

Konjunktivní normální forma (KNF) je konjunkcí několika formulí takových, že:

- (i) každá je disjuncí výrokových proměnných nebo jejich negací
- (ii) v žádné se nevyskytuje současně výroková proměnná i její negace.

Každá výroková formule, která není tautologií, je ekvivalentní nějaké formuli v KNF.  
(Tautologii vylučujeme vzhledem k (i).)

Převod formule do KNF:

### Užitím tabulky:

- pro každý řádek, jehož výsledná p.h. je 0, vytvoříme konjunkci výroků na řádku (nebo jejich negací)
- tyto konjunkce pak spojíme disjuncemi
- výsledný tvar znegujeme
- použijeme de Morganovy vzorce, upravíme

### Užitím ekvivalencí:

- viz dříve uvedený přehled

**Příklad – řešení užitím tabulky:**

**Pravdivostní tabulka:**

**Konjunkce:**

$$K_1 = (p \wedge \neg q)$$

$$K_2 = (p \wedge q)$$

**Disjunkce  $K_i$ :**

$$K_1 \vee K_2 =$$

$$(p \wedge \neg q) \vee (p \wedge q)$$

**Negace výsledku:**

$$\neg((p \wedge \neg q) \vee (p \wedge q)) \equiv \neg(p \wedge \neg q) \wedge \neg(p \wedge q) \equiv$$

$$\text{KNF: } (\neg p \vee q) \wedge (\neg p \vee \neg q)$$

ř.	(p	∨	q)	⇒	(¬p	∧	q)
	0	0	0	1	1	0	0
	0	1	1	1	1	1	1
1.	1	1	0	0	0	0	0
2.	1	1	1	0	0	0	1

Upravíme pomocí ekvivalencí:

**Zjednodušení KNF (pomocí ekvivalentních úprav):**

$$(\neg p \vee q) \wedge (\neg p \vee \neg q) \equiv \neg p \vee (\neg q \wedge q) \equiv \neg p \vee F \equiv \neg p$$

Stejný příklad – řešení užitím ekvivalencí:

$$\begin{aligned} (p \vee q) \Rightarrow (\neg p \wedge q) &\equiv \{ a \Rightarrow b \equiv \neg a \vee b \} \equiv \\ &\equiv \neg(p \vee q) \vee (\neg p \wedge q) \equiv \{ \neg(a \wedge b) \equiv (\neg a \vee \neg b) \} \equiv \\ &\equiv \neg((p \vee q) \wedge \neg(\neg p \wedge q)) \equiv \neg((p \vee q) \wedge (p \vee \neg q)) \equiv \\ &\equiv \{ \text{distributivní zákon} \} \equiv \neg(p \vee (q \wedge \neg q)) \equiv \\ &\equiv \{ \neg a \wedge a \equiv F \} \equiv \neg(p \vee F) \equiv \{ a \vee F \equiv a \} \equiv \neg p \end{aligned}$$