Transformer

是Sequence to Sequence Model的一种

编码器解码器架构作用:让<mark>编码器全面理解输入序列的语义,并将其压缩为高阶表示(Context),解码器则基于此上下文信息,逐步生成目标序列</mark>

输入部分细节

- 1. Word Embedding(词向量嵌入)
- 把输入的每个词(一个ID)转换成一个向量,比如 512维。
- 使用可学习的 nn.Embedding 层实现。
- 2. Positional Encoding (位置编码)
- 因为 Transformer 不像 RNN 有顺序结构,所以必须显式加入位置信息。
- 分两种方式:
 - 原始论文用的是**固定的正余弦函数**
 - 现在大多数用的是可学习的位置向量

Encoder模块细节

一个 Encoder 包括多个重复的子层,即**block块**(通常是 6 层):

每层(个block)包含两个子模块:

- 1. 多头注意力机制(Multi-Head Self Attention)
 - 输入之间相互看 → 比如"我 爱 学习",每个词都看整个句子
- 2. 前馈神经网络(Feed Forward Network)
 - o 每个词单独处理,升维、激活、降维,类似 MLP
 - 。 小型的全连接网络

每个子模块后都有:

- 残差连接
- Layer Normalization

Decoder部分细节

作用:产生输出

- 会把上一个时间节点的输出当作当前时间节点的输入
- 是Auto-regressive(自回归)类型

基本构成

每一层 Decoder 包含 3 个子层 + 残差连接 + LayerNorm:

• **已生成的词**作为带掩码自注意力的输入,要进行**位置编码**和**词向量生成**,且**解码器的输入是随着解码器的输出不断变化的**

- 经过**编码器处理过的输入和带掩码自注意力的输出**作为多头注意力的输入
- 1. Masked Multi-Head Self-Attention(带掩码的自注意力)
 - 作用: 让每个位置的词只能"看到自己和前面的词"
 - 用法: 防止 Decoder 在训练时"看到未来词" , 屏蔽未来信息
- 2. Encoder-Decoder Attention (跨模块注意力)
 - 作用: 让 Decoder 能看到 Encoder 编码过的输入序列
 - Query 来自 Decoder,Key 和 Value 来自 Encoder 的输出。
 - o 让 Decoder 能"参考"输入句子的语义信息,这样就可以用注意力机制让 Decoder"参考"输入句子,在生成翻译/回答/续写时更合理
- 3. Feed Forward Network(前馈神经网络)
 - 结构:两个全连接层+激活函数 (ReLU/GeLU)、
- 4. **残差连接 + LayerNorm**

每个子层后都加:

- o 残差连接: output = input + Sublayer(input)
- o LayerNorm: 保持训练稳定、收敛更快
- 最后输出的矩阵只有第n行会用来预测下一个词

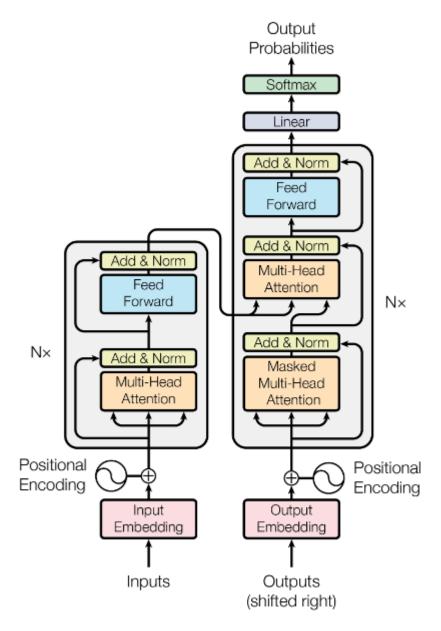


Figure 1: The Transformer - model architecture.

Train (训练细节)

1. Encoder:

- 接收输入序列(如英文句子),编码成一系列上下文相关的向量
- 每个向量代表一个词的语义信息(包含上下文)

2. Decoder:

- 输入目标序列(如中文句子)中前面的**真实词**(即 label 中已知的部分)
- 每一步预测下一个词(比如预测"我 爱 "里的"你")

3. Teacher Forcing:

- o 在训练阶段,模型每一步的输入**直接使用真实目标序列中的token(即"正确答案")**,而不是模型自己生成的token
- 。 训练时,Decoder 不用自己的输出作为下一步输入
- 。 而是用真实的上一个词 , 快速学习,避免误差累积

Attention细节

- Decoder 内部的 Self-Attention: Mask 住后面的词,防止模型看到答案(实现自回归)
- **Encoder-Decoder Attention**: Decoder 的每一层都会"参考" Encoder 输出的语义向量,来帮助自己理解输入 句子的含义

损失函数

- 每个位置的输出 → softmax → 得到一个词的概率分布
- 与真实词的 one-hot 编码做对比 → 使用 Cross Entropy Loss

优化目标

使所有预测位置的交叉熵损失最小化

即:模型学会尽可能接近地预测出目标句子中的每一个词。

Teaching Forcing

训练时,Decoder 是可以看到"前面的正确答案"的,但不能看到"当前或未来的词"。这个技巧叫做 Teacher Forcing (教师强制)。

训练 Decoder 的时候:

- 模型生成第一个词的时候,输入 <BOS> (开始符)
- 第二个词用 **真实的第一个词**(比如"我")作为输入
- 第三个词用真实的"我爱"
- ...直到句尾

而 **不是** 用模型上一步自己预测的词作为下一步的输入。

这种做法就叫 Teacher Forcing。

Residual Connection (残差连接)

基本原理

它将层的输入直接加到该层的输出上,形成"捷径"或"跳跃连接"。如果一个层的输入是x,输出是F(x),则残差连接后的最终输出是x + F(x)

缓解梯度消失

- 如果一个层的输出是 y = F(x) + x (残差连接)
- 那么反向传播时,梯度 ∂L/∂x 可以分解为两部分:

$$\frac{\partial L}{\partial y} \cdot \frac{\partial y}{\partial x} = \frac{\partial L}{\partial y} \cdot (\frac{\partial F(x)}{\partial x} + 1)$$

• 即使 $\frac{\partial F(x)}{\partial x}$ 很小,加上1后仍能保证**有效的梯度传递**

Layer Normalization

它是做标准化的,避免不同样本间分布不稳定。

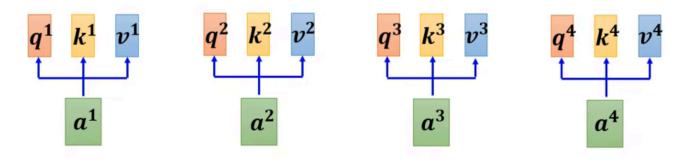
• 与 BatchNorm 不同,它对的是一个样本内部的所有特征归一化,而不是整批样本。

- 在 NLP 序列建模中比 BatchNorm 更合适(因为样本长度不固定、batch 大小可能很小)
- Layer Normalization是对同一个feature不同的dimension进行归一化,Batch Normalization是对不同的 feature的同一个dimension进行归一化

Explanation

给定四个词,下面展示self-attention的计算过程

单头注意力



- 1. 对输入进行**词嵌入**,加上**位置编码**得到 a^1, a^2, a^3, a^4
- 2. 计算查询向量、键向量、值向量:

$$Q = \begin{bmatrix} q^1 \\ q^2 \\ q^3 \\ q^4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a^1 \\ a^2 \\ a^3 \\ a^4 \end{bmatrix} W^q$$

$$K = \begin{bmatrix} k^1 \\ k^2 \\ k^3 \\ k^4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a^1 \\ a^2 \\ a^3 \\ a^4 \end{bmatrix} W^k$$

$$V = \begin{bmatrix} v^1 \\ v^2 \\ v^3 \\ v^4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a^1 \\ a^2 \\ a^3 \\ a^4 \end{bmatrix} W^v$$

2. 计算attention score

$$A = egin{bmatrix} lpha_{1,1} & lpha_{1,2} & lpha_{1,3} & lpha_{1,4} \ lpha_{2,1} & lpha_{2,2} & lpha_{2,3} & lpha_{2,4} \ lpha_{3,1} & lpha_{3,2} & lpha_{3,3} & lpha_{3,4} \ lpha_{4,1} & lpha_{4,2} & lpha_{4,3} & lpha_{4,4} \end{bmatrix} = Q \cdot K^T \ = egin{bmatrix} q^1 \ q^2 \ q^3 \ q^4 \end{bmatrix} \cdot [k^1 & k^2 & k^3 & k^4] \ \end{pmatrix}$$

3. 经过 $\sqrt{d_k}$ 放缩作**softmax**, d_k 为每个key/querey向量的维度大小

输入矩阵
$$A \xrightarrow{\text{softmax}}$$
 输出矩阵 A'

$$\frac{1}{\sqrt{d_k}} \begin{bmatrix} \alpha_{1,1} & \alpha_{1,2} & \alpha_{1,3} & \alpha_{1,4} \\ \alpha_{2,1} & \alpha_{2,2} & \alpha_{2,3} & \alpha_{2,4} \\ \alpha_{3,1} & \alpha_{3,2} & \alpha_{3,3} & \alpha_{3,4} \\ \alpha_{4,1} & \alpha_{4,2} & \alpha_{4,3} & \alpha_{4,4} \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} \alpha'_{1,1} & \alpha'_{1,2} & \alpha'_{1,3} & \alpha'_{1,4} \\ \alpha'_{2,1} & \alpha'_{2,2} & \alpha'_{2,3} & \alpha'_{2,4} \\ \alpha'_{3,1} & \alpha'_{3,2} & \alpha'_{3,3} & \alpha'_{3,4} \\ \alpha'_{4,1} & \alpha'_{4,2} & \alpha'_{4,3} & \alpha'_{4,4} \end{bmatrix}$$

4. 计算与值向量加权求和的值

$$[b^1,b^2,b^3,b^4] = egin{bmatrix} lpha_{1,1}' & lpha_{1,2}' & lpha_{1,3}' & lpha_{1,4}' \ lpha_{2,1}' & lpha_{2,2}' & lpha_{2,3}' & lpha_{2,4}' \ lpha_{3,1}' & lpha_{3,2}' & lpha_{3,3}' & lpha_{3,4}' \ lpha_{4,1}' & lpha_{4,2}' & lpha_{4,3}' & lpha_{4,4}' \end{bmatrix} \cdot egin{bmatrix} v^1 \ v^2 \ v^3 \ v^4 \end{bmatrix}$$

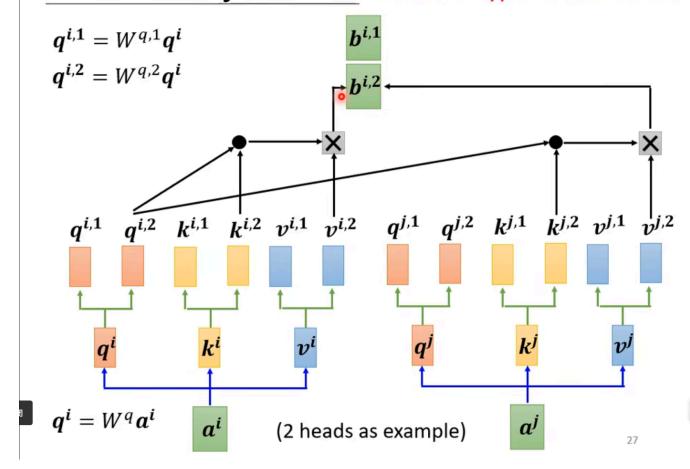
即

$$Attention(Q, K, V) = softmax(\frac{QK^T}{\sqrt{d_k}})V$$

多头注意力

如下图所示:会使用多的矩阵去作变换,如 $W^{q,1},W^{q,2}$

Multi-head Self-attention Different types of relevance



以四个词,两个头为例,下面来展示计算过程

- ullet 对于四个词向量 a^i,a^j,a^m,a^n ,可以用 W^q 、 W^k 、 W^v 先计算出全局查询的查询、键、值向量,Q、K、V
- 其中: W^q 、 W^k 、 W^v 为全局权重矩阵

$$Q = egin{bmatrix} a^i \ a^j \ a^m \ a^n \end{bmatrix} W^q$$
 $K = egin{bmatrix} a^i \ a^j \ a^m \ a^n \end{bmatrix} W^k$
 $V = egin{bmatrix} a^i \ a^j \ a^m \ a^n \end{bmatrix} W^v$

• 然后进行多头拆分:

!!要注意的是多头拆分也可以**直接通过全局矩阵**Q、K、V**进行分割**

$$egin{aligned} Q_1 &= QW^{q,1} & Q_2 &= QW^{q,2} \ K_1 &= KW^{q,1} & K_2 &= KW^{q,2} \ V_1 &= VW^{q,1} & V_2 &= VW^{q,2} \end{aligned}$$

• 可得出表达式

$$egin{align} Q_1 &= egin{bmatrix} q^{i,1} \ q^{j,1} \ q^{m,1} \ q^{m,1} \ q^{m,1} \end{bmatrix} Q_2 &= egin{bmatrix} q^{i,2} \ q^{j,2} \ q^{m,2} \ q^{m,2} \ q^{m,2} \end{bmatrix} \ K_1 &= egin{bmatrix} k^{i,1} \ k^{j,1} \ k^{m,1} \ k^{n,1} \end{bmatrix} K_2 &= egin{bmatrix} k^{i,2} \ k^{j,2} \ k^{m,2} \ k^{m,2} \end{bmatrix} \ V_1 &= egin{bmatrix} v^{i,1} \ v^{j,1} \ v^{m,1} \ v^{n,1} \end{bmatrix} V_2 &= egin{bmatrix} v^{i,2} \ v^{j,2} \ v^{m,2} \ v^{n,2} \end{bmatrix} \end{aligned}$$

• 接着计算每个头的注意力

$$egin{aligned} head_1 &= softmax(rac{Q_1K_1^T}{\sqrt{d_k}})V_1 \ head_2 &= softmax(rac{Q_2K_2^T}{\sqrt{d_k}})V_2 \end{aligned}$$

• 合并多头输出

$$multihead = [head_1 \quad head_2]$$

• 最后进行投影

$$output = multihead \cdot W^O$$

Self-attention

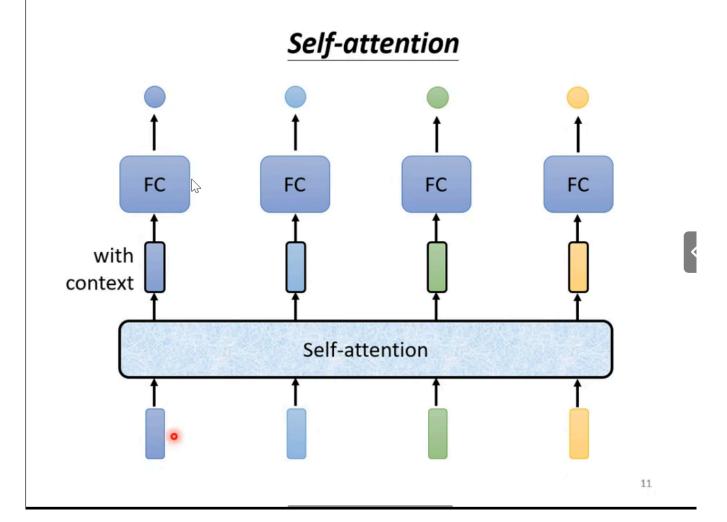
适用于多向量输入的情形,且输入向量之间是有联系的

因此不能用FC作为训练模型,FC忽略了向量之间的联系,训练效果会很差

Sequence Labeling(输出输入一对一)

工作示例图:

• 自注意力机制考虑了所有输入向量,然后把整个考虑的结果输出成一个向量给到**FC**进行训练



工作原理

基本思想: 自注意力允许模型在处理序列数据时,计算序列中每个位置与所有其他位置之间的关联性

三个关键向量:

- 查询向量(Query, Q)
- 键向量(Key, K)
- 值向量(Value, V)

计算步骤:

- ullet 对输入序列中的每个元素,通过三个不同的权重矩阵生成Q、K、V向量
 - 。 使用三个不同的权重矩阵进行线性变换:
 - $\mathbf{Q} = X \times W^Q$
 - $K = X \times W^K$
 - $lacksquare V = X { imes} W^V$

其中 W^Q 、 W^K 、 W^V 是可训练的参数矩阵

- 计算每个位置的查询向量(Q)与所有位置的键向量(K)的点积,获得attention score(注意力分数)
 - o dot product本质上是测量两个向量之间相似度的方法。当两个向量方向相似时,点积值较大;方向相反时,点积为负;方向垂直时,点积为零

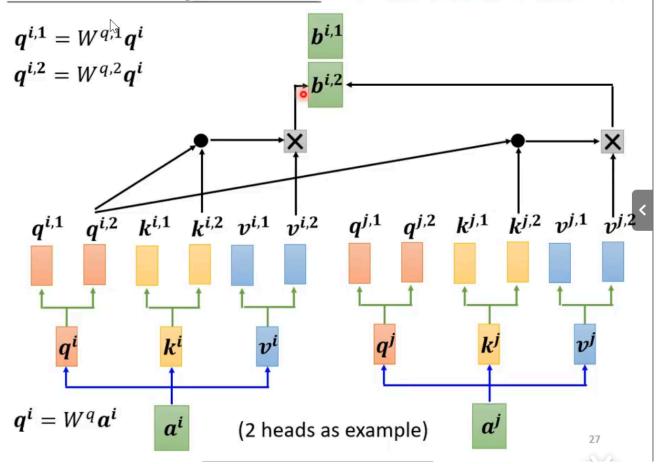
- 查询向量(Q)相当于"我想找什么信息"
- 键向量(K)相当于"各个位置提供的信息类型"
- 点积结果表示**"这个位置提供的信息与我需要的匹配程度"**
- 对注意力分数进行缩放(除以键向量维度的平方根),**主要是方式后续的softmax被推入梯度极小的区域,防止梯度消失**
- 应用softmax函数(如归一化RELU也可以),将分数转换为概率分布
- 用这些概率加权求和所有位置的值向量(V),最后算出来的值会被attention score最高的输入所**主导**
 - 。 值向量(V)决定位置包含的实际信息内容
 - Q-K点积:确定"我应该关注哪里"(计算相关性)
 - V的加权求和:确定"我应该提取什么信息"(获取内容)

Multi-head Self-attention(多头注意力)

要有多个查询向量Q,不同的查询向量负责不同种类的相关性

- 计算 a^i 与其它输入的关联性
 - → 計算b^{i,1}
 - 根据 $q^{i,1}$ 、 $k^{i,1}$ 、 $k^{j,1}$ 计算出 $b^{i,1}$
 - → 計算b^{i,2}
 - 根据 $q^{i,2}$ 、 $k^{i,2}$ 、 $k^{j,2}$ 计算出 $b^{i,2}$
 - \circ 计算 b^i
 - 使用 $b^{i,1}$ 与 $b^{i,2}$ 再乘上一个**权重矩阵**得到 b^i ,得到attention score
 - 。 后面的处理与前面类似

Multi-head Self-attention Different types of relevance



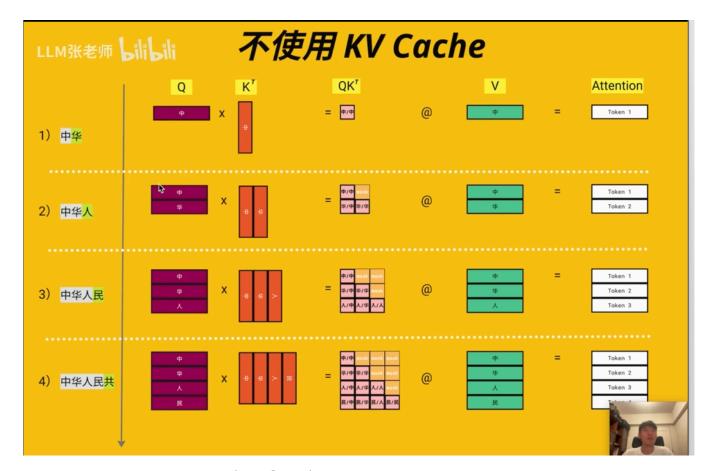
Masked Multi-Head Self-Attention(多头掩码注意力)

自回归模型是一个词一个词生成的,也就是说模型在做推理任务的时候是无法看到后面的词的。

相应地,在训练的过程中,我们会给予模型正确的输出,但是我们并不希望模型看到它还未生成的词,也就是说假设训练数据是句子 "ABCD",模型会一次性看到全部token,但通过掩码限制每个位置只能注意左侧。

自回归掩码(上三角掩码):通常用于K、V矩阵

Γ1	masked	masked	masked
1	1	masked	masked
1	1	1	masked
1	1	1	1



Word Embedding(词嵌入)

传统文本处理尝使用单热编码**(One-Hot Encoding)**来表示单词。但是这种表达方式**无法捕捉单词之间的语义关系**,不适合用来词的编码

- 因为每个单词表示的向量都是正交的
- 同时维度会非常大,会耗费计算资源

Positional Encoding

- **Self-attention**的局限:自注意力机制是"置换不变的",即打乱输入序列顺序后结果不变,这对序列建模是不利的
- **序列顺序**的重要性:在语言和其他**序列**数据中,单词或令牌的顺序包含重要信息,影响意义

绝对位置编码的工作流程

- 1. 生成位置向量(positional vector),每个位置有**唯一**的位置向量
- 2. 把这个位置向量直接加到对应位置的输入词嵌入向量上

Final_embedding = Token_embedding + Positional_encoding

绝对位置编码

给每个位置分配一个单独的向量

常用:可学习式、三角式

三角式

$$PE_{(pos,2i)} = sin(pos/10000^{2i/d_{model}}) \ PE_{(pos,2i+1)} = cos(pos/10000^{2i/d_{model}})$$

- 1. pos为绝对位置
- 2.2i为维度下标, $2i \leq d_{model}$
- 3. d_{model} 为模型维度,也就是每个词或者位置会被编码为 d_{model} 维的向量
- 比如I am a kid
 - 。 绝对位置
 - I的pos为0
 - am的pos为1,其它以此类推
 - o 维度下标(对于am, pos=1)
 - i=0
 - 第0维: $PE_{(1,0)} = sin(1/10000^{0/d_{model}})$
 - 第1维: $PE_{(1,1)} = cos(1/10000^{0/d_{model}})$
 - j=1
 - 第2维: $PE_{(1,2)} = sin(1/10000^{2/d_{model}})$
 - 第3维: $PE_{(1,3)} = cos(1/10000^{2/d_{model}})$

为每个位置分配一个向量,通过一个二维旋转矩阵引入相对位置信息

- 编码因子: $w_i=10000^{rac{2i}{d_{model}}}$
 - 。 指数级频率变化
 - 在表达式中, pos/w_i 为频率,而编码因子以10000为底数,不同维度的波长呈现至少级变化,允许位置编码在**非常宽的频率范围内**分布,因为编码因子可以看作是指数函数(后续给出证明)
 - 这种特性**允许模型捕捉长距离的和短距离的依赖关系**(词和词之间),对于任意长度的序列都适用,有 效解决了LSTM里面长序列遗忘的问题
 - o 平滑频率变化
 - 模型需要处理高维特征, d_{model} 越大,说明 w_i 的增长就越慢,从而导致 $10000^{2i/d_{model}}$ 增长缓慢,因而相对于位置pos变化, $pos/10000^{2i/d_{model}}$ 变化得更慢,导致频率变化变慢
 - 这种情况可以导致相邻位置编码差异较小,让模型能够捕捉到**位置连续性和顺序性**

三角式编码的特性

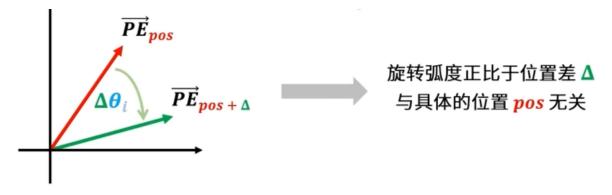
$$egin{align*} egin{align*} PE_{(pos+\Delta,2i)} \ PE_{(pos+\Delta,2i+1)} \end{bmatrix} = egin{align*} cos(\Delta heta_i) & sin(\Delta heta_i) \ -sin(\Delta heta_i) & cos(\Delta heta_i) \end{bmatrix} egin{align*} PE_{(pos,2i)} \ PE_{(pos,2i+1)} \end{bmatrix} \ heta_{pos,2i+1} \ he$$

其中: Δ 为绝对位置之差, $heta_i = rac{1}{10000^{rac{2i}{d_{model}}}}$

而

$$\underbrace{\begin{bmatrix} cos(\Delta heta_i) & sin(\Delta heta_i) \ -sin(\Delta heta_i) & cos(\Delta heta_i) \end{bmatrix}}_{ ext{Ministric States}}$$

是一个旋转矩阵,表示顺时针旋转 $\Delta \theta_i$ (与具体的位置pos无关)



下面我们来证明一下

$$\begin{bmatrix} PE_{(pos+\Delta,2i)} \\ PE_{(pos+\Delta,2i+1)} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} sin((pos+\Delta) \cdot \theta_i) \\ cos((pos+\Delta) \cdot \theta_i) \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} sin(pos \cdot \theta_i)cos(\Delta \cdot \theta_i) + cos(pos \cdot \theta_i)sin(\Delta \cdot \theta_i) \\ cos(pos \cdot \theta_i)cos(\Delta \cdot \theta_i) - sin(pos \cdot \theta_i)sin(\Delta \cdot \theta_i) \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} cos(\Delta\theta_i) & sin(\Delta\theta_i) \\ -sin(\Delta\theta_i) & cos(\Delta\theta_i) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} sin(pos \cdot \theta_i) \\ cos(pos \cdot \theta_i) \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} cos(\Delta\theta_i) & sin(\Delta\theta_i) \\ -sin(\Delta\theta_i) & cos(\Delta\theta_i) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} PE_{(pos,2i)} \\ PE_{(pos,2i+1)} \end{bmatrix}$$

Transformer能够捕捉长短距离依赖的数学原因

已知:

$$egin{aligned} w_i &= 10000^{2i/d_{model}} \ heta_i &= pos/10000^{2i/d_{model}} \ &= pos/w_i \end{aligned}$$

- i小: w_i 小,**频率高**,对应词向量低维度, θ_i 对pos变化敏感,捕捉短距离依赖
- i大: w_i 大,**频率低**,对应词向量高维度, θ_i 对pos变化不敏感,对于长序列的词,位置编码的值不会变成0,例 如 $\Delta pos=1000$, $\frac{1000}{10000}=0.1$,能捕捉长距离依赖
- 如果 w_i 为10000,sin(pos/10000)需pos变化 20000π 才重复周期,出现相同编码值,**混淆文档开头和结尾的** 词,但是在日常使用并不会出现如此长序列的词(这种方式也决定了它的**使用上限**)

相对位置编码

- 传统注意力分数的计算是通过绝对位置编码注入到输入嵌入中, QK^T 仅仅计算词的内容相关性,而忽略了位置信息,长序列中,绝对位置编码可能因周期性重复导致混淆
- 相对位置编码不考虑绝对位置,在内积中融入相对位置(query和key的位置差)信息,让注意力得分直接感知到 Q和K的位置差,考虑位置信息

相对位置编码来源于绝对位置编码,我们先来推导下绝对位置编码下Q和K的表达形式

$$q_i = W_q(x_i + p_i) \ k_j = W_k(x_j + p_j)$$

二者做内积

$$q_i^T k_j = (x_i + p_i)^T W_q^T W_k (x_j + p_j)$$
 $= \underbrace{x_i^T W_q^T W_k x_j}_{$ 输入向量内积 $} + \underbrace{x_i^T W_q^T W_k p_j + p_i^T W_q^T W_k x_j}_{$ 输入一位置交互项 $} + \underbrace{p_i^T W_q^T W_k p_j}_{$ 位置编码内积 $}$

假设位置信息和输入信息**相互独立**,上式可化成

而 eta_{i-j} 是偏置项,也就是**相对位置编码**,在多头注意力中,每个注意力头 $head_h$ 都会分配一**组**偏置项 eta_{i-j}^h (why??/)

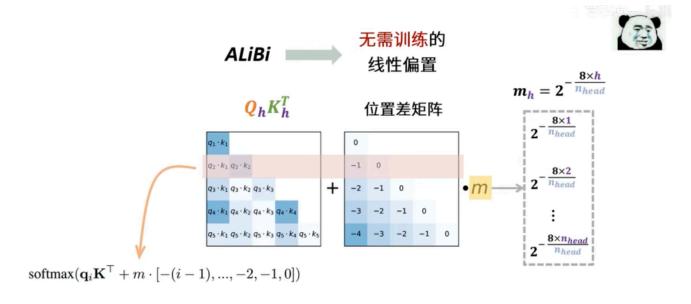
T5 (可学习偏置)

引入分桶处理的思想:不同的位置差按照大小会被分配到不同的桶内

写代码再细学

ALibi(无需训练的线性偏置)

直接在QK内积上加上一个**不用训练的偏置项**,这个**偏置项**是位置差矩阵乘以m



其中:m是每个**注意力头的斜率**, $m_h=2^{-rac{8 imes h}{n_head}}$, n_{head} 为多头注意力的**头数**

$$m = egin{bmatrix} 2^{-rac{8 imes1}{n_head}} \ 2^{-rac{8 imes2}{n_head}} \ & \ddots \ 2^{-rac{8 imes n_{head}}{n_head}} \end{bmatrix}$$

位置差矩阵是一个**下三角矩阵**,位置差矩阵 $D_{ij}=-(i-j)$

最后**效果**是

$$softmax(q_iK^T+m\cdot \lceil -(i-1),\ldots,-2,-1,0
ceil)$$

RoPE(旋转位置编码)

结合了旋转位置编码和相对位置编码,对每个Q和K左乘一个旋转矩阵

在正常的注意力分数计算过程当中,我们是这么计算的

$$Attention_score = q_m \cdot k_n^T$$

但是为了融入相对位置信息,我们让q和k分别乘上一个旋转矩阵

$$q^{rot} = q_m \cdot R_m$$

 $k^{rot} = k_n \cdot R_n$

所以:

$$egin{aligned} q^{rot} \cdot k^{rot} &= q_m R_m R_n^T k_n^T \ &= q_m R_m R_{-n} k_n^T \ &= q_m R_{m-n} k_n^T \end{aligned}$$

可见其将**位置差信息融入Q**、K矩阵,同时由于RoPE的特性,模型可以**外推自己的上下文能力**并且还保持一定精度

1. 旋转矩阵周期性

对于过大的相对位置模型可能从未见过,但是由于**旋转矩阵具有周期性**,可以**使这个相对位置落在训练过的范围 内**,从而增强泛化能力

2. 线性位置差

无论绝对位置 m, n 多大, 注意力分数仅依赖相对位置m - n

旋转矩阵的构造

• 对于维度为d的向量,RoPE将向量分成d/2组,每组应用一个二维旋转矩阵,d一般都是偶数

$$R_{ heta,m} = egin{bmatrix} \cos m heta_1 & -\sin m heta_1 & 0 & \cdots & 0 \ \sin m heta_1 & \cos m heta_1 & 0 & \cdots & 0 \ 0 & 0 & \cos m heta_2 & -\sin m heta_2 & 0 \ 0 & 0 & \sin m heta_2 & \cos m heta_2 & 0 \ dots & dots & dots & dots & dots & dots \ \end{bmatrix}$$

• 每组二维向量独立乘以一个二维旋转矩阵

$$\begin{bmatrix} x_i' \\ x_{i+1}' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos m\theta_i & -\sin m\theta_i \\ \sin m\theta_i & \cos m\theta_i \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_i \\ x_{i+1} \end{bmatrix}$$

已知位置差(m-n)的旋转矩阵:

这里
$$heta_i = rac{1}{10000^{rac{2i}{d_{model}}}}$$

$$R_{m-n} = egin{bmatrix} cos((m-n) heta_i) & sin((m-n) heta_i) \ -sin((m-n) heta_i) & cos((m-n) heta_i) \end{bmatrix}$$

可以分解

$$R_n^T R_m = R_{m-n}$$

由旋转矩阵性质可知:

$$R_{-m} = R_m^T$$

再以内积形式呈现

$$(R_n q)^T R_m k = q^T R_{m-n} k$$

所以有

$$q_n^{rot} = R_n q \ k_m^{rot} = R_m k$$

可见其将**位置差信息融入**Q、K矩阵

KV Cache

- 主要应用于推理阶段
- 只存在于解码器中
- 目的是为了加速Q、K、V相乘速度
- 但也会加大内存占用

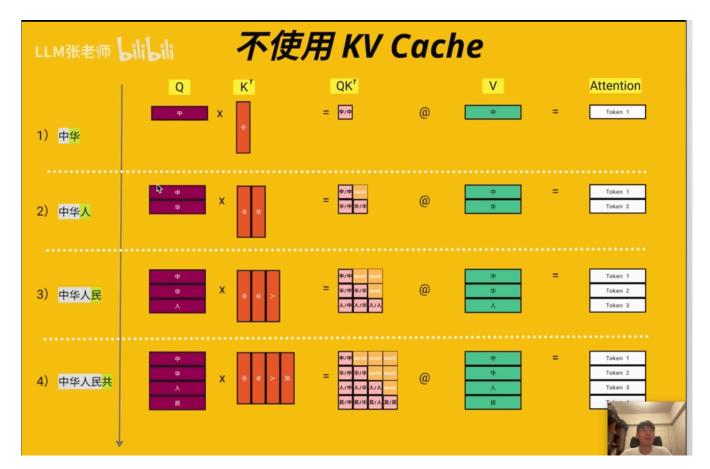
出现这个技术的原因是在**自回归模型**中,模型生成的是一个接一个的token。模型每次都要把预测输出的文字序列重新丢到模型里面计算,那么就要重新计算K、V,浪费计算资源。

比如:

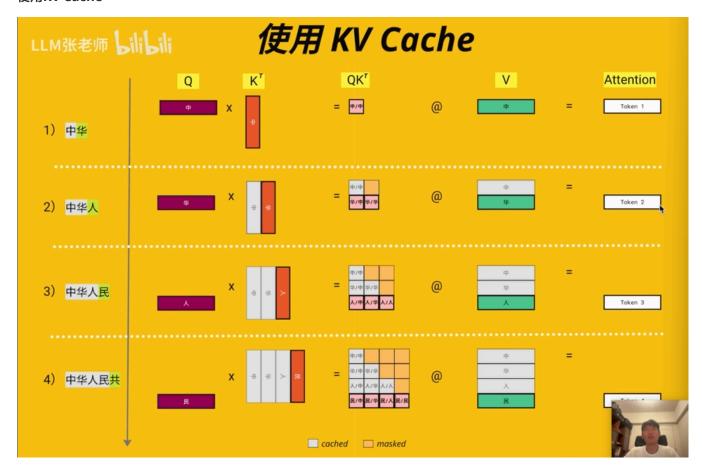
- 我是
- 我是中
- 我是**中国**
- 我是中国人

如果不使用KV Cache进行缓存,模型就要重复计算"我是"这两个词的K、V

不适用KV Cache



使用KV Cache



Pre-Norm与Post-Norm

Pre-Norm(前归一化)和**Post-Norm(后归一化)**是Transformer模型中两种不同的归一化策略。他们的主要区别在于LN(Layer Normalization)的位置不同。

- 前归一化:在自注意力模块或者前馈网络之前进行层归一化,这种结构在训练时更容易且较为稳定
- 后归一化:在自注意力模块或者前馈网络之后进行层归一化。原始的Transformer使用的是这个,可以帮助稳定梯度,但需要更加谨慎地调节参数,如**学习率预热(warm-up)**。
- 目前比较主流的方法是**前归一化**,因为其训练起来比较稳定