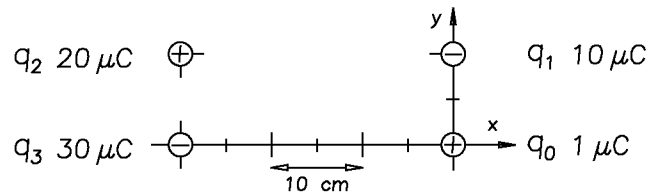


Examen de ejercicios.

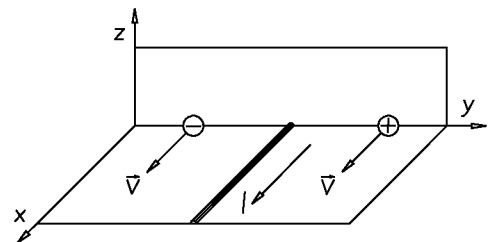
1. ¿Cuál es la diferencia básica entre el desarrollo en serie de Fourier y la transformada de Fourier?
2. Halle el desarrollo en serie de Fourier como suma de senos y cosenos de la siguiente función.

$$\sin^2(2\omega t)\sin(4\omega t)\cos(3\omega t)$$

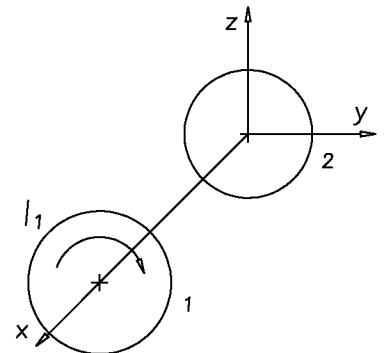
3. Calcule la fuerza ejercida por las cargas q_1 , q_2 y q_3 sobre q_0 .



4. Siendo las fuerzas eléctricas y magnéticas fuerzas entre cargas eléctricas ¿cuál es la diferencia esencial entre ellas?
5. Calcular el campo eléctrico producido por una esfera dieléctrica (aislante) de radio r_1 que está rodeada de una corteza esférica conductora de radio interior r_1 y exterior r_2 . En la esfera aislante, la carga total es $+q$, es inmóvil, y está distribuida uniformemente. La carga en la superficie interior de la corteza conductora es $-q$, y en la exterior es $+q$. Calcule el campo eléctrico en función de la distancia al centro de la esfera utilizando el teorema de Gauß.
6. Un conductor situado en el plano XY conduce una corriente I . Dibuje la dirección y sentido del campo magnético \mathbf{B} creado por esta corriente en las posiciones de las dos cargas dibujadas. Dibuje la dirección y sentido de la fuerza creada por el campo magnético \mathbf{B} sobre las dos cargas, suponiendo que se mueven con velocidad \mathbf{v} en el plano XY.



7. Dibuje el campo magnético \mathbf{B} creado por la primera espira en el eje x (entre las dos espiras). Dibuje el sentido de la corriente inducida por la corriente de la primera espira en la segunda en los siguientes casos:
 - I_1 es constante, no cambia con el tiempo.
 - I_1 es creciente conforme avanza el tiempo.
 - I_1 es decreciente al avanzar el tiempo.



Justifique el sentido de la corriente de la segunda espira utilizando el convenio de signos de la ley de Faraday, y también según la ley de Lenz.

8. Halle el diagrama de Bode en módulo de la siguiente función de transferencia.

$$10s \left(\frac{s}{100} + 1 \right) \left(\frac{s^2}{100} + 0,2 \frac{s}{10} + 1 \right)^{-1}$$

9. Halle la transformada inversa de Laplace de la siguiente función.

$$\frac{3s+26}{s^2+4s+20}$$

10. Resuelva la siguiente ecuación diferencial usando la transformada de Laplace.

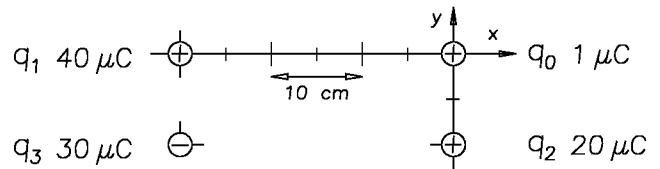
$$y' - y = 5e^{-4t} \quad ; \quad y(0)=1$$

Examen de ejercicios.

1. ¿Cuál es la diferencia básica entre el desarrollo en serie de Fourier y la transformada de Fourier?
2. Halle el desarrollo en serie de Fourier como suma de senos y cosenos de la siguiente función.

$$\cos^2(2\omega t)\sin(4\omega t)\cos(3\omega t)$$

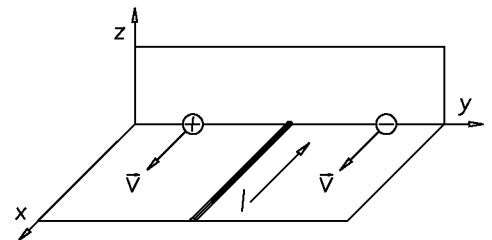
3. Calcule la fuerza ejercida por las cargas q_1 , q_2 y q_3 sobre q_0 .



4. Siendo las fuerzas eléctricas y magnéticas fuerzas entre cargas eléctricas ¿cuál es la diferencia esencial entre ellas?

5. Calcular el campo eléctrico producido por una esfera dieléctrica (aislante) de radio r_1 que está rodeada de una corteza esférica conductora de radio interior r_1 y exterior r_2 . En la esfera aislante, la carga total es $+q$, es inmóvil, y está distribuida uniformemente. La carga en la superficie interior de la corteza conductora es $-q$, y en la exterior es $+q$. Calcule el campo eléctrico en función de la distancia al centro de la esfera utilizando el teorema de Gauß.

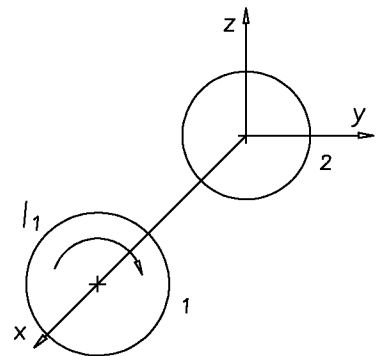
6. Un conductor situado en el plano XY conduce una corriente I . Dibuje la dirección y sentido del campo magnético \mathbf{B} creado por esta corriente en las posiciones de las dos cargas dibujadas. Dibuje la dirección y sentido de la fuerza creada por el campo magnético \mathbf{B} sobre las dos cargas, suponiendo que se mueven con velocidad \mathbf{v} en el plano XY.



7. Dibuje el campo magnético \mathbf{B} creado por la primera espira en el eje x (entre las dos espiras). Dibuje el sentido de la corriente inducida por la corriente de la primera espira en la segunda en los siguientes casos:

- I_1 es constante, no cambia con el tiempo.
- I_1 es creciente conforme avanza el tiempo.
- I_1 es decreciente al avanzar el tiempo.

Justifique el sentido de la corriente de la segunda espira utilizando el convenio de signos de la ley de Faraday, y también según la ley de Lenz.



8. Halle el diagrama de Bode en módulo de la siguiente función de transferencia.

$$0,1s \left(\frac{s}{10} + 1 \right)^{-1} \left(\frac{s^2}{10^4} + 0,2 \frac{s}{100} + 1 \right)$$

9. Halle la transformada inversa de Laplace de la siguiente función.

$$\frac{3s+22}{s^2+8s+20}$$

10. Resuelva la siguiente ecuación diferencial usando la transformada de Laplace.

$$y' - y = 4e^{-3t} \quad ; \quad y(0)=1$$