

Prof. Dr.-Ing. J. Vollmer  
 Hochschule für Angewandte Wissenschaften Hamburg  
 Department für Informations- und Elektrotechnik  
 Informationstechnik und Kommunikationstechnik

Name: \_\_\_\_\_  
 Vorname: \_\_\_\_\_  
 Matr.-Nr.: \_\_\_\_\_

Anzahl der abgegebenen Blätter: 7

Klausur: Grundlagen der Nachrichtentechnik (E4a)  
 vom 12. Juli 2007

**Hinweis 1:** Formeln dürfen nur aus dem aktuellen Vorlesungsskript von Prof. Missun übernommen werden (mit Quellenangabe!). Die Verwendung von Formeln aus anderen Quellen ist nur zur Kontrolle erlaubt. Der Lösungsweg ist in diesem Fall anzugeben!

**Lösungen ohne Herleitungen  
 erhalten nur eine stark verringerte Punktzahl**

	bearbeitet (X = ja)	mögliche Punktzahl	erreichte Punktzahl
Aufgabe 1		25	6
Aufgabe 2		20	13
Aufgabe 3		30	18
Aufgabe 4		15	10
(Zusatzaufgabe)		(20)	9
Summe		90	56

Bewertung:

9 Pkt

**Aufgabe 1** Leitung (25 Punkte)

Gegeben sei schwach gedämpfte Leitung ( $G'=0$ ) mit den Eigenschaften:

Dämpfung: 4dB/100m, Länge: 50 m, Verzögerung:  $T=250$  ns, Widerstandsbelag:  $R'=0,5 \Omega/m$

- Berechnen Sie den Betrag des Wellenwiderstandes  $|Z_w|$ , den Verkürzungsfaktor  $k$  und die Leitungsbeläge  $L'$  und  $C'$ .
- Kann die Leitung ein Signal verzerrungsfrei oder nur nahezu verzerrungsfrei übertragen? Begründen Sie ihre Antwort (Verständnisfrage!).

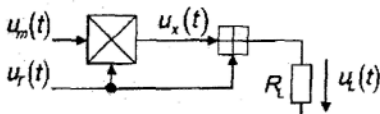
## Aufgabe 2 Rauschzahl (20 Punkte)

Ein Verstärker habe eine Bandbreite von 100kHz und jeweils  $100\Omega$  Eingangs- und Ausgangswiderstand. Das Eingangssignal habe einen Effektivwert von  $3\mu V$  und eine Bandbreite von maximal 100kHz. Neben dem Eingangssignal tritt nur thermisches Rauschen auf ( $T=300$  Kelvin).

- Am Ausgang soll ein Signal- zu Rauschabstand von 20 dB erreicht werden und die Ausgangsleistung soll 10 pW betragen. Berechnen Sie den minimalen Leistungsverstärkungsfaktor  $V_p$  in dB und die maximale Rauschzahl  $F$  des Verstärkers.
- Das Eingangssignal habe nun nur 50kHz Bandbreite. Ein ideales Filter mit 0dB Einfügungsdämpfung, 50kHz Bandbreite und  $100\Omega$  Ein- und Ausgangswiderstand wird nach dem Verstärker eingebaut. Wie groß ist der Signal- zu Rauschabstand am Filterausgang? (Hinweis: Beachten Sie die Rauschleistung.)

## Aufgabe 3 Amplitudenmodulation (30 Punkte)

Folgendes System aus Multiplizierer und Addierer wird zur Amplitudenmodulation verwendet.



$$u_x(t) = K \cdot u_m(t) \cdot u_r(t) \text{ mit } K = 0,2V^{-1}$$

$$R_L = 50\Omega$$

Es gilt  $u_m(t) = \hat{u}_1 \cos(\omega_m t) + \hat{u}_2 \cos(3\omega_m t)$  und  $u_r(t) = \hat{u}_r \cos(\omega_r t)$  mit  $\hat{u}_1 = 2V$ ,  $\hat{u}_2 = 0,5V$ ,  $\hat{u}_r = 2V$  und  $\omega_r \gg \omega_m$ .

- Bestimmen Sie die maximalen und minimalen Wert von  $u_L(t)$ .  
(Hinweis: Skizzieren Sie das Signal  $u_m(t)$ .)
- Berechnen Sie den Modulationsgrad von  $u_L(t)$ .
- Berechnen Sie die Effektivwerte aller Spektrallinien des Ausgangssignals  $u_L(t)$ .

## Aufgabe 4 Klirrfaktorberechnung (15 Punkte)

Eine Verstärkerkennlinie wird beschrieben durch  $u_A(u_E) = u_E + a \cdot u_E^3$  mit  $a = 0,01 \cdot V^{-2}$ . Nun wird ein das Signal  $u_E(t) = \hat{u}_E \cos(\omega_0 t)$  auf den Verstärker gegeben wird.

- Berechnen Sie den Klirrfaktor  $k$  als Funktion von  $a$  und  $\hat{u}_E$ .
- Gegen welchen Wert konvergiert der Klirrfaktor für  $\hat{u}_E \rightarrow \infty$ ?

## Zusatzaufgabe Filterentwurf (20 Punkte)

Entwerfen Sie ein Butterworthfilter 6-ter Ordnung in Normalform (3dB Dämpfung bei  $\omega = \omega_0$ ).

- Bestimmen Sie alle Polstellen des stabilen Butterworthfilters und skizzieren Sie diese in der komplexen Ebene.
- Das Übertragungsfunktion kann als Produkt von Teilfunktionen zweiter Ordnung mit reellwertigen Koeffizienten geschrieben werden. Berechnen Sie diese Koeffizienten.

$$a' = \frac{40 \text{ dB}}{100 \text{ m}} \quad l = 50 \text{ m}, \quad T = 250 \text{ ns}$$

$$R' = 0,5 \frac{\Omega}{\text{m}}$$

5/20 a)

Approximation

gilt  
nur unter  
gewissen  
Bed.

~~$$R' = \frac{40 \text{ dB}}{100 \text{ m}}, \quad R = 4 \Omega$$~~

$$R = R' \cdot l = 0,5 \Omega \cdot 50 \text{ m} = 25 \Omega$$

$$\beta = \frac{v_p}{c_0} = \frac{l}{T \cdot c_0} = \frac{50 \text{ m} \cdot s}{250 \text{ ns} \cdot 3 \cdot 10^8 \text{ m/s}} = \frac{2}{3} = 0,66 \quad \checkmark$$

$$\alpha = \left( \frac{20 \text{ dB}}{50 \text{ m}} \cdot 50 \text{ m} \right) = 20 \text{ dB} \quad f = \frac{1}{T}$$

$$Z \cdot c_0 = \frac{1}{T \cdot c_0} \quad | ()^2$$

~~$$\beta^2 = \frac{1}{T \cdot c_0}$$~~

$$\beta = \sqrt{\frac{1}{T \cdot c_0}}$$

# Aufgabe 2)

$$B = 100 \text{ kHz}$$

$$R = 100 \Omega$$

$$u_e = 3 \mu\text{V}$$

$$T = 300 \text{ K}$$

$$\text{SNR}_2 = 20 \text{ dB}$$

a)

12/16

$$P_{s1} = \frac{(3 \mu\text{V})^2}{100 \Omega} = \frac{I_e^2}{R} = 9 \cdot 10^{-11} \text{ W}$$

$$P_{r1} = k \cdot T \cdot B = 1.38 \cdot 10^{-23} \frac{\text{J}}{\text{K}} \cdot 300 \text{ K} \cdot 100 \text{ kHz} = 4.14 \cdot 10^{-16} \text{ W}$$

$$\frac{P_{s1}}{P_{r1}} = 2.17,33$$

$$\text{SNR}_1 = 10 \cdot \log\left(\frac{P_{s1}}{P_{r1}}\right) = 23,37 \text{ dB}$$

$$F_{\text{ges}} = \text{SNR}_1 - \text{SNR}_2 = 3,37 \text{ dB}$$

$$F_{\text{ges}} [\text{lin}] = 10^{\frac{3,37 \text{ dB}}{10}} = 2,17$$

$$\text{SNR}_2 = 10 \cdot \log P_{s2}$$

$$\Rightarrow P_{s2} = 10^{\frac{\text{SNR}_2}{10}} \cdot P_{r1} = 10^{\frac{20}{10}} \cdot 4,14 \cdot 10^{-16} \text{ W} = 4,14 \cdot 10^{-14} \text{ W}$$

$$V_F = \frac{P_{s1}}{P_{s2}} = \frac{9 \cdot 10^{-11} \text{ W}}{4,14 \cdot 10^{-14} \text{ W}} = 2,17$$

$\uparrow$  F<sub>1</sub> Kohärenz

b)

1/4

$$P_{r2} = k \cdot T B_2 = 1,38 \cdot 10^{-23} \frac{\text{W}}{\text{K}} \cdot 300 \text{ K} \cdot 50 \text{ kHz}$$

$$= 2,07 \cdot 10^{-16} \text{ W} \quad \neq \quad (= P_{r1})$$

$$\text{SNR}_1 = 10 \log \frac{P_{s1}}{P_{r1}} = 10 \log \left( \frac{9 \cdot 10^{-4} \text{ W}}{2,07 \cdot 10^{-16} \text{ W}} \right)$$

= 26,38 dB  $\checkmark$   $\leftarrow$  ) Gleich Fehler haben sich auf

$$\text{SNR}_2 = 10 \log \left( \frac{P_{s2}}{P_{r2}} \right) = 10 \log \left( \frac{10 \text{ pW}}{2,07 \cdot 10^{-16} \text{ W}} \right)$$

$$= 46,84 \text{ dB}$$

$$\text{SNR}_{\text{ges}} = \text{SNR}_1 - \text{SNR}_2 = 26,38 \text{ dB} - 46,84 \text{ dB}$$

$$= -20,45 \text{ dB}$$

Aufgabe 3:

$\omega_j = \Omega T$

a)

$$u_z(t) = u_x(t) + u_T(t)$$

$$= k \cdot u_m(t) \cdot u_T(t) + u_T(t) \quad \checkmark$$

$$= u_T(t) (1 + k \cdot u_m(t)) \quad \checkmark$$

$$= 2V \cdot \cos \Omega T t \left( 1 + \underbrace{0,2}_{\checkmark} (2V \cos(\omega_m t) + 0,5 \cos(3\omega_m t)) \right) \quad \checkmark$$

$$= 2V \cdot \cos \Omega T t (1 + 0,4 \cos(\omega_m t) + 0,1 \cos(3\omega_m t)) \quad \checkmark$$

$$\| \cos(\omega_m t) = 1 \quad \text{bei } \omega_m t = 0$$

$$\Rightarrow 3 \omega_m t = 3 \cdot 0 = 0$$

$$\Rightarrow u_{z \max} = 2V (1 + 0,4 + 0,1) = 3V \quad \checkmark$$

$$\| \cos(\omega_m t) = -1 \quad \text{bei } \omega_m t = \pi$$

oder  $\cos(3\omega_m t) = \cos(3\pi) = -1$

$$\rightarrow u_{z \min} = -1 \cdot 2V (1 + (-1) \cdot 0,4 + (-1) \cdot 0,1)$$

$$u_{z \min} = -1 \cdot 2V (1,5) = -3V$$

↑  
andere gedachte jedoch sei  
interpretierbar

zu Aufgabe 3

b)

$$u_L = \cancel{1,2 \text{ min}}$$

WS	Semester	Fach	Dozent
07	E4	GN	VLM
FSR - Klausursammlung 2/9			

$$u_{L \text{ max}} + u_{L \text{ min}}$$

=

0

c)

$$u_{1 \text{ eff}} = \frac{\hat{u}_1}{\sqrt{2}} = \frac{2 \text{ V}}{\sqrt{2}} = 1,414 \text{ V} \quad \checkmark$$

6/10

$$u_{2 \text{ eff}} = \frac{\hat{u}_2}{\sqrt{2}} = \cancel{2 \text{ V}} \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} = 0,707 \text{ V}$$

$$u_{3 \text{ eff}} = \frac{\hat{u}_3}{\sqrt{2}} = \frac{0,5 \text{ V}}{\sqrt{2}} = 0,176 \text{ V}$$

Aufgabe 4:

13. WS	Lehrstuhl	Fach	Dozent
07	EL	GN	VLM
FSR - Klausurensammlung 8/9			

$$u_A(u_E) = u_E + a \cdot u_E^3 \quad \text{mit } a = 0, 01 \text{ V}^{-2}$$

$$= \hat{u}_E \cdot \cos(\omega t) + a \hat{u}_E^3 \left( \frac{1}{4} \cos(\omega t) + \frac{3}{4} \cos(3\omega t) \right)$$

$$= \hat{u}_E \cdot \cos(\omega t) + \frac{3}{4} a \hat{u}_E^3 \cos(\omega t) + \frac{3}{4} a \hat{u}_E^3 \cos(3\omega t)$$

$$k = \sqrt{\left( \frac{3}{4} a \hat{u}_E^3 \right)^2 + \left( \frac{a \hat{u}_E^3}{4} \right)^2} \quad \text{falscher Term}$$

$$\sqrt{\hat{u}_E^2 + \left( \frac{3}{4} a \hat{u}_E^3 \right)^2 + \left( \frac{a \hat{u}_E^3}{4} \right)^2} \quad \text{Verständnisfehler}$$

$$= \sqrt{\frac{9}{16} a^2 \hat{u}_E^6 + \frac{a^2}{16} \hat{u}_E^6} = \frac{\sqrt{10}}{4} a \hat{u}_E^3$$

$$\sqrt{\frac{\hat{u}_E^2}{4} + \frac{10}{16} a^2 \hat{u}_E^6}$$

b)  $\hat{u}_E \rightarrow \infty$

→  $k = \frac{\infty^3}{\infty^2 + \infty^6}$



$$a) \quad |H(z)|^2 = \frac{1}{1+z^{2n}} = \frac{1}{1+z^{12}}$$

~~8(10)~~ 
$$|H(x)|^2 = \frac{1}{1+x^{12}}$$

$$\rightarrow 1+x_{0,12}^{12} = 0$$

$$\rightarrow x_{0,12}^{12} = -1 = e^{j(\pi + 2k\pi)}$$

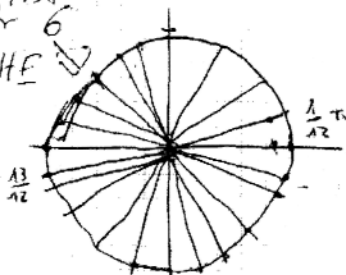
$$x_{0,12} = e^{j(\pi + 2k\pi)/12} \quad \checkmark$$

stabil ab  $z = 1$  (und die konjugiert komplex davon)  $\checkmark$   
 bis  $3\pi$

$$P(z) = (x - e^{j\frac{\pi}{12}})(x - e^{-j\frac{\pi}{12}})(x - e^{j\frac{3\pi}{12}})(x - e^{-j\frac{3\pi}{12}}) \quad \checkmark$$

~~$$(x - e^{j\frac{3\pi}{12}})(x - e^{-j\frac{3\pi}{12}})(x - e^{j\frac{5\pi}{12}})(x - e^{-j\frac{5\pi}{12}})(x - e^{j\frac{7\pi}{12}})(x - e^{-j\frac{7\pi}{12}})$$~~

es gibt  
nur 6  
in LHE  $\checkmark$



b):  
0