UNIVERSIDAD DE GRANADA DEPARTAMENTO DE MATEMATICA APLICADA ECUACIONES DIFERENCIALES I Primera prueba 5 de diciembre de 2014

1: 21x - 44.

El numero entre corchetes es la puntuación máxima de cada ejercicio.

2] Ejercicio 1.- Usando el cambio de variable $y = \ln x$ hallar la solucin del p.v.i.

$$4x' = 2t^2x + x \ln x, \quad x(1) = 1.$$

especificando el intervalo maximal donde está definida.

[4] Ejercicio 2.- Se considera el p.v.i.

$$z' = \frac{1}{i}Az, \quad z(1) = z_0,$$

con $t \in (0, \infty)$, $A \in M_n(\mathbb{R})$ y $x_0 \in \mathbb{R}^n$. Se pide:

- 1 Justificar que existe una única solución de este p.v.i. definida en (0, ∞), construir las aproximaciones en y encontrar la solución expresada en términos de la exponencial de una matriz.
- 2. Usando el cambio de variable independiente ! = e^s. hallar la solución de (1) y comparar con el nesos.

4 Ejercicio 3.-

i. Hallar la solución del p.v.i.

$$z' = \begin{pmatrix} -1 & -1 & 1 \\ 0 & 2 & 0 \\ -1 & -3 & 1 \end{pmatrix} z + \begin{pmatrix} \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} \end{pmatrix} \cdot z(5) = \begin{pmatrix} \frac{1}{2} \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}.$$

2 (Alexaner una cota del error que se camete en el intervalo (5, 10) cuando se toma la solución de (2) que en esta

$$x(3) = \begin{pmatrix} 1.001 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}.$$