

# Modelos de Computación (2015/16) 3º Grado en Ingeniería Informática y Doble Grado 28 de Enero de 2016



Normas para la realización del examen:

Duración: 2:30 horas

El ejercicio 5 es voluntario y sirve para subir la nota (hasta 1 punto).

#### Δ Ejercicio 1 > Preguntas tipo test

[2.5 puntos]

Indicar si son verdaderas o falsas las siguientes afirmaciones

- NH El lenguaje de las palabras sobre {0, 1} en las que hay el doble de número de ceros que de unos es regular
- producciones unitarias que genere exactamente el mismo lenguaje que la gramática original. La gramática compuesta por la siguientes reglas de producción  $\{S \to A | BA, B \to a|b, A \to a|aA\}$  es ambigua Dada una gramática independiente del contexto sin producciones nulas, siempre se puede construir una gramática sin
- UT A W El complementario de un lenguaje con un número finito de palabras es siempre regular
- infinitos árboles de derivación distintos En una gramática independiente del contexto en forma normal de Chomsky puede haber una palabra generada que tenga
- 0 En el algoritmo que transforma un autómata con pila a una gramática libre de contexto, hay que añadir las reglas S $[q_1,Z_0,q_0]$ , donde  $q_0$  es el estado inicial y  $Z_0$  el símbolo inicial de la pila
- 7 La intersección de dos lenguajes aceptados por autómatas con pila no deterministas da lugar a un lenguaje independiente
- 600 En un autómata con pila determinista no puede haber transiciones nulas
- minista Todo lenguaje aceptado por un autómata finito no determinista puede también ser aceptado por un autómata finito deter-
- El conjunto de cadenas formado por las fechas con el formato dd/mm/aaaa (dos digitos para el día, dos para el mes y cuatro para el año, separados por el carácter //) forman un lenguaje regular

#### Δ Ejercicio 2

[2.5 puntos]

Construir un Autómata Finito Deterministico minimal que acepte el lenguaje generado por la siguiente gramática

$$S \rightarrow AB$$
 $A \rightarrow b$ 

$$B \rightarrow bBb$$

 $A \rightarrow Aa$ 

$$A \rightarrow Ac$$
  
 $B \rightarrow b$ 

### Ejercicio 3 >

[2.5 puntos]

Encuentra una gramática libre de contexto en forma normal de Chomsky que genere el siguiente lenguaje sobre el alfabeto  $\{0,1\}$ 

$$L = \{uu^{-1}ww^{-1} : u, w \in \{0,1\}^*\}$$

Comprueba con el algoritmo CYK si la cadena 011001 pertenece al lenguaje generado por la gramática

### Ejercicio 4 D

[2.5 puntos]

Determinar si los siguientes lenguajes sobre el alfabeto {0,1} son regulares y/o independientes del contexto. Justifica las respuestas

- $=\{u\in\{0,1\}^*:u \text{ no contiene la subcadena '01' y el número de 1's es impar }\}$
- el conjunto de los palindromos que tienen la misma cantidad de 0 s que de 1 s.
- realmente definido sobre el alfabeto {0, 1, c}) = {ucx  $u,x \in \{0,1\}^*, u^{-1}$  es una subcadena de x} donde c es un símbolo que no está en  $\{0,1\}$  (este lenguaje está
- 4 el complementario del lenguaje {0'1' | i ≥ 0}

## Ejercicio Adicional Voluntario

[+1 puntos]

Si  $L_1$  y  $L_2$  son lenguajes, sea  $L_1 \diamond L_2 = \{xy | x \in L_1, y \in L_2, |x| = |y|\}$  Demostrar que si  $L_1$  y  $L_2$  son regulares, entonces  $L_1 \diamond L_2$  es independiente del contexto. Dar un ejemplo en el que  $L_1$  y  $L_2$  son regulares y  $L_1 \diamond L_2$  no lo es Dar un ejemplo en el que  $L_1$  y  $L_2$  son regulares y  $L_1 \circ L_2$  no lo es