1.4

```
a) weight <- c(60, 72, 57, 90, 95, 72)
height <- c(1.75, 1.80, 1.65, 1.90, 1.74, 1.91)</pre>
```

b) In R erreichen wir dies durch

```
bmi <- weight / height^2
bmi
## [1] 19.59184 22.22222 20.93664 24.93075 31.37799 19.73630</pre>
```

Somit haben wir den BMI für alle 6 Personen gleichzeitig berechnet!

Lösung 1.5

a) Der Befehl seq(...) bildet eine Folge von Zahlen, die mit der ersten Zahl (from=...) beginnt und der 2. Zahl (to = ...) aufhört (sofern das geht). Die Schrittlänge wird durch by = ... angegeben.

```
seq(from = 3, to = 10, by = 2)
## [1] 3 5 7 9
```

oder in diesem Fall einfacher:

```
seq(3, 10, 2)
## [1] 3 5 7 9
```

Die Zahl 10 ist hier nicht dabei, da sie in der Aufzählung gar nicht vorkommt.

Mit der Option length. out wird angegeben, wieviele Zahlen zwischen der Anfangs- und der Endzahl gebildet werden, alle im gleichen Abstand.

```
seq(from = 3, to = 10, length.out = 10)
## [1] 3.000000 3.777778 4.555556 5.333333 6.111111 6.888889
## [7] 7.666667 8.444444 9.222222 10.000000
```

Oder

```
seq(3, 10, length.out = 10)
## [1] 3.000000 3.777778 4.555556 5.333333 6.111111 6.888889
## [7] 7.666667 8.444444 9.222222 10.000000
```

Die Optionen by und length.out *nicht* miteinander verwendet werden, da die Angaben meist widersprüchlich sind.

```
seq(from = 3, to = 10, length.out = 10, by = 2)
## Error in seq.default(from = 3, to = 10, length.out = 10, by = 2): too
many arguments
```

- b) i) Der mean-Befehl macht hier keinen Sinn, da R versucht aus *allen* Werten den Mittelwert zu ziehen und das geht mit NA's natürlich nicht.
 - ii) Wir können allerdings mit der Option na.rm=TRUE (default ist FALSE) erreichen, dass die NA's ignoriert werden (.rm steht für remove).

```
mean(x, na.rm = TRUE)
## [1] 5.2
```

iii) Der sort-Befehl ist der einfachere der beiden.

```
sort(x)
## [1] 1 3 4 8 10
```



Der sortiert die vorhandenen Zahlen aufsteigend.

Wollen wir die Sortierung aber absteigend, so verwenden wir die Option decreasing = TRUE (default ist FALSE).

```
sort(x, decreasing = TRUE)
## [1] 10 8 4 3 1
```

Die NA-Werte wurden allerdings ignoriert. Wollen wir die auch noch dabei haben, so wählen wir die Option na.last = TRUE

```
sort (x, decreasing = TRUE, na.last = TRUE)
## [1] 10 8 4 3 1 NA NA
```

Wollen wir die NA's am Anfang, so setzen wir diese Option FALSE

```
sort(x, decreasing = TRUE, na.last = FALSE)
## [1] NA NA 10 8 4 3 1
```

Wir betrachten nun noch den order-Befehl.

```
order(x)
## [1] 6 3 1 7 2 4 5
```

Betrachten wir die ursprüngliche Liste

```
* ## [1] 4 10 3 NA NA 1 8
```

Hier sehen wir, dass die 6. Zahl die kleinste ist, die 3. Zahl die zweitkleinste usw. Die NA's (4. und 5. Zahl) sind dabei am Schluss.

Die Optionen decreasing = ... und na.last = ... funktionieren hier gleich, wie beim sort-Befehl.

c) i) Die Optionen main = "...", col = "...", xlab = "..." und ylab = "..." dürften klar sein.

```
Die Option type = "..." gibt den Linientyp an. Siehe auch
```

```
https://www.dummies.com/programming/r/how-to-create-different-plot-types-in-r/
```

Die Option lty = "..." gibt den Linientyp für "durchgezogene" Linien vor. Siehe auch

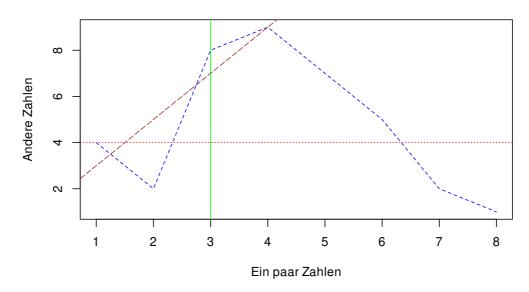
```
http://www.sthda.com/english/wiki/line-types-in-r-lty
```

Für die Farbpalette in R siehe

http://www.stat.columbia.edu/~tzheng/files/Rcolor.pdf

ii) Code:

Haupttitel



Lösung 1.6

```
a) data <- read.csv("../../Software_R_Python/R/weather.csv")
  data
         Luzern Basel Chur Zurich
               2
                     5
                         -3
  ## Jan
              5
                     6
                         1
                                 0
  ## Feb
             10
                    11
                         13
                                 8
  ## Mar
                                17
              16
                    12
                         14
  ## Apr
                    23
                                 20
  ## May
              21
                         21
              25
                    21
                         23
                                27
```

Ihr Pfad wird natürlich anders lauten. Für Windows-User: Sie müssen die \

durch / ersetzen.

```
b) data[2, 3]
  ## [1] 1
```

Nochmals: Der erste Wert von data[..., ...] bezieht sich immer auf die Zeile und der zweite Wert auf die Spalte.

```
c) data[4, ]
  ## Luzern Basel Chur Zurich
  ## Apr 16 12 14 17
```

```
d) data[, c("Luzern", "Zurich")]
   ## Luzern Zurich
   ## Jan 2 4
               5
   ## Feb
                       0
  ## Mar 10 8
## Apr 16 17
## May 21 20
## Jun 25 27
```

```
e) data1 <- data[, c("Luzern", "Zurich")]</pre>
  write.csv(data1, "../../Software_R_Python/R/weather2.csv", row.names=F)
  data2 <- read.csv("../../Software_R_Python/R/weather2.csv")</pre>
  data2
  ## Luzern Zurich
  ## 1 2 4
  ## 2
           5
  ## 3 10 8
## 4 16 17
## 5 21 20
  ## 6 25 27
```

```
f) colnames (data) [3]
  ## [1] "Chur"
```

Der Befehl colnames (data) erzeugt einen Vektor mit den Spaltennamen der Datei data. Mit . . . [3] wird der dritte Wert ausgewählt.

```
g) colnames (data) [2] <- "Genf"</pre>
  data
  ## Luzern Genf Chur Zurich
  ## Jan 2 5 -3 4
## Feb 5 6 1 0
  ## Mar 10 11 13 8
```



```
## Apr 16 12 14 17
## May 21 23 21 20
## Jun 25 21 23 27
```

Wenn wir nicht Spalten nachschauen wollen, bietet sich die folgende Variante

```
data <- read.csv("../../Software_R_Python/R/weather.csv")</pre>
data
      Luzern Basel Chur Zurich
## Jan 2 5 -3
## Feb 5 6 1
## Mar 10 11 13
## Apr 16 12 14
## May 21 23 21
## Jun 25 21 23
                         1
                               17
                                20
                                27
colnames (data) [which ("Basel" == colnames (data))] <- "Genf"</pre>
data
      Luzern Genf Chur Zurich
## Jan 2 5 -3
## Feb 5 6 1
## Mar 10 11 13
## Apr 16 12 14
## May 21 23 21
                                 0
                                8
                               17
                                20
## Jun 25 21 23 27
```

Hier würden alle Einträge Basel durch Genf ersetzt.

"Basel-= colnames (data) gibt eine Vektor mit TRUE, FALSE Werten aus. An jeder Stelle, wo "Basel"vorkommt, wird TRUE gesetzt, ansonsten FALSE.

Der Befehl which ("Basel" == colnames (data)) bestimmt alle Stellen, wo Basel in colnames (data) vorkommt. Dies sind die Stellen, wo Basel durch Genf ersetzt wird

== ist das logische gleich und keine Zuweisung. Hier wird nur geprüft, ob die Werte gleich sind.



- i) i) Die Tabelle wird nach den Werten von Zürich austeigend geordnet.
 - ii) Im ersten Eintrag für data steht order (data[, "Zurich"]). Dieser gibt die Ordnung der Spalte Zurich an.

```
order(data[, 'Zurich'])
## [1] 2 1 3 4 5 6
```

Damit werden die Zeilen von data werden nach dieser Ordnung geordnet.

Lösung 1.7

a) Siehe Aufgabenstellung.

Um die Daten in Tabellenform zu sehen, tippt man den Namen des Objektes ein

```
d.fuel
     X weight mpg
                   type
## 1 1 2560 33 Small
## 2 2 2345 33 Small
## 3 3 1845 37 Small
## 4 4 2260 32 Small
## 5 5 2440 32 Small
## 6 6 2285 26 Small
## 7 7 2275 33 Small
## 8 8 2350 28 Small
## 9 9 2295 25 Small
## 10 10 1900 34 Small
## 11 11 2390 29 Small
## 12 12 2075 35 Small
## 13 13 2330 26 Small
## 14 14 3320 20 Sporty
## 15 15 2885 27 Sporty
## 16 16 3310 19 Sporty
## 17 17 2695 30 Sporty
## 18 18 2170 33 Sporty
## 19 19 2710 27 Sporty
## 20 20 2775 24 Sporty
## 21 21 2840 26 Sporty
## 22 22 2485 28 Sporty
## 23 23 2670 27 Compact
## 24 24 2640 23 Compact
## 25 25 2655 26 Compact
## 26 26 3065 25 Compact
## 27 27 2750 24 Compact
## 28 28 2920 26 Compact
## 29 29 2780 24 Compact
## 30 30 2745 25 Compact
## 31 31 3110 21 Compact
```

```
## 32 32 2920 21 Compact
## 33 33 2645 23 Compact
## 34 34 2575 24 Compact
## 35 35 2935 23 Compact
## 36 36 2920 27 Compact
## 37 37 2985 23 Compact
## 38 38 3265 20 Medium
## 39 39 2880 21 Medium
## 40 40 2975 22 Medium
## 41 41 3450 22 Medium
## 42 42 3145 22 Medium
## 43 43 3190 22 Medium
## 44 44 3610 23 Medium
## 45 45 2885 23 Medium
## 46 46 3480 21 Medium
## 47 47 3200 22 Medium
## 48 48 2765 21 Medium
## 49 49 3220 21 Medium
## 50 50 3480 23 Medium
## 51 51 3325 23 Large
## 52 52 3855 18 Large
## 53 53 3850 20 Large
## 54 54 3195 18
## 55 55 3735 18 Van
## 56 56 3665 18 Van
## 57 57 3735 19 Van
## 58 58 3415 20
## 59 59 3185 20
                     Van
## 59 59 3185 20
                      Van
## 60 60 3690 19 Van
```

b) Auswählen der fünften Beobachtung:

```
d.fuel[5, ]
## X weight mpg type
## 5 5 2440 32 Small
```

c) Auswählen der 1. bis 5. Beobachtung:

```
d.fuel[1:5, ]
## X weight mpg type
## 1 1 2560 33 Small
## 2 2 2345 33 Small
## 3 3 1845 37 Small
## 4 4 2260 32 Small
## 5 5 2440 32 Small
```

Alternativ kann man sich eine Übersicht verschaffen mit Hilfe der R-Funktion head(...)

```
head(d.fuel)

## X weight mpg type
## 1 1  2560  33  Small
## 2 2  2345  33  Small
## 3 3  1845  37  Small
## 4 4  2260  32  Small
## 5 5  2440  32  Small
## 6 6  2285  26  Small
```

d) Auswählen der 1. bis 3. und 57. bis 60. Beobachtung:

e) Die Werte der Reichweiten stehen in der dritten Spalte, die mpg heisst. Zur Berechnung des Mittelwertes gibt es verschiedene Möglichkeiten, welche sich in der Art der Datenselektion unterscheiden:

```
mean(d.fuel[, 3])
## [1] 24.58333

mean(d.fuel[, "mpg"])
## [1] 24.58333

mean(d.fuel$mpg)
## [1] 24.58333
```

f) Auch hier gibt es wieder verschiedene Möglichkeiten. Eine davon ist:

```
mean(d.fuel[7:22, "mpg"])
## [1] 27.75
```

g) Umrechnung der Miles Per Gallon in Kilometer pro Liter und der Pounds in Kilogramm:

```
t.kml <- d.fuel[, "mpg"] * 1.6093 / 3.789
t.kg <- d.fuel[, "weight"] * 0.45359
```

h) Mittelwert der Reichweite und des Gewichtes:

```
mean(t.kml)
```

```
## [1] 10.44127
mean(t.kg)
## [1] 1315.789
```