

Alumno: _____ DNI: _____

Fundamentos Lógicos de la Programación

Ingeniería Informática de Sistemas
(Grupo A)
Septiembre (08/09/10)

SEÑALAR

curso/grupo	A	B
Ingeniería Informática		
Sistemas		
Gestión		

RESPUESTAS A LAS PREGUNTAS DEL TEST

	A)	B)	C)	D)
Pregunta 01				•
Pregunta 02			•	
Pregunta 03	•			
Pregunta 04				•
Pregunta 05	•			
Pregunta 06	•			
Pregunta 07	•			
Pregunta 08				•
Pregunta 09		•		
Pregunta 10	•			

PREGUNTAS DEL TEST

Preg. Test 1 ¿Cuál de las siguientes afirmaciones es cierta?

- Por el algoritmo de Davis-Putnam sabemos que $\{a \vee b \vee \neg c, \neg a \vee c, \neg b \vee c, a \vee c\}$ es satisfacible si, y sólo si, lo es $\{\neg a \vee c, a \vee c\}$.
- Por el algoritmo de Davis-Putnam sabemos que $\{a \vee b \vee \neg c \vee d, \neg a \vee \neg c \vee d, b \vee \neg d, b \vee c \vee d, a \vee \neg d\}$ es satisfacible si, y sólo si, los conjuntos $\{b, a\}$ y $\{a \vee \neg b \vee \neg c, \neg a \vee \neg c, b \vee c\}$ son satisfacibles.
- Por el algoritmo de Davis-Putnam sabemos que $\{\neg a \vee c \vee d, \neg a \vee b \vee \neg c, \neg b \vee d, a \vee b \vee d\}$ es insatisfacible si, y sólo si, los conjuntos $\{c \vee \neg d, b \vee \neg c, \neg b \vee d\}$ y $\{\neg b \vee d, b \vee d, \neg b \vee c\}$ son insatisfacibles.
- Por el algoritmo de Davis-Putnam sabemos que $\{a \vee b \vee c, \neg a \vee b \vee c, \neg b \vee \neg c, \neg b\}$ es insatisfacible si, y sólo si, lo es $\{a \vee c, \neg a \vee c\}$.

Preg. Test 2 De los siguientes grupos de fórmulas proposicionales, ¿cuál satisface que $v(\alpha) \cdot v(\beta) = 1 + v(\gamma)$ para cualquier asignación v ?

- $\alpha = a, \beta = \neg b, \gamma = a \vee \neg b$.
- $\alpha = a \vee \neg b, \beta = b \leftrightarrow c, \gamma = a \rightarrow c$.
- $\alpha = a \rightarrow (\neg b \vee c), \beta = \neg c \rightarrow (a \wedge b), \gamma = \neg c$.
- $\alpha = a \rightarrow \neg b, \beta = \neg a \wedge b, \gamma = a \rightarrow b$.

Preg. Test 3 ¿Cuál de las siguientes fórmulas es una tautología?

- $((\neg \alpha \vee \neg \beta) \wedge (\gamma \rightarrow \alpha) \wedge (\delta \rightarrow \beta)) \rightarrow (\neg \gamma \vee \neg \delta)$
- $((\neg \alpha \vee \beta) \wedge (\beta \vee \neg \gamma)) \rightarrow (\beta \vee \gamma)$
- $(\alpha \wedge \beta) \vee (\neg \alpha \vee \beta)$
- $(\alpha \wedge \gamma) \vee \neg \gamma$

Preg. Test 4 Dada la fórmula:

$$\varphi = p(x) \rightarrow \forall x(p(x) \vee \neg p(f(x)))$$

señalar bajo cuál de las siguientes interpretaciones $\langle \mathbf{A}, s \rangle$ es verdadera φ :

- $\begin{cases} A = \mathbb{Z}, \\ (f)^{\mathbf{A}}(x) = x + 1, \\ (p)^{\mathbf{A}} = \{x : x \in \mathbb{Z}, x \text{ es PAR}\}, \\ s(x) = 2. \end{cases}$
- $\begin{cases} A = \mathbb{Z}_4, \\ (f)^{\mathbf{A}}(x) = x + 1 \text{ (mód 4)}, \\ (p)^{\mathbf{A}} = \{0, 1, 3\}, \\ s(x) = 1. \end{cases}$
- $\begin{cases} A = \mathbb{Z}, \\ (f)^{\mathbf{A}}(x) = x + 1, \\ (p)^{\mathbf{A}} = \{x : x \in \mathbb{Z}, x \text{ es IMPAR}\}, \\ s(x) = 1. \end{cases}$
- $\begin{cases} A = \mathbb{Z}_4, \\ (f)^{\mathbf{A}}(x) = x + 1 \text{ (mód 4)}, \\ (p)^{\mathbf{A}} = \{0, 1, 3\}, \\ s(x) = 2. \end{cases}$

Preg. Test 5 ¿Cuál de los siguientes pares de literales es unificable?

- $\langle r(f(h(z), a), g(h(a)), z), r(f(u, y), z, g(x)) \rangle$
- $\langle r(f(h(z), a), f(x, y), z), r(f(u, a), z, x) \rangle$
- $\langle r(f(y), g(x), z), r(f(u), z, x) \rangle$
- $\langle r(f(y), g(x), z), r(f(u), z, a) \rangle$

Preg. Test 6 Señala la afirmación que sea cierta.

- $\models \exists y \forall x r(x, y) \rightarrow \forall x \exists y r(x, y)$.
- $\models \exists x(p(x) \rightarrow q(x)) \rightarrow (\exists x p(x) \rightarrow \forall x q(x))$
- $\models \forall x \exists y r(x, y) \rightarrow \exists y \forall x r(x, y)$.
- $\models \exists x(p(x) \rightarrow q(x)) \rightarrow (\forall x p(x) \rightarrow \forall x q(x))$

Preg. Test 7 Si Γ es un conjunto de proposiciones y $\Gamma \models \neg(a \rightarrow b) \rightarrow (\neg c \rightarrow \neg d)$, entonces ¿cuál de las siguientes afirmaciones es cierta?

- $\Gamma, \neg(a \rightarrow b) \models d \rightarrow c$
- $\Gamma, \neg(a \rightarrow b), \neg d \models \neg c$
- $\Gamma, \neg c \rightarrow \neg d \models \neg(a \rightarrow b)$
- $\Gamma, \neg(a \rightarrow b), \neg c \models d$

Preg. Test 8 ¿Cuál de las siguientes fórmulas es equivalente a la fórmula $\forall x(\forall y(r(x, y) \rightarrow \exists y(r(x, f(y))))$?:

- a) $\forall x\exists w\exists y(r(w, y) \rightarrow r(x, f(y)))$.
- b) $\forall x\forall z(r(x, y) \rightarrow r(x, f(z)))$.
- c) $\forall x\exists y(r(x, z) \rightarrow r(x, f(y)))$.
- d) $\forall x\exists w(r(w, y) \rightarrow r(x, f(w)))$.

Preg. Test 9 Para los literales $p(x, u, f(a))$ y $p(y, g(w), x)$, ¿Cuál de las siguientes afirmaciones es cierta?:

- a) la sustitución $(y|f(a))(u|g(b))(x|y)$ es un unificador principal.
- b) la sustitución $(y|f(a))(u|g(w))(x|y)$ es un unificador principal.
- c) la sustitución $(y|f(a))(u|g(w))(x|f(a))$ es un unificador, pero no es un unificador principal.
- d) no son unificables.

Preg. Test 10 Dado un lenguaje de primer orden, supongamos que tenemos un conjunto Σ formado únicamente por cláusulas de Horn de dicho lenguaje. ¿Cuál de las siguientes afirmaciones es verdadera?:

- a) Σ es satisfacible.
- b) Σ es insatisfacible.
- c) Es posible encontrar una refutación lineal-input de Σ usando como cláusula raíz, la cláusula negativa.
- d) Con las condiciones que enumera el enunciado sobre Σ , no es suficiente para determinar si Σ es satisfacible o insatisfacible.

clave: 1d, 2c, 3a, 4d, 5a, 6a, 7a, 8d, 9b, 10a.

PREGUNTAS PARA DESARROLLAR (deben contestarse dos de entre las tres)¹

Preg. 1 Demuestra que el conjunto formado por las siguientes cláusulas es insatisfacible:

- $S(x, f(x)) \vee V(x) \vee \neg E(x)$,
- $C(f(x)) \vee V(x) \vee \neg E(x)$,
- $P(a)$,
- $E(a)$,
- $P(y) \vee \neg S(a, y)$,
- $\neg V(x) \vee \neg P(x)$,
- $\neg P(x) \vee \neg C(x)$.

Utiliza para ello resolución lineal input ordenada.

Preg. 2 Demostrar que la siguiente fórmula es a la vez satisfacible y refutable:

$$\neg\exists x\forall y(p(x, y) \rightarrow p(x, x)) \wedge \forall x\forall y\forall z(\neg p(x, z) \rightarrow (p(x, y) \rightarrow \neg p(y, z)))$$

Preg. 3 Considerar las siguientes fórmulas de primer orden:

- $\xi_1 = \forall xP(x) \rightarrow \forall x\forall y\exists z(S(x, f(x, y), z) \rightarrow \forall uR(x, y, z, u))$
- $\xi_2 = \neg\exists x\exists y((P(x) \vee T(x)) \rightarrow \forall x(Q(x) \wedge N(x, y)))$
- $\xi_3 = \forall x\forall y\forall z((N(x, g(y)) \rightarrow Q(z)) \vee \exists z(T(z) \rightarrow \forall zS(x, y, h(z))))$
- $\xi_4 = \forall x\forall y\forall w((\exists zM(z, w) \wedge \exists uS(x, u, h(z))) \rightarrow \exists vN(y, v))$
- $\psi = \neg(\exists x\forall y(\forall zS(x, y, z) \rightarrow \exists uM(u, y)) \wedge \forall y(T(y) \rightarrow \exists xN(x, y)))$

y transformar el problema:

$$\xi_1, \xi_2, \xi_3, \xi_4 \models \psi$$

en un problema equivalente consistente en estudiar la insatisfacibilidad de un cierto conjunto de cláusulas por determinar en el ejercicio. **No se pide ahora estudiar si es o no insatisfacible dicho conjunto de cláusulas.**

¹Si se entregase desarrollo de las tres, se eliminará la que merezca la puntuación más alta.