

# 循环神经网络

xbZhong

2025-07-15

## Contents

Recurrent Neural Network (RNN) . . . . .	1
本页 PDF	

## Recurrent Neural Network (RNN)

### 核心思想

RNN 的核心思想是在处理序列时，网络不仅考虑**当前输入**，还利用**之前的信息**

### 工作原理

具体来说：

1. 隐藏层接收**当前输入**  $x_t$  和前一时间步的隐藏状态  $h_{t-1}$
2. 隐藏层计算得到新的**隐藏状态**  $h_t$  (这就是隐藏层的输出)
3. 这个隐藏层的输出  $h_t$  会：
  - 被存储为记忆并传递到下一时间步
  - 作为当前时间步的状态表示

同一个 Network 在 3 个不同的时间点，被使用了 3 次

## Long Short-term Memory(LSTM)

### 核心思想

引入了**门控机制**和**细胞状态**，使网络能够更有效地学习长距离依赖关系

### 核心组件

1. 细胞状态 (Cell State):
  - 存储的是系统的**长期记忆信息**
  - 表示为  $C_t$
2. 三种门控机制：
  - 遗忘门 (**Forget Gate**): 决定丢弃细胞状态中的哪些信息
  - 输入门 (**Input Gate**): 决定更新哪些新信息到细胞状态
  - 输出门 (**Output Gate**): 决定基于细胞状态输出哪些信息
3. 隐藏状态 (Hidden State):
  - 对外输出，反映当前上下文，也是下一个时间步的输入
  - 由细胞状态经过输出门得出
  - 表示为  $h_t$

# RNN

The same network is used again and again.

Probability of

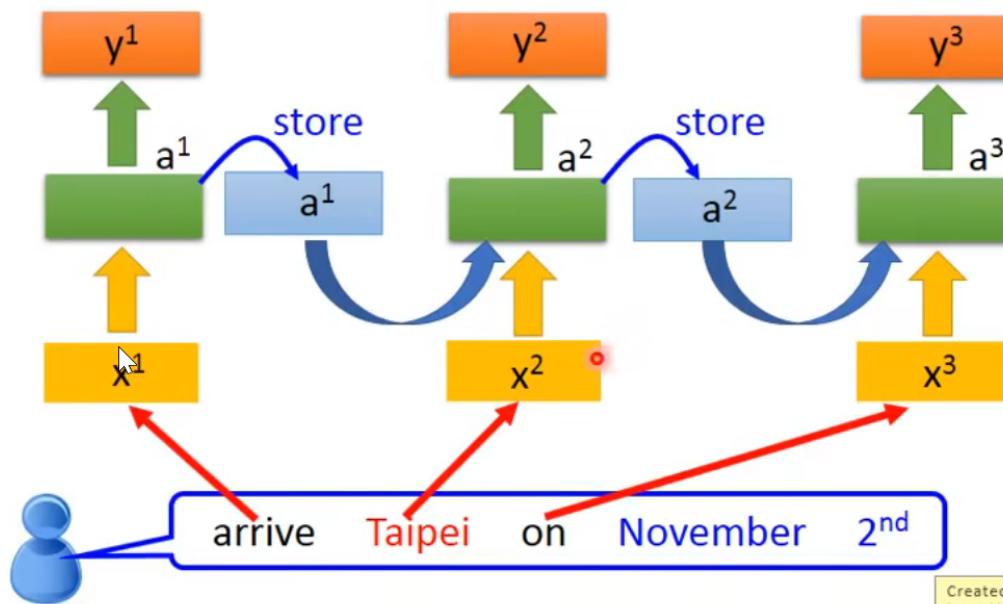
"arrive" in each slot

Probability of

"Taipei" in each slot

Probability of

"on" in each slot



Created with EverCam.  
<http://www.camdemmy.com>

Figure 1: image-20250420134243810

## 工作流程

○ 为逐元素相乘，这是因为门控机制的存在。

门的输出会赋予输入的每个维度一个权重，因此要用到 ⊙

### 1. 遗忘门计算

$$f_t = \sigma(W_f \cdot [h_{t-1}, x_t] + b_f)$$

其中：

- $W_f$  是遗忘门的权重矩阵， $b_f$  是偏置
- $f_t$  是遗忘概率，决定上一时刻的细胞状态  $C_t$  保留多少

### 2. 输入门计算

$$i_t = \sigma(W_i \cdot [h_{t-1}, x_t] + b_i) \tilde{C}_t = \tanh(W_C \cdot [h_{t-1}, x_t] + b_C)$$

其中：

- $W_i$   $W_C$  是输入门和候选记忆的权重
- $\tilde{C}_t$  为候选记忆
- $i_t$  主要用于控制候选记忆  $\tilde{C}_t$  对记忆细胞  $C_t$  的贡献

### 3. 更新记忆细胞

$$C_t = f_t \odot C_{t-1} + i_t \odot \tilde{C}_t$$

- $f_t$  决定了上一时间步的细胞状态应该保留多少

### 4. 输出门计算

$$o_t = \sigma(W_o \cdot [h_{t-1}, x_t] + b_o)$$

其中：

- $W_o$  是输出门的权重

### 5. 计算隐藏状态并传递到下一时刻

$$h_t = o_t \odot \tanh(C_t)$$

其中：

- $o_t$  为输出门的输出， $C_t$  为细胞状态

**优势 LSTM (长的短期记忆网络)** 被专门设计用来缓解 RNN 中的梯度消失问题。LSTM 通过几个关键机制有效地处理了梯度消失：

1. **单元状态 (Cell State)** - LSTM 引入了一条贯穿整个序列的“高速公路”，让信息可以直接从早期时间步传递到后期时间步，而不必经过多次非线性变换。这条路径上只有简单的线性操作（加法和乘法），使梯度能够更容易地反向流动。
2. **门控机制** - LSTM 有三个门：输入门、遗忘门和输出门。这些门控制信息的流动：
  - 遗忘门决定丢弃哪些信息

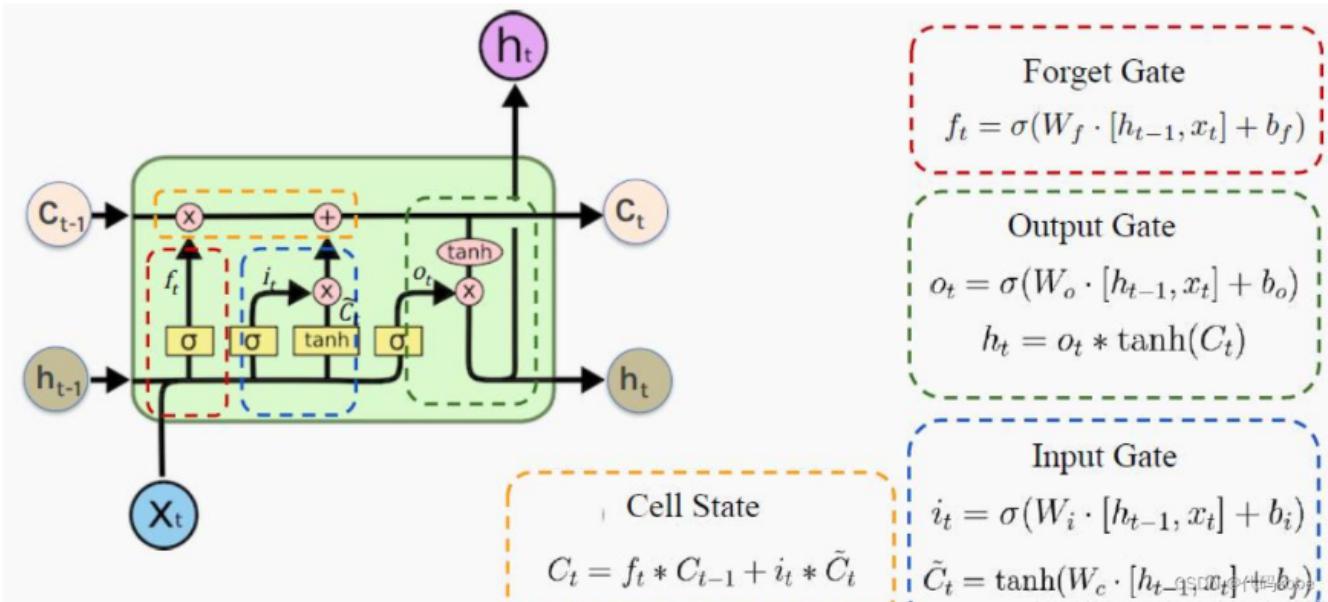


Figure 2: image-20250806101607590

- 输入门决定存储哪些新信息
- 输出门决定输出哪些信息

3. **加法操作** - 与标准 RNN 中的乘法操作不同, LSTM 使用加法来更新单元状态。由于加法操作的导数是 1, 不会导致梯度缩放, 从而避免了梯度消失问题。
4. **选择性记忆机制** - LSTM 可以学会长期保存重要信息, 同时有选择地更新或丢弃不再需要的信息。

从数学角度看, 标准 RNN 中梯度会依赖于权重的连乘, 而 LSTM 中的单元状态更新主要涉及加法操作 (Memory 和 Input 的值是相加的), 反向传播时梯度不会因为连乘而衰减。

## GRU (门控循环单元)

简化版的 LSTM, 是 LSTM 的变体, 与 LSTM 相比结构更加简单, 训练速度更加快, 无单独的记忆单元核心组件

### 1. 更新门 (update gate)

用于融合当前信息和过去信息

决定有多少过去的信息需要保留到当前时刻, 以及有多少当前的输入信息需要被整合到新的隐藏状态中

$$z_t = \sigma(W_z \cdot [h_{t-1}, x_t])$$

- $W_z$  是更新门的权重矩阵
- $z_t$  接近 1 时, 表示更多地保留过去的隐藏状态
- $z_t$  接近 0 时, 表示更多地使用当前的输入来更新隐藏状态

### 2. 重置门 (reset gate)

用于控制要遗忘多少过去的信息  $h_{t-1}$

$$r_t = \sigma(W_r \cdot [h_{t-1}, x_t])$$

- $W_r$  是重置门的权重矩阵
- $r_t$  接近 0 时, 表示过去的隐藏状态  $h_{t-1}$  被更多的遗忘, 模型更容易捕捉到新的输入信息

## 工作流程

### 1. 计算更新门

更新门控制多少旧的记忆  $h_{t-1}$  保留到当前  $h_t$  中

$$z_t = \sigma(W_z \cdot [h_{t-1}, x_t])$$

### 2. 计算重置门

重置门控制遗忘多少旧信息，用于生成新的候选状态

$$r_t = \sigma(W_r \cdot [h_{t-1}, x_t])$$

### 3. 计算候选状态

基于当前输入  $x_t$  和部分历史信息  $h_{t-1}$  以及重置门  $r_t$ ，生成一个临时状态

$$\tilde{h}_t = \tanh(W \cdot [r_t \odot h_{t-1}, x_t])$$

### 4. 计算新的隐藏状态

结合更新门  $z_t$ ，将旧状态  $h_{t-1}$  和候选状态  $\tilde{h}_t$  融合

$$h_t = (1 - z_t) \odot h_{t-1} + z_t \odot \tilde{h}_t$$

## Slot Filling (槽位填充)

### 工作原理

1. **槽位定义：**根据特定领域或任务预先定义一组槽位（如餐厅预订可能包括”菜系”、“人数”、“日期”、“时间”等槽位）
2. **序列标注：**通常将槽位填充建模为序列标注问题
  - 对输入句子中的每个词进行标注，指出它是否属于某个槽位

### 缺陷

#### 梯度爆炸原因

1. **重复矩阵乘法：**在反向传播过程中，梯度会通过时间步骤反向传递，这涉及到重复的权重矩阵乘法。如果权重矩阵的特征值大于 1，那么随着时间步的增加，梯度值会呈指数增长。
2. **长序列累积效应：**当处理长序列数据时，梯度需要通过多个时间步传播，每通过一步就会与权重矩阵相乘，如果权重较大，梯度会迅速累积膨胀。
3. **激活函数的导数：**如果使用的激活函数（如 ReLU）在某些区域导数大于 1，也会放大梯度。

#### 梯度消失原因

1. **重复矩阵乘法：**与梯度爆炸类似，但当权重矩阵的特征值小于 1 时，重复相乘会导致梯度值逐渐变得非常小。
2. **饱和激活函数：**传统 RNN 常用的 sigmoid 和 tanh 激活函数，它们的导数在输入绝对值较大时会接近于 0，进一步促进了梯度消失。
3. **长距离依赖问题：**对于长序列，早期时间步的信息需要经过多次传递才能影响当前输出，但梯度消失使得网络难以捕获这些长期依赖关系。

## **Connectionist Temporal Classification (连接时序分类)** CTC 是一个用于序列建模和标注对齐的损失函数作用

在语音识别中，输入是一个很长的声学特征序列，而输出是一段文本（如“hello”）。传统方法需要知道每个字符对应声学特征的起止时间，即对齐信息。CTC 的关键就在于：

- 不需要对齐标注，它自动学习从输入序列中找出最可能的输出序列。
- 允许重复字符和空白符 blank，通过规则对多个路径进行归一合并，从而输出最终的目标序列。、

### 学习

CTC Loss 给每一条“合法路径”分配一个概率，最后对所有合法路径求和得到一个总概率。模型学习的目标就是：让这些合法路径的概率之和最大化（也就是 loss 越小越好）。