

# OS Homework 4

## 生機四 詹育晟 B10605023

### 7.3

A:

在這個範例中，兩條執行緒對 `first_mutex` 和 `second_mutex` 的加鎖順序正好相反，而作業系統的排程器（scheduler）決定了它們何時被搶走或重新分配 CPU 時間。假設 scheduler 在 `thread_one` 拿到 `first_mutex` 之後立刻切換到 `thread_two`，讓它先取得 `second_mutex`；接著兩者又分別嘗試鎖定對方已持有的 mutex，就會互相等待而發生死結。

相反地，如果 scheduler 讓某一條執行緒從頭到尾不被中斷——先依序鎖住兩把 mutex、執行完臨界區，再一次性全部解鎖——那麼另一條執行緒就能順利取得兩把鎖，不會有死結問題。由此可見，死結是否產生，關鍵就在於 scheduler 是否在「已鎖第一把但尚未鎖第二把」的時機點切換執行緒；若排程器不在這個關鍵時刻切換，程式反而會按部就班地完成鎖定與解鎖，不會陷入死結。

### 7.6

A:

#### a. 增加 Available

- 結論：新增可用資源永遠是安全的。
- 原因：
  1. 資料不受影響：只有 Available 變大，Allocation 與 Max 都沒動，因此  $Need (= Max - Allocation)$  仍維持不變。
  2. 安全性單調：原本若安全，新增資源後的安全序列依舊可用；即便原先不安全，也可能因資源增多而變成安全。

#### b. 減少 Available

- 結論：刪減可用資源需謹慎，不一定安全。
- 原因：
  1. 安全測試更嚴苛： $Work = Available$  初值縮水， $Need \leq Work$  更難通過，原安全序列可能失效。
  2. 須重新驗證：移除前必須確認要拿掉的資源實際在 Available 裡，移除後再跑一次 Safety Algorithm，確定仍有安全序列。

#### c. 增加某進程的 Max

- **結論：**擴大某進程最大需求不見得安全，必須重新檢查。
- **原因：**
  1. **通過判斷更困難：**Work 初值沒變，但 Need 變大， $Need \leq Work$  條件更難符合，原安全序列或會失效。
  2. **雙重檢查：**更新後必須符合新  $Max \geq Allocation$ ，並把新的 Max/Need 帶入演算法驗證安全性。

#### d. 減少某進程的 Max

- **結論：**縮小最大需求通常是安全的，只要新  $Max \geq$  該進程已分配量。
- **原因：**
  1. **Safety 條件更好通過：**Work 初值不變，而 Need 變少， $Need \leq Work$  更容易成立，原有安全序列不受影響。
  2. **合法後直接安全：**只要確認新 Max 合法 ( $\geq Allocation$ )，就可認定安全，無須再跑一遍 Safety Algorithm。

#### e. 新增進程

- **結論：**增加進程前要驗證，否則可能破壞安全性。
- **原因：**
  1. **需求矩陣擴大：**多了一列 Max/Need (起始  $Allocation=0$ )，系統整體需求提高。
  2. **Work 未增加：**Available 不變，但要滿足的進程更多， $Need \leq Work$  條件更難全部符合。

#### f. 移除進程

- **結論：**刪掉進程肯定安全。
- **原因：**
  1. **資源回收：**該進程結束時會歸還所有 Allocation，Available 自動增加，同時從矩陣中移除該列。
  2. **Safety 條件更輕鬆：**Available 增多、進程數減少， $Need \leq Work$  的檢查更容易全部通過。

7.12

7.12  
 a) 用 Allocation 和 Max, 由  $Request = Max - Allocation$  推出完整的表

Process	Allocation				Max				Request			
	A	B	C	D	A	B	C	D	A	B	C	D
P <sub>0</sub>	3	0	1	4	5	1	1	7	2	1	0	3
P <sub>1</sub>	2	2	1	0	3	2	1	1	1	0	0	1
P <sub>2</sub>	3	1	2	1	3	3	2	1	0	2	0	0
P <sub>3</sub>	0	5	1	0	4	6	1	2	4	1	0	2
P <sub>4</sub>	4	2	1	2	6	3	2	5	2	1	1	3

a) Available = (0, 3, 0, 1) → 不安全

1. 初始化:  $work \leftarrow (0, 3, 0, 1)$

2. 第一轮扫描: 找到唯一  $request \leq work$  之

行程  $\Rightarrow P_2 = (0, 2, 0, 0)$ , 执行后, 释出

Allocation to work =  $(0, 3, 0, 1) + (3, 1, 2, 1) = (3, 4, 2, 2)$

3. 第二輪掃描: 剩下的  $P_0, P_1, P_3, P_4$  中  
只有  $P_1$  能跑,  $work = (3, 4, 2, 2) + (2, 2, 1, 0)$   
 $= (1, 6, 3, 2)$

4. 第三輪掃描: 執行  $P_3$ ,  $work = (1, 6, 3, 2)$   
 $+ (0, 5, 1, 0) = (1, 11, 4, 2)$

5. 剩下的  $P_0, P_4$ , 的  $D$  需要 3, 但是  $work$   
 $D = 2$ , 因此無法繼續

⇒ 不安全 #

(b)  $Available = (1, 0, 0, 2) \Rightarrow$  安全

1.  $work \leftarrow (1, 0, 0, 2)$

2. 執行  $P_1 \Rightarrow work = (1, 0, 0, 2) + (2, 2, 1, 0)$   
 $= (3, 2, 1, 2)$

3. 執行  $P_2 \Rightarrow work = (3, 2, 1, 2) + (3, 1, 2, 1)$   
 $= (6, 3, 3, 3)$

4. 依序執行  $P_3 \Rightarrow work = (6, 3, 3, 3) + (0, 5, 1, 0)$   
 $= (6, 8, 4, 3)$

5. 執行  $P_4 \Rightarrow work = (6, 8, 4, 3) + (4, 2, 1, 2)$   
 $= (10, 10, 5, 5)$

6. 執行  $P_0 \Rightarrow work = (10, 10, 5, 5) + (3, 0, 1, 4)$   
 $= (13, 10, 6, 9)$

順序:  $P_1 \rightarrow P_2 \rightarrow P_3 \rightarrow P_4 \rightarrow P_0$

$\Rightarrow$  安全井