

杭州电子科技大学学生期中试卷

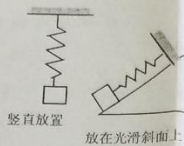
| | | | | | |
|------|----------|----------|------------|--------|--|
| 考试课程 | 大学物理 2 | 考试日期 | 2017.11.19 | 成绩 | |
| 课程号 | A0715012 | 教师号 | | 任课教师姓名 | |
| 考生姓名 | | 学号 (8 位) | | 年级 | |
| | | | | 专业 | |

(请将答案直接写在试卷上, 最后两页是草稿纸, 不要将答案写在草稿纸上。)

一、单项选择题 (本大题共 27 分, 每小题 3 分)

1. 一弹簧振子, 当把它水平放置时, 它可以作简谐振动。若把它竖直放置或放在固定的光滑斜面上, 试判断下面哪种情况是正确的:

- (A) 竖直放置不能作简谐振动, 放在光滑斜面上可作简谐振动。
- (B) 竖直放置可作简谐振动, 放在光滑斜面上不能作简谐振动。
- (C) 两种情况都可作简谐振动。
- (D) 两种情况都不能作简谐振动。

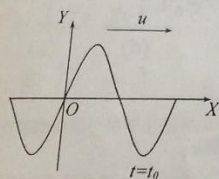


[]

2. 一平面简谐波, 其振幅为 A , 频率为 ν , 沿 x 轴的正方向传播, 设 $t = t_0$ 时刻波形如图

图所示, 则 $x=0$ 处质点振动方程为:

- (A) $y = A \cos[2\pi\nu(t+t_0) + \frac{\pi}{2}]$
- (B) $y = A \cos[2\pi\nu(t-t_0) + \frac{\pi}{2}]$
- (C) $y = A \cos[2\pi\nu(t-t_0) - \frac{\pi}{2}]$
- (D) $y = A \cos[2\pi\nu(t-t_0) + \pi]$



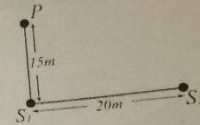
[]

3. 在下面几种说法中, 正确的说法是:

- (A) 波源不动时, 波源的振动周期与波动的周期在数值上是不同的。
- (B) 波源振动的速度与波速相同。
- (C) 在波传播方向上的任一质点振动相位总是比波源的相位滞后(按差值不大于 π 计)。
- (D) 在波传播方向上的任一质点的振动相位总是比波源的相位超前。(按差值不大于 π 计)

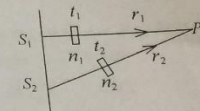
4. 如图所示, S_1, S_2 为两相干波源, 其振幅皆为 $0.5m$, 频率皆为 $100Hz$, 但当 S_1 为波峰时, S_2 点适为波谷, 设在媒质中的波速为 $10ms^{-1}$, 则两波抵达 P 点的相位差和 P 点的合振幅为:

- (A) $200\pi, 0m$
- (B) $201\pi, 0.5m$
- (C) $200\pi, 0.5m$
- (D) $201\pi, 0m$



5. 如图, S_1, S_2 是两个相干光源, 它们到 P 点的距离分别为 r_1 和 r_2 . 路径 S_1P 垂直穿过一块厚度为 t_1 , 折射率为 n_1 的介质板, 路径 S_2P 垂直穿过厚度为 t_2 , 折射率为 n_2 的另一介质板, 其余部分可看作真空, 这两条路径的光程差等于

- (A) $[r_2 + (n_2 - 1)t_2] - [r_1 + (n_1 - 1)t_1]$
- (B) $(r_2 + n_2 t_2) - (r_1 + n_1 t_1)$
- (C) $(r_2 - n_2 t_2) - (r_1 - n_1 t_1)$
- (D) $[r_2 + (n_2 + 1)t_2] - [r_1 + (n_1 + 1)t_1]$



[]

6. 在双缝干涉实验中, 光的波长为 $500nm$ ($1nm = 10^{-9}m$), 双缝间距为 $2mm$, 双缝与屏的间距为 $400cm$. 在屏上形成的干涉图样的明条纹间距为

- (A) $0.9mm$
- (B) $0.5mm$
- (C) $1.2mm$
- (D) $1.0mm$

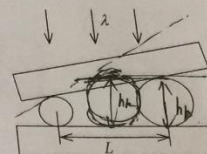
$$\Delta x = \frac{D}{d} \lambda = \frac{400 \times 10^{-2}}{2 \times 10^{-3}} \times 500 \times 10^{-9} = 1.0 \times 10^{-3} m$$

7. 如图所示, 两个直径有微小差别的彼此平行的滚柱之间的距离为 L , 夹在两块平板透光晶体的中间, 形成空气劈尖, 当单色光垂直入射时, 产生等厚干涉条纹. 如果两滚柱之间的距离 L 变小, 则在 L 范围内干涉条纹的

- (A) 数目不变, 间距变大。
- (B) 数目不变, 间距变小。
- (C) 数目增加, 间距变小。
- (D) 数目减小, 间距变大。

$P_{274} (12-19)$

$$\Delta x = \frac{\lambda}{2n \sin \theta}$$



8. 如图, 用单色光垂直照射在观察牛顿环的装置上, 当平凸透镜垂直向上缓慢平移而远离平面玻璃时, 可以观察到这些环状干涉条纹

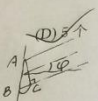
- (A) 向中心收缩
(B) 向外扩张
(C) 向右平移
(D) 向左平移



[A]

9. 在单缝夫琅和费衍射实验中, 波长为 λ 的单色光垂直入射在宽度为 $a = 5\lambda$ 的单缝上, 对应于衍射角为 30° 的方向, 单缝处波阵面可分成的半波带数目为

- (A) 6 个 (B) 4 个 (C) 7 个 (D) 5 个



$$a \sin \theta = k \frac{\lambda}{2}$$

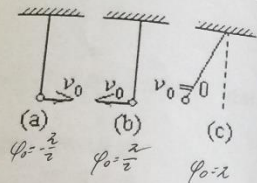
$$5\lambda \sin 30^\circ = k \frac{\lambda}{2}$$

$$k = 5$$

二、填空题 (本大题共 25 分)

10. (本题 5 分) 在 $t=0$ 时, 振幅为 A , 周期为 T 的单摆分别处于图(a)、(b)、(c)三种状态。若选单摆的平衡位置为坐标原点, 坐标指向右方, 则单摆做小角度摆动的振动表达式 (用余弦函数表示) 分别为

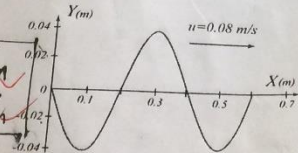
- (a) $x = A \cos(\frac{2\pi}{T}t - \frac{\pi}{2})$
(b) $x = A \cos(\frac{2\pi}{T}t + \frac{\pi}{2})$
(c) $x = A \cos(\frac{2\pi}{T}t + \pi)$



11. (本题 4 分) 一物块悬挂在弹簧下方作简谐振动, 当这物块的位移等于振幅的一半时,

其动能是总能量的 $\frac{3}{4}$ 。 (设平衡位置处势能为零)。当这物块在平衡位置时, 弹簧的长度比原长长 Δl , 这一振动系统的周期为 $2\pi\sqrt{\frac{\Delta l}{g}}$ 。

12. (本题 3 分) 右图为一平面简谐波在 $t=2s$ 时的波形图, 则 O 点的振动方程为 $y = 0.04 \cos(0.4\pi t - 1.5\pi)$ (SI)。

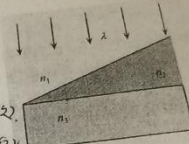


$$v_R = \frac{u - v_o v_s}{u} = \frac{340 - 79.2 \times 1000}{340} \approx 935.3 \text{ Hz}$$

13. (本题 3 分) 一静止的报警器, 其频率为 1000 Hz, 有一汽车以 79.2 km 的时速远离报警器时, 坐在汽车里的人听到报警声的频率是 935.3 Hz (设空气中声速为 340 m/s)。

14. (本题 4 分) 在双缝干涉实验中, 用白光照射时, 明纹会出现彩色条纹, 明纹外侧呈紫色; 如果用纯黄色滤光片和纯蓝色滤光片分别盖住两缝, 则产生干涉条纹。(填能或不能)

15. (本题 3 分) 用波长为 λ 的单色光垂直照射如图的劈尖膜 ($n_1 > n_2 > n_3$)。观察反射光干涉。从劈尖顶开始算起, 第二条暗纹中心所对应的膜厚度为 $\frac{3\lambda}{4n_2}$ 。



15. 数 $P_{150} 14$

$$\delta = 2n_2 h = \frac{\lambda}{2} (2k+1) \dots \text{暗纹}$$

$k=0$ (第 1 条暗纹)
 $k=1$ (第 2 条暗纹)

16. (本题 3 分) 如果单缝夫琅和费衍射的第一级暗纹发生在衍射角 30° 的方向上, 所用单色光波长 $\lambda = 600 \text{ nm}$, 则单缝宽度为 $1.2 \mu\text{m}$ 。

三、计算题 (本大题共 48 分)

17. (本题 10 分) 一质点按如下规律沿 x 轴作简谐振动: $x = 0.2 \cos(4\pi t + \frac{1}{3}\pi)$

(SI)。求此振动的周期、振幅、初相、速度最大值和加速度最大值。

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi}{4\pi} = \frac{1}{2} = 0.5 \text{ s}$$

$$A = 0.2 \text{ m}$$

$$\varphi_0 = \frac{\pi}{3}$$

$$v_m = \omega A = 4\pi \times 0.2 = 0.8\pi \text{ (m/s)}$$

$$a_{\max} = \omega^2 A = (4\pi)^2 \times 0.2 = 3.2\pi^2 \text{ m/s}^2$$

18. (本题 8 分) 某质点作简谐振动, 周期为 2s, 振幅为 0.06m, 开始计时 ($t=0$), 质点恰好处在平衡位置, 并向负方向运动, 求:
- 1) 该质点的振动方程;
 - 2) 此振动以速度 $v=3$ m/s 沿 x 轴正方向传播时, 形成的一维简谐波的波动方程 (以该质点的平衡位置为坐标原点);
 - 3) 该波的波长.

1) 初相 $\phi_0 = \frac{\pi}{2}$

振动方程 $y_0 = 0.06 \cos(\pi t + \frac{\pi}{2})$ (SI)/m

2) $y = 0.06 \cos[\pi(t - \frac{x}{v}) + \frac{\pi}{2}]$

波动方程 $y = 0.06 \cos[\pi(t - \frac{x}{3}) + \frac{\pi}{2}]$ (SI)/m.

3) $\lambda = vT = 3 \times 2 = 6$ (m).

19. (本题 10 分) 设入射波的表达式为 $y_1 = A \cos 2\pi(\frac{t}{T} + \frac{x}{\lambda})$, 在 $x=0$ 发生反射, 反射点为一固定端, 求:

(1) 反射波的表达式; (2) 驻波的表达式; (3) 波腹、波节的位置.

(1) 入射波在 $x=0$ 的振动方程.

$y_{10} = A \cos 2\pi \frac{t}{T}$

反射波在 $x=0$ 的振动方程.

$y_{20} = A \cos(2\pi \frac{t}{T} + \pi)$

取任意点 P , 坐标为 x .

P 点的振动方程.

$y_P = A \cos[2\pi(\frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda}) + \pi]$

(即反射波的表达式)

驻波 $y = y_1 + y_2 = A \cos[2\pi(\frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda}) + \pi]$

(2) 驻波的

$y = y_1 + y_2 = 2A \cos(2\pi \frac{t}{T} + \frac{\pi}{2}) \cos(\frac{2\pi}{\lambda} x - \frac{\pi}{2})$

(用和差化积公式)

$\cos \alpha + \cos \beta = 2 \cos \frac{\alpha + \beta}{2} \cos \frac{\alpha - \beta}{2}$

$A_0 = 2A |\cos \frac{2\pi}{\lambda} x - \frac{\pi}{2}|$

(3) 波腹.

$\frac{2\pi}{\lambda} x - \frac{\pi}{2} = k\pi$

$x = \frac{2k\pi + \frac{\pi}{2}}{\frac{2\pi}{\lambda}} = (k + \frac{1}{2}) \frac{\lambda}{2}$

波节

$\frac{2\pi}{\lambda} x - \frac{\pi}{2} = (k + \frac{1}{2}) \frac{\pi}{2}$

$x = \frac{k\pi}{\frac{2\pi}{\lambda}} = k \frac{\lambda}{2}$ ($k=0, 1, 2, \dots$) (因波腹在 $x=0$ 处)

20. (本题 6 分) 用一束 $\lambda = 580$ nm 激光垂直照射一双缝, 在缝后 2.0m 处的墙上观察到中央明纹和第一级明纹的间隔为 15cm. 求 (1) 两缝的间距; (2) 在中央明纹以上还能看到几条明纹?

(1) $\Delta x = \frac{D}{d} \lambda$

两缝间距 $d = \frac{D}{\Delta x} \lambda = \frac{2}{15 \times 10^{-2}} \times 580 \times 10^{-9} = 7.73 \times 10^{-6}$ m

(2)

光程差 $\delta = x \frac{d}{D} = 2k \cdot \frac{\lambda}{2} \dots$ 明纹.

$= k\lambda$

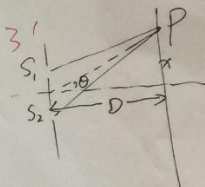
最大取 90° 时, $\sin \theta = \tan \theta = \sin 90^\circ = 1$

$\tan \theta = \frac{x}{D} = \tan \theta \approx \sin \theta = 1$ ($\because x, d \ll D$, $\therefore \tan \theta \approx \sin \theta$)

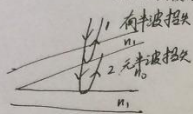
$x \frac{d}{D} = d = k\lambda$

$k = \frac{d}{\lambda} = \frac{7.73 \times 10^{-6}}{580 \times 10^{-9}} = 13.3 \Rightarrow k_{\max} = 13$

即中央明纹以上还能看到 13 条明纹.



21. (本题 8 分) 用波长为 500 nm ($1 \text{ nm} = 10^{-9} \text{ m}$) 的单色光垂直照射到由两块光学平玻璃构成的空气劈形膜上。在观察反射光的干涉现象中，距劈形膜棱边 $l = 1.56 \text{ cm}$ 的 A 处是从棱边算起的第四条暗条纹中心。
- (1) 求此空气劈形膜的劈尖角 θ 。
- (2) 改用 600 nm 的单色光垂直照射到此劈尖上仍观察反射光的干涉条纹， A 处是明条纹还是暗条纹？
- (3) 在第(2)问的情形从棱边到 A 处的范围内共有几条明纹？几条暗纹？



(1) 光程差 $\delta = 2n_2 h_k + \frac{\lambda}{2} = (2k+1) \frac{\lambda}{2}$ ($k=0, 1, 2, 3, \dots$) ... 暗纹

第四条暗纹， $k=3$

$$2n_2 h_3 = 3\lambda \Rightarrow h_3 = \frac{3\lambda}{2n_2} = 7.5 \times 10^{-7} \text{ (m)}$$

$$\sin \theta \approx \theta = \frac{h_3}{l} \approx 0$$

$$\theta \approx \tan \theta = \frac{h_3}{l} = \frac{7.5 \times 10^{-7}}{1.56 \times 10^{-2}} = 4.8 \times 10^{-5} \text{ (rad)}$$

(因 $\theta \rightarrow 0$)

(2) $\delta' = 2n_2 h_3 + \frac{\lambda'}{2} = 2h_3 + \frac{\lambda'}{2} = 3\lambda' + \frac{\lambda'}{2}$

$$\delta' = 2n_2 h_3 + \frac{\lambda'}{2} = 2h_3 + \frac{\lambda'}{2} = 3\lambda'$$

满足 $\delta' = 2h_3 + \frac{\lambda'}{2} = k\lambda'$ 明纹条件

$\therefore A$ 处是明纹。

(3) 棱边处是暗纹，3条明纹

暗暗暗暗暗

明明明明明

22. (本题 6 分) 今有白光形成的单缝夫琅和费衍射图样，若其中某一光波的第 4 级明纹和红光 ($\lambda = 600 \text{ nm}$) 的第三级明纹相重合，求这一光波的波长。

$$a \sin \varphi = \pm (k+1) \frac{\lambda}{2} \quad \dots \text{明纹位置}$$

$$(2 \times 4 + 1) \frac{\lambda'}{2} = (2 \times 3 + 1) \frac{\lambda}{2} \quad (\lambda = 600 \text{ nm})$$

$$\text{波长 } \lambda' = 466.7 \text{ nm}$$

一、单项选择题 (每小题 3 分, 共 27 分)

| 题号 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
|----|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 答案 | C | B | C | D | A | D | B | A | D |

二、填空题 (共 25 分)

10. (本题 5 分)

$$x = A \cos\left(\frac{2\pi}{T}t - \frac{1}{2}\pi\right) \quad 2 \text{ 分}$$

$$x = A \cos\left(\frac{2\pi}{T}t + \frac{1}{2}\pi\right) \quad 2 \text{ 分}$$

$$x = A \cos\left(\frac{2\pi}{T}t + \pi\right) \quad 1 \text{ 分}$$

11. (本题 4 分) $3/4$ (2 分)

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{\Delta l}{g}} \quad (2 \text{ 分})$$

12. (本题 3 分) $y_0 = 0.04 \cos(0.4\pi t - 1.3\pi)$ (SI)/m
或 $y_0 = 0.04 \cos(0.4\pi t + 0.7\pi)$ (SI)/m

13. (本题 3 分) 935.3 Hz 或 $\frac{15900}{17} \text{ Hz}$

14. (本题 4 分) 红 (2 分) 不能 (2 分)

15. (本题 3 分) $\frac{3\lambda}{4n_2}$

16. (本题 3 分) $a = 1200 \text{ nm} = 1.2 \mu\text{m} = 1.2 \times 10^{-6} \text{ m}$

三、计算题 (共 48 分)

17. (本题 10 分)

解: 周期 $T = 2\pi / \omega = 0.5 \text{ s}$, 2 分
振幅 $A = 0.2 \text{ m}$, 2 分
初相 $\phi = \pi/3$, 2 分
 $v_{\max} = \omega A = 0.8\pi \text{ m/s} (= 2.5 \text{ m/s})$, 2 分
 $a_{\max} = \omega^2 A = 3.2\pi^2 \text{ m/s}^2 (= 31.5 \text{ m/s}^2)$ 2 分

18. (本题 8 分)

解: (1) 该质点的初相位 $\phi = \pi/2$

振动方程 $y_0 = 0.06 \cos\left(\frac{2\pi}{2}t + \frac{\pi}{2}\right) = 0.06 \cos(\pi t + \frac{\pi}{2}) \quad (\text{SI})/\text{m} \quad (3 \text{ 分})$

(2) 波动表达式 $y = 0.06 \cos[\pi(t - x/u) + \frac{\pi}{2}]$
 $= 0.06 \cos[\pi(t - \frac{1}{3}x) + \frac{\pi}{2}] \quad (\text{SI}) \quad (3 \text{ 分})$
 $\lambda = uT = 6 \text{ m} \quad (2 \text{ 分})$

(3) 波长

19. (本题 10 分) 解: (1) 入射波: $y_1 = A \cos 2\pi(\frac{t}{T} + \frac{x}{\lambda})$, 反射点 $x=0$ 为固定点, 说明反射波存在半波损失。

反射波的波动方程: $y_2 = A \cos[2\pi(\frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda}) + \pi] \quad (3 \text{ 分})$

(2) 根据波的叠加原理, 驻波方程:

$$y = 2A \cos(2\pi \frac{x}{\lambda} + \frac{\varphi_2 - \varphi_1}{2}) \cos(2\pi \frac{t}{T} + \varphi)$$

将 $\varphi_1 = 0$ 和 $\varphi_2 = \pi$ 代入得到: 驻波方程: $y = 2A \sin 2\pi \frac{x}{\lambda} \cos(2\pi \frac{t}{T} + \frac{\pi}{2})$

驻波的振幅: $A_{\text{合}} = 2A \left| \sin 2\pi \frac{x}{\lambda} \right| \quad (3 \text{ 分})$

(3) 波腹的位置: $2\pi \frac{x}{\lambda} = (2k+1)\frac{\pi}{2}$, $x = (2k+1)\frac{\lambda}{4}$, $k = 0, 1, 2, 3 \dots (2 \text{ 分})$

波节的位置: $2\pi \frac{x}{\lambda} = k\pi$, $x = \frac{k}{2}\lambda$, $k = 0, 1, 2, 3 \dots (2 \text{ 分})$

(因为波只在 $x > 0$ 的空间, k 取正整数)

20. (本题 6 分) 解: (1) $d = \frac{d'}{\Delta x} \lambda = \frac{2.0 \times 580 \times 10^{-9}}{0.15} = 7.73 \times 10^{-6} \text{ m} \quad (3 \text{ 分})$

(2) 由于 $\theta < \frac{\pi}{2}$, 按 $\theta = \frac{\pi}{2}$ 计算, 则 $k = d \sin \theta / \lambda = d' / \Delta x = 13.3$ 应取

13 即在中央明纹以上还看到 13 条明纹。 (3 分)

21. (本题 8 分) 解: (1) 棱边处是第一条暗纹中心, 在膜厚度为 $e_2 = \frac{1}{2}\lambda$ 处是第二条暗纹中心, 依此可知第四条暗纹中心处, 即 A 处膜厚度 $e_4 = \frac{3}{2}\lambda$

$\therefore \theta = e_4 / l = 3\lambda / (2l) = 4.8 \times 10^{-5} \text{ rad} \quad (3 \text{ 分})$

(2) 由上问可知 A 处膜厚为 $e_4 = 3 \times 500 / 2 \text{ nm} = 750 \text{ nm}$

对于 $\lambda' = 600 \text{ nm}$ 的光, 连同附加光程差, 在 A 处两反射光的光程差为

$2e_4 + \frac{1}{2}\lambda'$, 它与波长 λ' 之比为 $2e_4/\lambda' + \frac{1}{2} = 3.0$. 所以 A 处是明纹 (3 分)

(3) 棱边处仍是暗纹, A 处是第三条明纹, 所以共有三条明纹, 三条暗纹. (2 分)

22. (本题 6 分) 解: 对于夫琅和费单缝衍射,

明纹的位置: $a \sin \varphi = \pm(2k+1)\frac{\lambda}{2}$ (2 分)

根据题意: $a \sin \varphi = \pm(2 \cdot 4 + 1)\frac{\lambda'}{2}$

和 $a \sin \varphi = \pm(2 \cdot 3 + 1)\frac{\lambda}{2}$ (2 分)

$(2 \cdot 4 + 1)\frac{\lambda'}{2} = (2 \cdot 3 + 1)\frac{\lambda}{2}$, $\lambda' = 466.7 \text{ nm}$ (2 分)