Aufgabe 1 Huffman Codierung (18+4 Punkte)

FSR - Klausurensammlung 2/

Von einer Nachrichtenquelle ist der Zeichensatz und die Zeichenwahrscheinlichkeiten pi bekannt.

Zeichen	Α	В
p _i	0,3	0,7

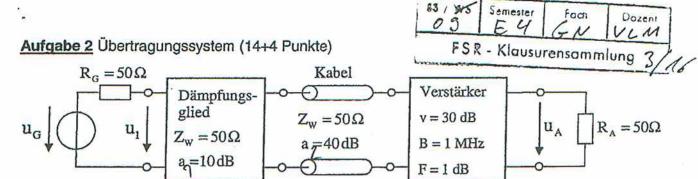
Der Zeichensatz hat eine Entropie H = 0.88129 Bit pro Zeichen, ein zugehöriger Huffman Codesatz erfordert im Mittel \overline{N} = 1 Bit pro Zeichen (Nullen und Einsen) zur Übertragung.

Geben Sie im Folgenden immer die Einheiten mit an.

- a) Wie viele Bits sind zur Übertragung von 1000 Zeichen im Mittel notwendig? (2 Punkte)
- b) Zur Verbesserung der Codierung sollen nun folgende, teilweise zusammengesetzte, Zeichen codiert werden. Vervollständigen Sie die Tabelle. Testen Sie, ob die Summe der Wahrscheinlichkeiten 1 ist. Die Zeichenabfolgen von A und B sind nicht wakorreliert. (4 Punkte)

Zeichen	AA	AB	BA	BB	0110
P _i	0,09	0,21	0,21	0,47	43

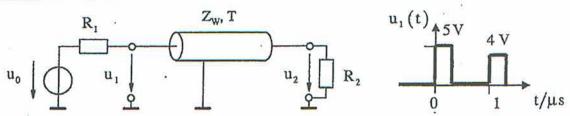
- Bestimmen Sie einen Satz von Huffman Codes für den neuen Zeichensatz. Geben Sie die Codes explizit an. (6 Punkte)
- d) Berechnen Sie N, d.h. die im Mittel erforderliche Anzahl von Bits zur Codierung Übertragung eines der "neuen" Zeichens. (4 Punkte)
- e) Wie viele Bit sind im Mittel zur Übertragung von 1000 "alten" Zeichen (A, B, 9) Bit mit den neuen Codes notwendig? (2 Punkte)
 - Beachten Sie, dass Sie zusammengesetzte Zeichen codiert haben (siehe zweite Tabelle).
- f) Zusatzfrage: Begründen Sie, warum die neuen Codes effizienter sind. (4 Punkte)



Ein Signal $u_G(t)$ von 1 MHz Bandbreite wird über das obige System übertragen. Die Ein- und Ausgangsimpedanz des Verstärkers ist jeweils $50\,\Omega$. Die Temperatur des gesamten Systems beträgt T=300 Kelvin. Die von der Spannungsquelle $u_G(t)$ abgegebene Leistung beträgt 100 W und $u_G(t)$ ist, bis auf das thermische Rauschen, fehlerfrei.

- a) Berechnen Sie die Rauschzahl F_s und den Verstärkungsfaktor v_s des Systems mit Eingangsspannung $u_a(t)$ und der Ausgangsspannung $u_a(t)$. (6 Punkte)
- b) Wie groß ist das SNR des Signals u₁(t) in dB? (4 Punkte)
- c) Bestimmen Sie den Effektivwert der Spannung u_A(t). (4 Punkte)
- d) Zusatzaufgabe: Ist die Reihenfolge der Teilkomponenten typisch und sinnvoll für ein Nachrichtenübertragungssystem? Begründen Sie Ihre Antwort. (4 Punkte)
 Die Aufgabe ist ohne die vorherigen Unterpunkte lösbar.

Aufgabe 3: Leitung (24+8 Punkte)



Auf eine schwach gedämpfte Leitung mit Verkürzungsfaktor k=2/3 wird zum Zeitpunkt t=0 vom Generator ein Spannungspuls der Größe $\hat{u}_0=8$ V für die der Dauer 200ns abgegeben. Die Spannung am Leitungseingang ist bis zum Zeitpunkt t=1,2 μs im Bild angegeben. Der Dämpfungsbelag ist $\alpha=10^{-3}$ 1/m und der Betrag des Wellenwiderstandes $|Z_w|=50\,\Omega$.

Geben Sie immer die Einheiten der Ergebnisse an.

- a) Berechnen Sie die Leitungslänge I, die Ausbreitungsgeschwindigkeit $v_{\rm ph}$ und den Dämpfungsfaktor $A_{\rm L}$. (6 Punkte)
- b) Bestimmen Sie die Leitungsbeläge R', L' und C'. (6 Punkte)

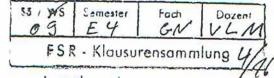
Vernachlässigen Sie bei den folgenden Rechnungen die Phase von Z_{w} .

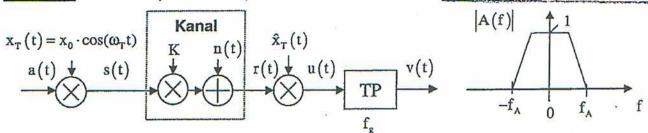
- c) Berechnen Sie den Generatorwiderstand R1. (4 Punkte)
- d) Bestimmen Sie den Reflexionsfaktor ρ₂ am Leitungsende. (8 Punkte) Hinweis: Die Verwendung des Latticediagramms ist hilfreich zur Veranschaulichung.

Zusatzaufgabe, allgemeine Frage zu schwach gedämpften Leitungen:

e) Bei einer schwach gedämpften Leitung wird am Generator eine Spannung u₀ permanent eingeschaltet. Erklären Sie, wie man die Spannung u₁∞ = u₁(t→∞) und u₂∞ = u₂(t→∞) berechnen kann. Geben Sie alle notwendigen Gleichungen an. Einsetzen und Umformungen sind nicht gefordert. (6 Punkte)

Aufgabe 4 Modulation (18+6 Punkte)





Betrachten Sie das Übertragungssystem. Das zu übertragene Tiefpasssignal a(t) der Bandbreite f_A wird auf die Trägerfrequenz $f_T = \omega_T/(2\pi) = 1$ GHz hochgemischt. Die Konstante x_0 hat die Einheit 1 und $K = 10^{-4}$. Das empfangene Signal r(t) wird mit dem geschätzten Trägersignal $\hat{x}_T(t) = \hat{x}_0 \cdot \cos(\omega_T t + \hat{\phi})$ heruntergemischt. Der Tiefpass TP ist ideal mit Grenzfrequenz f_g und der Erwartungswert der Rauschleistungsdichte ist $\left|S_{nn}(f)\right| = \sigma^2$. Das Rauschen ist unkorreliert.

Die Fouriertransformierten (Spektren) der Zeitsignale werden mit den zugehörigen Großbuchstaben bezeichnet. Zum Beispiel: $A(f) = F\{a(t)\}$.

Beschreiben Sie die zu skizzierenden Spektren immer in Abhängigkeit des Sendespektrums |A(f)|. Alle Achsen und Signale vollständig zu beschriften.

a) Skizzen Sie |R(f)|, |U(f)| und |V(f)| für $f_g = f_A$ und $\hat{x}_T(t) = x_T(t)$. (12 Punkte) Beachten Sie, dass für das Rauschen die erwartete Rauschleistungsdichte bekannt ist.

Nun soll eine (im Bild nicht mit einbezogene) reale Signallaufzeit durch den Kanal von $T = \sqrt{90} \, \mu s$ berücksichtigt werden.

- b) Bestimmen Sie das kleinste $\hat{\phi}$, für dass das SNR des Signals v(t) maximal wird. (6 Punkte)
- c) Zusatzfrage: Wie beschreibt man im Zeitbereich die Verzögerung im Kanal, wie im Frequenzbereich? Was folgt daraus für die Skizzen aus a), wenn $\hat{x}_T(t)$ ideal wäre und T berücksichtigt würde? (6 Punkte)

F4	GN	VLM
 -4	0	-N

Aufqabe 5 Transversalfilter (16+8 Punkte)

Ein Datensignal $u_x(t)$ soll über einen Kanal übertragen werden. Dadurch tritt Intersymbolinterferenz (ISI) auf. Diese soll durch einen Entzerrer (Transversalfilter) verringert werden.

$$u_x(t)$$
 Kanal $u_y(t)$ Entzerrer $u_z(t)$

Das Datensignal $u_x(t) = \sum_k d_k \cdot p(t-kT_S)$ ist eine Summe aus, mit den Datensymbolen d_k gewichteten, Rechteckpulsen $p(t) = \hat{p} \cdot \text{rect}([t-0,5T_S]/T_S)$ mit $T_S = 1\mu s$ und $\hat{p} = 10\,\text{V}$.

Das Transversalfilter wird beschrieben durch $u_z(t) = \sum_{m=0}^{M} c_m \cdot u_y(t - mT_S)$.

Die Systemantwort des Kanals auf den Spannungspuls p(t) ist gegeben durch:

$$h_p\left(t\right) = 0, 5 \cdot \hat{p} \cdot \begin{cases} t/T & \text{für} \quad 0 \le t \le T \\ \left(\frac{t - 5T}{4T}\right)^2 & \text{für} \quad T < t \le 5T & \text{mit } T = 0,75 \, \mu\text{s} \; . \\ 0 & \text{sonst} \end{cases}$$

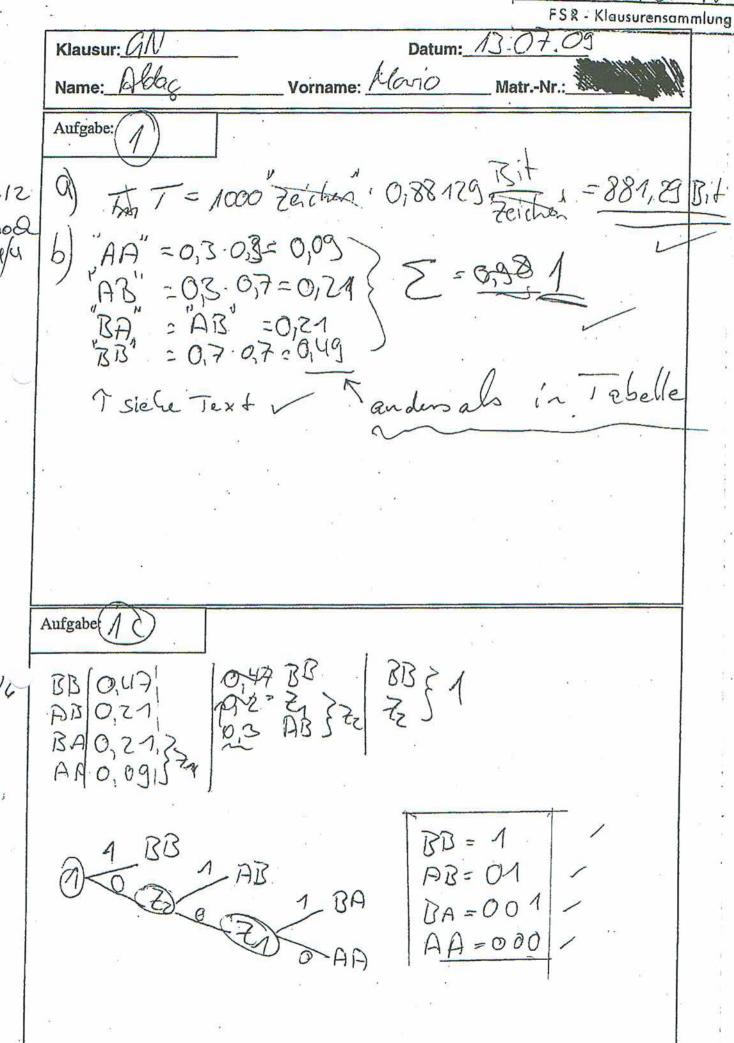
a) Skizzen Sie h, (t). Beschriften Sie die Achsen vollständig. (4 Punkte)

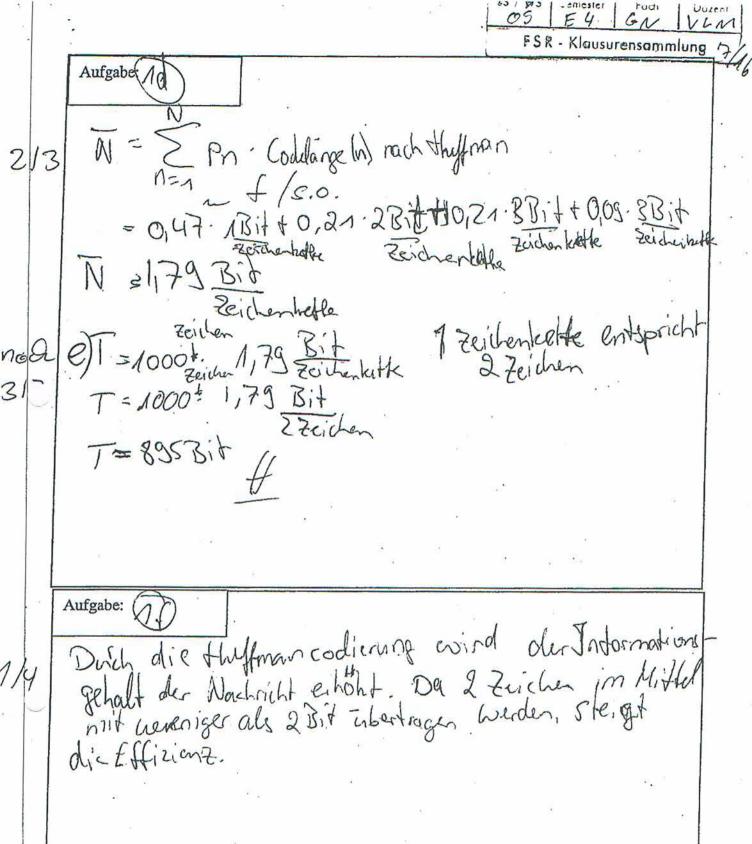
Die Abtastzeitpunkte nach dem Transversalfilter sind durch $t = t_m = m \cdot T_s + t_0$ definiert.

- b) Wählen Sie t₀ so, dass die Amplitude bei der Abtastung maximal wird. (2 Punkte) Hinweis: Im Augendiagramm würde das maximale Augenhöhe bedeuten.
- c) Bestimmen Sie $h_p(t_m)$ für m = 1, 2, 3. (6 Punkte)
- d) Bestimmen Sie die Koeffizienten c_k für k=1,2. Es gilt $c_0=1$. (4 Punkte)

Verwenden Sie:
$$c_k = \left[\sum_{i=0}^{k-1} c_i \cdot h_p(t_{k-i+1})\right] / h_p(t_i)$$

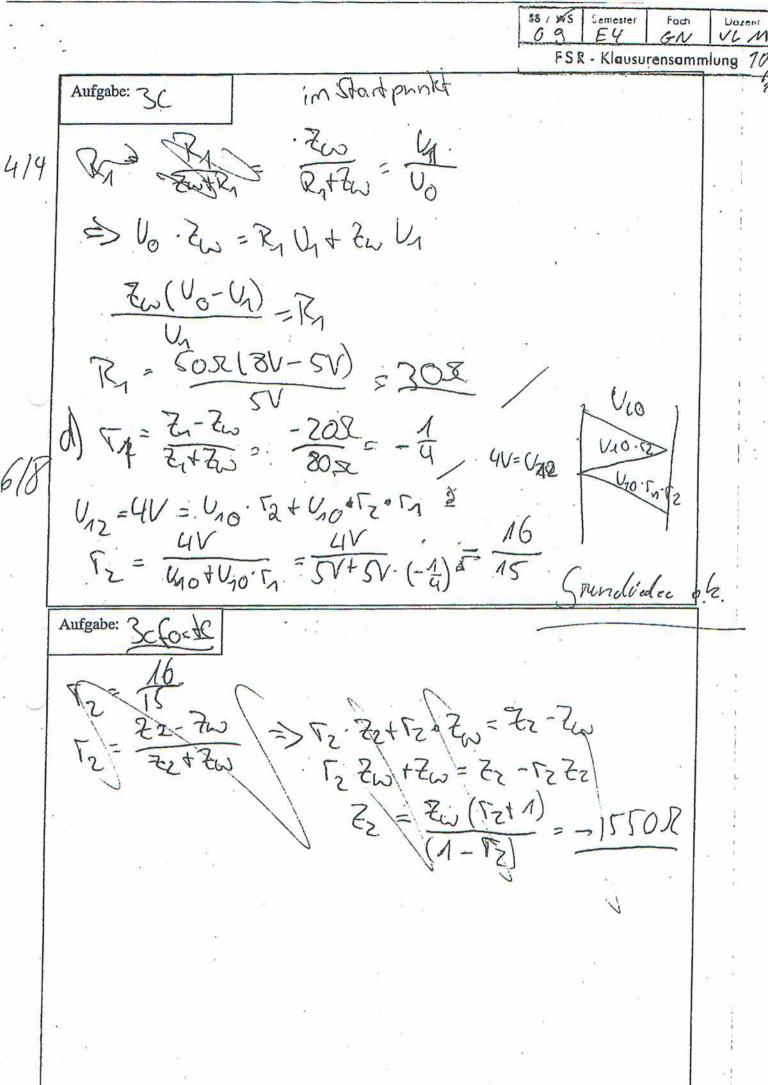
- e) Zusatzaufgabe: Ist es prinzipiell möglich mit einem realen Transversalfilter die Intersymbolinterferenz völlig zu eliminieren? (3 Punkte)
- f) Zusatzaufgabe: Wie kann h_p(t) aus der <u>Impulsantwort</u> des Kanals h_K(t) berechnet werden? Es geht um die Gleichungen, eine explizite Berechnung ist nicht gefordert. (5 Punkte)





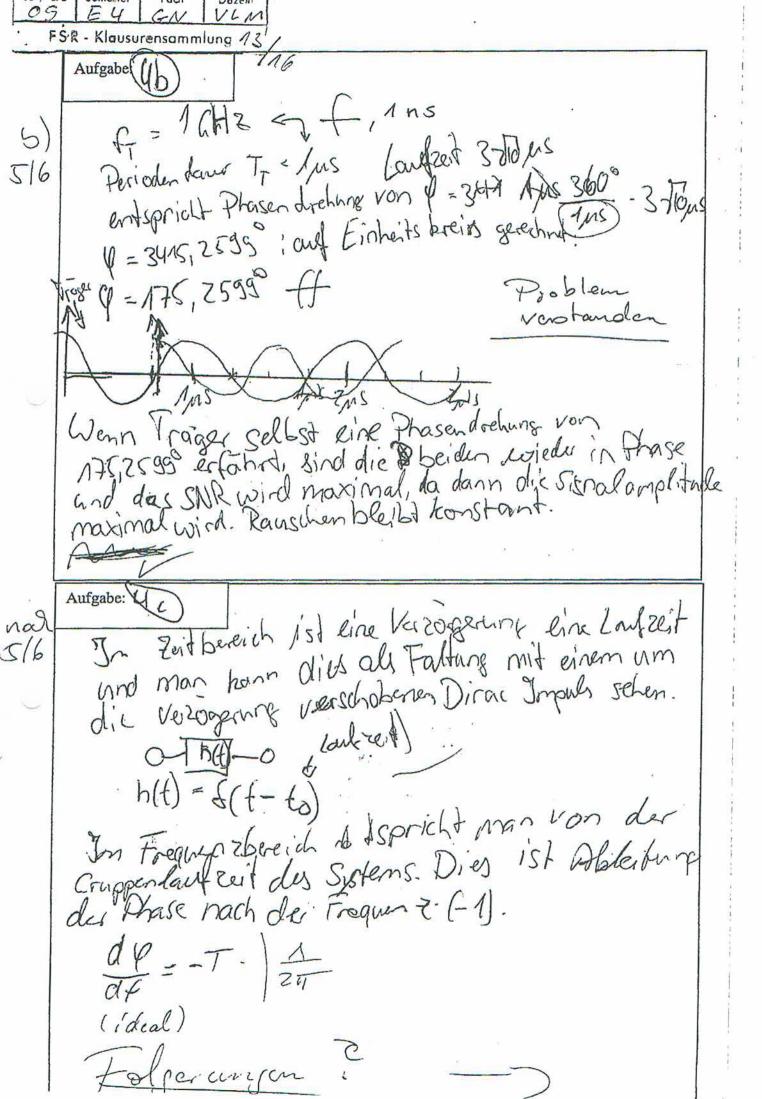
a) Fges=Fy + F2-1 + F3-1 $\frac{F_1}{dS} = 10 \Rightarrow F_1 = 10' = 10/$ $\frac{V_{D1}}{dS} = \frac{9}{dS} = -10$ νρz=-104 f T2 = 40 > F2 = 104/ $\frac{F_3}{ds} = 1 \Rightarrow F_3 = 10^6 = 17259$ Fges = 10 + 10-1 + 1,750-1 (104) = 10989 nicht in dB · SNIZ = Pri = 1,207 16 k.B.T = 4,14.10 15 N = 2,415.10 SNR1 = 10 log (SNR) = [60, 82 014 C) SNRz = SNRy - an - az + KB - TB + TB Normale weise whide man Euerst lines raustharmen leistungsstarten Ventorter Qinbauer vanscharmen beistungsstarten optimiert, da bei Kettenschaftungen dann Wird das System optimiert, da bei Kettenschaftungen

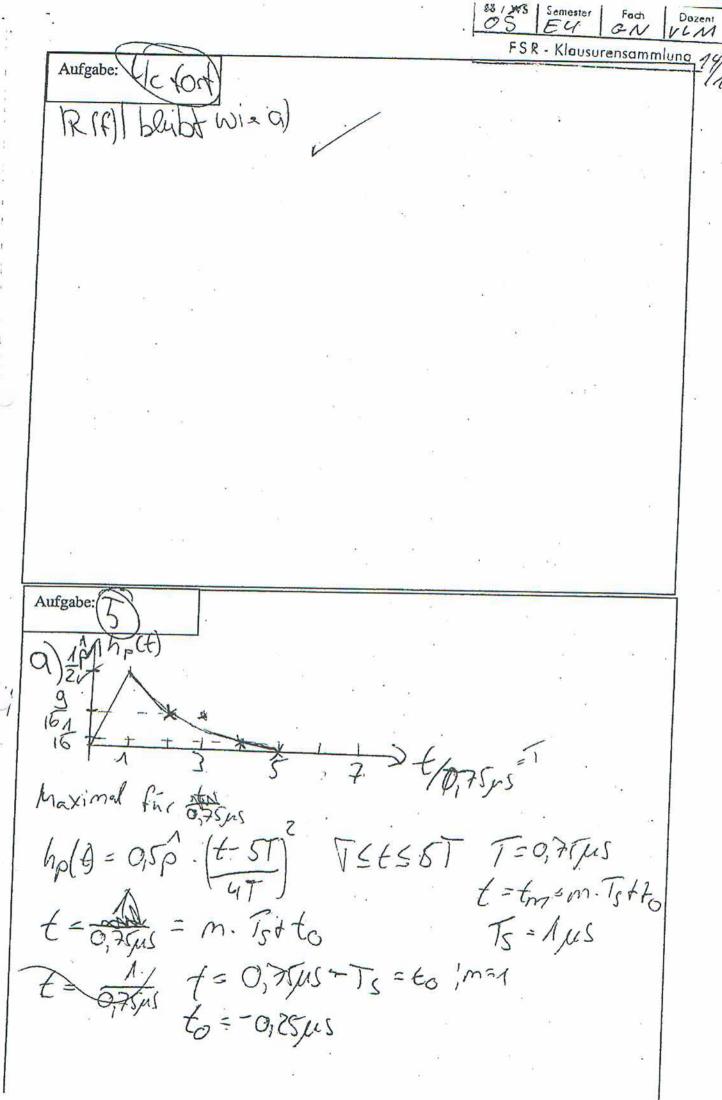
R=3; R= CO = Ve= k. 3.10 = 2.18 = 2.18 = 4/6 T= 0,5 ps sans Bild 0= 1/2. T= 2.1035.0,5 ms = 100m A= 4. L= 10 m= 100 m= 0,1 B) 12W = 16 V 4 = 21E -3 =>R=20172W=2.10 m. 50 R=0,1 m => C= 12m1, 1 0 = 5/5 50 = Aras 12W = CT / Vp = FL'C' = L' = Vp'e L'= c'- 18w1 c'o/Zw/= 1/2/2' = 1.10 m- R = \$0,10 F 107 H = 0,75 m H



Γ.	3 K - Klausurensummung ""///
	Aufgabe: 3 C
2/6	Worn ein System daurhaft mit einer Einfanssspann versorgt wird, Schwingfi das System ein Donn ist der Wellen Wider Stand zu vernachlissigen (für 1811 - 1822)
•	
	Die Spennungen U. as und us as singl glichgroß, da du Wellen wider stand vernachless ist woden kann.
	gilt so nur far die verlust freie Lutung &
اً ک	Aufgabe: (i) α $R - (E) = \alpha(E) \cdot X_{T}(E) \cdot K \neq \alpha(E)$
(1)	18(4)]=[N(F) XXX - E(S(E+47)+1(4-47))]- K+ Sun(
	R(G) = A * TO K. X0 [IA(F+FT)] + IA(F-F)] + ISpr[F])
ε	
-	1941-17-14 T-14-1-15-16
4.3	7.05 A

Aufgabe: (F))=1R(F)+ X-(F) = [xok [A(F+F)]+1A(F-F)] +)5nn(F)] * [30[E(4+t!) + (14-t!)] 10(4) = 34 [14(4+5t-) | 414(t-364) + 5:14(E)] (VF) 1 = 46 K /A(F) bes Shifted für Ansganss signal nur Multiplikation der cos (sterpu interessent. $cos(w_{\tau}t) \cdot cos(w_{\tau}t+\varphi) = \frac{1}{2}(cos(\omega_{\tau}t+\omega_{\tau}t+\varphi)+\varphi)$ Coslett * with 9)7 = = (cos (2w+t+4) + cos(-4)





FSR - Klausurensammlyng / Aufgabe: (5 b) hplem) m=1,2,3 tm=maTs+to Ts=fus to=-0,25 ps -2/2 £ = 0,75/11 => hp(€a) = 0,5°C ~ noa tz = 1,75 us => hp(tz) = 4p = 2p 616 Challe Ciphethairn) Shp(ts) $C_{z} = -\frac{c_{0} \cdot h_{p}(t_{3}) + c_{1} \cdot h_{p}(t_{2})}{h_{p}(t_{n})} = \frac{A}{18} + -\frac{4}{9} \cdot \frac{2}{9} \frac{1}{9}$ Aufgabe: Se Nein, aber es ist moglich potiere so weit zu The dation, dassing folsoliabor s.a. U.

Ja Pine gowisse Ordnorgs Zahl und einen genten

Abrast zeit pinnkt vorannsgesetch. Dies kunn sehr aufwendis

sein, insbesonder wenn der maximale Ansting der

Ombussentwart zwischen einem Abrastschritt zu

Ombussentwart zwischen einem Abrastschritt zu finden . Es gilt : max Ahp = max hp(ta)-hp(ta) Wenn dies gegeben ist, klingen die Koeffizierk des Filters Gnell ab end, du Filter it mit annehmbare Ordningstahl redisjubar, Ein sewissen Storen bleibt zwar, aber im Ingenierssing harn Man dang Von 991. ISI-Frehen Sprechen.

