

## 2018 大学物理期末试卷 B 卷答案

## 一、选择题（每题 3 分，共 24 分）

1. A 2. D 3. C 4. C 5. B 6. A 7. D 8. B

## 二 填空题 (共 23 分)

1. (本题 3 分)

$$a_n = 4Rt^2 \quad 2 \text{ 分}$$

$$\beta = 2 \text{ rad/s}^2 \quad 1 \text{ 分}$$

2. (本题 3 分)

$$(m+M)v_0 = MV + m(v+V) \quad 3 \text{ 分}$$

3. (本题 4 分)

62.5 圈 2 分1.67s 2 分

4. (本题 3 分)

A 点 3 分

5. (本题 3 分)

$$P = nkT \quad 3 \text{ 分}$$

6. (本题 4 分)

$$q\bar{r}/(4\pi\epsilon_0 r^3) \quad 2 \text{ 分}$$

$$q/(4\pi\epsilon_0 r_C) \quad 2 \text{ 分}$$

7. 不会 3 分

## 三 计算题 (共 53 分)

1. (本题 8 分)

解：(1) 质点绕行一周所需时间：  $3\pi t^2 + \pi t = 2\pi R$ ,  $t = 1s$ 质点绕行一周所经历的位移：  $\Delta \vec{r} = 0$ ; 2 分

$$\text{平均速率: } \bar{v} = \frac{s}{\Delta t} = 4\pi \quad m/s \quad 2 \text{ 分}$$

$$(2) \text{ 质点在任一时刻的速度大小: } v = \frac{ds}{dt} = 6\pi t + \pi$$

$$\text{加速度大小: } |\vec{a}| = \sqrt{a_n^2 + a_\tau^2} = \sqrt{\left(\frac{v^2}{R}\right)^2 + \left(\frac{dv}{dt}\right)^2} \quad 2 \text{ 分}$$

$$\text{质点在 1 秒末速度的大小: } v = 7\pi (m/s) \quad 2 \text{ 分}$$

2. (本题 8 分)

$$\text{解: } F = ma, \quad a = F/m = \frac{2t}{5} (m \cdot s^{-2}) \quad 2 \text{ 分}$$

$$dv/dt = a = \frac{2t}{5}, \quad dv = \frac{2t}{5} dt$$

$$\text{由 } \int_0^v dv = \int_0^t \frac{2t}{5} dt, \text{ 得 } v = 0.2t^2 (m/s) \quad 3 \text{ 分}$$

故  $t = 3 \text{ s}$  时,  $v_2 = 1.8 \text{ m/s}$   
根据动能定理, 外力的功

$$W = \frac{m}{2} v_2^2 - 0 = \frac{m}{2} v_2^2 = 8.1 \text{ J} \quad 3 \text{ 分}$$

3. (本题 8 分)

解: (1)  $\omega = \omega_0 + \beta t$ ,  $\omega_0 = \frac{2\pi n}{60} = 20\pi \text{ rad/s}$ , 2 分

$$\omega = \frac{2\pi n}{60} = 100\pi \text{ rad/s}, \quad \beta = \frac{\omega - \omega_0}{t} = 31.4 \text{ rad/s}^2 \quad 2 \text{ 分}$$

$$(2) \theta = \omega_0 t + \frac{1}{2} \beta t^2, \quad 2 \text{ 分}$$

$$\theta = 480\pi \text{ rad}, \quad N = \frac{\theta}{2\pi} = 240 \text{ 圈} \quad 2 \text{ 分}$$

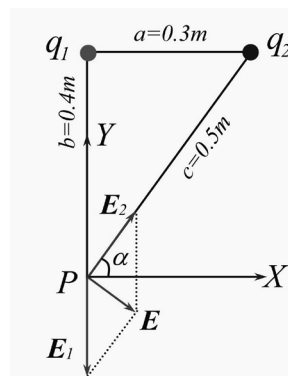
4. (本题 6 分)

解: □ 根据题意作出如图所示的电荷分布, 选取坐标系  $OXY$

$$q_1 \text{ 在 } P \text{ 产生的场强: } \vec{E}_1 = \frac{q_1}{4\pi\epsilon_0 b^2} (-\vec{j}) \quad 2 \text{ 分}$$

$$q_2 \text{ 在 } P \text{ 产生的场强: } \vec{E}_2 = \frac{|q_2|}{4\pi\epsilon_0 c^2} (\cos\alpha \vec{i} + \sin\alpha \vec{j}) \quad 2 \text{ 分}$$

$$P \text{ 点的电场强度: } \vec{E} = \frac{q_1}{4\pi\epsilon_0 b^2} (-\vec{j}) + \frac{|q_2|}{4\pi\epsilon_0 c^2} (\cos\alpha \vec{i} + \sin\alpha \vec{j})$$



将  $\sin\alpha = \frac{4}{5}$ ,  $\cos\alpha = \frac{3}{5}$ ,  $b = 0.4 \text{ m}$ ,  $c = 0.5 \text{ m}$  代入得到:

$$\vec{E} = 4320 \vec{i} - 5490 \vec{j} \quad 2 \text{ 分}$$

5. (本题 5 分)

解: 根据安培环路定理:  $\oint_L \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I$ , 选取圆形回路为闭合路径

$$r < a: \underline{B = 0} \quad 1 \text{ 分}$$

$$a < r < b: B \cdot 2\pi r = \mu_0 \frac{I}{\pi(b^2 - a^2)} \pi(r^2 - a^2),$$

$$\underline{B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r} \frac{r^2 - a^2}{b^2 - a^2}} \quad 2 \text{ 分}$$

$$r > b: B \cdot 2\pi r = \mu_0 I, \quad \underline{B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}} \quad 2 \text{ 分}$$

6. (本题 8 分)

解：根据牛顿运动定律和转动定律列方程

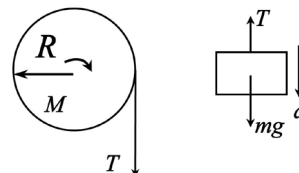
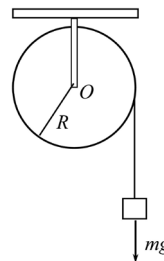
$$\text{对物体: } mg - T = ma \quad (1) \quad 2 \text{ 分}$$

$$\text{对滑轮: } TR = J\beta \quad (2) \quad 2 \text{ 分}$$

$$\text{运动学关系: } a = R\beta \quad (3)$$

将①、②、③式联立得  $a = mg / (m + \frac{1}{2}M)$  2 分

$\because v_0 = 0, \therefore v = at = mgt / (m + \frac{1}{2}M)$  2 分



7. (本题 10 分)

解：(1) 载流为  $I$  的无限长直导线在与其相距为  $r$  处产生的磁感强度为：

$$B = \mu_0 I / (2\pi r) \quad 2 \text{ 分}$$

以顺时针绕向为线圈回路的正方向，与线圈相距较远的导线在线圈中产生的磁通量为：

$$\Phi_1 = \int_{2d}^{3d} d \cdot \frac{\mu_0 I}{2\pi r} dr = \frac{\mu_0 Id}{2\pi} \ln \frac{3}{2} \quad 2 \text{ 分}$$

与线圈相距较近的导线对线圈的磁通量为：

$$\Phi_2 = \int_d^{2d} -d \cdot \frac{\mu_0 I}{2\pi r} dr = -\frac{\mu_0 Id}{2\pi} \ln 2$$

总磁通量  $\Phi = \Phi_1 + \Phi_2 = -\frac{\mu_0 Id}{2\pi} \ln \frac{4}{3} \quad 2 \text{ 分}$

感应电动势为：  $E = -\frac{d\Phi}{dt} = \frac{\mu_0 d}{2\pi} (\ln \frac{4}{3}) \frac{dI}{dt} = \frac{\mu_0 d}{2\pi} \gamma \ln \frac{4}{3} \quad 2 \text{ 分}$

由  $\Phi > 0$  和回路正方向为顺时针，所以  $\Phi$  的绕向为顺时针方向，

线圈中的感应电流亦是顺时针方向。 2 分