



Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Московский государственный технический университет  
имени Н.Э. Баумана  
(национальный исследовательский университет)»  
(МГТУ им. Н.Э. Баумана)

---

ФАКУЛЬТЕТ \_\_\_\_\_ Информационные технологии и системы управления  
КАФЕДРА \_\_\_\_\_ Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии

## **ОТЧЕТ ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ ПО КУРСУ «ПЛАНИРОВАНИЕ ЭКСПЕРИМЕНТОВ»**

### **Лабораторная работа №1**

Студент \_\_\_\_\_  
ИУ7-83Б  
(Группа)

\_\_\_\_\_ Зыкин Д.А.  
(И.О.Фамилия)

Преподаватель

\_\_\_\_\_  
(Подпись, дата)

\_\_\_\_\_ Куров А.В.  
(И.О.Фамилия)

2020 г.

## Цель работы

---

Разработать имитационную модель функционирования одноканальной разомкнутой СМО с одним типом заявок. Буфер бесконечный. Для законов распределения с двумя параметрами предусмотреть возможность ввода только самих параметров. Для законов распределения с одним параметром:

- предусмотреть возможность ввода интенсивности;
- предусмотреть возможность ввода параметра распределения.

Рассчитать интенсивность поступления и обработки заявок и сравнить с полученными результатами.

## Условия работы

---

Законы распределения: Рэлей для генератора, Нормальный для обслуживающего аппарата.

## Теоретическая часть

---

В данной работе проводится моделирование одноканальной разомкнутой СМО. По условию генерация заявок происходит по закону Рэля, а обслуживание по нормальному закону распределения.

Закон распределения Рэля зависит только от одного параметра, поэтому для него также необходимо предусмотреть ввод интенсивности. Его функция плотности:

$$f(x; \sigma) = \frac{x}{\sigma^2} e^{-\frac{x^2}{2\sigma^2}}, x \geq 0, \sigma > 0 \quad (1)$$

Нормальный закон распределения зависит от двух параметров, следовательно для него предусмотрен ввод только параметров. Его функция плотности:

$$f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}} \quad (2)$$

Для теоретической оценки интенсивности используются генератора используется формула:

$$I = \frac{1}{\sqrt{\frac{\pi}{2}}\sigma} \quad (3)$$

Для теоретической оценки интенсивности обработчика заявок используется формула:

$$I = \frac{1}{m} \quad (4)$$

Реальная интенсивность оценивается по завершении моделирования и рассчитывается как количество заявок, обработанных элементом, поделенное на время моделирования.

## Реализованные классы и методы

---

Для проведения моделирования были созданы следующие классы:

- Generator;
- ModellingController;
- Processor;
- Queue;
- TimeElement.

### Класс TimeElement

Данный класс является базовым классом для всех элементов, чья работа основывается на генерируемых задержках. Он хранит в себе общее время работы элемента, а также содержит интерфейс для генерации задержки на основе передаваемой в него функции.

```

1  class TimeElement:
2      def __init__(self, rand_func, param1, param2):
3          self.rand_func = rand_func
4          self.param1 = param1
5          self.param2 = param2
6          self.__total_time = 0
7
8      @property
9      def total_time(self):
10         return self.__total_time
11
12     @total_time.setter
13     def total_time(self, value):
14         self.__total_time = value
15

```

```

16     def generate_delay(self):
17         self.total_time += self.rand_func(
18             self.param1, self.param2)
19     return self.total_time

```

## Класс ModellingController

Данный класс предназначен является аналогом блока управления. Он отвечает за отслеживание происходящих в системе событий, увеличивает счетчик текущего времени и подсчитывает результаты моделирования.

```

1  class ModellingController:
2      @staticmethod
3      def get_min_time_el_index(lst):
4          min_time = lst[0].total_time
5          min_index = 0
6          for i, elem in enumerate(lst):
7              if elem.total_time < min_time:
8                  if isinstance(elem, Processor) and
elem.queue.counter <= 0:
9                      continue
10                 min_time = elem.total_time
11                 min_index = i
12
13             return min_time, min_index
14
15     @property
16     def modelling_time(self):
17         return self.__modelling_time
18
19     @modelling_time.setter
20     def modelling_time(self, value):
21         self.__modelling_time = value
22
23     def __init__(self, gen_rand_func, gen_param1, gen_param2,
24                 proc_rand_func, proc_param1, proc_param2,
modelling_time):
25         self.__modelling_time = modelling_time
26         self.queue = Queue()
27         self.gen = Generator(gen_rand_func, gen_param1,
gen_param2, self.queue)
28         self.proc = Processor(proc_rand_func, proc_param1,
proc_param2, self.queue)
29
30     def start_modelling(self):

```

```

31         lst = [self.gen, self.proc]
32         current_time = 0
33
34         while current_time < self.modelling_time:
35             current_time, index =
self.get_min_time_el_index(lst)
36             if isinstance(lst[index], Generator):
37                 lst[index].generate_element()
38             if isinstance(lst[index], Processor):
39                 lst[index].process_next()
40
41             gen_intense = self.gen.generated /
self.modelling_time
42             oa_intense = self.proc.processed /
self.modelling_time
43
44             return gen_intense, oa_intense

```

## Класс Queue

Данный класс реализует очередь без потерь. Позволяет добавлять/забирать заявку, а также содержит текущую длину.

```

1  class Queue:
2      @property
3      def counter(self):
4          return self.__counter
5
6      @counter.setter
7      def counter(self, value):
8          self.__counter = value
9
10     def __init__(self):
11         self.counter = 0
12
13     def enqueue(self):
14         self.counter += 1
15
16     def dequeue(self):
17         if self.counter <= 0:
18             return False
19         else:
20             self.counter -= 1
21             return True

```

## Класс Processor

Данный класс предназначен для моделирования обработчика заявок и содержит методы для начала и окончания обработки заявки, которые вызываются в классе ModellingController.

```
1 class Processor(TimeElement):
2     def __init__(self, rand_func, param1, param2, queue):
3         super().__init__(rand_func, param1, param2)
4         self.queue = queue
5         self.processing = False
6         self.processed = 0
7
8     def start_processing(self):
9         if self.processing:
10             self.queue.enqueue()
11         else:
12             self.generate_delay()
13             self.processing = True
14
15     def process_next(self):
16         self.processed += 1
17         self.processing = False
18         if self.queue.dequeue():
19             self.processing = True
20             self.generate_delay()
```

## Класс Generator

Предназначен для создания новых заявок в системе.

```
1 class Generator(TimeElement):
2     def __init__(self, rand_func, param1, param2, queue):
3         super().__init__(rand_func, param1, param2)
4         self.generated = 0
5         self.queue = queue
6
7     def generate_element(self):
8         self.generated += 1
9         self.queue.enqueue()
10        return self.generate_delay()
```

## Интерфейс программы

---

Лабораторная работа была реализована на языке Python v3.8 с использованием библиотеки PyQt5 для создания графического интерфейса.

Планирование экспериментов

**Генератор**

☒ Дисперсия 0,50

☐ Интенсивность 0,50

**Обслуживающий аппарат**

Мат. ожидание 2,00

Дисперсия 0,30

**Расчетные интенсивности**

Генерации заявок

Обработки заявок

**Полученные интенсивности**

Генерации заявок

Обработки заявок

Время моделирования 1000

Моделировать

Пользователь может задать параметры законов распределения для генератора и обработчика заявок. В случае генератора предусмотрен выбор между заданием дисперсии и интенсивности.

После задания параметров законов распределения также задается время моделирования, после чего по нажатии кнопки *Моделировать* будут выведены расчетные и полученные интенсивности.

Планирование экспериментов

Генератор

☐ Дисперсия 0,50

☒ Интенсивность 5,00

Обслуживающий аппарат

Мат. ожидание 0,10

Дисперсия 0,05

Расчетные интенсивности

Генерации заявок	5.00
Обработки заявок	10.00

Полученные интенсивности

Генерации заявок	4.97
Обработки заявок	4.97

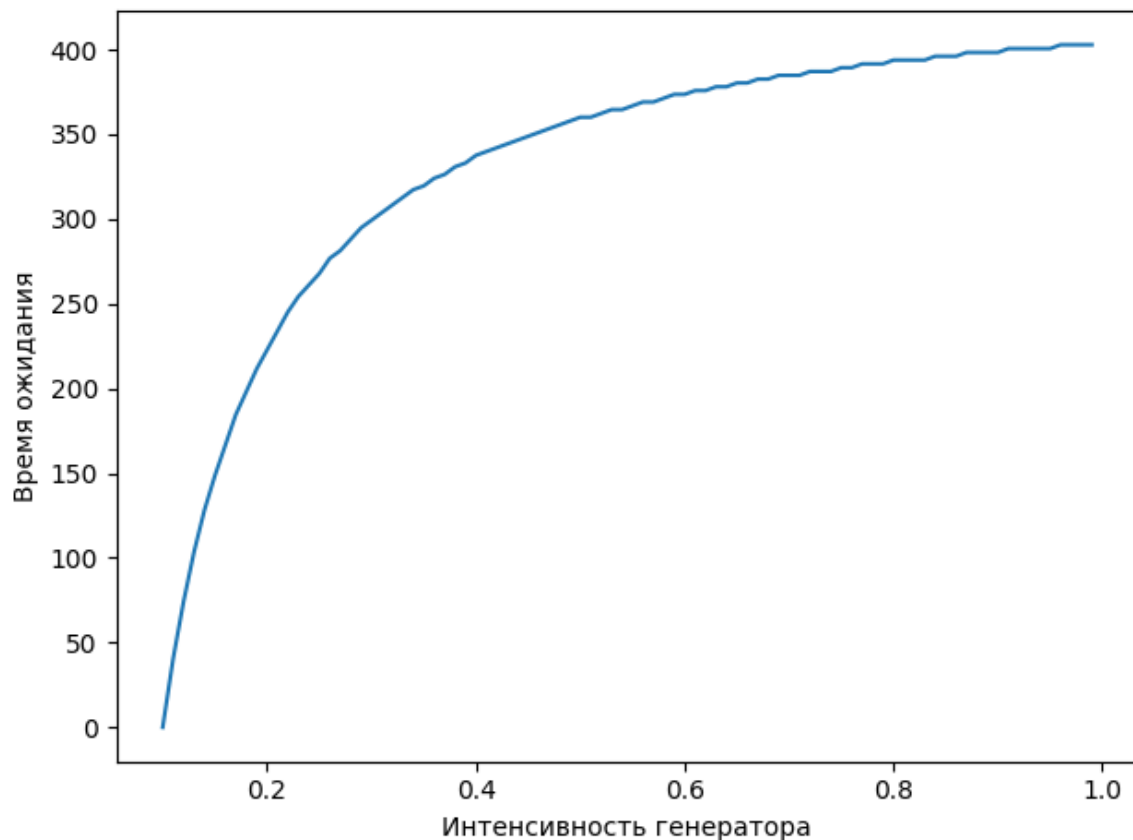
Время моделирования 1000

Моделировать

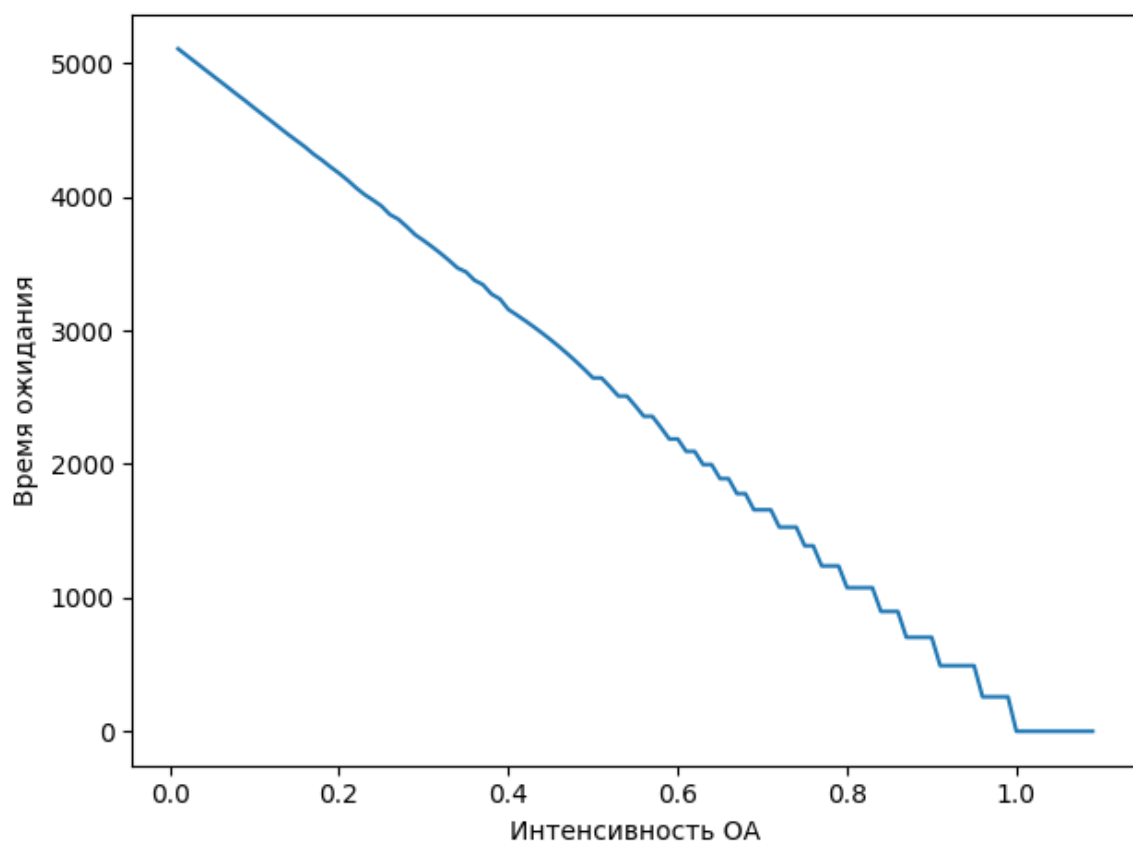
После проведения моделирования получилось так, что интенсивность генерации заявок превышает теоретическую интенсивность обработчика, что приводит к тому, что реальная интенсивность обработчика будет равна интенсивности генератора.

## Графики зависимости времени ожидания от интенсивности





При росте интенсивности генератора заявок и неизменной интенсивности ОА время ожидания заявок в очереди будет расти, после того как интенсивность генератора превысит интенсивность ОА. Для данного графика интенсивность ОА равна 0.1. До этого момента время ожидания заявок в очереди будет равно 0.



При росте интенсивности ОА и неизменной интенсивности генератора заявок время ожидания заявок в очереди будет снижаться, пока интенсивности не сравняются. После этого время ожидания будет равно 0.