$H_0: \mu \ge \mu_0$  $H_1: \mu < \mu_0$ 

假设检验的过程可以理解为寻找原假设 $H_0$ 拒绝域的过程。当样本中的已知信息能够给出足够的证据支持备择假设 $H_1$ 时,则认为原假设 $H_0$ 应该被拒绝。在本题中,备择假设 $H_1$ 又可以写作 $\mu-\mu_0<0$ 。可见当 $\mu-\mu_0$ 的值越小,支持备择假设 $H_1$ 的证据越充分,原假设 $H_0$ 越应该被拒绝。

根据样本特性和已知条件,本题选择使用 t 统计量来完成检验。根据 t 统计量的表达式 $t_{obs} = \frac{\hat{\mu} - \mu_0}{sd(x)/\sqrt{n}}$ 可知,当 $\hat{\mu} - \mu_0$ 的值越小时,t 统计量的值越小。根据置信水平 $\alpha = 0.05$ ,可取得 2 个单侧检验的临界值 $-t_{0.05}$ 和 $t_{0.05}$ ,分别对应概率表达式 $P(t \le -t_{0.05}) = 0.05$ 和 $P(t \ge t_{0.05}) = 0.05$ 。由于我们要检验的是 $\hat{\mu} - \mu_0$ 的值是否足够小,也就是 t 统计量的值是否足够小,所以取概率表达式 $P(t \le -t_{0.05}) = 0.05$ 对应的左侧临界值 $-t_{0.05}$ 。

因此,当根据样本数据观测到的 t 值 $t_{obs} \leq -t_{0.05}$ 时,认为 $\hat{\mu} - \mu_0$ 的值足够小,支持备择假设 $H_1$ 的证据充分,原假设 $H_0$ 应该被拒绝。反之,当根据样本数据观测到的 t 值  $t_{obs} > -t_{0.05}$ 时,认为 $\hat{\mu} - \mu_0$ 的值不够小,支持备择假设 $H_1$ 的证据不充分,原假设 $H_0$ 不应该被拒绝。

(以上内容均为个人理解,如想深入研究,可查询假设检验拒绝域相关的严格数学证明)