

# Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

# «Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана

(национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ	Информационные технологии и системы управления
КАФЕДРА	Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии

# ОТЧЕТ ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ ПО КУРСУ «ПЛАНИРОВАНИЕ ЭКСПЕРИМЕНТОВ»

#### Лабораторная работа №2

Студент <u>ИУ7-83Б</u> (Группа)		Зыкин Д.А. (И.О.Фамилия)
Преподаватель	(Подпись, дата)	<u>Куров А.В,</u> (И.О.Фамилия)

# Цель работы

Реализация полного факторного эксперимента на имитационной модели функционирования СМО для нахождения среднего времени ожидания заявок в очереди.

# Условие работы

- 1. составить матрицу планирования для проведения ПФЭ для одноканальной
  - СМО с одним генератором заявок;
- 2. получить зависимость выходной величины от загрузки;
- 3. по результатам ПФЭ вычислить коэффициенты линейной и частично нелинейной регрессионной зависимости;
- 4. предусмотреть возможность сравнения рассчитанной величины с реальной,
  - полученной по результатам имитационного моделирования.

#### Теоретическая часть

В данной лабораторной работе интервалы для факторов подбираются таким образом, чтобы загрузка системы лежала в промежутке от 0 до 1. Таким образом обеспечивается функционирование системы в стационарном режиме.

Факторами в данном эксперименте будут являться интенсивности генератора и обработчика, а также коэффициент дисперсии. По условию первой лабораторной работы генератор заявок функционирует по закону Рэлея, а обработчик по нормальному закону.

Для генерации времени обработки на основе заданных промежутков рассчитываются параметры распределений. Для генератора будет определятся сигма по формуле:

$$\sigma = \frac{1}{\sqrt{\frac{\pi}{2}}I}\tag{1}$$

Для обработчика параметры распределения будут определяться по формуле:

$$M = \frac{1}{I} \tag{2}$$

$$D = coeff * M \tag{3}$$

, где coeff - это заданный пользователем коэффициент дисперсии.

Для трех факторов соответствующая эмпирическая линейная модель может быть записана:

$$y = b_0 x_0 + b_1 x_1 + b_2 x_2 + b_3 x_3 \tag{4}$$

Для частично нелинейного случая модель будет выглядеть следующим образом:

$$y = b_0 x_0 + b_1 x_1 + b_2 x_2 + b_3 x_3 + b_{12} x_1 x_2 + b_{13} x_1 x_3 + b_{23} x_2 x_3 + b_{123} x_1 x_2 x_3$$
 (5)

Для проведения ПФЭ используется матрица эксперимента, которая для двух факторов будет иметь вид:

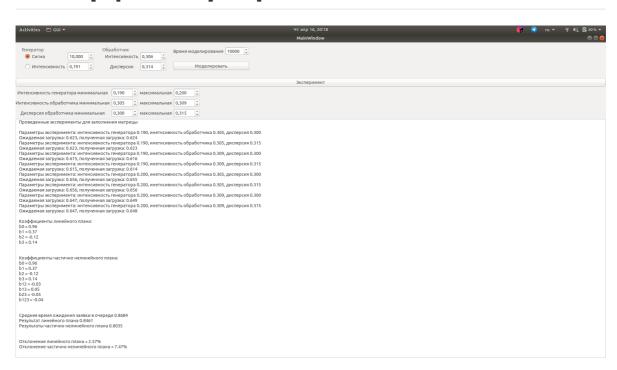
n\p	х0	х1	x2	х3	x1x2	x1x3	x2x3	x1x2x3	у
1	1	-1	-1	-1	1	1	1	-1	y1
2	1	-1	-1	1	1	-1	-1	1	y2
3	1	-1	1	-1	-1	1	-1	1	у3
4	1	-1	1	1	-1	-1	1	-1	y4
5	1	1	-1	-1	-1	-1	1	1	y5
6	1	1	-1	1	-1	1	-1	-1	у6
7	1	1	1	-1	1	-1	-1	-1	у7
8	1	1	1	1	1	1	1	1	у8

Первым фактором эксперимента будет являться интенсивность генератора, вторым - интенсивность обработчика, третьим - коэффициент дисперсии.

В ходе ПФЭ будут получено 8 коэффициентов:

- b0 перед свободным членом;
- b1 перед интенсивностью генератора;
- b2 перед интенсивностью обработчика;
- b3 перед коэффициентом дисперсии;
- остальные перед комбинациями факторов.

# Интерфейс программы



Для проведения ПФЭ пользователь должен задать три интервала. Они задаются в строках, расположенных после кнопки *Эксперимент*.

Также после проведения ПФЭ полученные коэффициенты используются для расчета отклонения от результатов моделирования. Пользователь может задать параметры для моделирования, которые будут использоваться при проверке, в окнах, расположенных над кнопкой Эксперимент.

При проведении моделирования для заполнения столбца *у*, пользователю выводятся расчетные и реальные загрузки для каждой серии . После чего выводятся полученные коэффициенты для линейного и частично нелинейного планов.

На скриншоте выше приведен пример работы программы для интервала загрузки системы [0.624;0.662].

Из графика, полученного в первой лабораторной работы, следует, что линейный план должен иметь большую точность, так как график на данном отрезке линеен. Для аппроксимации линейной функции используется линейная функция.

### Реализованные классы и методы

Для проведения ПФЭ были разработаны следующие классы:

- FExperiment
- PlotGenerator

# **FIntenseExperiment**

Данный класс предназначен для хранения информации об эксперименте (интервалах, матрице эксперимента, контрольных значениях и т.д.)

```
public class FIntenseExperiment
 2
         {
             int paramsAmount = 3;
 3
             int coeffsAmount = 8;
 4
 5
             int[,] matrix =
 6
 7
             {
                  \{1,-1,-1,-1, 1, 1, 1,-1\},\
 8
 9
                  \{1, -1, -1, 1, 1, -1, -1, 1\},\
                  \{1, -1, 1, -1, -1, 1, -1, 1\},\
10
                  \{1, -1, 1, 1, -1, -1, 1, -1\},\
11
                  \{1, 1, -1, -1, -1, -1, 1, 1\},\
12
13
                  \{1, 1, -1, 1, -1, 1, -1, -1\},\
                  \{1, 1, 1, -1, 1, -1, -1, -1\},\
14
15
                  {1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1},
             };
16
17
             double[] genInterval;
18
             double[] procInterval;
19
20
             double[] procSigmaInterval;
21
22
             double genIntense;
             double procIntense;
23
             double procSigma;
24
25
26
             public double[] ExperimentResults { get; set; }
```

```
27
            double[] coeffs;
            double[] x;
28
29
            double[] zCenterList;
30
            double[] zDeltaLIst;
31
32
33
            public FIntenseExperiment(double minGenIntense,
    double maxGenIntense, double minProcIntense, double
    maxProcIntense,
                double minProcSigma, double maxProcSigma, double
34
    genIntense, double procIntense, double procSigma)
            {
35
                genInterval = new double[2];
36
37
                procInterval = new double[2];
                procSigmaInterval = new double[2];
38
39
                ExperimentResults = new double[coeffsAmount];
40
                coeffs = new double[coeffsAmount];
41
42
                zDeltaLIst = new double[paramsAmount];
43
44
                zCenterList = new double[paramsAmount];
45
                x = new double[paramsAmount];
46
                coeffs = new double[coeffsAmount];
47
48
49
                genInterval[0] = minGenIntense; genInterval[1] =
    maxGenIntense;
50
                procInterval[0] = minProcIntense;
    procInterval[1] = maxProcIntense;
                procSigmaInterval[0] = minProcSigma;
51
    procSigmaInterval[1] = maxProcSigma;
52
53
                this.genIntense = genIntense;
                this.procIntense = procIntense;
54
                this.procSigma = procSigma;
55
56
            }
57
            public List<string> GetModellingResults()
58
59
            {
60
                List<string> results = new List<string>();
61
                ExperimentResults[0] =
    PlotGenerator.IntenseExperiment(genInterval[0],
    procInterval[0], procSigmaInterval[0], out string res);
62
                results.Add(res);
```

```
63
                ExperimentResults[1] =
    PlotGenerator.IntenseExperiment(genInterval[0],
    procInterval[0], procSigmaInterval[1], out res);
64
                results.Add(res);
                ExperimentResults[2] =
65
    PlotGenerator.IntenseExperiment(genInterval[0],
    procInterval[1], procSigmaInterval[0], out res);
66
                results.Add(res);
                ExperimentResults[3] =
67
    PlotGenerator.IntenseExperiment(genInterval[0],
    procInterval[1], procSigmaInterval[1], out res);
                results.Add(res);
68
                ExperimentResults[4] =
69
    PlotGenerator.IntenseExperiment(genInterval[1],
    procInterval[0], procSigmaInterval[0], out res);
                results.Add(res);
70
71
                ExperimentResults[5] =
    PlotGenerator.IntenseExperiment(genInterval[1],
    procInterval[0], procSigmaInterval[1], out res);
                results.Add(res);
72
73
                ExperimentResults[6] =
    PlotGenerator.IntenseExperiment(genInterval[1],
    procInterval[1], procSigmaInterval[0], out res);
74
                results.Add(res);
75
                ExperimentResults[7] =
    PlotGenerator.IntenseExperiment(genInterval[1],
    procInterval[1], procSigmaInterval[1], out res);
76
                results.Add(res);
77
78
                return results;
79
            }
80
            public double[] GetCoeffs()
81
82
            {
                for (int j = 0; j < coeffsAmount; <math>j++)
83
84
                {
                    double sum = 0;
85
                    for (int i = 0; i < coeffsAmount; i++)
86
87
                    {
                         sum += matrix[i, j] *
88
    ExperimentResults[i];
89
                    }
90
                    coeffs[j] = sum / coeffsAmount;
                }
91
92
```

```
93
                 return coeffs;
             }
 94
 95
             public double[] GetExperimentParams()
 96
 97
                 zCenterList[0] = (genInterval[1] +
 98
     genInterval[0]) / 2;
 99
                 zDeltaLIst[0] = (genInterval[1] -
     genInterval[0]) / 2;
100
                 zCenterList[1] = (procInterval[1] +
101
     procInterval[0]) / 2;
                 zDeltaLIst[1] = (procInterval[1] -
102
     procInterval[0]) / 2;
103
                 zCenterList[2] = (procSigmaInterval[1] +
104
     procSigmaInterval[0]) / 2;
105
                 zDeltaLIst[2] = (procSigmaInterval[1] -
     procSigmaInterval[0]) / 2;
106
107
                 x[0] = (genIntense - zCenterList[0]) /
     zDeltaLIst[0];
108
                 x[1] = (procIntense - zCenterList[1]) /
     zDeltaLIst[1];
109
                 x[2] = (procSigma - zCenterList[2]) /
     zDeltaLIst[2];
110
111
                 return x;
             }
112
113
114
             public double LinExperiment()
             {
115
                 return 1 * coeffs[0] + (x[0] * coeffs[1]) +
116
     (x[1] * coeffs[2]) + (x[2] * coeffs[3]);
117
             }
118
             public double NonLinExperiment()
119
120
             {
                 return 1 * coeffs[0] + (x[0] * coeffs[1]) +
121
     (x[1] * coeffs[2]) + (x[2] * coeffs[3]) +
122
                     (x[0] * x[1] * coeffs[4]) + (x[0] * x[2] *
     coeffs[5]) + (x[1] * x[2] * coeffs[6]) +
123
                      (x[0] * x[1] * x[2] * coeffs[7]);
             }
124
         }
125
```

#### **PlotGenerator**

Данный класс предназначен для определения среднего времени ожидания заявки в очереди после проведении серии экспериментов. Также данный класс используется для получения точек при построении графика.

```
public static double IntenseExperiment(double genIntense,
   double procIntense, double procSigma, out string stat)
            {
2
                double sum = 0;
3
                double load = 0;
4
                double gen_i = 0;
5
6
                double proc_i = 0;
7
                for (int i = 0; i < repeats; i++)
8
9
                    ModellingController controller = new
10
   ModellingController(true, 0, genIntense, true, 0, procSigma,
   procIntense);
11
                    Report report = controller.StartModelling();
12
                    gen_i += report.GenIntense();
                    proc_i += report.ProcIntense();
13
                    load += report.Load();
14
                    sum += report.GetAvgTime();
15
16
                }
17
                stat = $"Параметры эксперимента: " +
18
                    $"интенсивность генератора {genIntense:F3},
19
    инетнсивность обработчика {procIntense:F3}, дисперсия
    {procSigma:F3}\n'' +
20
                    $"Ожидаемая загрузка: {genIntense /
    procIntense:F3}, полученная загрузка: {load / repeats:F3}\n";
                return sum / repeats;
21
22
            }
```