#### 滑动窗口

**笔记本:** 0\_leetcode

**创建时间:** 2020/8/11 22:22 **更新时间:** 2020/8/25 11:06

**作者:** 415669592@qq.com

**URL:** https://www.educative.io/courses/grokking-the-coding-interview/7D5NNZ...

# 滑动窗口

- 滑动窗口
  - 0.介绍
  - 1. 入门
    - 思路
    - <u>优化1-1——窗的视角</u>
    - <u>优化1-2——sum的视角</u>
    - 小结
  - 2. 实战
    - 2.1 大于等于目标值的最短连续子数组长度
      - <u>思路</u>
    - 2-2 给定字符集的最长子串
    - 思路
    - 2-3 摘水果
      - 思路
    - 2-4 无重复字符的最长子串(leetcode-3)
      - 思路
    - 2-5 替换给定字符, 求最长子数组长度
      - 思路
    - 2-6 0替换1
      - 思路
  - 3. 变型问题
    - <u>3.1 next\_permutation</u>
      - 思路
      - 额外知识点
    - 3.2
      - 值得学习的点
  - 4. 总结

# 0. 介绍

# 1. 入门

给定一个数组,计算连续K个元素的均值。 Array: [1, 3, 2, 6, -1, 4, 1, 8, 2], K = 5 Output: [2.2, 2.8, 2.4, 3.6, 2.8]

## 思路

不论做什么题,一开始别去找最好方法,直接想最简单的暴力方法。

- 1. 计算索引为0-4的元素均值
- 2. 计算1-5, 2-6.以此类推。

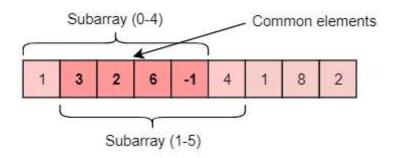
```
class AverageOfSubarrayOfSizeK {
    static vector \( \double \) find \( \text{Averages} \) ( int \( \text{K}, \) const vector \( \dots \) \( \delta \) arr \( \)
        vector<double> result( arr. size() - K + 1 );
        for ( int i = 0; i <= arr.size() - K; i++ ) {
             double sum = 0;
             for ( int j = i; j < i + K; j++ ) {
                  sum += arr[j];
             result[i] = sum / K; // calculate average
        return result;
int main( int argc, char *argv[] ) {
    vector<double> result =
        AverageOfSubarrayOfSizeK::findAverages(5, vector<int> {1, 3, 2,
    for ( double d : result ) {
```

```
cout << d << " ";
}
cout << endl;
}</pre>
```

很明显,时间复杂度为O(N \* K)

## 优化1-1——窗的视角

不难看出,我们在计算0-4的子数组后,计算1-5的子数组。我们发现1-4实际上我们已经计算过了。

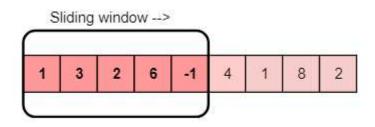


实际上, 我们在计算1-5的时候, 只需要减去0, 再加上5就可以了。

```
sum[1] = sum[0] - num[0] + num[5]
```

#### 写成通用代码就是

```
sum[i] = sum[i-1] - num[i-1] + num[i+K-1]
```



# Slide one element forward 1 3 2 6 -1 4 1 8 2

```
using namespace std;

#include <iostream>
#include <vector>

class AverageOfSubarrayOfSizeK {
```

```
static vector \( \double \) find \( \text{Averages} \) ( int \( \text{K}, \) const vector \( \dots \) \( \delta \) arr \( \)
        vector \( double \rangle \) result( arr. size() - K + 1 );
        double windowSum = 0;
        int windowStart = 0;
        for ( int windowEnd = 0; windowEnd < arr.size(); windowEnd++ ) {</pre>
             windowSum += arr[windowEnd]; // add the next element
            if (windowEnd \geq K - 1) {
                 result[windowStart] = windowSum / K; // calculate the
                 windowSum == arr[windowStart];  // subtract the
                 windowStart++;
       return result;
int main( int argc, char *argv[] ) {
    vector<double> result =
        AverageOfSubarrayOfSizeK::findAverages(5, vector<int> {1, 3, 2,
    for ( double d : result ) {
```

复杂度已经被我们优化成了O(N)

## 优化1-2——sum的视角

我们站在更高的角度上来看待一下这个问题。不难看出这个问题实际上就是在针对 array[i, j] 做文章。

```
ResultType array(i, j){
foreach(i, j, calc_method);
```

这道题里,实际上calc method就是sum。我们只要知道sum[i, j],问题迎刃而解。

```
sum[i, j] = sum[0, j] - sum[0, i-1]
```

```
class AverageOfSubarrayOfSizeK {
    static vector \( double \) find \( Averages \) ( int \( K \), const vector \( \sqrt{int} \) \( &arr \)
        vector<double> array_sum( arr.size(), 0 );
        vector<double> result( arr.size() - K + 1 );
        for ( int i = 0; i < array_sum.size(); i++) {
            array sum[i] += i == 0 ? arr[0] : array sum[i - 1] + arr[i];
                 result[0] = array sum[K - 1] / K;
                 result[i] = (array_sum[i + K - 1] - array_sum[i - 1])/
K;
int main( int argc, char *argv[] ) {
        AverageOfSubarrayOfSizeK::findAverages(5, vector<int>{1, 3, 2,
    for ( double d : result ) {
```

## 小结

关键字: 1. 窗口 2. 累积

# 2. 实战

# 2.1 大于等于目标值的最短连续子数组长度

给定一个正数数组,给定一个目标值S。寻找大于目标值的最短连续子数组长度。

#### e.g.1

```
Input: [2, 1, 5, 2, 3, 2], S=7
Output: 2
Explanation: The smallest subarray with a sum great than or equal to '7' is [5, 2].
```

#### e.g.2

```
Input: [2, 1, 5, 2, 8], S=7
Output: 1
Explanation: The smallest subarray with a sum greater than or equal to '7' is [8].
```

#### e.g.3

```
Input: [3, 4, 1, 1, 6], S=8
Output: 3
Explanation: Smallest subarrays with a sum greater than or equal to '8' are [3, 4, 1] or [1, 1, 6].
```

#### 思路

寻找差异性:和入门题相比,这里的size不是固定。是变动的。

- 1. O(N2)的暴力循环。因为在入门题中,已经谈到过过暴力解的重复计算问题。这里就不再展开了。
- 2. 站在窗口的角度上。

使用纸和笔模拟一遍。实际上,就是要寻找什么时候右边界该滑动,什么时候左边界该滑动。

- [2] 不满足条件, 右边界滑动
- [21] 不满足条件, 右边界滑动
- [2 1 5] 满足条件,记录长度。左边界滑动
- [15] 不满足条件....

```
#include <limits>
class MinSizeSubArraySum {
   static int findMinSubArray( int S, const vector(int) & arr ) {
        int windowSum = 0, minLength = numeric limits(int)::max();
        int windowStart = 0;
        for ( int windowEnd = 0; windowEnd < arr.size(); windowEnd++ ) {</pre>
            windowSum += arr[windowEnd]; // add the next element
            while ( windowSum >= S ) {
                minLength = min(minLength, windowEnd - windowStart + 1
                windowSum -= arr[windowStart]; // subtract the element
                windowStart++;
        return minLength == numeric_limits<int>::max() ? 0 : minLength;
int main( int argc, char *argv[] ) {
    int result = MinSizeSubArraySum::findMinSubArray(7, vector<int> {2,
   cout << "Smallest subarray length: " << result << endl;</pre>
   result = MinSizeSubArraySum::findMinSubArray(7, vector<int> {2, 1,
   cout << "Smallest subarray length: " << result << endl;</pre>
    result = MinSizeSubArraySum::findMinSubArray(8, vector<int> {3, 4,
```

```
1, 1, 6} );
   cout << "Smallest subarray length: " << result << endl;
}</pre>
```

3. 站在累积的角度上看,我们能否解决这个问题呢?可以发现,因为给定的size不固定,所以,我们需要去遍历所有的size,其本质最终和O(N2)的暴力遍历是一样的。

## 2-2 给定字符集的最长子串

给定字符集长度K,求最长子串。子串中只能出现K种字符,相同字符可以重复出现

e.g.1

```
Input: String="araaci", K=2
Output: 4
Explanation: The longest substring with no more than '2' distinct characters is "araa".
```

#### e.g.2

```
Input: String="araaci", K=1
Output: 2
Explanation: The longest substring with no more than '1' distinct characters is "aa".
```

#### e.g.3

```
Input: String="cbbebi", K=3
Output: 5
Explanation: The longest substrings with no more than '3' distinct characters are "cbbeb" & "bbebi".
```

## 思路

迅速寻找关键点,直接套用滑动窗口。

1. 子数组长度不固定。因此直接去寻找让滑动窗口滑动的方法。

以e.g.1为例

```
[a] 满足条件,右边界滑动,记录长度
[a r] 满足条件,右边界滑动,记录长度
[a r a] 同上
[a r a a] 满足条件,右边界滑动,记录长度
[a r a a c] 不满足条件,出现三种字符。左边界滑动
[r a a c] 同上
[a a c] 满足条件,右边界滑动,记录长度
...
```

问题变成了如何确定当前子数组的不同字符个数。相当于判断当前字符str[i]是否出现在我的窗口字符集中。

很明显,使用hashmap。

又因为字符集大小给定 (最多256个字符), 我们一般使用数组来做hashmap。 (这个一般是优化点)

```
#include <string>
#include <unordered map>
class LongestSubstringKDistinct {
    static int findLength( const string &str, int k ) {
        int windowStart = 0, maxLength = 0;
        unordered map<char, int> charFrequencyMap;
        for ( int windowEnd = 0; windowEnd < str.length(); windowEnd++ )</pre>
            char rightChar = str[windowEnd];
            charFrequencyMap[rightChar]++;
            while ( ( int ) charFrequencyMap. size() > k ) {
                char leftChar = str[windowStart];
                charFrequencyMap[leftChar]--;
                if ( charFrequencyMap[leftChar] == 0 ) {
                    charFrequencyMap.erase( leftChar );
                windowStart++; // shrink the window
            maxLength = max( maxLength, windowEnd - windowStart + 1 );
```

## 2-3 摘水果

连续子数组的概念)

给定一个字符数组。每个字符代表一种水果。给定俩个篮子。每个篮子只能装一种水果。求俩个篮子可以最多装多少个水果。 可以从任意位置开始摘,但是不能跳过水果。知道不能摘为止(很明显地暗示了

e.g.1

```
Input: Fruit=['A', 'B', 'C', 'A', 'C']
Output: 3
Explanation: We can put 2 'C' in one basket and one 'A' in the other
from the subarray ['C', 'A', 'C']
```

e.g.2

```
Input: Fruit=['A', 'B', 'C', 'B', 'B', 'C']
Output: 5
Explanation: We can put 3 'B' in one basket and two 'C' in the other
basket. This can be done if we start with the second letter: ['B', 'C', 'B', 'B', 'C']
```

直接套用滑动窗口的模式来做。

- [A] 满足条件, 右边界向右滑动
- [A B] 满足条件, 右边界向右滑动
- [A B C] 不满足条件, 左边界向左滑动
- [B C] 满足条件, 右边界向右滑动
- [B C A] 不满足条件,右边界向右滑动
- [CA]满足条件,右边界向右滑动
- [C A C] 满足条件,右边界向右滑动

不难发现,这道题和上题非常相似。仅仅是将K确定为了2而已。

```
#include <unordered map>
class MaxFruitCountOf2Types {
    static int findLength( const vector<char> &arr ) {
        int maxLength = 0;
        unordered map<char, int> hashmap;
        int win_start = 0;
        for ( int win_end = 0; win_end < arr.size(); ) {</pre>
            hashmap[arr[win_end]]++;
            if ( hashmap. size() <= 2 ) {</pre>
                win_end++;
                int len = win_end - win_start;
                maxLength = std::max( maxLength, len );
                hashmap[arr[win_start]]--;
                if ( hashmap[arr[win start]] == 0 )
                    hashmap.erase( arr[win_start] );
                win_start++;
        return maxLength;
int main() {
```

```
vector<char> arr = { 'A', 'B', 'C', 'B', 'B', 'C' };
int len = MaxFruitCountOf2Types::findLength( arr );
cout << len << endl;
}</pre>
```

# 2-4 无重复字符的最长子串(leetcode-3)

无重复最长子串。

e.g.1

```
Input: String="aabccbb"
Output: 3
Explanation: The longest substring without any repeating characters is "abc".
```

e.g.2

```
Input: String="abbbb"
Output: 2
Explanation: The longest substring without any repeating characters is "ab".
```

#### 思路

算是leetcode上比较经典的一道滑动窗口题目。 直接套用滑动窗口模式来做。

[a] 满足条件, 右边界滑动

[a a] 不满足条件, 左边界滑动

[a b] 满足条件, 右边界滑动

[a b c] 满足条件, 右边界滑动

[a b c c] 不满足条件

[b c c]

[c c]

[c] 注释[1]

可以看到,这里的难点实际上变为了如何判断满足条件。即,如何统计只统计当前窗口。(最好的办法就是在滑动的时候让我们的hashmap—起发生变动)

```
#include <unordered_map>
class NoRepeatSubstring {
    static int findLength( const string &str ) {
        int maxLength = 0;
        unordered_map<char, int> hashmap;
        int win start = 0;
        for ( int win_end = 0; win_end < str.size(); win_end++ ) {</pre>
            hashmap[str[win end]]++;
            while ( hashmap[str[win_end]] > 1 ) {
                hashmap[str[win start]]--;
                win_start++;
            maxLength = std::max( win_end + 1 - win_start, maxLength );
        return maxLength;
int main() {
    string str = "aabccbb";
    int len = NoRepeatSubstring::findLength( str );
    system( "pause" );
```

从注释[1]处,我们可以看到,当发生条件不满足时

[a b c c] 可以一步直接滑动到

[c]

即我们通过hashmap判断发生冲突时,左边界可以直接滑动到hashmap[curr\_char] + 1的位置。这也正是leetcode中的做法。

## 2-5 替换给定字符,求最长子数组长度

e.g.1

Input: String="aabccbb", k=2

Output: 5

Explanation: Replace the two 'c' with 'b' to have a longest repeating

substring "bbbbb".

e.g.2

Input: String="abbcb", k=1

Output: 4

Explanation: Replace the 'c' with 'b' to have a longest repeating

substring "bbbb".

e.g.3

Input: String="abccde", k=10utput: 3Explanation: Replace the 'b' or 'd' with 'c' to have the longest repeating substring "ccc".

#### 思路

还是套用滑动窗口的模式

假设K = 2

[a a b c c b b]

难点还是条件满足的判断。因此我们先分析条件。

- 1. 窗口存在一个主的重复字符。我们需要记录
- 2. 窗口长度 主重复字符长度 <= 2
- 3. 不难发现,我们主要关注的条件就是维护窗口的长度。即主字符串长度,很简单。频率就是窗口中主字符的长度。

[a] 满足条件, a的长度为1, 记录为主字符

[a a] 满足条件, a的长度为2, 记录为主字符

[a a b] 满足条件, a的长度为2, b的长度为1, 记录a的长度。

[a a b c] 同上

[a a b c c] 条件2不满足, 左窗口滑动。

[a b c c]

[abccb]条件2不满足,左窗口滑动

[b c c b]

解释[1],注意滑动左边界。假设出现了

[b c c b b d] 左边界滑动

[ccbbd] 而此时maxRepeatLetterCount 依然是3.并不会缩小。因为没有出现更长的主串,窗口大小不会改变。所以不会影响结果值。大概意思就是窗口大小只会被扩张。而不会被缩小。

```
#include <algorithm>
class CharacterReplacement {
   static int findLength( const string &str, int k ) {
       int windowStart = 0, maxLength = 0, maxRepeatLetterCount = 0;
       unordered map<char, int> letterFrequencyMap;
       for ( int windowEnd = 0; windowEnd < str.length(); windowEnd++ )</pre>
          char rightChar = str[windowEnd];
          letterFrequencyMap[rightChar]++;
          maxRepeatLetterCount = max( maxRepeatLetterCount,
letterFrequencyMap[rightChar] );
          if (windowEnd - windowStart + 1 - maxRepeatLetterCount > k
              char leftChar = str[windowStart];
              letterFrequencyMap[leftChar]--;
              windowStart++;
          }// 注意这里的条件判断,我们并非严格的持有主字符频率。即在
          // 因为我们的目标是得到最大长度。所以只有出现新的更长的主字
符时,才会导致k + maxRepeatLetterCount增加,窗的长度才会发生变化。这里
```

```
maxLength = max( maxLength, windowEnd - windowStart + 1 );
}

return maxLength;
}

int main( int argc, char *argv[] ) {
   cout << CharacterReplacement::findLength( "aabccbbde", 2 ) << endl;
   cout << CharacterReplacement::findLength( "abbcb", 1 ) << endl;
   cout << CharacterReplacement::findLength( "abccde", 1 ) << endl;
}
```

## 2-6 0替换1

给定01序列,给定K,可以最多替换K个0为1。求连续为1的子数组最大长度。

e.g.1

```
Input: Array=[0, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1], k=2
Output: 6
Explanation: Replace the 'O' at index 5 and 8 to have the longest contiguous subarray of 1s having length 6.
```

e.g.2

```
Input: Array=[0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1], k=3
Output: 9
Explanation: Replace the '0' at index 6, 9, and 10 to have the longest contiguous subarray of 1s having length 9.
```

#### 思路

这道题和上道题非常相似。上道题维护的是一个主字符的最大长度。而这里的主字符就是1。实际上就是维护窗口中1的长度。

很简单,直接将上题中维护的hashmap变成一个int就可以了。

```
#include <algorithm>
class ReplacingOnes {
    static int findLength(const vector(int) & arr, int k) {
        int maxLength = 0;
        int win_start = 0;
        for ( int win_end = 0; win_end < arr.size(); win_end++ ) {</pre>
            if (arr[win\_end] == 1) {
                one_count++;
            int win_len = win_end + 1 - win_start;
            if ( win_len - one_count > k ) {
                if ( arr[win start] == 1 )
                    one count--;
                win start++;
                win_len = win_end + 1 - win_start;
            maxLength = std::max( maxLength, win_end + 1 - win_start );
        return maxLength;
int main() {
    int res = ReplacingOnes::findLength( arr, 2 );
    cout << res << endl;</pre>
    int res2 = ReplacingOnes::findLength( arr2, 3 );
    cout << res2 << endl;</pre>
```

# 3. 变型问题

# 3.1 next\_permutation

给定一个主串和一个模式串,判断主串中的任意子串是否是模式串的 permutation 串。

e.g.1

```
Input: String="oidbcaf", Pattern="abc"
Output: true
Explanation: The string contains "bca" which is a permutation of the given pattern.
```

#### 思路

这题的思路如果没见过,还真想不到还是利用滑动窗口来做。

在主串中滑动,判断各个子串是否是模式串的permutation。难点还是判断 is permutation。

判断is\_permutation实际上只要一个子串的所有字符集种类和个数都和pattern匹配,就是了。

滑动过程如下

[o]

[o i]

[o i d]

[o i d b]

[ i d b]

[i d b c]

[ d b c]

[d b c a]

[ b c a]

[bcaf]

[c a f]

```
using namespace std;
#include <iostream>
```

```
#include <unordered map>
class StringPermutation {
    static bool findPermutation( const string &str, const string
&pattern ) {
        int win_start = 0;
        unordered_map<char, int> pattern_char_freq;
        for ( int i = 0; i < pattern. size(); i++) {
            pattern_char_freq[pattern[i]]++;
        int matched = 0;
        for ( int win end = 0; win end < str.size(); win end++ ) {</pre>
            char right_char = str[win_end];
            if ( pattern char freq.count( right char ) != 0 ) {
                pattern_char_freq[right_char]--;
                if( pattern char freq[right char] == 0 )
                    matched++;
            if ( matched == pattern_char_freq.size() )
            if ( win_end + 1 - win_start == pattern.size() ) {
                char left_char = str[win_start];
                if ( pattern_char_freq.count( left_char ) != 0 ) {
                    if ( pattern_char_freq[left_char] == 0 )
                        matched--;
                    pattern_char_freq[left_char]++;
                win_start++;
int main() {
    cout << "Permutation exist: " << StringPermutation::findPermutation(</pre>
    cout << "Permutation exist: " << StringPermutation::findPermutation(</pre>
    cout << "Permutation exist: " << StringPermutation::findPermutation(</pre>
    cout << "Permutation exist: " << StringPermutation::findPermutation(</pre>
```

```
}
```

#### 额外知识点

这道题的匹配规则值得学习。就是如何去匹配给定字符集种类,给定个数。使用 hashmap去匹配。

大致思想如下,用每个字符去匹配,匹配成功,char\_freq的value就减1。当 value为0的时候,matched++。代表有一个种类被匹配成功了。

Ps: 我自己的思路就是再自己做一个hashmap去比较匹配。但是复杂度是O(K), K = hashmap.size()

#### 3.2

给定一个主串一个模式串,在主串中找到所有模式串的异位词的索引

```
Input: String="ppqp", Pattern="pq"
Output: [1, 2]
Explanation: The two anagrams of the pattern in the given string are
"pq" and "qp".
```

这里和上道题的思路非常像。

```
using namespace std;

#include <iostream>
#include <string>
#include <unordered_map>
#include <vector>

class StringAnagrams {
  public:
    static vector<int> findStringAnagrams( const string &str, const string &pattern ) {
      vector<int> resultIndices;
      // TODO: Write your code here
      unordered_map<char, int> char_freq;
      for ( int i = 0; i < pattern.size(); i++ ) {
            char_freq[pattern[i]]++;
      }
}</pre>
```

```
int matched = 0;
       int win_start = 0;
       for ( int win_end = 0; win_end < str.size(); win_end++ ) {</pre>
           char right_char = str[win_end];
           if ( char_freq.find( right_char ) != char_freq.end() ) {
              char_freq[right_char]--;
              if ( char_freq[right_char] == 0 )
                  matched++;
           if ( matched == char_freq.size() && win_end + 1 - win_start
== pattern.size() ) {
               resultIndices.push_back( win_start );
           if ( win_end + 1 - win_start == pattern.size() ) {
              char left char = str[win start];
               if ( char_freq.find( left_char ) != char_freq.end() ) {
                  if ( char_freq[left_char] == 0 ) {
                      matched--;
                  char_freq[left_char]++;
              win_start++;
       return resultIndices;
int main( int argc, char *argv[] ) {
   auto result = StringAnagrams::findStringAnagrams( "ppqp", "pq");
   for ( auto num : result ) {
   for ( auto num : result ) {
       cout << num << " ";
   system( "pause" );
```

#### 值得学习的点

个人认为上俩道题非常值得学习。算是滑动窗口给定窗口大小K的范式解法。

- 1. 选取数据结构来维护窗口中的内容。这里选取的是hashmap。
- 2. 滑动窗口范式。俩种

```
int win_start = 0;
for(int win_end = 0; win_end < input.size(); win_end++)
{
    if(condition_is_true)
        expand win_end;
[1] if(满足符合结果的条件 && win_end + 1 - win_start == K)
        result << calc();
    if(win_end + 1 - win_start == K)
        shrink win_start;
}</pre>
```

不难发现。除了开始外,在[1]处我们就维护了窗口大小为K的一个窗。每次expand win\_end的时候,对我们维护的数据结构做记录。增加或者减少。在shrink win\_start 的时候,做相反的操作。

这样就能维护我们的窗在一个稳定的状态。

#### 第二种

```
int win_start = -1;
for(int win_end = 0; win_end < input.size(); win_end++)
{
    if(condition_is_true)
        expand win_end;

    if(win_end + 1 - win_start > K)
        shrink win_start;
[1] if(满足符合结果的条件 && win_end + 1 - win_start == K)
        result << calc();
}</pre>
```

但是这里要处理好多关于win\_start = -1的起始位置问题的边界判断。比较麻烦。

简单地来说。对于第一种方法是expand到K的时候,去判断结果。 而第二种方法则是shrink到K的时候,再去判断。

# 4. 总结

简单来说,对于滑动窗口可以简单分为俩类。

- 1. 给定窗口的Size。这里我建议左边界shrink的条件是win\_end + 1 win\_start == Size 。我自己喜欢用>但是,后来发现,使用==来处理的话,可以节省很多不必要的判断。
- 2. 不给定窗口的Size,这里一般问题都是去求复合条件的最大窗口大小。
- 3. 滑动窗口的模式算是比较固定的套路

```
int win_start = 0;
for(int win_end = 0; win_end < size; win_end++)
{
    if(condition_is_true)
        expand win_end;
    if(win_end + 1 - win_start == winSize)
        shrink win_start
}</pre>
```

4. 一般情况下,我们可能需要维护比如窗口的长度,比如窗口中某个字符的长度。 窗口中字符的种类。以及窗口中字符的种类以及每个种类的长度。 hashmap是你最好的选择。