Cálculo I

5 de septiembre de 2012

- 1. Desarrollar uno de los temas siguientes:
 - a) Teorema de complitud de R.
 - b) Teorema del valor intermedio para funciones continuas
- 2. Dilucidar si las siguientes afirmaciones son ciertas o falsas, explicando brevemente las respuestas:
 - (a) Existe un conjunto no vacío de números reales tal que el conjunto de sus minorantes es un intervalo de la forma $]-\infty$, a[con $a\in\mathbb{R}$
 - b) Existe una sucesión de números reales $\{x_n\}$ que está acotada y verifica que $|x_n x_m| > 10^{-10}$ siempre que $m \neq n$.
 - c) Si I es un intervalo, $f: I \to \mathbb{R}$ es una función invectiva y el conjunto J = f(I) es un intervalo, entonces la función inversa f^{-1} es continua.
 - d) Hay una función continua $f:[0,1] \to \mathbb{R}$ tal que f([0,1]) = [2,3].