### Sequences



刘铎

liuduo@bjtu.edu.cn

- □序列(sequence)是被排成一列的 对象,各对象之间的顺序非常重要。
- □序列中的对象也称为项(item),
- □项的个数(可能是无限的)称为序列的长度(length)。
- □取出序列中的某些特定的项并保持它们在原来序列中的顺序,所得到的新序列称为原序列的子序列(subsequence)。

#### □例

- **1**, 2, 3, 4, 5, 1, 2, 3
- **2**, 3, 5, 7, 11, 13, ...
- **1**, 4, 9, 16, 25, 36, ...
- apple, egg, egg, apple, egg, egg,...
- **■** {**a**}, **b**, {{**b**}}
- **d**, i, s, c, r, e, t, e

- □对于给定的集合 A, 定义  $A^*$  为所有由 A 中元素生成的有限长度序列全体,  $A^*$  中元素称为 A 上的词(word)或串(string)
- 口在不引起混淆时,也可忽略序列各项间的","。 A\* 中的空序列称作空串(empty string),记作 $\lambda$ 或 $\varepsilon$ 。此时 A 也称作字母表(alphabet)

#### □例

- $A = \{ a, b, c, ..., z \}$
- ■A\* 包含所有有限长度的英文"单词"——无论其是否具有意义,如:
  - bat
  - □ cat
  - djoutrqoanlglkjr
  - asdfg

- 口假设 A 是集合, $w_1=s_1s_2s_3...s_n$ 和 $w_2=t_1t_2t_3...t_m$ 都是  $A^*$ 中元素,可定义  $w_1$ 和  $w_2$ 的**连接(catenation)**为 $s_1s_2s_3...s_nt_1t_2t_3...t_m$ ,记作 $w_1\circ w_2\circ$   $w_1 \otimes v_2 \otimes v_3 \otimes v_4 \otimes v_5 \otimes v_5 \otimes v_5 \otimes v_6 \otimes$
- □例
  - ■假设 $A=\{a,b,c,...,z\}$ , post, office  $\in A^*$ , 则post $\circ$  office=postoffice。

# End

