## Stochastik 1 Serie 5

Kevin Stehn 6416016 Gruppe 3 Konstantin Kobs 6414943 Gruppe 2

## Aufgabe 1

(a) Nachweis der Dichteeigenschaft:

1.

$$1 = \sum_{n=1}^{\infty} p_n = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{c}{n^2} = c \cdot \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2} = c \cdot \frac{\pi^2}{6}$$
$$\Leftrightarrow c = \frac{6}{\pi^2}$$

2

Dacpositiv ist, sind auch alle Werte der Folge $p_n$  für n>0positiv. Somit gilt auch diese Eigenschaft.

(b)

$$P(X \ge 3) = 1 - P(X = 2) - P(X = 1)$$
$$= 1 - \frac{6}{4\pi^2} - \frac{6}{\pi^2}$$
$$\approx 0.24$$

## Aufgabe 2

Wir modellieren unsere Zufallsgröße X als die Anzahl der Mitglieder im Sonderausschuss, die aus der Gruppe A kommen:  $X:\Omega\to\{0,1,2,3,4,5\}$ .  $P^X$  ist somit hypergeometrisch verteilt. Eine Analogie hierzu ist das Lottospielen, bei dem 5 Kugeln gezogen werden und wir die Wahrscheinlichkeit für genau 2 Richtige ausrechnen wollen. Somit gilt:

$$P(X=2) = \frac{\binom{5}{2}\binom{7}{3}}{\binom{12}{5}} = \frac{175}{396} = 0,44\overline{19}$$

## Aufgabe 3

(a) Unser Modell:  $\Omega = \{0,1\}^{100}$  dabei gilt 0 = 0 nicht Geburtstag und 1 = 0 Geburtstag Betrachten wir nun für alle 0 = 0 nicht Geburtstag und 0 = 0 Geburtstag

 $X_i:\Omega\to\{0,1\}$  dabei folgt  $X_i\sim Ber(\frac{1}{365})$ . Daraus lässt sich die Zufallsgröße X wie folgt bilden:

$$X = \sum_{i=1}^{100} X_i$$

(b) Da wir eine "großes" <br/>n haben und ein "kleines" p<br/>, lässt es sich Poissonverteilt ansehen. Dabei ist der Parameter<br/>  $\lambda=100*\frac{1}{365}=\frac{20}{73}$ 

(c) 
$$P(X=0) \approx \frac{\lambda^k}{k!} * e^{-\lambda} = \frac{\frac{20}{73}}{0!} * e^{-\frac{20}{73}} \approx 0,76$$