# 武州大學

# 本科毕业设计(论文)

学院(部)		物理科学与技术学院 ————————————————————————————————————										
题	目	重费米子物理的实验和理论研究进展										
年	级	2018 级	专业	物理学								
班	级	物理学中文班	学号	1822401002								
姓	名		朱墨	 ·墨								
指导老师		蒋密	职称	教授								
论文排	是交日	期	2021. 5									

# 重费米子物理的实验和理论研究进展

#### 摘要

重费米子材料是一种强关联电子统,最近出现多个不等价位点的化合物如Ce<sub>3</sub>(Pd/Pt)In<sub>11</sub>,其拥有两个不等位点 Ce1 和 Ce2,其中一个 Ce 位点提供超导性,另一个 Ce 位点提供反铁磁性。针对这种系统我们利用 DQMC 构建模型,进行分析研究,研究得到一些初步的结果,本文的主要任务为分析程序的编写。

关键词: 重费米子;强关联系统;量子蒙特卡罗计算;反铁磁性;超导态

# Advances in Experimental and Physical Research of Heavy Fermion Physics

#### **Abstract**

Heavy fermion material is a strongly correlated electron system. Recently, compounds with multiple unequal sites have appeared, such as  $Ce_3(Pd/Pt)In_{11}$ , which has two unequal sites Ce1 and Ce2, one of which is Ce One site provides superconductivity and the other Ce site provides antiferromagnetism. For this kind of system, we use DQMC to build a model, conduct analysis and research, and get some preliminary results. The main task of this paper is to program the analysis program.

**keywords**: Heavy Fermion; Strong connection systemquantum Metor Carlo; antiferromagnetic; superconductivity;

# 目录

第1章	绪论 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	1
1.1	研究背景 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	1
1.2	理论模型 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	1
1.2.1	Hubbard 模型·····	1
1.2.2	周期安德森模型 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	2
1.2.3	Kondo 效应 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	3
1.2.4	RKKY(Ruderman-Kittel-Kasuya-Yosida) 相互作用	3
第2章	Ce3(Pt/Pd)In11 重费米子物理体系······	4
2.1	概述	4
2.2	物理性质	5
2.2.1	电阻率 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	5
2.2.2	磁化系数	5
2.2.3	反铁磁和非常规超导	5
第3章	反铁磁性和非常规超导共存和竞争机制 · · · · ·	6
3.1	非常规超导简介	6
3.1.1	超导与反铁磁的竞争与共存	7
第4章	关于Ce <sub>3</sub> PtIn <sub>11</sub> 计算模拟研究·····	8
4.1	模型构建 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	8
4.1.1	哈密顿量 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	8
4.1.2	参数	9
4.1.3	极限情况	9
4.2	DQMC · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	10
4.2.1	蒙特卡洛	10
4.2.2	统计	10
4.2.3	Trotter 分解 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	10
4.2.4	量子蒙特卡洛 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	11
4.3	模拟结果数据处理程序的编写	11
4.3.1	运行所需环境	11
4.3.2	程序编写思路 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	12
4.4	反铁磁结构因子	14
45	d 波超导	15

第5章	总结与	可展望	 	 	 	 	•	 •			•	 •	19
5.1	总结.		 	 	 	 		 •					19
5.2	未来展	望	 	 	 	 		 •					19
参考文	献		 	 	 	 		 •					20
致谢 · ·			 	 	 	 		 •					22
附录 · ·			 	 	 	 		 •					23

# 第1章 绪论

#### 1.1 研究背景

在固体物理中,重费米子材料是一种特殊的过渡金属化合物属于强关联电子系统。重费米子化合物的性质通常来自稀土或锕系元素离子的部分填充的 f 轨道,表现为有效的局域磁矩。"重费米子"这个名字来自于费米子的行为,即它的有效质量大于其静止质量。以电子为例,低于特征温度时(通常为 10*K*),这些金属化合物中的传导电子表现为它们的有效质量是自由粒子质量的 100 到 1000 倍。

重费米子材料由 K.Andres,J.E.Graebner 和 H.R.Ott 在 1975 年发现,他们观察到CeAl<sub>3</sub> 中线性比热容变化很大,在对掺杂超导体的研究中得出结论:一种材料中存在局域磁矩和超导态是不相容的,但是在 1979 年。Frank Steglich 等人在CeCu<sub>2</sub>Si<sub>2</sub> 中发现了重费米子的超导性。H.von Löhneysen 等人于 1994 年在重费米子化合物的相图中发现了量子临界点和非费米液体行为,导致人们对这些化合物的研究产生了新的兴趣。另一个实验突破是(由 Gil Lonzarich 小组证明)重费米子中的量子临界性可能是非常规超导性的原因。

本文目的是利用 DQMC (Determinant Quantum Monte Carlo),构建对这类材料的有效模型,针对构建的模型进行计算模拟研究,对 $Ce_3(Pd/Pt)In_{11}$  材料中发现的超导与反铁磁共存的现象进行模拟。

## 1.2 理论模型

#### 1.2.1 Hubbard 模型

在一般的固体理论中,一般是将电子与电子之间的相互作用忽略,只考虑泡利不相容原理,故系统哈密顿量不存在电子相互作用。但是在实际中,尤其是窄能带晶体中,电子之间的相互作用无法忽略,如过渡金属氧化物和镧系氧化物,前者 3d 轨道之间交叠很大,d 轨道上的电子相互作用无法忽略,把这部分相互作用写入哈密顿量就得到了强关联模型即 Hubbard 模型 [11]。

多体系统的总哈密顿量为

$$H = \sum_{i} h(\mathbf{r}_{i}) + \frac{1}{2} \sum_{i,j} v_{ij}$$
$$v_{ij} = \frac{e^{2}}{|\mathbf{r}_{i} - \mathbf{r}_{j}|}$$

只考虑单个未填满的能带,如孤立的 s 带,在布洛赫表象中考虑互相作用哈密顿

量二次量化表示式可写成

$$H = \sum_{k,\sigma} E_k C_{k\sigma}^+ C_{k\sigma} + \frac{1}{2} \sum_{k_1, k_2, k_1', k_2'} \sum_{\sigma, \sigma'} \langle k_1, k_2 | v | k_1', k_2' \rangle C_{k_1\sigma}^+ C_{k_2\sigma'}^+ C_{k_2\sigma'}^+ C_{k_1'\sigma}$$
(1.1)

其中  $E_k$  是能带电子的能量, $C_{k\sigma}^+$  和  $C_{k\sigma}$  代表布洛赫轨道上  $\sigma$  自旋电子的产生及消灭算符。

我们采用 Wannier 表象

$$\psi_k(\mathbf{r}) = N^{-\frac{1}{2}} \sum_i e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{R}_i} a(\mathbf{k} - \mathbf{R}_i)$$

$$C_{i\sigma}^+ = N^{-\frac{1}{2}} \sum_k e^{-i\mathbf{k}\cdot\mathbf{R}_i} C_{k\sigma}^+$$

$$C_{i\sigma} = N^{-\frac{1}{2}} \sum_k e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{R}_i} C_{k\sigma}$$

将1.1式变换为

$$H = \sum_{i,j} \sum_{\sigma} T_{ij} C_{i\sigma}^{+} C_{j\sigma} + \frac{1}{2} \sum_{i,j,l,m} \sum_{\sigma,\sigma'} \langle ij|v|lm \rangle C_{i\sigma}^{+} C_{j\sigma'}^{+} C_{m\sigma'} C_{l\sigma}$$

其中

$$T_{ij} = N^{-1} \sum_{k} e^{i\mathbf{k} \cdot (\mathbf{R}_i - \mathbf{R}_j)} \mathbf{E}_k$$

对于窄带单中心积分

$$< ii|v|ii> \equiv U = e^2 \int \frac{a^*(r-R_i) a^*(r'-R_i) a(r-R_i) a(r'-R_i)}{|r-r'|} dr dr'$$

是最重要的,代表同一格点周围能带电子之间的库伦作用。作为一个简单的模型,可以略去相互作用项中所有的多中心积分,只取单中心积分项。可以得到 Hubbard 哈密顿量

$$H = \sum_{i,j} \sum_{\sigma} T_{ij} C_{i\sigma}^{+} C_{j\sigma} + \frac{U}{2} \sum_{i} \sum_{\sigma} n_{i\sigma} n_{i\sigma}^{-}$$

#### 1.2.2 周期安德森模型

周期安德森模型是 P. W. Anderson 提出用哈密顿量解决金属中的磁性杂志。现用于描述近藤效应的问题,例如重费米子系统以及近藤绝缘体。对于单个杂质,哈密顿量为

$$H = \sum_{k,\sigma} \epsilon_k c_{k\sigma}^{\dagger} c_{k\sigma} + \sum_{\sigma} \epsilon_d d_{\sigma}^{\dagger} d_{\sigma} + U d_{\uparrow}^{\dagger} d_{\uparrow} d_{\downarrow}^{\dagger} d_{\downarrow} + \sum_{k,\sigma} V_k \left( d_{\sigma}^{\dagger} c_{k\sigma} + c_{k\sigma}^{\dagger} d_{\sigma} \right)$$

其中 c 是传导电子的湮灭算符,d 是杂质的湮灭算符,k 是传导电子波矢量, $\sigma$  标记自旋,U 是库伦排斥,V 表示杂化。

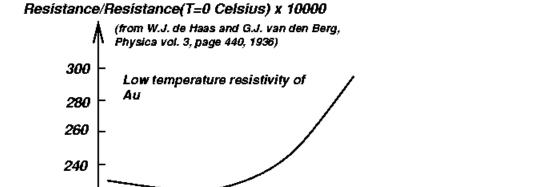
对于重费米子系统,周期安德森模型 (PAM) 描述了杂质晶格,其中一维模型哈密顿量为

$$H = \sum_{k,\sigma} \epsilon_k c_{k\sigma}^{\dagger} c_{k\sigma} + \sum_{j,\sigma} \epsilon_f f_{j\sigma}^{\dagger} f_{j\sigma} + U \sum_j f_{j\uparrow}^{\dagger} f_{j\uparrow} f_{j\downarrow}^{\dagger} f_{j\downarrow} + \sum_{j,k,\sigma} V_{jk} \left( e^{ikx_j} f_{j\sigma}^{\dagger} c_{k\sigma} + e^{-ikx_j} c_{k\sigma}^{\dagger} f_{j\sigma} \right)$$

其中  $x_j$  是杂质位点 j 的位置,f 是杂质产生算符 (在重费米子系统中按照惯例用 d 代替),杂化项允许重费米子系统中的 f 轨道的电子相互作用,即使电子之间最大距离超过了 Hill 极限 (Hill 极限是锕系元素或稀土原子晶格中定义的临界距离,即晶格中的两个原子如果相隔的距离大于 Hill 极限,f 轨道的重叠就可以忽略不计)。

#### 1.2.3 Kondo 效应

近藤效应描述了金属中传导电子由于磁性杂质的散射,从而导致特性变化,即电阻率随温度变化的最小值 (如图1)。近藤俊彦首先解释了这种影响的原因,他将三阶微扰理论应用于该问题,以解释 s 轨道传导电子对杂质处 d 轨道电子的散射 (近藤模型)。电阻率  $\rho$  在考虑了近藤效应后对温度 T 的依赖关系,如下



-Temperature T (K)

图 1: 含有少量铁杂质的金在低温下的行为 [10]

5

10

220

$$\rho(T) = \rho_0 + aT^2 + c_m \ln \frac{\mu}{T} + bT^5$$

15

20

其中  $\rho_0$  表示剩余电阻率, $aT^2$  表示费米液体性质的贡献, $bT^5$  表示晶格振动: $a,b,c_m$  和  $\mu$  是与温度无关的量。近藤俊彦导出了第三项,该项与温度和实验观察到的呈对数关系。

#### 1.2.4 RKKY(Ruderman-Kittel-Kasuya-Yosida) 相互作用

RKKY interaction 指的是通过传导电子的相互作用,金属中的核磁矩或局域内部 d 或 f 壳层电子自旋的耦合机制。

RKKY相互作用最初由加州大学伯克利分校的马尔文·鲁德曼 (Malvin Ruderman)和查尔斯·基特尔 (Charles Kittel)提出,作为一种解释在天然金属银中观察到的异常宽的核自旋共振线的方法。该理论使用二阶微扰理论来描述间接交换耦合,其中一个原子的核自旋通过超精细相互作用与传导电子相互作用,该传导电子与另一个核自旋相互作用,从而在两个核自旋之间产生关联能。(与核自旋通过超精细相互作用耦合到传导自旋不同,另一种情况是内部电子自旋通过交换相互作用耦合到传导自旋。)该理论基于布洛赫波函数,因此仅适用于晶体系统。派生的相互作用采用以下形式:

$$H\left(\mathbf{R}_{ij}\right) = \frac{\mathbf{I}_{i} \cdot \mathbf{I}_{j}}{4} \frac{\left|\Delta_{k_{m}k_{m}}\right|^{2} m^{*}}{(2\pi)^{3} R_{ij}^{4} \overline{h}^{2}} \left[2k_{m}R_{ij}\cos\left(2k_{m}R_{ij}\right) - \sin\left(2k_{m}R_{ij}\right)\right]$$

其中 H 代表了哈密顿量, $R_{i,j}$  代表了 i 和 j 两原子核之间的距离, $I_i$  为原子 i 的核自旋, $\Delta_{k_m k_m}$  表示超精细相互作用强度的矩阵元, $m^*$  表示晶格中的电子的有效质量, $k_m$  是费米动量。

# 第2章 Ce<sub>3</sub>(Pt/Pd)In<sub>11</sub> 重费米子物理体系

#### 2.1 概述

迄今为止研究的大多数铈重费米子化合物都有一个 Ce 离子的晶体学位点。在两个或者更多不等位点的化合物中,相应 Ce 离子的不同的局部环境导致 Ce 的 4f 轨道 态与周围的配合基和传导态的不同相互作用。这反过来导致不同的近藤耦合强度。因此,在这些多位点铈化合物中,可能会出现各种新的和复杂的现象,其中基态的特征 在于不同电子和磁性状态在微观尺度上的共存。如图2,Ce<sub>3</sub>PdIn<sub>11</sub> 拥有两个 Ce 不等位点,其中一个 Ce 位点表示出顺磁性 ( $T_N \approx 0.3K$ ) 而另一个 Ce 位点展现反铁磁性 ( $T_O \approx 0.5K$ )。

 $Ce_3PdIn_{11}$  和 $Ce_3PtIn_{11}$  都属于 $Ce_nT_mIn_{3n+2m}$  类材料。包括了 $CeCoIn_5$ 、 $CeRhIn_8$  和 $Ce_2$  Rh $In_8$  等一系列化合物。 $Ce_3PdIn_{11}$  和 $Ce_3PtIn_{11}$  晶体结构相似。在室温下的晶格常数分别是 a=4.687(4)Å 和 c=16.8422(12)Å。

同样 $Ce_3PtIn_{11}$  也拥有两个不等位点,晶胞中的三个 Ce 离子分布在晶体学上不等价的位点内。两个 Ce 离子位于 Ce1 的位置,其被类似于 $Ce_2PtIn_8$  中的 Ce 离子的配体包围。Ce2 的位置被一个 Ce 离子占据,离子拥有类似 $CeIn_3$  的环境。在无磁场的情况下, $Ce_3PtIn_{11}$  在  $T_1 \simeq 2.2K$  和  $T_N \simeq 2K$  处经历两次连续的变化,进入反铁磁状态 (AFM),并在  $T_c \simeq 0.32K$  以下变为超导。

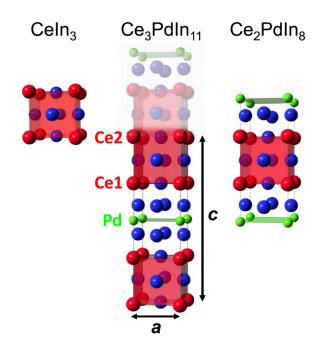


图 2: Ce<sub>3</sub>PdIn<sub>11</sub> 的晶格结构 (中间), 指出了 Ce 两个不等位点 Ce1 和 Ce2 [3]。

#### 2.2 物理性质

#### 2.2.1 电阻率

如图3在 300K 时,c 轴电阻率等于  $600\Omega cm$ ,大约是基平面  $\rho$  的 1.5 倍。随着温度降低  $\rho$  表现出随温度  $d\rho/dt>0$  的弱相关性。低于 30K 电阻率下降很快标志着高温下的不连续近藤散射向低温下的重电子布洛赫态的变化的交叉点。

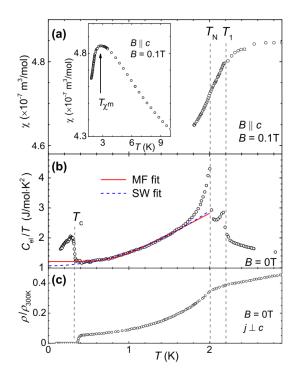
#### 2.2.2 磁化系数

 $\chi(T)$  沿晶格 c 轴和垂直于晶格 c 轴的磁场中测量到具有弱各向异性,在温度为 3K 时  $\chi^{\parallel c}/\chi^{\perp c}\approx 1.25$ 。在超过 150K 时  $\chi(T)$  遵循 Curie-Weiss 定律两个方向的有效 磁矩为  $\mu_{eff}=2.60\mu_B/Ce$ ,与洪特规则对自由 $\mathrm{Ce^{3+}}$  离子符合很好。Weiss 温度由对  $\theta_p^{\perp c}=-64K$  和  $\theta_p^{\parallel c}=-42K$  的曲线拟合到。图3显示了 $\mathrm{Ce_3PtIn_{11}}$  在低温下的环境压力 热力学和传输特性。在图3(a) 插入显示了在一个大的温度范围低温下磁化率  $\chi^{\parallel c}$ 。

#### 2.2.3 反铁磁和非常规超导

图3(a) 在更低温下  $\chi(T)$  在  $T_1$  时急剧下降,第二个 AFM 转变在  $T \simeq 2.0k$  表现为 0.1T 数据中显示为弱凸状结构。

将  $C_{el}/T$  跳跃的重点定义为过渡温度,分别得到  $T_1 \simeq 2.2K$  和  $T_N \simeq 2K$ ,这些值与  $\chi(T)$  和  $\rho(T)$  的特征符合的很好 (图3中的虚线)。当 T = 0.35K 时  $C_{el}/T$  发生了



**图 3:** Ce<sub>3</sub>PtIn<sub>11</sub> 在 T < 3K 时的低温特性。(a) 在施加于 c 轴 B = 0.1T 的磁场中  $\chi$  与 T 的相关性。插入的部分显示了温度数据最大是 10K。箭头指出了  $\chi T$  的最大值。(b) 电子部分的比热  $C_e l/T$  作为 T 的函数在零场中。红色的实线和蓝色的虚线分别是  $T < 0.8T_N$  到 T = 0 的一个均值场和自旋波的拟合。(c) 电阻归一化到其室温的值在 B=0T 和  $j \perp c$  [3]。

明显的变化,这表示了电阻率数据证实了材料向超导相的转变。将这个跳跃中点定义为  $T_c \simeq 0.32 K$ 。

为了估算通常比热系数  $\gamma_n$  外推 AFM 低温向 T=0 变化的尾部 [图3b 红色虚线部分] 采用二阶平均场类型表达式, $C_{el}/T=\gamma_n+Ae^{-\Delta_{AFM}/T}$ 。拟合结果是  $\gamma_n=1.21J/(molK^2)$ , $A=8.97J/(molK^2)$  和  $\Delta_{AFM}=3.44K$ (拟合区间是 0.44 < T < 1.6K)。拟合  $C_{el}/T \propto T^2$ (AFM 自旋波) 描述了相同区间的数据,具有相似的质量,但是  $\gamma_n$  减小了大约 10%。使用上述参数可以计算参数  $\Delta C/(\gamma T_c) \approx 0.7$ ,大约是 BCS 理论预期值的一半。我们可以在这里假设,参与超导的导带中的电子等量得来自两个 Ce 位点。

# 第3章 反铁磁性和非常规超导共存和竞争机制

# 3.1 非常规超导简介

在极低温下一些材料表现出完全抗磁性以及零电阻情况,常规超导可以用 B ardeen-Cooper-Schrieffer (BCS) 理论解释其中的微观图像: 电子形成库伯对,配对电子可以凝聚,形成一个相位相干的宏观量子态。本文关注的常规超导的共性: (1) 常

规材料的电子声子耦合较弱,转变温度  $T_c$  比较低; (2) 超导态的序参量 (超导电流密度) 的对称性和晶格保持一致。常规超导体有广泛的应用前景,但是受限于较低转变温度  $T_c$ ,难以大范围应用。

对非常规超导尤其是重费米子超导体的研究表明,电子确实可以通过多种关联效应引起的临界涨落配对,比如自旋涨落、电荷密度涨落、价态涨落等。这些涨落足够强时,可以像声子一样在电子对之间产生净吸引效应,而克服电子之间的库伦排斥力并产生超导现象。并且大量的实验数据证实,无论是从能量尺度还是对称性角度,非常规超导和量子相变往往是紧密联系的。

#### 3.1.1 超导与反铁磁的竞争与共存

如图4所示,重费米子超导的一个重要研究价值在其丰富的相图。图4(c)表示,大部分材料的低温相图与铜氧化合物、铁基高温超导体又非常类似。但是最早发现Ce基超导的CeCu<sub>2</sub>Si<sub>2</sub>仍然存在争议,从其相图看,材料中的超导和反铁磁序是竞争关系而非共存。可以简单理解为Ce原子的仅有的一个f电子很难同时参与反铁磁长程有序和超导序,但是并不妨碍反铁磁涨落与超导的共存关系。

2011年 O.Stockert 等人通过非弹性中子散射实验给出了反铁磁涨落驱动 $CeCu_2Si_2$ 超导的明确证据。在超导态,自旋激发能谱中看到了清晰的能隙,是由于磁交换能部分转变成了库伯对的凝聚能。同时在 $CeCu_2Si_2$ 、 $CePd_2Si_2$ 、 $CeAu_2Si_2$ 等材料都在高压下、反铁磁消失的边界区域出现超导相,暗示了超导与反铁磁相的竞争关系。

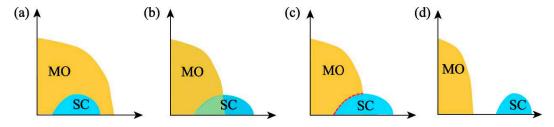


图 4: 重费米子超导体中超导相 (SC) 与磁有序相 (MO) 的竞争/共存相图,横坐标为化学掺杂/替代、压力、偏压等调控手段,纵坐标为温度。(a) 代表超导态完全处于磁有序相内部,如 UGe<sub>2</sub>,YbRh<sub>2</sub>Si<sub>2</sub> 等;(b) 和 (c) 代表超导相从磁有序区域延伸到无磁性区域,但是 (b) 中超导与磁性可以在微观共存,如 CeRhIn<sub>5</sub>、CePt<sub>3</sub>Si、URhGe、UCoGe、(Ba,K)Fe<sub>2</sub>As<sub>2</sub>、Ba(Fe,Co)<sub>2</sub>As<sub>2</sub> 等,而很多的 Ce 基、铜氧化合物、铁基超导体的相图与 (c) 一致;(d) 代表远离磁有序相以后材料才会出现超导态,比如 Pu-基超导体、CeCu<sub>2</sub>Si<sub>2</sub> 的高压超导相、β-YbAlB<sub>4</sub> 等,价态涨落可能与这些材料的超导有关 [9]。

在2000年前后,发现的CeMIn<sub>5</sub>(M=Co, Rh, Ir) 极大的拓展了我们对重费米子超导以及反铁磁量子临界行为的认识。它们化学性质的特点在于 Co、Rh、Ir 这三种元素可以互相替代,获得连续可调的反铁磁态和超导态,同时超导和反铁磁相可以在微

观共存。在CeRhIn<sub>5</sub>中,电子的自旋和电荷自由度通过 Kondo 效应和 RKKY 相互作用紧密联系在一起,在图5中可以明显看到温度-压力-磁场相图中很好的反应出来。

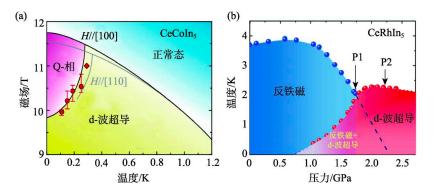


图 5: (a)CeCoIn<sub>5</sub> 磁场温度相图,高磁场下粉红色区域为 Q-相; (b)CeCoIn<sub>5</sub> 的压力-温度相图,中间粉色区域为超导与反铁磁共存的相 [9]。

# 第4章 关于Ce<sub>3</sub>PtIn<sub>11</sub> 计算模拟研究

#### 4.1 模型构建

#### 4.1.1 哈密顿量

为了阐述我们的发现,我们采用了最简化的原始模型如图6,该模型由两个不同的局域 f 轨道以及二维方形晶格上的传导电子组成,其读数为半填充形式:

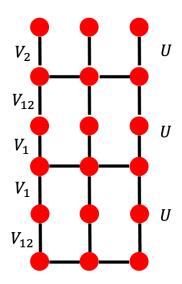
$$\mathcal{H} = -t \sum_{\langle ij \rangle \sigma} (c^{\dagger}_{mi\sigma} c_{mj\sigma} + c^{\dagger}_{mj\sigma} c_{mi\sigma}) - \mu \sum_{i\sigma} (n^{c_m}_{i\sigma} + n^{f_m}_{i\sigma})$$

$$+ V_m \sum_{i\sigma} (c^{\dagger}_{mi\sigma} f_{mi\sigma} + f^{\dagger}_{mi\sigma} c_{mi\sigma})$$

$$+ V_{12} \sum_{i\sigma} (c^{\dagger}_{2i\sigma} f_{1i\sigma} + f^{\dagger}_{1i\sigma} c_{2i\sigma})$$

$$+ U \sum_{mi} (n^{f_m}_{i\uparrow} - \frac{1}{2}) (n^{f_m}_{i\downarrow} - \frac{1}{2})$$

式中, $c_{i\sigma}^{\dagger}(c_{i\sigma})$  和  $f_{mi\sigma}^{\dagger}(f_{mi\sigma})$  与 m=1,2 是传导电子的产生(湮灭)算符和两个自旋为i 的局域  $f_{1,2}$  电子。 $n_{i\sigma}^{c,f_m}$  是相关的数字运算符。最近邻位点  $\langle ij \rangle$  上的传导电子之间的跃迁 t=1 设置了能量标度。U 是  $f_{1,2}$  轨道中的局域排斥相互作用。请注意,在这项工作中,为了简单起见,我们只考虑  $f_{1,2}$  轨道拥有相同 U 的情况,尽管它们通常可以不同。剩下的两个控制参数是两个不同的杂化,即  $c_2$ - $f_1$  之间的 V 和  $c_2$ - $f_1$  之间的  $V_{12}$ 。



**图 6:** 为 Hubbard 模型示意图, $V_2$  和  $V_{12}$  以及  $V_1$  为两者间的相互作用能,U 为局域排斥相互作用。

#### 4.1.2 参数

本文假设, $V_1 \geqslant V_2$  并主要关注特征 Hubbard 相互作用 U=4.0t。此外,此外,我们将传导轨道和 f 轨道都视为晶格位置,因此密度  $\rho$  实际上是两个轨道的平均密度。由于掺杂 sPAM 的费米符号问题,在大多数情况下,本文必须使用较小的晶格尺寸 $4\times4$ ,以在足够低的温度下研究物理。

#### 4.1.3 极限情况

本文研究的是在极限情况下的模型,如图7所示,当  $f_1$  和  $f_2$  轨道的相互作用很微弱时,可以近似认为没有相互作用,此时模型可以看成 PAM 进行计算。

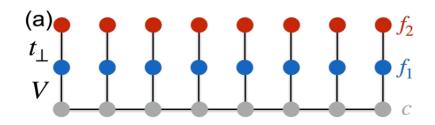


图 7: 晶格几何的一维表示,包括 c,  $f_1$ ,  $f_2$  轨道

#### 4.2 DQMC

#### 4.2.1 蒙特卡洛

对于稳态分布  $\pi(i)$ , 我们有细致平衡条件:

$$\pi(i)Q(i,j)\alpha(i,j) = \pi(j)Q(j,i)\alpha(j,i)$$

其中 Q(i,j) 表示从 i 尝试跳往 j 的概率, $\alpha(i,j)$  为相应的接收的概率。我们通常选择:

$$\alpha(i,j) = \min\left\{\frac{\pi(j)Q(j,i)}{\pi i Q(i,j)}, 1\right\}$$

大多数情况下 Q(i,j)=Q(j,i)。 如经典 Ising 模型的 Metropolis 中,每个构型的权重  $\propto e^{-\beta E}$ ,接收概率为 min  $\{e^{-\beta \Delta E},1\}$ 

#### 4.2.2 统计

对于经典模型,我们有配分函数:

$$Z = \sum_{\sigma} e^{-\beta E_{\sigma}}$$

物理量:

$$\langle O \rangle = \frac{1}{Z} \sum_{C} O e^{-\beta E_C}$$

对于量子系统,配分函数:

$$Z = Tr\{e^{-\beta H}\}$$

选一组 basis:

$$Z = \sum_{\{\phi\}} \left\langle \{\phi\} | e^{-\beta H} | \{\phi\} \right\rangle$$

物理量:

$$\langle O \rangle = \frac{Tr\{Oe^{-\beta H}\}}{Z}$$

#### 4.2.3 Trotter 分解

$$\begin{split} Z &= \operatorname{Tr} \left[ e^{-\beta H} \right] \\ &= \operatorname{Tr} \left[ \left( e^{-\Delta \tau H_I} e^{-\Delta \tau H_0} \right)^{L_{\tau}} \right] \\ &= \operatorname{Tr} \left[ e^{-\Delta \tau H_I} e^{-\Delta \tau H_0} \dots e^{-\Delta \tau H_I} e^{-\Delta \tau H_0} \right] + \mathcal{O} \left[ (\Delta \tau)^2 \right] \end{split}$$

其中  $L_{\tau} = \frac{\beta}{\Delta_{\tau}}$ 

#### 4.2.4 量子蒙特卡洛

DQMC 模拟强关联系统的强有力的工具。强关联系统意味着量子粒子 (例如电子) 无法用独立电子近似描述 (类似于密度泛函理论和能带结构计算)。

DQMC 主要用来计算有限温度的费米子系统。DQMC 将求 Trace 转化为了求矩阵的行列式。例如:

$$Tr[e^{-\sum_{i,j} \widehat{c}_i^{\dagger} A_{i,j} \widehat{c}_j}] = Det[\mathbf{1} + e^{-\mathbf{A}}]$$

其中  $A_{i,j}$  为矩阵 A 的元素,可以看到将求 Trace 转为求一个单位矩阵 1 加上矩阵  $e^{-A}$ 。 对于此证明,将 e 指数上的部分进行对角化,Trace 即为对于  $n_i = 0,1$  的可能性求和:

$$\operatorname{Tr}\left[e^{-\sum_{i,j}\hat{c}_i^{\dagger}A_{i,j}\hat{c}_j}\right] = \operatorname{Tr}\left[e^{-\sum_k\epsilon(k)\hat{c}_k^{\dagger}\hat{c}_k}\right] = \Pi_k\operatorname{Tr}\left[e^{-\epsilon(k)\hat{c}_k^{\dagger}\hat{c}_k}\right] = \Pi_k\left[1 + e^{-\epsilon(k)}\right]$$

上述等式显然成立。对于上式推广:

$$e^{-\sum_{i,j}c_i^{\dagger}A_{i,j}c_j}e^{-\sum_{i,j}c_i^{\dagger}B_{i,j}c_j}=e^{-\sum_{\nu}c_{\nu}^{\dagger}l_{\nu}c_{\nu}}$$

从单粒子态开始:  $e^{-A}e^{-B}$  的作用在  $|\psi\rangle = c_{0}^{\dagger}|0\rangle$ :

$$e^{-\sum_{i,j} c_i^{\dagger} A_{i,j} c_j} e^{-\sum_{i,j} c_i^{\dagger} B_{i,j} c_j} |\psi\rangle = \left(e^{-A} e^{-B}\right)_{\nu\nu} c_{\nu}^{\dagger} |0\rangle = e^{-l_{\nu}} c_{\nu}^{\dagger} |0\rangle$$

考虑一个多粒子态比如二粒子态  $|\phi\rangle = c_{\mu\nu}^{\dagger} c_{\mu\nu}^{\dagger} |0\rangle$ ,有:

$$\begin{split} e^{-c_i^{\dagger}B_{ij}c_j}|\phi\rangle &= \prod_{\mu} \left[ 1 + \left( e^{-B_{\mu}} - 1 \right) c_{\mu}^{\dagger}c_{\mu} \right] c_{\mu_1}^{\dagger}c_{\mu_2}^{\dagger} |0\rangle \\ &= e^{-B_{\mu_1}} e^{-B_{\mu_2}} c_{\mu_1}^{\dagger}c_{\mu_2}^{\dagger} |0\rangle \end{split}$$

因此有:

$$\operatorname{Tr}\left[e^{-\sum_{i,j}c_i^{\dagger}A_{i,j}c_j}e^{-\sum_{i,j}c_i^{\dagger}B_{i,j}c_j}\right] = \operatorname{Det}\left(1 + e^{-\mathbf{A}}e^{-\mathbf{B}}\right)$$

本论文着重于对 DQMC 产生的数据进行数据分析的程序的编写。

# 4.3 模拟结果数据处理程序的编写

由于我们计算结果都存放在远程服务器上,所以我们在本地编写数据处理程序来 帮助我们处理数据。

#### 4.3.1 运行所需环境

我们的编写环境在 Macos 以及 Linux 下,程序语言是 python,如下是需要的运行 python 库,其中 pexpect 库无法在 Windows 环境下运行,需要安装 WSL2。

```
import pexpect
from pathlib import Path
import os
import matplotlib.pyplot as plt
import re
```

#### 4.3.2 程序编写思路

我们将数据从服务器下载到本地处理,利用 pexpect 库向终端提交 scp 命令将数据打包下载到本地处理 []。

```
cmdline = 'scp -r %s %s@%s:%s' % (filename, user, ip, dst_path)
```

接着我们定义了四个函数利用字符串格式化匹配数据文件名

在获取文件名后利用 python 读取文件数据,进行字符串匹配,例如输出对.out 文件的数据输出如下,返回数据存放在列表中。

```
def data_out(self, path,filename, strs, numstart, numend):#输出结果
  data_list=[]
  a=[]
  b=[]
  with open(filename, 'r') as f:
    for i in f.readlines():
```

```
data_list.append(i)

for i in range(numstart,numend):
    k =data_list[i]
    result = "".join(k.split())
    a.append(result)

for j in range(len(a)):
    if strs in a[j]:
        data_analysis.data_write(self,path,'result',data_list[j+numstart])
        b.append(data_list[j+numstart])

return b
```

最后如下所示代码通过 matplotlib 库以及通过正则表达式对数据进行整合输出成图表,并且由于是面对对象的编程,本程序完成编写后可以为其他的程序调用,减轻了数据处理的负担。

```
def data_temperature(self,path,ls,dtaus,V1_value,V2s_value,Nstie,\\
   seed, mus, file):
   b=[]
   x=[]
   1=[]
   y=[]
   y0 = []
   err=[]
   y0err=[]
   for i in range(len(ls)):
       b.append(ls[i]*dtaus[i])
       x.append(1/(ls[i]*dtaus[i]))
   path1 = data_analysis.mkdir(self, path, V1_value, V2s_value, Nsite,mus)
       # 创建文件夹返回路径
   path3 = path1 + '/' + file
   for k in b:
       filename_tdm=data_analysis.filename_U4_tdm(self,V1_value,V2s_value,\\
          Nsite, seed, k, mus)
       if data_analysis.exit(self,path3,filename_tdm)==True:
          print('exit',filename_tdm)
       else:
          print("don't exit:",filename_tdm)
          data_analysis.download(self, '10.10.8.74', 'zhumo',
              '/home/zhumo/run_Ce3PtIn11/test', path1)
```

```
1.append(data_analysis.data_tdm_out(self,path3,path3+'/'+
   filename_tdm,'Pd'))
for i in 1:
   p=re.findall(r''\d+\.?\d*'',i[0])
   negative_p=re.findall(r"-\d+\.?\d*",i[0])
   print(p,negative_p)
   y.append(float(p[2])*10**float(p[3]))
   err.append(float(p[4])*10**float(negative_p[0]))
   y0.append(float(p[6])*10**float(p[7]))
   y0err.append(float(p[8])*10**float(negative_p[1]))
plt.figure()
plt.errorbar(x,y,yerr=err,fmt='-co')
plt.errorbar(x,y0,yerr=y0err,fmt=',',ecolor='b',capsize=3)
plt.xlabel('T')
plt.ylabel('Pd_Pd0')
plt.title(str(V1_value)+'-'+str(V2s_value),fontsize=12)
plt.legend(title=('Pd','Pd0'))
plt.ylim(0,0.5)
# plt.xlim(0,30)
plt.show()
```

#### 4.4 反铁磁结构因子

我们计算 f 轨道的局域动量的反铁磁结构因子 (AF),

$$S_{\mathrm{AF}}^{f}\left(V_{1},V_{2}\right) = \frac{1}{N} \sum_{ij} e^{-i\mathbf{q}\cdot\left(\mathbf{R_{i}}-\mathbf{R_{j}}\right)} \left\langle \left(n_{i\uparrow}^{f}-n_{i\downarrow}^{f}\right) \left(n_{j\uparrow}^{f}-n_{j\downarrow}^{f}\right)\right),$$

其中  $\mathbf{q} = (\pi, \pi)$ ,  $\mathbf{R}_{\mathbf{i}}$  表示位点 j 的坐标, N 表示晶格大小。

我们使用 DQMC 对 PAM 模型的反铁磁结构因子进行验证。利用图8(b) 进行验证。其中参数如下

```
V1_value = 1.0

V2s_value = 1.0

V12s=0.005

Ncell=6

Nsite=Ncell**2

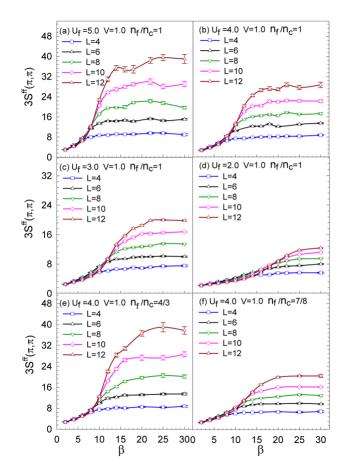
ls=[20,40,60,80,100,120]

dtaus=[0.1,0.1,0.1,0.1,0.1,0.1]
```

T=ls\*dtaus

seed='s1234567'

mus=0.0



**图 8:** (a)-(d) 展示了在 V=1 时随着  $\beta$  的增加以及不同晶格大小的情况下 AF 结构因子的变化 [12]。

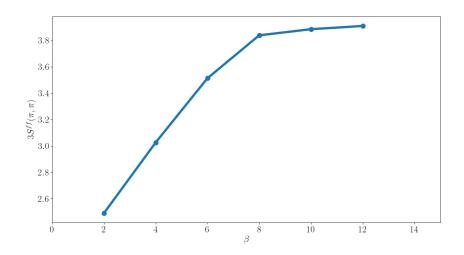
其中 V1\_value 是图6中的  $V_1$ ,同理 V2s\_value 是图6中的  $V_2$ 。通过服务器的模拟 结果如图9所示。与文献中符合的较好。

## 4.5 d 波超导

掺杂的 PAM 提供了 d 波超导。因此,通过计算 f 电子的 d 波配对磁化率来研究 增强的 AF 和 d 波超导电性之间的相互作用,

$$P_{d} = \frac{1}{N} \frac{1}{G} \sum_{ij} \sum_{\delta \delta'} g(\delta') g^{*}(\delta)$$

$$\times \int_{0}^{\beta} \left\langle f_{j+\delta',\downarrow}(\tau) f_{j,\uparrow}(\tau) f_{i,\uparrow}^{\dagger}(0) f_{i+\delta,\downarrow}^{\dagger}(0) \right\rangle d\tau$$
(4.1)



**图 9:** 横坐标  $\beta = 1/T$ ,而纵坐标为反铁磁结构因子。其中由于时间关系本文只计算了 N = 6,温度 T = 0.5K, 0.25K, 0.167K, 0.125K, 0.1K, 0.083K。

其中  $g(\delta)$  是实空间的一般形状因子, $G = \sum_{\delta} |g(\delta)|^2$  是归一化因子。特别的,对于 d 波配对通道,沿 x 和 y 方向的最近邻分离  $\delta$  的  $g(\delta) = \pm 1$ 。相似的我们可以定义和计算不相关的磁化率  $P_d^0$ ,即气泡贡献,无需顶点修正。在 DQMC 模拟中, $P_d$  和  $P_d^0$  的区别在于计算公式4.1中的四费米的期望值。准确的说, $P_d(p_d^0)$  包含由 Wick 收缩得到的格林函数,先相乘 (平均),然后再平均 (相乘)。因此,因此, $P_d$  包含所有相互作用影响,而  $P_d^0$  仅考虑单粒子水平的相互作用。我们可以进一步定义交互顶点通过

$$\Gamma_d = \frac{1}{P_d} - \frac{1}{p_d^0} \tag{4.2}$$

所以  $\Gamma_d P_d^0$  的符号反映配对相互作用是排斥 (正) 还是吸引 (负)。方程4.2可以被改写成

$$P_d = \frac{P_d^0}{1 + \Gamma_d P_d^0} \tag{4.3}$$

所以  $\Gamma_d P_d^0 = -1$  标志着 d 波超导的产生。

利用 DQMC 计算二维 Hubbard 模型的超导相,以下是设置参数

V1\_value = 1.0

 $V2s_value = 0.001$ 

V12s=0.001

Ncell=4

Nsite=Ncell\*\*2

ls=[20,40,60,80,100,120]

dtaus=[0.1,0.1,0.1,0.1,0.1,0.1]

T=ls\*dtaus

seed='s1234567'

mus=0.0

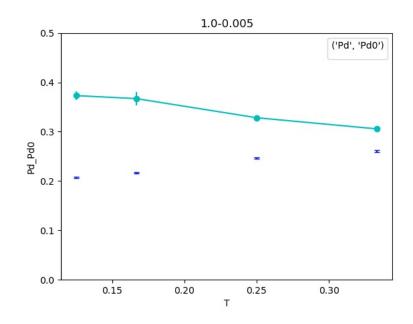
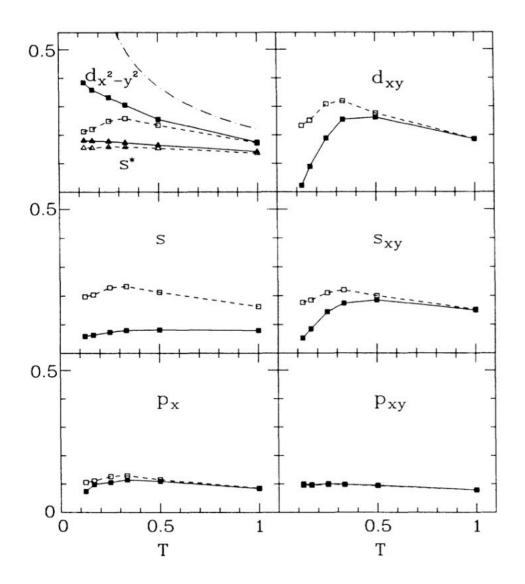


图 10: 不同温度下 Pd 和 Pd<sub>0</sub>(紫色为 Pd<sub>0</sub>, 蓝色为 Pd)



**图 11:** 在半填充 ( $\langle n \rangle = 1$ ) 下,绘制了不同对场模式下对场磁化率 **P**(实心点)和不相关对场磁化率 **P**(空心点)与 **T** 的关系图 [13]。

利用图11验证结果正确性,计算结果如图10所示。

# 第5章 总结与展望

#### 5.1 总结

首先我们介绍了Ce<sub>3</sub>(Pd/Pt)In<sub>11</sub>,这种重费米子材料可以允许反铁磁和非常规超导的共存,并且两者还有竞争与共存机制,通过对这类材料的研究能够加深我们对重费米子材料超导机制的理解。并且我们对 Hubbard 模型近似,通过设置合适的参数,利用 DQMC 对周期安德森模型进行了模拟,与文献的结果符合较好。并且初步完成了对 Hubbard 模型的计算模拟,初步验证了在Ce<sub>3</sub>(Pd/Pt)In<sub>11</sub> 中超导和反铁磁的机制。

同时我们我们利用 python 对计算结果进行处理,成功实现了数据的自动化处理,极大方便了后期的数据备份以及分析。

#### 5.2 未来展望

我们计划进一步通过设置参数利用 DQMC 对我们构建出来的有效模型进行进一步模拟,将Ce<sub>3</sub>(Pd/Pt)In<sub>11</sub> 材料中的超导与反铁磁共存与竞争机制通过。

对于反铁磁与超导态在微观上是如何相互耦合的,本文目前还没能很好的解释, 也是未来的研究方向。

同样对于重费米子材料的研究,例如非常规超导的测量以及调控,能够拓展我们 对强关联物理的理解,并且由于重费米子材料中的相互作用比较复杂,目前还未形成 一个朴实的模型。目前主要有唯象自旋涨落理论、涨落交换近似理论、轨道选择理论、 自治重整化理论等多种理解思路。

# 参考文献

- [1] Kratochvílová M, Prokleška J, Uhlířová K, et al. Coexistence of antiferromagnetism and superconductivity in heavy fermion cerium compound Ce3PdIn11[J]. Scientific reports, 2015, 5(1): 1-11.
- [2] Wu W, Tremblay A M S. d-wave superconductivity in the frustrated two-dimensional periodic Anderson model[J]. Physical Review X, 2015, 5(1): 011019.
- [3] Prokleška J, Kratochvílová M, Uhlířová K, et al. Magnetism, superconductivity, and quantum criticality in the multisite cerium heavy-fermion compound Ce 3 PtIn 11[J]. Physical Review B, 2015, 92(16): 161114.
- [4] Custers J, Diviši M, Kratochvílová M. Quantum critical behavior and superconductivity in new multi-site cerium heavy fermion compound Ce3PtIn11[C]//Journal of Physics: Conference Series. IOP Publishing, 2016, 683(1): 012005.
- [5] Das D, Gnida D, Bochenek Ł, et al. Magnetic field driven complex phase diagram of antiferromagnetic heavy-fermion superconductor Ce3PtIn11[6]. Scientific Reports, 2018, 8(1): 1-10.
- [6] Kambe S, Sakai H, Tokunaga Y, et al. In 115 NQR study with evidence for two magnetic quantum critical points in dual Ce site superconductor Ce 3 PtIn 11[J]. Physical Review B, 2020, 101(8): 081103.
- [7] Fukazawa H, Kumeda K, Shioda N, et al. Successive magnetic transitions in the heavy-fermion superconductor Ce 3 PtIn 11 studied by In 115 nuclear quadrupole resonance[J]. Physical Review B, 2020, 102(16): 165124.
- [8] Shioda N, Kumeda K, Fukazawa H, et al. Determination of the magnetic q vectors in the heavy fermion superconductor Ce 3 PtIn 11[J]. Physical Review B, 2021, 104(24): 245119.
- [9] 沈斌, 袁辉球. 磁性量子相变 [J]. 物理, 2020, 49(9): 570-578.
- [10] De Haas W J, Van Den Berg G J. The electrical resistance of gold and silver at low temperatures[J]. Physica, 1936, 3(6): 440-449.
- [11] 李正中. 固体理论 [M]. 高等教育出版社, 2002.
- [12] Zhang L, Ma T, Costa N C, et al. Determinant quantum Monte Carlo study of exhaustion in the periodic Anderson model[J]. Physical Review B, 2019, 99(19): 195147.

[13] White S R, Scalapino D J, Sugar R L, et al. Attractive and repulsive pairing interaction vertices for the two-dimensional Hubbard model[J]. Physical Review B, 1989, 39(1): 839.

# 致谢

感谢母校的栽培,感谢老师们的尊尊教诲。感谢施老师的指导和关心,他没有给 我太大的压力,也没有让我过于放松,他能够因材施教,作业恰到好处。

# 附录

```
import pexpect
from pathlib import Path
import os
import matplotlib.pyplot as plt
import re
class data_analysis(object):
   def __init__(self):
      self.passwd_key = '12345'#密码
      print("data_analysis Working")
   def upload(self, ip, user, dst_path, filename):
      # 上传
      cmdline = 'scp -r %s %s@%s:%s' % (filename, user, ip, dst_path)
      try:
          child = pexpect.spawn(cmdline)
          child.expect(self.passwd_key)
          child.sendline()
          child.expect(pexpect.EOF)
          print("file upload Finish!")
      except Exception as e:
          print("upload failed:", e)
   def download(self, ip, user, dst_path, filename):
      # 下载
      cmdline = 'scp -r %s0%s:%s %s' % (user, ip, dst_path, filename)
      try:
          child = pexpect.spawn(cmdline)
          child.expect("password")
          child.sendline('12345')
          child.expect(pexpect.EOF, timeout=None)
             #timeout是持续时间如果下载时间很长可以大一点
          print("file download Finish!")
      except Exception as e:
```

```
print("download failed:", e)
def exit(self, path, filename):#判断文件是否存在
   p = Path(path)
   if p.is_dir() == True:
      files = p.glob(filename)
      if len(list(files)) == 0:
          print('dont exit')
          return False
      else:
          print('exit')
          return True
   else:
      print("this isn't a dir")
def data_write(self,path,filename,data):
   with open(path+'/'+filename+'.txt','a+') as f:
      f.writelines(data+'\n')
   print('write success')
def data_out(self, path,filename, strs, numstart, numend):#输出结果
   data_list=[]
   a=[]
   b=[]
   with open(filename, 'r') as f:
      for i in f.readlines():
          data_list.append(i)
   for i in range(numstart, numend):
          k =data_list[i]
          result = "".join(k.split())
          a.append(result)
   for j in range(len(a)):
      if strs in a[j]:
          data_analysis.data_write(self,path,'result',\\
             data_list[j+numstart])
          b.append(data_list[j+numstart])
   return b
```

```
def data_out_local(self,path,filename, strs,
   numstart, numend): #local_orb文件结果输出
   data_list=[]
   a=[]
   b=[]
   with open(filename, 'r') as f:
       for i in f.readlines():
          data_list.append(i)
   for i in range(numstart, numend):
          k =data_list[i]
          result = "".join(k.split())
          a.append(result)
   for j in range(len(a)):
       if str(a[j]).startswith(strs)==True :
          data_analysis.data_write(self,path,'result',data_list\\
              [j+numstart])
          b.append(data_list[j+numstart])
   return b
def data_tdm_out(self,path,filename,strs):
   data_list=[]
   a=[]
   b=[]
   with open(filename, 'r') as f:
       for i in f.readlines():
          data_list.append(i)
   for i in range(len(data_list)):
          k =data_list[i]
          result = "".join(k.split())
          a.append(result)
   for j in range(len(a)):
       if str(a[j]).startswith(strs)==True:
          for o in range(15):
              data_analysis.data_write(self,path,'result',\\
                 data_list[j+o])
             b.append(data_list[j])
          break
```

#### return b

```
def mkdir(self,path,V1_value,V2s_value,Nsite,mus):#创建文件夹
   Path=path+'/'+str(V1_value)+'_'+str(V2s_value)+'_'+str\\
       (Nsite)+'_'+str(mus)
   folder = os.path.exists(Path)
   if not folder:
      os.makedirs(Path)
      return Path
   else:
      return Path
def filename_U4(self, V1_value, V2s_value, Nsite, seed, T, mus):
   return "U4_V{}_tp{}_N{}_be{}_{}_mu{}.out".format(V1_value,
       V2s_value, Nsite, T, seed, mus)
def filename_local_orb(self, V1_value, V2s_value, Nsite,
   seed, T, mus):
   return
       "local_orb_U4_V{}_tp{}_N{}_be{}_{}_mu{}".format(V1_value,
       V2s_value, Nsite, T, seed, mus)
def filename U4_tdm(self, V1_value, V2s_value, Nsite, seed,T, mus):
   return "U4_V{}_tp{}_N{}_be{}_{}}_mu{}.tdm.out".format(V1_value,
       V2s_value, Nsite,T,seed, mus)
def filename_geom(self,V1_value,V2s_value,Nsite):
   return "geomU4_V{}_tp{}_N{}".format(V1_value, V2s_value, Nsite)
def data_conclusion(self,path,V1_value,V2s_value,Nsite,seed,\\
   T, mus, file):
   filename_judge = data_analysis.filename_U4(self, V1_value,
       V2s_value, Nsite, seed, T,mus) # U4文件名
   filename_local_orb =
       data_analysis.filename_local_orb(self, V1_value, V2s_value,
```

```
Nsite, seed, T,mus) # local_orb文件名
filename_geo = data_analysis.filename_geom(self, V1_value,
   V2s value, Nsite)
filename_tdm = data_analysis.filename_U4_tdm(self, V1_value,
   V2s_value, Nsite,seed,T,mus)
path1 = data_analysis.mkdir(self,path, V1_value, V2s_value,
   Nsite) # 创建文件夹返回路径
path3=path1+'/'+file
if data_analysis.exit(self,path3, filename_judge) == True and
   data_analysis.exit(self,path3, filename_local_orb) == True
   and data_analysis.exit(self,path3, filename_geo) == True and
   data_analysis.exit(self,path3, filename_tdm) == True:
   data analysis.data write(self,path1, 'result',
       '======')
   data_analysis.data_write(self,path1, 'result', 'Avg and
      Density')
   data_analysis.data_out(self,path1, path3 + '/' +
      filename_judge, 'Avg', 1, 47)
   data_analysis.data_out(self,path1, path3 + '/' +
      filename_judge, 'Density', 1, 47)
   data_analysis.data_write(self,path1, 'result', 'local_orb')
   strs = ['11', '22', '33', '44', '55', '66']
   for k in strs:
      data_analysis.data_out_local(self,path1, path3 + '/' +
          filename_local_orb, k, 23, 59)
   data_analysis.data_write(self,path1, 'result', 'Hamilt')
   data_analysis.data_out(self,path1, path3 + '/' +
      filename_geo, '', 17, 35)
   data_analysis.data_write(self,path1, 'result', 'tdm_out')
   data_analysis.data_tdm_out(self,path1, path3 + '/' +
      filename tdm, 'Pd')
else:
   data_analysis.download(self,'10.10.8.74', 'zhumo',
       '/home/zhumo/run_Ce3PtIn11/test', path1)
   Path2 = path1 + '/' + file
   data_analysis.data_write(self,path1, 'result',
       '========')
   data_analysis.data_write(self,path1, 'result', 'Hamilt')
```

```
data_analysis.data_out(self,path1, Path2 + '/' +
          filename_judge, 'Avg', 1, 47)
       data analysis.data out(self,path1, Path2 + '/' +
          filename_judge, 'Density', 1, 47)
       data_analysis.data_write(self,path1, 'result', 'local_orb')
       strs = ['11', '22', '33', '44', '55', '66']
       for k in strs:
          data_analysis.data_out_local(self,path1, Path2 + '/' +
              filename_local_orb, k, 23, 59)
       data_analysis.data_write(self,path1, 'result', 'Hamilt')
       data_analysis.data_out(self,path1, Path2 + '/' +
          filename_geo, '', 17, 35)
       data_analysis.data_write(self,path1, 'result', 'tdm_out')
       data_analysis.data_tdm_out(self,path1, path3 + '/' +
          filename_tdm, 'Pd')
   return 'Finish'
def data_temperature(self,path,ls,dtaus,V1_value,V2s_value,Nstie,\\
   seed, mus, file):
   b=[]
   x=[]
   1=[]
   y = []
   y0 = []
   err=[]
   y0err=[]
   for i in range(len(ls)):
       b.append(ls[i]*dtaus[i])
       x.append(1/(ls[i]*dtaus[i]))
   path1 = data_analysis.mkdir(self, path, V1_value, V2s_value,
       Nsite, mus) # 创建文件夹返回路径
   path3 = path1 + '/' + file
   for k in b:
       filename_tdm=data_analysis.filename_U4_tdm(self,V1_value,\\
          V2s_value, Nsite, seed, k, mus)
       if data_analysis.exit(self,path3,filename_tdm)==True:
          print('exit',filename_tdm)
       else:
```

```
print("don't exit:",filename_tdm)
           data_analysis.download(self, '10.10.8.74', 'zhumo',
              '/home/zhumo/run Ce3PtIn11/test', path1)
       1.append(data_analysis.data_tdm_out(self,path3,\\
          path3+'/'+filename_tdm,'Pd'))
   for i in 1:
       p=re.findall(r''\setminus d+\setminus .?\setminus d*'', i[0])
       negative_p=re.findall(r''-\d+\.?\d*'',i[0])
       print(p,negative_p)
       y.append(float(p[2])*10**float(p[3]))
       err.append(float(p[4])*10**float(negative_p[0]))
       y0.append(float(p[6])*10**float(p[7]))
       y0err.append(float(p[8])*10**float(negative_p[1]))
   plt.figure()
   plt.errorbar(x,y,yerr=err,fmt='-co')
   plt.errorbar(x,y0,yerr=y0err,fmt=',',ecolor='b',capsize=3)
   plt.xlabel('T')
   plt.ylabel('Pd_Pd0')
   plt.title(str(V1_value)+'-'+str(V2s_value),fontsize=12)
   plt.legend(title=('Pd','Pd0'))
   plt.ylim(0,0.5)
   # plt.xlim(0,30)
   plt.show()
# def data_out_tdm(self,path,ls,dtaus,V1_value,V2s_value,Nstie,\\
   seed, mus, file):
#
     return True
```

```
path = '/Users/xbunax/Documents/dqmc/dqmc_T' # 文件夹地址
V1_value =1.0
V2s_value = 1.0
Ncell=4
Nsite=Ncell**2
```