درخت بنسای

- محدودیت زمان: ۱ ثانیه
- محدودیت حافظه: ۲۵۶ مگابایت

هلیا اخیراً به فرهنگ ژاپن علاقهمند شده و میخواهد یک درخت بنسای (bonsai) پرورش دهد. هر گونه بنسای نیازهای خاصی از نظر میزان نور خورشید برای کاشت دارد. هلیا میداند که ژاپنی ها معمولا تاریخ اولین غنچه درخت بنسای را یادداشت میکنند به همین دلیل او میخواهد هر چه زودتر درخت را بکارد. با توجه به ساعات نور خورشید و ماههای پیشرو، به هلیا کمک کنید بهترین ماه برای کاشت بنسای را پیدا کند.

ورودي

ا. یک عدد صحیح n که تعداد ماهها را نشان میدهد.

$$1 \le n \le 12$$

۲. یک آرایه عدد صحیح sunlight به طول n که میانگین نور روزانه در هر ماه را نشان میدهد.

$$s \in sunlight$$

۳. یک آرایه عدد صحیح months به طول n که ماه های مختلف متوالی را نشان میدهد.

$$m \in months$$

$$1 \le m \le 12$$

۴. دو عدد صحیح *حداقل نور* min_light و *حداکثر نور* max_light که آستانه تحمل نور گونه درخت بنسای را مشخص میکنند.

$0 \leq min_light, max_light \leq 15$

این تضمین به شما داده میشود که ورودی ها همواره درست هستند.

خروجي

یک عدد صحیح چاپ کنید:

- شماره اولین ماه (۱ تا ۱۲) که برای کاشت مناسب است.
 - اگر هیچ ماهی مناسب نبود، 1- چاپ کنید.

مثال

ورودی:

خروجی:

2

توضيح:

- ساعات نور خورشید و ماهها: فروردین (۵ ساعت)، اردیبهشت (۶ ساعت)، خرداد (۸ ساعت)، تیر (۱۰ ساعت)، مرداد (۱۲ ساعت).
 - گونه بنسای به نوری بین ۶ تا ۱۰ ساعت نیاز دارد.
- ماههای مناسب اردیبهشت (۶ ساعت)، خرداد (۸ ساعت) و تیر (۱۰ ساعت) هستند. چون بقیه ماه ها
 میانگین نوری دارند که با آستانه تحمل نور گونه بنسای سازگار نیست.

• اولین ماه مناسب اردیبهشت است، بنابراین خروجی ۲ است.

مثال

ورودی:

خروجی:

10

توضیح:

اولین ماه که برای کاشت درخت مناسب است، ماه دی (10) است.

3 of 13

جمع ارقام

- محدودیت زمان: ۱ ثانیه
- محدودیت حافظه: ۲۵۶ مگابایت

زمان زیادی تا کانتست نمانده بود و عماد دیگر حوصله نداشت برای سوالات داستان بسازد، برای همین او از شما میخواهد که سوال زیر را حل کنید.

یک عدد صحیح مثبت n به شما داده میشود.

عبارت S(x) را به عنوان مجموع ارقام عدد x در مبنای ۱۰ تعریف میکنیم. برای مثال:

$$S(123) = 1 + 2 + 3 = 6$$

$$S(0) = 0$$

وظیفه شما این است که دو عدد صحیح a و b پیدا کنید، بهطوری که:

$$0 \le a, b \le n$$

$$a + b = n$$

۳. مقدار S(a)+S(b) در میان تمام این جفت اعداد ممکن بیشینه باشد.

ورودي

یک خط ورودی شامل یک عدد صحیح

n

$$1 \leq n \leq 10^{12}$$

خروجي

. بیشینه مقدار S(a)+S(b) را در میان تمام جفت اعداد (a,b) که شرایط بالا را برآورده میکنند چاپ کنید

مثال

ورودی:

35

خروجی:

17

توضیح:

•
$$S(17) + S(18) = 17$$

مثال

ورودی:

10000000000

خروجی:

91

توضیح:

 $\bullet \ S(5000000001) + S(4999999999) = 91$

اسم تیم

- محدودیت زمان: ۱.۵ ثانیه
- محدودیت حافظه: ۲۵۶ مگابایت

ابولفضل میخواهد همراه با دو نفر از دوستانش در مسابقات NPC شرکت کند اما باید قبل از ثبت نام در مسابقه، یک اسم برای تیم اش انتخاب کند. یک اسم تیم باید شرایط زیر را داشته باشد:

- باید دقیقا 11 کاراکتر باشد.
- باید با یک حرف بزرگ شروع شود (مانند "B" ، "B" یا "C")
- ده کاراکتر بعدی میتوانند ترکیبی از حروف کوچک ، حروف بزرگ یا ارقام باشند.

برای مثال، "ProbSolvers" یک اسم تیم صحیح است، اما "probsolver1"یا "ProgG3ni3s" اسم های صحیح نیستند.

ابولفضل و دوستانش n کاراکتر را بر روی کارت هایی نوشتند و حال میخواهند بدانند که حداکثر چند اسم صحیح متمایز میتوانند با این کاراکتر ها درست کنند. هر کاراکتر روی هر کارت حداکثر یک بار میتواند استفاده شود.

ورودي

- ullet خط اول ورودی شامل عدد صحیح n است، تعداد کارت هایی که ابولفضل و دوستانش دارند. ullet
 - میدهد. s خط دوم ورودی رشته s به طول n است که کاراکتر های روی کارت ها را نشان میدهد.

خروجي

حداکثر تعداد اسم های صحیح و متمایز که ابولفضل میتواند برای تیم اش انتخاب کند، اگر نتواند هیچ اسم

صحیحی درست کند خروجی 0 است.

مثال

• ورودی:

11

Pr0bSolvers

• خروجی:

3628800

مثال

• ورودی:

11

• خروجی:

10

توضيح: اسم های صحیح قابل تولید اسم های زیر هستند:

- Babbbbbbbbb
- Bbabbbbbbbb
- Bbbabbbbbbb
- Bbbbabbbbb

8 of 13

- Bbbbbabbbb
- Bbbbbbabbbb
- Bbbbbbbabbb
- Bbbbbbbbbbbb
- Bbbbbbbbbbb
- Bbbbbbbbbba

کپی پیست

- محدودیت زمان: ۲ ثانیه
- محدودیت حافظه: ۲۵۶ مگابایت
- منبع: آزمون مقدماتی اول دوره ۲۶ المپیاد کامپیوتر

دو آرایه به طول 2n داریم که هر یک از اعداد 1 تا n دقیقاً دو بار در هر آرایه ظاهر شدهاند. میخواهیم آرایهی طول 2n داریم که هر یک از اعداد a_1,a_2,\ldots,a_{2n} تبدیل کنیم. در هر مرحله میتوانیم یک بار عملیات a_1,a_2,\ldots,a_{2n} را انجام بدهیم.

$$CopyPaste(i,j): a_i = a_j$$

در این سوال شما باید دنبالهای از عملیاتهای CopyPaste ارائه کنید که آرایه اول را به آرایه دوم تبدیل کند. نمره شما بر حسب تعداد عملیاتهایتان مشخص میشود.

ورودي

در خط اول عدد طبیعی n آمده است.

.در خط دوم 2n عدد طبیعی آمده است که آرایهی a را نشان میدهد

در خط سوم 2n عدد طبیعی آمده است که آرایهی b را نشان میدهد.

$$1 < n < 100\ 000$$

$$1 \leq a_i, b_i \leq n$$

خروجي

.در اولین خط خروجی عدد m را چاپ کنید که تعداد عملیاتهای CopyPaste را نشان میدهد

CopyPaste(i,j) در هر یک از m خط بعدی، به ترتیب دو عدد i و i را چاپ کنید که نشانگر یک عملیات m است.

زيرمسئلهها

محدودیت	نمره	زيرمسئله
شما باید همهی تستها را با کمتر از $4n$ عملیات حل کنید.	۳۰	1
شما باید همهی تستها را با کمتر از $3n$ عملیات حل کنید.	۳۰	γ
شما باید همهی تستها را با کمتر از $2n$ عملیات حل کنید.	۴,	۳

مثال

ورودی نمونه ۱

2 1221 2211

خروجی نمونه ۱

2

12

3 4

در این نمونه کمتر از 2n عملیات استفاده شده؛ پس این خروجی برای همهی زیرمسئلههای سوال صحیح است.

ورودی نمونه ۲

11 of 13

28

2 1122 2211 خروجی نمونه ۲ 4 3 2 14 24 43 در این نمونه از 2n عملیات استفاده شده؛ پس این خروجی برای همهی زیرمسئلههای سوال صحیح است. ورودی نمونه ۳ 4 44332211 11223344 خروجی نمونه ۳ 16 5 4 36 46 6 5 76 58 68 8 7 7 1 18

8 7 5 1 1 6 2 6 6 5

در این نمونه از 4n عملیات استفاده شده است، درنتیجه تنها برای زیرمسئلهی الف صحیح است.