HDU编程营:936217564

座位号:

杭州电子科技大学学生考试卷(A)卷

考试课程	离散数学 2		考试日期	2019	年	月	日	成 绩	
课程号	课程号 A0507042 教师号			任i	任课教师姓名			陈勤、袁友伟、周丽、 吴向阳、陈溪源	
考生姓名		学号 (8 位)		年组	及			专业	

请将答案填写在答卷纸上。

- 一 判断题(每小题2分,共10分)
- 1. 整数集合与自然数集合等势,有理数集合与整数集合也等势,因此有理数集合与自然数集合等势。
- 2. 阶数大于 1 的群没有零元,也不存在等幂元。
- 3. 偶数阶群必含有2次元。
- 4. P 阶图 G 中,若存在通过顶点 v 的闭通道,则一定存在通过 v 的长度小于或等于 p 的回路。
- 5. 图 G 不能同时具备欧拉开迹和欧拉闭迹,同理,图 G 也不能同时具备哈密尔顿开路和哈密尔顿回路。
- 二 选择题(每小题2分,共20分)
- 1. 下列关于函数的说法错误的是()。
 - A $f: N \rightarrow N, f(x) = 2x + 1$ 是单射
 - B $f: R \to R^+, f(x) = 2^x$ 是双射
 - $C f: Z \rightarrow N, f(x) = x^2$ 是满射
 - D $f: N \rightarrow N \times N, f(x) = \langle x + 1, x \rangle$ 是单射
- 2. 设函数 f: X → Y, g: Y → Z, 则 ()
 - A 若 f°g 满射,则是f满射。
 - B若f和g满射,则f°g是满射。
 - C 若f单射,则 f°g 是单射。
 - D 若 f°g 单射,则g是单射。
- 3. 下列关于复合运算的说法正确的是()
 - A 它是 $\rho(X \times X)$ 上的二元运算,单位元是恒等关系,零元是空关系,每个元素都有逆元。
 - B 它是 X^X 上的二元运算,单位元是恒等函数,零元不存在,每个元素都有逆元。
 - C 它是 $\rho(X \times X)$ 上的二元运算,满足消去律。
 - D 它是 X^X 上的二元运算,不满足消去律。

4. 下列不属于群的是()。

 $A < Z_5^*, \times_5 >$ $C < Z_8^*, +_8 >$

 $\mathbf{B} < \mathbf{Q}^*, \times >$ $\mathbf{D} < \widehat{\mathbf{M}}_n(\mathbf{R}), \times >$

5. 下列哪一个不属于群 < G, +6 > , G= {0, 1, 2, 3, 4, 5} 的子群 ()。

A {0, 2, 4}

B {0, 1, 2, 3, 4, 5}

C {0, 1, 3}

D {0, 3}

6. 群< G, *>, $G = \{e, a, a^2 \dots a^{13}\}$ 的生成元有() 个。

A 5

ВО

C 7

D 8

7. 图 G 有 12 条边, 5 度顶点 1 个, 4 度顶点 2 个, 其余顶点的度数均不超过 3, 请问下列哪一组不是图 G 可能的度序列? ()

A {5, 4, 4, 3, 3, 2, 2, 1}

B {5, 4, 4, 3, 3, 3, 2}

C {5, 4, 4, 3, 2, 2, 2, 2}

D {5, 4, 4, 3, 2, 2, 1, 1, 1}

8. 关于 p 阶连通图 G 的说法错误的是? ()

A 仅含一个连通分图。

B 对于 G 中任意两点 u, v, $d(u) + d(v) \ge p - 1$

 $0 \lambda(G) \leq \delta(G)$

D 若(u, v)是桥,且d(u) = 2,则 u 一定为割点。

9. 图 G 的度序列为 {3, 3, 2, 2, 1, 1},则图 G 最可能是()

A 二重图

B 哈密尔顿图

C 欧拉图

D 树

10. 下列哪一组度序列最有可能被简单图化? ()

A {5, 4, 3, 3, 2, 1}

B {5, 3, 3, 2, 1}

C {4, 4, 4, 3, 3, 3}

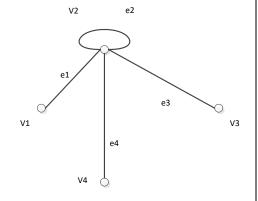
D {4, 4, 4, 2, 2}

三 综合题(共70分)

- 1. (10 分, 每题 2 分) 群 < G, *>, $G = \{e, a, a^2 ... a^{17}\}$, |a|=18, 求
 - (1) $|a^{12}|$ 和 $|a^{-2}|$
 - (2) 由 a³ 生成的子群 G₁
 - (3) 求[G:G₁]
 - (4) 求 G,中的所有生成元
 - (5) 求满足 a^x =a⁻¹⁰的整数 x, x 的区间为[0, 12]

座位号:

- 2. (12 分,每题 3 分) < G,×₇>,G={1, 2, 3, 4, 5, 6}
 - (1) 给出< G,×7> 的运算表
 - (2) 验证 $< G_1 \times_7 >$ 构成群
 - (3) 给出每个元的次数
 - $(4) < G_1 \times_7 >$ 是否为循环群,若是则求出所有生成元
- 3. (9分, 每题 3分) < G, +12>, G= {0, 1, 2, ···, 11}, H 是由元素 3 生成的子群
 - (1) 求 H
 - (2) 求 H 中每个元素的次数
 - (3) 求 H 在 G 中的所有右陪集
- 4. (9分)群< G,*>, H, K 是其子群。定义 G 上的关系 R: R = {< a,b > |∀a,b ∈ G,∃h ∈ H,k ∈ K,b = h * a * k} 证明 R 是 G 上的等价关系。
- 5. (14分, 1,3每题 4分,2 题 6分) (p,q)图如图 G 所示,求
 - (1) 求 G 的关联矩阵
 - (2) 求 G 的邻接矩阵 A, 以及 A 的 2 次幂和 3 次幂矩阵。
 - (3) 求顶点 V₁到 V₂长度小于或等于 3 的通路的条数。



6. (6分)连通图 G含有 k 个奇点,证明在图 G中至少要添加 k/2 条边才能使该图成为欧拉图。

- 7. (10分, 1,2,3每题2分,4题4分)如图G所示
 - (1) 求 λ(G) 以及 κ(G)
 - (2) G 是否为欧拉图,请说明原因。
 - (3) G 是否为哈密尔顿图,如果是,请指出从 a 开始的哈密尔顿回路,不是请说明理由。
 - (4) G 中的生成树如图中虚线所示, 求枝 ae 的基本割集以及弦 de 的基本回路。

