

# Beamer 实例

Examples for Beamer slides

---

李小飞

光电科学与工程学院

2022 年 6 月 16 日

求實求真  
大氣大為

解: (1) 宽度为  $a$  的一维无限深势阱, 波函数为:

$$\psi_n(x) = \begin{cases} \sqrt{\frac{2}{a}} \sin(\frac{n\pi x}{a}), & (0 < x < a) \\ 0, & (x < 0, x > a) \end{cases} \quad (2 \text{ 分})$$

(2) 宽度为  $2a$  的一维无限深势阱, 波函数为:

$$\Psi_n(x) = \begin{cases} \sqrt{\frac{1}{a}} \sin(\frac{n\pi x}{2a}), & (0 < x < 2a) \\ 0, & (x < 0, x > 2a) \end{cases} \quad (2 \text{ 分})$$

大氣大學  
求實求真

(3) 处于第二激发态的概率:

$$\begin{aligned} P_{31} &= \langle \Psi_3(x) | \psi_1(x) \rangle^2 \quad (2 \text{ 分}) \\ &= \left| \int_0^a \sin\left(\frac{3\pi x}{2a}\right) \sin\left(\frac{\pi x}{a}\right) dx \right|^2 \\ &= \frac{32}{25\pi^2} \sin^2\left(\frac{5}{2}\pi\right) \\ &= \frac{32}{25\pi^2} \quad (2 \text{ 分}) \end{aligned}$$

解: (1) 自由粒子的势函数  $U = 0$ , 其哈密顿为

$$\begin{aligned} H &= T + U = \frac{p^2}{2m} \\ &= \frac{p_x^2 + p_y^2 + p_z^2}{2m} = H(x) + H(y) + H(z) \quad (1 \text{ 分}) \end{aligned}$$

大氣大為  
求實求真

能量可表示为

$$E = E_x + E_y + E_z$$

(2) 把  $H(x)$  代入一维薛定谔方程

$$H(x)\psi(x) = E_x\psi(x)$$

$$\frac{p_x^2}{2m}\psi(x) = E_x\psi(x)$$

$$-\frac{\hbar^2}{2m} \frac{d^2\psi(x)}{dx^2} = E_x\psi(x) \quad (2 \text{ 分})$$

解方程得：(式中取  $p_x = \sqrt{2mE_x}$ )

$$\psi(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{i}{\hbar} p_x x} \quad (2 \text{ 分})$$

三维薛定谔方程的解为：

$$\psi(\vec{r}) = \left(\frac{1}{2\pi}\right)^{\frac{3}{2}} e^{-\frac{i}{\hbar} \vec{p} \cdot \vec{r}} \quad (1 \text{ 分})$$

大氣大學  
求實求真

(3) 波函数为:

$$\psi(\vec{r}, t) = \left(\frac{1}{2\pi}\right)^{\frac{3}{2}} e^{-\frac{i}{\hbar}(\vec{p}\cdot\vec{r} + Et)} \quad (2 \text{ 分})$$

$$\begin{aligned} [V, p_x]\psi &= (Vp_x - p_xV)\psi \\ &= Vp_x\psi - p_xV\psi \quad (2 \text{ 分}) \\ &= -i\hbar V \frac{\partial \psi}{\partial x} - (-i\hbar \frac{\partial}{\partial x})(V\psi) \\ &= i\hbar \frac{\partial V}{\partial x} \psi \end{aligned}$$

因此, 有  $[V, p_x] = i\hbar \frac{\partial V}{\partial x} \quad (2 \text{ 分})$

大氣大學  
求實求真