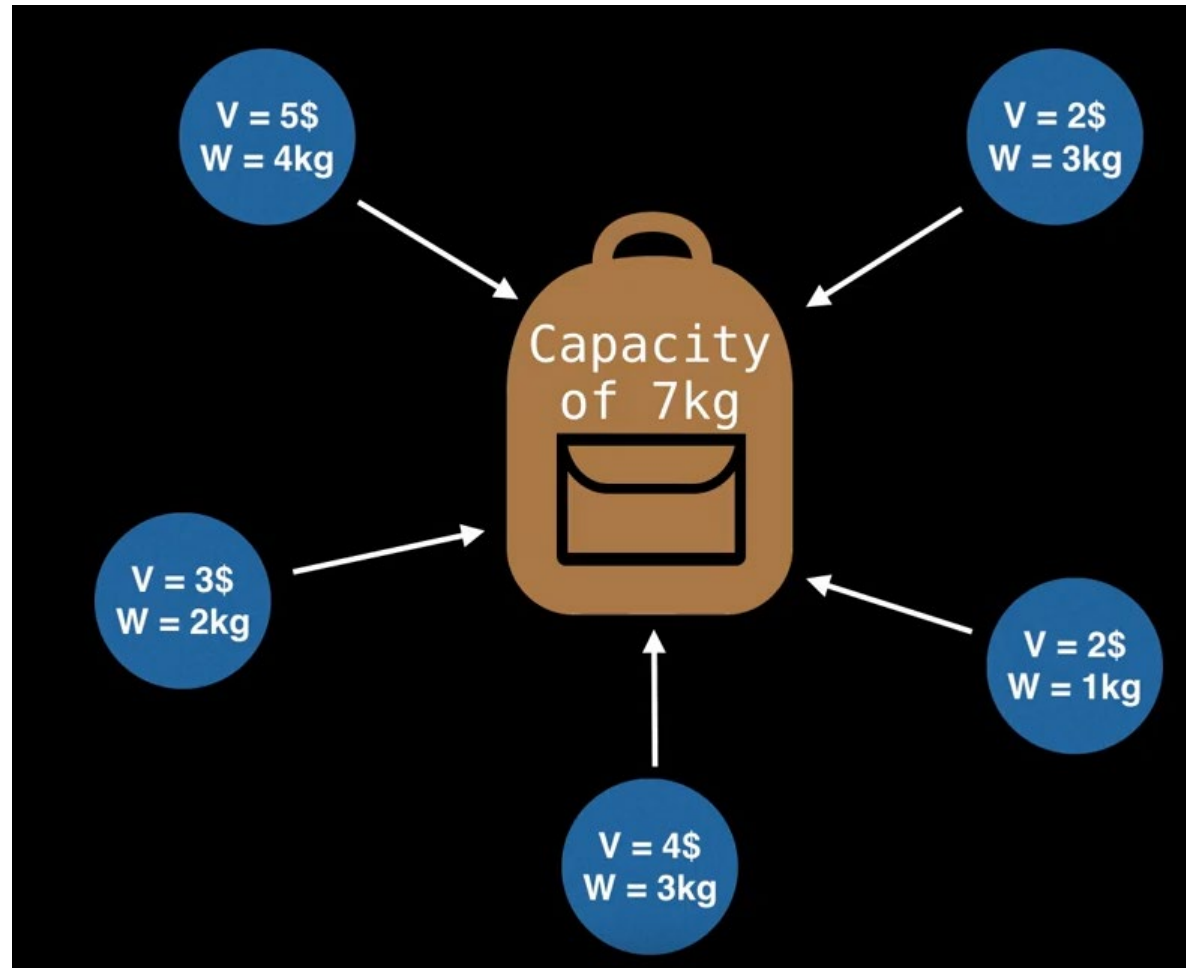


Dynamické programování

Problém batohu

Dynamické programování – problém batohu



Dynamické programování – problém batohu

Knapsack capacity

Rows are Items

	0	1	2	3	4	5	6	7
0	0	0	0	0	0	0	0	0
1								
2								
3								
4								
5								

Dynamické programování – problém batohu

		Capacity							
		0	1	2	3	4	5	6	7
Empty	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$v_1=2, w_1=3$	1								
$v_2=2, w_2=1$	2								
$v_3=4, w_3=3$	3								
$v_4=5, w_4=4$	4								
$v_5=3, w_5=2$	5								

Dynamické programování – problém batohu


		Capacity							
		0	1	2	3	4	5	6	7
Empty	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$v_1=2, w_1=3$	1	0							
$v_2=2, w_2=1$	2								
$v_3=4, w_3=3$	3								
$v_4=5, w_4=4$	4								
$v_5=3, w_5=2$	5								

Dynamické programování – problém batohu

		Capacity							
		0	1	2	3	4	5	6	7
Empty	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$v_1=2, w_1=3$	1	0	0	0	2				
$v_2=2, w_2=1$	2								
$v_3=4, w_3=3$	3								
$v_4=5, w_4=4$	4								
$v_5=3, w_5=2$	5								

Dynamické programování – problém batohu

		Capacity							
		0	1	2	3	4	5	6	7
Empty	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$v_1=2, w_1=3$	1	0	0	0	2	2			
$v_2=2, w_2=1$	2								
$v_3=4, w_3=3$	3								
$v_4=5, w_4=4$	4								
$v_5=3, w_5=2$	5								



Dynamické programování – problém batohu

		Capacity							
		0	1	2	3	4	5	6	7
Empty	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$v_1=2, w_1=3$	1	0	0	0	2	2	2		
$v_2=2, w_2=1$	2								
$v_3=4, w_3=3$	3								
$v_4=5, w_4=4$	4								
$v_5=3, w_5=2$	5								

Dynamické programování – problém batohu


		Capacity							
		0	1	2	3	4	5	6	7
Empty	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$v_1=2, w_1=3$	1	0	0	0	2	2	2	2	2
$v_2=2, w_2=1$	2	0							
$v_3=4, w_3=3$	3								
$v_4=5, w_4=4$	4								
$v_5=3, w_5=2$	5								

Dynamické programování – problém batohu

		Capacity							
		0	1	2	3	4	5	6	7
Empty	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$v_1=2, w_1=3$	1	0	0	0	2	2	2	2	2
$v_2=2, w_2=1$	2	0	2						
$v_3=4, w_3=3$	3								
$v_4=5, w_4=4$	4								
$v_5=3, w_5=2$	5								

Dynamické programování – problém batohu

		Capacity							
		0	1	2	3	4	5	6	7
Empty	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$v_1=2, w_1=3$	1	0	0	0	2	2	2	2	2
$v_2=2, w_2=1$	2	0	2	2					
$v_3=4, w_3=3$	3								
$v_4=5, w_4=4$	4								
$v_5=3, w_5=2$	5								



Dynamické programování – problém batohu

		Capacity							
		0	1	2	3	4	5	6	7
Empty	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$v_1=2, w_1=3$	1	0	0	0	2	2	2	2	2
$v_2=2, w_2=1$	2	0	2	2	2				
$v_3=4, w_3=3$	3								
$v_4=5, w_4=4$	4								
$v_5=3, w_5=2$	5								

Dynamické programování – problém batohu

		Capacity							
		0	1	2	3	4	5	6	7
Empty	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$v_1=2, w_1=3$	1	0	0	0	2	2	2	2	2
$v_2=2, w_2=1$	2	0	2	2	2	4			
$v_3=4, w_3=3$	3								
$v_4=5, w_4=4$	4								
$v_5=3, w_5=2$	5								

Dynamické programování – problém batohu


		Capacity							
		0	1	2	3	4	5	6	7
Empty	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$v_1=2, w_1=3$	1	0	0	0	2	2	2	2	2
$v_2=2, w_2=1$	2	0	2	2	2	4	4	4	4
$v_3=4, w_3=3$	3	0							
$v_4=5, w_4=4$	4								
$v_5=3, w_5=2$	5								

Dynamické programování – problém batohu

		Capacity							
		0	1	2	3	4	5	6	7
Empty	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$v_1=2, w_1=3$	1	0	0	0	2	2	2	2	2
$v_2=2, w_2=1$	2	0	2	2	2	4	4	4	4
$v_3=4, w_3=3$	3	0	2	2	4				
$v_4=5, w_4=4$	4								
$v_5=3, w_5=2$	5								

Dynamické programování – problém batohu

		Capacity							
		0	1	2	3	4	5	6	7
Empty	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$v_1=2, w_1=3$	1	0	0	0	2	2	2	2	2
$v_2=2, w_2=1$	2	0	2	2	2	4	4	4	4
$v_3=4, w_3=3$	3	0	2	2	4	6			
$v_4=5, w_4=4$	4								
$v_5=3, w_5=2$	5								



Dynamické programování – problém batohu

		Capacity							
		0	1	2	3	4	5	6	7
Empty	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$v_1=2, w_1=3$	1	0	0	0	2	2	2	2	2
$v_2=2, w_2=1$	2	0	2	2	2	4	4	4	4
$v_3=4, w_3=3$	3	0	2	2	4	6	6	6	8
$v_4=5, w_4=4$	4	0	2	2	4	6	7	7	9
$v_5=3, w_5=2$	5	0	2	3	5	6	7	9	10

Dynamické programování – problém batohu

- Ok. Nyní víme, jak dosáhnout nejlepší hodnotu, ale jaké položky potřebujeme skutečně vybrat?
- Začneme vpravo dole a budeme postupovat zpětně.
- Myšlenka je, že zahrneme element, pokud stávající hodnota v poli a hodnota v řadě nad tímto polem liší. Pokud se tyto hodnoty liší, potom řada, ve které jsme, musí mít tuto hodnotu zahrnutu. Jinak by se hodnoty nezměnily.

Dynamické programování – problém batohu

10 \neq 9, so item 5 ($v_5=3, w_5=2$) was selected

		0	1	2	3	4	5	6	7
Empty	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$v_1=2, w_1=3$	1	0	0	0	2	2	2	2	2
$v_2=2, w_2=1$	2	0	2	2	2	4	4	4	4
$v_3=4, w_3=3$	3	0	2	2	4	6	6	6	8
$v_4=5, w_4=4$	4	0	2	2	4	6	7	7	9
$v_5=3, w_5=2$	5	0	2	3	5	6	7	9	10

Dynamické programování – problém batohu

7 != 6, so item 4 ($v_4=5, w_4=4$) was selected

		0	1	2	3	4	5	6	7
Empty	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$v_1=2, w_1=3$	1	0	0	0	2	2	2	2	2
$v_2=2, w_2=1$	2	0	2	2	2	4	4	4	4
$v_3=4, w_3=3$	3	0	2	2	4	6	6	6	8
$v_4=5, w_4=4$	4	0	2	2	4	6	7	7	9
$v_5=3, w_5=2$	5	0	2	3	5	6	7	9	10

Dynamické programování – problém batohu

2 == 2, so item 3 ($v_3=4, w_3=3$) was not selected

		0	1	2	3	4	5	6	7
Empty	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$v_1=2, w_1=3$	1	0	0	0	2	2	2	2	2
$v_2=2, w_2=1$	2	0	2	2	2	4	4	4	4
$v_3=4, w_3=3$	3	0	2	2	4	6	6	6	8
$v_4=5, w_4=4$	4	0	2	2	4	6	7	7	9
$v_5=3, w_5=2$	5	0	2	3	5	6	7	9	10

Dynamické programování – problém batohu

2 \neq 0, so item 2 ($v_2=2, w_2=1$) was selected

		0	1	2	3	4	5	6	7
Empty	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$v_1=2, w_1=3$	1	0	0	0	2	2	2	2	2
$v_2=2, w_2=1$	2	0	2	2	2	4	4	4	4
$v_3=4, w_3=3$	3	0	2	2	4	6	6	6	8
$v_4=5, w_4=4$	4	0	2	2	4	6	7	7	9
$v_5=3, w_5=2$	5	0	2	3	5	6	7	9	10

Dynamické programování – problém batohu

$0 == 0$, so item 1 ($v_1=2, w_1=3$) was not selected

		0	1	2	3	4	5	6	7
Empty	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$v_1=2, w_1=3$	1	0	0	0	2	2	2	2	2
$v_2=2, w_2=1$	2	0	2	2	2	4	4	4	4
$v_3=4, w_3=3$	3	0	2	2	4	6	6	6	8
$v_4=5, w_4=4$	4	0	2	2	4	6	7	7	9
$v_5=3, w_5=2$	5	0	2	3	5	6	7	9	10

Dynamické programování – problém batohu

