

Cálculo II

16 de junio de 2014

1. Probar que, para todo $x \in \mathbb{R}$ con $0 < x \leq 1$ se tiene

$$\arctan x < x < \arcsin x$$

2. Sea $A = \{x \in \mathbb{R}^+ : -\pi/2 < x < \pi/2\}$ y $f : A \rightarrow \mathbb{R}$ la función definida por

$$f(x) = \frac{6(x - \sin x) \lg x - x^4}{x^6} \quad \forall x \in \mathbb{R}^+$$

Estudiar el comportamiento de f en $-\pi/2$, 0 y $\pi/2$.

3. Se considera la función $H : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ dada por

$$H(x) = \int_0^{x^2} \frac{e^{t^2} dt}{\sqrt{1+t^2}} \quad \forall x \in \mathbb{R}$$

- a) Estudiar los posibles extremos absolutos y relativos de H .
- b) Probar que $\lim_{x \rightarrow +\infty} e^{-x^2} H(x) = 2$.
- c) Calcular la imagen de H .