

Nr. 1

Hausposition

$h = \{1, 2, 3, 4, 5\}$

Variablen für jede Hausposition:

- Hausfarbe
- Nationalität
- Getränk
- Zigarettenmarke
- Haustier

Wertebereiche:

- Hausfarbe: rot, gelb, grün, blau, weiß
- Nationalität: Ukrainer, Engländer, Spanier, Japaner, Norweger
- Getränk: Wasser, Milch, Tee, Orangensaft, Kaffee
- Zigarettenmarke: Chesterfield, Kools, Lucky Strike, Old Gold, Parliament
- Haustier: Schnecken, Pferd, Hund, Zebra, Fuchs

Constraints:

Unär

- Nationalität von 1 = Norweger
- Getränk von 3 = Milch

Binär

- Haus vom Engländer = **rotes** Haus
- Haustier des Spaniers = Hund
- Getränk des **grünen** Hauses = Kaffee
- Getränk des Ukrainers = Tee
- Haustier des Old-Gold Rauchers = Schnecken
- Zigaretten des **gelben** Hauses = Kools
- Getränk vom Lucky-Strike Raucher = Orangensaft
- Zigaretten des Japaners = Parliament

- Position des Chesterfield Rauchers = Position des Fuchsbesitzers + 1 oder - 1
- Position des Hauses mit Pferdebesitzer = Position vom Haus mit Kools Zigaretten + 1 oder - 1
- Position des Norwegers = Position des **blauen** Hauses - oder + 1
- Stelle des **grünen** Hauses = Stelle des **weißen** Hauses + 1
 - alle Positionen müssen gültig sein (im Bereich von 1-5)

Nr.2

(1)

| Haus | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|--------------|----------|--------------|-----------|--------------|------------|
| Farbe | gelb | blau | rot | weiß | grün |
| Nationalität | Norweger | Ukrainer | Engländer | Spanier | Japaner |
| Getränk | Wasser | Tee | Milch | Orangensaft | Kaffee |
| Zigaretten | Kools | Chesterfield | Old Gold | Lucky Strike | Parliament |
| Haustier | Fuchs | Pferd | Schnecken | Hund | Zebra |

(2)

| Haus | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|--------------|----------|-------|-------|---|---|
| Farbe | gelb | blau | | | |
| Nationalität | Norweger | | | | |
| Getränk | Wasser | | Milch | | |
| Zigaretten | Kools | | | | |
| Haustier | | Pferd | | | |

Erstmal Startpunkt nutzen:

- Getränk(3) = Milch
- Nationalität(1) = Norweger
- Norweger wohnt neben blauem Haus, Hausfarbe(2) = blau

MRV bei Farbe(1) weil sie am meisten Ausschlusspunkte hat:

- nicht grün, weil grün rechts von weiß sein muss
 - nicht blau, weil blau neben dem Norweger ist (also Haus 2)
 - nicht weiß, weil grün neben dem weißen ist
 - nicht rot, weil dort kein Engländer wohnt
- > Farbe(1) = gelb

- gelbes Haus hat Kools, Zigarette(1) = Kools
- Pferd wohnt neben Kools-Besitzer: Haustier(2) = Pferd

MRV bei Getränk(1) wegen vielen Ausschlusskriterien

- Getränk(1) ist kein Kaffee, kann nur bei dem grünen Haus sein
 - Getränk(1) ist kein Tee, kann nur das Getränk vom Ukrainer sein
 - Getränk(1) ist keine Milch
 - Getränk(1) ist kein Orangensaft, da der Raucher kein Lucky Strike Raucher ist
- > Getränk(1) = Wasser

MRV für Nationalität(2) (Domain wird 2)

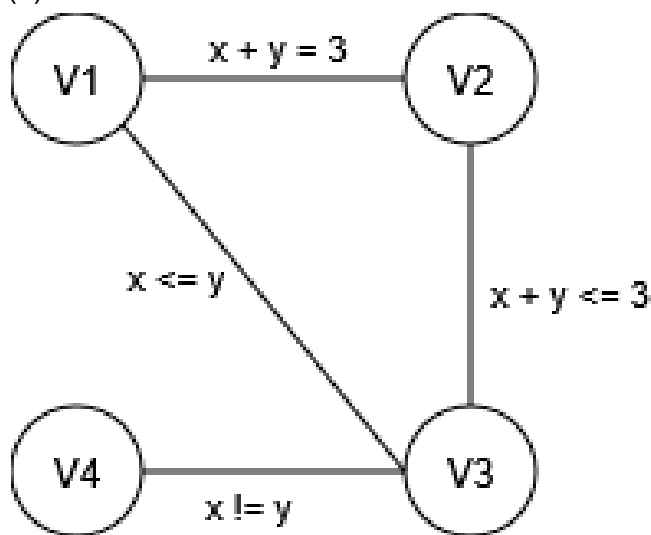
- Nation(2) ist kein Engländer, weil das Haus nicht rot ist
- Nation(2) ist kein Spanier, da er ein Pferd und keinen Hund hat
- Norweger ist schon ausgeschlossen
- Ukrainer oder Japaner annehmen
- Ukrainer annehmen (wenn nicht passt, backtracking)
- annehmen, dass Getränk(2) = Tee, weil das Getränk des Ukrainers Tee ist

MRV für Nationalität(3)

- kein Ukrainer, da Haus 3 schon Milch als Getränk hat
- kein grünes Haus, da es rechts neben dem weißen sein muss

Nr. 3

(1)



(2)

AC-3 Anwendung auf CSP

Variablen: V1, V2, V3, V4

Domains: 0,1,2,3,4,5

Constraints:

v1-v2: $x + y = 3$ (c1)

v2-v3: $x + y \leq 3$ (c2)

v1-v3: $x \leq y$ (c3)

v3-v4: $x \neq y$ (c4)

| Iteration | Constraint | Entfernte Werte durch ARC-Reduce | Domains | Queue |
|-----------|------------|----------------------------------|-----------------------|----------|
| 1 | c1 (v1,v2) | 4, 5 aus D(v2) | $D(v1) = \{0,1,2,3\}$ | + v3, v1 |
| 2 | c1 (v2,v1) | 4, 5 aus D(v2) | $D(v2) =$ | + v3, v2 |

| | | | | |
|---|-------------|----------------|--------------------------|----------------------|
| | | | {0,1,2,3} | |
| 3 | c2 (v2, v3) | - | D(v2) = {0,1,2,3} | - |
| 4 | c2 (v3, v2) | 4, 5 von D(v3) | D(v3) = {0,1,2,3} | + v1, v3 + v4, v3 |
| 5 | c3 (v1, v3) | - | D(v1) = {0,1,2,3} | - |
| 6 | c3 (v3, v1) | - | D(v3) = {0,1,2,3} | - |
| 7 | c4 (v3, v4) | - | D(v3) = {0,1,2,3} | - |
| 8 | c4 (v4, v3) | - | D(v4) = {0,1,2,3,4,5} | - |

Nr. 4

Domains:

$$D(v1) = \{2\}$$

$$D(v2) = D(v3) = D(v4) = \{0, \dots, 5\}$$

Constraints:

$$v1-v2: x + y = 3 \text{ (c1)}$$

$$v2-v3: x + y \leq 3 \text{ (c2)}$$

$$v1-v3: x \leq y \text{ (c3)}$$

$$v3-v4: x \neq y \text{ (c4)}$$

| Constraint | Kantenkonsistenz herstellen | stattdessen Forward Checking |
|----------------|---|---|
| c1 (v1 (2),v2) | $2 + y = 3$ $\rightarrow D(v2) = \{1\}$ | $2 + y = 3$ $\rightarrow D(v2) = \{1\}$ |
| c3 (v1, v3) | $1 \leq y$ $\rightarrow D(v3) = \{2,3,4,5\}$ | $1 \leq y$ $\rightarrow D(v3) = \{2,3,4,5\}$ |
| c2 (v2,v3) | $1 + y \leq 3$ $\rightarrow D(v3) = \{2\}$ | wird nicht verändert (kein direkter Nachbar von v1) $\rightarrow D(v3)$ bleibt $\{2,3,4,5\}$ |
| c4 (v3, v4) | $2 \neq y$ $\rightarrow D(v4) = \{0,1,3,4,5\}$ | wird nicht verändert $\rightarrow D(v4) = \{0,1,2,3,4,5\}$ |

Das forward-checking prüft hier nur Nachbarn von v1. Daher wird v3 nur ein Mal verändert und v4 wird gar nicht verändert, da v4 durch keinen Constraint mit v1 verbunden ist.