# 学 算 六 十 年

陈省身

编者按:本文作者陈省身教授是举世公认的数学大师,近代微分几何的创始人,其成就早为世人熟知。陈教授为我院名誉教授,曾多次来院访问讲学。1985年11月9日陈教授曾以此题在本院礼堂作了演讲并亲自写了此文。读者从中不仅可以看到陈教授六十年来的业绩,而且也可以捕捉到半世纪以来中国数学演进的概略。我们相信,本文的发表一定会给立志于数学发展的学者以深刻的教益。

我于1926年秋入天津南开大学。时光如驶,今年已六十年。爰略记平生学历经历如次:

#### 一、(1926-34)南开、清华时期

我于1911年10月26日生于浙江嘉兴。1922年秋家迁天津,遂于次年初插班入扶轮中学旧制一年级。扶轮是铁道部办的,经费充裕,有优良的教员。校长顾赞庭先生亲自教几何课。 其他数学老师有郑次纯,彭罕三先生等。

从扶轮毕业的前一年,钱宝琮先生来南开任教授。钱先生是有名的中国数学史家, 嘉兴人, 是父亲的同学。他看见我读的数学课本有 HALL AND KNIGHT 的高等代数, 便说"这先生是考究的"。钱先生说起,可以同等学力资格,直接投考南大一年级。

等到1926年从扶轮毕业,军阀内战,出入天津的火车不通,我便投考了北洋大学预科及南大本科。后者跳了两年,各考并不简单。现在只记得数学要考解析几何,在扶 轮 没 有 学过 (扶轮旧制的数学只到三角)。借了一本 YOUNG AND MORGAN 的书,自己看了三星期。事后钱先生跟我说,考得不坏。

进南开自然读理科。将来做什么,那时是不想的。那时南开的理科都是一人系,每系只有一个教授。数学系教授是姜立夫先生。因为姜先生去了厦门大学,钱先生是来代课的。姜先生1927年回南开,我读了许多他的课,如复变函数,高等代数(即线性代数),微分几何,非欧几何等等。姜先生讲解清楚,教书认真,三年中得益非浅。但我入数学系更主要的原因,是不会动手做试验,实际上在理科无他系可入了。1928年伯苓校长的长公子希陆先生来校任第二个数学教授。

南开在当时的数学藏书在全国是首屈一指的。我喜欢浏览,许多名著都曾开卷。1930年

本文 1886 年 11 月 5 日收到

**毕业时我能读德、法文书籍**,对于美国的文献比较熟悉。对数学有些看法。现在回想,一切都是很肤浅幼稚的。

南开数学系同班五人:刘君素(女)、刘学信、胡镕、吴大任、及我。学信同屋 多 年, 无话不谈。大任读书成绩优异,我们常在一起。

我认清,要进步必须要出国。那时出国的机会是极少的。刚巧那年清华开始办研究院,三年毕业后授硕士学位,成绩优异者可派送出国二年。大任同我都投考了,也都录取了。但 大任决定去广州中山大学任助教。待1930年秋季我去清华报到时,才知道数学系决定把研究 院迟办一年,聘我为助教。

清华经费充裕,一片兴旺气象。数学系主任是熊庆来先生,教授有孙光远先生,杨武之先生,及我后来的岳父郑桐荪先生。我决定同孙先生习投影微分几何。1930—34年间,写了三篇论文,一文载清华理科报告,其他二文载日本东北大学数学杂志,其中有一篇算是我的硕士论文。

清华那几年的数学人才是很盛的。华罗庚于1932年来任助理。本科生有许宝禄、柯召、徐贤修、段学复等。

我于1934年夏完成硕士学位。学校决定资助我出国两年。我得学校同意,去德国汉堡大学。

#### 二、(1934-37)德、法两国留学时期

我去汉堡是要跟 WILHELM BLASCHKE 教授工作。布教授于1932 年来北平演讲,讲的是网络几何 (Geometry of webs) 我听得懂。我也看过一些他的其他的工作,都有新见。他是当时德国最领头的几何学家。19世纪德国的数学领导全欧(也就是领导全世界,因为他洲实不足道)。20世纪初年此势未衰。尤其哥丁根有HILBERT,为数学圣地。但1933年德国希特勒上台,哥丁根驱逐犹太教授,闹了学潮。汉堡是世界大战后新成立的大学,数学教授除布先生外,还有 ARTIN,HECKE,均极负时望,便成为新的数学中心。

我于 1934 年 9 月到汉堡,学校 11 月上课,中间读了一个月的德文。(我在南开曾 读 过 两年德文,能读数学书刊)。10月布先生假毕返校,我去看他,他给了我一堆他新写的论文 复印本。我发现其中一篇证明不全,他听了很高兴。一个月后我把证明补齐,并推广了他的结果,成一文在汉堡数学杂志发表,总算立刻确定了我在汉堡的地位。

我于 1935 年底完成博士论文,学校于 1936 年 2 月正式授我博士学位。

1936—37 年我得中华文化基金会的资助,可继续在国外一年(清华公费限定两年)。我便与布先生商量,决定去巴黎随嘉当(ELIE CARTAN)工作一年。

嘉当是当时公认的最伟大的微分几何学家。相识不久,他允我到他家中讨论。我平均每两星期去他家一次。一年中工作紧张,而获益甚大。1937年夏离法时,自信对微分几何有了相当深刻的了解。

# 三、(1937-43)西南联大

1937年7月我由法乘船去纽约,经横贯铁路至温哥华(VANCOUVER),乘加拿大船至 · 2 ·

上海。我返国前已应聘为清华大学教授。时中日战争已发生,学校迁长沙,与北京大学,南开大学合成长沙临时大学,在圣经书院上课。一学期后长沙已成前线,学校迁昆明,成为"西南联合大学"。我们一部份教授经广州、香港、安南而达昆明。

我1938年1月抵昆明,与联大常务委员蒋梦麟先生同行。西南联大集三校的精英,对年轻学子有重大的吸引力,致人才辈出,在中国教育史上,成为光荣的一章。

联大数学系人才甚盛。南开姜立夫先生曾培养许多杰出的数学家,是当时中国数学界的领袖。北大江泽涵先生即是他的学生之一。江先生是第一个把代数拓扑引入中国的人。他的学生包括现在北京大学的教授姜伯驹(立夫先生的长公子)。清华的系主任是杨 武 之 先 主 (杨振宁的父亲)。杨先生专长数论与代数,对于华罗庚初期的数学发展,有很多的帮忙。罗庚最早的论文,不少篇关于堆垒数论,杨先生的博士论文,即在此方面。

联大年轻教授中最突出者有许宝禄与华罗庚,两人都出身清华。宝禄专攻统计,由于他的深邃的数学基础,论文精辟。罗庚事业心强,用功非常人可及。他的数学研究范围甚广,扬名国内外。那时数学系有相当的研究风气。例如,物理系的王竹溪教授,罗庚同我于1939年合开一个"李群(LIE GROUPS)"讨论班,在国内外都是先进的。自然那时国内外消息难通,文献奇缺。我深信数学研究设备不是一个最重要的因素。

我的研究不断。在联大六年,写了十多篇论文,范围及于不同的方面。我也开了好几个 高深的课。

我的学生有王宪钟、严志达、吴光磊等。宪钟后来对数学有许多开创性的贡献。志达对李群的拓扑的工作是一个里程碑。

### 四、(1943-45) 普林斯顿高级研究院

美国普林斯顿的高级研究院(INSTITUTE FOR ADVANCED STUDY)是一个私人创立的研究机构。创办时即以数学为主要项目。初聘的教授有爱因斯坦,梵尔 (HERMANN WEYL)等。人才汇集,不多年便代哥丁根而成为国际数学的中心。数学方面的主持者是有名的几何学家 O. VEBLEN 教授。在巴黎时即因工作关系,曾经通讯。回中国后我们继续通讯,自然谈到我访美的可能性。1942年初该研究院正式邀我去访问。

那时大战方酣,但由昆明去美仍是可能的。我得乘美国军用机经印度、中非洲、南大西洋、巴西,历时一星期于1943年8月抵 MIAMI。

普林斯顿在战时大部分科学家参加了战争工作,相当清静。但仍有许多可谈的人,兹不列举。到后两月,即完成了高司波耐(GAUSS-BONNET)公式的证明。这可能是我一生最得意的文章。霍甫(H. HOPF)曾说:"这是微分几何最重要和困难的问题"。我的证明有新见,解决了技术上的困难,并开创许多新发展。这在科学研究上是难得的。(所谓"文章千古事,得失寸心知")。

美国的数学当时集中在东部, 普林斯顿尤为国际数学家荟萃之处。在普二年认识了很多数学家。高级研究院不收学生, 专重研究, 对于数学的交流, 贡献甚大。

1945年夏第二次世界大战结束,西南联大三校各归故园,我便准备返园,回清华任教。 我于1945年底离普林斯顿,经芝加哥、洛杉矶,到金山候船。战后运输拥挤,3月中才 得船,于4月初回到上海。

#### 五、(1946-48)中央研究院数学研究所

早在昆明的时候中央研究院即有设立数学研究所的计划,聘姜立夫先生为筹备处主任。 姜先生聘我为兼任研究员。战后复员,筹备处指定在上海工作,地点在岳阳路原来日本人所 办的"自然科学研究所"。姜先生1946年去美,创所工作便落在我的身上。

我着重于"训练新人"。最初一批研究人员,大多是大学新毕业的学生。我每周讲12小 时的课,授"拓扑学"(拓扑译名即是那时起的)。由此培养了一批新的拓扑人才,如吴文 俊、廖山涛、陈国才、张素诚、杨忠道、陈杰、孙以丰、马良、林赞等。我也鼓励有些人从 事其他方面,如周毓麟、叶彦谦、曹锡华等。第一年资深的研究员有陈建功先生。

1948年研究所迁南京九华山,并建新楼,也正式成立。新任的研究员有胡世桢、李华 宗,并聘了王宪钟。姜先生也从美国回来任所长。

该年秋中央研究院举行第一届院士选举, 膺选者 81 人。我是最年轻的。

有一天忽接普林斯顿高级研究院院长 ROBERT OPPENHEIMER 的电报 说:"如果 我们可做什么事便利你来美,请告知"。我两年来忙于所事,没有注意国内政情的变化。翻 阅一下英文报纸,很快就了解南京的局面不能长久,便作去美的计划。

我们一家四人于1948年 12 月 31 日乘泛美机离上海,经东京、关岛、中途岛、檀香山, 于1949年1月1日抵金山。

## 六、(1949-60)芝加哥大学

我于1949年 1 月底抵普林斯顿高级研究院。虽宾至如归,而西望故国,归去无日,感慨 万千,唯借工作以忘情。现在有了家室,需要一个长期的职业。便应芝加哥大学之聘为教授。

芝加哥大学由煤油大王洛克菲勒创办,经费充裕,注重研究,是美国第一流的大学。她 的数学系产生了美国初期好几个领袖的数学家,尤负盛名。当时的物理系有 FERMI教授, 是物理学的圣地。我1949年夏间就任,杨振宁、李政道都在那里。

系中最有名的教授, 当是法 国 人 ANDRE WEIL。我们是多年老友, 重聚切磋为乐。 芝大有很多优秀的研究生,后来遍布美国数学界。

1950年夏国际数学会在剑桥哈佛大学集会,我被邀作一小时的演讲。这是第二次世界大 战后的首次会议,显见世界数学的变化,重心由西欧移到美国,领导人物也大大的年轻化。 许多数学观念, 战前是不存在的。

在芝大 11 年,多次到他校或他研究所作几个月的访问,如哈佛大学,麻省理工 大 学, 巴黎、汉堡、瑞士等。在我的指导下完成博士学位的有10人。

芝大是一个开明的学校,人才荟萃,思想前进。惜地处城内,学校附近的治安,不如理 想。网罗及保留杰出的教员,均渐感困难。

### 七、(1960—)柏克莱加州大学

柏克莱加大的数学系,由 G. C. EVANS 主持多年,能维持最高的标准。他们感到系内 几何内容的缺陷, EVANS 退休后, 便多次邀我。

我去加大的原因有二: 一是加大正在发展阶段,可以聚一些几何学家,二是加州的天气 与环境。当然空运发达,加州不再孤立,也是一个重要的因素。

几年的努力,确使加大成为一个几何和拓扑的中心。我的学生很多,完成博士学位的有 31人。

1961年我当选美国科学院院士。这事有一段插曲,院士须是公民,我的公民资格虽己通 过,但迟迟未去宣誓。当选有些迹兆,所以赶紧去宣誓,两者相距不到一个门。

我在国际数学会又作了两次演讲:一次半小时,在苏格兰爱丁堡(1958),一次1小时, 在法国 NICE (1970)。

1979年我从加大退休,学校举行了一个学术会议,历时1周,出席者三百余人,许多重 要的几何学家都来了。我续教到1984年。

### 八、(1981-)美国数学研究所

第二次大战后美国政府的科学经费激增。创办数学研究所的计划,时常有人提出。但聚 讼纷纭, 竞争激烈, 迄无成议。1981年国家基金会宣布在柏克莱成立数学研究所(MATHE-MATICAL SCIENCES RESEARCH INSTITUTE), 是二十多年争论的结果。我 受任所 长。

这在美国也是创举。我们没有永久性的研究员,因为政府经费随时可因政策 改 变 而 切 断。我们的活动集中在某些专题,逐年轮流。对于促进研究,起了作用,赢得数学界的赞赏 和支持。我于1984年退休,由芝加哥大学教授 I. KAPLANSKY 继任。

1911	10月26日生于浙江嘉兴	1970	美国数学协会 CHAUVENET 奖
1930	天津南开大学理学士	1971	汉堡大学名誉博士
1934	清华大学硕士	1971	巴西科学院通讯院士
1936	德国汉堡大学博士	1975	美国国家科学奖
1937—43	<b>清华大学教授,</b> 西南联合大学教授	1982	德国 HUMBOLDT 奖
1943—45	<b>美国普林斯顿高级研究院研究员</b>	1982	瑞士 ZURICH 工业大学名誉博士
1946-49	中央研究院数学研究所研究员兼代所长	1983	美国数学会 STEELE 奖
1948	中央研究院院士	1983	第三世界科学院创始人
1950	印度数学会名誉会员	1983-84	以色列 WOLF 奖
1949-60	芝加哥大学教授	1985	纽约大学石溪分校名誉博士
1960-79	柏克莱加州大学教授	1985	南开大学名誉博士
1961	美国科学院院士	1985	英国皇家学会国外会员
1962-64	美国数学会副会长	1986	意大利 PALORITANI 学院(SICILY)
1 <b>9</b> 69	香港中文大学名誉博士		通讯院士
1969	芝加哥大学名誉博士	<b>198</b> 6	伦敦数学会名誉会员