杭州电子科技大学学生考试卷(A)卷								
考试课程 线性代数		女 考试	考试日期		2013年1月 日		成 绩	
课程号	A0702020	教师号			任课教师姓名			•
考生姓名		学号 (8位	立)		年级		春 亚	
			Ι		1			
遯 号		=		4	Д		Яi	六
得 分								

有答案全部书写在试卷上,答案写在其他地方视为无效!本课程考试试卷总共 4 大张, 另附两张纸作为草稿纸使用,不得使用其余形式的草稿纸,不得使用计算器等计算工具,否则视 5作弊!

一、填空题(请将答案填写在横线上。本题总共六小题,每题 3 分,总共

若向量组 $\alpha_1 = \begin{bmatrix} 1,1,0 \end{bmatrix}^T$, $\alpha_2 = \begin{bmatrix} 1,3,-1 \end{bmatrix}^T$. $\alpha_3 = \begin{bmatrix} 5,3,a \end{bmatrix}^T$ 线性相关. 则 a 的取值为

设A为n阶正交阵,且 $\left|A\right|>0$,则 $\left|A\right|=$ ______;

、设 $\alpha_1 = [1,0,0]^T$, $\alpha_2 = [-1,-1,1]^T$, $\alpha_3 = [1,0,-1]^T$, \mathcal{L} (是或否)构成向量空

设 3 阶方阵 A 的特征值为 1, -1, 0, 则 |3 A| - ______;

设A为5阶方阵,秩(A)-4、A*为A的伴随矩阵,则齐次线性方程组A*X=0的基础解

含向量的个数为: 4

得分

二、选择题(请将正确答案填写在括号中,在字母前勾选所得结果视为无效。

本题共六小题,每题3分,共18分)

1、行列式
$$\begin{vmatrix} 0 & a & 0 & 0 \\ b & c & 0 & 0 \\ 0 & 0 & d & e \\ 0 & 0 & 0 & f \end{vmatrix}$$
 (**B**):

- (A) abcdef
- (B) -abdf (C) abdf
- 2、若A是n阶对称矩阵。B是n阶反对称矩阵,则有 (Δ);
 - (A) A² 是对称矩阵
- (B) AB 是反对称矩阵
- (C) B² 是反对称矩阵
- (D) AB BA 是反对称矩阵
- 3、设A, B都是n阶方阵, 且A与B相似, 则(P);
 - (A) A与B的特征矩阵相同
- (B) A与B的特征方程相同
- (C) A = B 相似于同一个对角阵 (D) 存在正交阵 P, 使 $P^{-1}AP = B$
- 4、下列二阶矩阵可对角化的是();

(A)
$$\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ -4 & 5 \end{bmatrix}$$
 (B) $\begin{bmatrix} 1 & -4 \\ 1 & 5 \end{bmatrix}$ (C) $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$ (D) $\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$

$$(B) \begin{bmatrix} 1 & -4 \\ 1 & 5 \end{bmatrix}$$

$$(C) \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$$

(D)
$$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$$

- (A) t = 6 时 B 的 秩 为 1 (B) t = 6 时 B 的 秩 为 2
- (C) t≠6时B的秩为1
- (D) t≠6时B的秩为2
- 6、 设 A 是 5×3 矩阵,则齐次线性方程组 $(AA^{\mathsf{T}})X = 0$ 有 ();
 - (A) 无解

(B) 有惟一解

(C) 有无穷多解

(D) 可能有解, 可能无解

试求解下列各题(本题共四小题,每题5分,共20分)

$$X = \begin{pmatrix} 5 & 3 & 1 \\ -3 & -3 & 0 \\ -7 & -4 & -1 \end{pmatrix}$$

- 2、设 A 是 n 阶可逆方阵,将 A 的第 i 列和第 j 列互换后得到的矩阵记为 B 。
- (1) 证明 B 为可逆矩阵;
- (2) 求B⁻¹A。

$$(\alpha_1 \ \alpha_2 \ \alpha_3) \ \alpha_1) = (-1 \ \alpha_1) + \alpha_2$$

$$(\alpha_1 \ \alpha_2 \ \alpha_3) \ \alpha_1) = (-2 \ \alpha_1 \ \alpha_2) \ \alpha_2$$

$$(\alpha_1 \ \alpha_2 \ \alpha_3) \ \alpha_2) = (-2 \ \alpha_1 \ \alpha_2) \ \alpha_3 \ \alpha_1 - 1 \ \alpha_2$$

$$(\alpha_1 \ \alpha_2 \ \alpha_3) \ \alpha_3) = (-2 \ \alpha_1 \ \alpha_2) \ \alpha_3 \ \alpha_1 - 1 \ \alpha_2$$

$$(\alpha_1 \ \alpha_2 \ \alpha_3) \ \alpha_3) = (-2 \ \alpha_1 \ \alpha_2) \ \alpha_3 \ \alpha_3$$

3、已知 $f(x_1, x_2, x_3) = 2x_1^2 + tx_2^2 + tx_3^2 + 4x_1x_2 - 4x_1x_3$ 正定,求t 的取值范围;

3、已知
$$f(x_1, x_2, x_3) = 2x_1^2 + tx_2^2 + tx_3^2 + 4x_1x_2 - 4x_1x_3$$
 正定、求 t 的取值犯
$$A = \begin{pmatrix} 2 & 2 & -2 \\ 2 & t & 0 \\ -2 & 0 & t \end{pmatrix}$$

$$\therefore f \frac{2}{2} \cdot \Delta_1 = 2 \quad 70$$

$$\Delta_2 = \begin{vmatrix} 2 & 2 \\ 2 & t \end{vmatrix} = 2(t-2) \quad 70$$

$$\Delta_3 = |\Delta| = t(t-4) \quad 70$$

$$\Delta_3 = |\Delta| = t(t-4) \quad 70$$

$$\Delta_4 = |\Delta| = t(t-4) \quad 70$$

$$\Delta_5 = |\Delta| = t(t-4) \quad 70$$

4、设 $\alpha_1 = [-2,1,3]^{\mathsf{T}}$, $\alpha_2 = [-1,0,1]^{\mathsf{T}}$. $\alpha_3 = [-2,-5,-1]^{\mathsf{T}}$,证明 α_1 , α_2 . α_3 是 R^3 的一组 基。并求 $\alpha = [4,12,6]^{\mathsf{T}}$ 在这组基下的坐标。

記:
$$|(\alpha_1 \, \alpha_2 \, \alpha_3)| = 2 + 0$$

 $|(\alpha_1 \, \alpha_2 \, \alpha_3)| = 2 + 0$
 $|(\alpha_1 \, \alpha_2 \, \alpha_3)| = |(\alpha_1 \, \alpha_3 \, \alpha_3)|$



