Prof. Dr.-Ing. J. Vollmer Hochschule für Angewandte Wissenschaften Hamburg Department für Informations- und Elektrotechnik

Name:	Krisd	1 E !	
Vorname:	Hans	·	
		ا برسی و	<u>-</u>

% . ws	Comester E 4	tudi GN	VIM	
F S \$	· Mortanes	ognumi, i	1	11

Matr.-Nr.: 1858536

Anzahl der abgegebenen Blätter:_____

Klausur: Grundlagen der Nachrichtentechnik (E4)

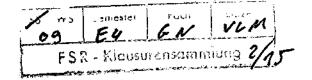
vom 4. Februar 2009

Lösungen ohne Herleitungen und die korrekte Angabe der Einheiten erhalten nur eine verringerte Punktzahl.

	Punkte in Unteraufgaben	Erreichte Punkte	Maximal (+ ZP)
Aufgabe 1	4+2+10+5+4 (+4)	4+0+8+29 5+4+(3)	25 (+4)
Aufgabe 2	4+4+4+4+4 (+8)	3+3+4+3+4 (+6)	20 (+8)
Aufgabe 3	3+3+4+4+6 (+4)	3+3+3+4+3	20 (+4)
Aufgabe 4	4+4+5+4+5+3 (+4)	2+2+2+3+3	25 (+4)
(Zusatzaufgabe 5)	4+3+6+4+3 (+4)	4	20 (+4)
Bewertung:	Summe:		90 (+20)

Kleine Formelsammlung:

Verlustfreie Leitung, Länge I			Trigonometrie und Euler			
$ Z_{w} = \sqrt{\frac{L'}{C'}}$	$v_{ph} = \frac{1}{\sqrt{L'C'}}$	$\cos(x) \cdot \cos(y) = [\cos(x+y) + \cos(x-y)]/2$ $\cos(x) = (e^{x} + e^{-x})/2$		$(x+y)+\cos(x-y)]/2$		
ο ΔΦ /	$c_0 = 3 \cdot 10^8 \text{ m/s}$		Fourier-Tran	Fourier-Transformation		
$\beta = \frac{\Delta \Phi}{1} = \omega \sqrt{L'C'}$	$k = v_{ph}/c_0$	x(t)	$e^{j2\pi f_0 t} \leftrightarrow X(f-f_0)$	$e^{j2\pi f_o t} \leftrightarrow \delta(f - f_o)$		
Rauschen und Rauschzahl		Informationstheorie, diskrete Nachrichten- quellen mit N verschiedenen Zeichen				
Rai	uschzahi		Informationsgehalt eines Zeichen x			
$F = \frac{SNR_{Eingang}}{SNR_{Ausgang}}$		$I_x = -Id(p_x)$ Bit pro Zeichen				
SINTAusgang			Fatania militares informationagabalt			
Verfügbare Rauschleistung (thermisch)		1)	Entropie, mittlerer Informationsgehalt			
$P = k \cdot B \cdot T$		$H = -\sum_{n=1}^{N} p_n \cdot Id(p_n)$ Bit pro Zeichen				
Boltzmannkonstante k: = 1,38 10 ⁻²³ Watt·s/K B: Bandbreite in Hertz, T: Temperatur in Kelvin		n=1				
Gesamtrauschzahl bei Reihenschaltung		Redundanz	Maximale Entropie			
$F_{Gesarat} = F_1 + \frac{F_2 - 1}{v_1} + \frac{F_3 - 1}{v_1 \cdot v_2} + \dots$			R = H _{max} - H	$H_{\text{max}} = Id(N)$		



Aufgabe 1 Huffman Codierung (25+4 Punkte)

Von einer Nachrichtenquelle ist der Zeichensatz und die Zeichenwahrscheinlichkeiten pi bekannt:

Zeichen	Α	В	С	Ð	Е	F
p; in %	6	12	7	21	43	11

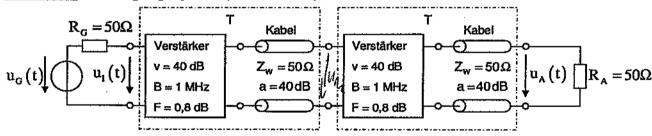
Geben Sie im folgenden immer die Einheiten mit an.

- a) Berechnen Sie den mittleren Informationsgehalt H pro Zeichen. Wie viele Bits sind im Mittel zur Übertragung von 200 Zeichen notwendig? (4 Punkte).
- b) Wie groß ist die Redundanz der Quelle? (2 Punkte)

Huffman-Codierung des gegeben Zeichensatzes:

- c) Zeichnen Sie einen Codebaum und geben Sie für alle Zeichen den Code an. (10 Punkte)
- d) Wie viele Bits sind im Mittel zur Übertragung von 200 Zeichens notwendig, wenn Sie die gefundenen Huffman Codes verwenden? (5 Punkte)
- e) Erklären Sie den Unterschied zwischen einem "physikalischem" Bit (0,1), z.B. einem Wert in einem Register und einem Bit "Informationsgehalt". (4 Punkte)
- f) Zusatzfrage: Warum sind bei der Huffman Codierung einer Nachricht keine Trennzeichen erforderlich? Erklären Sie die Aussage anschaulich anhand eines Codebaumes. (4 Punkte)

Aufgabe 2 Übertragungssystem (20+8 Punkte)



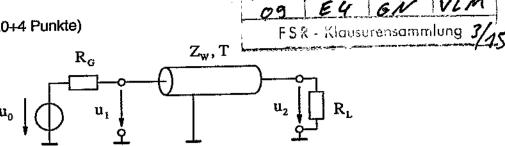
Ein Signal $u_{\rm G}(t)$ mit 1 MHz Bandbreite wird über zwei gleiche Teilsysteme T mit Rauschzahl $F_{\rm T}$ und Leistungsverstärkungsfaktor $v_{\rm T}$ übertragen, die jeweils aus einem Verstärker und einem Kabel bestehen. Die Temperatur des gesamten Systems beträgt T=290 Kelvin, das SNR von $u_{\rm A}(t)$ beträgt 30 dB und $u_{\rm G}(t)$ ist bis auf thermisches Rauschen fehlerfrei.

- a) Berechnen Sie E_T und v_T eines Teilsystems. (4 Punkte)
- b) Wie groß ist das SNR des Signals $u_{i}(t)$ in dB? (4 Punkte)
- c) Wie groß ist die Gesamtrauschzahl $F_{G,A}$ des Systems zwischen $u_G(t)$ und $u_A(t)$? (4 Punkte)
- d) Welche Signalleistung muss die Spannungsquelle liefern? (4 Punkte)
- e) Bestimmen Sie den Effektivwert der Spannung $u_{g}(t)$. (4 Punkte)

Zusatzaufgaben: Nun sollen N gleiche Teilsysteme wie oben zwischen $u_1(t)$ und $u_A(t)$ eingebaut werden. (Die Aufgaben ist ohne die vorherigen Unterpunkte lösbar.)

- f) Geben Sie für $v_T = 1$ die Gesamtrauschzahl $F_{I,A}$ als Funktion von N und F_T an. (3 Punkte)
- g) Nun soll vor dem ersten Teilsystem noch ein Verstärker mit Rauschzahl F_0 und Leistungsverstärkungsfaktor $v_0 >> 1$ vorgeschaltet werden. Bestimmen Sie erneut die Gleichung für $F_{1,A}$. Was folgern Sie aus dem Ergebnis für die Übertragung von analogen Signalen über lange Distanzen (z.B. Transatlantikkabel)?. (5 Punkte)





Auf eine verlustfreie Leitung von 40 Meter Länge mit $Z_w = 50\Omega$ wird vom Generator ein Spannungspuls von 100 ns Dauer geschickt. Die Spannung $u_1(t)$ am Leitungseingang wird gemessen. Zuerst sieht man den vom Generator verursachten Puls. Nach 410 ns ist ein zweiter Impuls zu sehen, der die halbe Spannungsamplitude des ersten Pulses hat. Ein dritter Puls nach 820 ns hat ein sechzehntel der Sendespannung des ersten Pulses. Weitere Pulse treten auf, sind aber zur klein für eine genaue Messung.

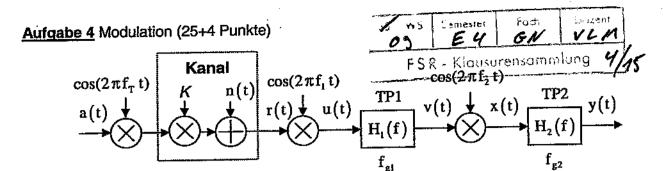
- a) Bestimmen Sie Ausbreitungsgeschwindigkeit v_{ph} und Verkürzungsfaktor k. (3 Punkte)
- b) Bestimmen Sie die beiden Reflexionsfaktoren ρ_L und ρ_G . (3 Punkte)
- c) Berechnen die beiden Widerstände $R_{\scriptscriptstyle L}$ und $R_{\scriptscriptstyle G}$. (4 Punkte)

Gehen Sie ab jetzt von $\,v_{ph}^{}=2\cdot 10^8\,m/s\,,\;R_{_L}^{}=125\Omega\,$ und $\,R_{_G}^{}=100\,\Omega\,$ aus.

- d) Bestimmen Sie die Leitungsbeläge L' und C'. (4 Punkte)
- e) Wenn der ursprüngliche Generatorpuls eine Amplitude von 7 V hatte, wie groß waren dann die Spannungen $u_1(t)$ und $u_2(t)$ des jeweils ersten am Leitungsanfang bzw. Leitungsende auftretenden Pulses? (6 Punkte)

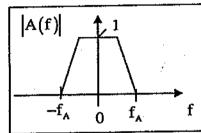
Zusatzaufgabe, aligemeine Fragen zu Leitungen:

f) Bei Berechnungen wird in erster Näherung immer angenommen, dass die Leitungsbeläge frequenzunabhängig sind. Für welchen der Beläge R', L', C', und G' ist diese Approximation in der Praxis (z.B. Koaxialkabel) am schlechtesten und welcher Effekt ist dafür verantwortlich. Denken Sie an das Praktikum. (4 Punkte) (Für R', L', C', oder G' alleine keine Punkte!)



Betrachten Sie das Übertragungssystem. Das zu übertragene Tiefpasssignal a(t) der Bandbreite f_A wird auf die Trägerfrequenz f_T hochgemischt. Das empfangene Signal r(t) wird in zwei Schritten wieder heruntergemischt, d.h. es gilt $f_1+f_2=f_T$, wobei $f_1,f_2>0$ und $f_2=2\cdot f_A<< f_T$ ist. Die Tiefpässe TP1 und TP2 sind ideal mit Grenzfrequenzen f_g 1 bzw. f_{g2} 1, f_{g2} 2, f_{g3} 3, f_{g3} 4, f_{g3} 5, f_{g3} 5, f_{g3} 6, f_{g3} 7, f_{g3} 8, f_{g3} 8, f_{g3} 8, f_{g3} 9, $f_{$

Im folgenden soll das Rauschen vernachlässigt werden (n(t)=0). Die Fouriertransformierten (Spektren) der Zeitsignale werden mit den zugehörigen Großbuchstaben bezeichnet. Zum Beispiel $A(f)=F\{a(t)\}$.



Beschriften Sie die im folgenden zu skizzierenden Spektren immer in Abhängigkeit des Sendespektrums $\left|A(f)\right|$.

Beschriften Sie immer alle Achsen und Signale vollständig.

- a) Skizzen Sie |R(f)|, d.h. den Betrag des Spektrums von r(t). (4 Punkte)
- b) Skizzieren Sie das Spektrum |U(f)|. (4 Punkte)
- c) Welche Grenzfrequenz f_{g1} muss das Tiefpassfilter TP1 <u>mindestens</u> haben, damit es aus |U(f)| nur die Spektralanteile $|f| > f_T$ herausgefiltert werden? Zeichnen Sie die Filterfunktion $|H_1(f)|$ in das Bild von |U(f)| ein. (5 Punkte)
- d) Skizzieren Sie das Spektrum |X(f)|. Beschriften Sie wieder alles vollständig. (4 Punkte)
- e) Wir wollen, dass $Y(f) = \alpha \cdot A(f)$ gilt, wobei α ein konstanter Faktor ist. Welche Grenzfrequenz f_{g^2} darf das Tiefpassfilter 2 <u>maximal</u> haben, damit das gilt? Zeichnen Sie $|H_2(f)|$ in das Bild von |X(f)| ein. (5 Punkte)

Anforderungen einstufiger und zweistufiger Mischer

Die Oszillatoren sind nicht perfekt und müssen nachgeregelt werden, um das gewünschte Ausgangssignal zu erreichen. Die Frequenz soll hier in Schritten von 2 Hertz einstellbar sein. Für die Berechnungen gilt $f_{\rm T}=1$ GHz. Die relative Regelgenauigkeit ist durch $\Delta f_{\rm x}/f_{\rm x}$ definiert, dabei ist $f_{\rm x}$ die Sollfrequenz und $\Delta f_{\rm x}$ die Schrittweite.

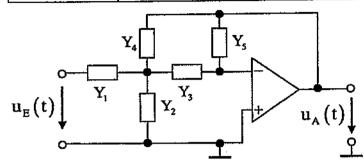
- f) Zunächst wird in einem Schritt heruntergemischt. Berechen Sie die erforderliche relative Regelgenauigkeit des Oszillators. (3 Punkte)
- g) **Zusatzfrage:** Beim dem zweistufigen Mischer gilt nun f_1 =998 MHz und $\Delta f_1/f_1=5\cdot 10^{-6}$. Der erste Mischer wird nicht geregelt. In welchem Bereich muss f_2 einstellbar sein? Berechen Sie die erforderliche relative Regelgenauigkeit des zweiten Oszillators. (4 Punkte)

og E4 GN VLM

Aufgabe 5 Filterentwurf (20+4 Punkte)

Mit der gegebenen Schaltung mit Mehrfachrückkopplung soll ein Bandpassfilter zweiter Ordnung realisiert werden. Die Bauelementtypen sind in der Tabelle angegeben.

Admittanz	Y ₁	Y ₂	Y ₃	Y ₄	Y ₅
Bauelement	R_1	-	C ₁	C ₂	R ₂



Schaltung mit Mehrfachrückkopplung		
U,	$-\mathbf{Y_1} \cdot \mathbf{Y_3}$	
U.	$= \frac{1}{Y_5 \cdot (Y_1 + Y_2 + Y_3 + Y_4) + Y_3 \cdot Y_4}$	

Tiefpaß erster Ordnung
$$H_{TP} = H_0 \cdot \frac{1}{1 + s/\omega_g} = H_0 \cdot \frac{1}{1 + \tilde{s}} \quad \text{mit} \quad \tilde{s} = \frac{s}{\omega_g}$$

- a) Berechnen Sie aus der Tiefpassübertragungsfunktion mit der TP-BP Transformation $\widetilde{s} \to (1+\widetilde{s}^{\,2})/\widetilde{s}$ die Bandpassübertragungsfunktion $H_{BP}(\widetilde{s})$. Setzen Sie darin $\widetilde{s} = s/\omega_g$ ein und geben Sie $H_{BP}(s)$ in Normalform an. (4 Punkte) (Normalform: Nennerpolynom hat die Form $1+\alpha_1\cdot s+\alpha_2\cdot s^2+...$)
- b) Geben Sie die Übertragungsfunktion $U_{\rm A}/U_{\rm E}$ der Schaltung als Funktion von s und den Bauelementen in Normalform auf. (3 Punkte)
- c) Bestimmen Sie aus a) und b) R_1 und R_2 als Funktionen von C_1 , C_2 und ω_g . Achtung: R_1 und R_2 dürfen <u>nicht voneinander abhängen</u>. (6 Punkte).
- d) Nun sei $C_1=3\cdot C_2=3\mu F$. Berechnen Sie für die Grenzkreisfrequenz $\omega_g=2,5$ kHz die Werte von R_1 und R_2 . (4 Punkte)
- e) Ein Bandpassfilter hat eine Mittenfrequenz ω_m . Ist das ω_g vom ursprünglichen Tiefpassfilters gleich der Mittenfrequenz ω_m des Bandpassfilters? Betrachten Sie dazu die Definition des TP-BP Transformation und das Tiefpassfilter für $\omega=\omega_g$. (3 Punkte)
- f) Allgemeine Frage: Eine Bandsperre zweiter Ordnung hat die Übertragungsfunktion

$$H_{BS}(\tilde{s}) = H_0 \cdot \frac{1 + \tilde{s}^2}{1 + a \cdot \tilde{s} + b \cdot \tilde{s}^2} \text{ mit } \tilde{s} = \frac{s}{\omega_s}.$$

Kann mit der Schaltung mit Mehrfachrückkopplung eine Bandssperre realisiert werden, wenn die Bauelemente immer nur ein Kondensator oder ein Widerstand sein dürfen, d.h. $Y_k = 1/R_k$ oder $Y_k = s \cdot C_k$?. Begründen Sie Ihre Antwort. (4 Punkte)

Aufgabe: 4α)

Aufgabe: 4α) $A = \frac{1}{4} + \frac{1}{4$

noca

244

Aufgabe: 4L)c)

mil fix f2 = f7 Und f2 = 2.4 cc f7

incl

-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-12-17-14

-14-12-17-14

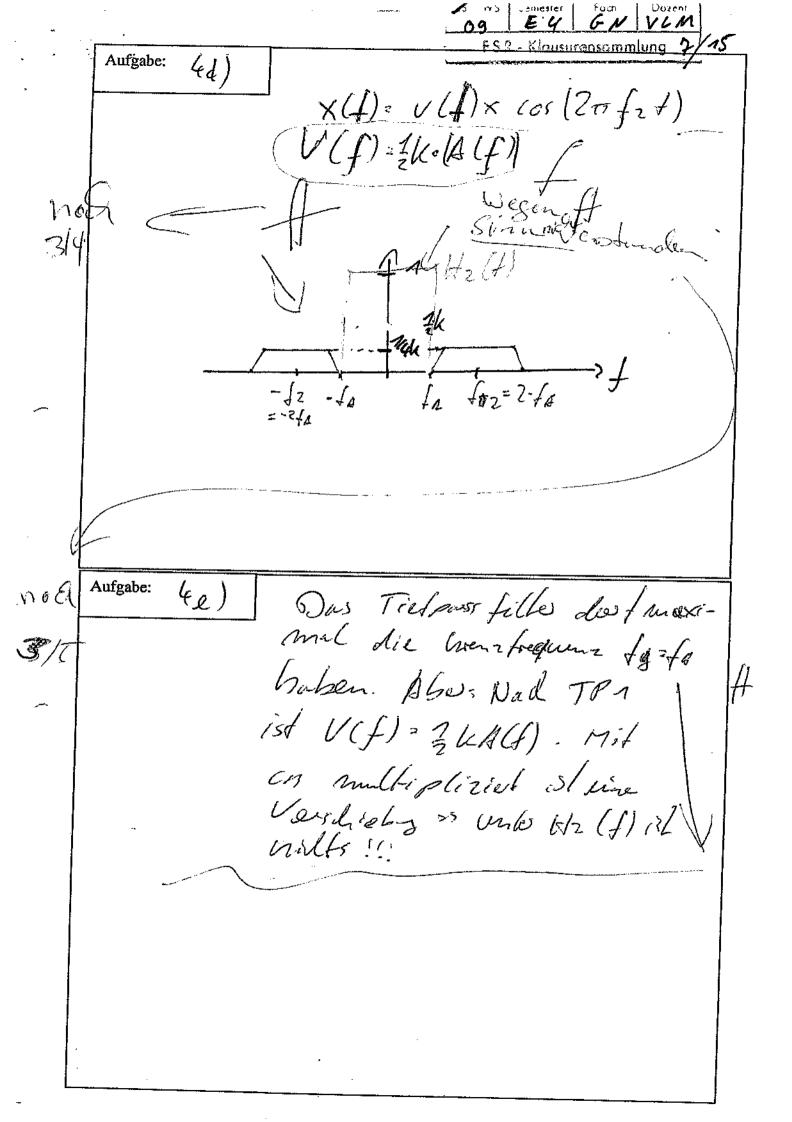
-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

-14-12-17-14

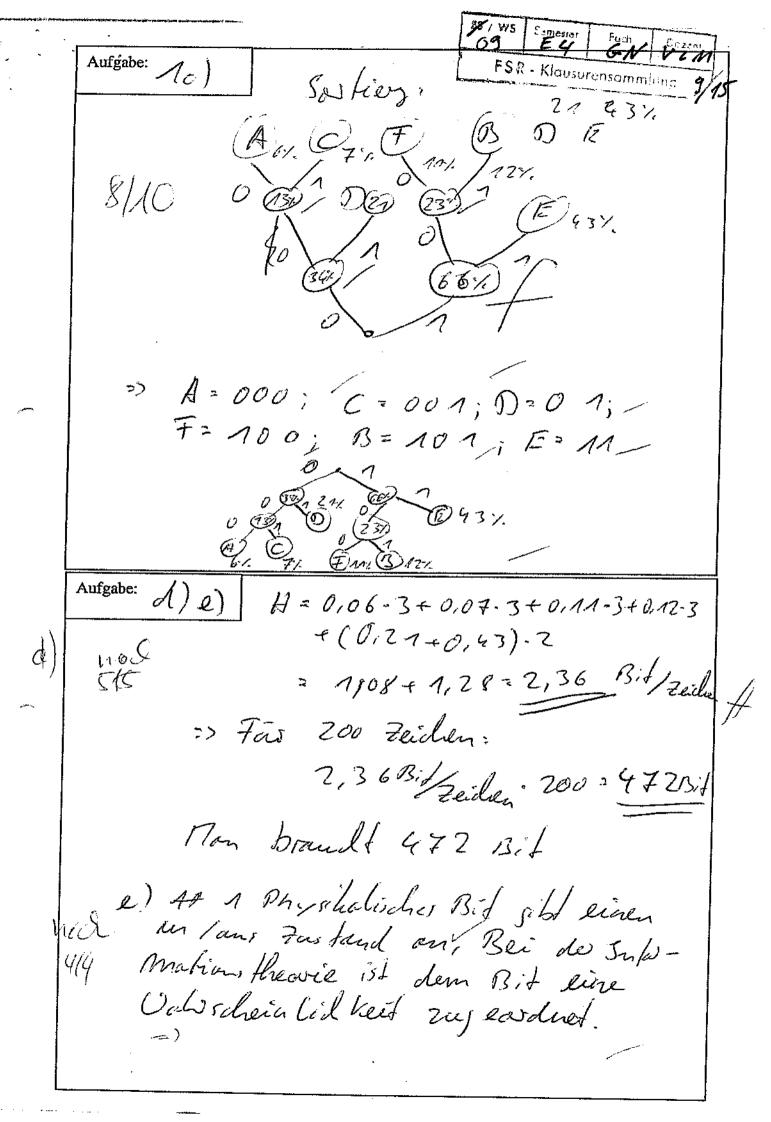
-14-12



Aufgabe: Aufgabe 1 H= Spn. ld(I)2 ed 3 Zeilen: 0,87916 220 miles 3 Zeichen: 1,34667 A= 2,724Bit/zeihen >) Es sind 200 Zeilen . 2,227 Bit Zeilen 2445, 166 Bit Naturalis 2446 (Aufrunden, veil celd-points austeichen) 4(4

Aufgabe: Redundanzi Hyper-H; f Hmax = 2,224/; 4=2,224 012 -5 Reden danz 20.

Lesing stand and down Decte blat to



V = 8103 - 8000 : 41 1201 + 45.05, N = 7 1-000-01 + CEOZ 1V = #+ 5= 0000 = NOBY = ND 410 % 00000 = 80002 = T = 27 570212 = 8780 = 15 二年十十二十十 Aufgabe: Zal) Bot- Buch Joben had "Then teen hish Soften hair Und sold soluse bis men suca => The fist that in do Uncel on Bud stabe Zagawdurd ist. Showin (it has 4?? Aut & abed out diaset Kon biretion me sene Onto-13; 4, 50 stellt man first. duss de 3/E Des and southick was versisst air last me me die hen reik Cale, odo ron on and will, ARD Aufgabe: Af)

hK 30H

FSR - Klausurensammlung Aufgabe: 26) HAZ SNRA 2 30 MB = 1000 = SNRER FUBTSNRAUR 20 7. SNR4 25NRAA 2) Teleptone F= F+ F-7 SNR40 2 1203,4 SNRANIUB= 30,8041dB SN Run = SNRAN (FT = 1203, 4.1,2034 = 1448,1716 # = 5 SNRun ldB: 31,6082 dB # Fjes: 4+ FT-16+ FT-1
6,25 6,25,1 Aufgabe: Zc) = 4+ 10,0,2034 + 0,2034 0,25-1 4/4 Fres 2 5,6272

18 / WS | Semester.

PS.1 = SURe Ps, = 1448,1716-PN Ps, = 1448, 1716.1,38.60-25 290k-101/2 Pr. = 5, 7956. 10-12 Un 4.10 15 P5, 2 5,7956 pW TippHler J.R.

ho S 314

Aufgabe: 21)

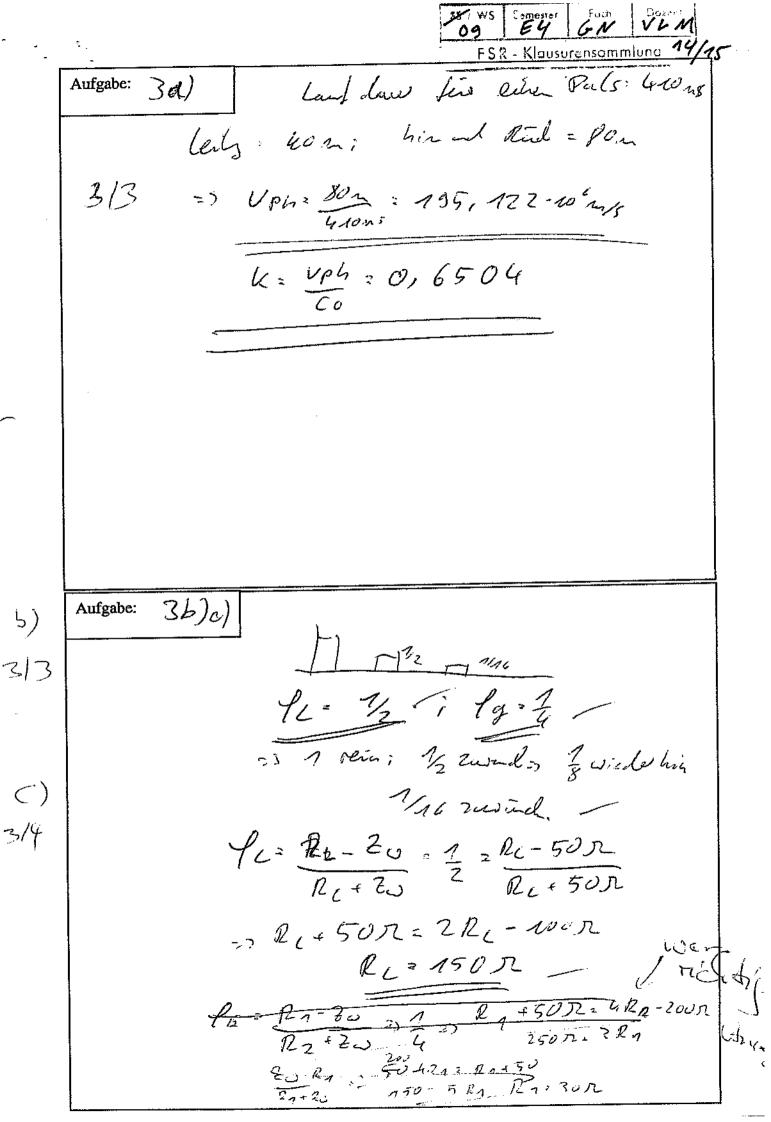
Die Spyr quelle muss 5,7956pU Signalleist liefen.

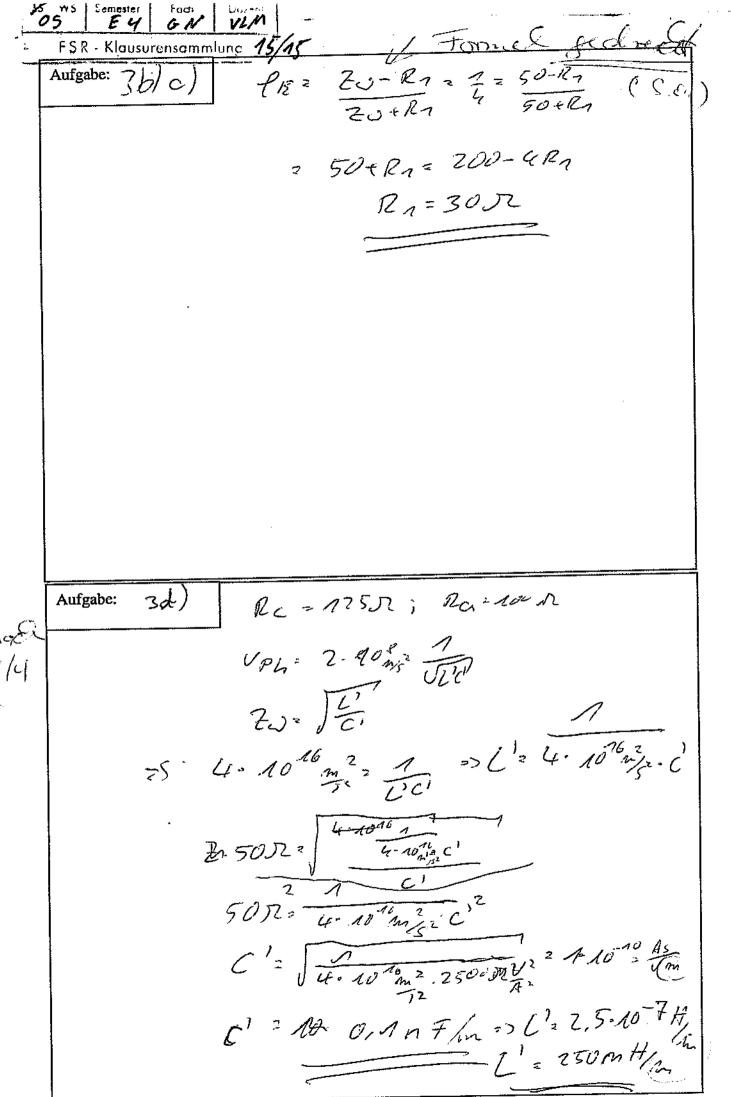
4 14

Aufgabe:

Ze): Un = Ps. R = 1,70229-10-5 Un= 17,023 MV f -> agist vegen den Sp-jskile 2. u1= 34,046 MV

E4 GN VLM FSR - Klausurensammlung 13/15 Das ist die & die Ventarier Aufgabe: 2f: Zwische lig und Up, Fres = 4 + N. Fr-1 war Jeffyt is gelit dérebit our Acutjobe Zo Lerus. Smindidee of ff, nache dian Aufgabe: Zy) Fres = 4+ Fo-1 + (N- FT-1 8CA0,25 کهن کخیر For large distance sille man 20 ische 425 doin imme viede Vostable lin Bacen um die leitzsvelinke Ans zu deiden. Forsabelil sollle en la verbitar vercented verte fus denhier silt : vo >>4 -s Diz Rousd ruhl vird mon (eringas.





•