

## UNIVERSIDAD DE GRANADA DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA APLICADA ECUACIONES DIFERENCIALES I Primera prueba. 5 de diciembre de 2014

1=212-464

El número entre corchetes es la puntuación máxima de cada ejercicio.

2 Ejercicio 1.- Usando el cambio de variable  $y = \ln x$  hallar la solucin del p.v.l.

$$tx' = 2t^2x + x \ln x, \quad x(1) = 1,$$

especificando el intervalo maximal donde está definida.

4 Ejercicio 2.- Se considera el p.v.i.

$$z' = \frac{1}{t}Ax, \qquad z(1) = z_0,$$

SILV\_LVLAY

con  $t \in (0, \infty)$ ,  $A \in M_n(\mathbb{R})$  y  $x_0 \in \mathbb{R}^n$ . Se pide:

- 1. Justificar que existe una única solución de este p.v.i. definida en  $(0,\infty)$ , construir les aproximaciones exem y encontrar la solución expresada en términos de la exponencial de una matriz.
- 2. Usando el cambio de variable independiente  $t=e^a$ , hallar la solución de (1) y comparar con el resultado

## 4 Exercises ;

Hallar la solución del p.v.i.

$$z' = \begin{pmatrix} -1 & -1 & 1 \\ 0 & 2 & 0 \\ -1 & -3 & 1 \end{pmatrix} z + \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix}, \quad z(5) = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}.$$

2. Obtenser una cota del error que se comete en el intervalo [5, 10] cuando se toma la solución de (2) cueno soluci / 1.001 \

$$x(5) = \begin{pmatrix} 1.001 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}.$$