8.3.1 决策树的理论

2023年9月8日

决策树的理论

决策树是监督学习中最常用、最实用的方法之一。它既可用于解决回归任务,也可用于解决分类任务,而其分类任务被更多地用于实际应用,如广告推荐、商户分类等。

1. 一个例子

我们以一个生活中常见的相亲例子,来开启决策树的介绍和讨论:

一个眼光略高对自己婚姻伴侣略有要求的女青年刘小姐、熟练得在相亲网站上筛选着相亲对象。

这个相亲网站有超过10万个真实注册用户,她固然可以直接设置一定的筛选规则,例如: "年龄在25~35之间", "收入在中档以上", "相貌较好"等条件,让网站在数据库里检索。

但是你已经意识到了,这样的规则会过滤掉不符合其中一些条件,但是在其他条件上却很好的男性。有没有什么方法来解决这个问题呢?

同时,当有新的男士资料被添加到服务器,刘小姐也不是每时每刻都在线,错过了,如何是好?

我们希望用机器学习的方法,让机器习得刘小姐**对于另一半的偏好**。这样,机器就可以 24 小时全天候帮她把关,并及时通过短信和邮件通知刘小姐。

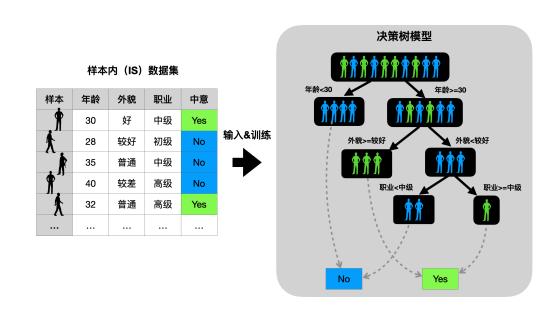
2. 模型的训练和预测过程

首先,准备数据样本:

- 1)根据过去的浏览记录,将刘小姐点"□"的男士样本打上标签,"Yes",点"□"或者拉黑的男士样本打上"No";
- 2) 根据随机对照实验理论,将样本分为样本内(IS)和样本外(OOS),比例可设为8:2,前者用来训练模型,后者用来验证模型的分类能力;

2.1 样本内 (IS) 训练过程

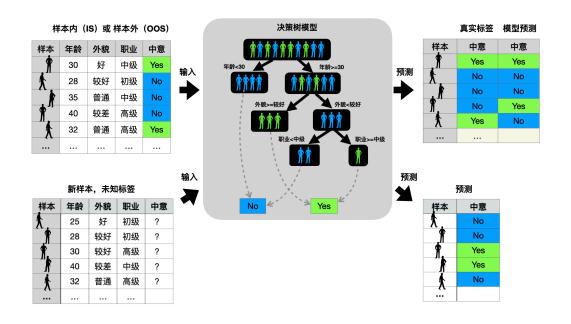
训练过程如下: 1. 从上至下的方向,创建决策树的根节点,将样本内的数据集放入根节点中; 2. 依次选择各个属性,对属性的数值进行划分(大于等于属性的某个值和小于这个属性值),并计算划分后的纯度; 3. 选择划分后纯度最高或者标签一致的属性,作为当前分叉的标准,标签一致的为叶节点,另一个为中间节点; 4. 回到步骤 3,并重复执行 1-3,直到所有中间节点都划分为叶节点。



模型训练完,也就是决策树生成完毕后,就可以将样本内的数据输入到模型中。然后,观察模型预测的结果和真实的标签,两者之间的差异,这代表了模型的学习能力。

2.2 样本外 (OOS) 的评估以及未知样本的预测

在模型学习到**刘小姐**的偏好后,就可以在**刘小姐**不在线的时候,也可以帮助其筛选样本了。当输入新的未知标签的数据到模型,模型会根据已经训练后的决策树的路径,很多就可以对样本进行分类,属于"Yes"还是"No"。



3. 划分的选择

关于决策树从最上面的**根节点**,到下面的**中间节点**以及末端的**叶节点**,如何划分,换句话说在每一次划分选择哪个属性进行划分,决定了决策树的形状。

如何选择最优划分属性。一般而言,随着划分过程不断进行,我们希望决策树的分支结点所包含的 样本尽可能属于同一类别,即结点"纯度"(purity)越来越高。

节点的 Gini 属性用于测量它的纯度:如果一个节点包含的所有训练样例全都是同一类别的,我们就说这个节点是纯的(Gini=0)。Gini 计算如下:

$$G = \sum_{i=1}^{C} (p(i) * (1 - p(i)))$$

4. 模型的性能评估

4.1 精度与错误率

如何评估一个模型的好坏,一个自然而然的想法就是:模型给出的预测值与真实值进行对比。

错误率: 分类错误的样本数占样本总数的比例

精度: 分类正确样本数占样本总数的比例

精度计算如下:

$$accuracy(y, \hat{y}) = \frac{1}{n} \sum_{i=0}^{n-1} 1(\hat{y}_i = y_i)$$

$$= 1 -$$

4.2 查全率与查准率 (局部考量结果)

在二分类任务(类别为两类)中,假如我们定义'positive'和'negative'为分类的预测结果,而'true' and 'false'指的是该预测是否符合,可以得到以下表格。上表为英文,下表为中文翻译。记住!多分类任务(类别为3类及以上)没有查全率和查准率。

		Actual			真实类别		
		positive	negative			Œ	负
Predicted class	positive	tp (ture positive)	fp (false positive)	预测类别	正	真正例	假正例
	negative	fn (false negative)	tn (true negative)		负	假反例	真负例

查准率 (准确率, precision)

$$precision = \frac{tp}{tp + fp}$$

查全率(也叫召回率,灵敏度, recall)

$$recall = \frac{tp}{tp + fn}$$

综合查准率与查全率

$$F1 = \frac{2 \times precision \times recall}{precision + recall}$$

从上图可以知道:

查准率:是基于「预测数据」,考察「真正例」的占比。 **查全率**:是基于「真实数据」,考察「真正例」的占比。

来看看两个例子:

例子 1: 如:在病情诊断时,我们希望查准率越高越好,减少病情误判。这样就需要约束条件比较严苛,落在约束条件下的样本数量较小,查全率自然就小了。

例子 2: 如:在逃犯搜捕过程中,我们希望不放过一个漏网之鱼,所以就希望查全率越高越好。这样就需要约束条件比较宽松,落在约束条件下的样本数量较大,查准率自然就小了。