

# 2015 年《大学物理 (2-1)》期中试卷

## 一、选择题 (共 10 小题, 每小题 3 分, 共 30 分)

1、质点作曲线运动,  $\vec{r}$  表示位置矢量,  $\vec{v}$  表示速度,  $\vec{a}$  表示加速度,  $S$  表示路程,  $a_t$  表示切向加速度, 下列表达式中,

- (1)  $d\vec{v}/dt = \vec{a}$ , (2)  $d\vec{r}/dt = \vec{v}$ ,  
(3)  $dS/dt = v$ , (4)  $|d\vec{v}/dt| = a_t$ .

- (A) 只有(1)、(4)是对的.  
(B) 只有(2)、(4)是对的.  
(C) 只有(2)是对的.  
(D) 只有(3)是对的.

[ D ]

2、(本题 3 分)

某质点作直线运动的运动学方程为  $x = 3t - 5t^3 + 6$  (SI), 则该质点作

- (A) 匀加速直线运动, 加速度沿  $x$  轴正方向.  
(B) 匀加速直线运动, 加速度沿  $x$  轴负方向.  
(C) 变加速直线运动, 加速度沿  $x$  轴正方向.  
(D) 变加速直线运动, 加速度沿  $x$  轴负方向.

[ D ]

3、(本题 3 分)

某物体的运动规律为  $d\vec{v}/dt = -k\vec{v}^2 t$ , 式中的  $k$  为大于零的常量. 当  $t = 0$  时, 初速为  $v_0$ , 则速度  $v$  与时间  $t$  的函数关系是

(A)  $v = \frac{1}{2}kt^2 + v_0$ . (B)  $v = -\frac{1}{2}kt^2 + v_0$ .

(C)  $\frac{1}{v} = \frac{kt^2}{2} + \frac{1}{v_0}$ . (D)  $\frac{1}{v} = -\frac{kt^2}{2} + \frac{1}{v_0}$ .

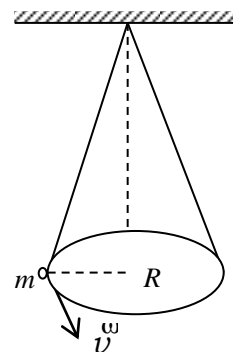
[ C ]

4、(本题 3 分)

如图所示, 圆锥摆的摆球质量为  $m$ , 速率为  $v$ , 圆半径为  $R$ , 当摆球在轨道上运动半周时, 摆球所受重力冲量的大小为

- (A)  $2mv$ . (B)  $\sqrt{(2mv)^2 + (mg\pi R/v)^2}$ .  
(C)  $\pi Rmg/v$ . (D) 0.

[ C ]



5、(本题 3 分)

一辆汽车从静止出发在平直公路上加速前进. 如果发动机的功率一定, 下面哪一种说法是正确的?

- (A) 汽车的加速度是不变的.  
(B) 汽车的加速度随时间减小.

(C) 汽车的加速度与它的速度成正比.

(D) 汽车的速度与它通过的路程成正比.

[ B ]

6、(本题 3 分)

如图, 两木块质量分别为  $m_1$  和  $m_2$ , 由一轻弹簧连接, 放在光滑水平桌面上, 先使两木块靠近而将弹簧压紧, 然后由静止释放. 若在弹簧伸长到原长时,  $m_1$  的速率为  $v_1$ , 则弹簧原来在压缩状态时所具有的势能是



(A)  $\frac{1}{2} m_1 v_1^2$ . (B)  $\frac{1}{2} m_2 \frac{m_1 + m_2}{m_1} v_1^2$ .

(C)  $\frac{1}{2} (m_1 + m_2) v_1^2$ . (D)  $\frac{1}{2} m_1 \frac{m_1 + m_2}{m_2} v_1^2$ .

[ D ]

7、(本题 3 分)

对功的概念有以下几种说法:

(1) 保守力作正功时, 系统内相应的势能增加.

(2) 质点运动经一闭合路径, 保守力对质点作的功为零.

(3) 作用力和反作用力大小相等、方向相反, 所以两者所作功的代数和必为零.

在上述说法中:

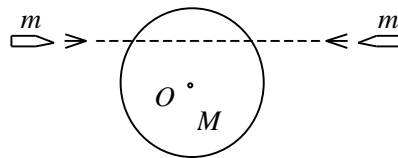
(A) (1)、(2)是正确的. (B) (2)、(3)是正确的.

(C) 只有(2)是正确的. (D) 只有(3)是正确的.

[ C ]

8、(本题 3 分)

一圆盘正绕垂直于盘面的水平光滑固定轴  $O$  转动, 如图射来两个质量相同, 速度大小相同, 方向相反并在一条直线上的子弹, 子弹射入圆盘并且留在盘内, 则子弹射入后的瞬间, 圆盘的角速度  $\omega$



(A) 增大.

(B) 不变.

(C) 减小.

(D) 不能确定.

[ C ]

9、(本题 3 分)

有两个半径相同, 质量相等的细圆环  $A$  和  $B$ .  $A$  环的质量分布均匀,  $B$  环的质量分布不均匀. 它们对通过环心并与环面垂直的轴的转动惯量分别为  $J_A$  和  $J_B$ , 则

(A)  $J_A > J_B$ .

(B)  $J_A < J_B$ .

(C)  $J_A = J_B$ .

(D) 不能确定  $J_A$ 、 $J_B$  哪个大.

[ C ]

10、(本题 3 分)

关于力矩有以下几种说法:

(1) 对某个定轴而言, 内力矩不会改变刚体的角动量.

(2) 作用力和反作用力对同一轴的力矩之和必为零.

(3) 质量相等, 形状和大小不同的两个刚体, 在相同力矩的作用下, 它们的角加速度一定相等.

在上述说法中，

(A) 只有(2) 是正确的. (B) (1) 、(2) 是正确的.

(C) (2) 、(3) 是正确的.

(D) (1) 、(2) 、(3)都是正确的.

[ B ]

## 二、简单计算与问答题（共 6 小题，每小题 5 分，共 30 分）

### 1、（本题 5 分）

质点的运动学方程为  $\vec{r} = 2t\vec{i} + (2 - t^2)\vec{j}$  (S1).

试求：(1)质点的轨道方程；(2) $t=2s$  时质点的速度和加速度。

(1) 由质点的运动方程，可得

$$x = 2t, y = 2 - t^2$$

消去参数  $t$ ，可得轨道方程

$$y = 2 - \frac{1}{4}x^2 \quad 2 \text{ 分}$$

(2) 由速度、加速度定义式，有

$$\vec{v} = d\vec{r}/dt = 2\vec{i} - 2t\vec{j} \quad 1 \text{ 分}$$

$$\vec{a} = d^2\vec{r}/dt^2 = -2\vec{j} \quad 1 \text{ 分}$$

将  $t=2s$  代入上两式，得

$$\vec{v} = 2\vec{i} - 4\vec{j}, \quad \vec{a} = -2\vec{j} \quad 1 \text{ 分}$$

### 2、（本题 5 分）

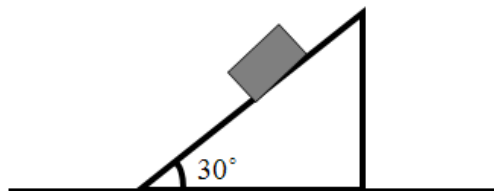
倾角为  $\alpha = 30^\circ$  的劈形物体放置在水平地面上，当斜面上的木块沿斜面下滑时，劈形物体以加速度为  $4 \text{ m/s}^2$  向右运动。已知木块相对斜面的加速度为  $6 \text{ m/s}^2$ 。求：木块相对地面的加速度。

$$\vec{a}_{\text{木相地}} = \vec{a}_{\text{木相斜}} + \vec{a}_{\text{斜相地}} \quad 2 \text{ 分}$$

$$\vec{a}_{\text{木相斜}} = -6\cos 30^\circ \vec{i} - 6\sin 30^\circ \vec{j} \quad 1 \text{ 分}$$

$$\vec{a}_{\text{斜相地}} = 4\vec{i} \quad 1 \text{ 分}$$

$$\begin{aligned} \vec{a}_{\text{木相地}} &= \vec{a}_{\text{木相斜}} + \vec{a}_{\text{斜相地}} \\ &= (4 - 3\sqrt{3})\vec{i} - 3\vec{j} \quad (\text{m/s}^2) \quad 1 \text{ 分} \end{aligned}$$



### 3、(本题 5 分)

计算一个刚体对某转轴的转动惯量时，一般能不能认为它的质量集中于其质心，成为一质点，然后计算这个质点对该轴的转动惯量？为什么？举例说明你的结论。

答：不能。

2 分

因为刚体的转动惯量  $\sum r_i^2 \Delta m_i$  与各质量元和它们对转轴的距离有关。如一匀质圆盘对过其中心且垂直盘面轴的转动惯量为  $\frac{1}{2}mR^2$ ，若按质量全部集中于质心计算，则对同一轴的转动惯量为零。

### 4、(本题 5 分)

试述质点的动能定理、质点系的动能定理、质点系的功能原理，并写出相应的物理公式。  
质点的动能定理：质点所受外力的功等于质点动能的变化量。

$$A_{\text{外力}} = E_{k2} - E_{k1} \quad 1 \text{ 分}$$

质点系的动能定理：质点系所受外力的功和内力的功等于质点系动能的变化量。

$$A_{\text{外力}} + A_{\text{内力}} = E_{k2} - E_{k1} \quad 2 \text{ 分}$$

质点系的功能原理：外力和非保守内力对质点系所作的功等于质点系机械能的变化量。

$$A_{\text{外力}} + A_{\text{非保守内力}} = \Delta E \quad 2 \text{ 分}$$

### 5、(本题 5 分)

描述一个系统运动状态的物理量有动量、角动量、能量（机械能），试分别给出一个系统的动量、角动量、机械能守恒的条件。

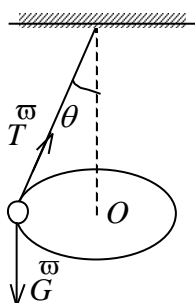
动量守恒的条件是：系统所受合外力为零；

1 分

角动量守恒的条件是：系统所受的合外力矩等于零；

2 分

机械能守恒的条件是：外力的功和非保守内力的功的代数和等于零。



### 6、(本题 5 分)

一个由绳子悬挂着的物体在水平面内作匀速圆周运动（称为圆锥摆），有人在重力的方向上求合力，写出  $T \cos \theta - G = 0$ 。另有人沿绳子拉力  $T$  的方向求合力，写出  $T - G \cos \theta = 0$ 。显然两者不能同时成立，指出哪一个式子是错误的，为什么？

$T - G \cos \theta = 0$  是错误的。

2 分

因为物体的加速度始终指向  $O$  点，在拉力  $T$  的方向上的分量不为零，沿绳子拉力  $T$  的方向上应有  $T - G \cos \theta = m a \sin \theta$

3 分

它与  $T \cos \theta - G = 0$  同时成立。

### 三. 计算题（共 4 小题，共 40 分）

1、（本题 10 分）

一细棒绕  $O$  点自由转动，并知  $\beta = \frac{3g}{2L} \cos \theta$ ， $L$  为棒长。

求：（1）棒自水平静止开始运动， $\theta = \pi/3$  时，角速度  $\omega$ ？  
（2）此时端点  $A$  和中点  $B$  的线速度为多大？

解：1) 棒做变加速运动：

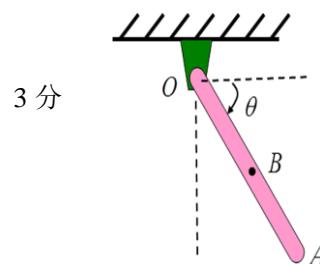
$$Q \beta = \frac{d\omega}{dt} = \frac{3g}{2L} \cos \theta, \text{ 又 } \beta = \omega \frac{d\omega}{d\theta}$$

$$\therefore \omega d\omega = \frac{3g}{2L} \cos \theta d\theta$$

$$\int_0^\omega \omega d\omega = \int_0^{\pi/3} \frac{3g}{2L} \cos \theta d\theta$$

$$\omega^2 = \frac{3g}{L} \sin \frac{\pi}{3} = \frac{3\sqrt{3}}{2L} g$$

$$\omega = \sqrt{\frac{3\sqrt{3}g}{2L}}$$



2) 由  $v = \omega r$  得：

$$v_A = \omega L = \sqrt{\frac{3\sqrt{3}gL}{2}}$$

$$v_B = \omega \frac{L}{2} = \sqrt{\frac{3\sqrt{3}gL}{8}}$$

2、（本题 10 分）

如图所示，砂子从  $h=0.8\text{m}$  处下落到以  $v_0 = 3\text{ m/s}$  的速率沿水平向右运动的传输带上，若每秒钟落下  $100\text{kg}$  的砂子，求传输带对砂子作用力的大小。

解 如图所示，设  $\Delta t$  时间内落下的砂子的质量为  $\Delta m$ ，则  $\Delta m$  的动量改变

$$\Delta p = \Delta m(v_0 - v_1) \quad 2 \text{ 分}$$

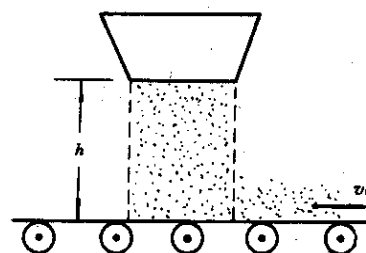
$$\text{显然有} \quad v_1 = \sqrt{2gh}$$

由图可知

$$\Delta p = \sqrt{(\Delta m v_1)^2 + (\Delta m v_0)^2} = \Delta m \sqrt{v_1^2 + v_0^2}$$

根据动量定理  $F\Delta t = \Delta p$

所以

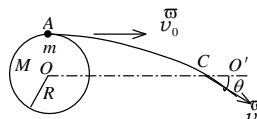


$$F = \frac{\Delta p}{\Delta t} = \frac{\Delta m}{\Delta t} \sqrt{v_1^2 + v_0^2} = \frac{\Delta m}{\Delta t} \sqrt{2gh + v_0^2}$$

$$= 100 \times \sqrt{2 \times 9.8 \times 0.8 + 3^2} = 497 \text{ N} \quad 4 \text{ 分}$$

3、(本题 10 分)

小球 A 自地球的北极点以速度  $\vec{v}_0$  在质量为  $M$ 、半径为  $R$  的地球表面水平切向向右飞出，如图所示，地心参考系中轴  $OO'$  与  $\vec{v}_0$  平行，小球 A 的运动轨道与轴  $OO'$  相交于距  $O$  为  $3R$  的  $C$  点。不考虑空气阻力，求小球 A 在  $C$  点的速度  $\vec{v}$  与  $\vec{v}_0$  之间的夹角  $\theta$ 。



解：由机械能守恒：

$$\frac{1}{2} m v_0^2 - GMm/R = \frac{1}{2} m v^2 - GMm/(3R) \quad ① \quad 3 \text{ 分}$$

根据小球绕  $O$  角动量守恒：

$$R m v_0 = 3 R m v \sin \theta \quad ② \quad 4 \text{ 分}$$

① ②式联立可解出。

$$\sin \theta = \frac{v_0}{\sqrt{9v_0^2 - 12GM/R}} \quad 3 \text{ 分}$$

4、(本题 10 分)

一砂轮直径为 1 m 质量为 50 kg，以  $30\pi \text{ rad/s}$  的转速转动。撤去动力后，一工件以 200 N 的正压力作用在轮边缘上，使砂轮在 11.8 s 内停止。求砂轮和工件间的摩擦系数。(砂轮的摩擦可忽略不计，砂轮绕轴的转动惯量为  $\frac{1}{2} m R^2$ ，其中  $m$  和  $R$  分别为砂轮的质量和半径)。

解： $R = 0.5 \text{ m}$ ， $\omega_0 = 30\pi \text{ rad/s}$ ，

根据转动定律

$$M = J\beta \quad ① \quad 2 \text{ 分}$$

这里

$$M = -\mu N R \quad ② \quad 3 \text{ 分}$$

$$\mu \text{ 为摩擦系数，} N \text{ 为正压力，} J = \frac{1}{2} m R^2. \quad ③$$

设在时刻  $t$  砂轮开始停转，则有：

$$\omega_t = \omega_0 + \beta t = 0$$

从而得

$$\beta = -\omega_0 / t \quad ④ \quad 2 \text{ 分}$$

将②、③、④式代入①式，得

$$-\mu N R = \frac{1}{2} m R^2 (-\omega_0 / t) \quad 2 \text{ 分}$$

$$\therefore \mu = m R \omega_0 / (2 N t) \approx 0.5 \quad 1 \text{ 分}$$