

Examen de Teoría de Algoritmos.

Curso 2011–2012. Convocatoria ordinaria de Febrero. Duración: 2'30 horas.

I.T.I. Gestión e I.T.I. Sistemas

- 1. (2 pt.) Sea T(n) la ecuación de recurrencia de un algoritmo Divide y Vencerás. Si T(n) es de la forma $T(n) = aT(n/b) + n^k$ con $a \ge 1, b > 1$, resolver dicha ecuación y analizar el orden de ejecución del algoritmo dependiendo de los valores de a y b.
- 2. (2 pt.) Divide y Vencerás
 - a) (1 pt.) Utilizar la técnica Divide y Vencerás para diseñar un algoritmo que permita calcular a^n en $O(\log n)$, siendo a y n dos enteros positivos mayores que cero.
 - b) (1 pt.) Algoritmo de ordenación Mergesort.
- 3. (2 pt.) Sea V un conjunto de n actividades, donde cada actividad a viene definida por su nombre, su tiempo de inicio, $t(a)_i$, y su tiempo de fin, $t(a)_f$. Dadas dos actividades a_j y a_k se dice que se solapan en el tiempo cuando la intersección de sus intervalos temporales no es vacía. Resolver las siguientes cuestiones:
 - a) Diseñar un algoritmo voraz óptimo que maximize el número de tareas que una persona puede realizar al mismo tiempo sin solapamiento.
 - b) Diseñar un algoritmo voraz que minimize el tiempo que una persona puede estar ociosa sin solapamiento, para obtener la solución exacta o dar un contraejemplo en caso contrario.
- 4. (2 pt.) Diseñe un algoritmo basado en *backtracking* para calcular todos los anagramas de una cadena dada con ayuda de un diccionario. Por ejemplo, "COMPUTADORA" y "TAMPOCO DURA" son anagramas.
- 5. (2 pt.) Diseñar un algoritmo basado en programación dinámica que permita conocer cómo descomponer el numero entero n en la forma $a^3+b^3+c^3\ldots$ utilizando el menor número posible de términos, siendo dichos coeficientes números enteros entre 1 y n y pudiéndose repetir cada término tantas veces como sea necesario. Por ejemplo, una forma de descomponer el número n=191 con un total de 4 términos es $1^3+1^3+4^3+5^3$, donde a=1, d=4 y e=5.

Adicionalmente, ¿cómo haría para obtener todas las combinaciones posibles?

FAX: +34.958.243317 TLF.: +34.958.244019