

一、 单项选择题（每小题 3 分，共 27 分）

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9
答案	C	B	A	C	B	D	C	A	D

二、 填空题（共 25 分）

题号	答案	得分
10	$y = -A\cos\omega t$ 或 $y = A\cos(\omega t \pm \pi)$	2 分
	$v = A\omega\sin\omega t$	2 分
11	$xd/(3D)$	3 分
12	$2.60e$	3 分
13	10	2 分
	2 级	2 分
	亮纹	1 分
14	632.6 或 633	3 分
	参考解： $d \sin\varphi = \lambda \quad \text{-----} \textcircled{1}$ $l = f \cdot \tan\varphi \quad \text{-----} \textcircled{2}$ 由②式得 $\tan\varphi = l/f = 0.1667 / 0.5 = 0.3334$ $\sin\varphi = 0.3163$ $\lambda = d \sin\varphi = 2.00 \times 0.3163 \times 10^3 \text{ nm} = 632.6 \text{ nm}$	
15	$4c/5$ 或 $0.8c$	4 分
16	$1.326 \times 10^{-25} J$	2 分
	$4.42 \times 10^{-34} N \cdot s$	1 分

三、 计算题

17. （本题 5 分）第一球自由落下通过路程  $l$  需时间

$$t_1 = \sqrt{2l/g} = 1.41\sqrt{l/g} \quad 2 \text{ 分}$$

而第二球返回平衡（即最低）位置需时

$$t_2 = T/4 = 1.57\sqrt{l/g} \quad 3 \text{ 分}$$

$t_2 > t_1$ ，故第一球先到。

18. （本题 5 分）解：(1) 设振动方程为  $x = A\cos(\omega t + \phi)$

由曲线可知  $A = 10 \text{ cm}$ ， $t = 0$ ， $x_0 = -5 = 10\cos\phi$ ， $v_0 = -10\omega\sin\phi < 0$

解上面两式，可得

$$\phi = 2\pi/3 \quad 2 \text{ 分}$$

由图可知质点由位移为  $x_0 = -5 \text{ cm}$  和  $v_0 < 0$  的状态到  $x = 0$  和  $v > 0$  的状态所需时间  $t = 2 \text{ s}$ ，代入振动方程得

$$0 = 10 \cos(2\omega + 2\pi/3) \quad (\text{SI}) \quad 2 \text{ 分}$$

则有  $2\omega + 2\pi/3 = 3\pi/2$ ， $\therefore \omega = 5\pi/12$  2 分

故所求振动方程为  $x = 0.1 \cos(5\pi t/12 + 2\pi/3)$  (SI) 1 分

19. (本题 5 分) 反射波在  $x$  点引起的振动相位为

$$\begin{aligned} \omega t + \phi &= 4t - \pi(5 + 5 - x) - \frac{1}{2}\pi + \pi \\ &= 4t + \pi x + \frac{1}{2}\pi - 10\pi \end{aligned} \quad 3 \text{ 分}$$

反射波表达式为

$$y = 0.01 \cos(4t + \pi x + \frac{1}{2}\pi - 10\pi) \quad (\text{SI}) \quad 2 \text{ 分}$$

或

$$y = 0.01 \cos(4t + \pi x + \frac{1}{2}\pi) \quad (\text{SI})$$

20. (本题 10 分)

解: (1) 原点  $O$  处质元的振动方程为

$$y = 2 \times 10^{-2} \cos(\frac{1}{2}\pi t - \frac{1}{2}\pi), \quad (\text{SI}) \quad 2 \text{ 分}$$

波的表达式为  $y = 2 \times 10^{-2} \cos(\frac{1}{2}\pi(t - x/5) - \frac{1}{2}\pi), \quad (\text{SI}) \quad 2 \text{ 分}$

$x = 25 \text{ m}$  处质元的振动方程为

$$y = 2 \times 10^{-2} \cos(\frac{1}{2}\pi t - 3\pi), \quad (\text{SI})$$

振动曲线见图 (a) 2 分

(2)  $t = 3 \text{ s}$  时的波形曲线方程

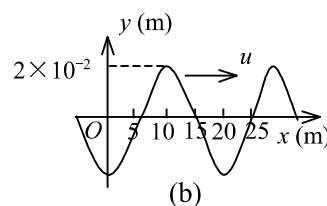
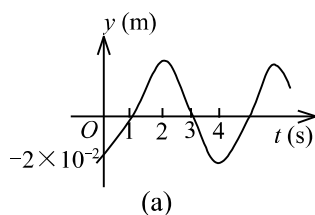
$$y = 2 \times 10^{-2} \cos(\pi - \pi x/10), \quad (\text{SI}) \quad 2 \text{ 分}$$

波形曲线见图

21. (本题 10 分)  
暗环的光程差满足:

$$2ne = (2k + 1)\frac{\lambda}{2}, \quad k=0,1,2,\dots$$

2 分



2 分

暗环所在处液体的厚度:  $e = \frac{(2k+1)\lambda}{4n}$  2 分

第 6 个暗环所在处液体厚度:

$$e_6 = \frac{(2 \times 5 + 1)\lambda}{4n} \longrightarrow e_6 = 1.343 \times 10^{-6} m \quad 2 \text{ 分}$$

由  $e = \frac{r^2}{2R}$ , 可以得到第 6 个暗环的半径: 2 分

$$r_6 = \sqrt{2Re_6} = 2.84 \times 10^{-3} m \quad 2 \text{ 分}$$

22. (本题 8 分) 粒子在一维矩形无限深势阱中运动, 波函数为:

$$\psi_n(x) = \sqrt{\frac{2}{a}} \sin \frac{n\pi x}{a} \quad (0 < x < a) \text{ 若粒子处于 } n=1 \text{ 的状态, 试求在区间 } 0 < x < \frac{1}{2}a \text{ 发}$$

现粒子的几率。 ( $\int \sin^2 x dx = \frac{1}{2}x - \frac{1}{4}\sin 2x + C$ )

解: 粒子在空间的几率密度分布函数:  $|\psi_n(x)|^2 = \frac{2}{a} \sin^2 \frac{n\pi x}{a}$  2 分

在区间  $0 < x < \frac{1}{2}a$  发现粒子的几率:  $\int_0^{a/2} |\varphi_1(x)|^2 dx = \int_0^{a/2} \frac{2}{a} \sin^2 \frac{\pi x}{a} dx$  2 分

$$\int_0^{a/2} |\varphi_1(x)|^2 dx = \frac{2}{\pi} \int_0^{a/2} \sin^2 \frac{\pi x}{a} d\left(\frac{\pi x}{a}\right) = \frac{2}{\pi} \left(\frac{1}{2} \frac{\pi x}{a} - \frac{1}{4} \sin \frac{2\pi x}{a}\right) \Big|_0^{a/2} \quad 2 \text{ 分}$$

$$\int_0^{a/2} |\varphi_1(x)|^2 dx = 0.5 \quad 2 \text{ 分}$$

23. (本题 5 分) 已知电子的静能为  $0.511 \text{ MeV}$ , 若电子动能为  $0.25 \text{ MeV}$ , 则它所增加的质量  $\Delta m$  与静止质量  $m_0$  的比值近似等于多少。

解: 电子的相对论能量:  $E = E_k + E_0 \longrightarrow \Delta E = \Delta mc^2 = E_k$  2 分

$$\Delta m = \frac{E_k}{c^2} \longrightarrow \frac{\Delta m}{m_0} = \frac{E_k}{m_0 c^2} = \frac{E_k}{E_0} \quad 2 \text{ 分}$$

$$\Delta m \text{ 与静止质量 } m_0 \text{ 的比值: } \frac{\Delta m}{m_0} = 0.49 \quad 1 \text{ 分}$$