

## Universidad Andrés Bello Facultad de Ingeniería Ingeniería en Computación e Informática

# ESTRUCTURA DE DATOS SOLEMNE II

Nombre:	Nota:

**Profesores:** Carlos Contreras Bolton – José Luis Allende – Felipe Reyes González

Ayudantes: Carlos Rey – Daniela Ubilla – Tamara Saéz Fecha: 29 de Mayo del 2014

#### Instrucciones:

- Coloque su nombre a todas las hojas.
- Apague o silencie sus celulares. NO se podrá contestar llamadas ni visualizar el celular. Si se realiza una de las acciones anteriores obtendrá nota mínima.
- Toda copia o intento de copia será calificada con nota mínima.
- Tiene 90 minutos para realizar la prueba.
- El ejercicio 5 es **obligatorio**. Del resto de ejercicios escoja 3 para desarrollar.

1	
2	
3	
4	
5	
Suma:	
	+10
Nota:	

### Pregunta 1 (15 puntos)

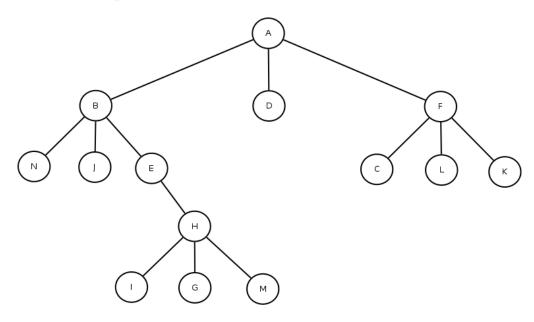
Para los siguientes recorrido:

 $\textbf{Inorden} \ \ N \ B \ J \ E \ I \ H \ G \ M \ A \ D \ C \ F \ L \ K$ 

Postorden N J I G M H E B D C L K F A

 ${\bf Preorden} \ {\rm A} \ {\rm B} \ {\rm N} \ {\rm J} \ {\rm E} \ {\rm H} \ {\rm I} \ {\rm G} \ {\rm M} \ {\rm D} \ {\rm F} \ {\rm C} \ {\rm L} \ {\rm K}$ 

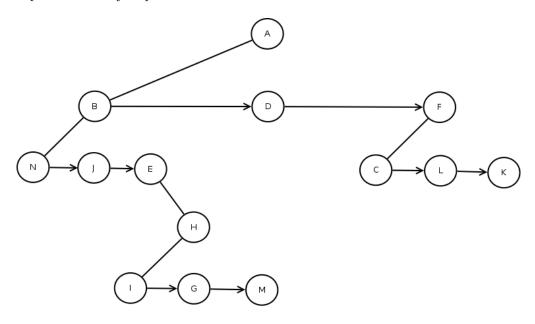
Encuentre el árbol e indique:



- 1. Altura del árbol: 4
- 2. Altura de F: 1

- 3. Profundidad de  $\mathbb{D}$ : 1
- 4. Grado del árbol: 3
- 5. Grado de L: 0

6. Su representación hijo izquierdo hermano derecho.

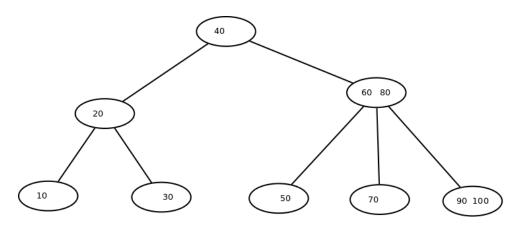


## Pregunta 2 (15 puntos)

Dada la siguiente secuencia de números

$$50, 60, 70, 40, 30, 20, 10, 80, 90, 100\\$$

Genere el árbol 2-3 correspondiente.



# Pregunta 3 (15 puntos)

Suponga la siguiente lista de números:

$$13, 7, 21, 15, 27, 18, 4, 11, 30, 31, 29, 12\\$$

Insertelos en un árbol de tipo AVL e indique la cantidad de nodos que se deben visitar para encontrar el número 11. Luego, elimine los números 4, 21, 15, 31 y muestre el resultado preorden.

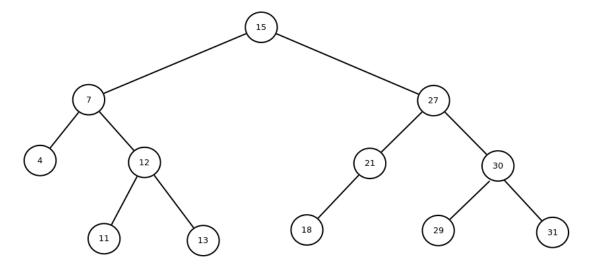


Figura 1: Se precisa visitar 4 nodos hasta llegar al número 11.

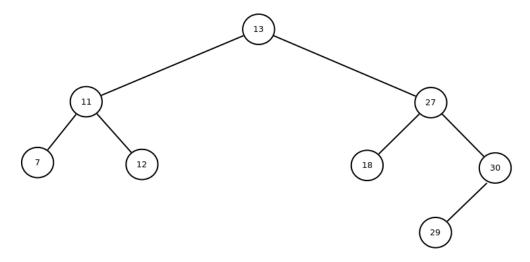


Figura 2: Eliminados 4, 21, 15, 31.

#### PREORDEN:

13, 11, 7, 12, 27, 18, 30, 29

# Pregunta 4 (15 puntos)

El algoritmo de ordenamiento conocido como heapsort se basa en la idea de ordenar un conjunto de datos según las propiedades definidas por los heap binarios. Dado el conjunto de datos siguiente:

$$13, 7, 21, 15, 27, 18, 4, 11, 30, 31, 29, 12\\$$

Realice paso a paso el procedimiento definido para heapsort.

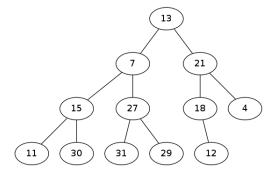


Figura 3: Traspasar directo desde el arreglo al heap.

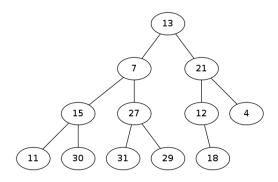


Figura 4: Primera parte, Hundir(18).

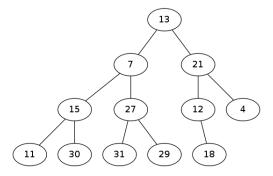


Figura 5: Hundir(27).

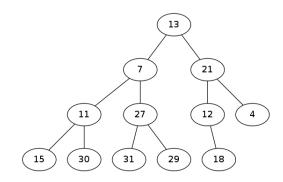


Figura 6: Hundir(15).

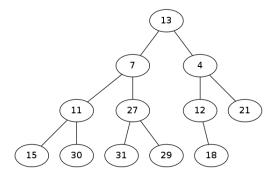


Figura 7: Hundir(21).

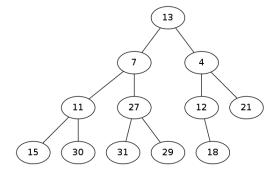


Figura 8: Hundir(7).

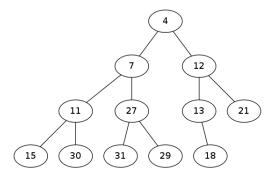


Figura 9:  $\operatorname{Hundir}(13)$ .

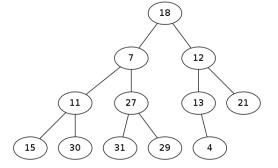


Figura 10: Segunda parte, Intercambiar(4, 18).

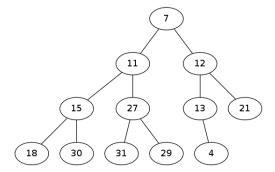


Figura 11: Hundir(18).

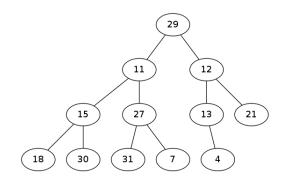


Figura 12: Intercambiar(7, 29).

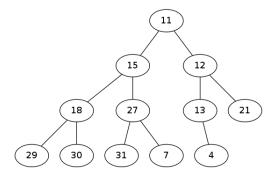


Figura 13: Hundir(29).

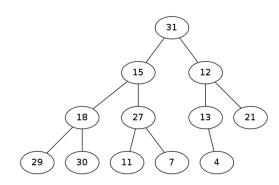


Figura 14: Intercambiar(11, 31).

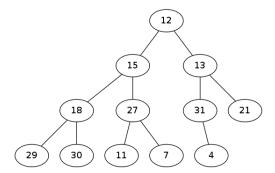


Figura 15: Hundir(31).

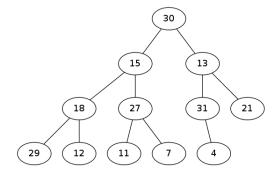


Figura 16: Intercambiar(12, 30).

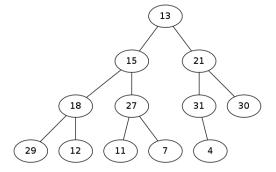


Figura 17: Hundir(30).

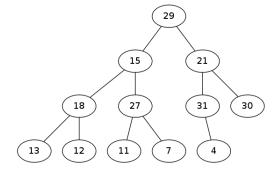


Figura 18: Intercambiar(13, 29).

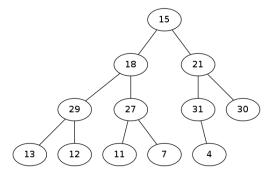


Figura 19: Hundir(29).

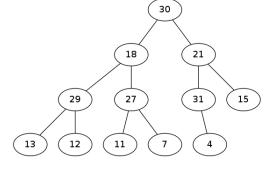


Figura 20: Intercambiar(15, 30).

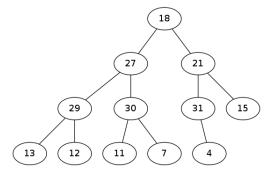


Figura 21: Hundir(30).

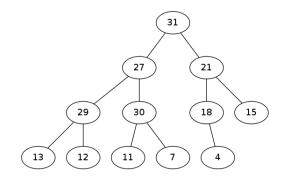


Figura 22: Intercambiar (18, 31).

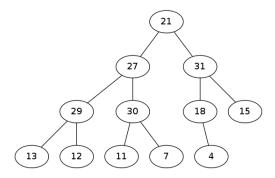


Figura 23: Hundir(31).

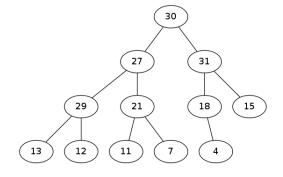


Figura 24: Intercambiar(21, 30).

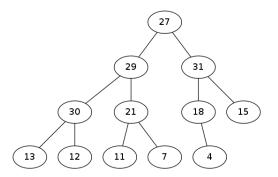


Figura 25: Hundir(30).

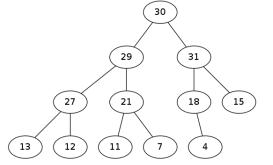


Figura 26: Intercambiar(27, 30).

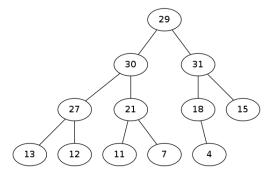


Figura 27: Hundir(30).

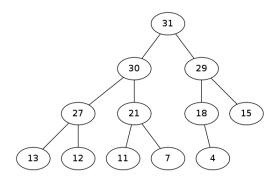


Figura 28: Intercambiar (29, 31).

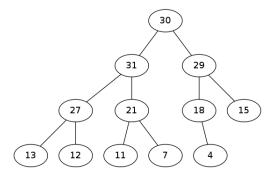


Figura 29: Hundir(31).

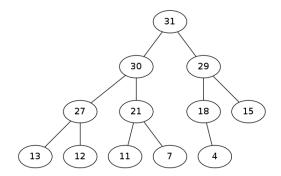


Figura 30: Intercambiar(30, 31) y Final.

### Pregunta 5 (15 puntos)

Escriba una función que cuente los nodos internos (sin considerar la raíz) con valores entre dos números dados (inclusive) y retorne ese valor.

```
    \begin{array}{c}
      1 \\
      2 \\
      3 \\
      4 \\
      5 \\
      6 \\
      7 \\
      8 \\
      9 \\
      10 \\
      11 \\
   \end{array}

         int contarInter(Nodo *a, int n1, int n2)
             int contar_flag = 1;
              i f (a == NULL)
                  return 0;
              i\,f\,(\,(\,a\text{->}i\,z\,q\,\stackrel{}{=}\,\text{NULL})\,\,\&\&\,\,\,(\,a\text{->}d\,e\,r\,\,=\,\text{NULL})\,)\,\,\,/*\,\,\textit{no}\,\,\,contar\,\,\,hojas\,\,*/
              \mathbf{if} \, ((\, a -\!\!> \! \mathtt{dato} \, < \, \mathtt{n1}) \ | \, | \ (\, a -\!\!> \! \mathtt{dato} \, > \, \mathtt{n2}) \,) \ / \ast \ \mathit{contar} \ \mathit{nodos} \ \mathit{en} \ \mathit{rango} \ \ast / \\
             contar_flag = 0;
/* visitar arbol completo correctamente */
return contar_flag + contarInter(a->izq, n1, n2) + contarInter(a->der, n1, n2);
12
13
14
15
         int contarInternos (Nodo *a, int n1, int n2)
16
17
18
19
20
              total \mathrel{+=} contarInter(a-\!\!>\!\!izq\;,\;n1\;,\;n2)\;;\;\;/\!\!*\;no\;\;contar\;\;raiz\;*/
              total += contarInter(a->der, n1, n2);
             return total;
```