Alumno:	DNI.
A1u11110:	DINI;

Grupo: A1

Lógica y Métodos Discretos

Examen de Prácticas

Las siguientes preguntas deben ser contestadas en este papel, en el espacio que se ofrece después de cada una de ellas. Además, hay que guardar la sesión de Maxima y el programa PROLOG que se usan en la resolución, y llamarlos examen_nombre.wmx y examen_nombre.pl respectivamente. Estos ficheros se subirán a SWAD, en la pestaña Evaluación ->Mis trabajos. Ahí se guardarán en una carpeta de nombre Examen.

- 1. Estudiar, usando MAXIMA, si la fórmula $c \wedge b \wedge \neg d$ es consecuencia lógica de las fórmulas:
 - $((a \to e) \to \neg c) \land \neg d$
 - $(\neg c \to (a \to e)) \to \neg (a \land \neg e)$
 - b:
 - $\blacksquare \neg a \lor e \lor (b \land \neg d)$

Y en caso negativo, dar una interpretación que lo muestre.

- 2. Sea x el número formado por las 4 últimas cifras de tu DNI e y=30000+x. Es decir, si tu DNI es 12345678 entonces x=5678 e y=35678.
 - ¿Cuántos números hay con 5 cifras tales que el producto de esas cifras vale 40? ¿Cuántos de ellos son mayores que y?
- 3. Sea G el siguiente grafo:
 - El conjunto de vértices es el conjunto de los números pares comprendidos entre 0 y 200 (ambos inclusive).
 - Para cada dos vértices $x \in y$, hay un lado que los une si |x-y| vale 8, 9 ó 10.
 - a) ¿Cuántas compomentes conexas tiene G?
 - b) ¿Cuál es el número cromático de G?
 - c) ¿Tiene G un camino de Euler?. En tal caso, ¿cuál podría ser su origen?
 - d) ¿Cuál es la longitud menor de un ciclo de G?
 - e) Es G bipartido?
 - f) ¿Cuál es el camino más corto que va desde el vértice 100 hasta el vértice 132?
- 4. Sea x_n la sucesión definida por:

$$x_0 = 0;$$
 $x_1 = 1;$ $x_2 = 1;$ $x_{n+3} = 3x_{n+2} - x_{n+1} - 2x_n$

Calcular, usando PROLOG, el término x_{25} y el término x_{1111} .

Observación 0.1. La sucesión definida recursivamente en 4 es la sucesión de Fibonacci. Ha sido construida partiendo de la $f_{n_n \in \mathbb{N}}$ observando que:

$$f_{n+3} = f_{n+2} + f_{n+1}$$

$$= f_{n+1} + f_n + f_{n+1}$$

$$= 2f_{n+1} + f_n$$

$$= 3f_{n+1} - f_{n+1} + 3f_n - 2f_n$$

$$= 3(f_{n+1} + f_n) - f_{n+1} - 2f_n$$

$$= 3f_{n+2} - f_{n+1} - 2f_n$$

Esta es la forma en que se ha buscado la nueva definición, pero la demostración rigurosa puede ser vía una inducción "sencilla"