<u>Una aproximación al reto de Edouart Lucas. Cuadro Mágico de 3 por 3 de números enteros positivos al cuadrado.</u>

"Para un matemático el infinito es el símbolo ∞, para un informático es un While puesto a True."

INDICE

- 1. Introducción.
- 2. Métodos de resolución.
- 3. La casilla más significativa.
- 4. El reto de Edouart Lucas.
- 5. Lanzarse a lo bruto (a por la búsqueda de las diagonales).
- 6. Entender la generación de números al cuadrado en base a uno dado.
- 7. Con el conocimiento anterior, volver a lanzarse a por las diagonales. Porqué unos números tienen más posibilidades que otros.
- 8. Lanzar la búsqueda de la diagonal a por uno de esos números que conocemos bien los informáticos: los binarios o múltiplos de 2.
- 9. Lanzar la búsqueda de la diagonal contra una serie de números primos, observar que unos son capaces de darnos una diagonal, otros NO. ¿ Esta serie de unos y ceros es completamente aleatoria?.
- 10. Ver que un número formado por primos no capaces, seguirá sin darnos una diagonal.
- 11. Porqué determinados primos nos dan tantas diagonales como múltiplos de si mismos tengan.
- 12. Ver que un número formado por primos capaces de generar diagonales, si lo modificamos con primos incapaces, el número de diagonales no varía.
- 13. La combinación de primos capaces, hasta cuanto aumenta el número de diagonales. Es posible determinarla
 - 1. La combinación (producto) de 2 primos capaces siempre genera 4 diagonales.
 - 2. La combinación (producto) de 3 primos capaces siempre genera 13 diagonales.
 - 3. La combinación (producto) de 4 primos capaces siempre genera 40 diagonales.
 - 4. La combinación (producto) de 5 primos capaces siempre genera 121 diagonales.
- 14. Hasta aquí y mi CONCLUSIÓN:

1.- Introducción

Parece ser que se conocen los Cuadros Mágicos (CM) desde hace algunos miles de años. No quiero ser yo el que los documente, pondré a continuación algunos de los muchos enlaces que hay en Internet donde cuentan que es un CM.

https://es.wikipedia.org/wiki/Cuadrado m%C3%A1gico

https://sites.google.com/site/loscuadradosmagicos/2-concepto

https://www.abc.es/ciencia/abci-cuadrados-magicos-nadie-podido-resolver-y-premian-6500-euros- 201707251015 noticia.html

2.- Métodos de Resolución

De la misma manera, hay multitud de sitios web en Internet donde informan como construirlos, de orden 3x3, 4x4, 5x5 ...

https://es.wikihow.com/resolver-un-cuadro-m%C3%A1gico

http://matematicasentumundo.es/TEXTOS/cuadrados%20magicos.pdf

3.- La casillas más significativa

Nuestro objetivo, es un CM de orden 3x3, y después de ver algunos métodos de resolución, quizás el más interesante que he encontrado en Internet para nuestros propósitos, se debe a Edouart Lucas.

a + b	a - (b + c)	a + c
a - (b - c)	a	a + (b – c)
a - c	a + (b + c)	a - b

La resolución de un CM de 3x3 que se reduce a tres variables: (a, b, c). Podemos jugar con esta tres variables, pero siempre con cuidado, u obtendremos números negativos, o alguna casilla con igual número que otra.

El CM más simple lo obtendremos asignando a las variables los siguientes valores: a=5, b=3 y c=1, que no es más que el CM más pequeño de orden 3x3:

8	1	6
3	5	7
4	9	2

Cualquier CM de orden 3x3 se va a ajustar a este método de creación que hemos comentado, podréis deducir de estas 3 variables (a, b, c).

No obstante este método se construye partiendo de sus diagonales, que cubren 5 casillas de la 9 que tiene un CM de 3x3, las otras 4 casillas se deducen de las anteriores. Pongo un ejemplo.

a + b	a - (b - c)	a - c
a - (b + c)	a	a + (b + c)
a + c	a + (b - c)	a - b

Hemos intercambiado la casilla (1,3) con la (3,1) con respecto al primer cuadro de obtención de CM que os presenté.

La casilla (1,2) se deduce de la (1,1) y de la (1,3) que no es más que restar o sumar lo que hemos añadido a la variable (a). Si os fijáis la casilla (2,3) es restar en este caso lo que se sumo a la variable (a) en la casilla(1,2). De igual manera el resto de casillas que nos faltan. Para esta nueva presentación el CM quedaría de la siguiente forma:

8	3	4
1	5	9
6	7	2

Presentemos todas las posibilidades de las diagonales, vosotros podéis deducir el resto de casillas :

a+b		a+c
	a	
a-c		a-b

a+b		a-c
	a	
a+c		a-b

a-b		a+c
	a	
a-c		a+b

a-b		a-c
	a	
a+c		a+b

Y ahora contra estos 4 cuadros que he presentado intercambiando la variable b por la c. Tenemos en total 8 combinaciones.

Imagino que ya os habréis dado cuenta que **la casilla más significativa es la central la (2,2) la que corresponde a la variable (a)**, es mas, en nuestro método y sus variantes no cambian como lo puede hacer el resto de casillas.

Además (a) siempre será el valor medio (no la media) de las 9 valores de un CM de orden 3x3.

1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9
$$\rightarrow$$
 a = 5
4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12 \rightarrow a = 8

4.- El reto de Edouart Lucas



Edouart Lucas (https://es.wikipedia.org/wiki/%C3%89douard Lucas) propuso en el año 1876 el siguiente reto que todavía anda por resolver, aunque se haya adjududidado su proposición a **Martin LaBar,** hay referencias en la revista del matematico belga Eugène Catalan *Nouvelle Correspondance Mathématique* donde Lucas hace mención al reto.

"Encontrar un Cuadro Mágico de orden 3 por 3 de números enteros positivos al cuadrado o demostrar que es matemáticamente imposible hallarlo."

He aquí el cuadro a resolver:

a^2	b^2	c^2
d^2	e^2	f^2
g^2	h^2	\mathbf{i}^2

Como ya conoceréis nuestro cuadro de 3 por 3 ha de cumplir las siguientes condiciones para ser considerado un Cuadro Mágico:

a, b, c, d, e, f, g, h, $i \rightarrow son todos distintos entre si y mayores que cero y además: La suma de los elementos filas, columnas y diagonales han de ser iguales:$

Filas:

$$a^{2} + b^{2} + c^{2} = K$$

 $d^{2} + e^{2} + f^{2} = K$
 $g^{2} + h^{2} + i^{2} = K$

Columnas:

$$a^{2} + d^{2} + g^{2} = K$$

 $b^{2} + e^{2} + h^{2} = K$
 $c^{2} + f^{2} + i^{2} = K$

y las dos diagonales:

$$a^{2} + e^{2} + i^{2} = K$$

 $c^{2} + e^{2} + g^{2} = K$

En la siguiente pagina web podéis encontrar 2 buenas aproximaciones:

http://www.multimagie.com/

3732	2892	565 ²
360721	425 ²	23 ²
205 ²	5272	222121

1272	462	58 ²
22	1132	942
742	822	972

Mejor la segunda, sólo falla en una de las diagonales.

5.- Lanzarse a lo bruto (a por la búsqueda de las diagonales)

Nosotros vamos a intentarlo con el método que comentamos anteriormente, lo volveré a presentar para números al cuadrado:

$a^2 + b$	$a^2 - (b + c)$	$a^2 + c$
$a^2 - (b - c)$	a^2	$a^2 + (b - c)$
a ² - c	$a^2 + (b + c)$	a² - b

Los cuadros mágicos resentados en el apartado anterior nunca llegarían a Cuadro Mágico, no cumplen el que el valor medio de los elementos ocupe la casilla central la (2,2). Los llaman Pseudo Mágicos. No obstante tiene un trabajo importante llegar a ellos.

Entramos en materia:

Como ya habréis deducido la constante K, ahora es tres veces a². Vamos ha empezar a lo bruto a por la diagonal.

Tomemos un número < a > elevemoslo al cuadrado y vayamos restándole desde el uno hasta el mismo número al cuadrado de modo que se cumpla las siguiente 2 condiciones:

- 1º $\sqrt{a^2-b}$ su solución es un número entero.
- 2º $\sqrt{a^2+b}$ su solución es también un número entero

Un par de ejemplos visuales de lo que pretendemos:

```
Fijaros en los números (a=5) y (b=24):

5^2 - 24 = 1 = 1^2

5^2 + 24 = 49 = 7^2

1^2 + 5^2 + 7^2 = 3 \times 5^2 = 75

Ahora con los números (a=10) (b=96):

10^2 - 96 = 4 = 2^2

10^2 + 96 = 196 = 14^2

2^2 + 10^2 + 14^2 = 4 + 100 + 196 = 3 \times 10^2 = 300
```

Bien, ahora entraremos en el mundo de la programación. El lenguaje que utilizaré es **python**, un lenguaje interpretado multipropósito, no es el más indicado para estas labores, pero se construye con el muy rápido. Posiblemente mejor con otros lenguajes como: C o Ensamblador mucho más rápidos en tiempo de ejecución. Junto a este documento os anexaré los diferentes programás con los que vamos obteniendo los diferentes resultados.

Comenzamos con el primero:

dia.py

Implementa lo comentado anteriormente.

En el encontrareis dos variables numéricas < ini > y < fin >, con las que podéis jugar para recoger hasta donde queréis llegar en la búsqueda. En mi caso lo he hecho en 3 bloques de 300. De 1 a 300 de 301 600 y de 601 a 900. Como algunos podéis imaginar los tiempos de ejecución se incrementan considerablemente cuando pedimos los bloques más altos. Acordaros de que por cada número hemos de empezar desde el uno hasta el cuadrado de ese número, . Veamos un trozo de una de las salidas de uno de los bloques, en donde las 3 primeras columnas representan cada uno de los 3 elementos de la diagonal siendo la del medio el valor de la (a) , la siguiente columna es nuestra (b ó c) y el el último

es la constante (K). He aquí el corte para que lo veáis.

```
182
     130
            26 b: 16224 K:
                              50700
189
     135
                b: 17496 K:
                             55488
184
     136
            56 b: 15360 K:
193
     137
            17
               b: 18480 K:
     140
196
            28
               b: 18816 K: 58800
                   14520 K: 61347
187
     143
               b:
     145
145
           127
119
161
                b:
                   4896 K: 63075
                   6864 K: 63075
               b:
     145
                   20184 K:
                   21000 K:
                b:
     146
            14
               b:
                   21120 K:
206
                              63948
188
     148
            92
               b:
                   13440 K:
     149
            89
                   14280 K:
191
               b:
186
     150
           102
               b:
                   12096 K:
     150
                   21600 K:
210
            30
               b:
            63
207
     153
               b:
                   19440 K:
217
     155
                   23064 K:
            31
               b:
204
     156
            84
                   17280 K:
               b:
217
     157
            47
                   22440 K:
               b:
219
     159
            51 b:
                   22680 K:
                             75843
224
     160
            32 b: 24576 K:
                             76800
```

Fijaros hay números que no nos dan ninguna diagonal, 131,132,133,134,139,141 ... Otros una sola diagonal 130,135, 136 ...

Otros 2 diagonales como es el 150.

Quizás el más interesante sea el 145 hemos encontrado 4 conjuntos que cumplen las 2 condiciones. Veamos el primer conjunto (161, 145, 127) :

$$\sqrt{145^2+4896}=161$$
 y además $\sqrt{145^2-4896}=161$ y además $161^2+145^2+127^2=3\times145^2$

¿ Que hemos resuelto ?, siento defraudaros solo hemos conseguido, 4 de las 8 condiciones de un CM, os presento el cuadro apoyándonos en lo obtenido con el 145:

161 ²	203 ²	167²
205 ²	145^{2}	5^2
119 ²	29^{2}	127 ²

Diagonal 1^a
$$161^2 + 145^2 + 127^2 = 63075$$

Diagonal 2^a $167^2 + 145^2 + 119^2 = 63075$
2^a Fila $205^2 + 145^2 + 5^2 = 63075$
2^o Columna $203^2 + 145^2 + 29^2 = 63075$

El resto ni por asomo:

1° fila
$$161^2 + 203^2 + 167^2 = 95019$$

3° fila $119^2 + 29^2 + 127^2 = 31131$
1° columna $161^2 + 205^2 + 119^2 = 82107$
3° columna $167^2 + 5^2 + 127^2 = 44043$

Ha sido un buen intento pero insuficiente. Además con este método en cuanto (a) va creciendo nuestro equipo necesita cada vez más tiempo para encontrar más números. Y no por llegar más lejos encontramos más conjuntos de números, de momento.

6.- La generación de un número al cuadrado en base a uno dado.

Dado un numero base su siguientes cuadrados tienen la forma:

$$(base + n)^2 \rightarrow base^2 + 2 \times n \times base + n^2$$

Donde n varia de 1 en adelante.

De igual manera los inferiores al mismo tienen la forma:

$$(base - p)^2 \rightarrow base^2 - 2 \times p \times base + p^2$$

Donde p varia desde -1 hacia atras.

7.- Con el conocimiento anterior, volver a lanzarse a por las diagonales.

Planteemos la ecuación de una diagonal:

$$(a^2+b)+a^2+(a^2-b) = 3\times a^2$$

Así no vamos a llegar a nada, pero con los conocimientos anteriores sabemos que para que la siguiente expresión ($a^2 + b$) nos de raíces cuadradas perfectas se ha de cumplir que:

$$(a^2+b)=a^2+2na+n^2$$

De igual manera para que la siguiente expresión (a^2 - b) nos de raíces cuadradas perfectas se ha de cumplir que:

$$(a^2-b)=a^2-2 pa + p^2$$

Sustituyamos lo obtenido en la ecuación de la diagonal:

$$a^{2}+2 na+n^{2}+a^{2}+a^{2}-2 pa+ p^{2}=3 a^{2}$$

Algo de reducción:

$$2 na+n^2-2 pa+ p^2=0$$

Saquemos factor común a la (a):

$$a=(p^2+n^2) / 2(p-n)$$

Por tanto, para un (a) definido hemos de buscar parejas (n,p) que cumplan nuestra ecuación. Tenemos algunos condicionantes, por ejemplo que (p-n) ha de ser siempre mayor que uno, no tiene sentido dividir por cero o por un número negativo. Bien y ahora el código que nos permita obtener esas parejas (p,n). En el código hemos pedido las 500 primeras parejas.

gen_p_n.py

Un trozo de su salida:

a:::::::::::::::::::::::::::::::::::::	5 5 13 10 25 17 41 10 15 26 13 15 36 14 13 15 14 15 16 16 17 17 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	d d d d d d d d d d d d d d d d d d d	4 6 6 8 10 12 12 14 14 16 16 18 18 18 20 20 22 24 24 24 24 24 24 24 24 24 24 24 24	n: n: n: n: n: n: n: n: n: n: n: n: n: n	2 2 4 4 6 6 8 10 10 12 8 12 14 6 12 14 16 12 16 18 20 22 22 24 14 20 24 26

Vemos por la derecha como evolucionan (p) y (n) y la izquierda las (a) que cumplen, la columna de las (a) no están en el mejor formato pues crecen y en un momento vuelve a un punto inferior y vuelve a crecer. Ya lo solucionaremos más adelante.

Analicemos (p y n) que observamos:

¿Por qué (pyn) son siempre parejas de números pares?

Bien sin entrar en el porqué, podemos reducir las vueltas que tienen que dar (p y n) en el algoritmo haciendo que se incrementen de 2 en 2. El resultado será el mismo y el tiempo de proceso la mitad. Os anexo el código:

gen_p_n_2.py

Como podéis observar la salida es la misma.

Ahora vamos a optimizar el código de generación de diagonales. Para ello volveremos a analizar la ecuación:

$$a=(p^2+n^2)/2(p-n)$$

Separemos las (n) a un lado de la ecuación y en la otra las (p). Nos quedaría lo siguiente:

$$(2 \times n \times a) + n^2 = (2 \times p \times a) - p^2$$

Como vimos en el apartado 6 de generación de números p no puede ser mayor que (a) pues nos daria numeros negativos.

Otro detalle, si os fijáis (n) siempre crece, por tanto para mejorar el rendimiento no tenemos porque volver con (n) al principio, en cuanto encontremos una diagonal, podemos continuar con (n) en el valor que se nos quedó.

Volvamos al código y mejorémoslo con las observaciones anteriores.

gen_p_n_4.py

Bien hemos mejorado, la salida y el rendimiento.

8.- Lanzar la búsqueda de la diagonal a por uno de esos números que conocemos bien los informáticos: los binarios o múltiplos de 2.

Este apartado es muy corto, pero para mi muy significativo, pues a partir de aquí empiezan a aparecer cosas, desde mi punto de vista sorprendentes para los números primos.

Como indica el título, en mis enredos quise calcular las diagonales de los siguientes números: [2, 4, 8, 16, 32, 64, 128, 256, 512, 1024], nuestro código lo he modificado para este experimento.

¿Cual ha sido su salida?....NADA, ¿ que pasa con los múltiplos solo de dos, son incapaces de darnos una diagonal...?

9.- Lanzar la búsqueda de la diagonal contra una serie de números primos, observar que unos son capaces de darnos una diagonal, otros NO. ¿ Esta serie de unos y ceros es completamente aleatoria?.

Necesitamos una función que nos genere números primos para nuestro ensayo. He recorrido por Internet y en esta web, donde está alojada esta documentación, hemos localizado una función en: https://gist.github.com/categulario/2772442 de un tal Categulario (desde aquí le doy las gracias) que usaremos para generar números primos. Esta función nos generara los primos que hay a un número dado. Os adjunto el nuevo código.

gen_p_n_6.py

Bien, pero esto no es lo que nos interesa, de esta serie de primos hasta 1000, nos interesa saber que números primos son incapaces de darnos ninguna diagonal y de los que sí ¿cuántas?. Vuelvo a modificar el código y lo presento:

gen_p_n_7.py

Tenéis la salida en el archivo: < primos_1-1000.txt >, ya sabemos que primos son singulares porque al menos generan una diagonal y cuales no.

Y ahora la pregunta, sé que solo son hasta el 1000, pero ¿ la serie de unos y ceros de la columna de la derecha es una serie aleatoria o pseudoaleatoria ?

Nota: Posteriormente la obtuve la salida de 64.000. La tenéis en < **primos 1-64000.txt** >

10.- Ver que un número formado por primos no capaces, seguirá sin darnos una diagonal.

Ya lo vimos para la serie de múltiplos de dos, veamos algunos más. Me diréis que probar unos cuantos más no es significativo para deducir que nunca generaran diagonales, no obstante ahí lo dejo.

Pero antes de seguir, seguramente lo que vamos a pedir puede tardar mucho, como ya dijimos al principio, este lenguaje no es muy eficiente para procesos de bucles singulares, así que determinadas partes, las de más carga las recodificaremos con **cython**, un pseudo lenguaje python + C que nos va a permitir crear módulos que almacenara nuestra función en lenguaje C mucho más eficiente en tiempo de ejecución.

Modulo en cython: **primos_sn.pyx** una vez compilado obtendremos un modulo en C al que podremos llamar desde python : **primos_sn.so**

Nuestro código en python que llamará al modulo generado anteriormente. Analizaremos:

El 3 hasta su quinta potencia. El 7 hasta su quinta potencia. El 11 hasta su quinta potencia. El 19 hasta su cuarta potencia. El 23 hasta su cuarta potencia.

Comentaros que aunque hallamos optimizado el código con un modulo en C, para mi equipo bastante modesto, tardará.

gen_p_n_8.py

Su salida:

```
3 0
    9 0
    27
       0
    81
  243 0
     7 0
    49
  343 0
  2401
16807
    11
        0
 121 0
  1331
14641
161051
    19
        0
  361 0
  6859
        0
130321
    23
  529 0
12167
        0
279841
```

Hasta este punto NADA, más adelante con potencias superiores, ¿alguien puede responder?.

Veamos ahora que un número formado por diferentes primos incapaces no nos dará ninguna diagonal. Tomemos los siguientes

```
3 * 7 * 11 * 23 * 31
```

gen_p_n_9.py

Su salida:

164703 0 (también cero)

Planteo la siguiente pregunta, lo visto en este apartado es extrapolable para todos los números formados por primos incapaces ...?

11.- Porqué determinados primos nos dan tantas diagonales como múltiplos de si mismos tengan.

Como el código lo hemos reducido considerablemente, no considero necesario poner este, con cualquiera de los módulos anteriores podéis generar lo que estamos preguntándonos. Diferentes salidas del 5 y sus potencia y observamos que se mantiene lo comentado:

```
3125 5
15625 6
```

```
78125 7
390625 8
1953125 9
```

Con el número 13 también se mantiene.

```
169 2
2197 3
28561 4
371293 5
```

Con el número 17 ocurre los mismo,

```
289 2
4913 3
83521 4
```

Veis que trato de no pasar de números por encima del cuadrado de 1.500.000, los tiempos de ejecución se alargan considerablemente.

Los números primos que he ido probando hasta ahora siguen este comportamiento.

Volvemos con la misma consideración del apartado anterior, este comportamiento es extrapolable hacia todos los primos capaces de darnos diagonales, y sus potencias nos dan diagonales en función de las misma?

12.- Ver que un número formado por primos capaces de generar diagonales, si lo modificamos con primos incapaces, el número de diagonales no varían. Sus valores si, (a,p,n) es como si los multiplicásemos por el/los primos incapaces.

De igual manera que en el apartado anterior con el último código < **gen_p_n_9.py** > es sencillo ver si es cierto esta afirmación.

Yo lo probado con el 5 y los siguientes no capaces: 5*3*7*11*19*23 Resultado:

```
504735 1
```

De igual manera que en los apartados anteriores podemos hacernos la pregunta: realmente esta afirmación es valida para cualesquiera de los números que cumplan estas condiciones ?

Veamos ahora el desplazamiento, para ello hemos creado un función con cython, que nos muestre los valores de la/s diagonal/es.

Dgnl.pyx

Y módulo en python que le llamará para mostranos los valores de la/s diagonal/es.

dia_fast.py

Os muestro el código, realmente sencillo:

Lo lanzaremos como está y después solo con el cinco y compararemos resultados: Para 5*2*3*7*11*19:

```
35112 n: 17556 b ó c:
a:
      43890 p:
                                           1849278816 K:
                                                              5778996300
Para 5:
a:
         5 p:
                     4 n:
                          2 bóc:
                                               24 K:
                                                                      75
p(43890) = p(5) * 2*3*7*11*19
35112 = 4 * 2*3*7*11*19
de igual manera,
n(43890) = n(5) * 2*3*7*11*19 17556 = 2 *
2*3*7*11*19
```

13.- La combinación de primos capaces, hasta cuanto aumenta el número de diagonales. Es posible determinarla

13.1 .- ¿ La combinación (producto) de 2 primos capaces siempre genera 4 diagonales ?

Os ajunto mi prueba y su salida:

El código:

Su salida:

```
65
85
       145
185
205
265
305
365
221
377
481
       4
533
       4
689
       4
793
       4
949
       4
493
       4
629
       4
697
       4
901
1037
       4
1241
1073
1189
1537
1769
2117
1517
1961
2257
2701
2173
2501
2993
3233
3869
4453 4
```

Vaya, hasta aquí se cumple y más allá?

13.2 .- ¿La combinación (producto) de 3 primos capaces siempre genera 13 diagonales?

Os ajunto mi prueba y su salida: El código:

```
import primos_sn

l_num = [ 5 *13* 17,
    5 *13* 29,
    5 *13* 37,
    5 *13* 41,
    5 *13*53,
    5 *13* 61,
    5 *13* 73,
    5 *17* 29,
    5 *17* 37,
    5 *17* 41,
    5 *17* 53,
    5 *17* 61,
    5 *17* 73,
    5 *29* 37,
    5 *29* 41,
```

```
5 *29* 53,
            *29* 61,
        5 *29* 61,

5 *29* 73,

5 *37* 41,

5 *37* 53,

5 *37* 61,

5 *37* 73,

5 *41* 53,

5 *41* 61,

5 *41* 73,

5 *53* 61,

5 *53* 73,

5 *61* 73]
for i in 1_num:
         primos_sn.max_n_p(i)
Su salida:
1105
         13
1885
         13
2405
         13
2665
         13
3445
         13
3965
         13
         13
4745
         13
13
13
2465
3145
3485
         13
4505
         13
5185
         13
6205
         13
5365
5945
         13
7685
         13
8845
         13
10585 13
7585
         13
9805 13
11285 13
13505 13
10865 13
12505 13
14965 13
16165 13
19345 13
22265 13
```

Vaya, hasta aquí se cumple y más allá?

13.3 .- ¿ La combinación (producto) de 4 primos capaces siempre genera 40 diagonales ?

Os ajunto mi prueba y su salida: El código:

```
import primos_sn
l_num = [5* 13* 17* 29,
```

```
5* 13* 17*
            37,
5* 13* 17* 41,
5* 13* 17*
5* 13* 17*
            73,
5* 13* 17*
5* 13* 29* 37
13* 17* 29* 73
13* 17* 37* 41,
13* 17* 37* 53,
13* 17* 37* 61,
13* 17* 37*
             73,
13* 17* 41* 53,
13* 17* 41* 61,
13* 17* 41* 73,
13* 17*
         53* 61,
13* 17*
             73,
         53*
13* 17*
             73,
         29*
13* 17*
         37*
             41,
13*
    17*
             53,
         37*
13* 17*
         37*
             61,
13* 17*
             73,
         37*
13* 17*
        41*
        41*
13* 17*
        41*
13* 17*
             73,
13* 17* 53* 61,
13* 17* 53* 73 ]
```

```
for i in l_num:
    primos_sn.max_n_p(i)
```

Su salida (en mi equipo se ha tirado un buen rato):

```
32045
            40
 40885
            40
 45305
             40
 58565
             40
 67405
            40
 80665
            40
 69745
            40
467857
             40
335257
             40
433381
             40
498797
            40
596921
            40
480233
            40
552721
            40
661453
            40
714493
            40
855049
            40
467857
            40
335257
            40
433381
            40
498797
             40
596921
             40
480233
             40
552721
            40
661453
            40
714493
            40
855049
            40
```

De igual manera hasta aquí se cumple, y más allá?

13.4.- ¿ La combinación (producto) de 5 primos capaces siempre genera 121 diagonales ?

Os ajunto mi prueba y su salida: El código:

Su salida (en mi equipo se ha tirado un buen, buen... rato):

```
1185665 121
1313845 121
1698385 121
```

Hasta aquí se cumple, y más allá?

NOTA: Ayer lance el proceso para 6 primos capaces (5 * 13 * 17 * 29 * 37 * 41) = 48.612.265, número excesivamente grande para mi equipo, tuve que abortar el proceso después de 16 horas, se habian conseguido 200 diagnales y el proceso iba por la mitad del número a procesar.

14.- Hasta aquí y mi CONCLUSIÓN:

Vamos a estudiar brevemente el espacio de los números, en nuestro caso aquellos con más probabilidades de generar Diagonales/Filas/Columnas (DFC).

DFC de 65 = (5*13): 4

```
a:
      65 p: 18 n: 14
                        b ó c:
                                    2016 K:
      65 p: 30 n: 20
                        b ó c:
a:
                                    3000 K:
      65 p: 42 n: 24
                                    3696 K:
                                                12675
a:
                        b ó c:
      65 p: 52 n: 26
                        b ó c:
                                    4056 K:
                                                 12675
a:
```

Con cuatro que es capaz de generar, presenta el mínimo que necesitamos para obtener un CM. No obstante, las condiciones que tienen que cumplir son simples pero difíciles de alcanzar. Os repito nuestro cuadro:

$a^2 + b$	$a^2 - (b + c)$	$a^2 + c$	
$a^2 - (b - c)$	a^2	$a^2 + (b - c)$	
$a^2 - c$	$a^2 + (b + c)$	a² - b	

Podríamos cubrir perfectamente el cuadro y cumplir 4 de las 8 condiciones, , como vimos en el capítulo 5, pero no más.

DFC de 1.105 = (5*13*17): 13

```
32045 p:
                                      708
                                                        45876984
                                                                          3080646075
a:
                       724 n:
                                           b ó c:
                                                                    Κ:
       32045
                      1392 n:
                                                                           3080646075
a:
             p:
                                    1334
                                           b
                                             ó c:
                                                        87275616
                                                                    Κ:
       32045
                      2358 n:
                                    2196
                                           b
                                             Ó
                                                       145564056
                                                                          3080646075
a:
              p:
                                                c:
                                                                    K:
       32045
                      2490 n:
                                    2310
                                           b
                                              ó
                                                       153384000
                                                                    Κ:
                                                                           3080646075
a:
              p:
                                                c:
                                    2900
       32045
                                                c:
                                                       194271000
              p:
                      3190 n:
                                           b
                                              ó
                                                                           3080646075
a:
                                                                    Κ:
       32045
                      3978 n:
                                    3536
                                           b
                                             ó
                                               c:
                                                       239125536
                                                                           3080646075
a:
              p:
                                                                    Κ:
                                             ó c:
       32045
                      4200 n:
                                    3710
                                           b
                                                       251538000
                                                                           3080646075
a:
              p:
                                                                    Κ:
       32045
              p:
                      5278
                           n:
                                    4524
                                           b
                                              ó
                                                c:
                                                        310409736
                                                                    Κ:
                                                                           3080646075
a:
       32045
                      5746
                                    4862
                                           b
                                              ó
                                                       335244624
                                                                           3080646075
a:
              p:
                            n:
                                                c:
                                                                    Κ:
                                    6042
                                                       423737544
       32045
                      7486 n:
                                           b
                                             ó
                                                c:
                                                                          3080646075
                                                                    Κ:
a:
              p:
       32045
              p:
                      8092 n:
                                    6426
                                           b
                                             Ó
                                                c:
                                                       453135816
                                                                    Κ:
                                                                           3080646075
                                           b
                                                       476463504
       32045
                      8584 n:
                                    6728
                                              ó
                                                                          3080646075
a:
              p:
                                                c:
                                                                    Κ:
       32045
                      8874 n:
                                    6902
                                           b
                                              ó
                                                       489986784
                                                                    Κ:
                                                                           3080646075
a:
              p:
                                                c:
       32045
                      9372
                                                c:
                                    7194
                                           b
                                              ó
                                                       512817096
                                                                          3080646075
                                                                    Κ:
a:
              p:
                           n:
       32045
                      9750 n:
                                    7410
                                           b
                                             ó
                                                       529815000
                                                                           3080646075
a:
              p:
                                                c:
                                                                    Κ:
       32045
                      9996 n:
                                    7548
                                           b
                                              ó
                                                        540723624
a:
              p:
                                                c:
                                                                    Κ:
                                                                           3080646075
       32045
              p:
                     11700
                                    8450
                                           b
                                              ó
                                                c:
                                                       612963000
                                                                    Κ:
                                                                           3080646075
                            n:
a:
                                    8528
       32045
                                           b
                                              ó
                                                       619286304
                                                                           3080646075
a:
              p:
                     11856
                            n:
                                                c:
                                                                    Κ:
                                             ó
       32045
                                    9350
                                                c:
                     13600
                                           b
                                                       686664000
                                                                          3080646075
a:
                                                                    Κ:
              p:
                            n:
       32045
              p:
                     13858 n:
                                    9464
                                           b
                                             ó
                                                c:
                                                       696115056
                                                                           3080646075
a:
                                             ó
                                    9860
       32045
                     14790 n:
                                           b
                                                       729147000
                                                                          3080646075
a:
              p:
                                                c:
                                                                    Κ:
       32045
                     15640 n:
                                   10200
                                           b
                                             ó
                                                        757758000
                                                                           3080646075
a:
              p:
                                                c:
                                                                    Κ:
                                                       787963176
                                                                          3080646075
       32045
                     16588 n:
                                   10556
                                           b
                                              ó
                                                c:
                                                                    K:
a:
              p:
       32045
                     18850 n:
                                   11310
                                             Ó
                                                       852774000
                                                                           3080646075
a:
              p:
                                           b
                                                c:
                                                                    Κ:
       32045
                                                       877480296
                                   11594
                                           b
                                              ó
              p:
                     19822 n:
                                                c:
                                                                    Κ:
                                                                           3080646075
a:
       32045
              p:
                     20148
                                   11684
                                           b
                                              ó
                                                       885343416
                                                                    Κ:
                                                                           3080646075
                                                c:
a:
                            n:
       32045
                                   11832
                                                       898309104
a:
              p:
                     20706
                            n:
                                           b
                                              ó
                                                c:
                                                                    Κ:
                                                                           3080646075
       32045
                                                c:
                     21402
                                   12006
                                           b
                                              ó
                                                       913608576
                                                                          3080646075
a:
              p:
                            n:
                                                                    Κ:
       32045
              p:
                     21964 n:
                                   12138
                                           b
                                             ó
                                                c:
                                                       925255464
                                                                    Κ:
                                                                           3080646075
a:
       32045
                                           b
                                             ó
                     22294 n:
                                   12212
                                                       931800024
                                                                           3080646075
a:
              p:
                                                c:
                                                                    Κ:
       32045
                     24024
                                   12558
                                           b
                                             ó
                                                       962545584
                                                                           3080646075
a:
              p:
                            n:
                                                c:
                                                                    Κ:
       32045
                                   12818
                                                       985806744
                                                                          3080646075
                     25636 n:
                                           b
                                              ó
                                                c:
                                                                    K:
a:
              p:
       32045
                                   12896
                                             ó
              p:
                     26208 n:
                                           b
                                                c:
                                                       992811456
                                                                    Κ:
                                                                           3080646075
a:
       32045
             p:
                     26640 n:
                                   12950
                                           b
                                             Ó
                                                c:
                                                       997668000
                                                                    Κ:
                                                                           3080646075
a:
                                                      1006677000
       32045
              p:
                     27550 n:
                                   13050
                                           b
                                              ó
                                                c:
                                                                    Κ:
                                                                          3080646075
a:
a:
       32045
              p:
                     28840
                            n:
                                   13160
                                           b
                                              ó
                                                c:
                                                      1016610000
                                                                    Κ:
                                                                           3080646075
                     29014
                                                      1017695064
       32045
                                   13172
                                                                           3080646075
                                              ó
                                           b
                                                c:
                                                                    Κ:
a:
              p:
                           n:
       32045
                     29928
                                   13224
                                           b
                                              ó
                                                      1022400336
                                                                           3080646075
a:
              p:
                           n:
                                                c:
                                                                    Κ:
                                                      1025661000
       32045
                     30940 n:
                                   13260
a:
              p:
                                           b
                                              ó
                                                c:
                                                                    K:
                                                                           3080646075
       32045 p:
                     31222 n:
                                   13266
                                                      1026204696
                                                                           3080646075
                                             ó c:
```

Con 40 DFC estamos en mejores condiciones, veamos nuestras posibilidades:

Tengo 40 DFC (posibilidades) en un rango de 980.327.712 números

DFC de 1.185.665 = (5*13*17*29*37): 121

```
7826
12350
                                                  18619274856
a:
    1185665 p:
                     7878 n:
                                         b ó c:
                                                                 K: 4217404476675
                                                  29438448000
    1185665
                    12480 n:
                                                                 Κ:
                                                                    4217404476675
a:
             p:
                                         b
                                           Ó
                                             c:
    1185665
                    26788 n:
                                  26196
                                                  62805591096
                                                                    4217404476675
                                         b
                                           Ó
                                             c:
                                                                 Κ:
a:
             p:
    1185665
                    43350 n:
                                  41820
                                         b
                                           Ó
                                             c:
                                                 100917933000
                                                                    4217404476675
             p:
    1185665 p:
                    51012 n:
                                 48906
                                         b ó c: 118364061816
                                                                 K: 4217404476675
```

```
49358
    1185665 p:
                    51504 n:
                                         b ó c: 119480318304
                                                                K: 4217404476675
a:
    1185665
                    64498 n:
                                 61166
                                                 148786050336
                                                                    4217404476675
a:
            p:
                                         h
                                          ó
                                             c:
                    72280 n:
                                 68120
                                                 166175334000
                                                                K: 4217404476675
a:
    1185665
            p:
                                         b ó
                                             c:
                                 73950
    1185665
                    78880 n:
                                             c:
                                                 180828456000
                                                                Κ:
                                                                   4217404476675
a:
             p:
                                         bó
                                 78758
    1185665
                    84376 n:
                                         b
                                           Ó
                                             c:
                                                 192964030704
                                                                Κ:
                                                                   4217404476675
a:
             p:
    1185665
                    87246 n:
                                                 199277192664
                                                                K: 4217404476675
                                 81252
                                         h
                                           ó
                                             c:
a:
             p:
    1185665
                    92130 n:
                                 85470
                                                 209982696000
                                                                K: 4217404476675
a:
            p:
                                         h
                                          Ó
                                             c:
    1185665
                   100572 n:
                                                 228374673576
                                                                   4217404476675
                                 92684
a:
             p:
                                         b
                                          Ó
                                             c:
                                                                Κ:
    1185665
                   104550 n:
                                 96050
                                                 236991849000
                                                                   4217404476675
a:
             p:
                                         b
                                           ó
                                             c:
                                                                Κ:
    1185665
                   110142 n:
                                100746
                                                 249051768696
                                                                   4217404476675
a:
             p:
                                         h
                                           Ó
                                             c:
                                                                Κ:
    1185665
                                107300
                                                                K: 4217404476675
            p:
                   118030 n:
                                         b
                                          Ó
                                             c:
                                                 265956999000
a:
    1185665
                                114342
                                                                K: 4217404476675
                   126616 n:
                                         b
                                          ó
                                             c:
                                                 284216707824
a:
            p:
    1185665
            p:
                  133458 n:
                                119886
                                                 298661921376
                                                                K: 4217404476675
                                         b ó c:
a:
a:
    1185665
            p:
                   147186 n:
                                130832
                                         b
                                          ó
                                             c:
                                                 327362858784
                                                                Κ:
                                                                   4217404476675
                   147328 n:
    1185665
                                                 327657766656
                                                                K: 4217404476675
                                130944
                                         h
                                          ó
                                             c:
a:
            p:
    1185665
                   155400 n:
                                137270
                                                 344355522000
                                                                K: 4217404476675
a:
            p:
                                         b
                                          Ó
                                             c:
                                                 424950928584
                                                                K: 4217404476675
    1185665
                   195286 n:
                                167388
a:
            p:
                                         b ó c:
    1185665
                   203580 n:
                                173420
                                                 441310545000
                                                                   4217404476675
                                         b
                                          ó
                                             c:
                                                                Κ:
a:
            p:
                                177684
    1185665
                   209508 n:
                                                 452919003576
                                                                   4217404476675
a:
             p:
                                         b
                                           Ó
                                             c:
                                                                Κ:
    1185665
            p:
                                179894
                                                                K: 4217404476675
                   212602 n:
                                         h
                                           Ó
                                             c:
                                                 458949890256
a:
    1185665
                                190008
                                                                K: 4217404476675
                   226954 n:
                                         b
                                          ó
                                                 486674710704
a:
            p:
                                             c:
    1185665
                   234192 n:
                                195024
                                                 500500622496
                                                                K: 4217404476675
            p:
                                         b ó c:
a:
a:
    1185665
            p:
                   244522
                          n:
                                202086
                                         b
                                          ó
                                             c:
                                                 520051345776
                                                                Κ:
                                                                   4217404476675
    1185665
                   262276 n:
                                213962
                                                 553154246904
                                                                K: 4217404476675
                                         b
                                             c:
a:
            p:
                                          Ó
    1185665
                   268380 n:
                                217970
                                                 564389721000
                                                                K: 4217404476675
            p:
                                         b ó
                                             c:
a:
    1185665
            p:
                   276982 n:
                                223554
                                         b
                                          Ó
                                             c:
                                                 580096697736
                                                                K: 4217404476675
a:
    1185665
                   277134 n:
                                223652
                                                 580372914264
                                                                K: 4217404476675
a:
            p:
                                         b
                                          ó
                                             c:
                                228404
    1185665
                   284548 n:
                                                 593789644536
                                         b
                                           Ó
                                             c:
                                                                Κ:
                                                                   4217404476675
a:
             p:
    1185665
                                                                K: 4217404476675
                   299404 n:
                                237762
                                         h
                                           ó
                                             c:
                                                 620342932104
a:
            р:
    1185665
                                239768
                   302634 n:
                                         b
                                                 626057745264
                                                                K: 4217404476675
a:
            p:
                                          Ó
                                             c:
    1185665
                   308850 n:
                                243600
                                                 636996948000
                                                                K: 4217404476675
                                         b ó c:
a:
            p:
a:
    1185665
            p:
                   313296 n:
                                246318
                                         b
                                          ó
                                             c:
                                                 644773820064
                                                                Κ:
                                                                   4217404476675
                   317608 n:
                                248936
                                                 652278536976
    1185665
                                                                K: 4217404476675
                                             c:
a:
            p:
                                         h
                                          Ó
    1185665
                   328338 n:
                                255374
                                                 670791907296
                                                                K: 4217404476675
                                         b ó
                                             c:
a:
            p:
    1185665
            p:
                   337900 n:
                                261020
                                         b
                                          ó
                                             c:
                                                 687095997000
                                                                K: 4217404476675
a:
    1185665
            p:
                   343474 n:
                                264272
                                         b ó
                                             c:
                                                 696515811744
                                                                Κ:
                                                                   4217404476675
a:
    1185665
                   346764 n:
                                266178
                                         b
                                           ó
                                             c:
                                                 702046604424
                                                                Κ:
                                                                   4217404476675
a:
            p:
                   360750 n:
    1185665
                                274170
                                         b
                                           ó
                                             c:
                                                 725316735000
                                                                K: 4217404476675
a:
            p:
a:
    1185665
            p:
                   369694 n:
                                279188
                                         b
                                          ó
                                             c:
                                                 739992819384
                                                                K: 4217404476675
                   369852 n:
                                279276
                                                                K: 4217404476675
    1185665 p:
                                         b ó c:
                                                 740250641256
a:
a:
    1185665
                   385236 n:
                                287738
                                         b
                                          ó
                                             c:
                                                 765114908184
                                                                Κ:
                                                                   4217404476675
            p:
    1185665
                   415162 n:
                                                 812126619216
                                303606
                                                                K: 4217404476675
a:
             p:
                                         b
                                           Ó
                                             c:
    1185665
                   422994 n:
                                307632
                                                 824134437984
                                                                K: 4217404476675
                                         b ó
                                             c:
a:
            p:
    1185665
                  432900 n:
                                312650
                                         b
                                          ó
                                             c:
                                                 839146347000
                                                                K: 4217404476675
a:
            p:
    1185665
                  438672 n:
                                315536
                                                 847802950176
                                         b ó
                                                                   4217404476675
                                             c:
                                                                Κ:
a:
             p:
    1185665
                   442078 n:
                                317226
                                         b
                                                 852879865656
                                                                Κ:
                                                                   4217404476675
a:
            p:
                                           Ó
                                             c:
                                320450
    1185665
                  448630 n:
                                                 862580901000
                                                                K: 4217404476675
                                         b
                                           ó
                                             c:
a:
            p:
    1185665
                   456550 n:
                                324300
                                                 874192809000
                                                                K: 4217404476675
a:
            p:
                                         b
                                          ó
                                             c:
                  482466 n:
                                                 911312658624
                                                                K: 4217404476675
    1185665 p:
                                336542
a:
                                         b ó c:
a:
    1185665
            p:
                   487200 n:
                                338720
                                         b ó c:
                                                 917948136000
                                                                K: 4217404476675
    1185665
                                345950
                                                 940043016000
                                                                   4217404476675
a:
             p:
                   503200 n:
                                         b
                                           Ó
                                             c:
                                                                Κ:
    1185665
                   512746 n:
                                                                K: 4217404476675
                                350168
                                                 952981511664
a:
                                         h
                                          Ó
                                             C:
             p:
    1185665
                   513358 n:
                                350436
                                                 953804789976
                                                                K: 4217404476675
a:
            p:
                                         b
                                          Ó
                                             c:
    1185665
                                358050
                                                 977254509000
                                                                   4217404476675
                   531030 n:
a:
            p:
                                         b ó c:
                                                                Κ:
    1185665
                   536976 n:
                                360558
                                                 985004073504
                                                                   4217404476675
a:
             p:
                                         h
                                           Ó
                                             c:
                                                                Κ:
                   547230 n:
    1185665
                                                 998202243000
                                                                K: 4217404476675
                                364820
                                         b
                                             c:
a:
            p:
                                           Ó
    1185665
                   557512 n:
                                369014
                                                 1011225300816
                                                                 K: 4217404476675
                                         b ó
                                             c:
a:
            p:
    1185665 p:
                   563500 n:
                                                 1018712205000
                                371420
                                                                 K: 4217404476675
                                         b ó c:
a:
                                373346
                                                 1024713805896
a:
    1185665
            p:
                   568342 n:
                                         b ó c:
                                                                 Κ:
                                                                    4217404476675
                                377400
    1185665
                                                 1037370702000
                                                                     4217404476675
                   578680 n:
                                         b
                                           ó
                                                                 Κ:
a:
             p:
                                             c:
    1185665
                   595080 n:
                                383670
                                                 1057010850000
                                                                     4217404476675
             p:
                                         b ó c:
                                                                 Κ:
a:
a:
    1185665
            p:
                   603330 n:
                                386750
                                         b
                                          ó
                                             c:
                                                 1066687440000
                                                                    4217404476675
                                                 1078002875856
                                                                    4217404476675
    1185665
                   613128 n:
                                390344
                                         b ó c:
a:
            p:
                                                                 Κ:
    1185665
                   613756 n:
                                390572
                                                 1078721587944
                                                                     4217404476675
a:
             p:
                                         h
                                           Ó
                                             c:
                                                                 Κ:
                   630292 n:
                                                 1097362323096
    1185665
                                396474
                                             c:
                                                                    4217404476675
a:
             p:
                                         b
                                           Ó
                                                                 Κ:
    1185665
                   640150 n:
                                399900
                                                 1108214877000
                                                                     4217404476675
                                         b
                                          Ó
                                             c:
a:
            p:
                                                                 Κ:
    1185665 p:
                                                                    4217404476675
                   670738 n:
                                410096
                                                 1140651676896
                                         b ó c:
                                                                 Κ:
a:
                                         b ó c:
    1185665
                                413270
                  680680 n:
                                                 1150791642000
                                                                 Κ:
                                                                    4217404476675
a:
            p:
                                415454
    1185665 p:
                  687648 n:
                                         b ó c: 1157780559936
                                                                 K: 4217404476675
```

```
1185665 p:
                   697450 n:
                                 418470
                                         b ó c: 1167447606000
                                                                  K: 4217404476675
a:
    1185665
                   708084 n:
                                 421668
                                                  1177717880664
                                                                      4217404476675
a:
             p:
    1185665
                   716532 n:
                                 424154
                                          b ó
                                                  1185715720536
                                                                      4217404476675
a:
             p:
                                              c:
                                                                   Κ:
    1185665
1185665
                                                  1201270525224
1212035136504
                   733414
                                 428978
                                                                      4217404476675
                                          b ó
                                              c:
                                                                   Κ:
a:
             p:
                           n:
                   745476 n:
                                                                      4217404476675
                                 432308
             p:
                                          b
                                              c:
                                                                   Κ:
                   749146 n:
                                 433302
                                                  1215252654864
    1185665
                                                                      4217404476675
                                          b
                                           ó
                                              c:
a:
             p:
                                                                   Κ:
    1185665
                   755380 n:
                                 434970
                                          b
                                              c:
                                                  1220656311000
                                                                      4217404476675
a:
             p:
                                                  1229785163376
                                                                      4217404476675
                   766122
                                 437784
    1185665
             p:
                                          b
                                           ó
                                              c:
a:
                           n:
                                                  1243778336784
    1185665
                   783144
                                 442088
                                          b
                                                                   Κ:
                                                                      4217404476675
a:
             p:
                           n:
                                              c:
    1185665
                   791874 n:
                                                  1250730140544
                                 444222
                                          b
                                              c:
                                                                   Κ:
                                                                      4217404476675
a:
             p:
    1185665
                   801850 n:
                                 446600
                                          b ó
                                                  1258487538000
                                                                      4217404476675
a:
             p:
                                              c:
                                                                      4217404476675
    1185665
                   808962
                                 448256
                                          b ó
                                                  1263896342016
             p:
                           n:
                                              c:
                                                                   Κ:
    1185665
             p:
                   812668 n:
                                 449106
                                          b ó
                                              c:
                                                  1266674730216
                                                                   K:
                                                                      4217404476675
a:
                                                  1275634232856
1279165864344
    1185665
                   824878
                                 451844
                                                                      4217404476675
a:
             p:
                           n:
                                          b
                                            ó
                                              c:
    1185665
                   829806 n:
                                 452922
                                          b
                                              c:
                                                                      4217404476675
                                           ó
a:
             p:
                                                                   Κ:
    1185665
                   834900 n:
                                 454020
                                          b ó
                                              c:
                                                  1282765407000
                                                                      4217404476675
a:
             p:
                                455532
457314
    1185665
                   842044
                                                  1287726100584
1293578502216
                                                                      4217404476675
                                          b ó
                                              c:
                                                                   Κ:
a:
             p:
                           n:
    1185665
                   850668
                                          b
                                                                   Κ:
                                                                      4217404476675
             p:
                           n:
                                              c:
a:
    1185665
                                 459776
                                                                      4217404476675
                   862978 n:
                                          b
                                              c:
                                                  1301674592256
                                                                   K:
a:
             p:
    1185665
                   871624 n:
                                 461448
                                                  1307179742544
                                                                      4217404476675
             p:
                                          b ó
                                              c:
                                                                   Κ:
a:
                   878800 n:
                                 462800
                                                  1311635364000
                                                                      4217404476675
    1185665
                                          b ó
             p:
                                              c:
                                                                   Κ:
    1185665
                   888888 n:
                                 464646
                                          b ó
                                              c:
                                                  1317724904496
                                                                   Κ:
                                                                      4217404476675
             p:
a:
                                                  1317830525424
    1185665
                                 464678
                                                                      4217404476675
a:
             p:
                   889066
                           n:
                                          b
                                              c:
    1185665
                                 471692
                                          bó
                                                  1341030733224
                                                                      4217404476675
                   931164 n:
                                              c:
                                                                   K:
a:
             p:
    1185665
                   948532 n:
                                 474266
                                          b ó
                                                 1349569432536
                                                                      4217404476675
a:
             p:
                                              c:
                                                  1354664454000
                                 475800
                                                                      4217404476675
a:
    1185665
             p:
                   959530
                           n:
                                          b ó
                                              c:
                                                                   Κ:
    1185665
                   965926
                                 476658
                                          b
                                                  1357516264104
                                                                   Κ:
                                                                      4217404476675
a:
             p:
                           n:
                                              c:
    1185665
                                                  1359158883264
                                 477152
                                                                      4217404476675
                   969696 n:
                                          b
                                              c:
                                                                   Κ:
a:
             p:
    1185665
                                 479150
                                                  1365807492000
                                                                      4217404476675
             p:
                   985680 n:
                                          b
                                              c:
                                                                   Κ:
a:
    1185665
                   995866 n:
                                 480342
                                                  1369777831824
                                                                      4217404476675
             p:
                                          b
                                           ó
                                              c:
    1185665
                  1008304
                                 481712
                                          b ó
                                                  1374344567904
                                                                      4217404476675
             p:
                           n:
                                              c:
                                                                   K:
a:
                  1019350
                                 482850
                                                  1378140813000
                                                                      4217404476675
a:
    1185665
             p:
                           n:
                                          b
                                              c:
                                                                   Κ:
    1185665
                  1029558 n:
                                 483836
                                                                      4217404476675
                                          b ó
                                                  1381432096776
                                              c:
             p:
                                                                   Κ:
a:
    1185665
                  1036830 n:
                                 484500
                                          b ó
                                                 1383649635000
                                                                      4217404476675
a:
             p:
                                              c:
                                 485394
                                                                      4217404476675
a:
    1185665
             p:
                  1047228
                           n:
                                          b ó
                                              c:
                                                  1386636689256
    1185665
                  1056006
                                 486098
                                          b ó
                                                  1388990035944
                                                                   Κ:
                                                                      4217404476675
             p:
                           n:
                                              c:
a:
    1185665
                  1067080 n:
                                 486920
                                          b ó
                                              c:
                                                  1391739090000
                                                                   Κ:
                                                                      4217404476675
             p:
a:
    1185665
                  1073518 n:
                                 487364
                                                  1393224542616
                                                                      4217404476675
a:
             p:
                                          b ó
                                              c:
                                                                   Κ:
    1185665
                  1077312
                                 487614
                                                  1394061119616
                                                                      4217404476675
             p:
                                          b ó
                                              c:
    1185665
             p:
                  1084600 n:
                                 488070
                                          b ó c:
                                                  1395587358000
                                                                   Κ:
                                                                      4217404476675
a:
                                 488376
    1185665
             p:
                  1089802
                           n:
                                          b ó
                                              c:
                                                  1396611777456
                                                                   Κ:
                                                                      4217404476675
a:
    1185665
                  1107336 n:
                                 489288
                                                  1399666059984
                                                                      4217404476675
                                          b ó
                                              c:
                                                                   Κ:
a:
             p:
    1185665
                  1118430 n:
                                 489770
                                          b ó
                                                  1401280947000
                                                                      4217404476675
             p:
                                              c:
                                                                   Κ:
a:
    1185665
             p:
                  1127230 n:
                                 490100
                                          b
                                           ó
                                              c:
                                                  1402386843000
                                                                      4217404476675
                                                                      4217404476675
    1185665
                  1144780
                                              c:
                                                  1404129909000
                           n:
                                 490620
                                          b
                                           ó
                                                                   Κ:
             p:
a:
    1185665
                  1155214 n:
                                                  1404874228824
                                 490842
                                          b
                                           Ó
                                              c:
                                                                   Κ:
                                                                      4217404476675
             p:
                                          b ó c: 1404914465136
    1185665 p:
                  1155882 n:
                                490854
                                                                  K: 4217404476675
```

Vaya, ahora puedo jugar con 121 DFC, estamos en mejores condiciones que antes, veamos nuestras posibilidades:

Un inciso, la calculadora de mi ordenador no puede (1,40491446514e+12), tengo que hacerlo a mano pues al final me ha redondeado.

Tengo 121 DFC (posibilidades) en un rango de 557.111.514.960 números, uff... más de medio billón de números.

Mi humilde conclusión:

Resolver el Cuadro Mágico de Edouart Lucas es como que te regalen cuantos números de lotería quieras, pero cuantos más quieras, los números contra los que tengas que jugar, te los hagan crecer también pero de forma brutal.

Getafe 12 de enero de 2020.

Juan Piñol