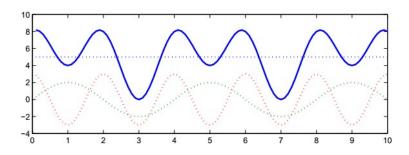
Przykład rozkładu DFT

26 września 2017 09:23

Rozkład przykładu transformacji Fouriera;

Funkcja:

$$f(t) = 5 + 2\cos(2(pi)t - 90) + 3\cos(2(pi)t$$



Samplujemy cztery razy (4 sample) w ciągu 1 sekundy, czyli w czasie:

1/4

2/4

3/4.

Okres samplowania = okno samplowania, fundamental period, jest równy 1s. Liczba próbek, samples, jest równy 4.

Interwał samplowania jest równy:

$$si = [okres samplowania] / [liczbe sampli] = 1s / 4 = 1/4s$$

Dla wszystkich kolejnych próbek, czas podajemy jako interwał samplowania ponożony numer próbki,

t=si*k.

$$f(t) = 5 + 2\cos(2(pi)t - 90) + 3\cos(4(pi)t)$$

$$f(t) = 5 + 2\cos(2(pi)*1/4*k - 90) + 3\cos(4(pi)*1/4*k)$$

$$f(t) = 5 + 2\cos((pi)/2*k - 90) + 3\cos((pi)*k)$$

Obliczamy wartość funkcji dla próbek k 0-3:

$$k=0$$
; $f(t)=5+2\cos(90)+3\cos(0)$ =5+0+3=8

k=1; f(t)=5 + 2cos((pi)/2 - 90) + 3cos((pi))=4

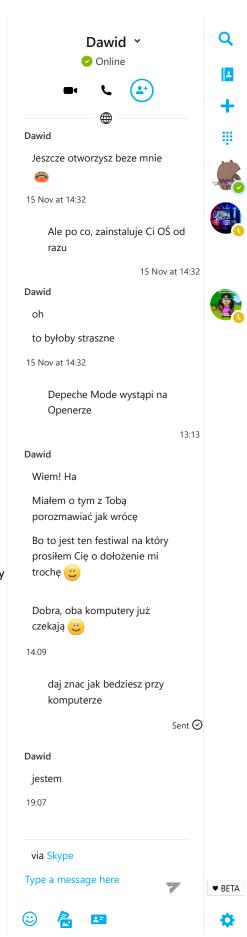
k=2; f(t)=5 + 2cos((pi) - 90) + 3cos(2(pi))

k=3; $f(t)=5 + 2\cos(3(pi)/2 - 90) + 3\cos(3(pi)) = 0$

Obliczamy twidle factor dla próbek k 0-3;

Liczba wszystkich próbek N=5;

 W_N^{kn} is the same as $e^{\frac{-j2\pi kn}{N}}$



1 of 2

$$W_4^{kn}$$
 for $N=4$

$$W_4^{kn}=\cos(\frac{-2\pi kn}{4})+j\sin(\frac{-2\pi kn}{4})$$

dla n=0; k=0; $(W_4) = cos(0)+jsin(0) = 1, ..., k=3; (W_4) = cos(0)+jsin(0) = 1$ dla n=1; k=0; W = 1, k=1; W = -j, k=2; W = -1, k=3; W = j

0-7, a nastepnie wyznaczenie wartości W wedle (nk)modulo8.

dla n=1... oraz nastepnych n=2, n=3; będziemy obserwowali kołowy obrót W, gdzie wartość W dla n*k=0=4 będzie taka sama i równa 1. Dalej, dla n*k=5 wartość W bedzie taka sama jak dla n*k=1, czyli -j. Dlatego "W" nazywa się Twiddle factor, współczynnik kręcenia. Dla czterech punktów pomiarowych rzeczywiście będziemy mieli cztery różne wartość W wedle zależności (nk)modulo(N), (nk)mod4.
Natomiast dla ośmiu 8 punktów pomiarowych będziemy mieli 8 różnych wartości W dla n*k

3. Obliczanie spektrum czestotliwości F.

$$F(n) = \sum_{k=0}^{N-1} x(k)e^{\frac{-j2\pi kn}{N}}$$

dla czterech punktów pomiarowych N=4, wyznaczamy cztery amplitudy F(n) dla czterech częstotliwości f(k) w punktach pomiarowych $k=\{0,1,2,3\}$;

$$\begin{split} F(n) &= f(0)^*(W_4)^{n*0} + f(1)^*(W_4)^{n*1} + f(2)^*(W_4)^{n*2} + f(3)^*(W_4)^{n*3} \\ F(0) &= f(0)^*(W_4)^{00} + f(1)^*(W_4)^{01} + f(2)^*(W_4)^{02} + f(3)^*(W_4)^{03} = 20 \\ F(1) &= f(0)^*(W_4)^{10} + f(1)^*(W_4)^{01} + f(2)^*(W_4)^{12} + f(3)^*(W_4)^{13} = -j4 \\ F(2) &= f(0)^*(W_4)^{20} + f(1)^*(W_4)^{21} + f(2)^*(W_4)^{22} + f(3)^*(W_4)^{23} = 12 \\ F(3) &= f(0)^*(W_4)^{30} + f(1)^*(W_4)^{31} + f(2)^*(W_4)^{32} + f(3)^*(W_4)^{33} = j4 \end{split}$$

4.

Wyznaczanie amplitudy częstotliwości;

Bazowa częstotliwość to odwrotność okresu pomiarowego f0= 1/T.

f0= 1/1s f0= 1Hz.

Harmoniczna to: f0*m;

Obliczenie wielkości dla danej częstotliwości jest przez: sqrt(real*real + imaginery*imaginery)

F(0) = sqrt (20 * 20) = 20 F(1) = sqrt (-j4 * -j4) = 4 F(2) = sqrt (12 *12) = 12 F(3) = sqrt (j4 * j4) = 4