# Word2Vec

基于CBOW或者skip-gram来计算词向量矩阵,主要目的是**为了得到词向量** 

中心词和上下文词用一个窗口来维护

词嵌入向量:  $v = W \times one_hot(v)$ 

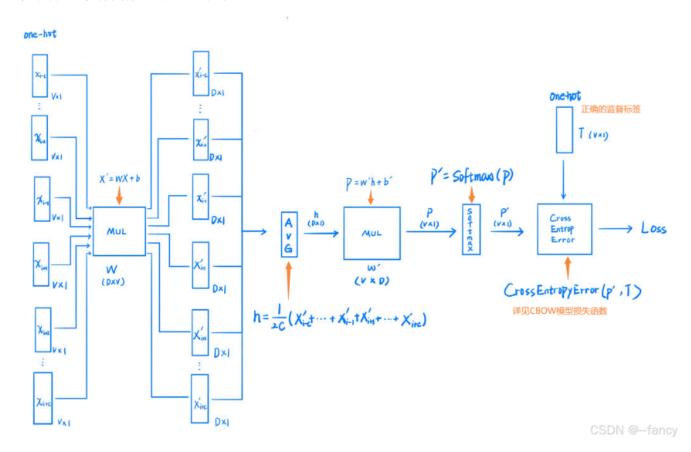
其中:W = Word = Vec中的权重输入矩阵

### **CBOW**

核心: 用上下文词预测中心词

# 模型结构

输入是**上下文**文本单词的 one-hot 向量,通过**线性变换**压缩成一个单词向量,再通过一次线性变换得到**一个单词得分表**,最后经过**多分类**得到要预测的单词。



### 模型输入

上下文(输入)词的多少取决于窗口大小C,因此**输入**为

$$X = (x_{i-c}, x_{i-c+1}, \ldots, x_{i-1}, x_{i+1} \ldots, x_{i+c}) \in \mathbb{R}^{V imes 2C}$$

其中, $x_i$ 为目标单词, $x_i \in \mathbb{R}^{V \times 1}$ 

#### 权重输入层

将目标单词 $x_i$ 的单热编码与隐藏层的输入权重W相乘再加上偏置 $b\in\mathbb{R}^{D imes 1}$ 得到 $x_j'$ ,即 $X_j'=WX_j+b$ ,写成矩阵形式

$$X' = WX + b$$

其中

$$X = [x_{i-c}, x_{i-c+1}, \ldots, x_{i-1}, x_{i+1}, \ldots, x_{i+c}] \ X' = [x'_{i-c}, x'_{i-c+1}, \ldots, x'_{i-1}, x'_{i+1}, \ldots, x'_{i+c}]$$

#### 加权平均层

将输入层得到的所有 $X_j^\prime$ 进行加权平均得到h

$$h = \sum_{j=i-C, j 
eq i}^{i+C} rac{1}{2C} (x_{i-c}^{\prime} + x_{i-c+1}^{\prime} + x_{i-1}^{\prime} + x_{i+1}^{\prime} + x_{i+c}^{\prime})$$

#### 权重输出层

将得到的h作线性变换得到每个单词得分的向量P, $P=(P_1,P_2,\ldots,P_V)^T$ , $P_i\in R$ 表示为位置索引为i处的**单词得分** 

$$P = W'h + b'$$

#### Softmax层

将输出层得到的得分用Softmax处理为概率P', $P'=(p'_1,p'_2,\ldots,p'_V)$ , $p'_i$ 表示位置索引为i处的单词概率

$$p_i' = softmax(p_i) = rac{exp(p_i)}{\sum_{k=1}^{V} exp(p_k)}$$

模型的输出是在P'中取出**最大概率对应位置**的值设为1,其他位置设为0,得到一个单热编码。这个单**热编码对应的词** 就是模型作为预测结果的词。

# 损失函数

用的是**交叉熵损失(Cross Entropy)**,交叉熵损失的输入是Softmax层计算得到的概率向量P'和正确的监督标签T,其中 $P'=(P_1',P_2',\ldots,P_V')^T$ ,正确的监督标签 $T=(t_1,t_2,\ldots,t_V)$ 就是**正确答案单词的单热编码**。

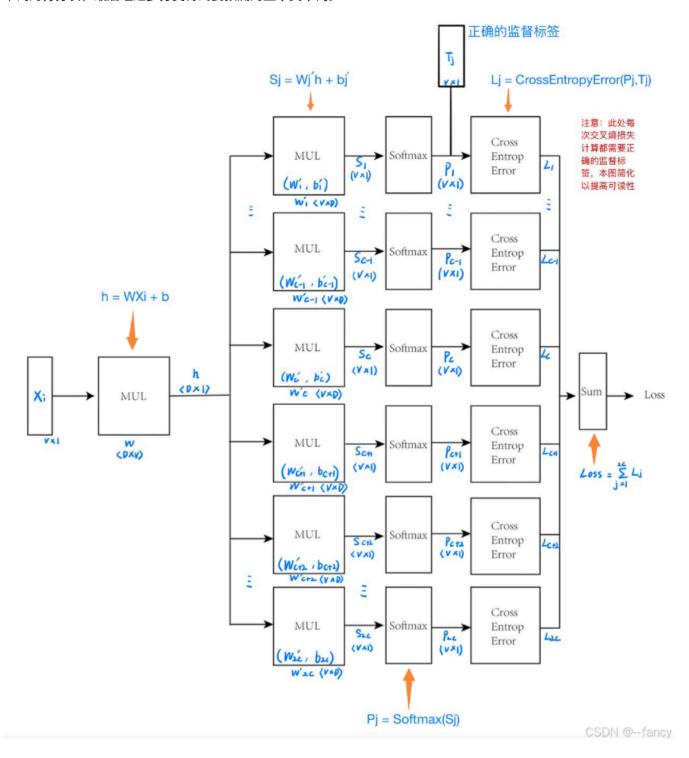
$$Loss = -\sum_{i=1}^V t_i \log(P_i')$$

# skip-gram

核心: 用中心词预测上下文词

# 模型结构

模型输入时**目标单词的单热编码**,通过线性变换形成预测上下文单词的向量,再通过一次线性变换得到每一个上下文单词的**得分表**,最后经过**多分类**得到要预测的**上下文单词**。



## 模型输入

将目标词表示为单热编码,作为模型输入 $x_i \in \mathbb{R}^{V imes 1}$ ,i表示目标单词所在位置

#### 权重输入层

将目标词的单热编码 $x_i \in \mathbb{R}^{V \times 1}$ 作线性变换得到隐藏层向量h

$$h = Wx_i + b$$

### 权重输出层

将得到的h与隐藏层的权重输出矩阵 $W_j'$ 相乘再加上偏置项 $b_j'$ 得到多个上下文单词得分的向量 $S_j \in \mathbb{R}^{V imes 1}$ , $S=(S_1,S_2,\ldots,S_{2C})^T$ 。

$$S_i = W_i' h + b_i'$$

#### Softmax层

将输出层得到的得分 $S_i$ 用softmax处理为概率 $P_i$ , $P_i = (P_i(0), P_i(1), \dots, P_i(V-1))^T$ 

$$P_j(k) = Softmax(S_j) = rac{exp(S_j(k))}{\sum_{l=0}^{V-1} exp(S_j(l))}$$

#### 模型输出

模型输出是在P中取出最大概率对应位置的值设为1,其他设为0,得到一个单热编码,这个单热编码对应的词就是预测上下文单词的结果。

#### 损失函数

使用交叉熵损失(Cross Entropy)进行计算,其输入是概率向量 $P_j(k)$ ,和正确的监督标签T,其中 $P_j=(P_1,P_2,\ldots,P_{2C})$ ,正确的监督标签 $T_j=[t_j(1),t_j(2),\ldots,t_j(V)]$ 是**正确答案**单词的单热编码。

$$L_j = -\sum_{k=1}^V t_k \log(P_j(k))$$

$$Loss = \sum_{j=1}^{2C} L_j$$

# 优化

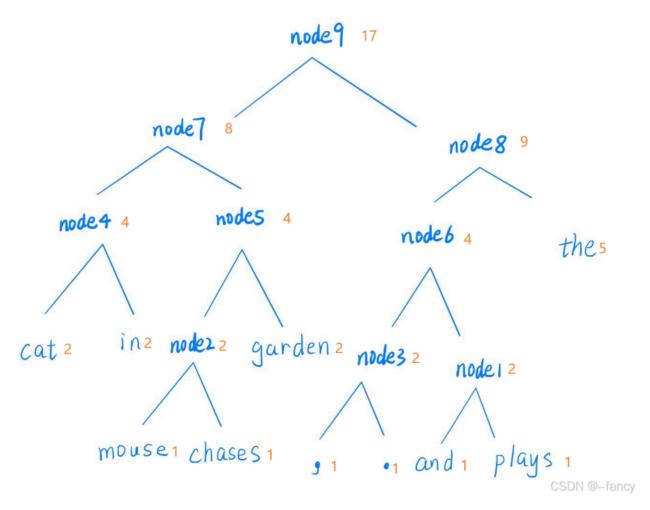
正常使用word2vec模型,我们是要预测V个单词出现的概率,但是语料库十分巨大,这么做肯定不现实,因此我们可以使用**Huffman树**来加速,把运算次数压缩到 $\log V$ 。

# 分层Softmax

基本思想:将词典中的每个词按照词频大小构建出一颗Huffman树,**词频大的词处于浅层,词频小的词处于深层**。

- 叶子节点都是词
- 非叶子节点具有**要学习的参数**,是一个**二分类器**,**全部都接受相同的输入(上下文向量)**

如图所示:



#### 计算概率的步骤:

- 1. 已知每个非叶子节点具有**网络参数**,可以用网络参数算出并**使用softmax**算出来一个概率值P,称为正向概率
- 2. 因为哈夫曼树是二叉树,知道一个分支的概率P,我们就可以算出**另外一个分支**的概率为1-P
- 3. 按上述步骤不断进行,我们就可以算出每个非叶子节点每个分支的概率
- 4. 根据上述算出来的值,可以通过概率连乘算出每个词的概率

# 负采样

**正样本**: 真实有效的上下文本对,(中心词,上下文词)

**负样本**:从词汇表中随机选择一些不相关的词作为负样本。通过负样本来训练模型,使模型学习到区分正样本和负样本的能力

**基本思想**:通过从词汇表中随机选择一些"负样本"来代替计算所有可能的上下文词,从而大幅度**降低计算复杂度**。将**多分类问题转化为二分类问题**,让模型对**正样本预测的概率逼近1**,对负**样本预测的概率逼近0**。

#### 损失函数

这里重点讲一下损失函数,因为前面的流程基本都差不多

#### 正样本损失

我们可以知道 $T_1$ 是正确的标签, $T_1=(t_1,t_2,\ldots,t_V)^T$ ,P是每个单词对应的概率, $P=(P_1,P_2,\ldots,P_V)$ ,在这里进行优化。在T中,只有**正确索引位置为1**,进行损失函数计算时,只保留正确索引位置单词的得分概率,因此我们将**得分向量**中正确的得分**直接取出**,即 $S_1=(\theta_1h)^TT_1$ 

随后直接将得分转换为概率,此处是二分类问题,用sigmoid函数,最后应用于Cross Entropy

$$egin{align} P_1 &= \sigma(S_1) = \sigma(( heta_1 h)^T T_1) = rac{1}{1 + e^{-(( heta_1 h + b_1')^T T_1)}} \ Loss_+ &= -log(P_1) = -log(rac{1}{1 + e^{-(( heta_1 h + b_1')^T T_1)}}) \ \end{array}$$

#### 负样本损失

首先要进行**负采样**,按照词频给出每个单词的概率分布

$$f(w) = rac{\left[count(w)
ight]^{rac{3}{4}}}{\sum_{i=1}^{V}\left[count(i)
ight]^{rac{3}{4}}}$$

其中,count(index)计算索引位置为index位置单词的词频,w表示目标单词的索引,V为词汇表的大小。

接着按照**概率分布进行采样**,若抽取到正例则重新采样。数据量大,负样本个数k通常为5,数据量小,负样本个数通常为5~20个。

对于采样出的负样本, 我们计算对应的得分**之后**将其取**负号**再使用Sigmoid函数,然后使用原来计算正样本的方式进行计算。

我们将负样本权重输出矩阵 $\theta_0$ 与隐藏层的向量h相乘得到单词得分向量,随后依次去除每个负样本对于**索引位置单词的得分**然后**取负号** 

$$S_{0,i} = -(\theta_0 h + b_0')^T T_{0,i}$$

其中, $T_{0,i}$ 为负样本对应的标签,然后使用Sigmoid函数转换为概率

$$P_1 = \sigma(S_{0,i})$$

使用交叉熵计算损失

$$Loss_- = \sum_{i=1}^k \log(P_{0,i})$$

最后将 $Loss_+$ 与 $Loss_-$ 相加得到总的损失 $Loss_-$ 

$$Loss = Loss_- + Loss_+$$