

# nceadad de Granada.

#### Modelos de Computación (2015/16) 3º Grado en Ingenieria Informática y Doble Grado 28 de Enero de 2016



Numas para la realización del examen

Duración 2:30 horas

El ejercicio 5 es voluntario y sirve para subir la nota (hasta 1 punto)

## ⇒ Ejercicio 1 ⇔ Preguntas tipo test

[2.5 puntos]

tridicar si son verdaderas o falsas las siguientes afirmaciones:

- 1 El lenguaje de las palabras sobre {0, 1} en las que hay el doble de número de ceros que de unos es regular
- 2. Dada una gramática independiente del contexto sin producciones nulas, siempre se puede construir una gramática sin producciones unitarias que genere exactamente el mismo lenguaje que la gramática original.
- 3 La gramática compuesta por la siguientes reglas de producción {S → A|BA, B → a|b, A → a|aA} es ambigua
- 4 El complementario de un lenguaje con un número finito de palabras es siempre regular
- 5. En una gramática independiente del contexto en forma normal de Chomsky puede haber una palabra generada que tenga infinitos árboles de derivación distintos
- 6 En el algoritmo que transforma un autómata con pila a una gramática libre de contexto, hay que añadir las reglas S 
  ightarrow $[q_1, Z_0, q_0]$  donde  $q_0$  es el estado inicial y  $Z_0$  el símbolo inicial de la pila
- 7. La intersección de dos lenguajes aceptados por autómatas con pila no deterministas da lugar a un lenguaje independiente. del contexto
- 8. En un autómata con pila determinista no puede haber transiciones nulas
- Todo lenguaje aceptado por un autómata finito no determinista puede también ser aceptado por un autómata finito determinista
- 10. El conjunto de cadenas formado por las fechas con el formato dd/mm/aaaa (dos digitos para el día, dos para el mes y cuatro para el año, separados por el carácter '/') forman un lenguaje regular

### ⊲ Ejercicio 2 ⊳

Construir un Autômata Finito Deterministico minimal que acepte el lenguaje generado por la siguiente gramática:

$$S \to AB$$
 $A \to b$ 

$$A \rightarrow Aa$$

$$A \rightarrow A$$

$$A \rightarrow b$$

$$B \rightarrow bBb$$

$$B \rightarrow b$$

### ⊲ Ejercicio 3 ⊳

[2.5 puntos]

Encuentra una gramática libre de contexto en forma normal de Chomsky que genere el siguiente lenguaje sobre el alfabeto [0, 1]

$$L = \{uu^{-1}ww^{-1} : u, w \in \{0, 1\}^*\}$$

Comprueba con el algoritmo CYK si la cadena 011001 pertenece al lenguaje generado por la gramática

#### ⊲ Ejercicio 4 ⊳

[2.5 puntos]

Determinar si los siguientes lenguajes sobre el alfabeto [0,1] son regulares y/o independientes del contexto. Justifica las respuestas.

- 1.  $L_1 = \{u \in \{0,1\}^* : u \text{ no contiene la subcadena '01' y el número de 1's es impar}\}$
- 2.  $L_2$  el conjunto de los palindromos que tienen la misma cantidad de 0 s que de 1 s.
- 3.  $L_3 = \{ucx : u, x \in \{0,1\}^*, u^{-1} \text{ es una subcadena de } x\}$  donde c es un símbolo que no está en  $\{0,1\}$  (este lenguaje está realmente definido sobre el alfabeto (0,1,c)).
- 4.  $L_4$ : el complementario del lenguaje  $\{0^i1^i | i \ge 0\}$

### Ejercicio 5 D Ejercicio Adicional Voluntario

[+1 puntos]

Si  $L_1$  y  $L_2$  son lenguajes, sea  $L_1 \diamond L_2 \land \{xy \mid x \in L_1, y \in L_2, |x| = |y|\}$  Demostrar que si  $L_1$  y  $L_2$  son regulares, entonces  $L_1 \circ L_2$  es independiente del contexto. Dar un ejemplo en el que  $L_1$  y  $L_2$  son regulares y  $L_1 \circ L_2$  no lo es.