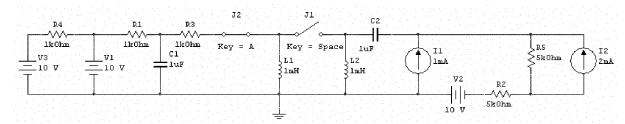


ANÁLISIS DE CIRCUITOS

Ingeniería de Telecomunicación Examen 11 de febrero de 2010

Duración: 2 horas 30 minutos Responda a cada pregunta en hojas separadas Lea detenidamente los enunciados antes de contestar

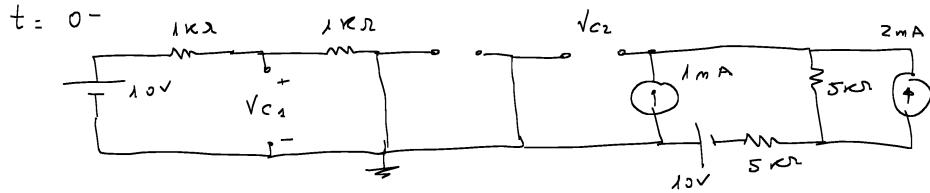
- 1. En el circuito de la figura los interruptores han permanecido conectados en la posición que se indica durante un tiempo largo. En t=0s cambian de posición (J2 se abre y J1 se cierra).
 - a) Calcule la tensión en los condensadores (C1 y C2) en t =0⁻s, en t =0⁺s y en t→∞.
 (1 punto)
 - b) Calcule la corriente en cada una de las bobinas (L1 y L2) en t =0⁻s, en t =0⁺s y en t→∞. (1 punto)
 - c) Calcule y represente la evolución de la tensión entre los extremos del condensador
 (C1) en función del tiempo (2 puntos)



a)
$$V_{c_1}(t=0^-)$$
 $V_{c_1}(t=0^+)$ $V_{c_1}(t=\infty)$

$$V_{c_2}(t=0^-)$$
 $V_{c_2}(t=0^+)$ $V_{c_2}(t=\infty)$

$$t=0^-$$
 IKX IKR V_{c_2}



$$V_{c_1}(t-0)=10.\frac{1}{2}=5$$

$$t=0+$$
 $V_{c,i}(t=0+)=V_{c,i}(t=0-)=5V_{c,i}(t=0+)=V_{c,i}(t=0-)=10V_{c,i}$

TAOV VC1

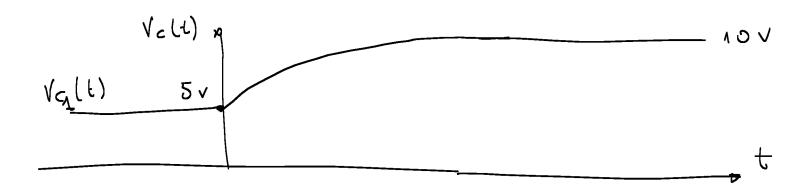
b)
$$I_{L_1}(t=0^-)$$
 $I_{L_2}(t=0^+)$ $I_{L_2}(t\to\infty)$
 $I_{L_2}(t=0^-)$ $I_{L_2}(t=0^+)$ $I_{L_2}(t\to\infty)$
 $t: 0^ I_{KR}$ I_{KR} I_{KR} I_{L_2} $I_{L_$

VL1(t): VL2(t) IL1 + IL2 = 0 L1 din = L2. duz J La dula dt = J Le dila dt [L, di,(t) = L, [C, (0) - i, (0)] = L, i, (0) - L, 5mA [+ L2 dil2(t) = L2[il2(0) - il2(0)] = L2il2(0) - L2.0 [La dilalt) = So Ladila(t) $L_{1} i_{L_{1}(\infty)} = 5 L_{1} = L_{2} i_{L_{2}(\infty)}$ $i_{L_{1}(\infty)} + i_{L_{2}(\infty)} = 0$

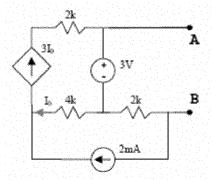
 $i_{LA}(\infty) = -i_{LA}(\infty)$ $L_A i_{LA}(\infty) + L_2 i_{LA}(\infty) = 5 L_A$ $L_A = L_2 = AmH$ $2 i_{LA}(\infty) = 5$ $i_{LA}(\infty) = 2, 5 mA$ $i_{LA}(\infty) = -2, 5 mA$

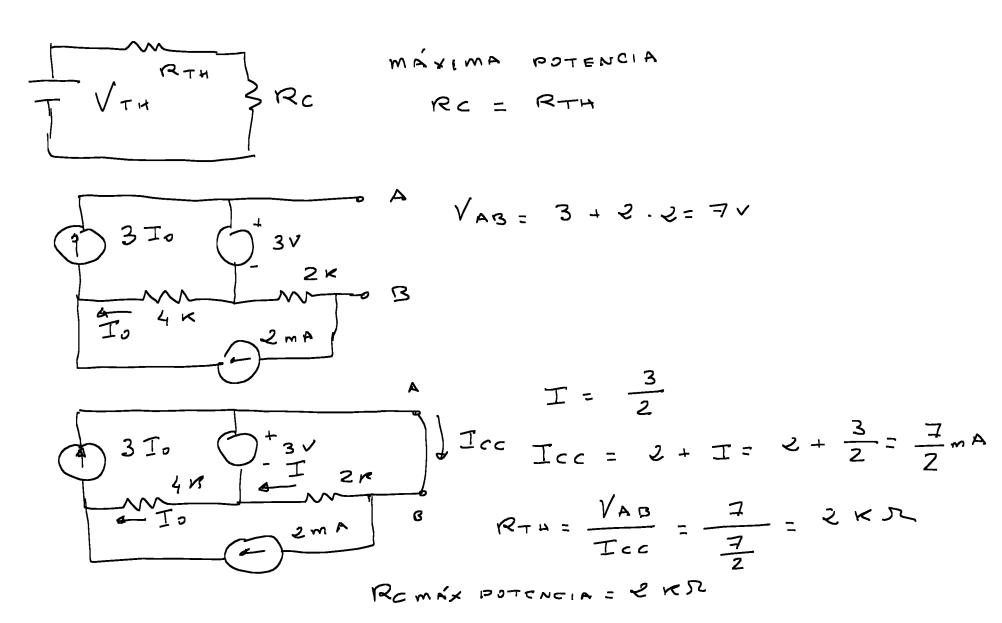
$$V_{C,1}(t; 0^{-}) = V_{C,1}(t; 0^{+}) = 5V$$

$$V_{C,1}(t; 0^{-}) = V_{C,1}(t; 0^{+}) =$$

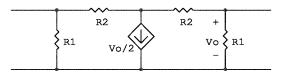


2. Determina el valor de la resistencia que colocada en los terminales A y B reciba la máxima potencia que pueda suministrarle el circuito (1.5 puntos).





3. Calcule el valor de las resistencias R1 y R2 del cuadripolo de la figura sabiendo el valor de los siguientes parámetros: $y_{11}=0.2 \ \Omega^{-1}$, $y_{21}=-0.1 \ \Omega^{-1}$. Complete la matriz de admitancias. (1.5 puntos).



$$V_{2}=0$$
 $\frac{T_{1}}{V_{2}=0}$
 R_{2}
 $V_{2}=0$
 $V_{3}=\frac{Z_{1}}{V_{1}}$
 R_{2}
 R_{3}
 R_{2}
 R_{3}
 R_{2}
 R_{3}
 R_{2}
 R_{3}
 R_{2}
 R_{3}
 R_{4}
 R_{2}
 R_{3}
 R_{4}
 R_{2}
 R_{3}
 R_{4}
 R_{2}
 R_{4}
 R_{4

$$\frac{T_1}{V_1} = \frac{R_{1+} \times R_2}{2R_1R_2} = 0, 2$$

$$\frac{T_2}{V_1} = -\frac{1}{2R_2} = -0, 1 \rightarrow R_2 = \frac{1}{0, 2} = 5\pi$$

$$R_{1} + 2R_{2} = 0,4R_{1}R_{2}$$
 $R_{1} - 0,4 - 5R_{1} = -2R_{2}$
 $R_{1}(1 - 2) = -10$
 $R_{1} = 10 \Sigma$

$$\frac{V_{2}}{5} - \frac{V_{2}}{2} = \frac{V_{A}}{5} + \frac{V_{A}}{5}$$

$$\frac{2V_{2} - 5V_{2}}{10} = \frac{2V_{A}}{5}$$

$$- 3V_{2} = 4V_{A} \qquad V_{A} = -\frac{3}{4}V_{2}$$

$$5 I_{2} = V_{2} \left(\frac{1}{2} + 4 + \frac{3}{4}\right) \qquad 5 I_{2} = V_{2} \frac{9}{4}$$

$$5 I_{2} = \frac{I_{2}}{V_{2}} \Big|_{V_{A} = 0} \qquad S_{2} = \frac{I_{2}}{V_{2}} = \frac{9}{20}$$

$$I_{A} = -\frac{V_{A}}{5} = -\frac{1}{5} \cdot \left(-\frac{3}{4}V_{2}\right)$$

$$5/12 = \frac{J_1}{V_2} \Big|_{V_1=0}$$
 $5/12 = \frac{-\frac{1}{1}}{V_2} = \frac{3}{20}$

4. Un circuito tiene una función de transferencia:

$$H(s) = \frac{V_o(s)}{V_i(s)} = \frac{2s}{s^2 + 3s + 2}$$

- a) Determine la salida estacionaria del circuito (Vo(t)) cuando se le aplica una señal $V_i(t) = \cos(5t) + \cos(10t)$ V. (1 punto).
- b) En el circuito anterior determina la respuesta a una entrada escalón
 Vi(t)=10u(t) si los elementos del circuito no almacenaban energía (condiciones iniciales nulas). (1 punto).
- c) Represente el diagrama de Bode en amplitud para dicha función de transferencia. ¿Qué tipo de filtro es el circuito? Determina el ancho de banda del filtro, frecuencia o frecuencias de corte y cuánto atenúa en cada década que aumente la frecuencia en la banda o bandas rechazadas. (1 punto).

Transformadas de posible utilidad:

$$u(t) \xrightarrow{\frac{L}{s}}$$

$$u(t)e^{at} \qquad \frac{\frac{1}{s-a}}{\frac{s-a}{s^2+\omega^2}}$$

$$\cos \omega t \qquad \frac{\frac{s}{s^2+\omega^2}}{\frac{L^{-1}}{\varepsilon}}$$

a)
$$V_{0}(t)$$
? $V_{1}(t) = \cos 5t + \cos 10t$
 $H(s) = \frac{V_{0}(s)}{V_{1}(s)} = \frac{2s}{s^{2} + 3s + 2}$
 $S = j\omega$
 $V_{01} = V_{11}^{2} \cdot H(j\omega)$
 $V_{01} = |V_{11}^{2} \cdot H(j\omega)| = |V_{11}^{2}| \cdot |H(j\omega)|$
 $|V_{01}^{2}| = |V_{11}^{2}| \cdot |H(j\omega)| = |V_{11}^{2}| \cdot |H(j\omega)|$
 $|V_{02}^{2}| = |V_{02}^{2}| \cdot |H(j\omega)|$

$$H(s) = \frac{25}{5^2 + 35 + 2}$$

$$H(5j) = \frac{10j}{-25+15j+2} = \frac{10j}{-23+15j} \quad |H(5j)| = \frac{10}{\sqrt{23^2+15^2}} = 0,364$$

$$H(10j) = \frac{20j}{-100 + 30j + 2} = \frac{20j}{-98 + 30j} |H(10j)| = \frac{20}{\sqrt{98^2 + 30^2}} = 0,195$$

 $| \sqrt{o_A} | = | \sqrt{i_A} | . | H(5)| = A \cdot 0.364 = 0.364$ $| \sqrt{o_A} | = | \sqrt{i_A} | . | H(0)| = A \cdot 0.195 = 0.195$ $| \sqrt{o_A} | = | \sqrt{i_A} | + | H(5)| = 0 - 56.88^\circ = -56.88^\circ$ $| \sqrt{o_A} | = | \sqrt{i_A} | + | H(5)| = 0 - 72.979^\circ = -72.979^\circ$ $| \sqrt{o_A} | = 0.364 | -56.88^\circ$ $| \sqrt{o_A} | = 0.195 | -72.979^\circ$

Vo (t) = 0,364 cos (5t-56,88°)+0,195 cos (10t-72,979°)

b)
$$V_{1}(t) = 10 \text{ w(t)}$$
 $V_{1}(s) = \frac{10}{s}$
 $V_{2}(s) = V_{1}(s) \cdot \frac{2s}{s^{2} + 3s + 2} = \frac{20}{s} \cdot \frac{2s}{s^{2} + 3s + 2} = \frac{20}{(s+1)(s+2)}$

$$S = \frac{-3 \pm \sqrt{9-8}}{2} = \frac{-3+1}{2} = -4$$

$$\frac{-3-1}{2} = -2$$

$$(s+1)(s+2) = \frac{A}{s+1} + \frac{3}{s+2}$$

$$A = (s+1) \cdot \frac{20}{(s+1)(s+2)} \Big|_{s=-4} = \frac{20}{4} = 20$$

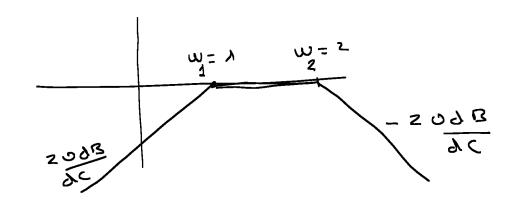
$$B = (s+2) \cdot \frac{20}{(s+1)(s+2)} \Big|_{s=-2} = \frac{20}{-4} = -20$$

$$V_{0}(s) = \frac{20}{(s+1)(s+2)} = \frac{20}{s+1} = \frac{20}{s+2}$$

$$V_{0}(t) = 20 \cdot e^{-t} = 20 \cdot e^{-2t}$$

c)
$$H(s) = \frac{Vo(s)}{V(s)} = \frac{s}{(s+1)} \left(\frac{s}{2} + 1\right)$$
 $S = \frac{1}{s+1}$
 $W = 1$
 $W = 1$
 $W = 2$
 $W = 2$

$$\frac{S}{\left(S+1\right)\left(\frac{S}{2}+1\right)}$$



- FILTRO PASO BANDA
- BW= WZ W1
- SE ATENUA 20 dB A PARTIR DE WZ