## MODELOS AVANZADOS DE COMPUTACIÓN

## 10 de septiembre de 2015

- 1. Indica cuales de los siguientes problemas son decidibles, semidecidibles o no semidecidibles (se supone que las MTs tienen a  $\{0,1\}$  como alfabeto de entrada):
  - a) Determinar si el lenguaje aceptado por una MT es regular.
  - b) Dadas dos MTs determinar si hay una palabra que es aceptada por las dos MT y además es un palíndromo.
  - c) Dada una MT determinar si todos sus estados son accesibles (se puede llegar a ellos para un cálculo para alguna entrada).
  - d) Dada una MT determinar si su número de estados es menor o igual a 5.

Justifica las respuestas.

- 2. Máquinas de Turing no determinísticas. Relación con las MT determinísticas. Pon un ejemplo de problema para el que diseñar una MT no-determinística sea más sencillo que hacer una determinística.
- 3. Define la clase L. Pon dos ejemplos de problemas que estén en esta clase.
- 4. Define NP-completitud. Enuncia el teorema de Cook. Da una idea de la demostración sin entrar en detalles (describe las líneas básicas en las que se basa la demostración de este teorema).
- 5. Describe el problema MAX2SAT y demuestra que es NP-completo.

## **Prácticas**

- 1. Construir un programa con variables sobre  $\{a,b\}$  que dadas dos cadenas  $u_1, u_2 \in \{a,b\}^*$  calcule la cadena u cuyo número verifica  $Z(u) = Z(u_1) + Z(u_2)$  (es decir hacer la suma de números representados por cadenas de caracteres sobre  $\{a,b\}$ .
- 2. Demostrar que el siguiente problema es NP-completo:

Partición de conjuntos Dada una familia C de subconjuntos de un conjunto finito S ¿existe una partición de S en dos partes  $S_1$  y  $S_2$  tales que no hay un elemento  $A \in C$  que esté contenido en  $S_1$  o esté contenido en  $S_2$  (o equivalentemente todo  $A \in C$  debe de tener intersección no vacía con  $S_1$  y con  $S_2$ )?

TIEMPO: 2 h. (+ 30 min. si se entregan prácticas)