

记少

2019年6月7日 18:35

第一章 电路系统元件、信号和定律

1. 单口网络

a. 定义

- i. 对外只有俩端口，没有独立源

b. 等效

★ i. 条件

- 1) 对外表现出的输出特性一致(u, i 一致)

★ ii. 化简单口网络至最简形式

1) V与电阻串联

a) 等效为电流源与电阻的并联

2) V与电阻并联

a) 等效为V (电压不变)

3) A与电阻并联

a) 等效为电压源与电阻串联

iii. 单口网络等效电阻

- 1) Y-Δ的等效变换

★ iv. 单口网络等效电感(用i)

★ v. 单口网络等效电容(用i)

- 1) C串联与L并联对称

- 2) C并联与L串联对称

vi. 关联方向

2. 电感，电容的 u, i 关系

第一章 电路系统元件、信号和定律

Tips:

1. 单位冲激信号 $\delta(t)$

- a. 积分性质 $\int \delta(t) = 1 \ (-\infty \sim \infty)$

★ b. 冲激信号 $\delta(t)$ 与 $\epsilon(t)$ 的关系

- i. 单位冲激信号的积分为单位阶跃信号

1) $\int \delta(t) = \epsilon(t) \ (-\infty \sim t)$

- ii. 单位阶跃信号的微分为单位冲激信号

1) $d\epsilon(t)/dt = \delta(t)$

★ c. 筛选性质

- i. $f(t)\delta(t-t_0) = f(t_0)\delta(t-t_0)$

★ d. 取样性质 (提出常数)

- e. 展缩性质(把a提出来, 面积变为1/a)

2. 电容器

- a. 电流与电压关系(关联方向下)

★ i. $i(t) = Cdu(t)/dt$

ii. $u(t) = 1/C \int i(\tau) d\tau$

- b. 流过电容器电流为有限值时，电压电荷不发生跃变

(冲激信号不满足)

- c. 储能

i. $W_C(t) = 1/2 * C[u^2(t) - u^2(-\infty)]$

3. 电感器

- a. 电压与电流的关系(关联方向下)

★ b. 电压为有限值时，电流不发生跃变

i. $i(t_0+) = i(t_0-)$

4. 集成运放

2. 电感, 电容的 u, i 关系

第二章 线性电路的分析方法

★1. 节点电压法

a. 步骤

b. 特殊

i. : 有多个电压源

1) 其他的电压源需增加辅助变量 (I_x) 和附加方程

ii. 含受控源

1) 先将受控源当做独立源处理

2) 若非受控电压源, 则需要增加控制量和节点电压关系的附加方程

c. 节点电压+集成运放

i. 电阻中间且靠近 u_- , u_+ 的那个点为节点, 结合虚短虚断

★2. 叠加原理

a. 步骤

i. 只取其中一个独立源作用, 其他独立源置零, 受控源保留

1) 电压源置零 短路

2) 电流源置零 断路

b. 特殊: $P = UI$ (不满足叠加原理)

i. $P = U_{\text{合}} \cdot I_{\text{合}}$

c. 集成运放+叠加原理

3. 抽象线性网络

4. 设计满足固定关系的运算放大器

★5. 戴维南等效电路和诺顿等效电路

i. $i(t_0+) = i(t_0-)$

4. 集成运放

a. 虚短 ($u_+ = u_- = 0$)

b. 虚断 ($i_+ = i_- = 0$)

Tips:

1. 节点电压法中有多个电压源时, 设 I_x

a. 戴维南定理:

i. 定义

1) **电压源V+电阻R串联**等效线性有源单口网络

ii. 步骤

1) 开路电压 U_{oc}

2) 等效电阻 R_o (所有独立源置零来做)

a) 等效变化(不适合含受控源的电路)

i) 将独立源置零, 利用等效变换

★ b) 开路电压-短路电流法(含源来做)

i) 求含源网络的开路电压 U_{oc}

ii) 求含源网络的短路电流 I_{sc}

One. 常常找某一回路 (通常是外围回路) 的KVL

iii) $R_o = U_{oc}/I_{sc}$

c) 外施电源法(独立源置零来做)

iii. 应用

1) 把一个变化负载的负载剔除出来, 其余的作为等效为戴维南电路

b. 诺顿定理

i. 定义

1) 电流源I+电阻R并联...

ii. 步骤

1) 电源等效规律

★6. 最大功率传输定理(戴维南等效电路外接负载 R_L)

a. 含源单口网络情况下, 即 U_{oc}, R_o, R_L 串联

b. 条件: $R_L = R_o$ 时, R_L 取得最大功率 $P_{Lmax} = U_{oc}^2/4R_o$

第三章 LTI系统的时域分析

1. 判断系统是否线性, 时不变

a. 线性系统

i. 条件

- 1) 可线性分解
- 2) 零状态响应线性
- 3) 零输入响应线性

b. 时不变系统

i. 条件

- 1) 输入延时 $x(t-t_0)$, 则零状态响应同样延时 $y_z(t-t_0)$

2. 写动态电路的微分方程

a. 按电路KVL电路列方程即可

★ 3. 求微分方程的完全解/动态电路的完全响应

a. 经典法 (完全响应=齐次解+特解) (推荐)

★ i. 步骤(经典法: 齐次解+特解)

1) 求微分方程的齐次解 $y_h(t)$ (与输入无关的解) /系统自由响应

a) 令方程右边=0

b) 特征根法

- i) 实数单根
- ii) k重实数根

2) 求微分方程的特解 $y_p(t)$ (与输入有关的解/系统的强迫响应) $t > 0$

a) 步骤

- i) 把 $x(t)$ 代入方程, 由方程右边(自由项)得到含待定系数的特解 $y_p(t)$
- ii) 将特解 $y_p(t)$ 代入 $x(t)$ 后的方程(即上一步得到的方程), 解得待定系数

Tips;

1. 更推荐用经典法解完全响应
2. 求激励信号加入后的系统响应($t > 0$ 时的完全响应)
- ★ 3. 求特解时, 代入 $x(t)$ 后, 令 $t > 0$ 得到自由项
- ★ 4. 冲击平衡法只关注 $\delta(t)$ 及其导数, 忽略有限项
- ★ 5. 冲激平衡法 构造 $t=0$ 的方程

3) 求微分方程的完全解 $y(t) = \text{齐次解}y_h(t) + \text{特解}y_p(t)$ /系统的完全响应

a) 将齐次解 $y_h(t)$ 和特解 $y_p(t)$ 相加得到完全解 $y(t)$ (待定系数)

★ b) 求边界条件 $y(0+)$

i) 直接令完全解 $y(t)$ $t=0+$,即得到 $y(0+)$

ii) 冲击平衡法(激励在 $t>0$ 时作用于系统)

One. 作用: 起始状态 $y(0-)$ \rightarrow 初始状态 $y(0+)$

Two. 原理: 利用 $t=0$ 时刻微分方程左右两边 $\delta(t)$ 各阶数相等

Three. 步骤 (代入 $x(t)$ 得到的微分方程基础上(特解 $y_p(t)$))

First. 方程右端 $\delta(t)$ 最左端高阶由最高阶 $y(t)$ 项产生

★ Second. 得到 $t=0$ 的冲激函数形式, $y(t)$ 最高项从 $\delta(t)$ 最高项一直到 $\delta(t)$ 都有的,

★ Third. $y(0+)$ 由 $dy(t)/dt$ 中的 $\delta(t)$ 决定, $y'(0+)$ 由 $d^2y(t)/dt^2$ 中的 $\delta(t)$ 决定, 只关注冲激项 $\delta(t)$

Fourth. $y(t)$ 阶数越低, 其包含的 $\delta(t)$ 阶数也越低

4) 将边界条件代入完全解, 解得待定系数

b. 双零法 (零输入响应+零状态响应) 见下文

4. 求不同激励下的完全响应 $y(t)$, 判断其中的瞬态响应和稳态响应

5. 判断自由响应 (齐次解 $y_h(t)$)和强迫响应(特解 $y_p(t)$)

★ 6. 根据电路求含电容, 电感动态电路的初始值

a. 换路定则

1) 条件: 不含冲激及其导数

2) 求 $U_C(0+)/i_L(0+)$

3) 求其他变量初始值

1) 利用换路定则后的等效电路求解

★ 2) 换路前电路达稳态:

a) C电容断路

b) L电感短路

? 3) 换路前电容和电感均为储能

知识点:

1. 瞬态响应

响应中, $t \rightarrow \infty$ 时, 结果为0的项

2. 稳态响应

a. 响应中, $t \rightarrow \infty$ 时, 结果不为0的项

知识点:

1. 直流电源冲激下的一阶动态电路分析, (求初始值)

a. 动态电路的换路定则

a. 条件: 不含冲激及其导数

B. 电容电压不变

i. $U_C(0+) = U_C(0-)$

C. 电感电流不变

i. $i_L(0+) = i_L(0-)$

b. 其他变量初始值的求解步骤

A. 求 $U_C(0-)$ 和 $i_L(0-)$

b) L电感短路

? 3) 换路前电容和电感均为储能

a) C电容 $U_c(0^-) = 0 \rightarrow U_c(0^+) = 0 \rightarrow$ **电容短路**

b) L电感 $i_L(0^-) = 0 \rightarrow i_L(0^+) = 0 \rightarrow$ **电感断路**

7. 求 n阶动态响应某一时刻响应 $f(t)$

a. 一阶动态响应

★ 1) 动态电路三要素法

1) 条件: 一阶电路 + 直流激励

2) 步骤

a) 求初始值 $f(0^+)$

i) 0- 换路定则 (储能/稳定) $\rightarrow U_c(0^+), i_L(0^+)$

ii) 0+时刻 $\rightarrow L/C$ 替换成相应电源, 求得初值

b) 求终值 $f(\infty)$

i) 电路达稳定, 求终值 $u_c(\infty), i_L(\infty)$

c) 求时间常数 τ

i) 求等效电阻 R_o ($t > 0$)

One. R_o : 从L/C两端看进去的等效电阻 (**V短 A断**)

First. **若有受控源, 则应开路电压-短路电流法**

ii) L: $\tau = L/R_o$

iii) C: $\tau = C \cdot R_o$

3) 特例: 换路两次的电路, 利用线性时不变特性

a) 利用三要素法公式写出式子

i) **$f(t) = f(\infty) + [f(0^+) - f(\infty)] \cdot e^{-(t/\tau)}$**

2) 更简单的方法: 非 u_c 或 i_L 的其他变量初始值利用 u_c 和 i_L 结合 KCL、KVL 求, 避免了构建 0+ 时刻电路来求其他变量的初始值 (其他变量初始值通过 $i_L(t), U_c(t)$ 结合 KVL, KCL 来求)

★ b. LTI 连续时间系统的零输入响应和零状态响应 (二阶及以上可以使用

1) 双零法 (不推荐)

b. 其他变量初始值的求解步骤

A. 求 $U_c(0^-)$ 和 $i_L(0^-)$

B. 利用环路定则得到 $U_c(0^+)$ 和 $i_L(0^+)$

C. 电感 L 用电流源 A 代替, 电容 C 用电压源 V 代替, 得到等效电路求其他变量的初始值

Tips:

1. $i_L(0^+)$ 替换成电流源后, 该支路电流就是 $i_L(0^+)$, 不用担心有没有别的 i 加进来
2. 稳态时, 电容 C 开路也可能是有电压的!

★ 3. 求等效电阻 R_o 时, 是 $t > 0$ 后的电路, 且是独立源置零的电路 (V 短 A 断)

Tips:

★b. LTI连续时间系统的零输入响应和零状态响应（二阶及以上可以使用

1) 双零法（不推荐）

1) 完全响应 $y(t)$ =零输入响应 $y_{zi}(t)$ +零状态响应 $y_{zs}(t)$

2) 步骤

a) 求零输入响应 (零输入响应 $y_{zi}(t) = y_{h1}(t)*\epsilon(t)$)

i) 方程右边=0→求得零输入响应初始值 $y_{zi}(0^-)=y_{zi}(0^+)$

ii) 特征根方程得齐次解→齐次解 $*\epsilon(t)$ 得到 $y_{zi}(t)$

iii) 将零输入响应初始值 $y_{zi}(0^+)$ 代入(2)求得零输入响应，求解齐次解待系数 A_1, B_1

b) 求零状态响应 ($y_{zs}(0^-)=y'_{zs}(0^-)=0$)

i) 代入 $x(t)$,得到方程，求零状态响应初始值 $y_{zs}(0^+)$

One. 冲激平衡法→求初始值 $y_{zs}(0^+)$

ii) 将代入 $x(t)$ 的方程令 $t>0$,得到特解 $y_p(t)$

iii) 得到零状态响应完全解 $y_{zs}(t) = y_{h2}(t)+y_p(t)$ (零状态响应的齐次解只改变待定系数 A_2, B_2)

iv) 将得到的完全解 $y_{zs}(t)$ 代入初始状态 $y_{zs}(0^+)$ ，求解待定系数 A_2, B_2

c) 完全响应 $y(t) = y_{zi}(t)+y_{zs}(t)$

8. 求系统的冲激响应 $h(t)$ 和阶跃响应 $g(t)$

a. 冲激响应 $h(t)$

1) 单位冲激信号下的零状态响应 $h(t)$ →齐次解 $*\epsilon(t)$

1) 解法

a) 令 $x=\delta(t)$,求零状态完全解

b) 令 $x=\epsilon(t)$, $h(t)=dg(t)/dt$

b. 阶跃响应 $g(t)$

1) 单位阶跃信号下的零状态响应→齐次解 $*\epsilon(t)$

c. $h(t)$ 与 $g(t)$ 的转换关系

Tips:

1. 零输入响应 $y_{zi}(t)$ 只包含齐次解，不包含特解

2. 零输入响应 $y_{zi}(t)$ 与 $x(t)$ 无关，不变

3. 零输入响应= 齐次解 $*\epsilon(t)$

4. 零状态响应起始值都为0: $y_{zs}(0^-)=0$

5. 零状态响应=齐次解+特解 ($t>0$)

6. 零状态响应和零输入响应齐次解的待定系数不一样

7. 求特解时注意让 $t>0$ (经典法和双零法都是如此)

8. 注意求零状态响应中筛选法的应用

9. 零状态响应与激励之间的线性关系

a. 例子: $y_{z3}(t)=$

$5y_{zs}(t)-3y_{zs2}(t)$,而 $y_{zi}(t)$ 不变

10. 零状态响应与激励之间的时不变关系(延时)(零输入响应 $y_{zi}(t)$ 永远不变)

a. $X(t-t_0) \rightarrow y_{zs}(t-t_0)$

11. 单位冲激响应 $h(t)$ =齐次解 $*\epsilon(t)$

a. 积分别忘了带上 $\epsilon(t)$

$$1) h(t) = dg(t)/dt ()$$

$$2) g(t) = \int h(\tau) d\tau \text{ (右侧求积分时记得带上 } \varepsilon(t) \text{)}$$

★ 9. 动态电路求某输出变量 $f(t)$

a. 输入有限

i. 换路定则

b. 输入无限 (冲激)

i. 微分方程的冲击平衡法

c. 步骤 (例: 求电路的冲激响应 $y_{zs}(t)$, $u_s(t)$ 为输入, $u_c(t)$ 为输出)

i. 写出微分方程

ii. 令 $x(t) = \text{冲激}$, $y_{zs}(0^-) = 0$

iii. 令 $t > 0$, 得特解

iv. $y_{zs}(t) = \text{齐次解} + \text{特解}$, 并代入其初始条件 $y_{zs}(0^+)$, 解得完全解的待定系数

? 10. 卷积

a. 用定义计算卷积

b. 利用卷积性质计算

c. 利用零状态响应和激励求冲击响应 $h(t)$

第四章 线性电路的正弦稳态分析

1. 比较正弦量的相位关系

a. 条件: 同频率, 都化为 $\cos(\omega t + \phi)$ 形式再比较 (利用公式正弦不变)

b. 相位差 $\phi = \phi_1 - \phi_2$

i. > 0 i_1 超前 i_2

ii. $= 0$ 同相

iii. < 0 i_1 滞后 i_2

2. 正弦量对应的有效值相量和最大值相量

a. 有效值 $U = \text{最大值 } U_m / \sqrt{2}$

~ 由相量形式写出正弦量的表达式

Tips:

1. $j \rightarrow$ 相位增加 90°

2. $A = a + jb = |A|(\cos\theta + j\sin\theta)$ 中

2. 正弦量对应的有效值和相量取入值相量

a. 有效值 $U = \text{最大值 } U_m / \sqrt{2}$

3. 由其他形式写出正弦量的表达式

a. 正弦量的相量表示(复数, 相量域)

i. $A = a + jb = |A| \angle \theta = |A| e^{j\theta} = |A| (\cos\theta + j\sin\theta)$

b. 正弦量和相量的相互转换

i. $u(t) = U \cos(\omega t + \theta) \rightarrow \text{欧拉公式}$

$\rightarrow U e^{j(\omega t + \theta)} \rightarrow U e^{j\theta} \cdot e^{j\omega t}$

4. 相量的计算

5. 计算无源单口网络的等效阻抗 Z

a. $Z_L = j\omega L$

b. $Z_C = 1/j\omega C = -j/\omega C$

c. 计算方法: $Z = U(\text{相量值}) / I(\text{相量值})$

★ 6. 线性电路分析法在相量域的应用(不同频率不可用相量法)

★ a. 节点电压法

★ i. 条件: 几个独立源的频率相同

ii. 节点电压法也可解决多电源问题

b. 叠加原理

i. 几个独立源频率不同, 只能用叠加法 (ω 取值不同, 相量域里阻抗也不同)

c. 戴维南等效电路

? 7. 电感, 电容的电流表电压表读数

★ 8. 单口网络的有功功率 P , 无功功率 Q 和复功率

a. 定义

i. 有功功率 P

1) $P = UI \cos\phi_z$ (U, I 有效值)

ii. 无功功率 Q

1) $Q = UI \sin\phi_z$ (U, I 有效值)

1. $j \rightarrow$ 相位增加 90°

2. $A = a + jb = |A|(\cos\theta + j\sin\theta)$ 中

a. $|A| = (a^2 + b^2)^{1/2}$

b. $\theta = \arctan(b/a)$

c. $a = |A| \cos\theta$

d. $b = |A| \sin\theta$ (展开极坐标形式时用到)

3. 复数的运算

a. 复数的加减

i. 常用 $A = a + jb$ 形式

ii. 规则: 相应相加减

b. 复数的乘除

i. 常用 $A = |A| \angle \theta$ 形式

ii. 规则: 模相乘除, 相位相加减

4. 相量的性质

a. 线性性质

b. 微分性质

i. 微分一次乘一个 $j\omega$ (极坐标形式/指数 e 形式)

5. 无源单口网络的阻抗 Z 、导纳 Y 及等效变换

a. $Z = U/I = U_m/I_m$ (相量相除)

6. 阻抗元件的并联及其等效

a. 并联: 分子分母同乘分母共轭

iii. 复功率

1) $\tilde{S} = UI^*(\text{共轭})$

a) 实部: 有功功率P

b) 虚部: 无功功率Q

iv. 视在功率S

1) 端口UI有效值的乘积

b. 电阻R ($\cos 0^\circ, \sin 0^\circ$)

i. $P = UI = I^2 R$

ii. $Q = 0$

c. 电感L ($\phi_z = 90^\circ$) 电压超前电流 90°

i. $P = 0$

ii. $Q = UI = \omega LI^2$ (j在这里不用加进去)

d. 电容C ($\phi_z = -90^\circ$)

i. $P = 0$

ii. $Q = -UI = -I^2 / \omega C$

e. 功率因数 λ

i. $\lambda = \text{有功功率} P / \text{视在功率} S = \cos \phi_z$

f. 提高功率因数到x

i. 感性负载 \rightarrow 并联电容

1) 并联前后U $\angle 0$ 不变, I(相量), 有功功率, 无功功率不变

2) $Q_L = P \tan \phi_1$

? 3) ϕ_1 提升 $\rightarrow \phi_2$ 所需并联电容大小

a) $C = P(\tan \phi_1 - \tan \phi_2) / \omega U^2$ (U为有效值)

Tips:

1. ϕ_z 是单口网络端口电压与电流的相位差


$\lambda = \text{有功功率} P / \text{视在功率} S = \cos \phi_z$
 $\phi_z = \arccos(\lambda)$

? g. 最大功率传输定理

i. 戴维南等效电路

- 1) 条件: 共轭匹配
 - a) 外部负载 $Z_L = Z_o^*$ 内部负载
 - b) 最大功率 $P_{Lmax} = U^2_{oc} / 4R_o$ (R_o 为戴维南等效电路的负载实部)
9. 计算单口网络的等效电感
 - a. 方法: U (相量), i (相量)等效即可
10. 磁耦合电路的正弦稳态分析
 - a. 含互感电路的正弦稳态分析
 - i. 相量域VAR
 - 1) $U_1 = j\omega L_1 i_1 + j\omega M i_2$
 - 2) $U_2 = j\omega L_2 i_2 + j\omega M i_1$
 - 3) 常用某一个外围回路的KVL
 - ii. 互感线圈电路的反映阻抗
 - 1) $Z_{ref} = (\omega M)^2 / (j\omega L^2 + L)$
 - 2) 次级电路可用KVL求电流 i_2 等
 - b. 含理想变压器电路的正弦稳态分析
 - i. $u_1/u_2 = 1/n$ (相量域, 时域都满足)
 - ii. $i_1/i_2 = -n/1$
 - iii. 在理想变压器的**次级线圈**接负载 Z_L ,
 - 1) 反映阻抗 $Z_{ref} = Z_L/n^2$

相量域微分一次乘一个 $j\omega$



第五章 信号的频谱分析与电路系统频域分析

1. 由图写出周期信号的三角形式和指数形式的傅里叶级数
2. 画频谱图 双边(指数形式)/单边(三角)
3. 连续周期信号傅里叶级数的性质
4. 由图求傅里叶变换
- ★ 5. 由式子求得傅里叶变换/傅里叶反变换

第六章 连续时间系统的s域分析

1. 求函数的拉普拉斯变换, 并求收敛域
2. 拉普拉斯→原函数

4. 由图求傅里叶变换

★ 5. 由式子求得傅里叶变换/傅里叶反变换

6. 由频率响应 $H(\omega)$ 和输出 $y(t)$ 求 $x(t)$

7. 滤波器, 给出输入 $x(t)$ 和频率特性 $H(j\omega)$ 求输出 $y(t)$

8. 傅里叶变换的性质: 微分一次, 乘一个 $j\omega$

1. 求函数的拉普拉斯变换, 并求收敛域

2. 拉普拉斯 \rightarrow 原函数

3. 利用拉普拉斯性质求卷积

4. 求函数逆变换的初值和终值