

Modelos de Computación (2015/16) 3º Grado en Ingeniería Informática y Doble Grado 28 de Enero de 2016



Normas para la realización del examen:

Duración: 2:30 horas

* El ejercicio 5 es voluntario y sirve para subir la nota (hasta 1 punto).

⊲ Ejercicio 1 → Preguntas tipo test

[2.5 puntos]

Indicar si son verdaderas o falsas las siguientes afirmaciones:

- 1 El lenguaje de las palabras sobre {0, 1} en las que hay el doble de número de ceros que de unos es regular
- 2 Dada una gramática independiente del contexto sin producciones nulas, siempre se puede construir una gramática sin producciones unitarias que genere exactamente el mismo lenguaje que la gramática original.
- 3. La gramática compuesta por la siguientes reglas de producción $\{S \to A | BA, B \to a | b, A \to a | aA\}$ es ambigua
- 4. El complementario de un lenguaje con un número finito de palabras es siempre regular
- En una gramática independiente del contexto en forma normal de Chomsky puede haber una palabra generada que tenga infinitos árboles de derivación distintos.
- 6. En el algoritmo que transforma un autómata con pila a una gramática libre de contexto, hay que añadir las reglas $S \to [q_1, Z_0, q_0]$, donde q_0 es el estado inicial y Z_0 el símbolo inicial de la pila.
- 7 La intersección de dos lenguajes aceptados por autómatas con pila no deterministas da lugar a un lenguaje independiente del contexto.
- 8. En un autómata con pila determinista no puede haber transiciones nulas
- Todo lenguaje aceptado por un autómata finito no determinista puede también ser aceptado por un autómata finito determinista.
- El conjunto de cadenas formado por las fechas con el formato dd/mm/aaaa (dos dígitos para el día, dos para el mes y cuatro para el año, separados por el carácter "/") forman un lenguaje regular

⊲ Ejercicio 2 ⊳

[2.5 puntos]

Construir un Autómata Finito Deterministico minimal que acepte el lenguaje generado por la siguiente gramática:

$$S \rightarrow AB$$

 $A \rightarrow b$

$$A \rightarrow Aa$$

$$A \to Ac$$

$$B \to b B b$$

$$B \rightarrow b$$

⊲ Ejercicio 3 ⊳

[2.5 puntos]

Encuentra una gramática libre de contexto en forma normal de Chomsky que genere el siguiente lenguaje sobre el alfabeto {0,1}

$$L = \{uu^{-1}ww^{-1} : u, w \in \{0, 1\}^*\}$$

Comprueba con el algoritmo CYK si la cadena 011001 pertenece al lenguaje generado por la gramática

⊲ Ejercicio 4 ⊳

[2.5 puntos]

Determinar si los siguientes lenguajes sobre el alfabeto {0,1} son regulares y/o independientes del contexto. Justifica las respuestas

- 1. $L_1 = \{u \in \{0,1\}^* : u \text{ no contiene la subcadena '01' y el número de 1's es impar }\}$
- 2. L2 el conjunto de los palindromos que tienen la misma cantidad de 0's que de 1's.
- 3. $L_3 = \{ucx : u, x \in \{0,1\}^*, u^{-1} \text{ es una subcadena de } x\}$ donde c es un símbolo que no está en $\{0,1\}$ (este lenguaje está realmente definido sobre el alfabeto $\{0,1,c\}$).
- 4 L_4 el complementario del lenguaje $\{0^i1^i | i \geq 0\}$

[+1 puntos]

Si L_1 y L_2 son lenguajes, sea $L_1 \circ L_2 = \{xy \mid x \in L_1, y \in L_2, |x| = |y|\}$ Demostrar que si L_1 y L_2 son regulares, entonces $L_1 \circ L_2$ es independiente del contexto. Dar un ejemplo en el que L_1 y L_2 son regulares y $L_1 \circ L_2$ no lo es.