# Государственное образовательное учереждение высшего профессионального образования Уфимский государственный авиационный университет

кафедра математики

# Отчёт по лабораторной работе $\mathbb{N}^{\underline{0}}$ 1

«Параллельное вычисление суммы числового ряда»

Вариант 6

Параллельное программирование

Выполнил: Ибрагимов Р. Р., студент группы ПМИ-34 Проверил: Юлдашев А. В., Преподаватель кафедры ВВТиС

# Содержание

1	Цель работы	2
2	Задание на лабораторную работу	2
	2.1 Задание варианта	2
3	Выполнение работы	2
	3.1 Написание и отладка программы	2
	3.1.1 Команды запуска	
	3.1.2 Использование ключей компилятора	3
	3.2 Вычислительный кластер УГАТУ	3
4	Исходный код	4
	4.1 Последовательная версия / встроенная параллелизация	4
	4.2 OpenMP	
	4.3 MPI	
	4.4 Анализ результатов	8
	4.4.1 Последовательная программа	8
5	Выволы	9

## 1 Цель работы

Для многопроцессорных и многоядерных вычислительных систем с общей и распределённой памятью на примере задачи параллельного вычисления суммы числового ряда научиться программно реализовывать простейшие параллельные вычислительные алгоритмы и проводить анализ их эффективности.

## 2 Задание на лабораторную работу

- 1. Написать последовательную версию программы вычисления суммы ряда на языке Си. Произвести анализ времени её выполнения при использовании компиляторов различных производителей и различных ключей оптимизации под операционными системами Windows и Linux.
- 2. Выполнитть три расчёта с различными значениями N, таким образом, чтобы время работы порграммы с использованием компилятора intel составляло примерно 30, 60 и 90 секунд. Полученные результаты занести в таблицу
- 3. Создать параллельную версию написанной программы путём автоматического распараллеливания средствами компилятора корпорации intel. Результаты замеров времени работы занести в таблицу.
- 4. Выполнить распараллеливание последовательной программы путём включения в её текст директив интерфейса OpenMP.
- 5. Вычислить ускорение и эффективность распаралеливания
- 6. Написать параллельную программу с использованием базовых функций МРІ.

## 2.1 Задание варианта

$$\sum_{n=1}^{N} \frac{\sin(\frac{1}{n^2})}{(5n-1)^2}$$

# 3 Выполнение работы

# 3.1 Написание и отладка программы

Сперва напишем последовательную программу, скомпилируем её различными компиляторами, а затем будем её ускорять и распараллеливать как стандартными средствами компиляторов, так и путём переписывания для использования различных технологий параллелизации. Все исходные коды приведены далее.

Все программы проверяются на одной и той же машине с CPU Intel Pentium B980 2 Cores 2.4 GHz, под управлением операционной системы Ubuntu 13.10 x64 Desktop.

Версии компиляторов и т.д.

gcc (Ubuntu/Linaro 4.8.1-10ubuntu8) 4.8.1

icc (ICC) 14.0.0 20130728

#### 3.1.1 Команды запуска

#### GNU Compiler Collection (GCC)

Последовательная версия:

```
$ gcc -std="c99" -Wall -pedantic -o main onethread/main.c -lm && ./main N
```

**Примечание.** Здесь и далее N — количество элементов ряда, которые необходимо просуммировать.

#### 3.1.2 Использование ключей компилятора

Используем ключи компиляторов, с целью выяснить, как различные опции и настройки влияют на производительность кода.

Для всех компиляторов будут проверены ключи -O1, -O2, -O3 выполняющие оптимизации размера исполняемого файла, оптимизации вызова функций (стандартные оптимизации) и интенсивные оптимизации циклов (развёртку) соответственно.

При этом для компилятора ICC будет также проверен ключ -fast, являющийся комбинацией ключей -O3 -ipo -static -xHOST -no-prec-div, при этом флаг -xHOST означает оптимизацию для того процессора, на котором запущен компилятор.

## 3.2 Вычислительный кластер УГАТУ

Coming soon...:)

## 4 Исходный код

### 4.1 Последовательная версия / встроенная параллелизация

### Листинг 1. (onethread/main.c)

```
1 #include <stdio.h>
2 #include < stdlib.h>
3 #include <math.h>
 #include <time.h>
  double f(long long int n){
   return \sin(1/(n*n))/((5*n-1)*(5*n-1));
  }
  double sum(long long int N){
   double SUM = 0;
   #pragma loop count min(16)
12
   for (long long int n = 0; n < N; ++n)
    SUM += f(n+1);
15
   return SUM;
16
17
18
  int main(int argc, char *argv[]){
   long long int N = argc > 1 ? atol(argv[1]) : 1000000;
21
   printf("sum \%lld = ", N);
22
   clock t time = clock();
23
   double SUM;
   SUM = sum(N);
   printf("\%lf\n", SUM);
   time = clock() - time;
27
   printf("evaluation time: %lf\n", (double)time / CLOCKS PER SEC);
   return 0;
```

### Листинг 2. (openMP/main.c)

```
_{\scriptscriptstyle 1} #include <stdio.h>
_2 #include <stdlib.h>
_3 #include <math.h>
  #include <time.h>
  double f (long long int n) {
   return \sin(1/pow(n, 2))/pow(5 * n - 1, 2);
  }
  double sum(long long int N){
10
   double SUM = 0;
   #pragma omp parallel for
   for (long long int n = 0; n < N; ++n)
    SUM += f(n+1);
14
15
   return SUM;
17
  int main(int argc, char *argv[]){
   long long int N = argc > 1 ? atol(argv[1]) : 10000;
20
21
   printf("sum \%lld = ", N);
   clock t time = clock();
23
   double SUM;
24
   SUM = sum(N);
25
   printf("\%lf\n", SUM);
26
   time = clock() - time;
27
   printf("evaluation time: %lf\n", (double)time/CLOCKS_PER_SEC);
   return 0;
29
30
```

#### Листинг 3. (mpi/main.c)

```
1 #include <stdio.h>
<sup>2</sup> #include < stdlib.h>
3 #include <math.h>
 #include <mpi.h>
  double f (long long int index) { // расчёт значения члена ряда с номером index
   return \sin(1 / pow(index, 2)) / pow(5 * index - 1, 2);
  }
  double sum(long long int start, long long int end) { // выполняет поиск
      частичных сумм начиная с индекса start и до end
   double s = 0;
   for(long int i = start; i < end; ++i)
12
    s += f(i);
13
14
   return s;
15
16
17
  int main(int argc, char *argv||) {
   long long int N; // размерность ряда
19
   double s; // частичная сумма ряда
   int comm size, comm rank; // количество процессоров и номер процессора
   double global start time, global end time, global work time; // время
     работы
23
   N = rgc > 1 ? atoll(rgv[1]) : 10000; // если параметр N нельзя получить из
24
     коммандной строки, используем значение по умолчанию
25
   MPI\_Init(\&argc, \&argv); //  распарамеливание начинается отсюда
26
   MPI Comm rank (MPI COMM WORLD, &comm rank); // каждый процесс узнает о
27
      \kappa \overline{o}личист\overline{o}ве процес\overline{c}ов всег\overline{o}
   MPI_Comm_size (MPI_COMM_WORLD, &comm_size); // каждый процесс узнаёт о
      собственном номере
29
   if (comm rank == 0) global start time = MPI Wtime(); // главный процесс
30
     запоминает время начала расчёта
31
   int partials = N / comm_size;
32
   long long int m = N % comm_size;
33
   long long int start = comm rank * partials + 1;
34
   long long int end = (comm rank + 1) * partials + 1;
   if(m > 0){
     if(comm rank < m)
37
      start += comm rank;
38
      end += comm rank + 1;
```

```
}else{
40
      start += m;
41
      end += m;
42
43
44
45
    double start time, end time; // локальные времена для времени расчёта
46
      частичных с\overline{y}мм
    start time = MPI Wtime(); // запоминаем время начала расчёта
47
    s = sum(start, end); // pacчёт частичной суммы
    end time = MPI Wtime(); // запоминаем время конца расчёта
49
    double work time = end time - start time; // получаем время конца расчёта
50
    MPI Barrier (MPI COMM WORLD); // ждём все процессы
51
52
    \mathbf{if} (comm rank != 0) { // если процесс не главный
53
     MPI Send(&s, 1, MPI DOUBLE, 0, comm size * comm rank,
      MPI COMM WORLD); // посылаем главному процессу
      pезультат
55
    \mathbf{i}\,\mathbf{f}\,(\mathrm{comm}\ \mathrm{rank}\ ==\ 0\,)\{\ //\ \mathit{ecnu}\ \mathit{npoyecc}\ \mathit{главный}
57
     double partial_sum;
58
     {f double}\ {
m global}\ {
m sum}\ =\ {
m s}\ ;\ //\ глобальная сумма пока это частичная сумма,
59
      посчитанная главным процессом
     MPI Status status;
     {f for}\,(\,{f int}\,\,\,\,{f i}\,\,=\,\,1\,;\,\,\,{f i}\,\,<\,{f comm}\,\,\,\,\,{f size}\,;\,\,\,+\!+\!{f i}\,\,)\{\,\,\,\,//\,\,npинимаем все частичные суммы от
61
      других процессов
      MPI Recv(&partial sum, 1, MPI DOUBLE, i, comm size * i,
62
      MPI COMM WORLD, &status);
      global\_sum \mathrel{+=} partial\_sum; // и доавляем к глобальной сумме
64
     global end time = MPI Wtime(); // глобальное время конца расчёта
65
     global work time = global end time - global start time;
66
67
68
    fprintf(stderr, "proc %d of %d (%lf sec):\tsum from %lld to
      \%lld:\t%1.81f\n", comm rank, comm size, work time, start, end-1, s);
      // вывод своего результата каждым
      процессом
70
    MPI Barrier (MPI COMM WORLD); // ждём все процессы
71
    \mathbf{if} (\text{comm rank} == 0) \{
72
     fprintf(stderr, "global work time: %lf s; global sum of %lld elements
      = \% l f \ n'', global work time, N, s); // вывод результата и времени работы
      всей программы
74
    MPI_Finalize(); // конец параллелизации
75
    return 0; // конец программы
76
77
```

### 4.4 Анализ результатов

#### 4.4.1 Последовательная программа

Ключи	N	Время работы, сек	Результат
нет	1400000000	143.140000	0.052592
нет	2400000000	245.260000	0.052592
нет	3400000000	347.570000	0.052592
-00	1400000000	143.110000	0.052592
-00	2400000000	245.270000	0.052592
-00	3400000000	347.650000	0.052592
-01	1400000000	126.310000	0.052592
-01	2400000000	216.570000	0.052592
-01	3400000000	306.820000	0.052592
-02	1400000000	126.040000	0.052592
-02	2400000000	216.200000	0.052592
-02	3400000000	306.180000	0.052592
-03	1400000000	126.220000	0.052592
-03	2400000000	217.200000	0.052592
-03	3400000000	308.320000	0.052592
нет	1400000000	35.290000	0.052592
нет	2400000000	60.450000	0.052592
нет	3400000000	85.650000	0.052592
-00	1400000000	39.920000	0.052592
-00	2400000000	68.270000	0.052592
-00	3400000000	96.500000	0.052592
-01	1400000000	31.820000	0.052592
-01	2400000000	54.500000	0.052592
-01	3400000000	77.230000	0.052592
-02	1400000000	35.290000	0.052592
-02	2400000000	60.800000	0.052592
-02	3400000000	85.690000	0.052592
-03	1400000000	35.440000	0.052592
-03	2400000000	60.490000	0.052592
-03	3400000000	85.650000	0.052592
-fast	1400000000	34.710000	0.052592
-fast	2400000000	59.490000	0.052592
-fast	3400000000	84.300000	0.052592
	HeT HeT HeT -00 -00 -01 -01 -01 -01 -02 -02 -03 -03 -03 HET HET HET -00 -00 -01 -01 -01 -01 -02 -02 -02 -02 -03 -03 -03 -03 -03 -03 -03 -03 -03 -03	HeT         1400000000           HeT         2400000000           HeT         3400000000           -00         1400000000           -00         2400000000           -01         1400000000           -01         240000000           -01         340000000           -02         140000000           -03         140000000           -03         240000000           -03         340000000           HeT         140000000           HeT         240000000           -00         140000000           -01         240000000           -01         140000000           -02         140000000           -03         340000000           -01         140000000           -02         140000000           -01         240000000           -02         140000000           -03         140000000           -03         240000000           -03         140000000           -03         240000000           -03         240000000           -03         240000000           -03         240000000           -fast </td <td>HeT         1400000000         143.140000           HeT         2400000000         245.260000           HeT         3400000000         347.570000           -00         1400000000         143.110000           -00         2400000000         245.270000           -01         1400000000         347.650000           -01         1400000000         216.570000           -01         340000000         306.820000           -02         140000000         126.04000           -02         240000000         216.200000           -03         140000000         306.180000           -03         140000000         306.180000           -03         2400000000         217.200000           -03         340000000         308.320000           HeT         1400000000         35.290000           HeT         2400000000         60.450000           -00         1400000000         39.920000           -01         1400000000         31.82000           -01         1400000000         35.290000           -01         2400000000         54.50000           -02         1400000000         35.290000           -02         2</td>	HeT         1400000000         143.140000           HeT         2400000000         245.260000           HeT         3400000000         347.570000           -00         1400000000         143.110000           -00         2400000000         245.270000           -01         1400000000         347.650000           -01         1400000000         216.570000           -01         340000000         306.820000           -02         140000000         126.04000           -02         240000000         216.200000           -03         140000000         306.180000           -03         140000000         306.180000           -03         2400000000         217.200000           -03         340000000         308.320000           HeT         1400000000         35.290000           HeT         2400000000         60.450000           -00         1400000000         39.920000           -01         1400000000         31.82000           -01         1400000000         35.290000           -01         2400000000         54.50000           -02         1400000000         35.290000           -02         2

Тут мы видим, что даже в самом быстром случае и с меньшим количеством элементов программа, скомпилированная компилятором GCC всё-равно медленнее самой медленной программы с большим количеством элементов, скомпилированной компилятором ICC.

Также видно, что GCC по умолчанию не оптимизирует программу, а ICC как минимум выставляет флаг -O2.

В моём случае самой быстрой оказалась программа, собранная ICC с флагом -O1, выдающим минимальный размер исполняемого файла.

При этом использование ключа -fast не дало существенного ускорения кода, но сузило размеры семейства машин, на которых можно запустить расчёт с помощью этой программы.

## 5 Выводы

#### Компилятор от Intel шикарен

Из данной лабораторной работы я сделал вывод, что компиляция программы под конкретное железо, на котором она будет работать, играет существенную роль в скорости её выполнения, в данном случае, код, сгенерированный компилятором производителя моего процессора (intel) выполнялся на порядок быстрее кода, сгенерироавнного GCC для всех процессоров. Хотя дальнейшие оптимизации «под конкретную систему» уже не дают существенного прироста скорости выполнения.

Также, увидел, что параллелизация выполнения независимого кода позволяет существенно ускорить выполнение программы и, при этом, более-менее равномерно загрузить все системные вычислительные ресурсы, большая часть икоторых бы простаивала в случае выполнения последовательной программы.

В рамках этой работы я познакомился с способами ускорения работы программ, используя различные оптимизации, которые выполняет компилятор, встроенными средствами параллелизации, и другими технологиями распараллеливания кода, такими как OpenMP и MPI.