

Übungen zu C++ Wintersemester 2014
Aufgabenblatt 11

Aufgabe 28

Erzeugen Sie eine Folge von 20 000 Bit und überprüfen Sie, ob diese Folge den Tests aus FIPS 140 genügt.

```
// Zu Aufgabe 28
#include <iostream>
#include <random>
using namespace std;

int main() {
    unsigned long ul = 1234567;
    mt19937 eng (ul);
    uniform_int_distribution<int> dist (0, 127);
    for (int i = 1; i < 201; ++i) {
        cout << dist(eng) << " ";
        if (i%10 == 0)
            cout << endl;
    }
    cout << endl;
} //main
```

Bemerkung: Sie können auch das `random_device` nutzen, das auf Intel-Rechnern eine Folge "echter" Zufallszahlen erzeugt.

```
/*
19 127 116 70 69 98 96 125 96 13
78 90 35 75 45 112 2 5 27 30
47 83 126 18 71 100 103 22 35 33
32 87 46 86 84 124 42 38 58 124
12 0 104 112 15 114 105 50 22 76
25 76 37 79 40 122 76 114 39 91
126 84 94 15 103 58 43 74 42 0
1 125 7 53 39 91 16 104 117 3
23 47 85 3 92 67 61 38 3 72
22 58 123 74 23 108 33 104 67 111
19 85 97 124 73 18 1 99 32 119
22 109 46 105 42 109 2 81 113 112
75 45 80 12 31 120 57 96 26 80
2 25 14 36 33 14 11 33 26 127
68 112 6 124 14 38 45 108 84 58
110 57 56 19 126 89 103 62 60 23
120 121 24 47 51 31 27 80 110 81
22 6 30 5 50 46 42 118 70 89
0 59 105 68 2 71 85 66 58 113
117 35 93 21 40 16 37 83 4 95
*/
```

Aus FIPS PUB 140-1 (11/01/1994)

Bemerkung: FIPS PUB 140-1 steht für Federal Information Processing Standards Publication 140-1.

Test für Generatoren von Zufallszahlen, Testobjekt ist jeweils eine Bitkette der Länge 20 000.

(i) Monobittest:

Der Test gilt als bestanden, falls
 $9\,645 < \text{Zahl der 1-Bit} < 10\,346$

(ii) Pokertest:

Unterteile die Bitkette in 5000 nichtüberlappende 4-Bit Abschnitte. Bestimme die Häufigkeit $f(i)$ ($0 \leq i \leq 15$) für jedes 4-Bit-Musters; berechne χ^2 gemäß:

$$\chi^2 = \frac{16}{5000} * \left(\sum_{i=0}^{15} f(i)^2 \right) - 5000$$

Der Test gilt als bestanden, falls $1,03 < \chi^2 < 57,4$

(iii) Lauftest:

Sei B_i die Zahl der 1-Bit Läufe der Länge i ($0 < i < 6$),
sei B_6 die Zahl der 1-Bit Läufe der Länge > 5 ,
sei C_i die Zahl der 0-Bit Läufe der Länge i ($0 < i < 6$),
sei C_6 die Zahl der 0-Bit Läufe der Länge > 5 .

Der Test gilt als bestanden, falls sämtliche B- und C-Werte innerhalb folgender Grenzen liegen.

Lauflänge	untere Grenze	obere Grenze
1	2267	2733
2	1079	1421
3	502	748
4	223	402
5	90	223
6	90	223

Ferner darf kein Lauf einer Länge größer als 33 existieren.

(iv) Wiederholungstest:

Produziert ein Zufallszahlengenerator Bitblöcke der Länge n , wobei $n > 15$ ist, dann dürfen nie zwei aufeinanderfolgende Bitblöcke gleich sein; ist die Produktionslänge $l \leq 15$, dann sind für diesen Test jeweils n aufeinanderfolgend produzierte Bits zu einem Block der Länge n , wobei $n > 15$ zu wählen ist, zusammenzufassen.