

苏州大学

本科毕业设计(论文)

学院(部)

物理科学与技术学院

题 目

重费米子物理的实验和理论研究进展

年 级

2018 级

专业

物理学

班 级

物理学中文班

学号

1822401002

姓 名

朱墨

指导老师

蒋密

职称

教授

论文提交日期

2021. 5

苏州大学

本科毕业设计（论文）独创性声明

本人郑重声明：所提交的本科毕业设计（论文）是本人在导师的指导下，独立进行研究工作所取得的成果。除文中已经注明引用的内容外，本设计（论文）不含其他个人或集体已经发表或撰写过的研究成果。对本文的研究作出重要贡献的个人和集体，均已在文中以明确方式标明。本人承担本声明的法律责任。

作者签名：_____ 日 期：_____

苏州大学

本科毕业设计（论文）使用授权声明

本人完全了解苏州大学关于收集、保存和使用本科毕业设计（论文）的规定，即：本科毕业设计（论文）的著作权以及文中研究成果的知识产权归属苏州大学。苏州大学有权向国家有关部门或第三方机构送交毕业设计（论文）的复印件和电子文档，允许毕业设计（论文）被查阅和借阅，可以采用影印、缩印或其他复制手段保存和汇编毕业设计（论文），可以将毕业设计（论文）的全部或部分内容编入有关数据库进行检索。

涉密设计（论文）☐

本设计（论文）属 _____ 在 _____ 年 _____ 月解密后适用本规定。

非涉密设计（论文）☐

论文作者签名： _____ 日 期： _____

导 师 签 名： _____ 日 期： _____

重费米子物理的实验和理论研究进展

摘要

重费米子材料是一种强关联电子系统,最近发现多个不等价位点的化合物如 $\text{Ce}_3(\text{Pd/Pt})\text{In}_{11}$, 其拥有两个不等位点 Ce1 和 Ce2, 实验表明, 超导性来自一个位点, 反铁磁性来自另一个位点, 针对这种材料, 本文构建了多轨道的有效模型, 利用行列式量子蒙特卡洛 (DQMC) 进行模拟研究, 本文报道了到目前为止的结果, 包括了分析程序的编写。本文将从背景介绍, 模型构建, 数据程序编写以及初步结果这几个方面来阐述。

关键词: 重费米子; 强关联系统; 量子蒙特卡洛计算; 反铁磁性; 超导态

Advances in Experimental and Physical Research of Heavy Fermion Physics

Abstract

Heavy fermion material is a strongly correlated electronic system. Recently, compounds with multiple unequal sites such as $\text{Ce}_3(\text{Pd/Pt})\text{In}_{11}$ have been found, which have two unequal sites Ce1 and Ce2. It is shown that superconductivity comes from one site and antiferromagnetism comes from another site. For this material, an efficient multi-orbital model is constructed for this material, and the simulation study is carried out using determinant quantum Monte Carlo (DQMC). This paper reports the results so far including the writing of the analysis program. This article will describe the background introduction, model construction, data programming and preliminary results.

keywords: Heavy Fermion; Strong connection system; quantum Monte Carlo; antiferromagnetic; superconductivity

目录

第 1 章	绪论	1
1.1	研究背景	1
1.2	理论模型	1
1.2.1	Hubbard 模型	1
1.2.2	周期安德森模型	2
1.2.3	Kondo 效应	3
1.2.4	Ruderman-Kittel-Kasuya-Yosida(RKKY) 相互作用	3
第 2 章	$\text{Ce}_3(\text{Pt/Pd})\text{In}_{11}$ 重费米子物理体系	4
2.1	概述	4
2.2	物理性质	5
2.2.1	电阻率	5
2.2.2	磁化系数	5
2.2.3	反铁磁和非常规超导	5
第 3 章	反铁磁性和非常规超导共存和竞争机制	6
3.1	非常规超导简介	6
3.2	超导与反铁磁的竞争与共存	7
第 4 章	关于 $\text{Ce}_3\text{PtIn}_{11}$ 的计算模拟研究	8
4.1	模型构建	8
4.1.1	哈密顿量	8
4.1.2	参数	9
4.1.3	极限情况	9
4.2	行列式量子蒙特卡洛 (DQMC)	10
4.2.1	蒙特卡洛	10
4.2.2	统计	10
4.2.3	量子蒙特卡洛	11
4.3	分析程序	11
4.3.1	运行所需环境	11
4.3.2	程序编写思路	12
4.4	反铁磁结构因子	14
4.5	d 波超导	16

第 5 章 总结与展望	18
参考文献	19
致谢	20
附录	21

第 1 章 绪论

1.1 研究背景

在固体物理中，重费米子材料是一种特殊的过渡金属化合物属于强关联电子系统如 $\text{Ce}_3\text{PtIn}_{11}$ 。重费米子化合物的性质通常来自稀土或镧系元素离子的部分填充的 f 轨道，表现为有效的局域磁矩。“重费米子”这个名字来自于费米子的行为，即它的有效质量大于其静止质量。以电子为例，低于特征温度时（通常为 10K ），这些金属化合物中的传导电子表现为它们的有效质量是自由粒子质量的 100 到 1000 倍。

重费米子材料由 K.Andres, J.E.Graebner 和 H.R.Ott 在 1975 年发现，他们观察到 CeAl_3 中线性比热容变化很大，在对掺杂超导体的研究中得出结论：一种材料中存在局域磁矩和超导态是不相容的，但是在 1979 年。Frank Steglich 等人在 CeCu_2Si_2 中发现了重费米子的超导性。H.von Löhneysen 等人于 1994 年在重费米子化合物的相图中发现了量子临界点和非费米液体行为，导致人们对这些化合物的研究产生了新的兴趣。另一个实验突破是（由 Gil Lonzarich 小组证明）重费米子中的量子临界性可能是非常规超导性的原因。

本文目的是利用 Determinant Quantum Monte Carlo(DQMC)，构建对这类材料的有效模型，针对构建的模型进行计算模拟研究，对 $\text{Ce}_3(\text{Pd/Pt})\text{In}_{11}$ 材料中发现的超导与反铁磁共存的现象进行模拟。

1.2 理论模型

1.2.1 Hubbard 模型

在一般的固体理论中，一般是将电子与电子之间的相互作用忽略，只考虑泡利不相容原理，故系统哈密顿量不存在电子相互作用。但是在实际中，尤其是窄能带晶体中，电子之间的相互作用无法忽略，如过渡金属氧化物和镧系氧化物，前者 3d 轨道之间交叠很大，d 轨道上的电子相互作用无法忽略，把这部分相互作用写入哈密顿量就得到了强关联模型即 Hubbard 模型 [1]。

多体系统的总哈密顿量为

$$H = \sum_i h(\mathbf{r}_i) + \frac{1}{2} \sum_{i,j} v_{ij}$$

$$v_{ij} = \frac{e^2}{|\mathbf{r}_i - \mathbf{r}_j|}$$

只考虑单个未填满的能带，如孤立的 s 带，在布洛赫表象中考虑相互作用哈密顿

量二次量化表示式可写成

$$H = \sum_{k,\sigma} E_k C_{k\sigma}^+ C_{k\sigma} + \frac{1}{2} \sum_{k_1, k_2, k'_1, k'_2} \sum_{\sigma, \sigma'} \langle k_1, k_2 | v | k'_1, k'_2 \rangle C_{k_1\sigma}^+ C_{k_2\sigma'}^+ C_{k'_2\sigma'} C_{k'_1\sigma} \quad (1.1)$$

其中 E_k 是能带电子的能量， $C_{k\sigma}^+$ 和 $C_{k\sigma}$ 代表布洛赫轨道上 σ 自旋电子的产生及湮灭算符。

我们采用 Wannier 表象

$$\begin{aligned} \psi_k(\mathbf{r}) &= N^{-\frac{1}{2}} \sum_i e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{R}_i} a(\mathbf{k} - \mathbf{R}_i) \\ C_{i\sigma}^+ &= N^{-\frac{1}{2}} \sum_k e^{-i\mathbf{k}\cdot\mathbf{R}_i} C_{k\sigma}^+ \\ C_{i\sigma} &= N^{-\frac{1}{2}} \sum_k e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{R}_i} C_{k\sigma} \end{aligned}$$

将1.1式变换为

$$H = \sum_{i,j} \sum_{\sigma} T_{ij} C_{i\sigma}^+ C_{j\sigma} + \frac{1}{2} \sum_{i,j,l,m} \sum_{\sigma, \sigma'} \langle ij | v | lm \rangle C_{i\sigma}^+ C_{j\sigma'}^+ C_{m\sigma'} C_{l\sigma}$$

其中

$$T_{ij} = N^{-1} \sum_k e^{i\mathbf{k}\cdot(\mathbf{R}_i - \mathbf{R}_j)} \mathbf{E}_k$$

对于窄带单中心积分

$$\langle ii | v | ii \rangle \equiv U = e^2 \int \frac{a^*(r - R_i) a^*(r' - R_i) a(r - R_i) a(r' - R_i)}{|r - r'|} \mathrm{d}r \mathrm{d}r'$$

是最重要的，代表同一格点周围能带电子之间的库伦作用。作为一个简单的模型，可以略去相互作用项中所有的多中心积分，只取单中心积分项。可以得到 Hubbard 哈密顿量

$$H = \sum_{i,j} \sum_{\sigma} T_{ij} C_{i\sigma}^+ C_{j\sigma} + \frac{U}{2} \sum_i \sum_{\sigma} n_{i\sigma} n_{i\sigma}^-$$

1.2.2 周期安德森模型

周期安德森模型是 P. W. Anderson 提出用哈密顿量解决金属中的磁性杂质 [2]。现用于描述近藤效应的问题，例如重费米子系统以及近藤绝缘体。对于单个杂质，哈密顿量为

$$H = \sum_{k,\sigma} \epsilon_k c_{k\sigma}^\dagger c_{k\sigma} + \sum_{\sigma} \epsilon_d d_{\sigma}^\dagger d_{\sigma} + U d_{\uparrow}^\dagger d_{\uparrow} d_{\downarrow}^\dagger d_{\downarrow} + \sum_{k,\sigma} V_k \left(d_{\sigma}^\dagger c_{k\sigma} + c_{k\sigma}^\dagger d_{\sigma} \right)$$

其中 c 是传导电子的湮灭算符， d 是杂质的湮灭算符， k 是传导电子波矢量， σ 标记自旋， U 是库伦排斥， V 表示杂化。

对于重费米子系统，周期安德森模型 (PAM) 描述了杂质晶格，其中一维模型哈密顿量为

$$H = \sum_{k,\sigma} \epsilon_k c_{k\sigma}^\dagger c_{k\sigma} + \sum_{j,\sigma} \epsilon_f f_{j\sigma}^\dagger f_{j\sigma} + U \sum_j f_{j\uparrow}^\dagger f_{j\uparrow} f_{j\downarrow}^\dagger f_{j\downarrow} + \sum_{j,k,\sigma} V_{jk} \left(e^{ikx_j} f_{j\sigma}^\dagger c_{k\sigma} + e^{-ikx_j} c_{k\sigma}^\dagger f_{j\sigma} \right)$$

其中 x_j 是杂质位点 j 的位置， f 是杂质产生算符 (在重费米子系统中按照惯例用 d 代替)，杂化项允许重费米子系统中的 f 轨道的电子相互作用，即使电子之间最大距离超过了 Hill 极限 (Hill 极限是钢系元素或稀土原子晶格中定义的临界距离，即晶格中的两个原子如果相隔的距离大于 Hill 极限， f 轨道的重叠就可以忽略不计)。

1.2.3 Kondo 效应

近藤效应描述了金属中传导电子由于磁性杂质的散射，从而导致特性变化，即电阻率随温度变化的最小值 (如图1)。近藤俊彦首先解释了这种影响的原因 [3]，他将三阶微扰理论应用于该问题，以解释 s 轨道传导电子对杂质处 d 轨道电子的散射 (近藤模型)。电阻率 ρ 在考虑了近藤效应后对温度 T 的依赖关系，如下

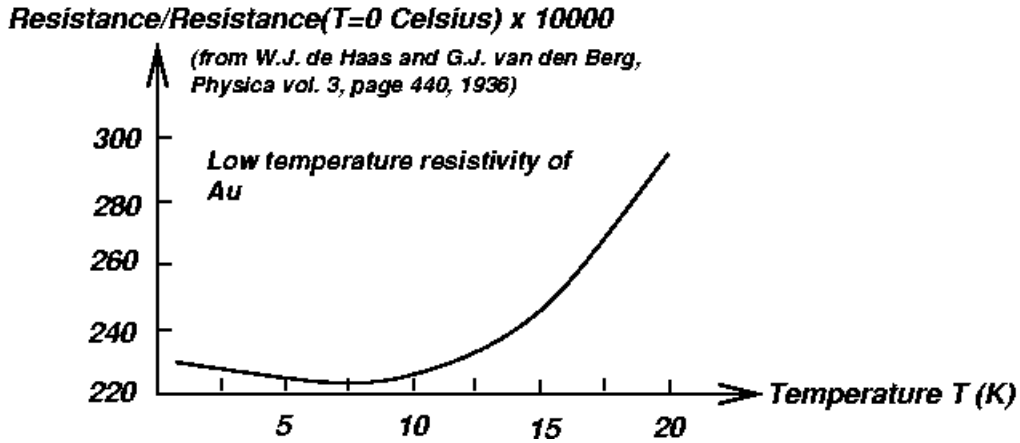


图 1: 含有少量铁杂质的金在低温下的行为 [4]。

$$\rho(T) = \rho_0 + aT^2 + c_m \ln \frac{\mu}{T} + bT^5$$

其中 ρ_0 表示剩余电阻率， aT^2 表示费米液体性质的贡献， bT^5 表示晶格振动： a, b, c_m 和 μ 是与温度无关的量。近藤俊彦导出了第三项，该项与温度和实验观察到的呈对数关系。

1.2.4 Ruderman-Kittel-Kasuya-Yosida(RKKY) 相互作用

RKKY interaction 指的是通过传导电子的相互作用，金属中的核磁矩或局域内部 d 或 f 壳层电子自旋的耦合机制 [5] [6] [7]。

RKKY 相互作用最初由加州大学伯克利分校的马尔文·鲁德曼 (Malvin Ruderman) 和查尔斯·基特尔 (Charles Kittel) 提出，作为一种解释在天然金属银中观察到的异常宽的核自旋共振线的方法。该理论使用二阶微扰理论来描述间接交换耦合，其中一个原子的核自旋通过超精细相互作用与传导电子相互作用，该传导电子与另一个核自旋相互作用，从而在两个核自旋之间产生关联能。（与核自旋通过超精细相互作用耦合到传导自旋不同，另一种情况是内部电子自旋通过交换相互作用耦合到传导自旋。）该理论基于布洛赫波函数，因此仅适用于晶体系统。派生的相互作用采用以下形式：

$$H(\mathbf{R}_{ij}) = \frac{\mathbf{I}_i \cdot \mathbf{I}_j}{4} \frac{|\Delta_{k_m k_m}|^2 m^*}{(2\pi)^3 R_{ij}^4 \hbar^2} [2k_m R_{ij} \cos(2k_m R_{ij}) - \sin(2k_m R_{ij})]$$

其中 H 代表了哈密顿量， $R_{i,j}$ 代表了 i 和 j 两原子核之间的距离， \mathbf{I}_i 为原子 i 的核自旋， $\Delta_{k_m k_m}$ 表示超精细相互作用强度的矩阵元， m^* 表示晶格中的电子的有效质量， k_m 是费米动量。

第 2 章 $\text{Ce}_3(\text{Pt/Pd})\text{In}_{11}$ 重费米子物理体系

2.1 概述

迄今为止研究的大多数铈重费米子化合物都有一个 Ce 离子的晶体学位点。在两个或者更多不等位点的化合物中，相应 Ce 离子的不同的局部环境导致 Ce 的 4f 轨道态与周围的配合基和传导态的不同相互作用。这反过来导致不同的近藤耦合强度。因此，在这些多位点铈化合物中，可能会出现各种新的和复杂的现象，其中基态的特征在于不同电子和磁性状态在微观尺度上的共存。如图2， $\text{Ce}_3\text{PdIn}_{11}$ 拥有两个 Ce 不等位点，其中一个 Ce 位点表示出顺磁性 ($T_N \approx 0.3K$) 而另一个 Ce 位点展现反铁磁性 ($T_Q \approx 0.5K$)。

$\text{Ce}_3\text{PdIn}_{11}$ 和 $\text{Ce}_3\text{PtIn}_{11}$ 都属于 $\text{Ce}_n\text{T}_m\text{In}_{3n+2m}$ 类材料。包括了 CeCoIn_5 、 CeRhIn_8 和 Ce_2RhIn_8 等一系列化合物。 $\text{Ce}_3\text{PdIn}_{11}$ 和 $\text{Ce}_3\text{PtIn}_{11}$ 晶体结构相似。在室温下的晶格常数分别是 $a = 4.687(4)\text{\AA}$ 和 $c = 16.8422(12)\text{\AA}$ 。

同样 $\text{Ce}_3\text{PtIn}_{11}$ 也拥有两个不等位点，晶胞中的三个 Ce 离子分布在晶体学上不等价的位点内。两个 Ce 离子位于 Ce1 的位置，其被类似于 Ce_2PtIn_8 中的 Ce 离子的配体包围。Ce2 的位置被一个 Ce 离子占据，离子拥有类似 CeIn_3 的环境。在无磁场的情况下， $\text{Ce}_3\text{PtIn}_{11}$ 在 $T_1 \simeq 2.2K$ 和 $T_N \simeq 2K$ 处经历两次连续的变化，进入反铁磁状态 (AFM)，并在 $T_c \simeq 0.32K$ 以下变为超导。

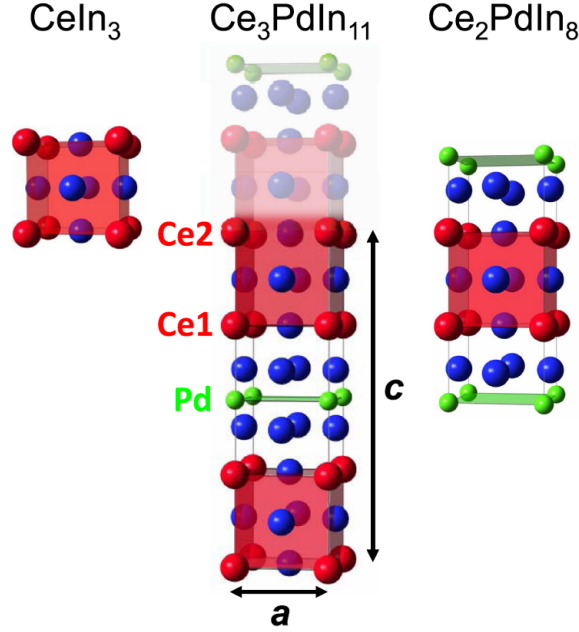


图 2: $\text{Ce}_3\text{PdIn}_{11}$ 的晶格结构 (中间), 指出了 Ce 两个不等位点 Ce1 和 Ce2 [8]。

2.2 物理性质

2.2.1 电阻率

如图3在 300K 时, c 轴电阻率等于 $600\Omega\text{cm}$, 大约是基平面 ρ 的 1.5 倍。随着温度降低 ρ 表现出随温度 $d\rho/dt > 0$ 的弱相关性。低于 30K 电阻率下降很快标志着高温下的不连续近藤散射向低温下的重电子布洛赫态的变化的交叉点。

2.2.2 磁化系数

$\chi(T)$ 沿晶格 c 轴和垂直于晶格 c 轴的磁场中测量到具有弱各向异性, 在温度为 3K 时 $\chi^{\parallel c}/\chi^{\perp c} \approx 1.25$ 。在超过 150K 时 $\chi(T)$ 遵循 Curie-Weiss 定律两个方向的有效磁矩为 $\mu_{eff} = 2.60\mu_B/Ce$, 与洪特规则对自由 Ce^{3+} 离子符合很好。Weiss 温度由对 $\theta_p^{\perp c} = -64K$ 和 $\theta_p^{\parallel c} = -42K$ 的曲线拟合到。图3显示了 $\text{Ce}_3\text{PtIn}_{11}$ 在低温下的环境压力热力学和传输特性。在图3(a) 插入显示了在一个大的温度范围低温下磁化率 $\chi^{\parallel c}$ 。

2.2.3 反铁磁和非常规超导

图3(a) 在更低温度下 $\chi(T)$ 在 T_1 时急剧下降, 第二个 AFM 转变在 $T \simeq 2.0K$ 表现为 0.1T 数据中显示为弱凸状结构。

将 C_{el}/T 跳跃的重点定义为过渡温度, 分别得到 $T_1 \simeq 2.2K$ 和 $T_N \simeq 2K$, 这些值与 $\chi(T)$ 和 $\rho(T)$ 的特征符合的很好 (图3中的虚线)。当 $T = 0.35K$ 时 C_{el}/T 发生了

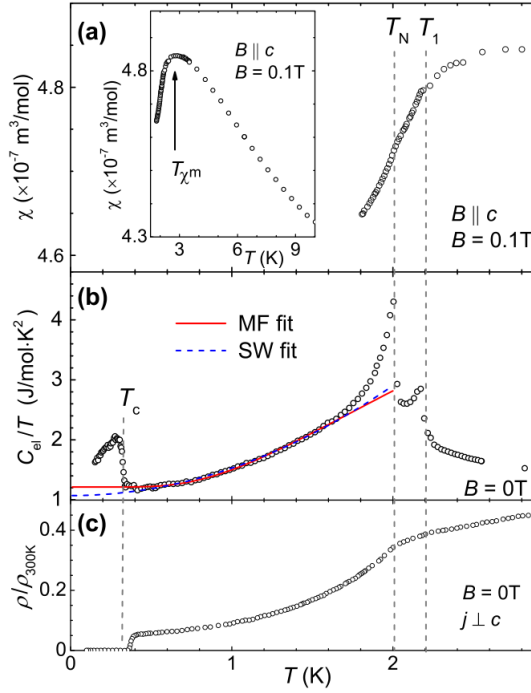


图 3: $\text{Ce}_3\text{PtIn}_{11}$ 在 $T < 3\text{K}$ 时的低温特性。(a) 在施加于 c 轴 $B = 0.1\text{T}$ 的磁场中 χ 与 T 的相关性。插入的部分显示了温度数据最大是 10K 。箭头指出了 χT 的最大值。(b) 电子部分的比热 C_{el}/T 作为 T 的函数在零场中。红色的实线和蓝色的虚线分别是 $T < 0.8T_N$ 到 $T = 0$ 的一个均值场和自旋波的拟合。(c) 电阻归一化到其室温的值在 $B=0\text{T}$ 和 $j \perp c$ [8]。

明显的变化，这表示了电阻率数据证实了材料向超导相的转变。将这个跳跃中点定义为 $T_c \simeq 0.32\text{K}$ 。

为了估算通常比热系数 γ_n 外推 AFM 低温向 $T = 0$ 变化的尾部图3b 红色虚线部分采用二阶平均场类型表达式, $C_{el}/T = \gamma_n + Ae^{-\Delta_{AFM}/T}$ 。拟合结果是 $\gamma_n = 1.21\text{J}/(\text{mol K}^2)$, $A = 8.97\text{J}/(\text{mol K}^2)$ 和 $\Delta_{AFM} = 3.44\text{K}$ (拟合区间是 $0.44 < T < 1.6\text{K}$)。拟合 $C_{el}/T \propto T^2$ (AFM 自旋波) 描述了相同区间的数据, 具有相似的质量, 但是 γ_n 减小了大约 10%。使用上述参数可以计算参数 $\Delta C/(\gamma T_c) \approx 0.7$, 大约是 BCS 理论预期值的一半。我们可以在这里假设, 参与超导的导带中的电子等量得来自两个 Ce 位点。

第 3 章 反铁磁性和非常规超导共存和竞争机制

3.1 非常规超导简介

在极低温下一些材料表现出完全抗磁性以及零电阻情况, 常规超导可以用 Bardeen-Cooper-Schrieffer (BCS) 理论解释其中的微观图像: 电子形成库伯对, 配对电子可以凝聚, 形成一个相位相干的宏观量子态。常规超导的共性: (1) 常规材料的电

子声子耦合较弱，转变温度 T_c 比较低；(2) 超导态的序参量 (超导电流密度) 的对称性和晶格保持一致。常规超导体有广泛的应用前景，但是受限于较低转变温度 T_c ，难以大范围应用。

对非常规超导尤其是重费米子超导体的研究表明，电子确实可以通过多种关联效应引起的临界涨落配对，比如自旋涨落、电荷密度涨落、价态涨落等。这些涨落足够强时，可以像声子一样在电子对之间产生净吸引效应，而克服电子之间的库伦排斥力并产生超导现象。并且大量的实验数据证实，无论是从能量尺度还是对称性角度，非常规超导和量子相变往往是紧密联系的。

3.2 超导与反铁磁的竞争与共存

如图4所示，重费米子超导的一个重要研究价值在其丰富的相图。图4(c)表示，大部分材料的低温相图与铜氧化合物、铁基高温超导体又非常类似。但是最早发现 Ce 基超导的 CeCu_2Si_2 仍然存在争议，从其相图看，材料中的超导和反铁磁序是竞争关系而非共存。可以简单理解为 Ce 原子的仅有的一个 f 电子很难同时参与反铁磁长程有序和超导序，但是并不妨碍反铁磁涨落与超导的共存关系。

2011 年 O.Stockert 等人通过非弹性中子散射实验给出了反铁磁涨落驱动 CeCu_2Si_2 超导的明确证据。在超导态，自旋激发能谱中看到了清晰的能隙，是由于磁交换能部分转变成了库伯对的凝聚能。同时在 CeCu_2Si_2 、 CePd_2Si_2 、 CeAu_2Si_2 等材料都在高压下、反铁磁消失的边界区域出现超导相，暗示了超导与反铁磁相的竞争关系。

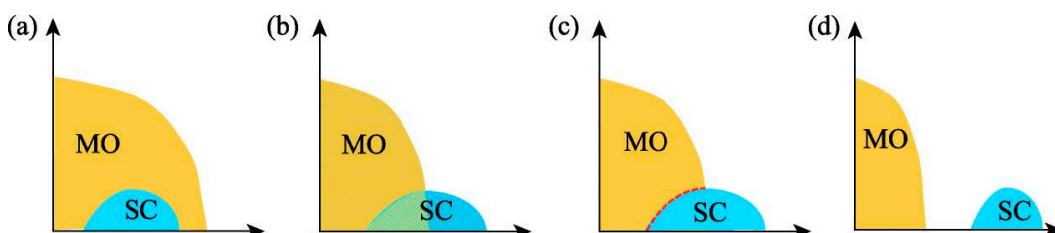


图 4: 重费米子超导体中超导相 (SC) 与磁有序相 (MO) 的竞争/共存相图，横坐标为化学掺杂/替代、压力、偏压等调控手段，纵坐标为温度。(a) 代表超导态完全处于磁有序相内部，如 UGe_2 、 YbRh_2Si_2 等；(b) 和 (c) 代表超导相从磁有序区域延伸到无磁性区域，但是 (b) 中超导与磁性可以在微观共存，如 CeRhIn_5 、 CePt_3Si 、 URhGe 、 UCoGe 、 $(\text{Ba,K})\text{Fe}_2\text{As}_2$ 等，而很多的 Ce 基、铜氧化合物、铁基超导体的相图与 (c) 一致；(d) 代表远离磁有序相以后材料才会出现超导态，比如 Pu-基超导体、 CeCu_2Si_2 的高压超导相、 $\beta\text{-YbAlB}_4$ 等，价态涨落可能与这些材料的超导有关 [9]。

在 2000 年前后，发现的 CeMIn_5 ($M=\text{Co}, \text{Rh}, \text{Ir}$) 极大的拓展了我们对重费米子超导以及反铁磁量子临界行为的认识。它们化学性质的特点在于 Co、Rh、Ir 这三种元素可以互相替代，获得连续可调的反铁磁态和超导态，同时超导和反铁磁相可以在微

观共存。在CeRhIn₅中，电子的自旋和电荷自由度通过 Kondo 效应和 RKKY 相互作用紧密联系在一起，在图5中可以明显看到温度-压力-磁场相图中很好的反应出来。

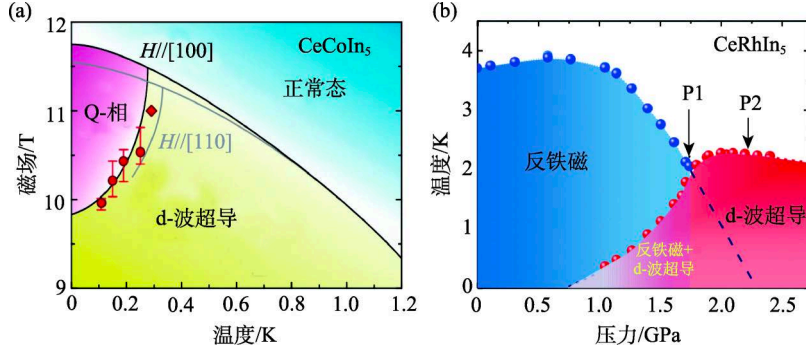


图 5: (a)CeCoIn₅ 磁场温度相图，高磁场下粉红色区域为 Q-相；(b)CeCoIn₅ 的压力-温度相图，中间粉色区域为超导与反铁磁共存的相 [9]。

第 4 章 关于Ce₃PtIn₁₁ 的计算模拟研究

4.1 模型构建

4.1.1 哈密顿量

为了阐述我们的发现，我们采用了最简化的原始模型如图6，该模型由两个不同的局域 f 轨道以及二维方形晶格上的传导电子组成：

$$\begin{aligned}
 \mathcal{H} = & -t \sum_{\langle ij \rangle \sigma} (c_{mi\sigma}^\dagger c_{mj\sigma} + c_{mj\sigma}^\dagger c_{mi\sigma}) - \mu \sum_{i\sigma} (n_{i\sigma}^c + n_{i\sigma}^f) \\
 & + V_m \sum_{i\sigma} (c_{mi\sigma}^\dagger f_{mi\sigma} + f_{mi\sigma}^\dagger c_{mi\sigma}) \\
 & + V_{12} \sum_{i\sigma} (c_{2i\sigma}^\dagger f_{1i\sigma} + f_{1i\sigma}^\dagger c_{2i\sigma}) \\
 & + U \sum_{mi} (n_{i\uparrow}^{f_m} - \frac{1}{2})(n_{i\downarrow}^{f_m} - \frac{1}{2})
 \end{aligned}$$

式中， $c_{i\sigma}^\dagger(c_{i\sigma})$ 和 $f_{mi\sigma}^\dagger(f_{mi\sigma})$ 与 $m = 1, 2$ 是传导电子的产生（湮灭）算符和两个自旋为 i 的局域 $f_{1,2}$ 电子。 $n_{i\sigma}^{c,f_m}$ 是相关的数字运算符。最近邻位点 $\langle ij \rangle$ 上的传导电子之间的跃迁 $t = 1$ 设置了能量标度。 U 是 $f_{1,2}$ 轨道中的局域排斥相互作用。请注意，在这项工作中，为了简单起见，我们只考虑 $f_{1,2}$ 轨道拥有相同 U 的情况，尽管它们通常可以不同。剩下的两个控制参数是两个不同的杂化，即 c - f_1 之间的 V 和 c - f_2 之间的 V_{12} 。

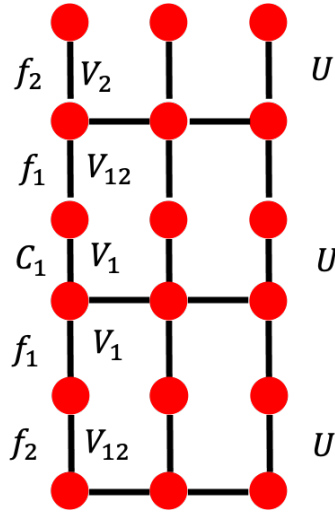


图 6: $\text{Ce}_3\text{PtIn}_{11}$ 的有效模型示意图, V_2 和 V_{12} 以及 V_1 为两者间的跃迁能, U 为局域排斥相互作用。

4.1.2 参数

本文假设 $V_1 \geq V_2$ 并主要关注有代表性的 f 轨道的 Hubbard 相互作用 $U = 4.0t$ 。此外, 我们将传导轨道和 f 轨道都视为晶格位置, 因此密度 ρ 实际上是两个轨道的平均密度。由于利用量子蒙特卡洛模拟这类费米子模型出现的符号问题并且兼顾到模拟时间的限制, 在大多数情况下, 本文使用较小的晶格尺寸如 4×4 和 6×6 , 以便研究系统在低温下的行为。

4.1.3 极限情况

实际研究模型性质之前, 我们需要针对某些极限情况做一些测试, 如图7所示, 当 f_1 和 f_2 轨道的相互作用很微弱时, 可以近似认为没有相互作用, 此时模型可以看成 PAM 进行计算。

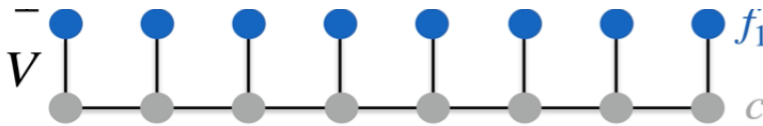


图 7: 晶格几何的一维表示, 包括 c , f_1 。

4.2 行列式量子蒙特卡洛 (DQMC)

4.2.1 蒙特卡洛

蒙特卡罗方法，也称统计模拟方法，是 1940 年代中期由于科学技术的发展和电子计算机的发明，而提出的一种以概率统计理论为指导的数值计算方法。是指使用随机数 (或更常见的伪随机数) 来解决很多计算问题的方法。

对于稳态分布 $\pi(i)$ ，我们有细致平衡条件：

$$\pi(i)Q(i, j)\alpha(i, j) = \pi(j)Q(j, i)\alpha(j, i)$$

其中 $Q(i, j)$ 表示从 i 尝试跳往 j 的概率， $\alpha(i, j)$ 为相应的接收的概率。我们通常选择：

$$\alpha(i, j) = \min \left\{ \frac{\pi(j)Q(j, i)}{\pi(i)Q(i, j)}, 1 \right\}$$

大多数情况下 $Q(i, j) = Q(j, i)$ 。如经典 Ising 模型的 Metropolis 中，每个构型的权重 $\propto e^{-\beta E}$ ，接收概率为 $\min \{e^{-\beta \Delta E}, 1\}$

4.2.2 统计

对于经典模型，我们有配分函数：

$$Z = \sum_{\sigma} e^{-\beta E_{\sigma}}$$

物理量：

$$\langle O \rangle = \frac{1}{Z} \sum_C O e^{-\beta E_C}$$

对于量子系统，配分函数：

$$Z = \text{Tr}\{e^{-\beta H}\}$$

选一组 basis：

$$Z = \sum_{\{\phi\}} \langle \{\phi\} | e^{-\beta H} | \{\phi\} \rangle$$

物理量：

$$\langle O \rangle = \frac{\text{Tr}\{O e^{-\beta H}\}}{Z}$$

4.2.3 量子蒙特卡洛

DQMC 模拟强关联系统的强有力的工具。强关联系统意味着量子粒子 (例如电子) 无法用独立电子近似描述 (类似于密度泛函理论和能带结构计算)。

DQMC 主要用来计算有限温度的费米子系统。DQMC 将求 Trace 转化为了求矩阵的行列式。例如：

$$\text{Tr}[e^{-\sum_{i,j} \hat{c}_i^\dagger A_{i,j} \hat{c}_j}] = \text{Det}[\mathbf{1} + e^{-\mathbf{A}}]$$

其中 $A_{i,j}$ 为矩阵 \mathbf{A} 的元素，可以看到将求 Trace 转为求一个单位矩阵 $\mathbf{1}$ 加上矩阵 $e^{-\mathbf{A}}$ 。对于此证明，将 e 指数上的部分进行对角化，Trace 即为对于 $n_i = 0, 1$ 的可能性求和：

$$\text{Tr} \left[e^{-\sum_{i,j} \hat{c}_i^\dagger A_{i,j} \hat{c}_j} \right] = \text{Tr} \left[e^{-\sum_k \epsilon(k) \hat{c}_k^\dagger \hat{c}_k} \right] = \prod_k \text{Tr} \left[e^{-\epsilon(k) \hat{c}_k^\dagger \hat{c}_k} \right] = \prod_k [1 + e^{-\epsilon(k)}]$$

上述等式显然成立。对于上式推广：

$$e^{-\sum_{i,j} c_i^\dagger A_{i,j} c_j} e^{-\sum_{i,j} c_i^\dagger B_{i,j} c_j} = e^{-\sum_{\nu} c_\nu^\dagger l_\nu c_\nu}$$

从单粒子态开始： $e^{-A}e^{-B}$ 的作用在 $|\psi\rangle = c_v^\dagger|0\rangle$ ：

$$e^{-\sum_{i,j} c_i^\dagger A_{i,j} c_j} e^{-\sum_{i,j} c_i^\dagger B_{i,j} c_j} |\psi\rangle = (e^{-A}e^{-B})_{\nu\nu} c_\nu^\dagger|0\rangle = e^{-l_\nu} c_\nu^\dagger|0\rangle$$

考虑一个多粒子态比如二粒子态 $|\phi\rangle = c_{\mu_1}^\dagger c_{\mu_2}^\dagger|0\rangle$ ，有：

$$\begin{aligned} e^{-c_i^\dagger B_{i,j} c_j} |\phi\rangle &= \prod_{\mu} [1 + (e^{-B_{\mu}} - 1) c_{\mu}^\dagger c_{\mu}] c_{\mu_1}^\dagger c_{\mu_2}^\dagger|0\rangle \\ &= e^{-B_{\mu_1}} e^{-B_{\mu_2}} c_{\mu_1}^\dagger c_{\mu_2}^\dagger|0\rangle \end{aligned}$$

因此有：

$$\text{Tr} \left[e^{-\sum_{i,j} c_i^\dagger A_{i,j} c_j} e^{-\sum_{i,j} c_i^\dagger B_{i,j} c_j} \right] = \text{Det} (1 + e^{-\mathbf{A}} e^{-\mathbf{B}})$$

本论文着重于对 DQMC 产生的数据进行分析，以及相关程序的编写。

4.3 分析程序

由于我们计算结果都存放在远程服务器上，而我们需要在本地备份数据并且输出结果，所以我们在本地编写数据处理程序来帮助我们处理数据。

4.3.1 运行所需环境

我们的编写环境在 MacOS 以及 Linux 下，程序语言是 python，如下是需要的运行 python 库，其中 pexpect 库无法在 Windows 环境下运行，需要安装 WSL2。

```
import pexpect
from pathlib import Path
import os
import matplotlib.pyplot as plt
import re
```

4.3.2 程序编写思路

我们将数据从服务器下载到本地处理，利用 pexpect 库向终端提交 scp 命令将数据打包下载到本地处理 []。

```
cmdline = 'scp -r %s %s@%s:%s' % (filename, user, ip, dst_path)
```

接着我们定义了四个函数利用字符串格式化匹配数据文件名

```
def filename_U4(self, V1_value, V2s_value, Nsite, seed, T, mus):
    return "U4_V{}_tp{}_N{}_be{}_{}_mu{}.out".format(V1_value, V2s_value,
        Nsite, T, seed, mus)

def filename_local_orb(self, V1_value, V2s_value, Nsite, seed, T, mus):
    return "local_orb_U4_V{}_tp{}_N{}_be{}_{}_mu{}".format(V1_value,
        V2s_value, Nsite, T, seed, mus)

def filename_U4_tdm(self, V1_value, V2s_value, Nsite, seed, T, mus):
    return "U4_V{}_tp{}_N{}_be{}_{}_mu{}.tdm.out".format(V1_value,
        V2s_value, Nsite, T, seed, mus)

def filename_geom(self, V1_value, V2s_value, Nsite):
    return "geomU4_V{}_tp{}_N{}".format(V1_value, V2s_value, Nsite)
```

在获取文件名后利用 python 读取文件数据，进行字符串匹配，例如输出对.out 文件的数据输出如下，返回数据存放在列表中。

```
def data_out(self, path, filename, str, numstart, numend):#输出结果
    data_list=[]
    a=[]
    b=[]
    with open(filename, 'r') as f:
        for i in f.readlines():
```

```

        data_list.append(i)
    for i in range(numstart,numend):
        k =data_list[i]
        result = "".join(k.split())
        a.append(result)
    for j in range(len(a)):
        if strs in a[j]:
            data_analysis.data_write(self,path,'result',data_list[j+numstart])
            b.append(data_list[j+numstart])
    return b

```

最后如下所示代码通过 matplotlib 库以及通过正则表达式对数据进行整合输出成图表，并且由于是面对对象的编程，本程序完成编写后可以为其他的程序调用，减轻了数据处理的负担。

```

def data_temperature(self,path,ls,dtaus,V1_value,V2s_value,Nstie,\\
    seed,mus,file):
    b=[]
    x=[]
    l=[]
    y=[]
    y0=[]
    err=[]
    y0err=[]
    for i in range(len(ls)):
        b.append(ls[i]*dtaus[i])
        x.append(1/(ls[i]*dtaus[i]))
    path1 = data_analysis.mkdir(self, path, V1_value, V2s_value, Nsite,mus)
    # 创建文件夹返回路径
    path3 = path1 + '/' + file
    for k in b:
        filename_tdm=data_analysis.filename_U4_tdm(self,V1_value,V2s_value,\\
            Nsite,seed,k,mus)
        if data_analysis.exit(self,path3,filename_tdm)==True:
            print('exit',filename_tdm)
        else:
            print("don't exit:",filename_tdm)
            data_analysis.download(self, '10.10.8.74', 'zhumo',
                '/home/zhumo/run_Ce3PtIn11/test', path1)

```

```

l.append(data_analysis.data_tdm_out(self,path3,path3+'/' +
filename_tdm,'Pd'))
for i in l:
    p=re.findall(r"\d+\.?\.?\d*",i[0])
    negative_p=re.findall(r"-?\d+\.?\.?\d*",i[0])
    print(p,negative_p)
    y.append(float(p[2])*10**float(p[3]))
    err.append(float(p[4])*10**float(negative_p[0]))
    y0.append(float(p[6])*10**float(p[7]))
    y0err.append(float(p[8])*10**float(negative_p[1]))
plt.figure()
plt.errorbar(x,y,yerr=err,fmt='-co')
plt.errorbar(x,y0,yerr=y0err,fmt=',',ecolor='b',capsize=3)
plt.xlabel('T')
plt.ylabel('Pd_Pd0')
plt.title(str(V1_value)+'-'+str(V2s_value),fontsize=12)
plt.legend(title=('Pd','Pd0'))
plt.ylim(0,0.5)
# plt.xlim(0,30)
plt.show()

```

4.4 反铁磁结构因子

我们计算 f 轨道的反铁磁结构因子 (AF),

$$S_{\text{AF}}^f(V_1, V_2) = \frac{1}{N} \sum_{ij} e^{-i\mathbf{q} \cdot (\mathbf{R}_i - \mathbf{R}_j)} \left\langle \left(n_{i\uparrow}^f - n_{i\downarrow}^f \right) \left(n_{j\uparrow}^f - n_{j\downarrow}^f \right) \right\rangle,$$

其中 $\mathbf{q} = (\pi, \pi)$, \mathbf{R}_i 表示位点 j 的坐标, N 表示晶格大小。

为了对模型进行测试。与之前发表文章中的图9(b) 进行比对。其中参数如下: $V_1 = 1.0$ 、 $V_{2s} = 1.0$ 、 $V_{12s} = 0.005$, 晶格大小为 $N = 6 \times 6$,

其中 $V1_value$ 是图6中的 V_1 , 同理 $V2s_value$ 是图6中的 V_2 。通过服务器的模拟结果如图10所示。与文献中符合的较好。

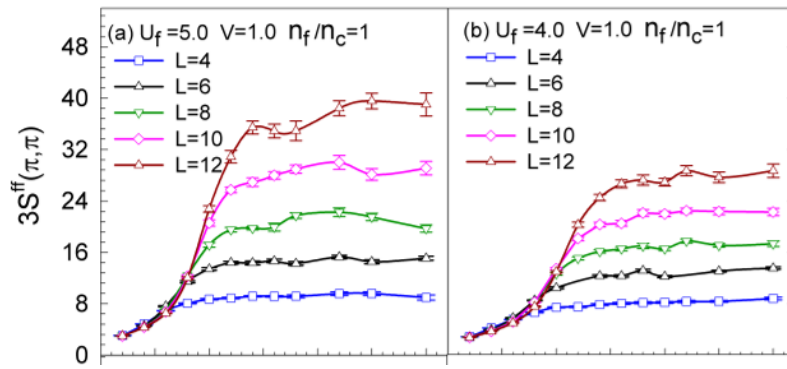


图 9: 在 $V=1$ 时随着 β 的增加以及不同晶格大小的情况下 AF 结构因子的变化 [10]。

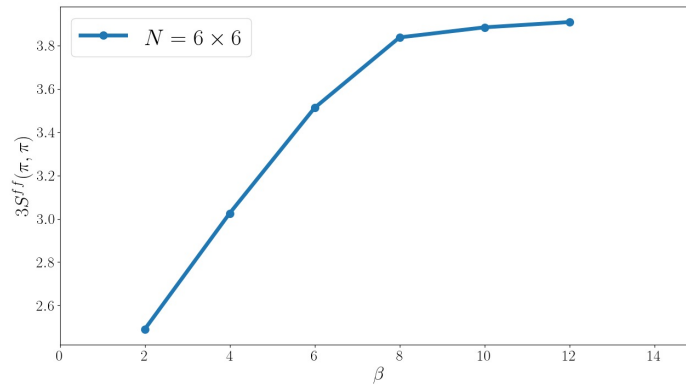


图 10: 横坐标 $\beta = 1/T$ ，而纵坐标为反铁磁结构因子。计算的温度为 $T = 0.5t, 0.25t, 0.167t, 0.125t, 0.1t, 0.083t$ 。

4.5 d 波超导

Hubbard 模型有掺杂之后，会出现 d 波超导，类似的我们构建的模型掺杂之后，也可能出现 d 波超导。因此，通过计算 f 电子的 d 波配对磁化率来研究 d 波超导电性，

$$P_d = \frac{1}{N} \frac{1}{G} \sum_{ij} \sum_{\delta\delta'} g(\delta') g^*(\delta) \times \int_0^\beta \left\langle f_{j+\delta',\downarrow}(\tau) f_{j,\uparrow}(\tau) f_{i,\uparrow}^\dagger(0) f_{i+\delta,\downarrow}^\dagger(0) \right\rangle d\tau \quad (4.1)$$

其中 $g(\delta)$ 是实空间的一般形状因子， $G = \sum_\delta |g(\delta)|^2$ 是归一化因子。特别的，对于 d 波配对通道，沿 x 和 y 方向的最近邻分离 δ 的 $g(\delta) = \pm 1$ 。相似的我们可以定义和计算无顶点修正的磁化率 P_d^0 。在 DQMC 模拟中， P_d 和 P_d^0 的区别在于计算公式 4.1 中的四费米的期望值。准确的说， $P_d(p_d^0)$ 包含由 Wick 缩并得到的格林函数，先相乘 (平均)，然后再平均 (相乘)。因此， P_d 包含所有相互作用影响，而 P_d^0 仅考虑单粒子水平的相互作用。我们可以进一步定义交互顶点

$$\Gamma_d = \frac{1}{P_d} - \frac{1}{p_d^0} \quad (4.2)$$

所以 $\Gamma_d P_d^0$ 的符号反映配对相互作用是排斥 (正) 还是吸引 (负)。方程 4.2 可以被改写成

$$P_d = \frac{P_d^0}{1 + \Gamma_d P_d^0} \quad (4.3)$$

所以 $\Gamma_d P_d^0 = -1$ 标志着 d 波超导的产生。

利用 DQMC 计算二维 Hubbard 模型的超导相，以下是设置参数：为了对模型进行测试。与之前发表文章中的图 9(b) 进行比对。其中参数如下：

$V_1 = 1.0$ 、 $V_{2s} = 0.001$ 、 $V_{12s} = 0.001$ ，晶格大小为 $N = 4 \times 4$ ，计算的温度为 $T = 0.125t, 0.167t, 0.25t, 0.33t$ 。

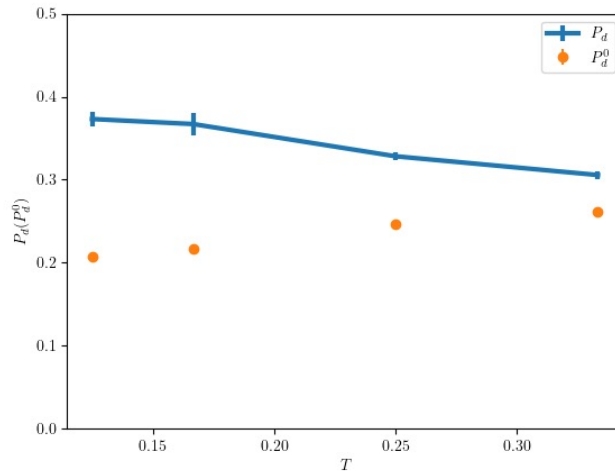


图 10: P_d 和 P_d^0 随温度的变化

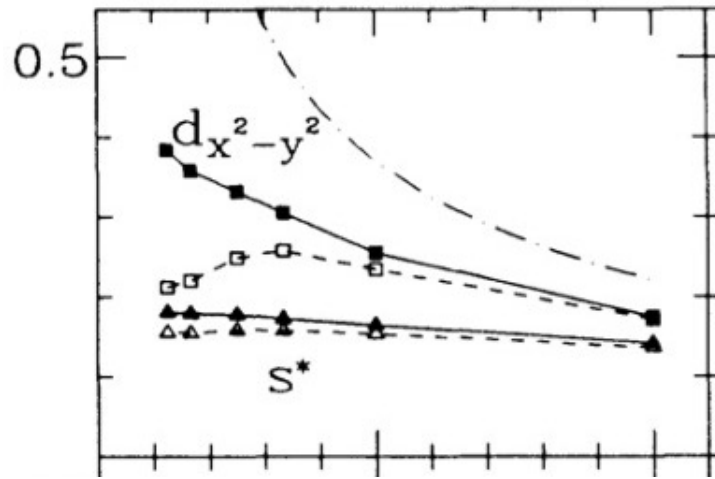


图 11: 在半填充 ($\langle n \rangle = 1$) 下, 绘制了不同对场模式下对场磁化率 P (实心点) 和不相关对场磁化率 P (空心点) 与 T 的关系图 [11]。

利用图11验证结果正确性, 计算结果如图10所示。

第5章 总结与展望

首先我们介绍了 $\text{Ce}_3(\text{Pd/Pt})\text{In}_{11}$ ，这种重费米子材料可以允许反铁磁和非常规超导的共存，并且两者还有竞争与共存机制，通过对这类材料的研究能够加深我们对重费米子材料超导机制的理解。本文初步完成了对我们所构建的模型的计算模拟，以及初步验证了在 $\text{Ce}_3(\text{Pd/Pt})\text{In}_{11}$ 中超导和反铁磁的机制。

同时本文利用 python 对计算结果进行处理，成功实现了数据的自动化处理，极大方便了后期的数据备份以及分析。

我们计划进一步通过设置参数利用 DQMC 对我们构建出来的有效模型进行进一步模拟，将 $\text{Ce}_3(\text{Pd/Pt})\text{In}_{11}$ 材料中的超导与反铁磁共存与竞争机制。

对于反铁磁与超导态在微观上是如何相互耦合的，本文目前还没能很好的解释，也是未来的研究方向。

同样对于重费米子材料的研究，例如非常规超导的测量以及调控，能够拓展我们对强关联物理的理解，并且由于重费米子材料中的相互作用比较复杂，目前还未形成一个普适的模型。目前主要有唯象自旋涨落理论、涨落交换近似理论、轨道选择理论、自洽重整化理论等多种理解思路。

参考文献

- [1] 李正中. 固体理论 [M]. 高等教育出版社, 2002.
- [2] Anderson P W. Localized magnetic states in metals[J]. Physical Review, 1961, 124(1): 41.
- [3] Kondo J. Resistance minimum in dilute magnetic alloys[J]. Progress of theoretical physics, 1964, 32(1): 37-49.
- [4] De Haas W J, Van Den Berg G J. The electrical resistance of gold and silver at low temperatures[J]. Physica, 1936, 3(6): 440-449.
- [5] Ruderman M A, Kittel C. Indirect exchange coupling of nuclear magnetic moments by conduction electrons[J]. Physical Review, 1954, 96(1): 99.
- [6] Kasuya T. A theory of metallic ferro-and antiferromagnetism on Zener's model[J]. Progress of theoretical physics, 1956, 16(1): 45-57.
- [7] Yosida K. Magnetic properties of Cu-Mn alloys[J]. Physical Review, 1957, 106(5): 893.
- [8] Prokleška J, Kratochvílová M, Uhlířová K, et al. Magnetism, superconductivity, and quantum criticality in the multisite cerium heavy-fermion compound $\text{Ce}_3\text{PtIn}_{11}$ [J]. Physical Review B, 2015, 92(16): 161114.
- [9] 沈斌, 袁辉球. 磁性量子相变 [J]. 物理, 2020, 49(9): 570-578.
- [10] Zhang L, Ma T, Costa N C, et al. Determinant quantum Monte Carlo study of exhaustion in the periodic Anderson model[J]. Physical Review B, 2019, 99(19): 195147.
- [11] White S R, Scalapino D J, Sugar R L, et al. Attractive and repulsive pairing interaction vertices for the two-dimensional Hubbard model[J]. Physical Review B, 1989, 39(1): 839.

致谢

感谢在苏大的四年，四年时间过得很快，还记得刚刚进入苏大校园懵懂的我，现在已经快要毕业并且即将迈入人生的下一个阶段。

回想这四年，从大一一路磕磕绊绊走来，苏大校园承载了太多回忆：和队友通宵赶实验进度的物科楼，期末奋战过的鸿远楼，考研时常去的本部图书馆，常去聚餐的莉莉小炒。

很庆幸这在苏大的四年没有荒废，一路走来高中还在求学的同学已经寥寥，很感谢大学室友能够激励我走到现在。

很感谢本科的指导过我的老师，翁雨燕老师，董裕力老师还有杨俊义老师，感谢你们的栽培，在本科能够让我尝试到不同方向的项目，我才能找到自己感兴趣的研究方向，并且在之后的科研道路上受益良多。同时也感谢毕业论文的指导老师蒋密老师，虽然毕设我只接触了短短的一两个月，但是在这过程中我学到了很多，虽然没能继续强关联方向的学习，但是所学到的知识在之后的科研工作中必定受益终身。

感谢这一路走来帮助过的我的辅导员郭永坤老师，帮我解决了生活学习上大大小小的问题，感谢我的爸爸妈妈，没有他们我无法幸福的度过这人生中最好的四年。

愿各位前程似锦，养天地正气，法古今完人。

附录

以下是本文所用到的数据处理程序，编写语言为python，运行环境为 macOS 和 Linux。

```
import pexpect
from pathlib import Path
import os
import matplotlib.pyplot as plt
import re

class data_analysis(object):

    def __init__(self):
        self.passwd_key = '12345'#密码
        print("data_analysis Working")

    def upload(self, ip, user, dst_path, filename):
        # 上传
        cmdline = 'scp -r %s %s@%s:%s' % (filename, user, ip, dst_path)
        try:
            child = pexpect.spawn(cmdline)
            child.expect(self.passwd_key)
            child.sendline()
            child.expect(pexpect.EOF)
            print("file upload Finish!")
        except Exception as e:
            print("upload failed:", e)

    def download(self, ip, user, dst_path, filename):
        # 下载
        cmdline = 'scp -r %s@%s:%s %s' % (user, ip, dst_path, filename)
        try:
            child = pexpect.spawn(cmdline)
            child.expect("password")
            child.sendline('12345')
            child.expect(pexpect.EOF, timeout=None)
            #timeout是持续时间如果下载时间很长可以大一点
```

```
        print("file download Finish!")
    except Exception as e:
        print("download failed:", e)

def exit(self, path, filename):#判断文件是否存在
    p = Path(path)
    if p.is_dir() == True:
        files = p.glob(filename)
        if len(list(files)) == 0:
            print('dont exit')
            return False
        else:
            print('exit')
            return True
    else:
        print("this isn't a dir")

def data_write(self,path,filename,data):
    with open(path+'/'+filename+'.txt','a+') as f:
        f.writelines(data+'\n')
    print('write success')

def data_out(self, path,filename, strs, numstart, numend):#输出结果
    data_list=[]
    a=[]
    b=[]
    with open(filename, 'r') as f:
        for i in f.readlines():
            data_list.append(i)
    for i in range(numstart,numend):
        k =data_list[i]
        result = "".join(k.split())
        a.append(result)
    for j in range(len(a)):
        if strs in a[j]:
            data_analysis.data_write(self,path,'result',\\
                data_list[j+numstart])
            b.append(data_list[j+numstart])
```

```
return b

def data_out_local(self,path,filename, strs,
numstart,numend):#local_orb文件结果输出
data_list=[]
a=[]
b=[]
with open(filename, 'r') as f:
    for i in f.readlines():
        data_list.append(i)
for i in range(numstart,numend):
    k =data_list[i]
    result = "".join(k.split())
    a.append(result)
for j in range(len(a)):
    if str(a[j]).startswith(strs)==True :
        data_analysis.data_write(self,path,'result',data_list\\
[j+numstart])
        b.append(data_list[j+numstart])
return b

def data_tdm_out(self,path,filename,strs):
data_list=[]
a=[]
b=[]
with open(filename, 'r') as f:
    for i in f.readlines():
        data_list.append(i)
for i in range(len(data_list)):
    k =data_list[i]
    result = "".join(k.split())
    a.append(result)
for j in range(len(a)):
    if str(a[j]).startswith(strs)==True:
        for o in range(15):
            data_analysis.data_write(self,path,'result',\\
data_list[j+o])
```

```

        b.append(data_list[j])
    break
return b

def mkdir(self,path,V1_value,V2s_value,Nsite,mus):#创建文件夹
    Path=path+'/'+str(V1_value)+'_'+str(V2s_value)+'_'+str\\
        (Nsite)+'_'+str(mus)
    folder = os.path.exists(Path)
    if not folder:
        os.makedirs(Path)
        return Path
    else:
        return Path

def filename_U4(self, V1_value, V2s_value, Nsite, seed, T, mus):
    return "U4_V{}_tp{}_N{}_be{}_{}_mu{}.out".format(V1_value,
        V2s_value, Nsite, T, seed, mus)

def filename_local_orb(self, V1_value, V2s_value, Nsite,
    seed,T,mus):
    return
        "local_orb_U4_V{}_tp{}_N{}_be{}_{}_mu{}".format(V1_value,
        V2s_value, Nsite, T,seed, mus)

def filename_U4_tdm(self, V1_value, V2s_value, Nsite, seed,T, mus):
    return "U4_V{}_tp{}_N{}_be{}_{}_mu{}.tdm.out".format(V1_value,
        V2s_value, Nsite,T,seed, mus)

def filename_geom(self,V1_value,V2s_value,Nsite):
    return "geomU4_V{}_tp{}_N{}".format(V1_value,V2s_value,Nsite)

def data_conclusion(self,path,V1_value,V2s_value,Nsite,seed,\\
    T,mus,file):
    filename_judge = data_analysis.filename_U4(self,V1_value,
        V2s_value, Nsite, seed, T,mus) # U4文件名

```

```

filename_local_orb =
    data_analysis.filename_local_orb(self,V1_value, V2s_value,
        Nsite, seed, T,mus) # local_orb文件名
filename_geo = data_analysis.filename_geom(self,V1_value,
        V2s_value, Nsite)
filename_tdm = data_analysis.filename_U4_tdm(self,V1_value,
        V2s_value, Nsite,seed,T,mus)
path1 = data_analysis.mkdir(self,path, V1_value, V2s_value,
        Nsite) # 创建文件夹返回路径
path3=path1+'/' +file
if data_analysis.exit(self,path3, filename_judge) == True and
    data_analysis.exit(self,path3, filename_local_orb) == True
    and data_analysis.exit(self,path3, filename_geo) == True and
    data_analysis.exit(self,path3, filename_tdm) == True:
    data_analysis.data_write(self,path1, 'result',
        '=====')
    data_analysis.data_write(self,path1, 'result', 'Avg and
        Density')
    data_analysis.data_out(self,path1, path3 + '/' +
        filename_judge, 'Avg', 1, 47)
    data_analysis.data_out(self,path1, path3 + '/' +
        filename_judge, 'Density', 1, 47)
    data_analysis.data_write(self,path1, 'result', 'local_orb')
    strs = ['11', '22', '33', '44', '55', '66']
    for k in strs:
        data_analysis.data_out_local(self,path1, path3 + '/' +
            filename_local_orb, k, 23, 59)
        data_analysis.data_write(self,path1, 'result', 'Hamilt')
        data_analysis.data_out(self,path1, path3 + '/' +
            filename_geo, '', 17, 35)
        data_analysis.data_write(self,path1, 'result', 'tdm_out')
        data_analysis.data_tdm_out(self,path1, path3 + '/' +
            filename_tdm, 'Pd')
    else:
        data_analysis.download(self,'10.10.8.74', 'zhumo',
            '/home/zhumo/run_Ce3PtIn11/test', path1)
        Path2 = path1 + '/' + file
        data_analysis.data_write(self,path1, 'result',

```

```

        '=====')
    data_analysis.data_write(self,path1, 'result', 'Hamilt')
    data_analysis.data_out(self,path1, Path2 + '/' +
        filename_judge, 'Avg', 1, 47)
    data_analysis.data_out(self,path1, Path2 + '/' +
        filename_judge, 'Density', 1, 47)
    data_analysis.data_write(self,path1, 'result', 'local_orb')
    strs = ['11', '22', '33', '44', '55', '66']
    for k in strs:
        data_analysis.data_out_local(self,path1, Path2 + '/' +
            filename_local_orb, k, 23, 59)
        data_analysis.data_write(self,path1, 'result', 'Hamilt')
        data_analysis.data_out(self,path1, Path2 + '/' +
            filename_geo, '', 17, 35)
        data_analysis.data_write(self,path1, 'result', 'tdm_out')
        data_analysis.data_tdm_out(self,path1, path3 + '/' +
            filename_tdm, 'Pd')
    return 'Finish'

def data_temperature(self,path,ls,dtaus,V1_value,V2s_value,Nstie,\\
    seed,mus,file):
    b=[]
    x=[]
    l=[]
    y=[]
    y0=[]
    err=[]
    y0err=[]
    for i in range(len(ls)):
        b.append(ls[i]*dtaus[i])
        x.append(1/(ls[i]*dtaus[i]))
    path1 = data_analysis.mkdir(self, path, V1_value, V2s_value,
        Nsite,mus) # 创建文件夹返回路径
    path3 = path1 + '/' + file
    for k in b:
        filename_tdm=data_analysis.filename_U4_tdm(self,V1_value,\\
            V2s_value,Nsite,seed,k,mus)
        if data_analysis.exit(self,path3,filename_tdm)==True:

```



```

        print('exit',filename_tdm)
    else:
        print("don't exit:",filename_tdm)
        data_analysis.download(self, '10.10.8.74', 'zhumo',
                                '/home/zhumo/run_Ce3PtIn11/test', path1)
        l.append(data_analysis.data_tdm_out(self,path3,\\
            path3+'/'+filename_tdm,'Pd'))
    for i in l:
        p=re.findall(r"\d+\.\d*",i[0])
        negative_p=re.findall(r"- \d+\.\d*",i[0])
        print(p,negative_p)
        y.append(float(p[2])*10**float(p[3]))
        err.append(float(p[4])*10**float(negative_p[0]))
        y0.append(float(p[6])*10**float(p[7]))
        y0err.append(float(p[8])*10**float(negative_p[1]))
    plt.figure()
    plt.errorbar(x,y,yerr=err,fmt='-co')
    plt.errorbar(x,y0,yerr=y0err,fmt=',',ecolor='b',capsize=3)
    plt.xlabel('T')
    plt.ylabel('Pd_Pd0')
    plt.title(str(V1_value)+'-'+str(V2s_value),fontsize=12)
    plt.legend(title=('Pd','Pd0'))
    plt.ylim(0,0.5)
    # plt.xlim(0,30)
    plt.show()

#
# def data_out_tdm(self,path,ls,dtaus,V1_value,V2s_value,Nstie,\\
#     seed,mus,file):
#     return True

```

```

path = '/Users/xbunax/Documents/dqmc/dqmc_T' # 文件夹地址

```

```

V1_value =1.0

```

```

V2s_value = 1.0

```

```
Ncell=4
Nsite=Ncell**2
ls=[20,40,60,80,100,120]
dtaus=[0.1,0.1,0.1,0.1,0.1,0.1]
file='dqmc_T'
#T=ls*dtaus
seed='s1234567'
mus=[0.0]
#data_analysis.data_conclusion(data_analysis,path,V1_value,\
    V2s_value, Nsite,seed,T,number)
data_analysis.data_temperature(data_analysis,path, ls, dtaus,
    V1_value, V2s_value, Nsite, seed, mus,file)
```
