Cálculo II

20 de septiembre de 2012

- 1. Probar que $\frac{x}{1+x^2} < \arctan \operatorname{tg} x < x \quad \forall x \in \mathbb{R}^+$
- 2. Estudiar el comportamiento en $-\infty$, 0 y $+\infty$ de la función $f:\mathbb{R}^*\to\mathbb{R}$ dada por

$$f(x) = \frac{(x - \sin x) \log (1 + x^4)}{x^7} \quad \forall x \in \mathbb{R}^*$$

3. Calcular la imagen de la función $H:\mathbb{R}^+_0 \to \mathbb{R}$ dada por

$$H(x) = \int_{1}^{x^2 - 2x + 2} \frac{\log t}{t^2} dt \quad \forall x \in \mathbb{R}_0^+$$

Cálculo II

20 de septiembre de 2012

- 1. Desarrollar uno de los dos temas siguientes:
 - Teorema de Rolle. Teorema del valor medio. Aplicaciones.
 - Definición y propiedades de la integral.
- $2.\;$ Decir si las siguientes afirmaciones son verdaderas o falsas, razonando la respuesta:
 - (a) Si $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ es una función par, y es derivable en \mathbb{R} , entonces f'(0) = 0.
 - (b) Si $f:[0,1]\to\mathbb{R}$ es una función convexa, verificando que f(0)=f(1)=0, entonces $f(x)\leq 0$ para todo $x\in[0,1]$.
 - (c) La función arco-tangente es uniformemente continua en $\,\mathbb{R}\,.$
 - (d) Si $f:[0,1]\to\mathbb{R}$ es una función continua, verificando que $\int_0^1 f(t)\,dt=0$ y f(0)>0, entonces existe $x\in]0,1]$ tal que f(x)<0.