DOI: 10.3969/j. issn. 1001 - 3881. 2023. 01. 035

本文引用格式: 何庆飞, 王旭平, 李禹生. 基于 MCKD 和峭度的液压泵故障特征提取[J]. 机床与液压, 2023, 51(1): 208-211.

He Qingfei, Wang Xuping, Li Yusheng. Fault feature extraction of hydraulic pump based on kurtosis and MCKD [J].

Machine Tool & Hydraulics, 2023, 51(1): 208-211.

# 基于 MCKD 和峭度的液压泵故障特征提取

何庆飞1、王旭平2、李禹生3

(1. 西京学院机械工程学院,陕西西安 710123; 2. 火箭军工程大学作战保障学院,陕西西安 710025; 3. 平高集团有限公司,河南平顶山 467000)

摘要:液压泵早期故障信号具有非平稳性、强背景噪声、弱故障特征特点,故障特征难以有效提取。为此,提出基于自相关分析与最大相关峭度解卷积算法的齿轮泵故障特征提取方法,利用 MCKD 算法对采集信号去噪处理,增强信号中的原始冲击成分,提高信号的信噪比;基于峭度(或峭度绝对值,或峭度平方值)的特征信息提取方法,来度量机械信号的非高斯性程度,以表征机械设备的运行状态信息。试验结果证明:所提方法能够有效提取液压泵故障信号中的特征信息。

关键词:特征提取;最大相关峭度解卷积;峭度;液压泵

中图分类号: TH165.3

## Fault Feature Extraction of Hydraulic Pump Based on Kurtosis and MCKD

HE Qingfei<sup>1</sup>, WANG Xuping<sup>2</sup>, LI Yusheng<sup>3</sup>

- (1. School of Mechanical Engineering, Xijing University, Xi' an Shaanxi 710123, China;
- School of Operational Support, Rocket Force Engineering University, Xi' an Shaanxi 710025, China;
   Pinggao Group Co., Ltd., Pingdingshan Henan 467000, China)

Abstract: The early fault signal of hydraulic pump is characterized by non – stationary, strong background noise and weak fault characteristics, so it is difficult to extract fault characteristics effectively. Accordingly, a fault feature extraction method of gear pump was proposed based on autocorrelation analysis and maximum correlation kurtosis deconvolution algorithm. The collected signal was denoised by using the MCKD algorithm to enhance the original impact component of the signal and improve the signal to noise ratio. A feature information extraction method based on kurtosis (or absolute or square kurtosis value) was proposed to measure the non – Gaussian degree of mechanical signals and characterize the operating state information of mechanical equipment. The experimental results show that the proposed method is effective in extracting characteristic information of hydraulic pump fault signals.

Keywords: Feature extraction; Maximum correlated kurtosis deconvolution; Kurtosis; Hydraulic pump

# 0 前言

液压系统是大型工程机械的重要组成部分,对其核心部件之一液压泵进行研究具有重要意义<sup>[1-2]</sup>。常用的研究方法是对液压泵采集信号进行分析,但是液压泵结构复杂、振动源众多,采集信号受噪声影响严重,为有效获取真实信息,必须对采集信号进行去噪和特征提取。最大相关峭度解卷积(Maximum Correlated Kurtosis Deconvolution,MCKD)<sup>[3-5]</sup>是用相关峭度为评价指标,其降低了信号的噪声成分,提升了信号的峭度。文献[6-9]将 MCKD 应用于轴承故障特征信号提取,减弱了噪声成分,加强了轴承故障特征信号提取,减弱了噪声成分,加强了轴承故障特征信号提取,减弱了噪声成分,加强了轴承故障特征,达到对轴承故障精确诊断。峭度是一个经典的非高斯性度量指标。一般,随机信号的非高斯性程度既可以使用峭度

绝对值来度量,也可以使用峭度的平方值来度量。因此,文中提出基于峭度(或峭度绝对值,或峭度平方值)的特征信息提取方法,利用峭度(或峭度绝对值,或峭度平方值)来度量机械信号的非高斯性程度,进而表征机械设备的运行状态信息。文献[10-11]利用峭度来进行机械设备的故障特征提取及诊断,取得了一定的效果。因此,文中提出了先利用 MCKD 对液压泵振动信号去噪,然后利用峭度进行故障特征提取方法,为液压泵的状态监测和故障诊断提供依据。

#### 1 最大相关峭度解卷积

液压泵状态信号中存在的噪声将减弱信号的识别性。而 MCKD 用相关峭度为评价指标,降低了信号中的噪声成分,提升了原始信号的峭度,充分突显了

收稿日期: 2021 - 10 - 21

基金项目: 国家科技重大专项基金项目 (2017ZX04011010); 国防预研基金项目 (9140A27020309JB4701)

作者简介: 何庆飞 (1977—), 男, 博士, 工程师, 研究方向为机械设备状态监测与故障诊断、寿命预测。E - mail: qing-feihe@163. com。

液压泵故障信号中被噪声淹没的周期冲击成分。

假设采集的液压泵振动信号表示为

$$y = r \cdot x + e \tag{1}$$

式中:y为实际采集信号;x为液压泵状态信号; r 为传输路径衰减响应; e 为噪声信号。

MCKD 算法的根本就是求解一个 FIR ( Finite Impulse Response) 滤波器最优解的过程。通过实际采集 信号y恢复状态信号x,从而抑制噪声和突出故障冲 击成分,即:

$$\mathbf{x} = \mathbf{r} \cdot \mathbf{y} = \sum_{k=1}^{L} r_k \cdot x_{n-k+1}$$
 (2)  
式中:  $\mathbf{r} = [r_1, r_2, \cdots, r_L]$ ;  $L$  为滤波器的

长度。

MCKD 实质是以相关峭度为评定指标。信号 y 相 关峭度定义为

$$C_{KM}(T) = \frac{\sum_{n=1}^{N} \left(\prod_{m=0}^{M} y_{n-mT}\right)^{2}}{\left(\sum_{n=1}^{N} y_{n}^{2}\right)^{M+1}}$$
(3)

式中: M 为位移数; T 为冲击信号的周期。 MCKD 算法以相关峭度最大化为目标函数:

$$\max_{r} C_{KM}(T) = \max_{r} \frac{\sum_{n=1}^{N} \left( \prod_{m=0}^{M} y_{n-mT} \right)^{2}}{\left( \sum_{n=1}^{N} y_{n}^{2} \right)^{M+1}}$$
(4)

即求解方程:

$$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}r_k}C_{KM}(T) = 0 \qquad k = 1, 2, \cdots, L \tag{5}$$

求解的滤波器系数用矩阵形式表示如下:

$$\mathbf{r} = \frac{\parallel y^2 \parallel}{2 \parallel \mathbf{C} \parallel^2} (\mathbf{X}_0 \mathbf{X}_0^{\mathsf{T}})^{-1} \sum_{m=0}^{M} X_{mT} \mathbf{D}_m$$
 (6)

式中:

$$\boldsymbol{X}_{t} = \begin{bmatrix} x_{1-t} & x_{2-t} & \cdots & x_{N-t} \\ 0 & x_{1-t} & \cdots & x_{N-1-t} \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ 0 & 0 & \cdots & x_{N-L-t-1} \end{bmatrix}$$

式中: t = 0, T, 2T,  $\cdots$ ,  $mT_{\circ}$ 

$$\boldsymbol{D}_{m} = \begin{bmatrix} y_{1-mT}^{-1} & (y_{1}^{2}y_{1-T}^{2} \cdots y_{1-mT}^{2}) \\ \vdots \\ y_{N-mT}^{-1} & (y_{N}^{2}y_{N-T}^{2} \cdots y_{N-mT}^{2}) \end{bmatrix}_{N}$$

$$\boldsymbol{C} = \begin{bmatrix} y_1 y_{1-T} \cdots y_{1-MT} \\ \vdots \\ y_N y_{N-T} \cdots y_{N-MT} \end{bmatrix}_{Y_N}$$

将得到的滤波器系数r代入公式(2),即得信号x。

#### 2 峭度 (Kurtosis) 准则

为了度量随机信号的非高斯性程度, 必须定义一 个定量化的非高斯性指标。峭度就是一个经典的非高 斯性度量指标。

#### 2.1 四阶矩

考虑一个具有概率密度函数  $p_{v}(y)$  的随机变量 y, 它的第j阶矩  $\alpha_i$  定义为

$$\alpha_j = E\{y^j\} = \int_{-\infty}^{\infty} y^j p_y(y) \, dy \qquad j = 1, 2, \dots$$
 (7)

相应地,随机变量y的第j阶中心矩 $\mu_i$ 定义为

$$\mu_{j} = E\{(y - \alpha_{1})^{j}\} = \int_{-\infty}^{\infty} (y - m_{y})^{j} p_{y}(y) dy$$

$$j = 1, 2, \dots$$
(8)

由此可见,中心矩围绕着随机变量y的均值 $m_x$ 计算,均值  $m_y$ 等于随机变量 y 的一阶矩  $\alpha_1$ 。

一般,零阶和一阶中心矩 (即 $\mu_0$ =1和 $\mu_1$ =0) 无关紧要,二阶中心矩 $\mu_2 = \sigma_x^2$ 即是随机变量y的方 差。三阶中心矩 $\mu_x = E \{(y - m_x)^3\}$  称为偏度,是随 机变量γ的概率密度函数非对称性的度量。四阶矩  $\alpha_4 = E \{ y^4 \}$  和四阶中心矩  $\mu_4 = E \{ (y - m_y)^4 \}$ ,由 于其计算简单, 在信号处理实践中得到了广泛的应 用。

#### 2.2 峭度

峭度是随机变量的一种四阶累积量, 定义为

$$K_{u}(y) = E\{y^{4}\} - 3(E\{y^{2}\})^{2}$$
 (9)

式中: $\gamma$ 的均值是零。假定 $\gamma$ 是标准化的,即其 方差为1,则有:

$$K_{n}(y) = E\{y^{4}\} - 3 \tag{10}$$

由式 (10) 可知, 峭度在本质上是随机变量四 阶矩的一种规范化形式。一般, 高斯随机变量 y 的四 阶矩为  $3(E\{y^2\})^2$ , 因此它的峭度为零。大部分 (并不是所有的) 非高斯随机变量的峭度为非零值。

峭度无论是从计算上还是从理论上都非常简单。 从计算的角度, 若样本数据的方差不变, 峭度可用样 本数据的四阶矩来估计:

$$K_{\mathbf{u}}(y) = \sum_{i=1}^{n} E[y_i^4]$$
 (11)

在理论上, 峭度的一个有用特性是它的可加性, 若  $y_1$  和  $y_2$  是统计独立的随机变量,那么有:

$$K_{u}(y_{1} + y_{2}) = K_{u}(y_{1}) + K_{u}(y_{2})$$
 (12)

这里要注意,可加性质对于随机变量的四阶矩并 不成立。此外, 峭度的另一个有用特性是它的比例 性, 若有标量参数  $\alpha$ , 则有:

$$K_{\rm u}(\alpha y) = \alpha^4 K_{\rm u}(y)$$
 (13)  
由此可见,峭度不是线性的。

# 3 基于峭度的特征信息提取方法

从统计意义上来说,随机变量的峭度是一个能够 指示它的非高斯性程度的最简单的量。通常,随机变 量的非高斯性既可以用峭度的绝对值来度量,也可以 使用峭度的平方,因此,峭度的绝对值(或平方) 在统计意义上是一个随机变量非高斯性的自然度量指 标。峭度的绝对值(或平方)越大,说明随机变量 的非高斯性越强。

因此,本文作者提出基于峭度(或峭度绝对值,或峭度平方值)的特征信息提取方法,利用它来度量机械信号的非高斯性程度,进而来表征机械设备的运行状态信息。

假设机械设备的传感器观测信号是一组 *M* 通道的混合信号,那么基于峭度的故障特征信息提取就是由 *M* 通道的混合信号来提取它的峭度基故障特征信息向量。基于峭度的故障特征信息提取方法的具体步骤为:

- (1)  $\diamondsuit i = 1$ ;
- (2) 标准化第j通道混合信号 $x_j$ , 使得 $E(x_j) = 0$ ,  $\sigma_{x_j=1}$ :
- (3) 计算混合信号  $x_j$  的峭度(峭度平方值,或峭度绝对值);
  - (4)  $\Diamond j = j + 1$ , 如果 $j \leq M$ , 返回步骤 (2);
- (5) 由 M 通道混合信号的峭度值构成一个 M 维的故障特征信息向量。

### 4 试验研究

液压齿轮泵试验台架和加速度计的设置如图 1 所示。液压齿轮泵在各个故障模式下的一组传感器观测信号  $\mathbf{x}_1(t) = [x_1(t), x_2(t), x_3(t), x_4(t)]^{\mathsf{T}}$ 。



图 1 液压齿轮泵试验台架和加速度计的设置

Fig. 1 Setting of the hydraulic gear pump test bench and the accelerometer

在液压齿轮泵的各个故障模式下,由其中任一传感器观测信号 x(t) 可以得到一个四维的峭度基故障特征信息向量,一个四维的峭度绝对值基故障特征信息向量和一个四维的峭度平方值基故障特征信息向量。

由得到特征信息可知,峭度(或峭度绝对值,或峭度平方值)基故障特征信息向量具有很好的聚类划分特性,即它们的类间差异显著而类内聚类集中,而且数值也比较稳定。例如在液压齿轮泵的各个故障模式下,峭度绝对值基故障特征信息向量的一维数值分别集中在区间(1.4,1.7)、(0.9,2.0)和(0.2,1.0);二维数值分别集中在区间(0.9,1.6)、(0.01,0.1)和(0.4,0.9);三维数值分别集中在区间(2.0,5.1)、(0.4,0.9)和(1.1,4.0);四维数值分别集中在区间(1.5,1.8)、(0.7,1.9)和(0.03,0.4);其中,最大的区间范围为3.1,最小的

区间范围为 0.09。因此,峭度(或峭度绝对值,或峭度平方值)基故障特征信息向量可以很好地区分和识别液压齿轮泵的各个故障模式。横向比较可知,相比峭度和峭度平方值,峭度绝对值基故障特征信息向量的聚类划分特性更好,主要因为: (1) 峭度值有正有负,而且数值分散,这使得峭度基故障特征信息的类内聚类特性有所弱化; (2) 由于平方运算的作用,小的峭度值更趋于集中,大的峭度值更趋于分散,这使得峭度平方值基故障特征信息的类间差异特性有所弱化。因此,在应用中应该更多地考虑使用峭度绝对值基故障特征信息。

峭度(或峭度绝对值,或峭度平方值)基故障特征信息向量的二维平面分布(第一维和第二维,即1号测点和2号测点)和三维空间分布(第一维、第二维和第四维,即1号测点、2号测点和4号测点)如图2所示。

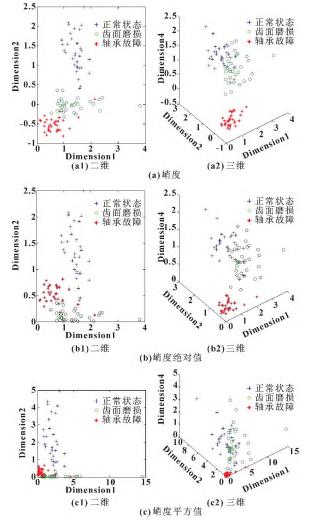


图 2 故障特征向量分布

Fig. 2 Failure feature vector distribution: (a) kurtosis; (b) absolute kurtosis value; (c) squared kurtosis value

图 2 所示的峭度基故障特征信息向量分布进一步 表明:基于峭度(或峭度绝对值,或峭度平方值) 的故障特征信息向量具有非常好的聚类划分特性,而 且数值相当稳定。这说明基于峭度的特征信息提取方 法是有效的。

#### 5 结语

- (1) 利用 MCKD 算法对采集信号初步分析,突出信号中的原始冲击成分并进一步去噪,使得信号的信噪比进一步提高,提高了齿轮泵状态监测和故障诊断精度。
- (2)提出基于峭度(或峭度绝对值,或峭度平方值)的特征信息提取方法,利用它度量机械信号的非高斯性程度,进而表征机械设备的运行状态信息。结果表明:基于峭度(或峭度绝对值,或峭度平方值)的故障特征信息向量具有非常好的聚类划分特性,而且数值相当稳定。这说明基于峭度的特征信息提取方法是有效的。
- (3) 峭度值有正有负,而且数值分散,这使得峭度基故障特征信息的类内聚类特性有所弱化;由于平方运算的作用,小的峭度值更趋于集中,大的峭度值更趋于分散,使峭度平方值基故障特征信息的类间差异特性有所弱化。因此,在应用中应该更多地考虑使用峭度绝对值基故障特征信息。

## 参考文献:

- [1] 黄志坚,袁周. 液压设备故障诊断与监测实用技术[M]. 北京: 机械工业出版社,2005.
- [2] 李新德. 液压系统故障诊断与维修技术手册[M]. 北京: 中国电力出版社,2009.
- [3] 祝小彦,王永杰.基于自相关分析与 MCKD 的滚动轴承 早期故障诊断[J].振动与冲击,2019,38(24):183-
  - ZHU X Y, WANG Y J. A method of incipient fault diagnosis of bearings based on autocorrelation analysis and MCKD [J]. Journal of Vibration and Shock, 2019, 38 (24):183 188.
- [4] 刘尚坤,唐贵基,何玉灵. Teager 能量算子结合 MCKD 的 滚动轴承早期故障识别[J]. 振动与冲击, 2016, 35 (15):98-102.
  - LIU S K, TANG G J, HE Y L. Incipient fault diagnosis of rolling bearings based on Teager energy operator and MCKD[J]. Journal of Vibration and Shock, 2016, 35(15): 98 102
- [5] 王建国,陈帅,张超. VMD 与 MCKD 在轴承故障诊断中的应用与研究[J]. 组合机床与自动化加工技术,2017(5):69-72.

- WANG J G, CHEN S, ZHANG C. Application and research of VMD and MCKD in bearing fault diagnosis [J]. Modular Machine Tool & Automatic Manufacturing Technique, 2017 (5):69-72.
- [6] 陈丙炎,宋冬利,张卫华,等. 基于自适应 MCKD 的滚动 轴承故障特征提取[J]. 机械强度,2020,42(6):1293-1301.
  - CHEN B Y, SONG D L, ZHANG W H, et al. Fault feature extraction of rolling element bearings based on adaptive mckd[J]. Journal of Mechanical Strength, 2020, 42 (6): 1293 1301.
- [7] 刘兴教,赵学智,李伟光,等. 基于峭度原则的 EEMD MCKD 的柔性薄壁轴承故障特征提取[J]. 振动与冲击, 2021,40(1):157 164.
  - LIU X J,ZHAO X Z,LI W G, et al. EEMD MCKD fault feature extraction method for flexible thin wall bearing based on kurtosis principle [J]. Journal of Vibration and Shock, 2021, 40(1):157 164.
- [8] 沈玉成,孙冬梅,袁倩. 基于峭度的概率密度分析法在风电回转支承故障诊断中的应用研究[J]. 机床与液压, 2017,45(23):182-184.
  - SHEN Y C, SUN D M, YUAN Q. Applied research of analysis method of probability density based on kurtosis in fault diagnosis for wind turbine bearings [J]. Machine Tool & Hydraulics, 2017, 45(23):182-184.
- [9] 石文杰,黄鑫,温广瑞,等. 基于 DS VMD 及相关峭度的滚动轴承故障诊断[J]. 振动. 测试与诊断,2021,41(1):133-141.
  - SHI W J, HUANG X, WEN G R, et al. Rolling bearing fault diagnosis based on DS VMD and correlated kurtosis [J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 2021, 41 (1):133 141.
- [10] 代士超,郭瑜,伍星,等.基于子频带谱峭度平均的快速 谱峭度图算法改进[J].振动与冲击,2015,34(7):98 -102.
  - DAISC,GUOY,WUX,et al. Improvement on fast kurtogram algorithm based on sub frequency band spectral kurtosis average [J]. Journal of Vibration and Shock, 2015,34(7):98 102.
- [11] 张忠强,张新,王家序,等. 基于重加权谱峭度方法的航空发动机故障诊断[J]. 航空学报,2022,43(9):148 157.
  - ZHANG Z Q, ZHANG X, WANG J X, et al. Reweighted kurtogram for aero engine fault diagnosis [J]. Acta Aeronautica et Astronautica Sinica, 2022, 43(9):148 157.