

递归...

xbZhong

[本页PDF](#)

递归实现指数型枚举

这一栏十分抽象 隐晦难懂 没有计算机思维难以想到，也难以理解 **题目如下**

题目描述

从 $1 - n$ 这 n 个整数中随机选取任意多个，每种方案里的数从小到大排列，按字典序输出所有可能的选择方案。

输入

输入一个整数 n 。（ $1 \leq n \leq 10$ ）

输出

每行一组方案，每组方案中两个数之间用空格分隔。

注意每行最后一个数后没有空格。

样例输入

3

样例输出

```
1
1 2
1 2 3
1 3
2
2 3
3
```

样例输入与输出

> 对于这道题，我们依旧采取递归的思想来解决 > * 设计函数 $f(i, j, n)$ > * 其中 i 表示一个位置 > * j 表示 i 位置能存放的最小数字 > * n 表示 i 位置能存放的最大数字 > * 边界条件： $j > n$ > * $f(i, j, n)$ 可以分成多种情况 > * i 取 j 的情况下加上 $f(i+1, j+1, n)$ > * i 取 $j+1$ 的情况下加上 $f(i+1, j+2, n)$ > * i 取 $j+2$ 的情况下加上 $f(i+1, j+2, n)$ > * > **因此当 i 位置存放的数字 $j > n$ 时，不满足题目要求，return 即可**

代码实现：

```
#include<iostream> using namespace std; int arr[10]; void print(int n) { for(int i=0;i<=n;i++) { if(i) cout<<" "; cout<<arr[i]; } cout<<endl; } int f(int i,int j,int n) { if(j>n) return 0 ; //边界条件 for(;j<=n;j++) { arr[i]=j; print(i); //循环起始下标是0，因此循环上限应是i，即当前状态的位置，因为要遍历 f(i+1,j+1,n)；到起始位置到当前位置并进行输出 } } int main() { int n; cin >> n; f(0,1,n); //起始状态 return 0; }
```

递归实现组合型枚举

题目描述

从 $1 \sim n$ 这 n 个整数中随机选取 m 个，每种方案里的数从小到大排列，按字典序输出所有可能的选择方案。

输入

输入两个整数 n, m 。（ $1 \leq m \leq n \leq 10$ ）

输出

每行一组方案，每组方案中两个数之间用空格分隔。

注意每行最后一个数后没有空格。

样例输入

3 2

样例输出

1 2
1 3
2 3

样例输入 2

> * 设计函数 $f(i, j, n, m)$ > * i 表示当前位置 > * j 表示当前位置可选的最小值 > * n 表示当前位置可选的最大值 > * m 表示可选的数字的个数 > * **边界条件：** $i=m$ i 是从位置 0 开始，因此只需枚举到 $m-1$ 即可 > * $f(i, j, n)$ 可以分成多种情况 > * $i \geq j$ 的情况下加上 $f(i+1, j+1, n)$ > * $i \geq j+1$ 的情况下加上 $f(i+1, j+2, n)$ > * $i \geq j+2$ 的情况下加上 $f(i+1, j+2, n)$ > * …………….

```
#include<iostream> using namespace std; int n,m; int a[10]; void print(int m) {
for(int i=0;i<m;i++) cout << a[i]<<" " ; cout<<endl; } void f(int i,int j,int n,int
m) { if(i==m){print(m);return;} else { for(;j<=n && m-1-i<=n-j ;j++) /*m-1-i<=n-j的
意思是从i位置开始枚举到m-1位置时数字一定要够，因此m-1-i代表的是从i +1位置到m-1位置剩下的位置个
数，n-j代表的是i+1位置开始最多可填的数字个数，我们要保证 数字个数大于等于位置个数*/ { a[i]=j;
f(i+1,j+1,n,m); } } } int main() { cin >> n >> m; f(0,1,n,m); return 0; }
```

递归实现排列型枚举

题目描述

从 $1 \sim n$ 这 n 个整数排成一排并打乱次序，按字典序输出所有可能的选择方案。

输入

输入一个整数 n 。（ $1 \leq n \leq 8$ ）

输出

每行一组方案，每组方案中两个数之间用空格分隔。

注意每行最后一个数后没有空格。

样例输入

3

样例输出

1 2 3
1 3 2
2 1 3
2 3 1
3 1 2
3 2 1

> * 设计函数 $f(i, n)$ > * i 表示当前位置 > * n 表示最大的整数，也表示一组里面数字的个数 > * **边界条件：** 当 $i=n$ ，即当前位置 i 达到了数字个数的上限时，进行 return , print > * $f(i, n)$ 可以表示成如下情况 > * $b[0] + f(i+1, n) > * b[1] + f(i+1, n) > * b[2] + f(i+1, n) > * \dots > * b[0], b[1], b[2]$ 分别代表前面位置未出现的数字，枚举到使用过的数字舍弃，枚举到 n 暂停

```
#include<iostream> using namespace std; int a[10]; int b[10]={0}; //判断数字是否出现过, 出现过则标记为1, 未出现则标记为0 int n; void print(int n) { for(int i=0;i<n;i++) { if(i) cout << " "; cout << a[i] ; } cout << endl; return ; } void f(int i,int n) { if(i==n) { print(i); return ; } for(int j = 1;j <= n ; j++) //b[0]~n, 枚举 { if(b[j]) continue; //判断其是否在前面出现过 a[i]=j; //当前位置填上数字 b[j]=1; //标记, 表明其已经使用过 f(i+1,n); //进行下一个位置的遍历 b[j]=0; //难点!! 执行到这一步表明函数已经返回至当前位置, 后面的枚举已经 全部完成并且结果已经输出, 结果输出后则必须要将此数字取消标记 } } int main() { cin >> n; f(0,n); return 0; }
```

抽象, 难以理解是必然的, 反复看, 慢慢理解吧