## PRÁCTICA 2. Grupos y Subgrupos. ÁLGEBRA. GRADO EN INGENIERÍA INFORMÁTICA

## Ejercicio 1.

- A. Definir en  $G=\mathbb{Z}_7-\{0\}$  dos operaciones internas de manera que:
  - una, que lo dote de estructura de grupo no conmutativo, y
  - > otra que lo dote de estructura de grupo conmutativo.

Hacer todas las comprobaciones explícitamente.

- B. Demostrar si el subconjunto {1, 3} es un subgrupo para ambas operaciones.
- C. Calcula un subgrupo de tres elementos para cada una de las operaciones.

## *Ejercicio 2.* Sea $G = \mathbb{Z}_2 \times \mathbb{Z}_2$ .

- A. Definir, si existe, una operación interna \* en G donde cada elemento sea su propio simétrico. Demostrar explícitamente que es grupo commutativo.
- B. Calcular todos los subgrupos de G.

Ejercicio 3. Ejercicio 2A de la ordinaria 2 del curso 23/24. Calcular todos sus subgrupos.