

大学物理 I 期中考试试题

(20190427)

一 单项选择题(每题 3 分, 共 27 分)

01. 以下几种运动形式中, \vec{a} 保持不变的运动是 【 】

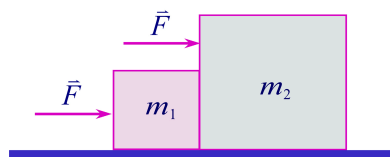
- (A) 单摆的运动; (B) 抛体运动; (C) 匀速率圆周运动; (D) 行星的椭圆轨道运动。

02. 一质点作直线运动, 某时刻的瞬时速度 $v = 2 \text{ m/s}$, 瞬时加速度 $a = -2 \text{ m/s}^2$, 则一秒钟后质点的速度 【 】

- (A) 等于零; (B) 等于 -2 m/s ; (C) 等于 2 m/s ; (D) 不能确定。

03. 光滑的水平桌面上放有两块相互接触的滑块, 质量分别为 m_1 和 m_2 , 且 $m_1 < m_2$ 。今对两滑块施加相同的水平作用力, 如图 Q_01210 所示。设在运动过程中, 两滑块不离开, 则两滑块之间的相互作用力 N 应有: 【 】

- (A) $N = 0$;
(B) $F < N < 2F$;
(C) $0 < N < F$;
(D) $N > 2F$ 。



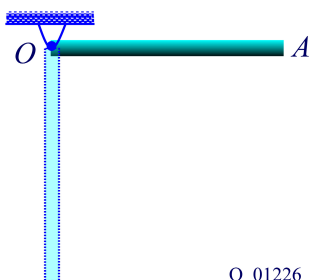
Q_01210

04. 已知水星的半径是地球半径的 0.4 倍, 质量为地球的 0.04 倍。设在地球上的重力加速度为 g , 则水星表面上的重力加速度为: 【 】

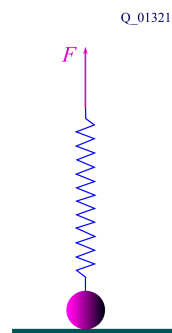
- (A) $0.1 g$; (B) $0.25 g$; (C) $2.5 g$; (D) $4 g$ 。

05. 均匀细棒 OA 可绕通过其一端 O 而与棒垂直的水平固定光滑轴转动, 如图 Q_01226 所示。今使棒从水平位置由静止开始自由下落, 在棒摆动到竖直位置的过程中, 下述说法哪一种是正确的? 【 】

- (A) 角动量从大到小, 角加速度从大到小;
(B) 角动量从大到小, 角加速度从小到大;
(C) 角动量从小到大, 角加速度从小到大;
(D) 角动量从小到大, 角加速度从大到小。



Q_01226



Q_01321

06. 今有一劲度系数为 k 的轻弹簧, 如图 Q_01321 所示。竖直放置, 下端悬一质量为 m 的小球, 开始时使弹簧为原长而小球恰好与地接触, 今将弹簧上端缓慢地提起, 直到小球刚能脱离地面为止, 在此过程中外力做功为 【 】

- (A) $\frac{m^2 g^2}{2k}$; (B) $\frac{m^2 g^2}{3k}$;
(C) $\frac{m^2 g^2}{4k}$; (D) $\frac{2m^2 g^2}{k}$ 。

07. 有两个半径相同, 质量相等的细圆环 A 和 B 。 A 环的质量分布均匀, B 环的质量分布不均匀。它们对通过环心并与环面垂直的轴的转动惯量分别为 J_A 和 J_B , 则 【 】

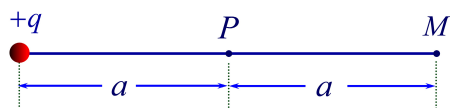
- (A) $J_A > J_B$; (B) $J_A < J_B$;
(C) $J_A = J_B$; (D) 不能确定 J_A 和 J_B 哪个大。

08. 已知一高斯面所包围的体积内电量代数和 $\sum q_i = 0$, 则可肯定: 【 】

- (A) 高斯面上各点场强均为零;
(B) 穿过整个高斯面的电通量为零;
(C) 穿过高斯面上每一面元的电通量均为零;
(D) 以上说法都对。

09. 如图 Q_02092 所示, 在点电荷 $+q$ 的电场中, 若取图中 P 点处为电势零点, 则 M 点的电势为: 【 】

- (A) $\frac{-q}{8\pi\epsilon_0 a}$;
(B) $\frac{q}{8\pi\epsilon_0 a}$;
(C) $\frac{-q}{4\pi\epsilon_0 a}$;
(D) $\frac{q}{4\pi\epsilon_0 a}$ 。



Q_02092

二 填空题(每小题 3 分, 共 21 分)

10. (本题 3 分)

一质点沿 x 方向运动, 其加速度随时间变化关系为 $a = 3 + 2t$ (SI), 如果初始时质点的速度 $v_0 = 5 \text{ m/s}$, 则当 $t = 3 \text{ s}$ 时, 质点的速度 $v =$ _____。

11. (本题 3 分) 一个力 F 作用在质量 $m = 1.0 \text{ kg}$ 的质点上, 使之沿 x 轴运动。已知在此力作用下质点的运动学方程 $x = 3t - 2t^2 + t^3$ (SI)。在 0 到 3 s 的时间间隔内, 力 F 对质点所作的功 $A =$ _____。

12. (本题 3 分)

一质量 $m = 10 \text{ g}$ 的子弹, 以速率 $v_0 = 500 \text{ m/s}$ 沿水平方向射穿一物体。穿出时, 子弹的速率 $v = 30 \text{ m/s}$, 仍是水平方向。则子弹在穿透过程中所受的冲量大小 $I =$ _____, 方向为 _____。

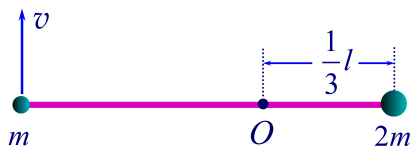
13. (本题 3 分)

半径为 R 具有光滑轴的定滑轮边缘绕一细绳, 绳的下端挂一质量为 m 的物体。绳的质量可以忽略, 绳与定滑轮之间无相对滑动。若物体下落的加速度为 $2a$, 则定滑轮对轴的转动惯量 $J =$ _____。

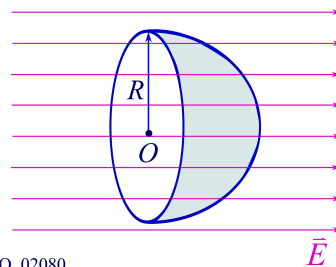
14. (本题 3 分)

如图 Q_01322 所示, 质量分别为 m 和 $2m$ 的两物体(都可视为质点), 用一长为 l 的轻质刚性细杆相连, 系统绕通过杆且与杆垂直的竖直固定轴 O 转动, 已知 O 轴离质量为 $2m$ 的质点的距离为 $\frac{1}{3}l$,

质量为 m 的质点的线速度为 v , 且与杆垂直, 则该系统对转轴的角动量大小 $L =$ _____。



Q_01322



Q_02080

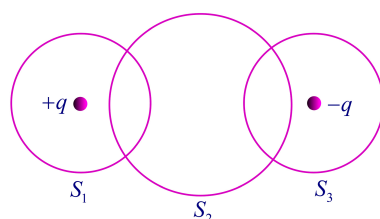
15. (本题 3 分)

如图 Q_02080 所示, 在场强为 \vec{E} 的均匀电场中取一半球面, 其半径为 R , 电场强度的方向与半球面的对称轴平行。则通过这个半球面的电通量为 $\Phi_e = E\pi R^2$ 。

16. (本题 3 分)

在点电荷 $+q$ 和 $-q$ 的静电场中, 作出如图 Q_02347 所示的三个闭合面 S_1 、 S_2 、 S_3 则通过这些闭合面的电场强度通量分别是:

$$\Phi_1 = \frac{+q}{\epsilon_0}; \quad \Phi_2 = 0; \quad \Phi_3 = \frac{-q}{\epsilon_0}$$



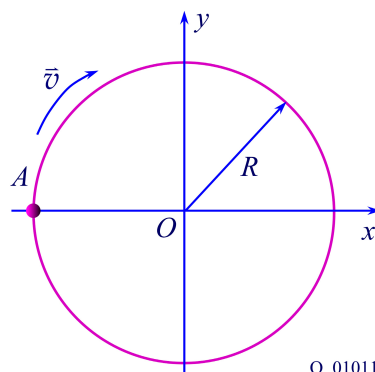
Q_02347

三. 计算题(本大题 7 小题, 共 52 分)

17. (本题 10 分)

如图 Q_01011 所示, 一质点作半径 $R = 4\text{ m}$ 的圆周运动, $t = 0$ 时质点位于 A 点, 然后顺时针方向运动, 运动方程 $s = \pi t^2 + 2\pi t$ (SI)。求:

- 1) 质点绕行一周所经历的路程、位移和平均速率;
- 2) 质点在 1 秒末的速度和加速度的大小。



Q_01011

18. (本题 8 分)

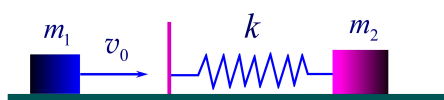
质量为 $m = 4.8 \text{ g}$ 的子弹 A ，以 $v_0 = 450 \text{ m/s}$ 的速率水平地射入一静止在水平面上的质量为 $M = 2 \text{ kg}$ 的木块 B 内， A 射入 B 后， B 向前移动了 $s = 80 \text{ cm}$ 而后停止，求：

- 1) B 与水平面间的摩擦系数 μ ；
- 2) 木块对子弹所做的功 A_1 ；
- 3) 子弹对木块所做的功 A_2 ；

19. (本题 6 分)

如图 Q_01323 所示，质量为 m_2 的物体与轻弹簧相连，弹簧另一端与一质量可忽略的挡板连接，静止在光滑的桌面上。弹簧劲度系数为 k 。今有一质量为 m_1 、速度大小为 v_0 的物体向弹簧运动并与挡板正碰，求弹簧最大的被压缩量。

Q_01323



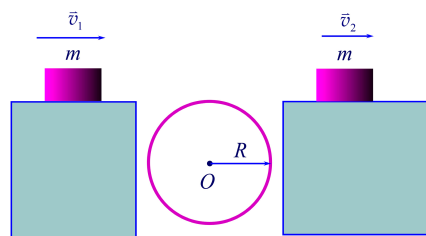
20. (本题 6 分)

一半径 $R = 20\text{ cm}$ 的圆柱体，可绕与其中心轴线重合的光滑固定轴转动。圆柱体上绕上绳子。圆柱体初角速度为零，现拉绳的端点，使其以 $a = 2\text{ m/s}^2$ 的加速度运动。绳与圆柱表面无相对滑动。试计算在 $t = 3\text{ s}$ 时：

- 1) 圆柱体的角加速度；2) 圆柱体的角速度。

21. (本题 8 分)

如图 Q_01324 所示为一半径为 R 、转动惯量为 J 的圆柱体，可以绕水平固定的中心轴 O 无摩擦地转动。起初圆柱体静止，一质量为 m 的木块以速率 v_1 在光滑水平面上向右滑动，并擦过圆柱体的上表面跃上另一同高度的光滑平面。设它和圆柱体脱离接触以前，它们之间无相对滑动，试求木块的最后速率 v_2 。



Q_01324

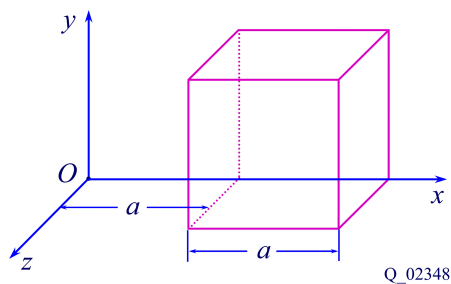
22. (本题 8 分)

两个均匀带电的同心球面，分别带有净电荷 q_1 和 q_2 ，其中 q_1 为内球的电荷。两球之间的电场为 $\frac{1500}{r^2} \text{ N/C}$ ，且方向沿半径向外；球外的场强为 $\frac{2000}{r^2} \text{ N/C}$ ，方向沿半径向里，试求 q_1 和 q_2 各等于多少？(真空介电常数 $\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \text{ C}^2 / \text{m}^2 \cdot \text{N}$)

23. (本题 6 分)

如图 Q_02348 所示为一个边长 $a = 0.1 \text{ m}$ 的立方形的高斯面，已知空间的场强分布：
$$\begin{cases} E_x = bx \\ E_y = 0 \\ E_z = 0 \end{cases}.$$

其中 $b = 1000 \text{ N/C} \cdot \text{m}$ 。试求该闭合面中包含的净电荷。($\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \text{ C}^2 / \text{m}^2 \cdot \text{N}$)



大学物理 I 期中考试解答

(20190427)

一 单项选择题(每题 3 分, 共 27 分)

01. 以下几种运动形式中, \vec{a} 保持不变的运动是

【 B 】

(A) 单摆的运动; (B) 抛体运动; (C) 匀速率圆周运动; (D) 行星的椭圆轨道运动。

02. 一质点作直线运动, 某时刻的瞬时速度 $v = 2 \text{ m/s}$, 瞬时加速度 $a = -2 \text{ m/s}^2$, 则一秒钟后质点的速度

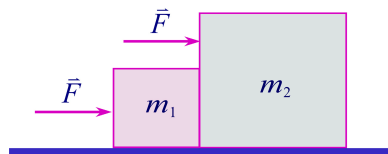
【 D 】

(A) 等于零; (B) 等于 -2 m/s ; (C) 等于 2 m/s ; (D) 不能确定。

03. 光滑的水平桌面上放有两块相互接触的滑块, 质量分别为 m_1 和 m_2 , 且 $m_1 < m_2$ 。今对两滑块施加相同的水平作用力, 如图 Q_01210 所示。设在运动过程中, 两滑块不离开, 则两滑块之间的相互作用力 N 应有:

【 C 】

- (A) $N = 0$;
 (B) $F < N < 2N$;
 (C) $0 < N < F$;
 (D) $N > 2F$ 。



Q_01210

2 个物体的运动方程:

$$\begin{cases} F - N = m_1 a \\ F + N = m_2 a \end{cases} \quad \text{——} \quad N = \frac{(m_2 - m_1)}{(m_1 + m_2)} F$$

因此 $0 < N < F$

04. 已知水星的半径是地球半径的 0.4 倍, 质量为地球的 0.04 倍. 设在地球上的重力加速度为 g , 则水星表面上的重力加速度为:

【 B 】

- (A) 0.1 g ; (B) 0.25 g ; (C) 2.5 g ; (D) 4 g 。

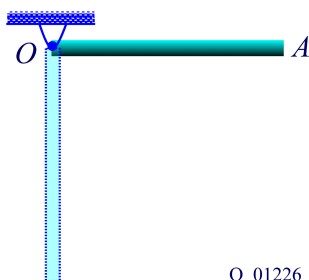
$$\begin{cases} G \frac{M_{\text{地}}}{R_{\text{地}}^2} = g_{\text{地}} \\ G \frac{M_{\text{水}}}{R_{\text{水}}^2} = g_{\text{水}} \end{cases} \quad \text{——} \quad G \frac{0.04 M_{\text{地}}}{(0.4 R_{\text{地}})^2} = g_{\text{水}}$$

因此 $g_{\text{水}} = \frac{1}{4} g_{\text{地}}$

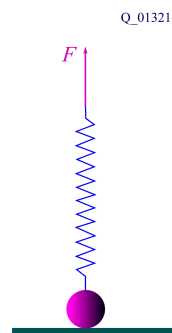
05. 均匀细棒 OA 可绕通过其一端 O 而与棒垂直的水平固定光滑轴转动, 如图 Q_01226 所示。今使棒从水平位置由静止开始自由下落, 在棒摆动到竖直位置的过程中, 下述说法哪一种是正确的?

【 D 】

- (A) 角动量从大到小, 角加速度从大到小;
 (B) 角动量从大到小, 角加速度从小到大;
 (C) 角动量从小到大, 角加速度从小到大;
 (D) 角动量从小到大, 角加速度从大到小。



Q_01226



Q_01321

06. 今有一劲度系数为 k 的轻弹簧, 竖直放置, 如图 Q_01321 所示, 下端悬一质量为 m 的小球, 开始时使弹簧为原长而小球恰好与地接触, 今将弹簧上端缓慢地提起, 直到小球刚能脱离地面为止, 在此过程中外力做功为

【 A 】

- (A) $\frac{m^2 g^2}{2k}$; (B) $\frac{m^2 g^2}{3k}$;
 (C) $\frac{m^2 g^2}{4k}$; (D) $\frac{2m^2 g^2}{k}$ 。

☛ 小球刚脱离地面:

$$mg = k\Delta l \quad \text{——} \quad \Delta l = \frac{mg}{k}$$

$$A = \frac{1}{2} k (\Delta l)^2$$

外力做功等于弹性势能 $A = \frac{m^2 g^2}{2k}$

07. 有两个半径相同, 质量相等的细圆环 A 和 B 。 A 环的质量分布均匀, B 环的质量分布不均匀。它们对通过环心并与环面垂直的轴的转动惯量分别为 J_A 和 J_B , 则

【 C 】

- (A) $J_A > J_B$; (B) $J_A < J_B$;
 (C) $J_A = J_B$; (D) 不能确定 J_A 和 J_B 哪个大。

☛ $J = \sum m_i r_i^2$

两个半径相同, 质量相等的细圆环: $J_A = J_B$

08. 已知一高斯面所包围的体积内电量代数和 $\sum q_i = 0$ ，则可肯定：

【 B 】

- (A) 高斯面上各点场强均为零；
 (B) 穿过整个高斯面的电通量为零；
 (C) 穿过高斯面上每一面元的电通量均为零；
 (D) 以上说法都对。

09. 如图 Q_02092 所示，在点电荷 $+q$ 的电场中，若取图中 P 点处为电势零点，则 M 点的电势为：

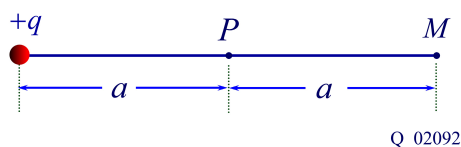
【 A 】

(A) $\frac{-q}{8\pi\epsilon_0 a}$ ；

(B) $\frac{q}{8\pi\epsilon_0 a}$ ；

(C) $\frac{-q}{4\pi\epsilon_0 a}$ ；

(D) $\frac{q}{4\pi\epsilon_0 a}$ 。



☛ M 点的电势： $\varphi_M = \int_{2a}^a \vec{E} \cdot d\vec{r} = \int_{2a}^a \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} dr$

$\varphi_M = \left(-\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{a}\right) - \left(-\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{2a}\right) \quad \text{——} \quad \varphi_M = -\frac{1}{8\pi\epsilon_0} \frac{q}{a}$

二 填空题(每小题 3 分，共 21 分)

10. (本题 3 分)

一质点沿 x 方向运动，其加速度随时间变化关系为 $a = 3 + 2t$ (SI)，如果初始时质点的速度 $v_0 = 5 \text{ m/s}$ ，则当 $t = 3 \text{ s}$ 时，质点的速度 $v = 23 \text{ m/s}$ 。

☛ 质点的速度： $\int_{v_0}^v dv = \int_0^t a dt$

$v = v_0 + (3t + t^2) \quad \text{——} \quad t = 3 \text{ s} : \quad v = 23 \text{ m/s}$

11. (本题 3 分) 一个力 F 作用在质量 $m = 1.0 \text{ kg}$ 的质点上，使之沿 x 轴运动。已知在此力作用下质点的运动学方程 $x = 3t - 2t^2 + t^3$ (SI)。在 0 到 3 s 的时间间隔内，力 F 对质点所作的功 $A = 157.5 \text{ J}$ 。

☛ 质点受力： $F = m \frac{d^2 x}{dt^2} = m(-4 + 6t)$

$dx = (3 - 4t + 3t^2) dt$

$A = \int F \cdot dx = \int_0^3 m(-4 + 6t)(3 - 4t + 3t^2) dt \quad \text{——} \quad A = 157.5 \text{ J}$

12. (本题 3 分)

一质量 $m = 10 \text{ g}$ 的子弹, 以速率 $v_0 = 500 \text{ m/s}$ 沿水平方向射穿一物体. 穿出时, 子弹的速率 $v = 30 \text{ m/s}$, 仍是水平方向. 则子弹在穿透过程中所受的冲量大小 $I = 4.7 \text{ N} \cdot \text{s}$, 方向为与速度方向相反。

☛ 应用动量定理: $\vec{I} = m\vec{v}_2 - m\vec{v}_1$

$$I = 0.01 \cdot |(30 - 500)|$$

$$I = 4.7 \text{ N} \cdot \text{s}$$

13. (本题 3 分)

半径为 R 具有光滑轴的定滑轮边缘绕一细绳, 绳的下端挂一质量为 m 的物体. 绳的质量可以忽略, 绳与定滑轮之间无相对滑动. 若物体下落的加速度为 $2a$, 则定滑轮对轴的转动惯量

$$J = \frac{(g - 2a)}{2a} mR^2.$$

☛ 物体的运动方程: $mg - T = ma$

定滑轮的转动方程: $Tr = J\alpha$

已知: $2a = \alpha r$

从以上三式得到:

$$J = \frac{(g - 2a)}{2a} mR^2$$

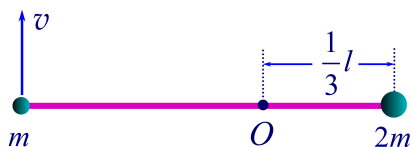
14. (本题 3 分)

如图 Q_01322 所示, 质量分别为 m 和 $2m$ 的两物体(都可视为质点), 用一长为 l 的轻质刚性细杆相连, 系统绕通过杆且与杆垂直的竖直固定轴 O 转动, 已知 O 轴离质量为 $2m$ 的质点的距离为 $\frac{1}{3}l$, 质量为 m 的质点的线速度为 v , 且与杆垂直, 则该系统对转轴的角动量大小 $L = mvl$ 。

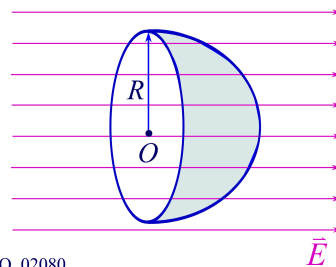
☛ 系统转动的角速度: $\omega = \frac{3v}{2l}$

$$\text{角动量大小: } L = mv\left(\frac{2}{3}l\right) + 2m\left(\frac{3v}{2l} \frac{l}{3}\right)\left(\frac{l}{3}\right)$$

$$L = mvl$$



Q_01322



Q_02080

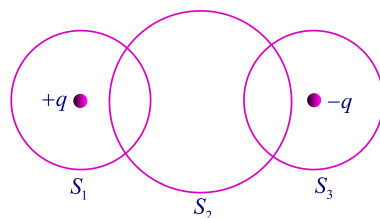
15. (本题 3 分)

如图 Q_02080 所示, 在场强为 \vec{E} 的均匀电场中取一半球面, 其半径为 R , 电场强度的方向与半球面的对称轴平行。则通过这个半球面的电通量为 $\Phi_e = E\pi R^2$ 。

16. (本题 3 分)

在点电荷 $+q$ 和 $-q$ 的静电场中, 作出如图 Q_02347 所示的三个闭合面 S_1 、 S_2 、 S_3 则通过这些闭合面的电场强度通量分别是:

$$\Phi_1 = \frac{+q}{\epsilon_0}; \quad \Phi_2 = 0; \quad \Phi_3 = \frac{-q}{\epsilon_0}$$



Q_02347

三 计算题(本大题 7 小题, 共 52 分)

17. (本题 10 分)

如图 Q_01011 所示, 一质点作半径 $R = 4 \text{ m}$ 的圆周运动, $t = 0$ 时质点位于 A 点, 然后顺时针方向运动, 运动方程 $s = \pi t^2 + 2\pi t$ (SI)。求:

- 1) 质点绕行一周所经历的路程、位移和平均速率;
- 2) 质点在 1 秒末的速度和加速度的大小。

☛ 1) 绕行一周所需时间: $\pi t^2 + 2\pi t = 2\pi R$

$$t = 2 \text{ s}$$

质点绕行一周所经历的路程: $s = 2\pi R = 8\pi \text{ m}$ ———— 2 分

位移: $\Delta \vec{r} = 0$ ———— 2 分

平均速率: $\bar{v} = \frac{\Delta s}{\Delta t} = 4\pi \text{ m/s}$ ———— 2 分

2) 质点在任一时刻的速度大小:

$$v = \frac{ds}{dt} = 2\pi t + 2\pi \quad \frac{dv}{dt} = 2\pi$$

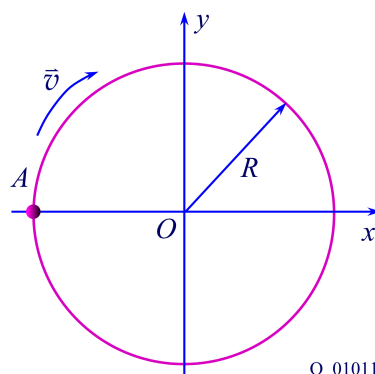
质点在 1 秒末速度的大小:

$$v = 4\pi \text{ m/s} \quad \text{————— 2 分}$$

$$\text{加速度大小: } |\vec{a}| = \sqrt{\left(\frac{v^2}{R}\right)^2 + \left(\frac{dv}{dt}\right)^2}$$

质点在 1 秒末加速度的大小为:

$$|\vec{a}| = \sqrt{\left(\frac{16\pi^2}{4}\right)^2 + (2\pi)^2} = 12.7\pi \approx 40 \text{ m/s}^2 \quad \text{————— 2 分}$$



Q_01011

18. (本题 8 分)

质量为 $m = 4.8 \text{ g}$ 的子弹 A ，以 $v_0 = 450 \text{ m/s}$ 的速率水平地射入一静止在水平面上的质量为 $M = 2 \text{ kg}$ 的木块 B 内， A 射入 B 后， B 向前移动了 $s = 80 \text{ cm}$ 而后停止，求：

- 1) B 与水平面间的摩擦系数 μ ；
- 2) 木块对子弹所做的功 A_1 ；
- 3) 子弹对木块所做的功 A_2 ；

☛ 研究对象为子弹和木块，系统水平方向不受外力，动量守恒：

$$mv_0 = (m + M)v$$

$$v = \frac{m}{m + M}v_0 \quad \text{—————} \quad 2 \text{ 分}$$

根据动能定理，摩擦力对系统做的功等于系统动能的增量：

$$-\mu(m + M)gs = \frac{1}{2}(m + M)v_2' - \frac{1}{2}(m + M)v^2$$

$$\frac{1}{2}(m + M)v_2' = 0$$

$$\text{得到: } \mu = \frac{m^2}{2gs(m + M)^2}v_0^2 = 0.074 \quad \text{—————} \quad 2 \text{ 分}$$

木块对子弹所做的功等于子弹动能的增量： $A_1 = \frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}mv_0^2$

$$A_1 = -486 \text{ J} \quad \text{—————} \quad 2 \text{ 分}$$

子弹对木块所做的功等于木块动能的增量：

$$A_2 = \frac{1}{2}Mv^2$$

$$A_2 = 1.16 \text{ J} \quad \text{—————} \quad 2 \text{ 分}$$

19. (本题 6 分)

如图 Q_01323 所示，质量为 m_2 的物体与轻弹簧相连，弹簧另一端与一质量可忽略的挡板连接，静止在光滑的桌面上。弹簧劲度系数为 k 。今有一质量为 m_1 、速度大小为 v_0 的物体向弹簧运动并与挡板正碰，求弹簧最大的被压缩量。

☛ 弹簧被压缩量最大距离时， m_1 和 m_2 的相对速度为零。

Q_01323

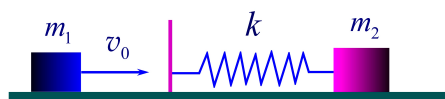
$$\text{动量守恒: } m_1v_0 = (m_1 + m_2)v \quad \text{—————} \quad 2 \text{ 分}$$

机械能守恒：

$$\frac{1}{2}m_1v_0^2 = \frac{1}{2}(m_1 + m_2)v^2 + \frac{1}{2}kx^2 \quad \text{—————} \quad 2 \text{ 分}$$

弹簧的最大压缩量：

$$x = v_0 \sqrt{\frac{m_1m_2}{k(m_1 + m_2)}} \quad \text{—————} \quad 2 \text{ 分}$$



20. (本题 6 分)

一半径 $R = 20 \text{ cm}$ 的圆柱体, 可绕与其中心轴线重合的光滑固定轴转动。圆柱体上绕上绳子。圆柱体初角速度为零, 现拉绳的端点, 使其以 $a = 2 \text{ m/s}^2$ 的加速度运动。绳与圆柱表面无相对滑动。试计算在 $t = 3 \text{ s}$ 时:

1) 圆柱体的角加速度; 2) 圆柱体的角速度。

☛ 1) 圆柱体的角加速度:

$$\alpha = \frac{a}{R} = 10 \text{ rad/s}^2 \quad \text{————— 2 分}$$

2) 根据 $\omega = \omega_0 + \alpha t$, 此题中 $\omega_0 = 0$ 则

$$\omega = \alpha t \quad \text{————— 2 分}$$

$$t = 3 \text{ s}: \omega = 30 \text{ rad/s} \quad \text{————— 2 分}$$

21. (本题 8 分)

如图 Q_01324 所示为一半径为 R 、转动惯量为 J 的圆柱体, 可以绕水平固定的中心轴 O 无摩擦地转动。起初圆柱体静止, 一质量为 m 的木块以速率 v_1 在光滑水平面上向右滑动, 并擦过圆柱体的上表面跃上另一同高度的光滑平面。设它和圆柱体脱离接触以前, 它们之间无相对滑动, 试求木块的最后速率 v_2 。

☛ 对木块 m 应用动量定理:

$$-f \Delta t = m(v_2 - v_1) \quad \text{————— 2 分}$$

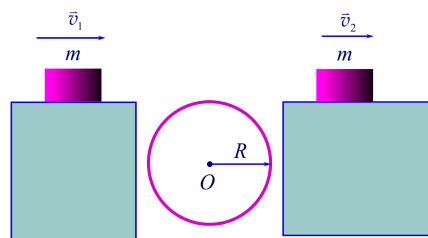
对圆柱体应用角动量定理:

$$fR \Delta t = J\omega \quad \text{————— 2 分}$$

因为 $v_2 = \omega R$

$$-m(v_2 - v_1) = \frac{J}{R} \omega = \frac{J}{R^2} v_2 \quad \text{————— 2 分}$$

$$v_2 = \frac{v_1}{1 + \frac{J}{mR^2}} \quad \text{————— 2 分}$$



Q_01324

22. (本题 8 分)

两个均匀带电的同心球面, 分别带有净电荷 q_1 和 q_2 , 其中 q_1 为内球的电荷。两球之间的电场为 $\frac{1500}{r^2} \text{ N/C}$, 且方向沿半径向外; 球外的场强为 $\frac{2000}{r^2} \text{ N/C}$, 方向沿半径向里, 试求 q_1 和 q_2 各等于多少? (真空介电常数 $\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \text{ C}^2/\text{m}^2 \cdot \text{N}$)

☛ 根据题意, 取沿径向向外为正, 可知:

$$R_1 < r < R_2: \frac{q_1}{4\pi\epsilon_0 r^2} = \frac{1500}{r^2} \quad \text{————— 2 分}$$

$$q_1 = 6000\pi\epsilon_0$$

$$q_1 = 6000 \times 3.14 \times 8.85 \times 10^{-12} = 1.67 \times 10^{-7} \text{ C} \quad \text{————— 2 分}$$

$$r > R_2: \frac{q_1 + q_2}{4\pi\epsilon_0 r^2} = \frac{-2000}{r^2} \quad \text{—————} \quad 2 \text{ 分}$$

$$q_1 + q_2 = -8000\pi\epsilon_0$$

$$q_2 = -14000\pi\epsilon_0$$

$$q_2 = -14000 \times 3.14 \times 8.85 \times 10^{-12} = -3.89 \times 10^{-7} \text{ C} \quad \text{—————} \quad 2 \text{ 分}$$

23. (本题 6 分)

如图 Q_02348 所示为一个边长 $a = 0.1 \text{ m}$ 的立方形的高斯面, 已知空间的场强分布:
$$\begin{cases} E_x = bx \\ E_y = 0 \\ E_z = 0 \end{cases}.$$

其中 $b = 1000 \text{ N/C} \cdot \text{m}$ 。试求该闭合面中包含的净电荷。 ($\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \text{ C}^2 / \text{m}^2 \cdot \text{N}$)

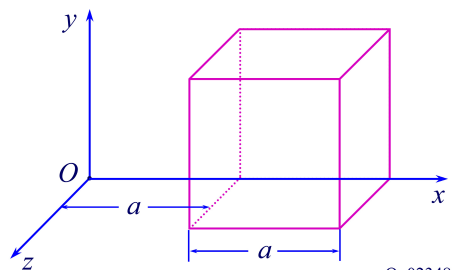
✎ 设闭合面内包含净电荷为 q 。因场强只有 x 分量不为零, 故只是二个垂直于 x 轴的平面上电场强度通量不为零。应用高斯定理得到:

$$-E_1 S_1 + E_2 S_2 = \frac{q}{\epsilon_0} \quad \text{—————} \quad 2 \text{ 分}$$

其中 $S_1 = S_2 = S = a^2$

$$q = \epsilon_0 (E_2 - E_1) S = \epsilon_0 b (x_2 - x_1) S \quad \text{—————} \quad 2 \text{ 分}$$

$$q = \epsilon_0 a^2 b (2a - a) = \epsilon_0 a^3 b = 8.85 \times 10^{-12} \text{ C} \quad \text{—————} \quad 2 \text{ 分}$$



Q_02348