## 杭州电子科技大学学生考试卷( A )卷

考试课程	高等数学甲 2 (A层次)		考试日期	2014年	2014年6月13日			
课程号	A0714012	教师号	任课教师姓名					
考生姓名		学号(8		年级			专业	

题 号	_	-	三				四	五	六
得 分									

填空题 (本题共 4 小题,每小题 3 分,共 12 分)

1. 直线 
$$L_1: \frac{x-1}{1} = \frac{y}{-4} = \frac{z+3}{1}$$
 和  $L_2: \frac{x}{2} = \frac{y+2}{-2} = \frac{z}{-1}$  的夹角为

2. 函数  $f(x,y) = 2x^2 + ax + xy^2 + 2y$  在点 M(1,-1) 处取得极值,则常数 a = -5

3. 
$$\c D = \{(x,y) | x^2 + y^2 \le 1\}, \ \c M \iint x^2 dx dy =$$

4. 幂级数 $\sum_{1}^{\infty} 3^{n} x^{n-1}$  的收敛半径R = 2 .

选择题(本题共8小题,每小题3分,共24分)

- 1. 设L是从A(1,0)到B(-1,2)的直线段,则 $\int_L (x+y)ds = (\beta)$
- (B)  $2\sqrt{2}$ ;

- 2. 级数  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n x^{2n}}{n!}$  在  $(-\infty, +\infty)$  内和函数为( )).
  - (A)  $-e^{x^2}$ ;
- (B)  $-e^{-x^2}$ ; (C)  $e^{x^2}$ ; (D)  $e^{-x^2}$ .

3. 函数 z = z(x, y) 由方程 F(xy, z) = x 所确定, 其中 F(u, v) 具有连续的一阶偏导数, 则 $z_x + z_y$ 等于(A)

- (A)  $\frac{1-yF_1-xF_1}{F_2}$ ; (B)  $\frac{1-yF_x-xF_y}{F_2}$ ; (C) 0;

4. 设 L 是从  $A(1,\frac{1}{2})$  沿曲线  $2y = x^2$  到 B(2,2) 的弧段,则  $\int_{-v}^{2x} dx - \frac{x^2}{v^2} dy = ($   $\int_{-v}^{v} dx - \frac{x^2}{v^2} dy = ($ 

- (A) -3; (B)  $\frac{3}{2}$ ; (C) 0; (D) 3.

- (A)  $-\frac{4}{3}$ ; (B)  $-\frac{2}{3}$ ; (C)  $\frac{2}{3}$ ; (D). 0

6. 若幂级数 $\sum_{i=1}^{\infty} a_n(x+2)^n$  在x=1处收敛,则该级数在x=-4处的敛散性为( $\bigwedge$ )

- (A)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{1}{\ln(n+1)}$ ; (B)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{3n-1}$ ;
- (C)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{1}{3^n}$ ; (D)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin na}{n^2}$ ,  $\sharp + 0 < a < 1$ .

8. 设f(x,y)是连续函数,则  $\int_0^{\frac{\pi}{4}} d\theta \int_0^1 f(\rho \cos\theta, \rho \sin\theta) \rho d\rho = ($  / ).

- (A)  $\int_{0}^{\sqrt{2}} dx \int_{x}^{\sqrt{1-x^2}} f(x,y) dy$ ; (B)  $\int_{0}^{\sqrt{2}} dx \int_{x}^{\sqrt{1-x^2}} f(x,y) dy$ ;
- (C)  $\int_{0}^{\sqrt{2}} dy \int_{y}^{\sqrt{1-y^2}} f(x,y) dx$ ; (D)  $\int_{0}^{\sqrt{2}} dy \int_{y}^{\sqrt{1-y^2}} f(x,y) dx$ .

三、试解下列各题(本题共6小题,每小题6分,共36分)

得分

2. 求点(-1,2,0)在平面x+2y-z-1=0上的投影

投州矣 N(一号, 号, 号)

采卸下 X+2y-2-1-10的法向量 分=(1,2,-1) 行M(+,2,0)包括打的直线上,程  解 [y=x 安(0.0.0) A(4.4)  $J = \int_{0}^{1/2} x^{3} dx dy = \int_{0}^{4/2} dx \int_{0}^{2\sqrt{2}} xy dy$   $= \frac{1}{2} \int_{0}^{4/2} (4x^{2} + x^{3}) dx$   $= \int_{0}^{2/2} x^{3} - \int_{0}^{2\sqrt{2}} x^{4/2} dx$  $=\left[\frac{2}{3}x^3-\frac{1}{8}x^4\right]_0^4$ 

= 32 1. \*1= \$\iiii\_{4z\text{dv}}\$, \(\frac{1}{2}\text{p}\O \Delta \De ] = 11/12 dv = 11/42 p dpdfd2

= 4 | 2 F do | 4 p do | 2 2 dz  $= 4\pi \int_{0}^{4} (16P - \frac{1}{16}) dP$   $= \frac{4}{3}\pi$   $= 2 = 0 \le 2 \le 4, \quad x^{2} + y^{2} \le 4 \ge 4$  $[ = ][]_{42} dV = ]_{0}^{4} dz ][_{42} drdy]$ 

得分

四、应用题[本题共15分]

得分

2. (10 分) 设空间曲线  $\Gamma$  由曲面  $z = \frac{1}{2}(x^2 + y^2)$  和平面 x + 2y + z = 2相交产生,

(1) 试求空间曲线  $\Gamma$  在平面 x+2y+z=2 上所围成的平面区域的面积

解: 补 Ao: y=0 (y=2→v), 记上和 Ao' (0)

用3年的上付30, 四人和AO30上の(中 DM)=excxy, Q(ry)=5x-exsmy 2 -針=5 (+)

||f|| = ||f|| = ||f|| + ||f|

() [15x-exsing) dy + excesy dc = \frac{5}{2} TH(052+1) 5 A + cos2-1

六、证明题[本题5分]

已知  $f(x) = \sum_{k=1}^{\infty} a_k x^{k+1}$  在[0,1]上收敛,证明:级数  $\sum_{k=1}^{\infty} f(\frac{1}{n})$  收敛.

、, 大似, 在[01] 图图

Z f(x) = x² 震 q<sub>k</sub> x<sup>k'</sup> = x<sup>2</sup>g(k) ·, g(x) 在 [0,11] 有男、即存在M>0.5H |g(x)| ≤ M

设着彻晚