

**Stochastik 1**  
**Serie 5**

Kevin Stehn 6416016 Gruppe 3  
Konstantin Kobs 6414943 Gruppe 2

## Aufgabe 1

- (a) Es muss gelten:  $1 = \sum_{n=1}^{\infty} p_n$ . Daraus folgt:

$$1 = \sum_{n=1}^{\infty} p_n = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{c}{n^2}$$

- (b)

## Aufgabe 2

Das Model für unser Sonderausschuss ist:

$\Omega = \{(\omega_1, \dots, \omega_5) | \omega_i \in \{A\}^5 \cup \{B\}^7 \text{ für } i = 1, \dots, 5\}$  und  $P$  = Laplacemaß da jedes Mitglied ein gleich hohe Wahrscheinlichkeit hat gezogen zu werden. Dabei gilt  $\omega_i = A \hat{=}$  Vertreter  $i$  ist aus Gruppe A und  $\omega_i = B \hat{=}$  Der Vertreter  $i$  ist aus Gruppe B.

Das Ereignis, dass 2 Vertreter aus Gruppe A im Ausschuss ist:

$A = \{\omega \in \Omega | \sum (\omega_i = A) = 2 \text{ für } i = 1, \dots, 5\} =$   
 $\{(A, A, B, B, B), (A, B, A, B, B), (A, B, B, A, B), (A, B, B, B, A),$   
 $(B, A, B, B, A), (B, B, A, B, A), (B, B, B, A, A)\}$   
 $|\Omega| = 95040 \text{ und } |A| = 7.$

Daraus folgt die Wahrscheinlichkeit für das Ereignis A:

$$P(A) = \frac{|A|}{|\Omega|} = \frac{7}{95040} = 7.36 \cdot 10^{-5}$$

## Aufgabe 3

- (a) Unser Modell:  $\Omega = \{0, 1\}^{100}$  dabei gilt  $0 \hat{=}$  nicht Geburtstag und  $1 \hat{=}$  Geburtstag  
Betrachten wir nun für alle  $i = 1, \dots, 100$ :  
 $X_i : \Omega \rightarrow \{0, 1\}$  dabei folgt  $X_i \sim \text{Ber}(\frac{1}{365})$ . Daraus lässt sich die Zufallsgröße  $X$  wie folgt bilden:

$$X = \sum_{i=1}^{100} X_i$$

- (b) Da wir eine "großes"  $n$  haben und ein "kleines"  $p$ , lässt es sich Poissonverteilt ansehen. Dabei ist der Parameter  $\lambda = 100 * \frac{1}{365} = \frac{20}{73}$
- (c)  $P(X = 0) \approx \frac{\lambda^k}{k!} * e^{-\lambda} = \frac{\frac{20}{73}}{0!} * e^{-\frac{20}{73}} \approx 0,76$