

## Stochastik 1 Serie 9

Kevin Stehn 6416016 Gruppe 3  
Konstantin Kobs 6414943 Gruppe 2

### Aufgabe 1

---

```
// Die Anzahl der Durchführungen des Versuches
var durchfuehrungen = 10000;

/*****
  Generiert eine Zahl zwischen 1 und 5,
  "zieht" also die Kugel mit Zurücklegen
*****/
function zieheKugel(){
  return Math.floor(Math.random()*5 + 1);
}

/*****
  "Zieht" drei Kugeln und gibt die kleinste der
  gezogenen Zahlen zurück.
*****/
function dreiKugelnMinimum(){
  return Math.min(zieheKugel(), zieheKugel(), zieheKugel());
}

var summe = 0;
// Den Versuch immer wieder durchführen
for(var i = 0; i < durchfuehrungen; ++i){
  // Summe aller Einzelergebnisse berechnen
  summe += dreiKugelnMinimum();
}
// Erwartungswert berechnen
var erwartungswert = summe/durchfuehrungen;

console.log("Bei " + durchfuehrungen + " Durchführungen des Versuches
  ergab sich für den Erwartungswert " + erwartungswert);
// Gibt zum Beispiel "Bei 10000 Durchführungen des Versuches ergab sich
  für den Erwartungswert 1.8078" aus.
```

---

### Aufgabe 2 und 3

- (a) Das Modell sind Zufallsgrößen von 1 bis 10.000  $X_1, \dots, X_{10000}$ . Diese sind stoch. unabhängig und identisch verteilt mit  $P(X_i = 0) = \frac{1}{10}$  und  $P(X_i = 1) = \frac{9}{10}$ . Dabei gilt:
- $\{X_i = 0\} \hat{=}$  Passagier i erscheint nicht  
 $\{X_i = 1\} \hat{=}$  Passagier i erscheint

- (b) Das Ereignis, dass mindestens ein Passagier nicht mit kann ist  $\{\sum_{i=1}^{10000} X_i > 9060\}$ .
- (c) Um den zentralen Grenzwertsatz verwenden zu können, benötigen wir  $\mu = E(X_i)$  und  $\sigma^2 = Var(X_i)$ .

$$\begin{aligned} E(X_i) &= 0 * \frac{1}{10} + 1 * \frac{9}{10} = \frac{9}{10} \\ &= 0,9 \\ Var(X_i) &= E(X_i^2) - (E(X_i))^2 \\ &= (0^2 * \frac{1}{10} + 1^2 * \frac{9}{10}) - \frac{9}{10}^2 \\ &= \frac{9}{100} = 0,09 \end{aligned}$$

Damit ist  $\mu = 0,9$  und  $\sigma^2 = 0,09$ . Die Wahrscheinlichkeit lässt sich wie folgt berechnen:

$$\begin{aligned} P(\sum_{i=1}^{10000} X_i > 9060) &= 1 - P(\sum_{i=1}^{10000} X_i \leq 9060) \\ &= 1 - P(\sum_{i=1}^{10000} X_i - 9000 \leq 60) \\ &= 1 - P(\frac{\sum_{i=1}^{10000} X_i - 9000}{30} \leq 2) \\ &\approx 1 - \Phi(2) \approx \frac{57}{2500} \\ &= 0,0228 \end{aligned}$$

Das heißt, zu einer Wahrscheinlichkeit von 2,28% muss mindestens ein Passagier an Land bleiben.