

Name: Krischer

Vorname: Hans

Matr.-Nr.: 1858536

Anzahl der abgegebenen Blätter: _____

WS	Semester	Fach	Dozent
05	E4	GN	VLM

FSR - Fachbereichstechnik 1/15

Klausur: Grundlagen der Nachrichtentechnik (E4)

vom 4. Februar 2009

Lösungen ohne Herleitungen und die korrekte Angabe der Einheiten erhalten nur eine ver-
ringerte Punktzahl.

	Punkte in Unteraufgaben	Erreichte Punkte	Maximal (+ ZP)
Aufgabe 1	4+2+10+5+4 (+4)	4+0+8+2+4+4+(3)	25 (+4)
Aufgabe 2	4+4+4+4+4 (+8)	3+3+4+3+4 (+6)	20 (+8)
Aufgabe 3	3+3+4+4+6 (+4)	3+3+3+4+3	20 (+4)
Aufgabe 4	4+4+5+4+5+3 (+4)	2+2+2+3+3	25 (+4)
(Zusatzaufgabe 5)	4+3+6+4+3 (+4)	4	20 (+4)
Bewertung:	<u>13</u>	Summe:	90 (+20)

Kleine Formelsammlung:

Verlustfreie Leitung, Länge l		Trigonometrie und Euler	
$ Z_w = \sqrt{\frac{L'}{C'}}$	$v_{ph} = \frac{1}{\sqrt{L' \cdot C'}}$	$\cos(x) \cdot \cos(y) = [\cos(x+y) + \cos(x-y)]/2$ $\cos(x) = (e^{jx} + e^{-jx})/2$	
$\beta = \frac{\Delta\phi}{l} = \omega \sqrt{L' \cdot C'}$	$c_0 = 3 \cdot 10^8 \text{ m/s}$	Fourier-Transformation	
	$k = v_{ph}/c_0$	$x(t)e^{j2\pi f_0 t} \leftrightarrow X(f-f_0)$	$e^{j2\pi f_0 t} \leftrightarrow \delta(f-f_0)$
Rauschen und Rauschzahl		Informationstheorie, diskrete Nachrichten- quellen mit N verschiedenen Zeichen	
Rauschzahl $F = \frac{SNR_{\text{Eingang}}}{SNR_{\text{Ausgang}}}$		Informationsgehalt eines Zeichen x $I_x = -\log(p_x)$ Bit pro Zeichen	
Verfügbare Rauschleistung (thermisch) $P = k \cdot B \cdot T$ Boltzmannkonstante $k = 1,38 \cdot 10^{-23} \text{ Watt} \cdot \text{s/K}$ B: Bandbreite in Hertz, T: Temperatur in Kelvin		Entropie, mittlerer Informationsgehalt $H = -\sum_{n=1}^N p_n \cdot \log(p_n)$ Bit pro Zeichen	
Gesamtrauschzahl bei Reihenschaltung $F_{\text{Gesamt}} = F_1 + \frac{F_2 - 1}{v_1} + \frac{F_3 - 1}{v_1 \cdot v_2} + \dots$		Redundanz $R = H_{\text{max}} - H$	Maximale Entropie $H_{\text{max}} = \log(N)$

Aufgabe 1 Huffman Codierung (25+4 Punkte)

Von einer Nachrichtenquelle ist der Zeichensatz und die Zeichenwahrscheinlichkeiten p_i bekannt:

Zeichen	A	B	C	D	E	F
p_i in %	6	12	7	21	43	11

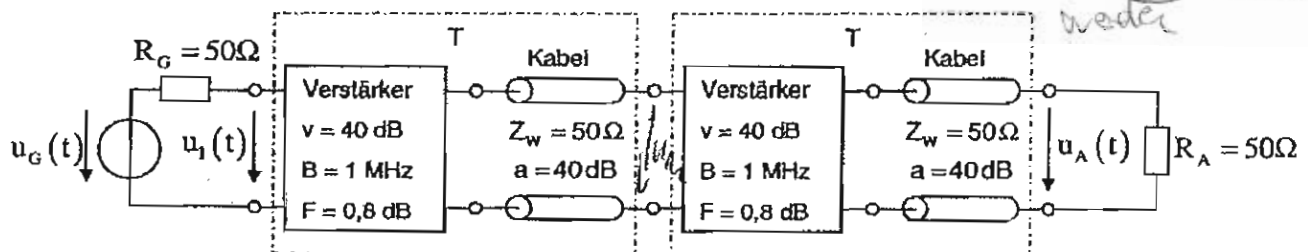
Geben Sie im folgenden immer die Einheiten mit an.

- Berechnen Sie den mittleren Informationsgehalt H pro Zeichen. Wie viele Bits sind im Mittel zur Übertragung von 200 Zeichen notwendig? (4 Punkte)
- Wie groß ist die Redundanz der Quelle? (2 Punkte)

Huffman-Codierung des gegebenen Zeichensatzes:

- Zeichnen Sie einen Codebaum und geben Sie für alle Zeichen den Code an. (10 Punkte)
- Wie viele Bits sind im Mittel zur Übertragung von 200 Zeichens notwendig, wenn Sie die gefundenen Huffman Codes verwenden? (5 Punkte)
- Erklären Sie den Unterschied zwischen einem „physikalischen“ Bit (0,1), z.B. einem Wert in einem Register und einem Bit „Informationsgehalt“. (4 Punkte)
- Zusatzfrage:** Warum sind bei der Huffman Codierung einer Nachricht keine Trennzeichen erforderlich? Erklären Sie die Aussage anschaulich anhand eines Codebaumes. (4 Punkte)

Aufgabe 2 Übertragungssystem (20+8 Punkte)



Ein Signal $u_G(t)$ mit 1 MHz Bandbreite wird über zwei gleiche Teilsysteme T mit Rauschzahl F_T und Leistungsverstärkungsfaktor v_T übertragen, die jeweils aus einem Verstärker und einem Kabel bestehen. Die Temperatur des gesamten Systems beträgt $T = 290$ Kelvin, das SNR von $u_A(t)$ beträgt 30 dB und $u_G(t)$ ist bis auf thermisches Rauschen fehlerfrei.

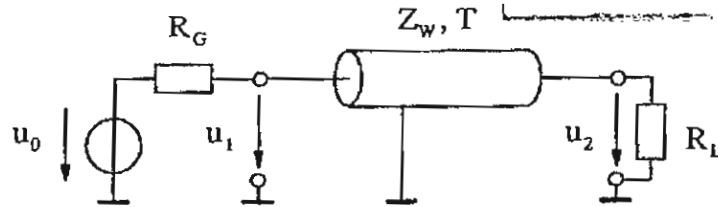
- Berechnen Sie F_T und v_T eines Teilsystems. (4 Punkte)
- Wie groß ist das SNR des Signals $u_1(t)$ in dB? (4 Punkte)
- Wie groß ist die Gesamtrauschzahl $F_{G,A}$ des Systems zwischen $u_G(t)$ und $u_A(t)$? (4 Punkte)
- Welche Signalleistung muss die Spannungsquelle liefern? (4 Punkte)
- Bestimmen Sie den Effektivwert der Spannung $u_G(t)$. (4 Punkte)

Zusatzaufgaben: Nun sollen N gleiche Teilsysteme wie oben zwischen $u_1(t)$ und $u_A(t)$ eingebaut werden. (Die Aufgaben ist ohne die vorherigen Unterpunkte lösbar.)

- Geben Sie für $v_T = 1$ die Gesamtrauschzahl $F_{1,A}$ als Funktion von N und F_T an. (3 Punkte)
- Nun soll vor dem ersten Teilsystem noch ein Verstärker mit Rauschzahl F_0 und Leistungsverstärkungsfaktor $v_0 \gg 1$ vorgeschaltet werden. Bestimmen Sie erneut die Gleichung für $F_{1,A}$. Was folgern Sie aus dem Ergebnis für die Übertragung von analogen Signalen über lange Distanzen (z.B. Transatlantikkabel)? (5 Punkte)

Aufgabe 3 Leitung (20+4 Punkte)

09	E4	GN	VLM
FSR - Klausurenansammlung 3/15			



Auf eine verlustfreie Leitung von 40 Meter Länge mit $Z_w = 50\Omega$ wird vom Generator ein Spannungspuls von 100 ns Dauer geschickt. Die Spannung $u_1(t)$ am Leitungseingang wird gemessen. Zuerst sieht man den vom Generator verursachten Puls. Nach 410 ns ist ein zweiter Impuls zu sehen, der die halbe Spannungsamplitude des ersten Pulses hat. Ein dritter Puls nach 820 ns hat ein sechzehntel der Sendespannung des ersten Pulses. Weitere Pulse treten auf, sind aber zu klein für eine genaue Messung.

- a) Bestimmen Sie Ausbreitungsgeschwindigkeit v_{ph} und Verkürzungsfaktor k . (3 Punkte)
- b) Bestimmen Sie die beiden Reflexionsfaktoren ρ_L und ρ_G . (3 Punkte)
- c) Berechnen die beiden Widerstände R_L und R_G . (4 Punkte)

Gehen Sie ab jetzt von $v_{ph} = 2 \cdot 10^8$ m/s, $R_L = 125\Omega$ und $R_G = 100\Omega$ aus.

- d) Bestimmen Sie die Leitungsbeläge L' und C' . (4 Punkte)
- e) Wenn der ursprüngliche Generatorpuls eine Amplitude von 7 V hatte, wie groß waren dann die Spannungen $u_1(t)$ und $u_2(t)$ des jeweils ersten am Leitungsanfang bzw. Leitungsende auftretenden Pulses? (6 Punkte)

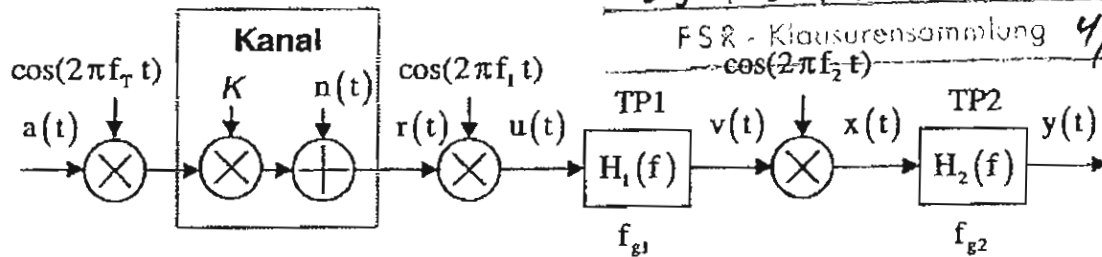
Zusatzaufgabe, allgemeine Fragen zu Leitungen:

- f) Bei Berechnungen wird in erster Näherung immer angenommen, dass die Leitungsbeläge frequenzunabhängig sind. Für welchen der Beläge R' , L' , C' , und G' ist diese Approximation in der Praxis (z.B. Koaxialkabel) am schlechtesten und welcher Effekt ist dafür verantwortlich. Denken Sie an das Praktikum. (4 Punkte) (Für R' , L' , C' , oder G' alleine keine Punkte!)

Aufgabe 4 Modulation (25+4 Punkte)

WS	Semester	Fach	Lehrst.
03	E4	GN	VLM

FSR - Klausurensammlung 4/15



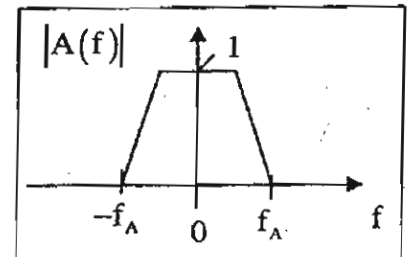
Betrachten Sie das Übertragungssystem. Das zu übertragene Tiefpasssignal $a(t)$ der Bandbreite f_A wird auf die Trägerfrequenz f_T hochgemischt. Das empfangene Signal $r(t)$ wird in zwei Schritten wieder heruntorgemischt, d.h. es gilt $f_1 + f_2 = f_T$, wobei $f_1, f_2 > 0$ und $f_2 = 2 \cdot f_A \ll f_T$ ist. Die Tiefpässe TP1 und TP2 sind ideal mit Grenzfrequenzen f_{g1} bzw. f_{g2} . $K < 1$ ist konstant.

Im folgenden soll das Rauschen vernachlässigt werden ($n(t) = 0$).

Die Fouriertransformierten (Spektren) der Zeitsignale werden mit den zugehörigen Großbuchstaben bezeichnet. Zum Beispiel

$$A(f) = \mathcal{F}\{a(t)\}.$$

Beschriften Sie die im folgenden zu skizzierenden Spektren immer in Abhängigkeit des Sendespektrums $|A(f)|$.



Beschriften Sie immer alle Achsen und Signale vollständig.

- Skizzieren Sie $|R(f)|$, d.h. den Betrag des Spektrums von $r(t)$. (4 Punkte)
- Skizzieren Sie das Spektrum $|U(f)|$. (4 Punkte)
- Welche Grenzfrequenz f_{g1} muss das Tiefpassfilter TP1 mindestens haben, damit es aus $|U(f)|$ nur die Spektralanteile $|f| > f_T$ herausgefiltert werden? Zeichnen Sie die Filterfunktion $|H_1(f)|$ in das Bild von $|U(f)|$ ein. (5 Punkte)
- Skizzieren Sie das Spektrum $|X(f)|$. Beschriften Sie wieder alles vollständig. (4 Punkte)
- Wir wollen, dass $Y(f) = \alpha \cdot A(f)$ gilt, wobei α ein konstanter Faktor ist. Welche Grenzfrequenz f_{g2} darf das Tiefpassfilter 2 maximal haben, damit das gilt? Zeichnen Sie $|H_2(f)|$ in das Bild von $|X(f)|$ ein. (5 Punkte)

Anforderungen einstufiger und zweistufiger Mischer

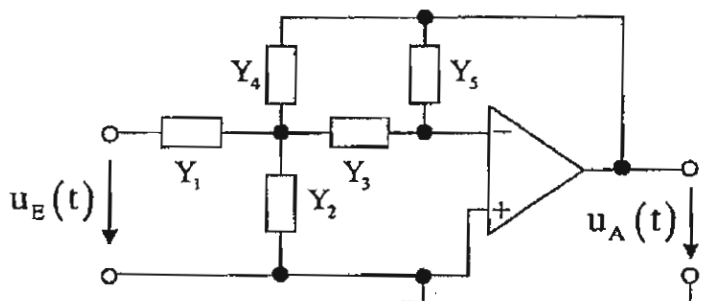
Die Oszillatoren sind nicht perfekt und müssen nachgeregelt werden, um das gewünschte Ausgangssignal zu erreichen. Die Frequenz soll hier in Schritten von 2 Hertz einstellbar sein. Für die Berechnungen gilt $f_T = 1$ GHz. Die relative Regelgenauigkeit ist durch $\Delta f_x / f_x$ definiert, dabei ist f_x die Sollfrequenz und Δf_x die Schrittweite.

- Zunächst wird in einem Schritt heruntorgemischt. Berechnen Sie die erforderliche relative Regelgenauigkeit des Oszillators. (3 Punkte)
- Zusatzfrage:** Beim dem zweistufigen Mischer gilt nun $f_1 = 998$ MHz und $\Delta f_1 / f_1 = 5 \cdot 10^{-6}$. Der erste Mischer wird nicht geregelt. In welchem Bereich muss f_2 einstellbar sein? Berechnen Sie die erforderliche relative Regelgenauigkeit des zweiten Oszillators. (4 Punkte)

Aufgabe 5 Filterentwurf (20+4 Punkte)

Mit der gegebenen Schaltung mit Mehrfachrückkopplung soll ein Bandpassfilter zweiter Ordnung realisiert werden. Die Bauelementtypen sind in der Tabelle angegeben.

Admittanz	Y_1	Y_2	Y_3	Y_4	Y_5
Bauelement	R_1	-	C_1	C_2	R_2



Schaltung mit Mehrfachrückkopplung

$$\frac{U_a}{U_e} = \frac{-Y_1 \cdot Y_3}{Y_5 \cdot (Y_1 + Y_2 + Y_3 + Y_4) + Y_3 \cdot Y_4}$$

Tiefpaß erster Ordnung

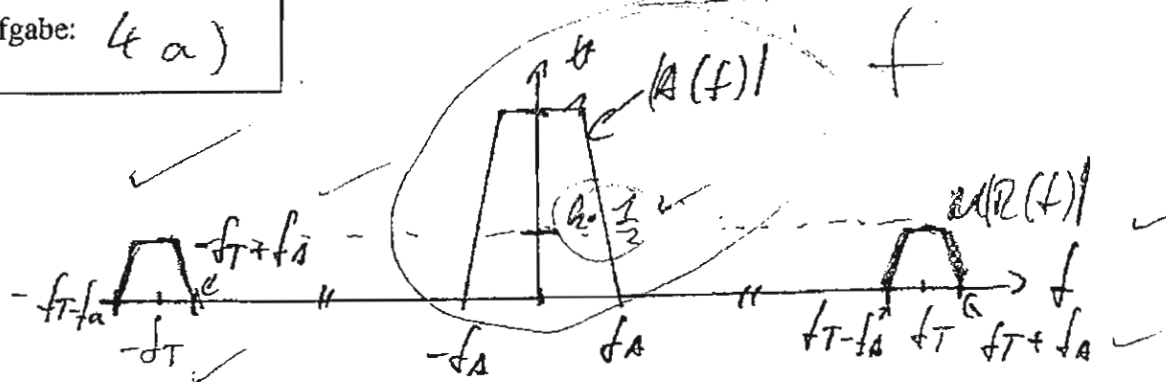
$$H_{TP} = H_0 \cdot \frac{1}{1 + s/\omega_g} = H_0 \cdot \frac{1}{1 + \tilde{s}} \quad \text{mit } \tilde{s} = \frac{s}{\omega_g}$$

- Berechnen Sie aus der Tiefpassübertragungsfunktion mit der TP-BP Transformation $\tilde{s} \rightarrow (1 + \tilde{s}^2)/\tilde{s}$ die Bandpassübertragungsfunktion $H_{BP}(\tilde{s})$. Setzen Sie darin $\tilde{s} = s/\omega_g$ ein und geben Sie $H_{BP}(s)$ in Normalform an. (4 Punkte)
(Normalform: Nennerpolynom hat die Form $1 + \alpha_1 \cdot s + \alpha_2 \cdot s^2 + \dots$)
- Geben Sie die Übertragungsfunktion U_A/U_E der Schaltung als Funktion von s und den Bauelementen in Normalform auf. (3 Punkte)
- Bestimmen Sie aus a) und b) R_1 und R_2 als Funktionen von C_1 , C_2 und ω_g . **Achtung:** R_1 und R_2 dürfen nicht voneinander abhängen. (6 Punkte).
- Nun sei $C_1 = 3 \cdot C_2 = 3 \mu F$. Berechnen Sie für die Grenzkreisfrequenz $\omega_g = 2,5 \text{ kHz}$ die Werte von R_1 und R_2 . (4 Punkte)
- Ein Bandpassfilter hat eine Mittenfrequenz ω_m . Ist das ω_g vom ursprünglichen Tiefpassfilters gleich der Mittenfrequenz ω_m des Bandpassfilters? Betrachten Sie dazu die Definition des TP-BP Transformation und das Tiefpassfilter für $\omega = \omega_g$. (3 Punkte)
- Allgemeine Frage:** Eine Bandsperrfilter zweiter Ordnung hat die Übertragungsfunktion

$$H_{BS}(\tilde{s}) = H_0 \cdot \frac{1 + \tilde{s}^2}{1 + a \cdot \tilde{s} + b \cdot \tilde{s}^2} \quad \text{mit } \tilde{s} = \frac{s}{\omega_g}$$

Kann mit der Schaltung mit Mehrfachrückkopplung eine Bandsperrfilter realisiert werden, wenn die Bauelemente immer nur ein Kondensator oder ein Widerstand sein dürfen, d.h. $Y_k = 1/R_k$ oder $Y_k = s \cdot C_k$? Begründen Sie Ihre Antwort. (4 Punkte)

Aufgabe: 4a)

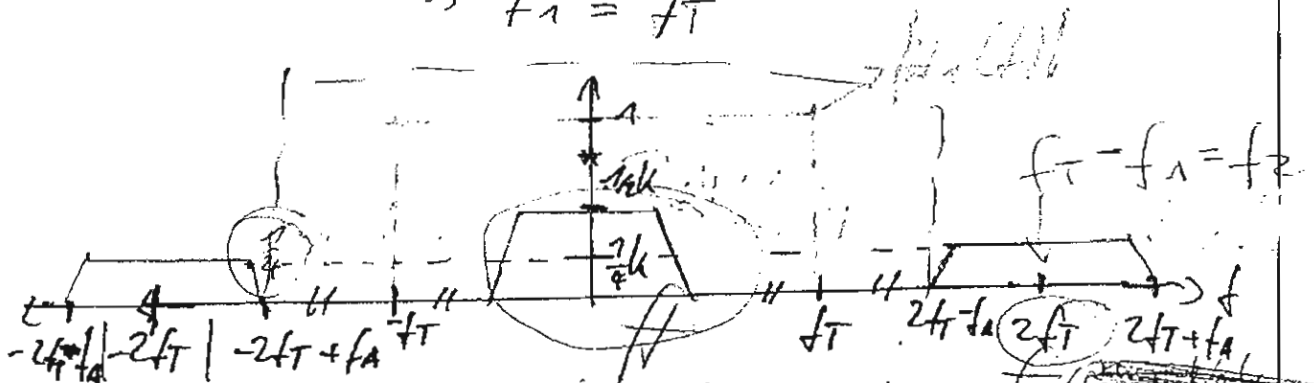


$$R(f) = k \cdot \frac{1}{2} (A(f)) * (\delta(f - f_T) + \delta(f + f_T))$$

$$r(t) = a(t) \cdot \cos(2\pi f_T t) \cdot k$$

Aufgabe: 4b)c)

mit $f_1 + f_2 = f_T$ und $f_2 = 2f_A \ll f_T$
 $\Rightarrow f_1 \approx f_T$



$$\Rightarrow u(t) = k \cdot a(t) \cdot \cos(2\pi f_T t) \cdot \cos(2\pi f_T t)$$

$$\Rightarrow U(f) = k \cdot |A(f)| * \left(\frac{1}{2} (\delta(f)) + \frac{1}{4} (\delta(f - 2f_T) + \delta(f + 2f_T)) \right)$$

Damit nur Frequenzen mit $|f| > f_T$ herausgefiltert werden, muss der TP eine fg von Grenzfrequenz von $f_g = f_T$ haben.

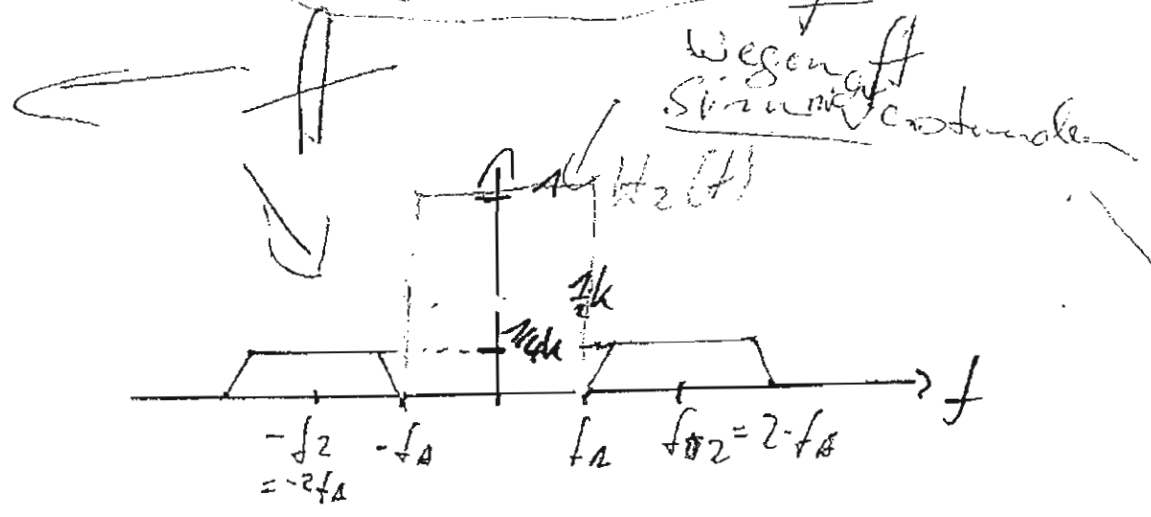
max war gefragt

Aufgabe: 4d)

$$x(t) = v(t) \times \cos(2\pi f_2 t)$$

$$V(f) = \frac{1}{2} k \cdot |A(f)|$$

noch
3/4



Aufgabe: 4e)

noch
3/4

Das Tiefpassfilter hat maximal die Grenzfrequenz $f_g = f_A$ haben. Aber: Nach TP 1 ist $V(f) = \frac{1}{2} k A(f)$. Mit cos multipliziert ist eine Verschiebung \Rightarrow unter $H_2(f)$ ist nichts !!

H

Aufgabe:

Aufgabe 11

$$H = - \sum p_i \cdot \log_2 \left(\frac{1}{p_i} \right)$$

1. 3 Zeichen: 0,87916

2. 3 Zeichen: 1,34667

$$H = 2,224 \text{ Bit/Zeichen}$$

 \Rightarrow Es sind 200 Zeichen $\cdot 2,224 \text{ Bit/Zeichen}$

$$= 444,8 \text{ Bit Notwendig}$$

$$\approx 446 \text{ (Aufrunden, weil nicht ausreichen)}$$

414

Aufgabe:

16)

Redundanz: $H_{\max} - H; f$

$$H_{\max} = 2,224; H = 2,224$$

$$\Rightarrow \text{Redundanz} = 0$$

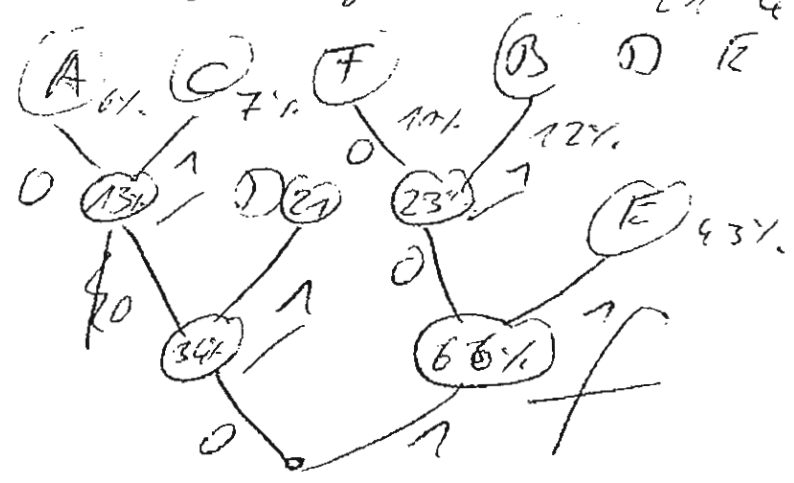
6/2

Lösung stand auf dem Deckblatt

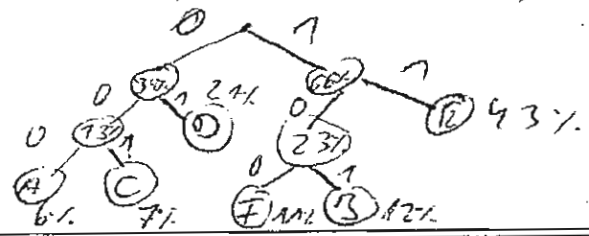
Aufgabe: 10)

Sortierung:

8/10



$\Rightarrow A = 000; C = 001; D = 01; F = 100; B = 101; E = 11$



Aufgabe: 1) e)

$$H = 0,06 \cdot 3 + 0,07 \cdot 3 + 0,11 \cdot 3 + 0,12 \cdot 3 + (0,21 + 0,43) \cdot 2$$

$$= 1,08 + 1,28 = 2,36 \text{ Bit/Zeichen}$$

\Rightarrow Für 200 Zeichen:

$$2,36 \text{ Bit/Zeichen} \cdot 200 = 472 \text{ Bit}$$

Man braucht 472 Bit

e) 1 physikalisches Bit gibt einen aus 2 Zuständen an. Bei der Informationstheorie ist dem Bit eine Wahrscheinlichkeit zugeordnet.

\Rightarrow

FSR - Klausurensummlung	FSR	FSR	FSR	FSR
FSR	FSR	FSR	FSR	FSR

Aufgabe: 14)

Nach mit: 4000

Cost me - die Ironzeit
 Das und verbleibend ist
 Bid, so stellt man fest, dass die
 diese Kombination nur eine Val
 schen (Kauf?) und also es
 Bundesbank zugewandt ist.
 es man frägt nach in der Union an
 und geht selbst bis man einen
 best-Bundesbank hat. Man kann nicht
 Bsp: 3d sehr 0,1% Da ist kein
 Bundesbank, man muss man selbst gehen

Aufgabe: 2a)

$$F_T = F_1 + \frac{F_2 - 1}{V_1}$$

$$F_1 = 0,8 \cdot 1000 = 800$$

$$F_2 = \frac{1}{1,2023} = 0,831$$

$$V_T = 4000 - 10000 = -6000$$

$$F_T = 1,2034 + \frac{10000}{1,2034} = 10000$$

$$V_T = 4000 - 10000 = -6000$$

Aufgabe: 2b)

$$\begin{aligned} \text{bzw. } SNR_A &= 30 \text{ dB} = 1000 \\ \Rightarrow SNR_{\text{eff}} &= F_{AB} + SNR_{AB} \\ \text{oder } F \cdot SNR_A &= SNR_{A1} \end{aligned}$$

② Telesysteme
 $F = F_T + \frac{F_T - 1}{v_T}$

$$SNR_{A1} = 1203,4$$

$$SNR_{A1 \text{ dB}} = 30,8041 \text{ dB}$$

$$\begin{aligned} SNR_{u1} &= SNR_{A1} \cdot F_T = 1203,4 \cdot 1,2034 \\ &= 1448,1716 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow SNR_{u1 \text{ dB}} = 31,6082 \text{ dB} //$$

nach
3/4

Aufgabe: 2c)

$$F_{\text{ges}} = \left(4 + \frac{F_T - 1}{0,25} + \frac{F_T - 1}{0,25 \cdot 1} \right)$$

$$= 4 + \frac{1,2034 - 1}{0,25} + \frac{1,2034 - 1}{0,25 \cdot 1}$$

$$F_{\text{ges}} = 5,6272 //$$

nach
4/4

Aufgabe: 2d)

$$P_{S,1} = SNR_e$$

$$P_{N,1} \quad \downarrow f$$

$$P_{S,1} = 1448,1716 \cdot P_N$$

$$P_{S,1} = 1448,1716 \cdot 1,38 \cdot 10^{-23} \cdot 290K \cdot 10^4 Hz$$

$$P_{S,1} = 5,7956 \cdot 10^{-12} W$$

$$P_{S,1} = 5,7956 \mu W \quad \text{Tippfehler J.R.}$$

Die Spz-quelle muss 5,7956 μW Signalleistung liefern.

$$P_g = ?$$

Aufgabe: 2e):

$$u_1 = \sqrt{P_S \cdot R} = 1,70229 \cdot 10^{-5} V$$

$$u_1 \approx 17,023 \mu V \quad \#$$

\Rightarrow u_{g1} wegen der Spz-keile

$$2 \cdot u_1 = 34,046 \mu V$$

Aufgabe:

2f)

Das ist die ~~St~~ Stille Verstärker
 zwischen U_S und U_A ,
 $U_S \rightarrow U_A$
 was steht
 oben

$$F_{ges} = 4 + N \cdot \frac{F_T - 1}{0,25}$$

es sieht direkt aus Aufgabe 2c
 hervor.

← Grundidee ob

noch
 2/3

Aufgabe:

2g)

$$F_{ges} = 4 + \frac{F_0 - 1}{0,25} + (N - \frac{F_T - 1}{0,25 \cdot v_0})$$

Fw. Länge dinstanzen sollte man zwischen
 den inneren vielen Verstärkern
 ein Bauelement um die Leistungsverluste
 auszugleichen. ^(also dinstanzen ≈ 0) Zusätzlich sollte
 ein v_0 Verstärker verwendet werden
 für den hier gilt: $v_0 \gg 4$

→ Die Rauschzahl wird noch
 geringer.

noch
 4/5

Aufgabe: 3a)

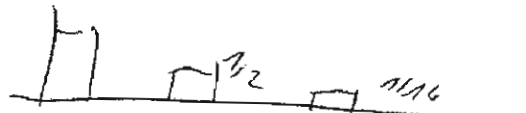
Laufdauer für einen Puls: $4 \cdot 10^{-8}$

Leitg: 40 m ; hin und Rück = 80 m

3/3 $\Rightarrow v_{ph} = \frac{80 \text{ m}}{4 \cdot 10^{-8} \text{ s}} = 195,122 \cdot 10^6 \text{ m/s}$

$k = \frac{v_{ph}}{c_0} = 0,6504$

Aufgabe: 3b)c)



$P_L = \frac{1}{2} \cdot i \cdot I_g = \frac{1}{4}$

$\Rightarrow 1 \text{ rein}; \frac{1}{2} \text{ zurück}; \frac{1}{8} \text{ wieder hin}; \frac{1}{16} \text{ zurück}$

$P_L = \frac{R_L - Z_0}{R_L + Z_0} = \frac{1}{2} = \frac{R_L - 50 \Omega}{R_L + 50 \Omega}$

$\Rightarrow R_L + 50 \Omega = 2R_L - 100 \Omega$

$R_L = 150 \Omega$

$P_2 = \frac{R_1 - Z_0}{R_2 + Z_0} = \frac{1}{4} \Rightarrow \frac{R_1 + 50 \Omega}{250 \Omega} = \frac{4R_2 - 200 \Omega}{250 \Omega + 2R_2}$

$\frac{Z_0 \cdot R_1}{2R_2 + Z_0} = \frac{50 \cdot 4R_2 + 200 \cdot 250}{150 + 5R_2} \Rightarrow R_1 = 30 \Omega$

Wert nicht
liber

Aufgabe: 3b/c)

$$P_R = \frac{Z_0 - R_1}{Z_0 + R_1} = \frac{1}{4} = \frac{50 - R_1}{50 + R_1} \quad (\text{S.O.})$$

$$\Rightarrow 50 + R_1 = 200 - 4R_1$$

$$R_1 = 30 \Omega$$

Aufgabe: 3d)

$$R_C = 125 \Omega; R_A = 100 \Omega$$

$$V_{PL} = 2 \cdot 40 \frac{\text{V}}{\text{m}} \cdot \frac{1}{\sqrt{L' C'}}$$

$$Z_0 = \sqrt{\frac{L'}{C'}}$$

$$\Rightarrow 4 \cdot 10^{16} \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2} = \frac{1}{L' C'} \Rightarrow L' = 4 \cdot 10^{16} \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2} \cdot C'$$

$$Z_0 = 50 \Omega = \sqrt{\frac{4 \cdot 10^{16} \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2} \cdot C'}{C'}}$$

$$50 \Omega = \frac{2 \cdot 10^{16} \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2}}{C'}$$

$$C' = \sqrt{\frac{1}{4 \cdot 10^{16} \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2} \cdot 2500 \frac{\text{V}^2}{\text{A}^2}}} = 1 \cdot 10^{-10} \frac{\text{As}}{\text{m}}$$

$$C' = 10^{-10} \frac{\text{As}}{\text{m}} \Rightarrow L' = 2.5 \cdot 10^{-7} \frac{\text{H}}{\text{m}}$$

$$L' = 250 \text{ nH/m}$$

Prof. Dr.-Ing. J. Vollmer
Hochschule für Angewandte Wissenschaften Hamburg
Department für Informations- und Elektrotechnik
Informationstechnik und Kommunikationstechnik

Name: _____

Vorname: Simon

Matr.-Nr.: _____

Anzahl der abgegebenen Blätter: _____

Klausur: Grundlagen der Nachrichtentechnik (E4a)
vom 31. Januar 2009

Hinweis 1: Formeln dürfen nur aus dem aktuellen Vorlesungsskript von Prof. Missun übernommen werden (mit Quellenangabe!). Die Verwendung von Formeln aus anderen Quellen ist nur zur Kontrolle erlaubt. Der Lösungsweg ist in diesem Fall anzugeben!

Lösungen ohne Herleitungen und die korrekte Angabe der Einheiten erhalten nur eine verringerte Punktzahl.

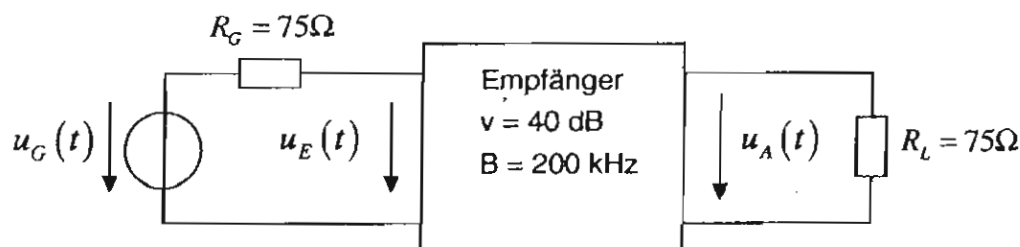
	bearbeitet (X = ja)	mögliche Punktzahl	erreichte Punktzahl
Aufgabe 1		15	15
Aufgabe 2		20	1
Aufgabe 3		25	19
Aufgabe 4		30	23
(Zusatzaufgabe)		(25)	—
Summe		90	58

Bewertung:

127

Aufgabe 1 Empfangssystem (15 Punkte)

Bei einer effektiven Eingangsspannung von $U_E = 18 \mu\text{V}$ und $T = 290 \text{ K}$ wird am Ausgang ein SNR von 18dB gemessen. Ein- und Ausgangsimpedanz des Systems sind jeweils 75Ω .

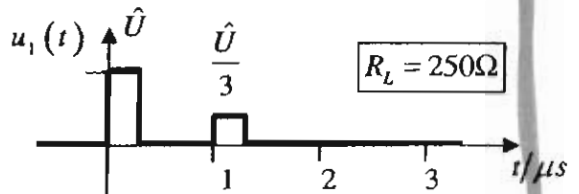
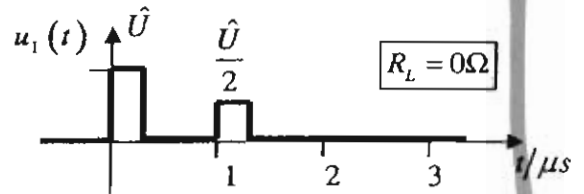
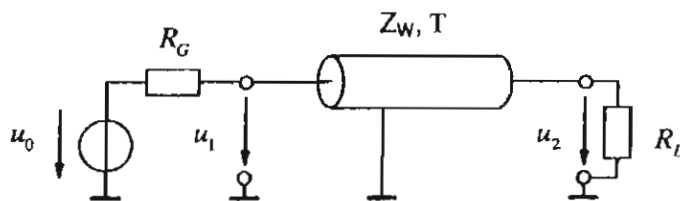


- Welche Rauchzahl muss der Empfänger haben?
- Bei welcher effektiven Generatorspannung U_G sinkt das SNR auf 6,02dB?

Aufgabe 2 Leitung (20 Punkte)

01/175	Semester	Fach	Dozent
08	E4	GN	VIM
FSR - Klausurensammlung 2/10			

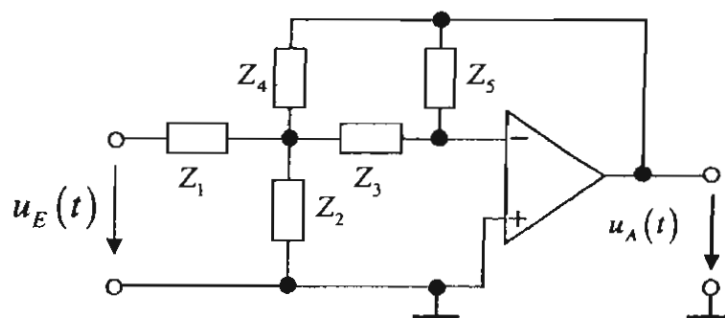
Auf eine schwach gedämpfte Leitung ($G'=0$) von 100 Meter Länge wird ein Rechteckimpuls gegeben. Die Bilder zeigen die Eingangsspannung $u_1(t)$ für die Fälle $R_L=0\ \Omega$ und $R_L=250\ \Omega$. Nehmen Sie den Wellenwiderstand Z_W immer als rein reellwertig an.



- Wie ist das Verhältnis R_G/Z_W ? (Verständnisfrage ohne Rechnung.)
- Bestimmen Sie Z_W , die Leitungsbeläge L' , R' , C' und den Ausbreitungskoeffizienten γ .
- Wie würde $u_1(t)$ für $R_G = Z_W/2$ aussehen? (Prinzipielle Beschreibung, keine Rechnung nötig)

Aufgabe 3 Filterentwurf (25 Punkte)

Mit der dargestellten Schaltung mit idealem Operationsverstärker soll ein Butterworthhochpassfilter zweiter Ordnung mit der 3dB Grenzfrequenz $f_g = 1\text{ kHz}$ realisiert werden.



werden.

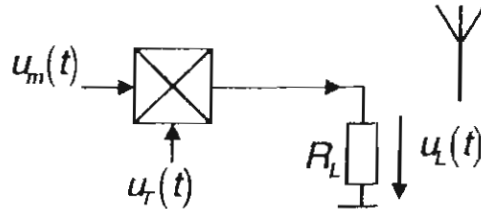
- Stellen Sie die Übertragungsfunktion U_A/U_E als Funktion der Impedanzen und $j\omega$ in Normalform auf. Für einen Hochpass müssen Z_1, Z_3 und Z_4 Kapazitäten, Z_2 und Z_5 Widerstände sein. (Normalform: Nennerpolynom hat die Form $1 + \alpha_1 \cdot (j\omega) + \alpha_2 \cdot (j\omega)^2 + \dots$)
- Nun sein $C_3 = 100\text{ nF}$, $R_2 = 400\ \Omega$ und $U_A/U_E \rightarrow -1$ für $\omega \rightarrow \infty$. Berechnen Sie die Werte der unbekannten Bauelemente.

Aufgabe 4 Amplitudenmodulation (30 Punkte)

Das Signal $u_m(t)$ ist definiert als

$$u_m(t) = 1V \cdot [\cos(\Omega_m t) + 0,11 \cdot \cos(3\Omega_m t) + 0,04 \cdot \cos(5\Omega_m t)]$$

mit $\Omega_m = 2\pi F_m$ und $F_m = 1$ kHz. Der modulierende Träger ist $u_T = 1V \cdot \cos(\Omega_T t)$ mit $\Omega_T = 2\pi F_T$ und $F_T = 1$ MHz gilt. Das Signal $u_m(t)$ am Ausgang des Multiplizierers ist $u_L(t) = K \cdot u_m(t) \cdot u_T(t)$ mit $K = 0,5V^{-1}$. Die Sendeantenne entspricht einem Lastwiderstand von $R_L = 50 \Omega$. gilt.



- Skizzieren Sie von $u_m(t)$ eine halbe Periode ($0 \leq t \leq T_m/2 = 1/(2F_m)$) indem Sie die ersten zwei Teilfunktionen grafisch addieren. Beschriften Sie die Zeichnung vollständig. (Tipp: Zeichnen Sie die zweite Teilfunktion zuerst und lassen Sie sich Platz.)
- Bestimmen Sie die maximalen und minimalen Wert von $u_m(t)$ (Tipp: Eventuell hilft a)).
- Bestimmen Sie das Spektrum $U_m(f) = \mathcal{F}\{u_m(t)\}$.
- Geben Sie $u_L(t)$ als einfache gewichtete Summe von Cosinusfunktionen an, d.h. es sollen keine Produkte von Sinus- oder Cosinusfunktionen auftreten.
- Berechnen Sie die mittleren Leistungen **aller** Spektrallinien des Sendesignals $u_L(t)$ in dBm und tragen Sie diese mit den Frequenzen in eine Tabelle ein.
- Skizzieren das Betragsspektrum für $|f - F_T| \leq 6F_m$ (Vollständige Beschriftung).
- Berechnen Sie die an R_L im Mittel insgesamt umgesetzte Leistung.

Zusatzaufgabe: Verzerrungen (25 Punkte)

Vier Systeme sollen auf die Art der durch sie verursachten Verzerrungen hin untersucht werden. Dazu wird an den Eingang jeweils das Testsignal $x(t) = 2V \cdot \cos(2\pi f t)$ angelegt mit den Signalfrequenzen $|f| \leq 1$ MHz. Man beobachtet für die 4 Systeme folgende Ausgangssignale:

$y_1(t) = 1,5V \cdot \cos(2\pi f t + \pi f / 100\text{kHz})$	$y_2(t) = 1V + 1V \cdot \cos(4\pi f t)$
$y_3(t) = 1,5V \cdot \cos(2\pi f_x t + \Theta(f_x))$ mit $\Theta(f) = -\pi(f/1\text{MHz})^2$	$y_4(t) = \frac{1,5V}{\sqrt{1+(f/1\text{MHz})^2}} \cos(2\pi f t + \Theta(f))$ mit $\Theta(f) = -\arctan(f/1\text{MHz})$

Beantworten Sie für alle vier Systeme für das beobachtet Frequenzintervall folgende Fragen:

(Ohne Begründung gibt es bei a)-c) keine Punkte! Schreiben Sie in ganzen Sätzen!)

- Ist das System „Verzerrungsfrei“?
- Ist das System „Linear“ oder „Nichtlinear“?
- Nennen Sie ein System aus der Nachrichtentechnik, welches sich so verhalten würde.
- Berechnen Sie für alle linearen Systeme die Signalverzögerungszeiten für $f = 1\text{MHz}$.

(Hinweis: $\arctan(x)' = 1/(1+x^2)$)

Gr. / WS	Semester	Fach	Dozent
08	E4	GN	VIM
FSR - Klausurensammlung 4/10			

in Aufg. 1.1 a) $SNR_a = 18 \text{ dB}$

$$SNR_e = \frac{P_s}{P_r} = \frac{(U_e)^2 / R}{A \cdot B \cdot T} = \frac{\left(\frac{18 \mu V}{75 \Omega}\right)^2}{1,38 \cdot 10^{-23} \cdot 2000 \text{ Hz} \cdot 290 \text{ K}}$$

$$\Rightarrow SNR_e = \frac{4,32 \cdot 10^{-12} \text{ W}}{8,0 \cdot 10^{-16} \text{ W}} = 5397,3 \approx 37,32 \text{ dB}$$

10/10 Rechenwert: $F = SNR_e - SNR_a = 37,32 \text{ dB} - 18 \text{ dB} = \underline{19,32 \text{ dB}}$

Rechenwert: $F = 10^{F_{dB}/10} = \underline{85,54}$

b) $SNR_a = 6,02 \text{ dB}$

$SNR_e = F_{dB} + SNR_a = 19,32 \text{ dB} + 6,02 \text{ dB} = 25,34 \text{ dB}$
 $\approx 341,98$

$SNR_e = \frac{P_s}{P_r} \Leftrightarrow P_s = SNR_e \cdot P_r$

$\Leftrightarrow \frac{(U_e)^2}{R} = SNR_e \cdot P_r$

$\Leftrightarrow U_e = \sqrt{SNR_e \cdot P_r \cdot R}$

$\Leftrightarrow \underline{U_e} = \sqrt{341,98 \cdot 8,0 \cdot 10^{-16} \text{ W} \cdot 75 \Omega} = \underline{4,53 \mu V}$

aufgrund der gleichen Eingangs- und Ausgangsspannung

folgt für den Spannungsteiler: $\underline{U_G} = 2 \cdot U_e = \underline{9,06 \mu V}$

Gr. / Jhr	Semester	nach	Dozent
01	EV	GN	VIM
PSR - Klausurensammlung 7/10			

Aufg. 2.1 a)

$$r_2 = \frac{R_L - 2w}{R_L + 2w} \quad R_L = 0 \quad -1$$

b) $2w =$

$$r_2 = \frac{1}{2}$$

bei $R_L = 0$

$$r_2 = \frac{1}{3}$$

bei $R_L = 250 \Omega$ und dann $2w$ berechnen

1/13

m) Aufg. 3.) a)

Gr. WS	Semester	Fach	Dozent
08	54	GN	VIM
FSR - Klausurensamml. n 6/10			

$$\begin{aligned}
 \frac{u_a}{u_e} &= \frac{-\frac{1}{z_1} \cdot \frac{1}{z_3}}{\frac{1}{z_5} \cdot \left(\frac{1}{z_1} + \frac{1}{z_2} + \frac{1}{z_3} + \frac{1}{z_4} \right) + \frac{1}{z_3} \cdot \frac{1}{z_4}} \\
 &= \frac{-Y_1 \cdot Y_3}{Y_5 \cdot (Y_1 + Y_2 + Y_3 + Y_4) + Y_3 \cdot Y_4} \\
 &= \frac{-j\omega C_1 \cdot j\omega C_3}{\frac{1}{R_5} \cdot (j\omega C_1 + j\omega C_2 + j\omega C_3 + \frac{1}{R_2}) + j\omega C_3 \cdot j\omega C_4} \\
 &= \frac{-j\omega)^2 \cdot C_1 \cdot C_3}{j\omega)^2 \cdot C_3 C_4 + j\omega \cdot (C_1 + C_3 + C_4) \cdot \frac{1}{R_5} + \frac{1}{R_5 R_2}}
 \end{aligned}$$

AC/10

$$\frac{u_a}{u_e} = \frac{-(j\omega)^2 C_1 \cdot C_3 \cdot R_5 \cdot R_2}{(j\omega)^2 \cdot C_3 C_4 \cdot R_2 \cdot R_5 + j\omega \cdot (C_1 + C_3 + C_4) R_2 + 1}$$

b) $C_3 = 100 \text{ nF}; R_2 = 400 \Omega; \frac{u_a}{u_e} \rightarrow -1 \text{ für } \omega \rightarrow \infty$

S 15 I.) $\frac{u_a}{u_e} (\omega \rightarrow \infty) = \frac{-C_1 \cdot C_3 \cdot R_5 \cdot R_2}{C_3 \cdot C_4 \cdot R_2 \cdot R_5} = -\frac{C_1}{C_4} = -1 \Rightarrow C_1 = C_4$

II.) $\frac{C_3 \cdot C_4 \cdot R_2 \cdot R_5}{\omega_g^2} = 1 = \frac{b}{\omega_g^2}$ Koeffizient HP nicht ATP
[Einheit]

III.) $\frac{(C_1 + C_3 + C_4) \cdot R_2}{\omega_g} = \sqrt{2} = a$

Prüfung	Semester	Fach	Dozent
01	E4	GN	VLM
FSR - Klausurensammlung 140			

Aufg. 3.1 b)

$$\frac{b}{2^2} = \frac{1}{2} = \frac{C_3 \cdot C_4 \cdot R_2 \cdot R_5}{\omega_g^2} \cdot \frac{\omega_g^2}{(C_1 + C_3 + C_4) \cdot R_2^2}$$

$$\Rightarrow \frac{C_3 \cdot C_4 \cdot R_5}{(C_1 + C_3 + C_4) \cdot R_2^2}$$

$$\omega_g = \omega_0 \quad \Rightarrow \quad \frac{C_3 \cdot C_4 \cdot R_5}{(2C_1 + C_3) \cdot R_2^2}$$

ω_g ist gegeben, daher gilt einfachere Form:

$$\omega_g^2 = C_3 \cdot C_4 \cdot R_2 \cdot R_5$$

$$\sqrt{2} \omega_g = (C_1 + C_3 + C_4) \cdot R_2 = (2C_1 + C_3) \cdot R_2$$

$$\Rightarrow C_1 = \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{\sqrt{2} \cdot \omega_g}{R_2} - C_3 \right)$$

$$\Rightarrow C_1 = \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{\sqrt{2} \cdot 100 \text{ rad/s}}{10 \text{ k}\Omega} - C_3 \right) = 11,1 \text{ nF}$$

$$\Rightarrow C_1 = C_4 = 11,1 \text{ nF}$$

$$\omega_g^2 = C_3 \cdot C_4 \cdot R_2 \cdot R_5$$

$$\Rightarrow R_5 = \frac{\omega_g^2}{C_3 \cdot C_4 \cdot R_2} = \frac{(100 \text{ rad/s})^2}{C_3 \cdot C_4 \cdot R_2}$$

$$\Rightarrow R_5 = \dots$$

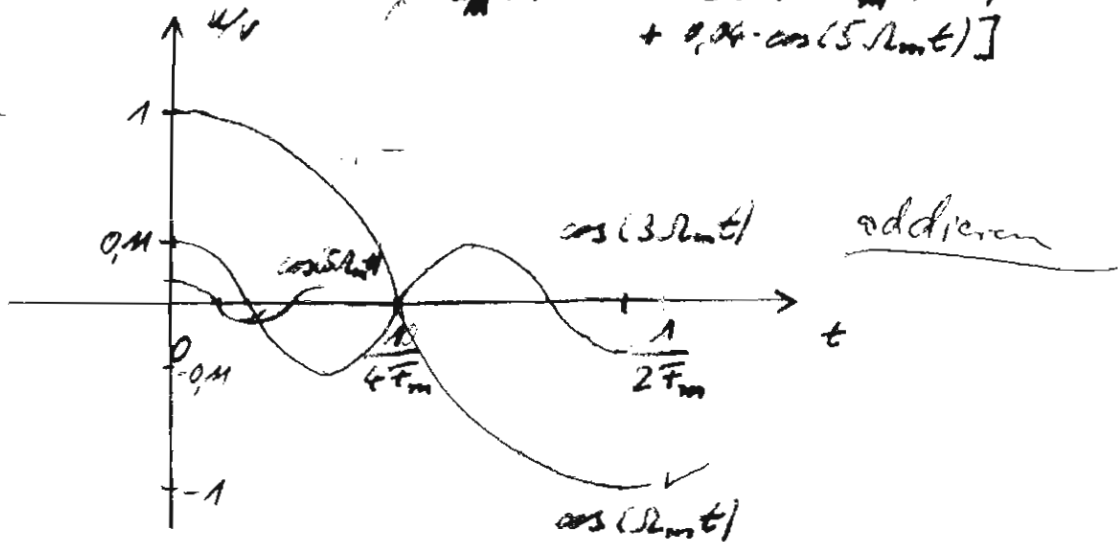
2
19/18

SS / WS	Semester	Fach	Dozent
08	EV	GN	VIM

FSR - Klausurensammlung 4/10

Aufg. 4. a)

$$u_m(t) = 1V \left[\cos(2\pi f_m t) + 0,11 \cdot \cos(3 \cdot 2\pi f_m t) + 0,04 \cdot \cos(5 \cdot 2\pi f_m t) \right]$$

noch
3/4

2/4

$$u_m(t)_{\max} = 1V + 0,11V + 0,04V = 1,15V \quad \checkmark \quad \text{Werte aus der Zeichnung}$$

$$u_m(t)_{\min} = -1V - 0,11V - 0,04V = -1,15V \quad \checkmark$$

Berechnen

$$u_m(f) = \mathcal{F}\{u_m(t)\}$$

$$u_m(t) = 1V \cdot \left[\cos(2\pi f_m t) + 0,11 \cdot \cos(3 \cdot 2\pi f_m t) + 0,04 \cdot \cos(5 \cdot 2\pi f_m t) \right]$$

4/4

$$u_m(f) = 1V \cdot \left[\frac{1}{2} \delta(f - f_m) + \delta(f + f_m) + \left(\frac{1}{2} \cdot 0,11 \cdot (\delta(f - 3f_m) + \delta(f + 3f_m)) \right) + \frac{1}{2} \cdot 0,04 \cdot (\delta(f - 5f_m) + \delta(f + 5f_m)) \right]$$

d)

$$u_c(t) = u_m(t) \cdot u_T(t) \cdot K$$

$$= 1V \cdot \left[\cos(2\pi f_m t) + 0,11 \cdot \cos(3 \cdot 2\pi f_m t) + 0,04 \cdot \cos(5 \cdot 2\pi f_m t) \right]$$

$$\cdot 1V \cdot \cos(2\pi f_T t) \cdot \frac{1}{2} V^{-1}$$

WS 07	semester EV	Fach GN	Dozent VIM
FSR - Klausuren Sammlung 2/10			

Aufg. 4.) d)

$$u_L(t) = \left[\frac{1}{2} V \cdot \cos(\Omega_m t) \cdot \cos(\Omega_T t) + 0,055 \cdot \cos(\Omega_m t) \cdot \cos(\Omega_T t) + 0,02 \cdot \cos(\Omega_m t) \cdot \cos(\Omega_T t) \right]$$

NR:

$$\begin{aligned} & \cos(\Omega_m t) \cdot \cos(\Omega_T t) \\ &= \frac{1}{2} (e^{j\Omega_m t} + e^{-j\Omega_m t}) \cdot \frac{1}{2} (e^{j\Omega_T t} + e^{-j\Omega_T t}) \\ &= \frac{1}{4} \cdot (e^{j(\Omega_m + \Omega_T)t} + e^{j(\Omega_m - \Omega_T)t} + e^{-j(\Omega_m + \Omega_T)t} + e^{-j(\Omega_m - \Omega_T)t}) \\ &= \frac{1}{4} \cdot (2 \cdot \cos((\Omega_T + \Omega_m) \cdot t) + 2 \cdot \cos(\Omega_m - \Omega_T) \cdot t) \\ &= \frac{1}{2} \cdot \cos((\Omega_T + \Omega_m) \cdot t) + \frac{1}{2} \cdot \cos(\Omega_m - \Omega_T) \cdot t \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{e)} \quad u_L(t) &= \frac{1}{4} V \cdot \cos((\Omega_T + \Omega_m) \cdot t) + \frac{1}{4} V \cdot \cos((\Omega_m - \Omega_T) \cdot t) \\ &+ 0,0275 V \cdot \cos((\Omega_T + 3\Omega_m) \cdot t) + 0,0275 V \cdot \cos((3\Omega_m - \Omega_T) \cdot t) \\ &+ 0,01 V \cdot \cos((\Omega_T + 5\Omega_m) \cdot t) + 0,01 V \cdot \cos((5\Omega_m - \Omega_T) \cdot t) \end{aligned}$$

f	\hat{u} / V	P	P/d0m
e) $\Omega_T + \Omega_m = 6,283 \text{ MHz}$	$\frac{1}{4}$	1,25 mW	0,969
$-\Omega_T + \Omega_m = 6,276 \text{ MHz}$	$\frac{1}{4}$	1,25 mW	0,969
$\Omega_T + 3\Omega_m = \text{...}$	0,0275	15,125 μ W	-18,2
$-\Omega_T + 3\Omega_m = \text{...}$	0,0275	15,125 μ W	-18,2
$\Omega_T + 5\Omega_m = \text{...}$	0,01	2 μ W	-26,99
$-\Omega_T + 5\Omega_m = \text{...}$	0,01	2 μ W	-26,99

4/4

6/8

Blatt 7

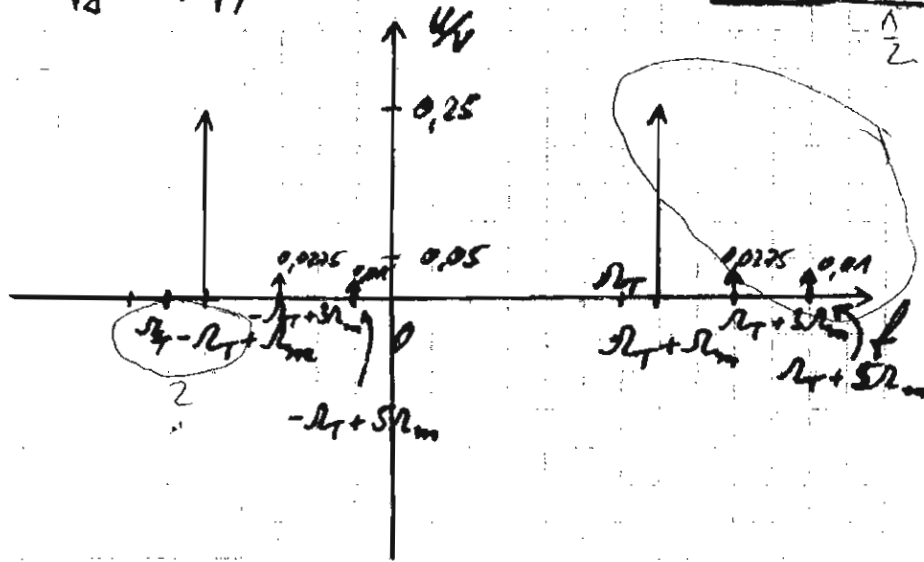
GN

31.01.08

1. WS 08	Semester EL	Fach GN	Dozent VIM
FSR - Klausurenammlung 10/10			

m) Aufg. 4.1 f)

noch
2/4



g)
$$u_{ges} = \sqrt{2 \cdot \left(\frac{10V}{\sqrt{2}}\right)^2 + 2 \cdot \left(\frac{0,0225V}{\sqrt{2}}\right)^2 + \left(\frac{10,01V}{\sqrt{2}}\right)^2 \cdot 2}$$

2/2

e)
$$u_{ges, eff} = 0,2512V$$

$$P = \frac{u_{ges, eff}^2}{R} = \frac{0,2512V^2}{50\Omega} = 0,005W = \underline{\underline{5,024mW}}$$

Prof. Dr.-Ing. J. Vollmer
Hochschule für Angewandte Wissenschaften Hamburg
Department für Informations- und Elektrotechnik
Informationstechnik und Kommunikationstechnik

Name: Tan

Vorname: Benjamin

Matr.-Nr.: 1827516

Anzahl der abgegebenen Blätter:

Klausur: Grundlagen der Nachrichtentechnik (E4a) vom 31. Januar 2009

Hinweis 1: Formeln dürfen nur aus dem aktuellen Vorlesungsskript von Prof. Missun übernommen werden (mit Quellenangabe!). Die Verwendung von Formeln aus anderen Quellen ist nur zur Kontrolle erlaubt. Der Lösungsweg ist in diesem Fall anzugeben!

Lösungen ohne Herleitungen und die korrekte Angabe der Einheiten erhalten nur eine verringerte Punktzahl.

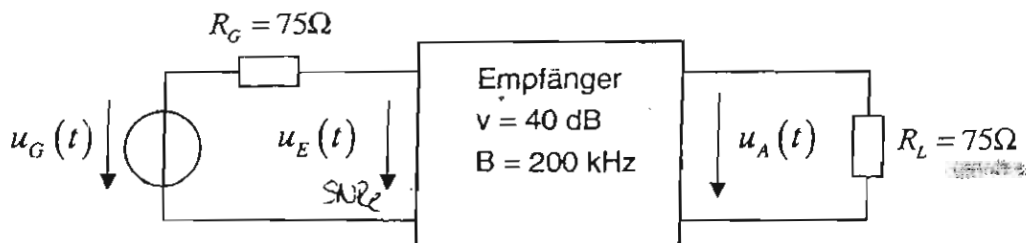
	bearbeitet (X = ja)	mögliche Punktzahl	erreichte Punktzahl
Aufgabe 1		15	15
Aufgabe 2		20	3
Aufgabe 3		25	23
Aufgabe 4		30	28
(Zusatzaufgabe)		(25)	—
Summe		90	79

Bewertung:

157

Aufgabe 1 Empfangssystem (15 Punkte)

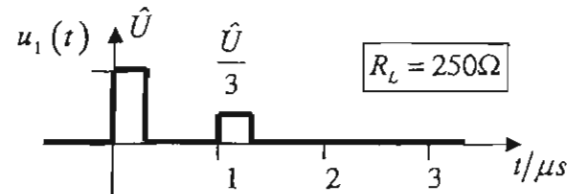
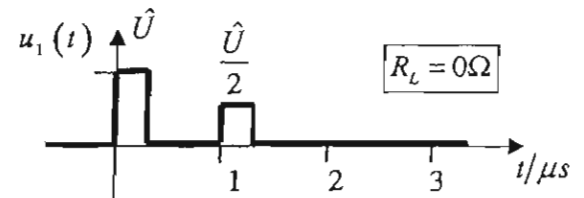
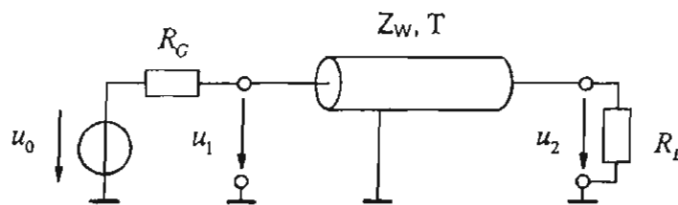
Bei einer effektiven Eingangsspannung von $U_E = 18 \mu\text{V}$ und $T = 290 \text{ K}$ wird am Ausgang ein SNR von 18dB gemessen. Ein- und Ausgangsimpedanz des Systems sind jeweils 75Ω .



- ✓ a) Welche Rauchsahl muss der Empfänger haben?
- ✓ b) Bei welcher effektiven Generatorspannung U_G sinkt das SNR auf 6,02dB? $\frac{1}{2} U_G$ am Empfänger

Aufgabe 2 Leitung (20 Punkte)

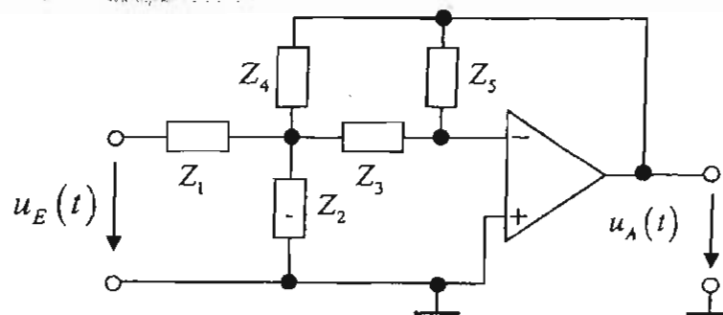
Auf eine schwach gedämpfte Leitung ($G'=0$) von 100 Meter Länge wird ein Rechteckimpuls gegeben. Die Bilder zeigen die Eingangsspannung $u_1(t)$ für die Fälle $R_L=0\ \Omega$ und $R_L=250\ \Omega$. Nehmen Sie den Wellenwiderstand Z_W immer als rein reellwertig an.



- Wie ist das Verhältnis R_G/Z_W ? (Verständnisfrage ohne Rechnung.)
- Bestimmen Sie Z_W , die Leitungsbeläge L' , R' , C' und den Ausbreitungskoeffizienten γ .
- Wie würde $u_1(t)$ für $R_G=Z_W/2$ aussehen? (Prinzipielle Beschreibung, keine Rechnung nötig)

Aufgabe 3 Filterentwurf (25 Punkte)

Mit der dargestellten Schaltung mit idealem Operationsverstärker soll ein Butterworthhochpassfilter zweiter Ordnung mit der 3dB Grenzfrequenz $f_g = 1\text{ kHz}$ realisiert werden.



werden.

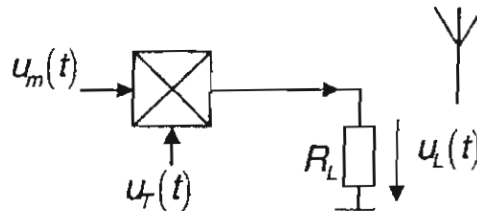
- Stellen Sie die Übertragungsfunktion U_A/U_E als Funktion der Impedanzen und $j\omega$ in Normalform auf. Für einen Hochpass müssen Z_1, Z_3 und Z_4 Kapazitäten, Z_2 und Z_5 Widerstände sein. (Normalform: Nennerpolynom hat die Form $1 + \alpha_1 \cdot (j\omega) + \alpha_2 \cdot (j\omega)^2 + \dots$)
- Nun sein $C_3 = 100\text{ nF}$, $R_2 = 400\ \Omega$ und $U_A/U_E \rightarrow -1$ für $\omega \rightarrow \infty$. Berechnen Sie die Werte der unbekannten Bauelemente.

Aufgabe 4 Amplitudenmodulation (30 Punkte)

Das Signal $u_m(t)$ ist definiert als

$$u_m(t) = 1V \cdot [\cos(\Omega_m t) + 0,11 \cdot \cos(3\Omega_m t) + 0,04 \cdot \cos(5\Omega_m t)]$$

mit $\Omega_m = 2\pi F_m$ und $F_m = 1$ kHz. Der modulierende Träger ist $u_T = 1V \cdot \cos(\Omega_T t)$ mit $\Omega_T = 2\pi F_T$ und $F_T = 1$ MHz gilt. Das Signal $u_m(t)$ am Ausgang des Multiplizierers ist $u_L(t) = K \cdot u_m(t) \cdot u_T(t)$ mit $K = 0,5V^{-1}$. Die Sendeantenne entspricht einem Lastwiderstand von $R_L = 50 \Omega$. gilt.



- ✓ a) Skizzieren Sie von $u_m(t)$ eine halbe Periode ($0 \leq t \leq T_m/2 = 1/(2F_m)$) indem Sie die ersten zwei Teilfunktionen grafisch addieren. Beschriften Sie die Zeichnung vollständig.
(Tipp: Zeichnen Sie die zweite Teilfunktion zuerst und lassen Sie sich Platz.)
- ✓ b) Bestimmen Sie die maximalen und minimalen Wert von $u_m(t)$ (Tipp: Eventuell hilft a)).
- ✓ c) Bestimmen Sie das Spektrum $U_m(f) = \mathcal{F}\{u_m(t)\}$.
- ✓ d) Geben Sie $u_L(t)$ als einfache gewichtete Summe von Cosinusfunktionen an, d.h. es sollen keine Produkte von Sinus- oder Cosinusfunktionen auftreten.
- ✓ e) Berechnen Sie die mittleren Leistungen **aller** Spektrallinien des Sendesignals $u_L(t)$ in dBm und tragen Sie diese mit den Frequenzen in eine Tabelle ein.
- ✓ f) Skizzieren das Betragsspektrum für $|f - F_T| \leq 6F_m$ (Vollständige Beschriftung).
- ✓ g) Berechnen Sie die an R_L im Mittel insgesamt umgesetzte Leistung.

Zusatzaufgabe: Verzerrungen (25 Punkte)

Vier Systeme sollen auf die Art der durch sie verursachten Verzerrungen hin untersucht werden. Dazu wird an den Eingang jeweils das Testsignal $x(t) = 2V \cdot \cos(2\pi f t)$ angelegt mit den Signalfrequenzen $|f| \leq 1$ MHz. Man beobachtet für die 4 Systeme folgende Ausgangssignale:

$y_1(t) = 1,5V \cdot \cos(2\pi f t + \pi f / 100\text{kHz})$	$y_2(t) = 1V + 1V \cdot \cos(4\pi f t)$
$y_3(t) = 1,5V \cdot \cos(2\pi f_x t + \Theta(f_x))$ mit $\Theta(f) = -\pi(f/1\text{MHz})^2$	$y_4(t) = \frac{1,5V}{\sqrt{1+(f/1\text{MHz})^2}} \cos(2\pi f t + \Theta(f))$ mit $\Theta(f) = -\arctan(f/1\text{MHz})$

Beantworten Sie für alle vier Systeme für das beobachtet Frequenzintervall folgende Fragen:
(Ohne Begründung gibt es bei a)-c) keine Punkte! Schreiben Sie in ganzen Sätzen!)

- a) Ist das System „Verzerrungsfrei“?
- b) Ist das System „Linear“ oder „Nichtlinear“?
- c) Nennen Sie ein System aus der Nachrichtentechnik, welches sich so verhalten würde.
- d) Berechnen Sie für alle linearen Systeme die Signalverzögerungszeiten für $f = 1$ MHz.

(Hinweis: $\arctan(x)' = 1/(1+x^2)$)

31.01.07

GN - Klausur

Benjamin Fens
1822526

Aufgabe 1

$$U_e = 18 \mu V$$

$$B = 200 \text{ kHz}$$

$$T = 290 \text{ K}$$

$$V = 40 \text{ dB}$$

$$\text{SNR}_a = 18 \text{ dB}$$

$$R = 75 \Omega$$

SS	WS	Semester	Fach	Dozent
09/10		E4	GN	VLM
FSR - Klausurensammlung 4/11				

$$a) \text{ SNR}_e = \frac{P_s}{P_r} = \frac{U_e^2}{R \cdot k \cdot B \cdot T} = \frac{(18 \mu V)^2}{75 \Omega \cdot 1,38 \cdot 10^{-23} \text{ W/K} \cdot 200 \cdot 10^3 \cdot 290 \text{ K}}$$

$$= 5394,76$$

$$\text{SNR}_{dB} = 10 \lg \text{SNR} = 37,3 \text{ dB}$$

$$F_{dB} = \text{SNR}_{dB} - \text{SNR}_{a,dB}$$

$$= 37,3 \text{ dB} - 18 \text{ dB} = 19,3 \text{ dB}$$

$$F_{dB} = 10 \lg F$$

$$\Rightarrow F = 10^{\frac{F_{dB}}{10}}$$

$$F = 25,11 = 10^{1,93}$$

$$b) \text{ SNR}_a = 6,02 \text{ dB}$$

$$F = \text{SNR}_e - \text{SNR}_a$$

$$\text{SNR}_{e,dB} = F_{dB} + \text{SNR}_{a,dB} = 19,3 \text{ dB} + 6,02 \text{ dB} = 25,32 \text{ dB}$$

$$\text{SNR}_e = 10^{\frac{\text{SNR}_{e,dB}}{10}} = 10^{2,532} = 340,41$$

$$\text{SNR}_e = \frac{P_s}{P_r} = \frac{U_e^2}{R \cdot k \cdot B \cdot T}$$

$$\Rightarrow U_e = \sqrt{\text{SNR}_e \cdot R \cdot k \cdot B \cdot T} = 4,52 \mu V$$

Da $R_g = R_e$ von Empfänger muss U_g doppelt so groß sein

$$U_g = 2 U_e = 9,04 \mu V$$

SS / WS 07/08	Semester E 4	Fach GU	Dozent VLH
FSR - Klausurensammlung 5/11			

$$l = 100 \text{ m}$$

Aus der Zeichnung folgt: - Ein ankommende Welle hat eine Dämpfung

- ~~der~~ Laufzeit der Welle t_{H} für Hin und Zurück?

a) Das Verhältnis von R_0 / Z_0 müsste eine Spannungskeiler Verhältnis sein!

$$\frac{R_0}{Z_0} = \frac{U_1 - U_2}{U_0 - U_1 - U_2}$$

$$b) \quad t = \frac{Z_L - Z_0}{Z_L + Z_0} = \frac{U_e}{U_H}$$

Idee ✓

$$\Rightarrow \frac{0 - Z_0}{0 + Z_0} = A = \frac{U_e}{U_H}$$

$$\frac{250 - Z_0}{250 + Z_0} = \frac{U_e}{U_H}$$

$$U_R = r \cdot U_H$$

$$U_e = U_H \cdot e^{-\alpha L}$$

$$\frac{U_e}{U_H} = e^{-\alpha L} \Rightarrow \frac{U_H}{U_R} = e^{\alpha L}$$

$$\ln \frac{U_H}{U_R} / l = \alpha \Rightarrow \alpha = \ln \frac{1}{0.2} / 100 \text{ m} = 6.93 \cdot 10^{-3} \frac{1}{\text{m}}$$

$$\alpha = \frac{R'}{2|Z_0|}$$

$$Z_0 = \sqrt{\frac{L'}{C'}}$$

$$V_{PH} = \frac{100 \text{ m}}{95 \text{ ns}} = 200 \cdot 10^6 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$L' = \frac{|Z_0|}{V_{PH}}$$

Aufgabe 2)

c) Bei $R_1 = Z_0$ liegt die halbe LS am
der Leitung an B f

$$24b) \quad \gamma = \alpha + j\beta$$

$$\beta = \omega \sqrt{LC}$$

~~$$x = \frac{1}{\sqrt{LC}} \cdot l \Rightarrow$$~~

~~$$x = \frac{1}{\sqrt{LC}} \cdot l \cdot \frac{1}{\omega}$$~~

~~$$x = \frac{1}{\sqrt{LC}} \cdot l \cdot \frac{1}{\omega}$$~~

keine Zeit mehr!

SS	Winter	Fach	Dozent
07/08	E4	GN	VLM
FSR - Klausurensammlung			

31.01.07

Aufgabe 3)

Benjamin Taus
1822571

Aus dem Skript gilt die Übertragungsfunktion:

$$\frac{U_A}{U_E} = \frac{-Y_1 Y_2}{Y_3 (Y_1 + Y_2 + Y_3 + Y_4) + Y_3 Y_4}$$

$$Y_2 = \frac{1}{R} \quad \#$$

$$Y = \frac{1}{Z}$$

$$Y_4 = j\omega C$$

SS	WS	Semester	Fach	Dozent
09/08		E4	GN	VLH
FSR - Klausurensammlung 7/11				

Daraus folgt:

$$\frac{U_A}{U_E} = \frac{-(j\omega C_1)(j\omega C_3)}{1/R_5 (j\omega C_1 + 1/R_2 + j\omega C_3 + j\omega C_4) + j\omega C_3 \cdot j\omega C_4}$$

$$\frac{U_A}{U_E} = \frac{-(j\omega)^2 C_1 C_3 R_2 R_5}{j\omega C_1 R_2 + 1 + j\omega C_3 R_2 + j\omega C_4 R_2 + R_2 R_5 (j\omega)^2 C_3 C_4}$$

$$\frac{U_A}{U_E} = \frac{-(j\omega)^2 C_1 C_3 R_2 R_5}{(j\omega)^2 C_3 C_4 R_2 R_5 + j\omega R_2 [C_1 + C_3 + C_4] + 1}$$

10/10

b)

$$\frac{a}{\omega_0} = R_2 [C_1 + C_3 + C_4] \quad \text{HP, nicht TP}$$

13/15

$$\Rightarrow \frac{b}{\omega_0^2} = C_3 C_4 R_2 R_5$$

$$\lim_{\omega \rightarrow \infty} \frac{U_A}{U_E} = -1 \Rightarrow -\frac{C_1 C_3 R_2 R_5}{C_3 C_4 R_2 R_5} = -1$$

$$\frac{C_1}{C_4} = 1 \Rightarrow C_1 = C_4 \quad \checkmark$$

$$\Rightarrow \frac{a}{\omega_0} = R_2 [C_1 + 2C_3]$$

$$\frac{a}{\omega_0} \cdot \frac{1}{R_2} = 2C_1 + C_3$$

$$C_1 = \left[\frac{a}{\omega_0 R_2} - C_3 \right] \cdot \frac{1}{2} \quad \# \quad \text{mit } a = \sqrt{2}$$

$$C_1 = \left[\frac{\sqrt{2}}{2\pi \cdot 1242} \cdot \frac{1}{1000} - 100 \text{ nF} \right] \cdot \frac{1}{2} = 231,35 \cdot 10^{-9} \text{ F}$$

31.01.08

Aufgabe 3)

Benjamin Lang
1822536

$$\frac{b}{\omega_0^2} = C_3 C_4 R_2 R_5$$

$$\Rightarrow R_5 = \frac{b}{\omega_0^2 \cdot C_3 C_4 R_2}$$

$$b = 1$$

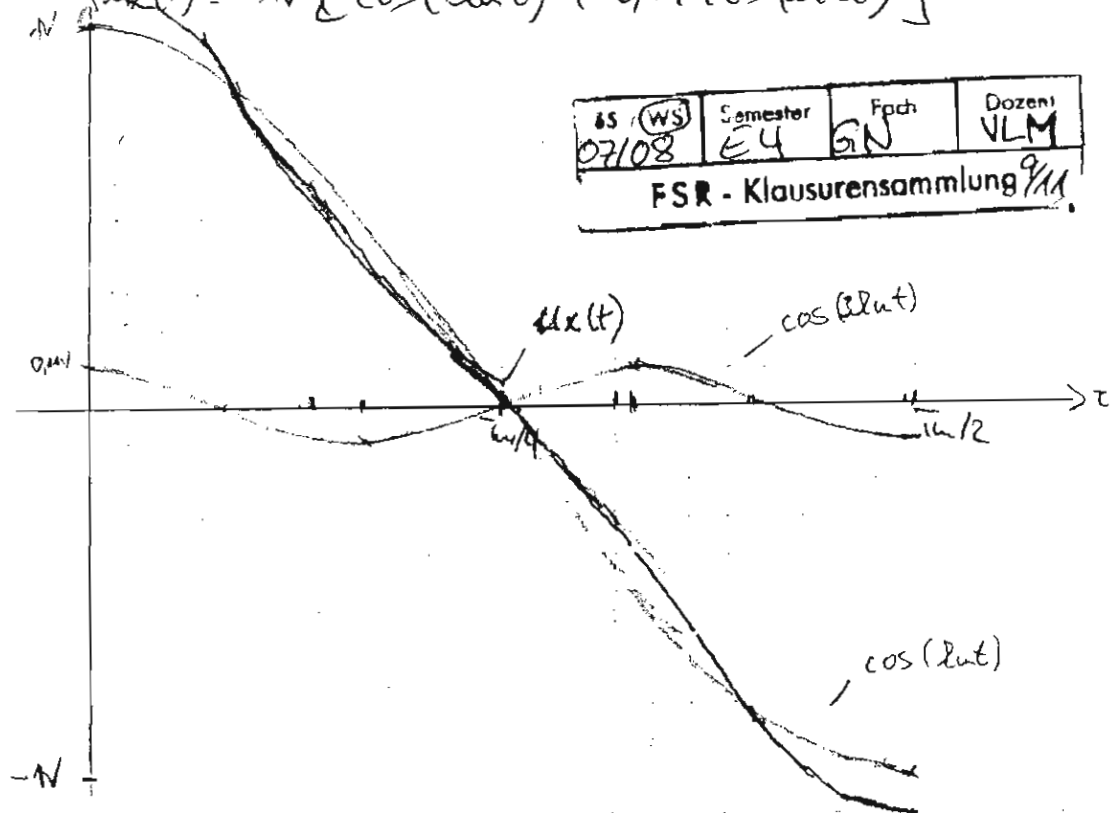
$$R_5 = \frac{1}{(2\pi \cdot 1242)^2 \cdot 100 \cdot 10^{-9} \text{ F} \cdot 231,35 \cdot 10^{-9} \text{ F} \cdot 400 \Omega}$$

$$= 2,737 \text{ k}\Omega$$

SS	Semester	Fach	Dozent
07/08	E4	GN	VLH
FSR - Klausurensammlung			

a) Skizze der ersten beiden Cosinus-Themen.

$$u_x(t) = N [\cos(2\pi t) + 0,11 \cos(32\pi t)]$$



414

$$b) u_{max} = N + 0,11V + 0,04V = 1,15V$$

$$u_{min} = -N - 0,11V - 0,04V = -1,15V$$

(Aus der Zeichnung raus)

414

$$c) U_m(f) = \mathcal{F}\{u_m(t)\}$$

Einzelne Transformation der Cosinuste.

$$u_1(f) = N \cdot \frac{1}{2} (\delta(f + f_m) + \delta(f - f_m))$$

414

$$u_2(f) = 0,11V \cdot \frac{1}{2} (\delta(f + 3f_m) + \delta(f - 3f_m))$$

$$u_3(f) = 0,04V \cdot \frac{1}{2} (\delta(f + 5f_m) + \delta(f - 5f_m))$$

$$U_m(f) = 0,5V [\delta(f + f_m) + \delta(f - f_m)] + 0,055V [\delta(f + 3f_m) + \delta(f - 3f_m)] + 0,02V [\delta(f + 5f_m) + \delta(f - 5f_m)]$$

31.01.08

Benjamin
1822576

Aufgabe 4)

$$d) u_c(t) = k \cdot u_m(t) \cdot u_r(t)$$

$$= K \hat{u}_m [\cos(\hat{\omega}_m t) + 0,11 \cos(3\hat{\omega}_m t) + 0,04 \cos(5\hat{\omega}_m t)] \cdot \hat{u}_r \cos(\hat{\omega}_r t)$$

SS	WS	Semester	Fach	Dozent
07/08		E4	GN	VLM

FSR - Klausurensammlung 19/11

$$u_c(t) = K \hat{u}_m \hat{u}_r [\cos(\hat{\omega}_m t) \cos(\hat{\omega}_r t) + 0,11 \cos(3\hat{\omega}_m t) \cos(\hat{\omega}_r t) + 0,04 \cos(5\hat{\omega}_m t) \cos(\hat{\omega}_r t)]$$

$$\Rightarrow u_c(t) = \frac{1}{2} K \hat{u}_m \hat{u}_r [\cos((\hat{\omega}_m - \hat{\omega}_r)t) + \cos((\hat{\omega}_m + \hat{\omega}_r)t) + 0,11 \cos(3\hat{\omega}_m + \hat{\omega}_r)t + 0,11 \cos(3\hat{\omega}_m - \hat{\omega}_r)t + 0,04 \cos(5\hat{\omega}_m + \hat{\omega}_r)t + 0,04 \cos(5\hat{\omega}_m - \hat{\omega}_r)t]$$

$$= u_c(t) = \frac{1}{4} V [\cos 999 \text{ kHz } t + \cos 1001 \text{ kHz } t + 0,11 \cos 995 \text{ kHz } t + 0,11 \cos 1003 \text{ kHz } t + 0,04 \cos 995 \text{ kHz } t + 0,04 \cos 1003 \text{ kHz } t]$$

4/4

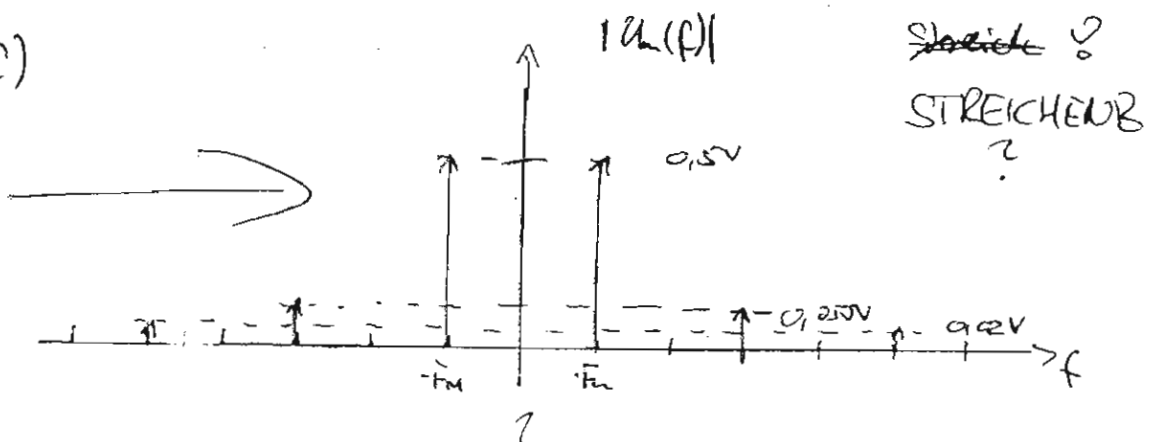
e)

	f [kHz]	999	1001	995	1003	995	1003
noch 6/8	P [mW]		$5 \cdot 10^{-3}$		$6,05 \cdot 10^{-5}$		$8 \cdot 10^{-6}$
	P [dBm]		6,99		-12,112		-20,92

$$P = \frac{\hat{u}^2}{2R} = 2,502 = \text{---} \uparrow$$

$$P_{\text{dBm}} = 10 \lg (P/\text{mW})$$

f)

noch
4/4

Name: _____
Vorname: _____
Matr.-Nr.: _____
Anzahl der abgegebenen Blätter: _____

Klausur: Grundlagen der Nachrichtentechnik (E4a)
vom 12. Juli 2007

Hinweis 1: Formeln dürfen nur aus dem aktuellen Vorlesungsskript von Prof. Missun übernommen werden (mit Quellenangabe). Die Verwendung von Formeln aus anderen Quellen ist nur zur Kontrolle erlaubt. Der Lösungsweg ist in diesem Fall anzugeben!

Lösungen ohne Herleitungen
erhalten nur eine stark verringerte Punktzahl

	beurteilt (X = ja)	mögliche Punktzahl	erreichte Punktzahl
Aufgabe 1	X	25	11
Aufgabe 2	X	20	18
Aufgabe 3	X	30	8
Aufgabe 4	X	15	13
(Zusatzaufgabe)		(20)	
Summe		90	48

Bewertung:

87/90

Aufgabe 1 Leitung (25 Punkte)

Gegeben sei schwach gedämpfte Leitung ($G=0$) mit den Eigenschaften:

- Dämpfung: $4\text{ dB}/100\text{ m}$, Länge: 50 m , Verzögerung: $T=250\text{ ns}$, Widerstandsbezug: $R=0,5\ \Omega/\text{m}$
a) Berechnen Sie den Betrag des Wellenwiderstandes $|Z_w|$, den Verkürzungsfaktor k und die Leitungsbezüge L und C .
b) Kenn die Leitung ein Signal verzerrungsfrei oder nur nahezu verzerrungsfrei übertragen? Begründen Sie Ihre Antwort (Verständnisfrage!).

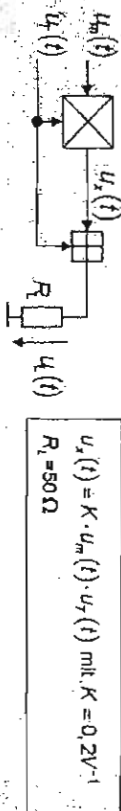
Aufgabe 2 Rauschzahl (20 Punkte)

Ein Verstärker habe eine Bandbreite von 100 kHz und jeweils $100\ \Omega$ Eingangs- und Ausgangswiderstand. Das Eingangssignal habe einen Effektivwert von $3\ \mu\text{ V}$ und eine Bandbreite von maximal 100 kHz . Neben dem Eingangssignal tritt nur thermisches Rauschen auf ($T=300\text{ K}$).

- a) Am Ausgang soll ein Signal zu Rauschbezug von 20 dB erreicht werden und die Ausgangsleistung soll 10 pW betragen. Berechnen Sie den minimalen Leistungsverstärkungsfaktor V in dB und die maximale Rauschzahl F des Verstärkers.
b) Das Eingangssignal habe nun nur 50 kHz Bandbreite. Ein idealer Filter mit 0 dB Einfügungsdämpfung, 50 kHz Bandbreite und $100\ \Omega$ Ein- und Ausgangswiderstand wird nach dem Verstärker eingebaut. Wie groß ist der Signal zu Rauschbezug am Filterausgang? (Hinweis: Beachten Sie die Rauschleistung.)

Aufgabe 3 Amplitudenmodulation (30 Punkte)

Folgendes System aus Multiplizierer und Addierer wird zur Amplitudenmodulation verwendet.



Es gilt $u_m(t) = \bar{u}_m \cos(\omega_m t) + \bar{u}_2 \cos(3\omega_m t)$ und $u_c(t) = \bar{u}_c \cos(\omega_c t)$ mit $\bar{u}_m = 2\text{ V}$, $\bar{u}_2 = 0,5\text{ V}$, $\bar{u}_c = 2\text{ V}$ und $\omega_c \gg \omega_m$.

- a) Bestimmen Sie die maximalen und minimalen Werte von $u_a(t)$. (Hinweis: Skizzieren Sie das Signal $u_m(t)$.)
b) Berechnen Sie den Modulationsgrad von $u_a(t)$.
c) Berechnen Sie die Effektivwerte aller Spektrallinien des Ausgangssignals $u_a(t)$.

Aufgabe 4 Klimfaktorberechnung (15 Punkte)

Eine Verstärkerkennlinie wird beschrieben durch $u_a(u_e) = u_e + a \cdot u_e^2$ mit $a = 0,01 \cdot \text{V}^{-2}$. Nun wird das Signal $u_e(t) = \bar{u}_e \cos(\omega_e t)$ auf den Verstärker gegeben.

- a) Berechnen Sie den Klimfaktor k als Funktion von a und \bar{u}_e .
b) Gegen welchen Wert konvergiert der Klimfaktor für $\bar{u}_e \rightarrow \infty$?

Zusatzaufgabe Filterentwurf (20 Punkte)

Entwerfen Sie ein Buttenworthfilter 6-ter Ordnung in Normalform (3 dB Dämpfung bei $\omega = \omega_c$).

- a) Bestimmen Sie alle Polestellen des sechsten Buttenworthfilters und skizzieren Sie diese in der komplexen Ebene.
b) Das Übertragungsfunktion kann als Produkt von Teilfunktionen zweiter Ordnung mit reellwertigen Koeffizienten geschrieben werden. Berechnen Sie diese Koeffizienten.

1) Leitung

Dämpfung = $\alpha' = 4 \text{ dB}/100 \text{ m}$ $L = 50 \text{ m}$

15120 V-Zögerung = $T = 250 \text{ ns}$

$R' = 0,5 \Omega/\text{m}$

a) $|Z_w| = ?$ $k = ?$ Leistungsbezüge: $C', C'' = ?$

$|Z_w| = \sqrt{\frac{L'}{C'}}$

$k = \frac{1}{C_0 \cdot \sqrt{L' C''}} = \frac{v_{ph}}{C_0}$

$\alpha = \frac{R'}{2 \sqrt{\frac{L'}{C'}}}$

$\Rightarrow \sqrt{\frac{L'}{C'}} = |Z_w| = \frac{R'}{2 \cdot \alpha}$

$= \frac{R}{2 \cdot \alpha} = \frac{R}{2 \cdot \alpha}$
 Diese Werte sind nicht definiert

$\alpha' = 4 \text{ dB}/100 \text{ m}$ $\alpha = 2 \text{ dB}$

$L = 50 \text{ m} \Rightarrow \alpha = 2 \text{ dB} \Rightarrow \alpha = 1,26$

Die m-Einheit kürzt sich ab
soziale Weg und das
Verhältnis bleibt auch das
selbe

$R' = 0,5 \Omega/\text{m}$ $R = 2,5 \Omega \Rightarrow |Z_w| = \frac{2,5 \Omega}{2 \cdot 1,26} = 0,99 \Omega$

$v_{ph} = \frac{L}{T} = \frac{50 \text{ m}}{250 \text{ ns}} = 200 \cdot 10^6 \frac{\text{m}}{\text{s}}$

$C_0 = 3 \cdot 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \Rightarrow k = \frac{2 \cdot 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}}{3 \cdot 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}} = \frac{2}{3}$

$k = \frac{1}{C_0 \cdot \sqrt{L' C''}} = \frac{1}{C_0 \cdot \sqrt{L' C' \cdot \frac{C''}{C'}}} = \frac{1}{C_0 \cdot C' \cdot \sqrt{\frac{L'}{C'}}} = \frac{1}{C_0 \cdot C' \cdot |Z_w|}$
 $\Rightarrow C' = \frac{1}{3 \cdot 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot 0,99 \frac{\text{V}}{\text{A}}} = \frac{1}{3 \cdot 10^8 \text{ m} \cdot 2 \cdot 0,99 \text{ V}}$

$C' = 0,505 \text{ nF/m}$

$$|Z_{wl}| = \sqrt{\frac{L'}{C'}} \Rightarrow L' = |Z_{wl}|^2 \cdot C'$$

$$= \left(0,99 \frac{V}{A}\right)^2 \cdot 0,505 \frac{As}{V \cdot m}$$

$$L' = \underline{4,95 \frac{nH}{m}}$$

- 2/5 b) Das Signal wird nahezu verzerrungsfrei übertragen. Es ist ausschließlich zeitverzögert und gedämpft.
- Warum

2) Rauschzahl

$$B = 100 \text{ kHz} \quad R_e = R_a = 50 \Omega \quad U_e = 3 \mu\text{V} \quad T = 300 \text{ K}$$

a) $\text{SNR}_a = 20 \text{ dB} \quad P_a = 10 \text{ pW} \quad v_p [\text{dB}] = ? \quad F = ?$

14/16

$$\text{SNR}_a = 10 \cdot \log \frac{P_{sa}}{P_{ra}} = 20 \text{ dB}$$

$$u_a = \sqrt{P_{sa} \cdot R_a} = \sqrt{10 \text{ pW} \cdot 50 \Omega} = 22,4 \mu\text{V}$$

$$v_p = \left(\frac{u_a}{u_e} \right) = \frac{22,4 \mu\text{V}}{3 \mu\text{V}} = 7,45$$

$$v_p [\text{dB}] = 20 \cdot \log(v_p) = 17,4 \text{ dB}$$

$$\text{SNR}_e = 10 \cdot \log \left(\frac{P_{se}}{P_{re}} \right)$$

$$P_{se} = \frac{u_e^2}{R} = \frac{(3 \mu\text{V})^2}{50 \Omega} = 180 \text{ pW}$$

$$\text{SNR}_e = 10 \cdot \log \left(\frac{P_{se}}{P_{re}} \right) = 10 \cdot \log \left(\frac{180 \text{ pW}}{0,414 \text{ pW}} \right)$$

$$P_{re} = k \cdot T \cdot B = 1,38 \cdot 10^{-23} \cdot 300 \text{ K} \cdot 100 \cdot 10^3 \text{ s}^{-1}$$

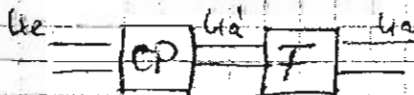
$$\text{SNR}_e = 26,4 \text{ dB}$$

$$P_{re} = 0,414 \text{ pW}$$

$$F = \text{SNR}_e - \text{SNR}_a$$

$$F = 26,4 \text{ dB} - 20 \text{ dB} = 6,4 \text{ dB} = 4,365$$

b) $B = 50 \text{ kHz} \quad R_e = R_a = 100 \Omega \quad v_p = 10 \text{ dB}$



$$\text{SNR}_{a'} = \text{SNR}_a \text{ aus 2a)} = 26,4 \text{ dB} \quad u_{a'} = u_a \text{ aus 2a)} = 22,4 \mu\text{V}$$

3) Amplitudenmodulation

a) $u_x(t) = K \cdot u_m(t) \cdot u_T(t)$ $K = 0,2 \text{ V}^{-1}$
 $R_L = 50 \Omega$

12/12

$$u_m(t) = \hat{u}_1 \cos(\omega_m t) + \hat{u}_2 \cos(3\omega_m t)$$

$$u_T(t) = \hat{u}_T \cos(\omega_T t)$$

$$\hat{u}_1 = 2 \text{ V}, \hat{u}_2 = 0,5 \text{ V}$$

$$\hat{u}_T = 2 \text{ V}, \omega_T \gg \omega_m$$

$$u_x(t) = u_T(t) + u_x(t)$$

$$= 2 \text{ V} \cos(\omega_T t) + 0,2 \text{ V}^{-1} (2 \text{ V} \cos(\omega_m t) + 0,5 \text{ V} \cos(3\omega_m t))$$

$$\quad \cdot 2 \text{ V} \cos(\omega_T t)$$

$$= 2 \text{ V} \cos(\omega_T t) + 0,2 \text{ V} (4 \cos(\omega_m t) \cos(\omega_T t) + \cos(3\omega_m t) \cos(\omega_T t))$$

$$\# \cos(x_1) \cdot \cos(x_2) = \frac{1}{2} [\cos(x_1 - x_2) + \cos(x_1 + x_2)]$$

$$\Rightarrow \cos(\omega_T t) \cos(\omega_m t) = \frac{1}{2} [\cos(\omega_T - \omega_m t) + \cos(\omega_T + \omega_m t)]$$

$$\omega_T \gg \omega_m \Rightarrow \begin{matrix} \omega_T - \omega_m \approx \omega_T \\ \omega_T + \omega_m \approx \omega_T \end{matrix}$$

$$\Rightarrow \cos(\omega_T t) \cos(\omega_m t) \approx \cos(\omega_T t)$$

$$u_x(t) = 2 \text{ V} \cos(\omega_T t) + 0,4 \text{ V} \cos(\omega_T - \omega_m t) + 0,4 \cos(\omega_T + \omega_m t)$$

$$\quad + 0,1 \text{ V} \cos(\omega_T - 3\omega_m t) + 0,1 \cos(\omega_T + 3\omega_m t)$$

$$u_{\text{max}}(t) = 2 \text{ V} + 0,4 \text{ V} + 0,4 \text{ V} + 0,1 \text{ V} + 0,1 \text{ V} = \underline{\underline{3 \text{ V}}}$$

$$u_{\text{min}}(t) = 2 \text{ V} - 0,4 \text{ V} - 0,4 \text{ V} - 0,1 \text{ V} - 0,1 \text{ V} = \underline{\underline{1 \text{ V}}}$$

b) $m = ?$

$$\frac{8/8}{m} = \frac{u_{L \max} - u_{L \min}}{u_{L \max} + u_{L \min}} = \frac{2V}{4V} = 0,5 = 50\%$$

c)

8/10

$$u_{eff} = \frac{1}{T} \int_0^T u_x(t) dt$$

$$u_1 = \frac{1}{T} \int_0^T 0,4 \cos(\omega_t - \omega_m t) dt$$

$$= -\frac{0,4}{T(\omega_t - \omega_m)} \left[\sin(\omega_t - \omega_m t) \right]_0^T$$

$$= -\frac{0,4}{T \cdot \omega_t - \omega_m} \left(\sin((\omega_t - \omega_m)T) - \sin(0) \right)$$

$$\omega_t \gg \omega_m \Rightarrow \omega_t - \omega_m \approx \omega_t$$

$$\Rightarrow u_1 = \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \hat{u}_x$$

$$u_{eff} = \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \hat{u}_x$$

$$\Rightarrow u_1 = 0,4V \cdot \cos(\omega_t - \omega_m t) \quad u_{1,eff} = \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot 0,4V = 0,283V$$

$$u_2 = 0,4V \cdot \cos(\omega_t + \omega_m t) \quad u_{2,eff} = \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot 0,4V = 0,283V$$

$$u_3 = 0,1 \cdot \cos(\omega_t - \omega_m t) \quad u_{3,eff} = \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot 0,1 = 0,071V$$

$$u_4 = 0,1 \cdot \cos(\omega_t + \omega_m t) \quad u_{4,eff} = \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot 0,1 = 0,071V$$

4) Klinfaktorberechnung

$$u_A(u_E) = u_E + a \cdot u_E^3 \quad a = 0,01 \text{ V}^{-2}$$

$$u_E(t) = \hat{u}_E \cos(\omega_0 t)$$

a) $k(a, u_E) = ?$

Gl. 12

$$k = \frac{\text{Summe aller Oberschwingungen}}{\text{Summe aller Gesamtschwingungen}}$$

$$= \frac{a \cdot (u_E(t))^3}{u_A(t)} = \frac{(\hat{u}_E \cos(\omega_0 t))^3 \cdot a}{\hat{u}_E \cos(\omega_0 t) + a (\hat{u}_E \cos(\omega_0 t))^3}$$

$$= \frac{\cancel{\hat{u}_E \cos(\omega_0 t)}}{\cancel{\hat{u}_E \cos(\omega_0 t)} + a (\hat{u}_E \cos(\omega_0 t))^2} = \frac{(\hat{u}_E \cos(\omega_0 t))^2 \cdot a}{1 + (\hat{u}_E \cos(\omega_0 t))^2 \cdot a}$$

$$k = \frac{\hat{u}_E^2 \cos^2(\omega_0 t) \cdot a}{1 + \hat{u}_E^2 \cos^2(\omega_0 t) \cdot a}$$

$$\cos^2(\omega_0 t) = \cos(\omega_0 t) \cos(\omega_0 t) = \frac{1}{2} [\underbrace{\cos(0)}_1 + \cos(2\omega_0 t)]$$

$$\Rightarrow k = \frac{\hat{u}_E \cdot a \cdot \frac{1}{2} + \hat{u}_E \cdot a \cdot \frac{1}{2} \cos(2\omega_0 t)}{1 + \hat{u}_E a \cdot \frac{1}{2} + \hat{u}_E \cdot a \cdot \frac{1}{2} \cos(2\omega_0 t)}$$

$$= \frac{1 + \cos(2\omega_0 t)}{\frac{1}{\hat{u}_E a} + 1 + \cos(2\omega_0 t)}$$

b) $k = \lim_{\hat{u}_E \rightarrow \infty} k \rightarrow \frac{1 + \cos(2\omega_0 t)}{0 + 1 + \cos(2\omega_0 t)} = \underline{\underline{1}}$

Klausur: Grundlagen der Nachrichtentechnik (E4a)
vom 12. Juli 2007

Hinweis 1: Formeln dürfen nur aus dem aktuellen Vorlesungsskript von Prof. Missun übernommen werden (mit Quellenangabe!). Die Verwendung von Formeln aus anderen Quellen ist nur zur Kontrolle erlaubt. Der Lösungsweg ist in diesem Fall anzugeben!

**Lösungen ohne Herleitungen
erhalten nur eine stark verringerte Punktzahl**

	bearbeitet (X = ja)	mögliche Punktzahl	erreichte Punktzahl
Aufgabe 1		25	6
Aufgabe 2		20	13
Aufgabe 3		30	18
Aufgabe 4		15	10
(Zusatzaufgabe)		(20)	9
Summe		90	56

Bewertung:

87 Pkt

Aufgabe 1 Leitung (25 Punkte)

Gegeben sei schwach gedämpfte Leitung ($G'=0$) mit den Eigenschaften:

Dämpfung: 4dB/100m, Länge: 50 m, Verzögerung: $T=250$ ns, Widerstandsbelag: $R'=0,5 \Omega/m$

- Berechnen Sie den Betrag des Wellenwiderstandes $|Z_w|$, den Verkürzungsfaktor k und die Leitungsbeläge L' und C' .
- Kann die Leitung ein Signal verzerrungsfrei oder nur nahezu verzerrungsfrei übertragen? Begründen Sie Ihre Antwort (Verständnisfrage!).

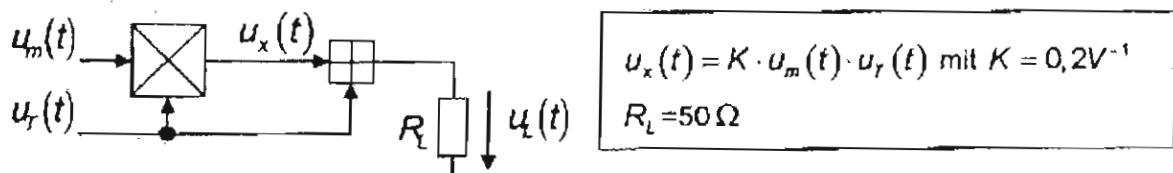
Aufgabe 2 Rauschzahl (20 Punkte)

Ein Verstärker habe eine Bandbreite von 100kHz und jeweils 100Ω Eingangs- und Ausgangswiderstand. Das Eingangssignal habe einen Effektivwert von $3\mu V$ und eine Bandbreite von maximal 100kHz. Neben dem Eingangssignal tritt nur thermisches Rauschen auf ($T=300$ Kelvin).

- Am Ausgang soll ein Signal- zu Rauschabstand von 20 dB erreicht werden und die Ausgangsleistung soll 10 pW betragen. Berechnen Sie den minimalen Leistungsverstärkungsfaktor V_p in dB und die maximale Rauschzahl F des Verstärkers.
- Das Eingangssignal habe nun nur 50kHz Bandbreite. Ein ideales Filter mit 0dB Einfügungsdämpfung, 50kHz Bandbreite und 100Ω Ein- und Ausgangswiderstand wird nach dem Verstärker eingebaut. Wie groß ist der Signal- zu Rauschabstand am Filterausgang? (Hinweis: Beachten Sie die Rauschleistung.)

Aufgabe 3 Amplitudenmodulation (30 Punkte)

Folgendes System aus Multiplizierer und Addierer wird zur Amplitudenmodulation verwendet.



Es gilt $u_m(t) = \hat{u}_1 \cos(\omega_m t) + \hat{u}_2 \cos(3\omega_m t)$ und $u_r(t) = \hat{u}_r \cos(\omega_r t)$ mit $\hat{u}_1 = 2V$, $\hat{u}_2 = 0,5V$, $\hat{u}_r = 2V$ und $\omega_r \gg \omega_m$.

- Bestimmen Sie die maximalen und minimalen Wert von $u_L(t)$.
(Hinweis: Skizzieren Sie das Signal $u_m(t)$.)
- Berechnen Sie den Modulationsgrad von $u_L(t)$.
- Berechnen Sie die Effektivwerte aller Spektrallinien des Ausgangssignals $u_L(t)$.

Aufgabe 4 Klirrfaktorberechnung (15 Punkte)

Eine Verstärkerkennlinie wird beschrieben durch $u_A(u_E) = u_E + a \cdot u_E^3$ mit $a = 0,01 \cdot V^{-2}$. Nun wird ein das Signal $u_E(t) = \hat{u}_E \cos(\omega_0 t)$ auf den Verstärker gegeben wird.

- Berechnen Sie den Klirrfaktor k als Funktion von a und \hat{u}_E .
- Gegen welchen Wert konvergiert der Klirrfaktor für $\hat{u}_E \rightarrow \infty$?

Zusatzaufgabe Filterentwurf (20 Punkte)

Entwerfen Sie ein Butterworthfilter 6-ter Ordnung in Normalform (3dB Dämpfung bei $\omega = \omega_0$).

- Bestimmen Sie alle Polstellen des stabilen Butterworthfilters und skizzieren Sie diese in der komplexen Ebene.
- Die Übertragungsfunktion kann als Produkt von Teilfunktionen zweiter Ordnung mit reellwertigen Koeffizienten geschrieben werden. Berechnen Sie diese Koeffizienten.

Aufgabe 1.

Klausur SS 2007

$$a' = \frac{40 \text{ dB}}{100 \text{ m}} \quad l = 50 \text{ m}, \quad \tau = 250 \text{ ns}$$

$$R' = 0,5 \Omega =$$

6/20 a)

Approximation

gilt
nur unter
gewissen
Bed.

$$a' = \frac{40 \text{ dB}}{100 \text{ m}}, \quad R' = 0,5 \Omega$$

$$R = R' \cdot l = 0,5 \Omega \cdot 50 \text{ m} = 25 \Omega$$

$$k = \frac{v_F}{c_0} = \frac{l}{\tau \cdot c_0} = \frac{50 \text{ m} \cdot s}{250 \text{ ns} \cdot 3 \cdot 10^8 \text{ m/s}} = \frac{2}{3} = 0,66 \quad \checkmark$$

$$\alpha = \left(\frac{2 \text{ dB}}{50 \text{ m}} \cdot 50 \text{ m} \right) = 2 \text{ dB} \quad f = \frac{a}{10^2}$$

$$k \cdot c_0 = \frac{1}{\tau \cdot c_0} \quad 10^2$$

$$B = \sqrt{\frac{2 \pi}{k \cdot c_0}} \quad \frac{1}{\tau \cdot c_0}$$

Aufgabe 2)

WS	Semester	Fach	Dozent
02	EF	GN	ULM
FSR - Klausurensammlung 4/9			

$$B = 100 \text{ kHz}$$

$$R = 100 \Omega$$

$$u_e = 3 \mu V$$

$$T = 300 \text{ K}$$

$$\text{SNR}_2 = 20 \text{ dB}$$

a)

$$P_{S1} = \frac{(3 \mu V)^2}{100 \Omega} = \frac{u_e^2}{R} = 9 \cdot 10^{-11} \text{ W}$$

12/16

$$P_{r1} = k \cdot T \cdot B = 1.38 \cdot 10^{-23} \frac{\text{J}}{\text{K}} \cdot 300 \text{ K} \cdot 100 \text{ kHz} = 4.14 \cdot 10^{-16} \text{ W}$$

$$\frac{P_{S1}}{P_{r1}} = 2.17,33$$

$$\text{SNR}_1 = 10 \cdot \log\left(\frac{P_{S1}}{P_{r1}}\right) = 23,37 \text{ dB}$$

$$F_{\text{ges}} = \text{SNR}_1 - \text{SNR}_2 = 3,37 \text{ dB}$$

$$F_{\text{ges}} [\text{lin}] = 10^{\frac{2,37 \text{ dB}}{10}} = 2,17$$

$$\text{SNR}_2 = 10 \cdot \log P_{S2}$$

$$\Rightarrow P_{S2} = 10^{\frac{\text{SNR}_2}{10}} \cdot P_{r2} = 10^{\frac{20}{10}} \cdot 4.14 \cdot 10^{-16} \text{ W} = 4.14 \cdot 10^{-14} \text{ W}$$

$$V_F = \frac{P_{S1}}{P_{S2}} = \frac{9 \cdot 10^{-11} \text{ W}}{4.14 \cdot 10^{-14} \text{ W}} = 2,17$$

\uparrow F_1 Kohärenz

b)

1/4

$$P_{T2} = k \cdot T \cdot B_2 = 1,38 \cdot 10^{-23} \frac{\text{W}}{\text{K}} \cdot 300 \text{ K} \cdot 50 \text{ kHz}$$

$$= 2,07 \cdot 10^{-16} \text{ W} \quad (= P_{T1})$$

$$\text{SNR}_1 = 10 \log \frac{P_{S1}}{P_{T1}} = 10 \log \left(\frac{9 \cdot 10^{-4} \text{ W}}{2,07 \cdot 10^{-16} \text{ W}} \right)$$

$$= 26,38 \text{ dB}$$

(+ 2) Glück Fehler haben sich auf

$$\text{SNR}_2 = 10 \log \left(\frac{P_{S2}}{P_{T2}} \right) = 10 \log \left(\frac{10 \text{ pW}}{2,07 \cdot 10^{-16} \text{ W}} \right)$$

$$= 46,84 \text{ dB}$$

$$\text{SNR}_{\text{ges}} = \text{SNR}_1 - \text{SNR}_2 = 26,38 \text{ dB} - 46,84 \text{ dB}$$

$$= -20,45 \text{ dB}$$

Aufgabe 3:

$\omega_1 = 5\text{LT}$

a)

$$u_2(t) = u_x(t) + u_T(t)$$

$$= k \cdot u_m(t) \cdot u_T(t) + u_T(t) \quad \checkmark$$

$$= u_T(t) (1 + k \cdot u_m(t)) \quad \checkmark$$

$$= 2V \cdot \cos 5\text{LT} (1 + 0,2 (2V \cos(\omega_m t))$$

$$+ 0,5V \cos(3\omega_m t)) \quad \checkmark$$

$$= 2V \cdot \cos 5\text{LT} (1 + 0,4V \cos(\omega_m t) + 0,1V \cos(3\omega_m t)) \quad \checkmark$$

$$\| \cos(\omega_m t) = 1 \text{ bei } \omega_m t = 0$$

$$\Rightarrow 3 \cdot \omega_m t = 3 \cdot 0 = 0$$

$$\rightarrow u_{2\text{max}} = 2V (1 + 0,4 + 0,1) = 3V \quad \checkmark$$

$$\| \cos(\omega_m t) = -1 \text{ bei } \omega_m t = \pi$$

$$\text{auch } \cos(3\omega_m t) = \cos(3\pi) = -1$$

$$\rightarrow u_{2\text{min}} = -1 \cdot 2V (1 + (-1) \cdot 0,4 + (-1) \cdot 0,1)$$

$$u_{2\text{min}} = -1 \cdot 2V (1,5) = -3V$$

anders gedacht, jedoch sei interpretierbar

zu Aufgabe 3

b)

$$U_1 = \text{min}$$

WS	Semester	Fach	Dozent
07	E4	GN	VLM
FSR-Klausurenammlung 7/9			

$$U_{2 \max} + U_{L \min}$$

=

0

c)

$$U_{1 \text{ eff}} = \frac{U_1}{\sqrt{2}} = \frac{2 \text{ V}}{\sqrt{2}} = 1,414 \text{ V}$$

6/10

$$U_{2 \text{ eff}} = \frac{U_2}{\sqrt{2}} = \frac{2 \text{ V}}{\sqrt{2}} = 0,707 \text{ V}$$

$$U_{3 \text{ eff}} = \frac{U_3}{\sqrt{2}} = \frac{0,5 \text{ V}}{\sqrt{2}} = 0,176 \text{ V}$$

Aufgabe 4:

WS 07	Semester E4	Fach GN	Dozent VLM
FSR - Klausurensammlung 8/9			

$$u_A(u_E) = u_E + a \cdot u_E^3 \quad \text{mit } a = 0,01 \text{ V}^{-2}$$

$$= \hat{u}_E \cdot \cos(\omega_0 t) + a \hat{u}_E^3 \left(\frac{1}{4} (3 \cos(\omega_0 t) + \cos(3\omega_0 t)) \right)$$

$$= \hat{u}_E \cdot \cos(\omega_0 t) + \frac{3}{4} a \hat{u}_E^3 \cos(\omega_0 t) + \frac{a \hat{u}_E^3}{4} \cos(3\omega_0 t)$$

10/12

$$k = \left[\left(\frac{3}{4} a \hat{u}_E^3 \right)^2 + \left(\frac{a \hat{u}_E^3}{4} \right)^2 \right] \quad \text{falscher Term}$$

$$\left[\hat{u}_E^2 + \left(\frac{3}{4} a \hat{u}_E^3 \right)^2 + \left(\frac{a \hat{u}_E^3}{4} \right)^2 \right] \quad \text{Verständnisfehler}$$

$$= \left[\frac{9}{16} a^2 \hat{u}_E^6 + \frac{a^2}{16} \hat{u}_E^6 \right] = \frac{10}{16} a^2 \hat{u}_E^6$$

$$\sqrt{\hat{u}_E^2 + \frac{10}{16} a^2 \hat{u}_E^6} \quad \sqrt{\hat{u}_E^2 + \frac{10}{16} a^2 \hat{u}_E^6}$$

b) $\hat{u}_E \rightarrow \infty$

$$\rightarrow k = \frac{\infty^3}{\infty^2 + \infty^6}$$

$$a) \quad |H(z)|^2 = \frac{1}{1+z^{12}} = \frac{1}{1+z^{12}}$$

~~8/10~~
$$|H(x)|^2 = \frac{1}{1+x^{12}}$$

$$\rightarrow 1+x^{12} = 0$$

$$\rightarrow x^{12} = -1 = e^{j(\pi + 2k\pi)}$$

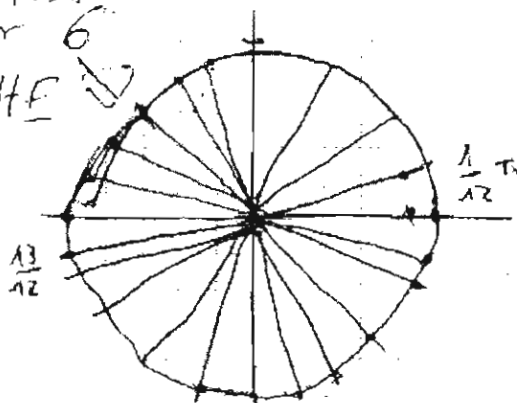
$$x_{0,12} = e^{j\frac{\pi + 2k\pi}{12}} \quad \checkmark$$

stabil? ab $\frac{7\pi}{12}$ bis $\frac{11\pi}{12}$ (und die konjugiert komplex davon) \checkmark

$$P(z) = (z - e^{j\frac{7\pi}{12}})(z - e^{-j\frac{7\pi}{12}})(z - e^{j\frac{11\pi}{12}})(z - e^{-j\frac{11\pi}{12}}) \quad \checkmark$$

~~$$(z - e^{j\frac{3\pi}{12}})(z - e^{-j\frac{3\pi}{12}})(z - e^{j\frac{9\pi}{12}})(z - e^{-j\frac{9\pi}{12}})$$~~

es gibt
nur 6
in LHE \checkmark



b):
0